

Trabajo Práctico Arboles AVL (U2)

<https://replit.com/@EzeMarts/tp-arboles#avltree.py>

Ejercicio 1

```
def rotateLeft(Tree, AVLnode):
    nodeA = AVLnode
    nodeB = nodeA.rightrightnode
    nodeA.rightrightnode = nodeB.leftnode
    if nodeB.leftnode != None:
        nodeB.leftnode.parent = nodeA
    nodeB.parent = nodeA.parent
    if nodeA.parent == None:
        Tree.root = nodeB
    elif nodeA == nodeA.parent.leftnode:
        nodeA.parent.leftnode = nodeB
    else:
        nodeA.parent.rightrightnode = nodeB
    nodeB.leftnode = nodeA
    nodeA.parent = nodeB
    return Tree.root
```

```
def rotateRight(Tree, AVLnode):
    nodeA = AVLnode
    nodeB = nodeA.leftnode
    nodeA.leftnode = nodeB.rightrightnode
    if nodeB.rightrightnode != None:
        nodeB.rightrightnode.parent = nodeA
    nodeB.parent = nodeA.parent
    if nodeA.parent == None:
        Tree.root = nodeB
    elif nodeA == nodeA.parent.rightrightnode:
        nodeA.parent.rightrightnode = nodeB
    else:
        nodeA.parent.leftnode = nodeB
    nodeB.rightrightnode = nodeA
    nodeA.parent = nodeB
    return Tree.root
```

Ejercicio 2

```
def calculateBalance(AVLTree):
    if AVLTree.root == None:
        return None
    calculateBalanceR(AVLTree.root)
    return AVLTree
def calculateBalanceR(Node):
    if Node == None:
        return
    Node.bf = height(Node.leftnode) - height(Node.rightrightnode)
    calculateBalanceR(Node.leftnode)
    calculateBalanceR(Node.rightrightnode)
def height(Node):
    if Node == None:
        return 0
    hleft = height(Node.leftnode)
    hright = height(Node.rightrightnode)
    h = max(hleft, hright) + 1
    return h
```

Ejercicio 3

```
def reBalance(AVLTree):
    if AVLTree.root == None:
        return None
    calculateBalance(AVLTree)
    while AVLTree.root.bf < -1 or AVLTree.root.bf > 1:
        reBalanceR(AVLTree, AVLTree.root)
    return

def reBalanceR(AVLTree, Node):
    if Node.bf >= -1 and Node.bf <= 1:
        holdNode = Node.parent
        if holdNode == None:
            return
        if holdNode.bf < 0:
            if holdNode.rightnode.bf > 0:
                rotateRight(AVLTree, holdNode.rightnode)
                rotateLeft(AVLTree, holdNode)
            else:
                rotateLeft(AVLTree, holdNode)
        elif holdNode.bf > 0:
            if holdNode.leftnode.bf < 0:
                rotateLeft(AVLTree, holdNode.leftnode)
                rotateRight(AVLTree, holdNode)
            else:
                rotateRight(AVLTree, holdNode)
        calculateBalance(AVLTree)
        return
    else:
        if Node.bf > 1:
            reBalanceR(AVLTree, Node.leftnode)
        else:
            reBalanceR(AVLTree, Node.rightnode)
    return
```

Ejercicio 4

```
def insert(AVLTree, value, key): # Inserta un nodo con value y key
    newNode = AVLNode( )
    newNode.key = key
    newNode.value = value
    NodeA = None
    NodeB = AVLTree.root
    while NodeB != None:
        NodeA = NodeB
        if newNode.key < NodeB.key:
            NodeB = NodeB.leftnode
        else:
            NodeB = NodeB.rightnode
    newNode.parent = NodeA
    if NodeA == None:
        AVLTree.root = newNode
    elif newNode.key < NodeA.key:
        NodeA.leftnode = newNode
    else:
        NodeA.rightnode = newNode
    reBalance(AVLTree)
    return
```

Ejercicio 5

```

def delete(AVLTree, value): # Elimina un nodo por su value y devuelve
    Node = AVLTree.root
    if Node == None:
        return None
    while Node.value != value:
        if Node.value > value:
            Node = Node.leftnode
        else:
            Node = Node.rightnode
        if Node == None:
            return None
    if Node.leftnode == None:
        rearrangeTree(AVLTree, Node, Node.rightnode)
    elif Node.rightnode == None:
        rearrangeTree(AVLTree, Node, Node.leftnode)
    else:
        newNode = minNode(Node.rightnode)
        if newNode.parent != Node:
            rearrangeTree(AVLTree, newNode, newNode.rightnode)
            newNode.rightnode = Node.rightnode
            newNode.rightnode.parent = newNode
            rearrangeTree(AVLTree, Node, newNode)
        newNode.leftnode = Node.leftnode
        newNode.leftnode.parent = newNode
    reBalance(AVLTree)
    return Node.key

def rearrangeTree(AVLTree, NodeA, NodeB):
    if NodeA.parent == None:
        AVLTree.root = NodeB
    elif NodeA == NodeA.parent.leftnode:
        NodeA.parent.leftnode = NodeB
    else:
        NodeA.parent.rightnode = NodeB
    if NodeB != None:
        NodeB.parent = NodeA.parent
    return

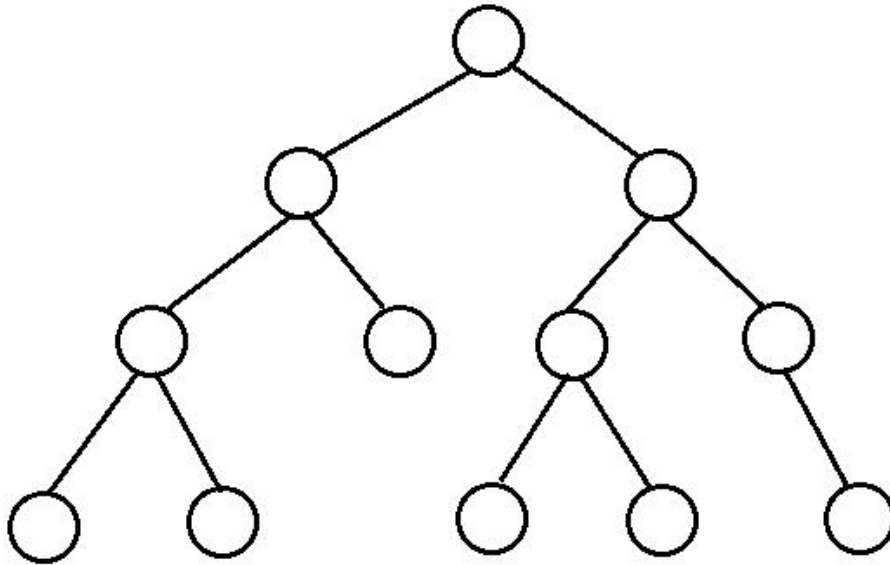
def minNode(Node):
    while Node.leftnode != None:
        Node = Node.leftnode
    return Node

def maxNode(Node):
    while Node.rightnode != None:
        Node = Node.rightnode
    return Node

```

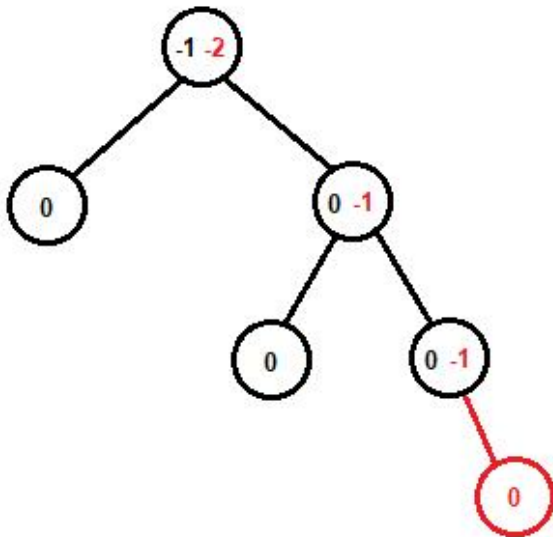

Ejercicio 6

a. **F** En un AVL no es necesario que el penúltimo nivel este completo, ya que su BF solo variara entre -1 y 1. En la imagen se puede apreciar un ejemplo de esto

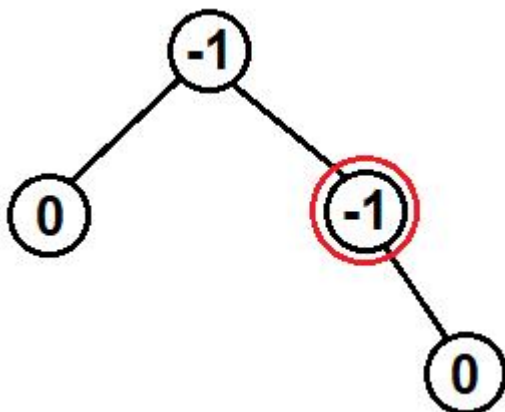


b. **V** Un AVL Completo es un árbol en el que todos los niveles tienen nodos de cero [nodos hojas] o dos hijos, es decir, que solo pueden tomar de valor 0 como BF. En el caso de que un nodo tenga un BF distinto de 0 significa que tiene un solo hijo y por lo tanto no es completo.

c. **F** Hay que seguir verificando el BF de los nodos superiores porque se puede producir un desbalance lejos de la inserción, en la imagen se ve como cerca de la inserción no hay desbalance pero cuando se sube al .root con parent se puede ver un desbalance.

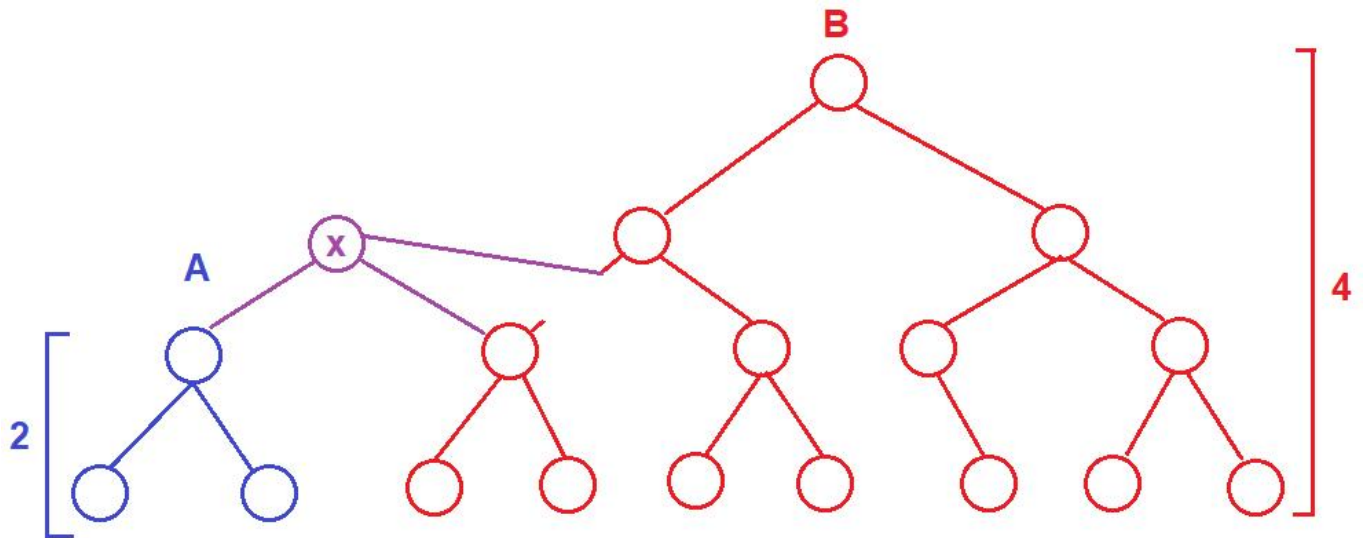


d. **F** [Sin contar los nodos hoja y raíz] Existen los casos donde, desde la raíz, pueden haber 1 nodo hacia un lado y 2 hacia el otro, quedando balanceado el árbol pero ese nodo "intermedio" con BF de valor 1 o -1.



Ejercicio 7

Para este algoritmo primero se debe de calcular la altura de ambos AVL, esta operación es de $O(\log n)$ por lo que no altera nuestro resultado. Luego de calcular la altura de ambos se compara cual de los dos es el de mayor altura, tras eso se hace una diferencia entre el mayor y el menor, esto para saber cuantos niveles hay que bajar para hacer el enlace. Luego de bajar los niveles necesarios, se hace un cambio de parent, para el nodo de menor altura su raíz se enlaza con el nodo de valor x , y en el árbol de mayor altura, desde el nodo donde estamos parados, hacemos cambios de parent e hijos.



Ejercicio 8

Vamos a tomar que esto se cumple para todos los BT AVL que tengan el penúltimo nivel lleno. Partiendo de un caso base donde el 1er nodo este solitario, siendo el número de aristas 0 y su altura 1, se cumple que la mínima longitud de la rama trunca $\text{trunc}(1/2)=0$, el siguiente caso donde hayan dos nodos (raíz e hijo) siendo sus aristas 1 y su altura 2, cumpliendo que la mínima longitud de la rama truncada $\text{trunc}(2/2)=1$, para el caso donde hayan tres nodos (raíz y dos hijos) se cumple lo mismo que con dos hijos, y ya a partir de este punto mientras más nodos se añadan y respetando que sea AVL y su penúltimo nodo lleno, siempre la mínima longitud de su rama truncada dará la altura/dos (ya que estos arboles se pueden armar juntando los tres casos base). En la imagen se puede ver como se construyo un árbol juntando varias veces el 2do y 3er caso.

