第2章: 关系数据库

Relational Databases

邹兆年

哈尔滨工业大学 计算机科学与技术学院 海量数据计算研究中心 电子邮件: znzou@hit.edu.cn

2022年春

◆□ ▶ ◆■ ▶ ◆■ ▶ ■ りへで

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春 1 / 80

教学内容1

- 关系数据模型
 - ▶ 关系数据结构
 - ▶ 关系操作
 - ▶ 关系完整性约束
- 2 关系代数
 - ▶ 基本关系代数操作
 - ▶ 派生关系代数操作
 - ▶ 扩展关系代数操作
- 3 关系演算
 - ▶ 元组关系演算
 - ▶ 域关系演算

2.1 关系数据模型

Relational Data Model

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ■ かく○

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

3 / 80

关系数据模型(Relational Data Model)

- 关系数据模型(relational data model)是一种被广泛使用的实现数据模型(implementation data model)
- 关系数据模型是关系数据库管理系统的模型基础
 - Oracle
 - Microsoft SQL Server
 - ▶ IBM DB2
 - MySQL
 - PostgreSQL
 - openGauss
 - SQLite

关系数据模型的三要素

- ❶ 关系数据结构
- ② 关系操作
- ③ 关系完整性约束

邹兆年 (CS@HIT)

2022年春

关系数据模型要素1:关系数据结构

关系数据模型的三要素

- 关系数据结构
- ② 关系操作
- ③ 关系完整性约束
- 关系数据模型使用的唯一数据结构—关系(relation)
- 不严格地讲,关系就是一张二维表(table)
 - ▶ 行—元组(tuple)/记录(record),表示对象
 - ▶ 列—属性(attribute)/域(field),表示对象的性质

Example (关系)

| Student | | | | |
|---------|-------|---|----|---------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章・关系数据库

2022年春

5 / 80

关系(Relation)的数学定义 |

Definition (关系)

设 D_1, D_2, \ldots, D_n 是n个值域(domain), $D_1 \times D_2 \times \cdots \times D_n$ 的子集R称作 D_1, D_2, \ldots, D_n 上的关系(relation),记作 $R(D_1, D_2, \ldots, D_n)$ 。

- R—关系名
- n—关系R的度(degree)
- $(d_1, d_2, ..., d_n) \in R$ —关系R的元组(tuple),其中 d_i 是元组的分量(component)

关系(Relation)的数学定义 ||

Example (关系)

 $D_1 =$ 学号集合, $D_2 =$ 姓名集合, $D_3 = \{M, F\}$, $D_4 = \mathbb{N}$, $D_5 =$ 系名集合

Student

| | O ta a cirt | | | | |
|--------|-------------|---|----|---------|--|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math | |

因为 $Student \subseteq D_1 \times D_2 \times D_3 \times D_4 \times D_5$, 所以Studnet是一个关系

邹兆年 (CS@HIT)

第2章, 关系数据库

2022年春

7 / 80

关系的正确性

- D₁ × D₂ ×···× D_n的任意子集都是关系,但未必都是正确的关系
- 只有符合客观实际的关系才是正确的关系

Example (不正确的关系)

Student PH-001 Nick M 20 CS-001 Elsa F 19 CS-002 Ed M 19

| MA-001 | Abby | Г | 10 | iviatn |
|--------|-------|---|----|--------|
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 20 | Math |

因为一个人不能同时有2个年龄,所以该Student关系是不正确的

Physics

CS

CS

关系的属性(Attributes)

Definition (属性)

由于域可能相同,为了加以区分,可为关系 $R(D_1, D_2, \ldots, D_n)$ 的每个域 D_i 起一个不同的名字 A_i ,称作属性(attribute),故关系R常表示为 $R(A_1, A_2, \ldots, A_n)$ 。

Example (属性)

| C. | | - 1 | | | |
|----|---|-----|---|---|----|
| St | П | ด | e | n | Ť. |

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
|--------|-------|------|------|---------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | M | 19 | CS |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math |

属性Sno的域是学号集合, 属性Sname的域是姓名集合, 属性Ssex的域是 $\{M,F\}$, 属性Sage的域是 \mathbb{N} , 属性Sdept的域是系名集合

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

9 / 80

关系的键(Keys)

关系的某些属性集合具有区分不同元组的作用,称作键(key)

Definition (超键)

如果关系的某一组属性的值能唯一标识每个元组,则称该组属性为超键(super key)。

Example (超键)

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

属性集合{Sno, Cno}和{Sno, Cno, Grade}都是关系SC的超键

邹兆年 (CS@HIT)

2022年春

候选键(Candidate Keys)

Definition (候选键)

如果一个超键的任意真子集都不是超键,则称该超键为候选键(candidate key)。候选键=极小的(minimal)超键。

Example (候选键)

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

{Sno}和{Cno}都不是SC的超键,故{Sno, Cno}是SC的候选键

主键(Primary Keys)

Definition (主键)

每个关系都有至少一个候选键,人为指定其中一个作为主键(primary key)。

Example (主键)

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

因为SC只有一个候选键,即{Sno, Cno},所以SC的主键只能是{Sno, Cno} / 資本

邹兆年 (CS@HIT) 第2章: 关系数据库 2022年春 12 / 80

外键(Foreign Keys) I

不同关系中的元组可以存在联系,这种联系是通过外键建立起来的

Definition (外键)

设F是关系R的属性子集。若F与关系S的主键K相对应,则称F是R的外键(foreign key)

- R—参照关系(referring relation)
- 5—被参照关系(referred relation)
- R与S可以是同一关系(什么情况下可以?)

邹兆年 (CS@HIT)

第2章:关系数据库

2022年春

13 / 80

外键(Foreign Keys) II

Example (外键)

| SC | | | | | |
|--------|------|-------|--|--|--|
| Sno | Cno | Grade | | | |
| PH-001 | 1002 | 92 | | | |
| PH-001 | 2003 | 85 | | | |
| PH-001 | 3006 | 88 | | | |
| CS-001 | 1002 | 95 | | | |
| CS-001 | 3006 | 90 | | | |
| CS-002 | 3006 | 80 | | | |
| MA-001 | 1002 | | | | |
| | | | | | |

| Student | | | | |
|---------|-------|------|------|---------|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | |

- SC.Sno和Student.Sno分别表示SC和Student的属性Sno
- SC.Sno是SC的外键,它参照Student.Sno → 減示

第2章: 关系数据

关系数据模型要素2:关系操作

关系数据模型的三要素

- 关系数据结构
- ② 关系操作
- ◎ 关系完整性约束
 - 查询操作: 从关系数据库中查找数据
 - 更新操作: 对关系数据库进行更新
 - ▶ 插入元组
 - ▶ 修改元组
 - ▶ 删除元组

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

15 / 80

查询语言(Query Languages)

查询语言(query language)是用于表示关系操作的语言

查询语言的类型

- 关系代数(relational algebra) (第2.2节)
 - ▶ 使用关系代数表达式明确给出查询的执行过程
- 关系演算(relational calculus) (第2.3节)
 - ▶ 使用谓词逻辑表达式描述查询
 - ▶ 元组关系演算(tuple relational calculus): 谓词逻辑变量是元组
 - ▶ 域关系演算(domain relational calculus): 谓词逻辑变量是域
- 结构化查询语言SQL (第3章)
 - ▶ 具有关系代数和关系演算的双重特点
 - ▶ 集DDL、DML、DCL于一体

关系数据模型要素3:关系完整性约束

关系数据模型的三要素

- ① 关系数据结构
- 2 关系操作
- ③ 关系完整性约束
- 完整性约束(integrity constraints): 关系数据库中的所有数据必须满足的约束条件
- 完整性约束的类型
 - ① 实体完整性(entity integrity)
 - ② 参照完整性(referential integrity)
 - ③ 用户定义完整性(user-defined integrity)

◆ロ → ◆昼 → ◆ 昼 → ○ 夏 ・ 夕 Q (?)

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

17 / 80

实体完整性约束 |

实体完整性约束规则

- ① 关系中任意元组的主键值必须唯一(unique)
- ② 关系中任意元组在主键中的属性值非空(not null)
 - ► 空值(null)表示值不存在,它既不是0,也不是空串

实体完整性约束 ||

Example (实体完整性约束)

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

- {Sno, Cno}是SC的主键
- 所有元组的Sno和Cno属性值组合必须唯一 ▶減示
- 任意元组的Sno和Cno属性值必须非空 D 液示

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■ か ◆ りへ○

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

19 / 80

参照完整性约束 |

不同关系中的元组可以存在联系,这种联系是通过外键建立起来的

参照完整性约束规则

设F是关系R的外键,F参照关系S的主键,则R中任意元组的F属性值必须满足以下两个条件之一:

- ① F的值为空
- ② 若F的值不为空,则F的值必须在S中存在

参照完整性约束 ||

Example (参照完整性约束)

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

| Student | | | | | |
|---------|-------|------|------|---------|--|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | |
| CS-002 | Ed | M | 19 | CS | |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | | |

- SC.Sno和Student.Sno分别表示SC和Student的属性Sno
- SC.Sno是SC的外键,它参照Student.Sno
- SC.Sno的属性值集合必须是Student.Sno属性值集合的子集 → 減示

4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

21 / 80

参照完整性约束 |||

Example (参照完整性约束)

Student

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
|--------|-------|------|------|---------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | |

Department

| Dept | Addr |
|---------|------|
| Physics | B1 |
| CS | B2 |
| Math | В3 |

- Sdept是Student的外键,它参照Department的Dept属性
- Student中元组的Sdept属性值可以为空,表示该学生的院系未知
- 如果Student中元组的Sdept属性值非空,则该Sdept属性值必须属于Department中Dept的属性值集合

用户定义完整性约束

根据应用需求定义的完整性约束

Example (用户定义完整性约束)

| C. | - 1 | | |
|-----|-----|----|----|
| Stı | Id | er | ١t |

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
|--------|-------|------|------|---------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | M | 19 | CS |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math |

- Student.Sname不可以为空
- Student.Ssex的值只能是'M'或'F'
- Student.Sage的值必须大于0 ▶ 減示

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■ ◆ へ○○

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

23 / 80

关系的模式(Schema)

关系的模式(schema)是对关系的结构与语义的描述

- 关系名、属性名、属性值域、主键、完整性约束、属性依赖关系等
- 关系模式是不经常变化的

Example (关系模式)

Student

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
|-----|-------|------|------|-------|

查看关系模式

• PostgreSQL和openGauss: \d Student

• MySQL: describe Student

关系的实例(Instance)

关系的实例(instance)是关系在某一时刻的取值

- 关系实例必须符合关系模式
- 关系实例是动态变化的

关系模式与关系实例的关系如同面向对象程序设计中类(class)与对象(object)的关系

Example (关系实例)

| Studelli | - |
|----------|---|
| | - |

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
|--------|-------|------|------|---------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math |

查看关系实例: SELECT * FROM Student;

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

25 / 80

2.2 关系代数

Relational Algebra

关系代数(Relational Algebra)

- 关系代数是一种使用关系代数表达式来表示查询的语言
- 关系代数表达式明确给出了查询的执行过程
- 关系代数操作的操作数(operand): 关系
- 关系代数操作的结果: 关系
- 关系代数操作的操作符(operator): 选择 σ 、投影 Π 、并U、差 α 、笛卡尔积 α 、重命名 α 、交 α 、内连接 α 、外连接 α

Example (关系代数表达式)

 $\sigma_{Student.Sno=SC.Sno}(Student \times SC)$

- 关系Student和SC是关系代数操作×(笛卡尔积)的操作数
- Student \times SC的结果也是关系,它是关系代数操作 σ (选择)的操作数
- · 上述关系代数表达式给出了执行过程: 先执行×操作, 后执行σ操作

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

27 / 80

基本关系代数操作

基本关系代数操作

- \rm 选择σ
- ② 投影□
- 3 并∪
- 4 差-
- ⑤ 笛卡尔积×
- 重命名ρ



电影《一代宗师》剧照 「以由其太关系代粉操作构成

除一些特殊查询外,关系代数查询均可以由基本关系代数操作构成。

邹兆年 (CS@HIT) 第2章: 关系数据库 2022年春 28 / 80

选择操作(Selection)

- 功能: 从一个关系中选出满足给定条件的元组
- 语法: $\sigma_{\theta}(R)$
 - ▶ σ—选择操作符
 - ► R—关系名
 - ▶ θ —条件表达式,形如A = 10, B > 5的简单逻辑表达式,或由与 \land 、或 \lor 、非 \lnot 逻辑运算构成的复杂逻辑表达式

Example (选择操作)

- 找出计算机系的全体学生 σ_{Sdept='CS'}(Student)
- ② 找出计算机系的全体男同学 σ_{Sdept='CS'∧Ssex='M'}(Student) → 濱示

| Student | | | | |
|---------|-------|------|------|---------|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math |

| 查询1的结果 | | | | | |
|--------|-------|------|------|-------|--|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | |
| 查询2的结果 | | | | | |
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

29 / 80

投影操作(Projection)

- 功能: 从一个关系中选出指定的列,并去掉重复元组
- 语法: Π_L(R)
 - ▶ П—投影操作符
 - ▶ R—关系名
 - ▶ L—投影属性列表

Example (投影操作)

- ❶ 找出全体学生的学号和姓名 Π_{Sno,Sname}(Student) → 減示
- ② 找出全部的系 Π_{Sdept}(Student) Φ 減示

Student Sno Sname Ssex Sage Sdept PH-001 Nick M **Physics** 20 CS-001 Elsa F 19 CS CS-002 Ed CS M 19 MA-001 Abby F 18 Math MA-002 Cindy F 19 Math

查询1的结果 Sname Sno 查询2的结果 Sdept PH-001 Nick CS-001 Elsa **Physics** CS-002 Eric CS Abby MA-001 Math MA-002 Cindy

并操作(Union)

• 功能: 计算关系R和S的并集

语法: R∪S

► R.S—关系名

▶ ∪—并操作符

• 要求:

① R和S必须具有相同个数的属性

② R和S对应属性的值域必须相容

Example (集合并操作)

1 找出计算机系和数学系的学生 $\sigma_{Sdept='CS'}(Student) \cup \sigma_{Sdept='MA'}(Student)$ (还有什么方法?)

 $\sigma_{Sdent='CS'}(Student)$

| | | (| | |
|-----------|-------|------|------|-------|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS |
| (C, 1, 1) | | | | |

| Saept="MA" (Stadent) | | | | | |
|----------------------|-------|------|------|-------|--|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math | |

查询1的结果

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
|--------|-------|------|------|-------|
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

31 / 80

差操作(Difference)

• 功能: 计算关系R和S的差集

语法: R − S

▶ R,S—关系名

▶ ---差操作符

● 要求・

■ R和S必须具有相同个数的属性

② R和S对应属性的值域必须相容

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

Example (差操作)

● 查询选修了1002号课程,但没有选修3006号课程的学生的学号 $\Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='1002'}(SC)) - \Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='3006'}(SC))$

 $\Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='1002'}(SC))$ $\Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='3006'}(SC))$

| Sno |
|--------|
| PH-001 |
| CS-001 |
| MA-001 |

Sno PH-001 CS-001 CS-002

查询1的结果

Sno MA-001

笛卡尔积操作 |

• 功能: 计算两个关系的笛卡尔积

• 语法: R×S

► R, S—关系名

▶ ×—笛卡尔积操作符

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

33 / 80

笛卡尔积操作 ||

Example (笛卡尔积操作)

| C. | | | |
|----|---|----|----|
| St | u | зe | nt |

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
|--------|-------|------|------|---------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math |

SC

| 56 | | | | | | | |
|--------|------|-------|--|--|--|--|--|
| Sno | Cno | Grade | | | | | |
| PH-001 | 1002 | 92 | | | | | |
| PH-001 | 2003 | 85 | | | | | |
| PH-001 | 3006 | 88 | | | | | |
| CS-001 | 1002 | 95 | | | | | |
| CS-001 | 3006 | 90 | | | | | |
| CS-002 | 3006 | 80 | | | | | |
| MA-001 | 1002 | | | | | | |

Student × SC ▶演示

| Student.Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | SC.Sno | Cno | Grade |
|-------------|-------|------|------|---------|--------|------|-------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 3006 | 88 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | CS-001 | 1002 | 95 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | CS-001 | 3006 | 90 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | CS-002 | 3006 | 80 |
| • • • | | | | | • • • | | • • • |

笛卡尔积操作

- 笛卡尔积的作用仅仅是将R和S中的元组无条件地连接起来
- 笛卡尔积操作通常和选择操作一起使用,即连接(join)

Example (笛卡尔积操作与选择操作结合)

● 查询已选课学生的信息

 $\sigma_{Student.Sno=SC.Sno}(Student \times SC)$ • § 5

查询1的结果

| Student.Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | SC.Sno | Cno | Grade |
|-------------|-------|------|------|---------|--------|------|-------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | MA-001 | 1002 | |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

35 / 80

重命名操作(Renaming)

- 功能: 修改关系名和(或)属性名
- 语法:
 - $ρ_{B \leftarrow A}(R)$: 将关系R的属性A更名为B
 - ② ρ_S(R): 将关系R更名为S
 - **3** *ρ_{S(A₁,A₂,...,A_n)}(R)*: 将关系R更名为S, 并将R的全部属性更名为A₁, A₂,...,A_n
- 当把一个关系和它自身进行自连接(self-join)时,需要区分同一个关系的两个副本。在这种情况下,重命名操作发挥着重要作用。

Example (重命名操作)

- 事关系SC的属性名Grade修改为ScoreρScore←Grade(SC)ρ≤
- ③ ** 找出3006号课程的最高分(课后练习)

邹兆年 (CS@HIT) 第2

第2章: 关系数据库

2022年春

基本关系代数习题 |

使用关系代数运算器² 在数据库(Database Systems The Complete Book - Exercise 2.4.1)上完成下列习题

选择

- What PC models have a speed of at least 3.00 and ram of at least 1024MB?
- What PC models have a speed of at least 3.00 or ram of at least 1024MB?

投影

- What are the manufacturers?
- What models does the manufacturer A produce?
- Find the model numbers of all color laser printers

并

• Find the model numbers and price of all PC's and all laptops

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

37 / 80

基本关系代数习题 ||

差

Find the manufacturers that sell laptops but not PC's

笛卡尔积

- What manufactures make laptops with a hard disk of at least 100GB?
- What PC models with a price less than \$500 does the manufacturer A produce?

重命名

- Rename the hd attribute of a PC to ssd
- ② ★★ Find the model numbers of all printers that are cheaper than the printer model 3002

²https://dbis-uibk.github.io/relax

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

派生关系代数操作

- 目的: 只用基本关系代数操作来编写复杂查询是非常繁琐的,因此我们引入派生(derived)关系代数操作来简化查询编写
- 任何一项派生关系代数操作都可以用基本关系代数操作来表示

派生关系代数操作

- ① 交∩
- ② θ连接 Νθ
- ③ 自然连接⋈
- 4 外连接: 左外连接≥
- ⑤ 反连接▷
- ⑥ 除÷

邹兆年 (CS@HIT)

第2章・关系数据库

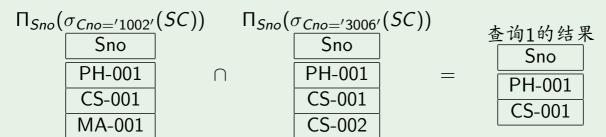
2022年春

39 / 80

交操作(Intersection)

- 功能: 计算关系R和S的交集
- 语法: R∩S
 - ▶ R, S—关系名
 - ▶ ∩—交操作符
- 要求:
 - R和S必须具有相同个数的属性
 - ② R和S对应属性的值域必须相容
- 等价变换: R∩S = R (R S)

Example



邹兆年 (CS@HIT)

第つ音・ 关系 粉 据 店

2022年春

θ 连接(θ -Join) I

- 功能: 将关系R和S中满足给定连接条件θ的元组进行连接
- 语法: R ⋈_θ S
 - ▶ ⋈—内连接操作符
 - θ—连接条件,条件表达式的语法与选择操作条件相同
- \bullet $R \bowtie_{\theta} S$ 的结果包含R n S中的全部属性,同名属性加关系名前缀

◆ロト ◆昼ト ◆豊ト ・豊 ・夕へで

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

41 / 80

θ 连接(θ -Join) II

Example (θ连接)

| Student | | | | | | | | |
|---------|-------|------|------|---------|--|--|--|--|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | | | | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | | | | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | | | | |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | | | | |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | | | | |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math | | | | |

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

Student ⋈_{Student.Sno=SC.Sno} SC → 濱示

| Student.Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | SC.Sno | Cno | Grade |
|-------------|-------|------|------|---------|--------|------|-------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | MA-001 | 1002 | |

邹兆年 (CS@HIT)
第2章: 关;

2022年春

θ 连接(θ -Join)

Property

 $R \bowtie_{\theta} S = \sigma_{\theta}(R \times S)$

Example

● 查询计算机系学生的选课情况,列出学号、姓名、课号、得分 Π_{Student.Sno,Sname,Cno,Grade}(σ_{Sdept='}CS'(Student ⋈_{Student.Sno=SC.Sno}SC)) → 淡示

 $Student \bowtie_{Student.Sno=SC.Sno} SC$

| Student.Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | SC.Sno | Cno | Grade |
|-------------|-------|------|------|---------|--------|------|-------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | MA-001 | 1002 | |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

43 / 80

等值连接(Equi-join)

等值连接(equi-join): 连接条件 θ 仅涉及相等比较的 θ 连接

自然连接(Natural Join) I

- 功能: 设 $\{A_1, A_2, \dots, A_k\}$ 是关系R和S的同名属性集合 $R.A_1 = S.A_1 \land R.A_2 = S.A_2 \land \dots \land R.A_k = S.A_k$
 - 从连接结果中去掉重复的同名属性(为什么?)
- 语法: R ⋈ S

4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 9

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

45 / 80

自然连接(Natural Join) II

Cindy

Example (自然连接)

P

MA-002

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept |
|--------|-------|------|------|---------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS |
| 1A-001 | Ahhy | F | 18 | Math |

Student

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

Student ⋈ SC ▶ 演示

Math

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | Cno | Grade |
|--------|-------|------|------|---------|------|-------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | 1002 | 92 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | 2003 | 85 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | 3006 | 88 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | 1002 | 95 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | 3006 | 90 |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | 3006 | 80 |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | 1002 | |

19

自然连接与θ连接的区别

| | 自然连接 | θ连接 |
|---------|-----------|-----------|
| 连接条件 | 隐含给出 | 明确给出 |
| 连接结果的属性 | 去除重复的同名属性 | 保留重复的同名属性 |

Example (自然连接)

① 查询计算机系学生的选课情况,列出学号、姓名、课号、得分 $\Pi_{Sno,Sname,Cno,Grade}(\sigma_{Sdept='CS'}(Student \bowtie SC))$

| _ | | | ~ ~ |
|------|------|--------|---------------|
| Stud | lant | M | 51 |
| Juu | CIIL | \sim | \mathcal{L} |

| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | Cno | Grade |
|--------|-------|------|------|---------|------|-------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | 1002 | 92 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | 2003 | 85 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | 3006 | 88 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | 1002 | 95 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | 3006 | 90 |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | 3006 | 80 |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | 1002 | |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章・关系数据库

2022年春

47 / 80

内连接(Inner Join)

- 前面讲的连接都属于内连接(inner join)
- R和S的内连接 $(R \bowtie_{\theta} S$ 或 $R \bowtie S)$ 的结果只包含R和S中满足连接条件的元组
- R和S中不满足连接条件的元组均不会出现在连接结果中

Example (内连接)

查询选过课的学生的学号和姓名П_{Sno,Sname}(Student ⋈ SC)→漢示

Student ⋈ SC

| Student N SC | | | | | | | |
|--------------|-------|------|------|---------|------|-------|--|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | Cno | Grade | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | 1002 | 92 | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | 2003 | 85 | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | 3006 | 88 | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | 1002 | 95 | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | 3006 | 90 | |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | 3006 | 80 | |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | 1002 | | |

因为Student ⋈ SC是内连接,所以学生MA-002不会出现在连接结果中

邹兆年 (CS@HIT)

第7音, 关系粉据店

2022年春

外连接(Outer Join) I

- 除了要在R和S的连接结果中保留满足连接条件的全部元组外,在 某些情况下,我们还需要在连接结果中保留R或(和)S中的不满足连 接条件的元组
- 在这种情况下,仅用内连接无法完成查询,因此引入外连接(outer join)

◆□ → ◆□ → ◆ = → ◆ = → へ○

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

49 / 80

外连接(Outer Join) II

Example (外连接)

● 查询全体学生的选课情况(含未选课的学生)

| Student | | | | | | | | | |
|---------|-------|------|------|---------|--|--|--|--|--|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | | | | | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | | | | | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | | | | | |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | | | | | |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | | | | | |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math | | | | | |

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

| 想 | 要 | 的 | 杳 | 询 | 结 | 果 |
|----|---|---|---|-----|-----|-------|
| 10 | ~ | | | • • | - 1 | / - |

| 心安的巨闪冶术 | | | | | | | | | |
|-------------|-------|------|------|---------|--------|------|-------|--|--|
| Student.Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | SC.Sno | Cno | Grade | | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 1002 | 92 | | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 2003 | 85 | | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 3006 | 88 | | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 1002 | 95 | | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 3006 | 90 | | |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | CS-002 | 3006 | 80 | | |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | MA-001 | 1002 | · | | |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math | | | | | |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

外连接的分类

- 左外连接(left outer join)
- 右外连接(right outer join)
- 全外连接(full outer join)

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

51 / 80

左外 θ 连接(Left Outer θ -Join) I

指定R为左关系(left relation), S为右关系(right relation)

- 功能:
 - lacktriangle 将R和S中满足给定连接条件heta的元组进行连接,即计算 $R\bowtie_{ heta}S$
 - ② 对于R中不满足给定连接条件θ的元组,左外连接结果中也包含该元组,只不过S中属性的值都为空(null)
- 语法: R ⋈_θ S

左外 θ 连接(Left Outer θ -Join) II

Example (左外θ连接)

① 查询全体学生的选课情况(含未选课的学生) Student ™Student.Sno=SC.Sno SC → 液示

 $Student \bowtie_{Student.Sno=SC.Sno} SC$

| Student.Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | SC.Sno | Cno | Grade |
|-------------|-------|------|------|---------|--------|------|-------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | MA-001 | 1002 | |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math | | | |

Question

为什么没有左内θ连接?

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

53 / 80

左外自然连接(Left Outer Natural Join) I

指定R为左关系(left relation), S为右关系(right relation)

- 功能:
 - ① 将R和S中满足自然连接条件的元组进行连接,即计算RθS
 - ② 对于R中不满足自然连接条件θ的元组,左外自然连接结果中也包含该元组,只不过那些在S而不在R中的属性的值都为空(null)
- 语法: R ⋈ S

左外自然连接(Left Outer Natural Join) II

Example (左外自然连接)

❶ 找出没选过课的同学的学号和姓名

 $\Pi_{Sno,Sname}(\sigma_{Cno=NULL}(Student \bowtie_{Student.Sno=SC.Sno} SC))$

| Student $\bowtie_{Student.Sno=SC.Sno} S$ | C |
|------------------------------------------|---|
|------------------------------------------|---|

| Student.Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | SC.Sno | Cno | Grade |
|-------------|-------|------|------|---------|--------|------|-------|
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | MA-001 | 1002 | |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math | | | |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章:关系数据库

2022年春

55 / 80

右外连接(Right Outer Join)

指定R为左关系(left relation), S为右关系(right relation)

右外θ连接

- 功能:
 - lacktriangle 将R和S中满足给定连接条件heta的元组进行连接,即计算 $R\bowtie_{ heta}S$
 - ② 对于S中不满足给定连接条件θ的元组,右外连接结果中也包含该元组,只不过R中属性的值都为空(null)
- 语法: R ⋈_θ S
 - ▶ ⋈—右外连接操作符

右外自然连接

- 功能:
 - ① 将R和S中满足自然连接条件的元组进行连接,即计算R⋈S
 - ② 对于S中不满足自然连接条件的元组,右外自然连接结果中也包含该元组,只不过那些在R而不在S中的属性的值都为空(null)
- 语法: R ⋈ S
 - ▶ ⋈—右外连接操作符

全外连接(Full Outer Join)

指定R为左关系(left relation), S为右关系(right relation)

$全外<math>\theta$ 连接

- 功能:
 - \bullet 将R和S中满足给定连接条件 θ 的元组进行连接,即计算 $R \bowtie_{\theta} S$
 - ② 对于R中不满足给定连接条件θ的元组,全外连接结果中也包含该元组,只不过S中属性的值都为空(null)
 - ③ 对于S中不满足给定连接条件θ的元组,全外连接结果中也包含该元组,只不过R中属性的值都为空(null)
- 语法: R ™_θ S
 - ▶ ☑—全外连接操作符

全外自然连接: 定义留作练习

Property

- $R \bowtie_{\theta} S = (R \bowtie_{\theta} S) \cup (R \bowtie_{\theta} S)$
- $R \bowtie S = (R \bowtie S) \cup (R \bowtie S)$

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

57 / 80

反连接(Anti Join) I

指定R为左关系, S为右关系

θ 反连接

- 功能:
 - ① 找出R中不满足与S的连接条件θ的元组
- 语法: R ▷θ S
 - ▶ ▷ 反连接操作符

自然反连接

- 功能:
 - ① 找出R中不满足与S的自然连接条件的元组
- 语法: R ▷ S

反连接(Anti Join) II

Example (反连接)

① 找出没选过课的同学的学号和姓名Π_{Sno,Sname}(Student ▷ SC)) ▶續示

| Student | | | | | |
|---------|-------|------|------|---------|--|
| Sno | Sname | Ssex | Sage | Sdept | |
| PH-001 | Nick | М | 20 | Physics | |
| CS-001 | Elsa | F | 19 | CS | |
| CS-002 | Ed | М | 19 | CS | |
| MA-001 | Abby | F | 18 | Math | |
| MA-002 | Cindy | F | 19 | Math | |

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

59 / 80

除(Division)

- 目的: 我们经常要做下面这种查询: 找出选修了所有课程的学生。 用基本关系代数操作来编写这种查询非常不便, 因此引入除操作。
- 整数除法: 设x和y为正整数, $x \div y$ 的商是使得 $yz \le x$ 的最大的整数z
- 关系除法
 - ▶ R÷S的结果是一个关系,它只包含R中的属性,但不包含S中的属性
 - ▶ $R \div S$ 的结果是使得 $S \times T \subseteq R$ 的最大的关系T
- 语法: R÷S
 - ▶ ÷—除操作符

| Sno | Cno |] | | | |
|--------|------|---|------|---|--------|
| PH-001 | 1002 | | | | |
| PH-001 | 2003 |] | Cno |] | Sno |
| PH-001 | 3006 | . | 1002 | = | PH-001 |
| CS-001 | 1002 | • | 3006 | — | CS-001 |
| CS-001 | 3006 | | 3000 | J | C3-001 |
| CS-002 | 3006 | | | | |
| MA-001 | 1002 |] | | | |

除(Division)

Example (除)

① 找出选修了所有课程的学生的学号 $\Pi_{Sno,Cno}(SC) \div \Pi_{Cno}(Course)$ \bullet 演示

1002

| $\Pi_{Sno,Cno}(SC)$ | | | | |
|---------------------|------|--|--|--|
| Sno | Cno | | | |
| PH-001 | 1002 | | | |
| PH-001 | 2003 | | | |
| PH-001 | 3006 | | | |
| CS-001 | 1002 | | | |
| CS-001 | 3006 | | | |
| CS-002 | 3006 | | | |

◆ロ → ◆昼 → ◆夏 → 夏 → りへの

邹兆年 (CS@HIT)

MA-001

第2章:关系数据库

2022年春

61 / 80

派生关系代数习题 |

使用关系代数运算器³ 在数据库(Database Systems The Complete Book - Exercise 2.4.1)上完成下列习题

交

- ① Find the manufacturers that sell both laptops and PC's θ 连接
 - Find those pairs of PC models that have both the same speed and RAM. A pair should be listed only once
 - 2 * Find those hard-disk sizes that occur in two or more PC's
 - ★★ Find the PC model with the highest available speed
- ** Find the manufacturers of PC's with at least three different speeds 自然连接
- What manufacturers make laptops with a hard disk of at least 100GB?
- ② ★ Explain the result of *Product* ⋈ *Printer*

◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ □ りへ○

派生关系代数习题 ||

左外连接

- Execute $Product \bowtie PC$
- ② ** Find the PC model with the highest available speed (第2次出现,上一次怎么做的?)

右外连接

• Execute $Product \bowtie PC$

全外连接

■ Execute Product > PC

除

What manufacturers make all types of products (PC, laptop, and printer)?

3https://dbis-uibk.github.io/relax

邹兆年 (CS@HIT)

第2章:关系数据库

2022年春

63 / 80

扩展关系代数操作

• 目的: 用基本关系代数操作能够实现的查询功能有限,为了增强关系代数的查询表示能力,我们引入扩展(extended)关系代数操作

扩展关系代数操作

- ① 分组操作γ
- ② 赋值操作=

分组操作(Group-By)

目的: 我们经常需要对数据进行统计,例如统计每名学生的选课数和平均分。基本关系代数操作无法实现这种功能,因此需要引入分组操作。

• 功能:

- ① 根据指定的分组属性,对一个关系中的元组进行分组,分组属性值相同元组的分为一组
- ② 对每个组中元组的非分组属性的值进行聚集(aggregation)—计数count、求最小值min、求最大值max、求和sum、求平均值avg
- ③ 聚集函数只作用于非空(null)值, count(*)除外(它计算分组内所有元组的数量)

| | SC | |
|--------|------|-------|
| Sno | Cno | Grade |
| PH-001 | 1002 | 92 |
| PH-001 | 2003 | 85 |
| PH-001 | 3006 | 88 |
| CS-001 | 1002 | 95 |
| CS-001 | 3006 | 90 |
| CS-002 | 3006 | 80 |
| MA-001 | 1002 | |

每名学生的选课数和平均分

| Sno | Amount | AvgGrade |
|--------|--------|----------|
| PH-001 | 3 | 88.3 |
| CS-001 | 2 | 92.5 |
| CS-002 | 1 | 80 |
| MA-001 | 1 | |

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

□▶→□▶→□▶→□

65 / 80

分组操作(Group-By)

- 语法: γ_{L;agg}(R)
 - ► γ—分组操作符
 - ▶ R—关系名
 - ▶ L—分组属性列表,用逗号分隔
 - ▶ agg—聚集函数表达式列表,用逗号分隔,每个聚集函数表达式形如 $sum(score) \rightarrow TotalScore$ (计算score属性值的和,并将结果命名为属性TotalScore)

Example (分组聚集)

邹兆年 (CS@HIT)

- ① 统计每个系的男生人数和女生人数 $\gamma_{Sdept,Ssex;count(*) \rightarrow Amt}(Student)$ ① 演示
- ② 统计每名已选课学生的选课数和平均分

 γ Sno;count(*) \rightarrow Amt,avg(Grade) \rightarrow Score(SC) \triangleright 演示

| SC | | | | | |
|---------|------|-----|--|--|--|
| Sdept | Ssex | Amt | | | |
| Physics | М | 1 | | | |
| CS | F | 1 | | | |
| CS | М | 1 | | | |

| 查询2的结果 | | | | |
|--------|-----|------|--|--|
| Sno | Amt | Scor | | |
| PH-001 | 3 | 88.3 | | |
| CC 001 | | 00.1 | | |

CS-002

第2章: 关系数据库

2022年春

80

赋值操作(Assignment)

- 目的: 仅用一个关系代数表达式来编写复杂查询通常会太冗长,不 易理解。为了便于理解,需要将一个冗长的关系代数查询表达式分 解为一系列简单的表达式,这需要暂存一些中间结果。
- 功能: 将关系代数查询表达式的结果赋值给临时关系
- 语法: *R* = *expr*
 - ▶ R—临时关系名
 - ▶ =—赋值操作符
 - ▶ expr—关系代数查询表达式

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

67 / 80

扩展关系代数习题 |

使用关系代数运算器⁴ 在数据库(Database Systems The Complete Book - Exercise 2.4.1)上完成下列习题

分组

- How many models does every manufacturer have?
- ② How many models does every manufacturer have for every type of products?
- ★★ Find those hard-disk sizes that occur in two or more PC's (第2次出现,上一次是怎么做的?)
- ** What manufacturers make all types of products (PC, laptop, and printer)? (第2次出现,上一次是怎么做的?)

赋值

① ** What manufacturers make all types of products (PC, laptop, and printer)? (第3次出现,以前两次是怎么做的?)

4https://dbis-uibk.github.io/relax

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2.3 关系演算

Relational Calculus

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春

69 / 80

元组关系演算(Tuple Relational Calculus)

元组关系演算(tuple relational calculus)用形如 $\{t|P(t)\}$ 的表达式表示查询

- t: 元组变量(tuple variable)
- P: 谓词(predicate)
- 元组关系演算表达式的结果是所有使谓词P为真的元组t的集合

记法

- t[A]: 元组t中属性A的值
- $t \in R$: t是关系R中的元组
- ∧: 合取
- V: 析取
- ¬: 否定
- \Longrightarrow : 蕴含, $A \Longrightarrow B \equiv \neg A \lor B$: "如果A为真,则B为真"
- \forall : 全称量词, $\forall t(Q(t))$ 为真当且仅当任意元组t均使谓词Q为真
- \exists : 存在量词, $\exists t(Q(t))$ 为真当且仅当存在元组t使谓词Q为真

<□ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ </p>

邹兆年 (CS@HIT)

第7音, 关系粉据店

2022年春 70 / 80

元组关系演算

Example (元组关系演算)

- ① 找出计算机系的全体学生 $\{t|t \in Student \land t[Sdept] = 'CS'\}$
- ② 找出计算机系和数学系的学生 $\{t|t \in Student \land (t[Sdept] = 'CS' \lor t[Sdept] = 'MA')\}$
- ③ 找出全体学生的学号和姓名 $\{t|\exists s \in Student(t[Sno] = s[Sno] \land t[Sname] = s[Sname])\}$
- ④ 查询既选修了1002号课程,又选修了3006号课程的学生的学号 $\{t|\exists s\in SC\exists s'\in SC(t[Sno]=s[Sno]=s'[Sno]\wedge s[Cno]='1002'\wedge s'[Cno]='3006'))\}$
- **⑤** 查询选修了1002号课程,但没有选修3006号课程的学生的学号 $\{t|\exists s \in SC(s[Sno] = t[Sno] \land s[Cno] = '1002') \land \forall s' \in SC(\neg(s'[Sno] = t[Sno] \land s'[Cno] = '3006')))\}$ 或 $\{t|\exists s \in SC(s[Sno] = t[Sno] \land s[Cno] = '1002') \land \forall s' \in SC(s'[Sno] = t[Sno] \implies s'[Cno] \neq '3006'))\}$

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春 71 / 80

元组关系演算

Example (元组关系演算)

- ① 查询已选课学生的学号和姓名 $\{t|\exists s \in Student \exists r \in SC(t[Sno] = s[Sno] = r[Sno] \land t[Sname] = s[Sname])\}$
- ② 找出没选过课的同学的学号和姓名 $\{t|\exists s \in Student \forall r \in SC(t[Sno] = s[Sno] \land t[Sname] = s[Sname] \land s[Sno] \neq r[Sno])\}$
- ③ 找出选修了所有课程的学生的学号 $\{t|\exists s \in SC \forall c \in Course(t[Sno] = s[Sno] \land s[Cno] = c[Cno])\}$
- ④ 查询选修了CS-001号同学选修的所有课程的同学的学号 $\{t|\forall s\in SC(\exists s'\in SC(s'[Sno]=t[Sno]\land((s[Sno]='CS-001')\Longrightarrow(s'[Cno]=s[Cno])))\}$

域关系演算(Domain Relational Calculus)

- 域关系演算(domain relational calculus)表达式与元组关系演算表达式的定义类似,不同之处是表达式中使用域变量(domain variable),而不是元组变量
- 域关系演算表达式的一般形式为 $\{(x_1, x_2, ..., x_n) | P(x_1, x_2, ..., x_n)\}$
 - ► *x*₁, *x*₂, . . . , *x*_n: 域变量
 - ▶ P: 域关系演算公式
 - ▶ 域关系演算表达式的结果是所有使 $P(x_1, x_2, ..., x_n)$ 为真的元组 $(x_1, x_2, ..., x_n)$ 的集合
- 记法
 - ► (x₁, x₂,...,x_n): 域变量x₁, x₂,...,x_n构成的元组
 - ▶ $(x_1, x_2, ..., x_n) \in R$: $(x_1, x_2, ..., x_n)$ 是关系R中的元组
 - ▶ ∧: 合取
 - ▶ ∨: 析取
 - ▶ ¬: 否定
 - ▶ ⇒: 蕴含
 - ▶ ∀: 全称量词
 - ▶ ∃: 存在量词

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春 73 / 80

域关系演算

Example (域关系演算)

- ① 找出计算机系的全体学生 $\{(n, m, s, a, d) | (n, m, s, a, d) \in Student \land d = 'CS'\}$
- ② 找出计算机系和数学系的学生 $\{(n, m, s, a, d) | (n, m, s, a, d) \in Student \land (d = 'CS' \lor d = 'MA')\}$
- ③ 找出全体学生的学号和姓名 $\{(n,m)|\exists s,a,d((n,m,s,a,d) \in Student)\}$
- ④ 查询既选修了1002号课程,又选修了3006号课程的学生的学号 $\{(n)|\exists g((n,'1002',g)\in SC)\land\exists g'((n,'3006',g')\in SC))\}$
- **⑤** 查询选修了1002号课程,但没有选修3006号课程的学生的学号 $\{(n)|\exists g((n,'1002',g) \in SC) \land \forall g'(\neg((n,'3006',g') \in SC)))\}$

域关系演算

Example (域关系演算)

- ① 查询已选课学生的学号和姓名 $\{(n,m)|\exists s,a,d((n,m,s,a,d)\in Student)\land\exists c,g((n,c,g)\in SC)\}$
- ② 找出没选过课的同学的学号和姓名 $\{(n,m)|\exists s,a,d((n,m,s,a,d)\in Student)\land \forall c,g(\neg((n,c,g)\in SC))\}$
- ③ 找出选修了所有课程的学生的学号 $\{n|\forall c(\exists t((c,t)\in \textit{Course}) \land \exists g((n,c,g)\in \textit{SC}))\}$
- ④ 查询选修了CS-001号同学选修的所有课程的同学的学号 $\{(n)|\forall c(\exists g,g'((('CS-001',c,g) \in SC)))\}$

◆ロト ◆昼 ト ◆ 壹 ト ○ 壹 ・ りへ○

邹兆年 (CS@HIT)

52章: 关系数据库

2022年春

75 / 9N

总结

■ 关系数据模型

- ▶ 关系数据结构:关系、属性、键
- ▶ 关系操作:查询操作、更新操作(插入、修改、删除)、查询语言(关系代数、关系演算、SQL)
- ▶ 关系完整性约束:实体完整性、参照完整性、用户定义完整性
- ② 关系代数
 - ト 基本关系代数操作: 选择 σ 、投影 Π 、笛卡尔积 \times 、并 \cup 、差-、重命名 ρ
 - ▶ 派生关系代数操作: 交∩、内连接⋈0、自然连接⋈0、外连接(左外连接⋈0、右外连接⋈0、全外连接⋈1、除÷
 - 扩展关系代数操作: 分组操作γ、赋值操作=
- ③ 关系演算
 - ▶ 元组关系演算
 - ▶ 域关系演算
- 在线练习: https://dbis-uibk.github.io/relax

习题 |

- 用基本关系代数操作表示下列关系代数表达式
 - \triangleright $R \bowtie S$
 - ► *R* ÷ *S*
 - $ightharpoonup R \bowtie S$
- 2 判断下列命题是否成立。若不成立,请给出反例。
 - $\bullet \ \sigma_{\theta_1}(\sigma_{\theta_2}(R)) = \sigma_{\theta_2}(\sigma_{\theta_1}(R)) = \sigma_{\theta_1 \wedge \theta_2}(R)$
 - $\square_{L_1}(\Pi_{L_2}(R)) = \Pi_{L_1}(R)$

 - $\bullet \quad \sigma_{\theta}(R \cap S) = \sigma_{\theta}(R) \cap S = R \cap \sigma_{\theta}(S)$
 - $\sigma_{\theta}(R-S) = \sigma_{\theta}(R) S = R \sigma_{\theta}(S)$
 - $(R \bowtie_{\theta_1} S) \bowtie_{\theta_2} T = R \bowtie_{\theta_1} (S \bowtie_{\theta_2} T)$

 - \bigcirc $R \bowtie R = R \cap R$

◆ロト ◆昼 ト ◆ 喜 ト ● りへで

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2022年春 77 / 80

习题 ||

③ 设关系R(A,B)中包含r > 0个元组,关系S(B,C)中包含s > 0个元组,求下列关系代数表达式的结果中元组数的最小值和最大值

| 关系代数表达式 | 元组数最小值 | 元组数最大值 |
|--------------------------------|--------|--------|
| $\sigma_{A < B}(R)$ | | |
| $\Pi_A(R)$ | | |
| $R \bowtie S$ | | |
| $R \bowtie S$ | | |
| $R \bowtie S$ | | |
| $\Pi_B(R) \cup \Pi_B(S)$ | | |
| $\Pi_B(R) \cap \Pi_B(S)$ | | |
| $\Pi_B(R) - \Pi_B(S)$ | | |
| $R \div \Pi_B(S)$ | | |
| $\gamma_{A;count(B) \to D}(R)$ | | |

习题 |||

- 设属性K是关系R的主键,写一个关系代数表达式来验证R的实例 是否违反实体完整性约束,说明如何用该关系代数表达式的结果来 完成验证。
- 数表达式来验证R和S的实例是否违反参照完整性约束,说明如何 用该关系代数表达式的结果来完成验证。
- ⑥ 在课上用的College数据库上,用关系代数查询3006号课程的最高分
 - ▶ 方法1: 只用基本关系代数操作
 - ▶ 方法2: 用外连接

< ロ ト ◆ 個 ト ◆ 量 ト ◆ 量 ・ 夕 Q (^)

邹兆年 (CS@HIT)

2022年春 79 / 80

致谢

- 感谢李治霖、詹儒彦(1190202307)、王雨桐(1190200527)、李世 鹏(1190201227)同学指出课件中的错误
- 感谢龚利锋、王梓宣、肖潇、李一鸣同学提供课堂练习题的笔记