TERMIZ DAVLAT MUHANDISLIK VA AGROTEXNOLOGIYALAR UNIVERSITETI

MUHANDISLIK VA KOMPYUTER GRAFIKASI

UDK BBK

MUNDARIJA

Kirish

1-bob. Fanning maqsadi va proyeksiyalar tuzish asoslari

1.1. Chizma geometriya fanining asosiy maqsadi va vazifasi

2-bob. Proyeksiyalash usullari

- 2.1. Markaziy proyeksiya
- 2.2. Parallel proyeksiyalashning xossalari
- 2.3. Proyeksion chizmalarni takomillashtirish usullari

3-bob. Nuqta va toʻgʻri chiziq

- 3.1. Nuqtaning chizmasi
- 3.2. Ikki nuqtaning oʻzaro pozitsiyalari. Chizmada koʻrinish shartlari
- 3.3. Toʻgʻri chiziq kesmasini chizish. Xususiy holatdagi toʻgʻri chiziqlar
- 3.4. Nuqta va toʻgʻri chiziqning oʻzaro vaziyatlari
- 3.5. Toʻgʻri chiziqning izlari
- 3.6. Ikki toʻgʻri chiziqning oʻzaro joylashuvi
- 3.7. Tekis burchaklarni proyeksiyalash
- 3.8. Toʻgʻri chiziq kesmasining haqiqiy uzunligini aniqlash

4-bob. Tekislik

- 4.1. Tekislikni belgilash usullari
- 4.2. Tekislikning proyeksiya tekisliklariga nisbatan joylashuvi
- 4.3. Tekislikdagi nuqta va chiziq
- 4.4. Tekislikning asosiy chiziqlari
- 4.5. Toʻgʻri chiziq va tekislikning oʻzaro joylashuvi
- 4.6. Tekislikning oʻzaro joylashuvi
- 4.7. Chizmalarni qayta qurish usullari

5-bob. Chiziqlar va yuzalar

- 5.1. Egri chiziqlar. Umumiy ma'lumotlar, tushunchalar va ta'riflar
- 5.2. Yuzalarning chizmada ta'rifi va berilishi
- 5.3. Sirtlarga tegishli nuqta va chiziq
- 5.4. Burchakli sirtlar va koʻpyoqliklar. Koʻpyoqliklarning tekisliklar bilan kesishishi
 - 5.5. Konussimon va silindrsimon yuzalar. Torslar
 - 5.6. Aylanish sirtlari. Aylanish sirtlarining tekisliklar bilan kesishishi
 - 5.7. Vintli yuzalar
 - 5.8. Sirtlarning oʻzaro kesishishi

6-bob - Chizmalarni rasmiylashtirishning asosiy qoidalari

6.1. Muhandislik hujjatlarining yagona tizimi

- 6.2. Formatlar va sarlavha bloklari
- 6.3. Tarozilar
- 6.4. Chiziqlar
- 6.5. Xat yozish
- 6.6. Materiallarning an'anaviy ko'rinishlari

7-bob Tekis shakllarning geometrik chizmalari

8-bob. Koʻrinishlar

- 8.1. Asosiy qoidalar va ta'riflar
- 8.2. Koʻrinishlar
- 8.3. Seksiyali koʻrinishlar
- 8.4. Boʻlimlar
- 8.5. Konvensiyalar va soddalashtirishlar
- 8.6. Koʻrinish olib tashlandi

9-bob. Aksonometrik proyeksiyalar

- 9.1. Aksonometrik proyeksiyalash usuli. Oldindan qisqartirish omil
- 9.2. Izometrik
- 9.3. Dimetrik
- 9.4. Aylana va sharning aksonometriyada tasviri
- 9.5. Oblik aksonometriya

10-bob Birikmalar

- 10.1. Ajraladigan va doimiy boʻgʻinlar
- 10.2. Ipni koʻrsatish va belgilash
- 10.3. Tishli mahsulotlar va boʻgʻinlar
- 10.4. Kalitli va shpilli boʻgʻinlar
- 10.5. Doimiy bo'g'inlar. Payvandlangan, lehimli va yopishtiruvchi birikmalar

Kirish

Muhandislar biror detal yoki mahsulotni ishlab chiqarishdan oldin uni qogʻozda chizma shaklida tasvirlaydilar.

Oʻrta maktablarda koʻplab fanlarni oʻqitish turli xil qurilmalar, mashinalar va texnologik jarayonlarni ularning tasvirlari - chizmalar orqali oʻrganish bilan bogʻliq. Shuning uchun muhandislarni tayyorlash uchun fanlar qatoriga muhandislik grafikasi ham kiritilgan.

Muhandislik va kompyuter grafikasi oʻz ichiga chizma geometriya (geometrik obyektlarning chizma qurilishi nazariyasi) elementlari va texnik chizmalar (mahsulotlarning chizmalarini tuzish va oʻqish)ni oladi. Oʻqish jarayonida talabalarga muhandislik hujjatlarini yaratish, loyihalash va ulardan foydalanish jarayonida asosiy qoidalar va talablar oʻrgatiladi. Bundan tashqari, geometrik masalalarni yechish fazoviy tasavvurni va mantiqiy tafakkurni rivojlantiradi. Bu koʻnikmalarsiz hech qanday texnik ijod qilish mumkin emas.

"Muhandislik va kompyuter grafikasi" kursini oʻrganganidan soʻng talabalar quyidagilarni oʻzlashtiradilar:

- nuqtalar, chiziqlar, tekisliklar va ayrim turdagi fazoviy chiziqlar hamda sirtlarni tekislikda chizishning nazariy tamoyillarini oʻrganadilar;
- geometrik figuralarning oʻzaro tegishliligi va kesishishi masalalarini yechishdagi xos holatlar hamda tekislik figuralarining haqiqiy oʻlchamlarini aniqlash bilan tanishadilar;
- oddiy obyektlarni chizish usullari va tegishli belgilanishlarini oʻzlashtiradilar;
- oddiy detallarni ularning tasviriga qarab geometrik shaklini aniqlash va bunday tasvirlarni chiza olish koʻnikmasiga ega boʻladilar;
- ayrim birikmalar va ulanishlarning tasvirini oʻrganadilar, texnik qurilmalar chizmalarini oʻqiy olish hamda standart talablariga muvofiq bunday chizmalarni tuzish koʻnikmasiga ega boʻladilar.

Ushbu darslik "Muhandislik va kompyuter grafikasi" kursini oʻrganish uchun _____ mutaxassisliklari bakalavr dasturidagi talabalarga moʻljallangan. Kurs birinchi semestrda oʻqitiladi. Darslikka ish daftari hamda tizimli koʻrsatmalar va topshiriqlar ilova qilingan.

Ish daftari talabalarning nazariy materialni mustahkamlashlari uchun bajarilishi kerak boʻlgan topshiriqlarni oʻz ichiga oladi. Ish daftarining mazmuni darslikdagi ketma-ketlikka muvofiq joylashtirilgan. Tizimli koʻrsatmalar esa talabalar uchun taklif qilingan topshiriqlarni bajarishda yordam beradi.

Ushbu kitobda quyidagi belgilanishlar qabul qilingan:

- 1. Fazodagi nuqtalar odatda lotin bosh harflari bilan (A, B, C, ...) yoki raqamlar bilan (1, 2, 3, ...) ifodalanadi.
- 2. Nuqtalar ketma-ketligi (yoki boshqa elementlar) oʻrta past indekslar bilan $(A_1, A_2, A_3, \dots B_1, B_2, B_3, \dots)$.
- 3. Fazodagi chiziqlar berilgan chiziqni aniqlovchi nuqtalar orqali (AB, CD, ...) belgilanadi.
 - 4. Burchaklar kichik yunon harflari bilan $(\alpha, \beta, \gamma, ...)$ belgilanadi.
 - 5. Tekisliklar lotin bosh harflari bilan (P, R, Q, T,...) belgilanadi.
 - 6. Yuzalar yunon bosh harflari bilan $(\Psi, \Phi, \Omega, ...)$ ifodalanadi.
 - 7. Proyeksiya tekisliklari:
 - gorizontal H;
 - frontal V;
 - profil W.
 - 8. Proyeksiya markazi S.
 - 9. Koordinatalar oʻqlari tizimi x,y,z,O, bu yerda:
 - abssissa oʻqi x;
 - ordinata oʻqi y;
 - aplikata oʻqi z;
 - koordinatalar boshi O;
 - yangi proyeksiya oʻqlari (tekisliklar almashganida) x1, x2,...
 - 10. Nuqta proyeksiyalari tegishli bosh harflar bilan belgilanadi (A, B):
 - gorizontal proyeksiya tekisligi uchun A';
 - frontal proyeksiya tekisligi uchun B";
 - profil proyeksiya tekisligi uchun C'''.
- 11. Chiziq proyeksiyalari chiziqni aniqlovchi nuqtalarning proyeksiyalari orqali A'B', A"B", A"B".
 - 12. Mos kelish, (ustma-ust tushish) bir xil \equiv
 - 13. Tenglik -=
 - 14. Parallellik -
 - 15. Perpendikulyarlik ⊥
 - 16. Kesishish ÷
 - 17. Tasvirlash \rightarrow
 - 18. Elementning (nuqta) toʻplamga (chiziq, tekislik va h.k.) tegishliligi ∈
 - 19. Qismning (chiziq) toʻplamga (tekislik, sirt) tegishliligi ⊂
 - 20. Toʻplamlar kesishmasi \cap

I-BOB. FANNING MAQSADI VA PROYEKSIYALAR TUZISH ASOSLARI

1.1. Chizma geometriya fanining asosiy maqsadi va vazifasi

Chizma geometriya fani umum muxandislik fanlaridan biri boʻlib, unda uch oʻlchamli geometrik figuralar (nuqta, toʻgʻri chiziq, tekislik, sirtlar) va buyumlarning tekislikdagi asosan ikki oʻlchamli proyeksiyalarini yasashning usullari va qoidalari oʻrganiladi. Ya'ni chizma geometriya fani uch oʻlchamli fazo bilan ikki oʻlchamli tekislik orasida koʻprik vositasini oʻtab, uning asosiy maqsadi quyidagilarni oʻrgatishdan iborat:

- 1. Fazodagi uch o'lchamli geometrik figura va buyumlarning tekislikdagi ikki o'lchamli proyeksiyalarini, ya'ni ularning chizmalarini tuzish usullarini, qoidalarini va tartibini o'rgatadi.
- 2. Geometrik figura va buyumlarning tekislikdagi ikki oʻlchamli tasvirlariga binoan, ularning xususiyatlarini uch oʻlchamli fazoda fikran tasavvur qilish, ya'ni ularning chizmalarini oʻqish usullarini, qoidalarini va tartibini oʻrgatadi.
- 3. Geometrik figura va buyumlarning tekislikdagi tasvirlariga binoan, ularning oʻzaro kesishishiga va joylashishiga oid pozitsion va metrik masalalarni grafik usullarda yechishni oʻrgatadi.
- 4. Chizma geometriya fani talabalarning amaliy fanlarni oʻzlashtirishlarida va muhandislik faoliyatlarida zarur boʻladigan fazoviy tasavvurini hamda mantiqiy fikrlashini oʻstiradi.

Proyeksiya,-tasvirlash va tasvir soʻzlari fransuzcha projeter va projection soʻzlaridan olingan boʻlib, soʻzma-soʻz tarjimasi quyidagilarni bildiradi:

- -aksini chizmoq;
- -tasvirlamoq;
- -oldinga tashlamoq.

Chizma geometriya fani boshqa fanlar kabi oʻz tarixiga ega. Bu fanning kurtaklari insonning amaliy faoliyati natijasida, ya'ni uy-joy, ibodatxonalar, mudofaa istehkomlari va suv inshoatlari qurilishi, hamda har xil dastgohlar, kemalar va xoʻjalik buyumlari ishlab chiqarish davridan boshlab rivojlanib kelgan.

XVIII asr oxirida fransuz olimi Gospar Monj (1746–1818) tasvirlash nazariyasi va amaliyoti boʻyicha oʻz davridagi bilimlarni umumlashtirgan holda, toʻgʻri burchakli proyeksiyalar asosida yangi ilmiy tizim yaratdi. Bu tizim keyinchalik tasviriy geometriya deb nomlandi. 1798-yilda u "Tasviriy Geometriya" asarini nashr etdi va unda ikkita proyeksiyani oʻz ichiga olgan tekis chizma oʻzaro perpendikulyar boʻlgan ikki proyeksiya tekisligining birlashuvi

natijasi sifatida koʻrib chiqilishini taklif qildi. Bu birlashuv tekisliklarning kesishish chizigʻi atrofida aylanishi orqali amalga oshiriladi. Keyinchalik bu chiziq "proyeksiya oʻqi" deb atalgan.

Respublikamizda bu fan avvaliga rus tilida, keyinchalik, 1940 yillardan boshlab ona tilimizda oʻqitilgan. Bunda 1951 yilda Yusufjon Qirgʻizboyev, 1961 yilda Raximjon Xorunov, 1972 yilda Erkin Sobitov, 1984 yilda Ikromjon Raxmonov va 1991 yilda Shmidt Murodov va boshqalar muallifliklarida yaratilgan darsliklar juda katta ahamiyatga ega boʻlib kelmoqda. Talabalarga bu darsliklardan foydalanish tavsiya etiladi.

Chizma geometriya fani mashina, mexanizm va ular detallarining oʻlchami va formalarini aniqlovchi juda sodda, lekin muhim ahamiyatga ega boʻlgan geometrik figura - nuqtani tasvirlashdan boshlanadi.

Buni bundan 233 yil oldin yashagan, chizma geometriya fanining asoschisi Gospar Monj - Kimki nuqtani tasvirlashni yaxshi oʻzlashtirsa, chizma geometriya fanini oʻrganishda qech qachon qiynalmaydi, deb ta'kidlagan edi.

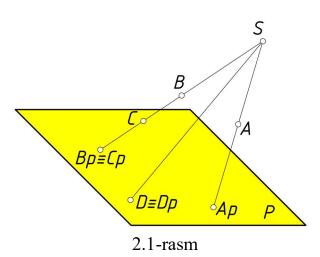
II-BOB. PROYEKSIYALASH USULLARI

Fazodagi uch oʻlchamli fazodagi obyektlarning tasvirlari tekislikka proyeksiyalash usullari yordamida bajariladi.

Proyeksiyalash apparati proyeksiyalangan obyekt, proyeksiyalovchi nurlar va obyektning tasviri olinadigan tekislikni oʻz ichiga oladi.

Proyeksiyalash usullari quyidagi uch turga boʻlinadi:

- 1-Markaziy proyeksiyalash
- 2-Paralel proyeksiyalash
- 3-Toʻgʻri burchakli paralel proyeksiyalash
- 2.1. Markaziy proyeksiya geometrik tasvirlar berilgan tekislikka tanlangan tashqi markazdan proyeksiyalangan umumiy holat boʻlib obyektlarning tasvirlari markazdan nurlar yordamida hosil boʻladi. 2.1-rasmda S nuqta proyeksiya markazi, P tekislik esa proyeksiya tekisligi sifatida koʻrsatilgan. Nuqtaning markaziy proyeksiyasini yaratish uchun nuqtadan va proyeksiya markazidan oʻtuvchi proyeksiyalash chizigʻini chizish zarur. Bu chiziq va proyeksiya tekisligining kesishish nuqtasi berilgan nuqtaning tanlangan tekislikdagi markaziy proyeksiyasi boʻladi.



A,B,C,D nuqtalarning P tekislikdagi Ap, Bp ≡ Cp, Dp markaziy proyeksiyalari boʻladi.

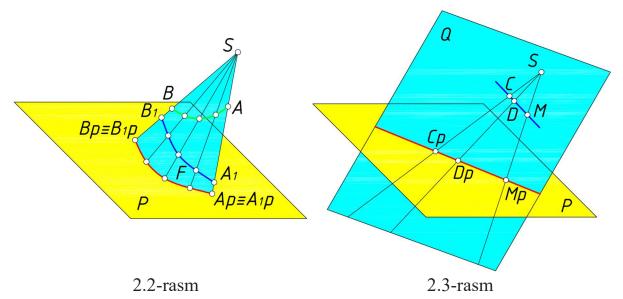
Bir proyeksiya chizigʻida yotgan ikki xil B va C nuqtalarning markaziy proyeksiyalari B va C ustma ust tushadi. Shu tufayli proyeksiya tekisligi va proyeksiya markazini hisobga olgan holda, fazodagi har bir nuqta faqat bitta markaziy proyeksiyaga ega boʻladi. Lekin nuqtaning bitta proyeksiyasi uning fazodagi oʻrnini aniq aniqlashga imkon bermaydi. Chizmaning toʻgʻri va aniq boʻlishi uchun ba'zi qoʻshimcha qoidalar kerak. Bu qoidalar chizmada barcha

oʻlchamlar va shakllar toʻgʻri aks ettirilganini va chizma asl obyektni toʻliq va xatosiz tasvirlayotganini ta'minlash uchun zarur.

Markaziy proyeksiya yordamida har qanday chiziq yoki sirtning proyeksiyasi uning barcha nuqtalarining proyeksiyalari toʻplami yigʻindisi sifatida olinadi. Bunda egri chiziqning barcha nuqtalari orqali oʻtkazilgan proyeksiyalovchi toʻgʻri chiziqlar konussimon sirtni hosil qiladi (2.2-rasm) yoki bir xil tekislikda tugashi mumkin (2.3-rasm).

Egri chiziqning proyeksiyasi proyeksiyalovchi konussimon yuzaning proyeksiya tekisligi bilan kesishish chizigʻi boʻladi. Demak, 2.2-rasmda proyeksiyalovchi konussimon sirt F proyeksiyalovchi tekislik P bilan AB egri chizigʻi boʻylab kesishadi, bu esa AB chiziqning proyeksiyasi hisoblanadi. Biroq, chiziqning proyeksiyasi proyeksiyalangan chiziqni aniqlamaydi, chunki proyeksiyalash yuzasida proyeksiya tekisligida bir xil chiziqqa proyeksiyalovchi cheksiz koʻp chiziqlar mavjud boʻlishi mumkin.

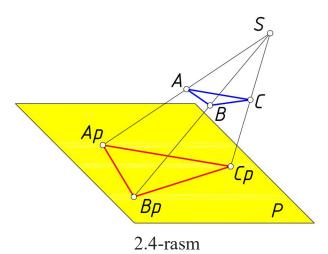
Proyeksiya markazidan oʻtmaydigan toʻgʻri chiziqni proyeksiyalashda proyeksiya yuzasi tekislik boʻladi. 2.3-rasmda proyeksiya tekisligi Q CD chizigʻining C va D nuqtalaridan oʻtuvchi SC va SD proyeksiya chiziqlari orqali hosil boʻladi.



Tekislik Q proyeksiyalar tekisligi P ni CD chiziq boʻylab kesib oʻtadi. Bu chiziq CD toʻgʻri chiziq proyeksiyasi hisoblanadi. M nuqta CD toʻgʻri chiziqqa tegishli boʻlganligi uchun uning proyeksiyasi - nuqta M CD proyeksiyasiga tegishli boʻladi.

Chiziqlar, sirtlar yoki jismlarning proyeksiyalarini qurish uchun koʻpincha faqat ba'zi xarakterli nuqtalarning proyeksiyalarini aniqlash kifoya qiladi. Bunda,

uchburchakning proyeksiyasini qurishda uning uch nuqtasi - A, B, C uchlarining proyeksiyalarini qurish yetarli. (2.4-rasm)



Markaziy proyeksiyaning quyidagi asosiy xususiyatlarini ajratib koʻrsatish mumkin:

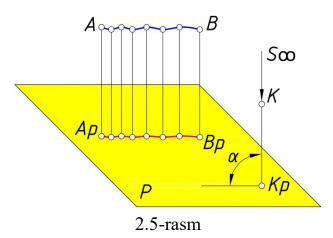
- 1. Markaziy proyeksiyada:
- a) Nuqta oʻzining proyeksiyasiga aylanadi;
- b) Proyeksiya markazidan oʻtmaydigan chiziq chiziqqa proyeksiyalanadi, proyeksiyalash chizigʻi esa nuqtaga proyeksiyalanadi;
- c) Yassi (ikki oʻlchovli) figura, agar proyeksiyalovchi tekislikka tegishli boʻlmasa, ikki oʻlchovli figuraga proyeksiyalangan boʻladi. Agar figura proyeksiyalovchi tekislikka tegishli boʻlsa, u toʻgʻri chiziqqa proyeksiyalanadi;
 - d) Uch oʻlchovli figura ikki oʻlchovli figuraning proyeksiyasini hosil qiladi;
- e) Figuralarning markaziy proyeksiyasi ularning ba'zi geometrik xususiyatlarini, masalan, tegishlilik va uzluksizlikni saqlaydi.
- 2. Berilgan proyeksiya markazi asosida parallel tekisliklar figuralari birbiriga oʻxshash boʻladi.
- 3. Markaziy proyeksiya figura va uning proyeksiyasi oʻrtasida aniq oʻxshashlikni ta'minlaydi, masalan, ekran yoki kinoplyonkada boʻlgani kabi.

Vizualizatsiya markaziy proyeksiyaning muhim ijobiy xususiyati boʻlsa-da, u ba'zi kamchiliklarga ham ega. Masalan, obyekt tasvirini yaratishda va uning haqiqiy oʻlchamlarini aniqlashda yuzaga keladigan murakkabliklar. Shuning uchun bu usul cheklangan qoʻllanilish imkoniyatiga ega. Markaziy proyeksiya binolar perspektivasini yaratishda, tasviriy san'atda va boshqa sohalarda keng qoʻllaniladi.

2.2. Parallel proyeksiyalashning xossalari

Parallel proyeksiya markaziy proyeksiyaning maxsus holatlaridan biri boʻlib, bunda proyeksiya markazi cheksiz uzoq masofada joylashgan deb qabul qilinadi (S\omaga). Bu holda proyeksiyalash tekisligiga nisbatan berilgan yoʻnalishda chizilgan parallel proyeksiyalash chiziqlari ishlatiladi. Agar proyeksiyalash yoʻnalishi proyeksiyalash tekisligiga perpendikulyar boʻlsa, bu proyeksiyalar toʻgʻri burchakli yoki ortogonal proyeksiya deb ataladi. Aks holda, agar proyeksiyalash yoʻnalishi tekislikka qiya boʻlsa, proyeksiya qiya proyeksiya deb ataladi.

2.5-rasmda proyeksiyalash yoʻnalishi P
 proyeksiya tekisligiga $\alpha \neq 90^\circ$ burchak ostida koʻrsatilgan.



Parallel proyeksiya markaziy proyeksiyaning barcha xususiyatlariga ega boʻlib, quyidagi yangi xususiyatlarga ham ega:

- 1. Bir-biriga parallel boʻlgan chiziqlarning proyeksiyalari ham parallel boʻladi, va bu chiziq kesmalarining nisbati ularning proyeksiyasi uzunliklarining nisbatiga teng boʻladi.
- 2. Proyeksiyalash tekisligiga parallel boʻlgan ikki oʻlchovli figura proyeksiyalovchi tekislikda oʻsha oʻlchovli figura sifatida proyeksiyalanadi.
- 3. Fazodagi yoki proyeksiya tekisligidagi figuraning parallel koʻchirilishi uning proyeksiyasining shakli yoki oʻlchamlarini oʻzgartirmaydi.

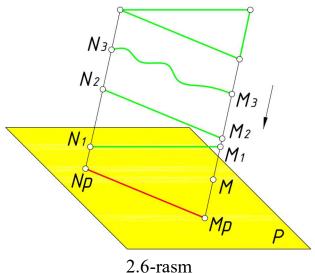
Parallel proyeksiya yordamida nuqta va chiziqning proyeksiyalarini, shuningdek, sirt va jismning parallel proyeksiyalarini qurish mumkin. Biroq, parallel proyeksiyalar markaziy proyeksiyalar kabi, tasvirning asl shaklini yoki joylashuvini tiklashga imkon bermaydi.

2.3. Proyeksion chizmalarni takomillashtirish usullari

Bitta proyeksiya tekisligida proyeksiyalashda figura va uning proyeksiyasi orasida bir-biriga toʻgʻri keladigan aniq bir moslik mavjud emas. Berilgan

joylashuv va yoʻnalishda faqat bitta proyeksiya obyektning proyeksiyasiga mos keladi.

Biroq, hosil boʻlgan figura boshqa oʻlcham va shakldagi cheksiz sonli figuralarning proyeksiyasi boʻlishi mumkin. 2.6-rasmda M nuqtasi faqatgina fazodagi M nuqtasining P tekisligidagi proyeksiyasi ekanligi koʻrsatilgan. Shu bilan birga, M nuqtasi proyeksiyalash chizigʻida joylashgan nuqtalar toʻplamining proyeksiyasi boʻlib, bu nuqtalar M, M1, M2, M3 kabi tartibda joylashgan.

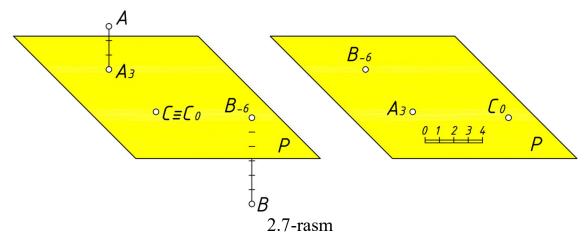


Toʻgʻri chiziqli kesma M N faqat M₁ N₁ yoki M₂ N₂ kesmalarining proyeksiyasi boʻlmasdan, balki M₃ N₃ egri chiziq va proyeksiyalash tekisligida joylashgan har qanday ikki oʻlchovli figuraning proyeksiyasi ham boʻlishi mumkin.

Demak, figuraning tasviri toʻliq emas. Chizma faqat qoʻshimcha izohlar yordamida toʻgʻri tushunilishi mumkin. Keling, proyeksiyaning "teskari" boʻlishini kafolatlaydigan ba'zi qoʻshimcha usullarni koʻrib chiqaylik, ya'ni proyeksiyalangan obyektning asl shaklini aniq aks ettirish

Sonli belgilar bilan proyeksiyalash usuli

Ushbu usul, yerning rejalari va ayrim muhandislik inshootlari (dambalar, yoʻllar, toʻgʻonlar va h.k.) chizmalarini yaratishda asosiy metod hisoblanadi. Usulning mohiyati shundaki, fazodagi har qanday nuqtaning joylashuvi uning gorizontal tekislikdagi toʻgʻri burchakli proyeksiyasi orqali aniqlanadi, bu tekislik nol tekisligi sifatida qabul qilinadi (2.7-rasmda koʻrsatilgan).

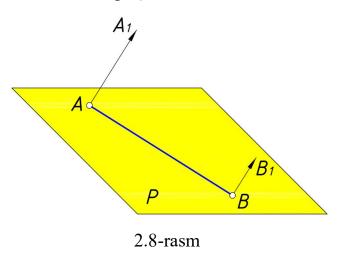


Nuqtalar (A, B, C) proyeksiyalari yonida ularning belgilari koʻrsatiladi. Belgilar nuqtaning proyeksiyalar tekisligidan boʻlgan masofasini koʻrsatadi.

Vektorli proyeksiyalash usuli

Akademik E.S. Fyodorov nuqtalarning balandliklarini proyeksiya tekisligida parallel kesmalar yordamida ifodalashni taklif qilgan, bu kesmalarning boshlangʻich nuqtalari esa tegishli nuqtalarning proyeksiyalarida joylashadi. Barcha balandlik kesmalarining yoʻnalishlari ixtiyoriy. Agar nuqtalar gorizontal tekislikdan yuqorida joylashgan boʻlsa, balandlik kesmalari va ularning raqamli belgilariga musbat qiymat beriladi. Aks holda, ya'ni nuqtalar tekislikdan pastda joylashgan boʻlsa, ular manfiy hisoblanadi.

"Fyodorov proyeksiyalari"da musbat va manfiy balandlik kesmalari yoʻnalishiga qarab farqlanadi. Fyodorov proyeksiyalari usuli yordamida yaratilgan chizmalar geologiya, qazib olish, topografiya kabi sohalarda keng qoʻllaniladi (2.8-rasmda koʻrsatilgan).

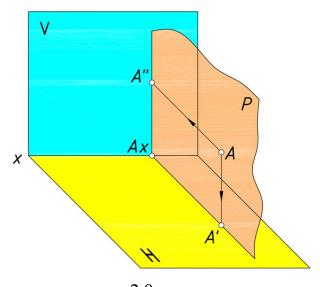


To'g'ri burchakli proyeksiyalash usuli

Toʻgʻri burchakli proyeksiyalar sistemasida chizma obyektini bittadan emas, balki ikki yoki uchta oʻzaro perpendikulyar proyeksiyalar tekisligiga

proyeksiya qilish orqali hosil qilinadi. Ushbu usul parallel proyeksiyaning maxsus holati boʻlib, unda proyeksiyalash yoʻnalishi proyeksiya tekisligiga perpendikulyar boʻladi. Nuqtadan proyeksiya tekisligiga chizilgan perpendikulyar esa nuqtaning toʻgʻri burchakli (ortogonal) proyeksiyasi deb ataladi.

Gaspar Monj birinchi boʻlib ikki oʻzaro perpendikulyar tekislikda proyeksiyalashni amalga oshirgan. Ushbu proyeksiyaning asosiy xususiyati shundaki, u nuqtaning fazodagi joylashuvini uning proyeksiyalari yordamida aniqlashni ta'minlaydi. Chizmada odatda birinchi tekislik gorizontal ravishda joylashadi va bu gorizontal proyeksiya tekisligi H deb ataladi. Ikkinchi tekislik esa birinchisiga perpendikulyar boʻlib, frontal proyeksiya tekisligi V deb nomlanadi. Ushbu tekisliklar kesishgan chiziq proyeksiya (yoki koordinata) oʻqi deb ataladi (2.9-rasm).



2.9-rasm

Nuqtaning proyeksiyasini qurish uchun fazodagi A nuqtasidan H va V tekisliklariga perpendikulyar boʻlgan proyeksiyalash nurlari chiziladi. Ushbu nurlar P tekisligini hosil qiladi, bu tekislik H va V tekisliklariga perpendikulyar boʻlib, ularni proyeksiyalash oʻqi boʻyicha perpendikulyar chiziqlar bilan kesadi. Oʻqning oʻzi esa Ax nuqtasida joylashadi. Shunday qilib, A'Ax, A"Ax va x oʻqi oʻzaro perpendikulyar boʻladi.

Berilgan ikkita proyeksiya (gorizontal A' va frontal A") asosida ma'lum bir fazodagi A nuqtasini qurish 2.9-rasmda ko'rsatilgan.

A nuqta, A' proyeksiyasi H tekisligiga va A" proyeksiyasi V tekisligiga chizilgan perpendikulyarlar kesishgan nuqtada joylashgan. Ushbu perpendikulyar chiziqlar bir xil P tekisligiga tegishli boʻlib, faqat kerakli nuqtada H va V tekisliklari oʻzaro kesishadi.

Shunday qilib, nuqtaning ikki ortogonal proyeksiyasi uning fazodagi joylashuvini, berilgan oʻzaro perpendikulyar proyeksiya tekisliklarining tizimiga nisbatan toʻliq aniqlaydi.

O'z-o'zini nazorat qilish uchun savollar

- 1. Proyeksiyalash jarayoni qanday?
- 2. Markaziy proyeksiyada nuqtaning proyeksiyasi qanday tuziladi?
- 3. Qaysi holatda nuqtaning proyeksiyasi dastlabki nuqta bilan mos tushadi?
- 4. Qaysi holatda markaziy proyeksiyada toʻgʻri chiziqning proyeksiyasi nuqtani ifodalaydi?
 - 5. Proyeksiyalash usuli parallel deb nimaga aytiladi?
 - 6. Toʻgʻri chiziqning parallel proyeksiyasi qanday tuziladi?
 - 7. Toʻgʻri chiziqning parallel proyeksiyasi nuqtani ifodalay oladimi?
 - 8. Markaziy va parallel proyeksiyaga qanday xossalar umumiydir?
- 9. Agar nuqta chiziqqa tegishli boʻlsa, uning proyeksiyalari qanday joylashgan?
 - 10. Proyeksiya chizmalarini qoʻshish qanday maqsadda qoʻllaniladi?
 - 11. Proyeksiya chizmalarini toʻldirishning qanday usullarini bilasiz?