

# Trabajo Práctico de Especificación

Análisis Habitacional Argentino

08/09/2021 Lc. Computación

Integrante	LU	Correo electrónico
Simon, Martino	374/21	martinosimon@gmail.com
Ramis, Ezequiel	881/21	ezequielramis.hello@gmail.com



### Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

$$\label{eq:fax: problem} \begin{split} & \text{Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300} \\ & \text{http://www.exactas.uba.ar} \end{split}$$

# ${\rm \acute{I}ndice}$

1.	iliares para base de datos y generales			
2.	Especificación			
	2.1. Ejercicio 1	ç		
	2.2. Ejercicio 2	ļ		
	2.3. Ejercicio 3			
	2.4. Ejercicio 4	6		
	2.5. Ejercicio 5	7		
	2.6. Ejercicio 6	7		
	2.7. Ejercicio 7	7		
	2.8. Ejercicio 8			
	2.9. Ejercicio 9			
	2.10. Ejercicio 10			
	2.11. Ejercicio 11			

### 1. Auxiliares para base de datos y generales

Antes de empezar con la especificación de procedimientos, vamos a definir auxiliares para acceder más declarativamente a los atributos de cada tabla, y para uso general:

```
/* Tabla Hogares */
aux @hogCodusu : \mathbb{Z} = ord(HOGCODUSU);
aux @hogAño : \mathbb{Z} = ord(HOGANO);
aux @hogTrimestre : \mathbb{Z} = ord(HOGTRIMESTRE);
aux @hogLatitud : \mathbb{Z} = ord(HOGLATITUD);
aux @hogLongitud : \mathbb{Z} = ord(HOGLONGITUD);
aux @ii7 : \mathbb{Z} = ord(II7);
aux Oregion : \mathbb{Z} = ord(REGION);
aux @mas500 : \mathbb{Z} = ord(MAS\_500);
aux @iv1 : \mathbb{Z} = ord(IV1);
aux @iv2 : \mathbb{Z} = ord(IV2);
aux @ii2 : \mathbb{Z} = ord(II2);
aux @ii3 : \mathbb{Z} = ord(II3);
/* Tabla Personas */
aux @indCodusu : \mathbb{Z} = ord(INDCODUSU);
aux @componente : \mathbb{Z} = ord(COMPONENTE);
aux @indAño : \mathbb{Z} = ord(INDA\~NO);
aux @indTrimestre : \mathbb{Z} = ord(INDTRIMESTRE);
aux @ch4 : \mathbb{Z} = ord(CH4);
aux Qch6: \mathbb{Z} = ord(CH6);
aux @nivelEd : \mathbb{Z} = ord(NIVELED);
aux @estado : \mathbb{Z} = ord(ESTADO);
aux @catOcup : \mathbb{Z} = ord(CATOCUP);
aux \mathbb{Q}p47t: \mathbb{Z} = ord(P47T);
aux Opp04g: \mathbb{Z} = ord(PP04G);
/* Varios */
aux #atributosHogar : \mathbb{Z} = 12;
aux #atributosPersona : \mathbb{Z} = 11;
aux #habitaciones (h: hogar) : dato = h[@iv2];
aux #dormitorios (h: hogar) : dato = h[@ii2];
aux #personasEnHogar (ti: eph_i, h: hogar) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|ti|-1} if personaEnHogar(ti[i],h) then 1 else 0 fi;
pred esCasa (h: hogar) {
    h[@iv1] = 1
pred personaEnHogar (i: individuo, h: hogar) {
    i[@indCodusu] = h[@hogCodusu]
pred hogaresConTrimestresIguales (h: hogar, g: hogar) {
    h[@hogTrimestre] = g[@hogTrimestre]
}
```

### 2. Especificación

#### 2.1. Ejercicio 1

```
proc esEncuestaVálida (in th: eph_h, in ti: eph_i, out result: Bool) {
        Post \{result = true \leftrightarrow encuestaValida(th, ti)\}
pred encuestaValida (th: eph_h, ti: eph_i) {
      esMatriz(th) \land esMatriz(ti) \land
      |th| > 0 \wedge |ti| > 0 \wedge_L
      esTablaCompleta(th, \#atributosHogar) \land esTablaCompleta(ti, \#atributosPersona) \land_L
      \neg hayIndividuoSinHogar(th,ti) \land \neg hayHogarSinIndividuo(th,ti) \land 
      \neg hayIndividuoRepetido(ti) \land \neg hayHogarRepetido(th) \land
     mismaFechaDeRelevamiento(th, ti) \land
     todosHogaresConMenosDe21Integrantes(th, ti) \land
      todosHogaresConMasHabitacionesQueDormitorios(th) \land
     todosAtributosEnRango(th, ti) \land
     atributosValidos(th, ti)
pred esMatriz (s: seq\langle seq\langle dato\rangle\rangle) {
      |s| > 0 \longrightarrow_L \neg (\exists t : seq\langle dato \rangle) (
           (t \in s) \land |head(s)| \neq |t|
}
pred esTablaCompleta (s: seq\langle seq\langle dato\rangle\rangle, l: \mathbb{Z}) {
      (\forall f : seq\langle dato \rangle) (
           f \in s \longrightarrow |f| = l
}
pred hayIndividuoSinHogar (th: eph_h, ti: eph_i) {
      (\exists i: individuo) (
           i \in ti \wedge_L
              \neg(\exists h : hogar) (
                    h \in th \wedge_L personaEnHogar(i, h)
      )
pred hayHogarSinIndividuo (th: eph_h, ti: eph_i) {
      (\exists h : hogar) (
           h \in th \wedge_L
              \neg(\exists i: individuo) (
                    i \in ti \wedge_L personaEnHogar(i, h)
}
pred hayIndividuoRepetido (s: eph_i) {
      (\exists a, b : individuo) (
           (a \in s \land b \in s \land a \neq b) \land_L a[@indCodusu] = b[@indCodusu] \land a[@componente] = b[@componente]
```

```
}
pred hayHogarRepetido (s: eph_h) {
      (\exists a, b : hogar) (
           (a \in s \land b \in s \land a \neq b) \land_L a [@hogCodusu] = b [@hogCodusu]
}
pred mismaFechaDeRelevamiento (th: eph_h, ti: eph_i) {
      (|th| > 0 \land |ti| > 0) \longrightarrow_L (
           (\forall h : hogar) (
                 h \in th \longrightarrow_L (
                       h[@hogA\tilde{n}o] = head(h)[@hogA\tilde{n}o] \wedge
                       hogaresConTrimestresIguales(h, head(th))
           ) \wedge
           (\forall i: individuo) (
                 i \in ti \longrightarrow_L (
                       i[@indA\tilde{n}o] = head(ti)[@indA\tilde{n}o] \land
                       i[@indTrimestre] = head(ti)[@indTrimestre] \land
                       i[@indA\tilde{n}o] = head(th)[@hogA\tilde{n}o] \land
                       i [@indTrimestre] = head(th) [@hogTrimestre]
           )
     )
}
pred todosHogaresConMenosDe21Integrantes (th: eph_h, ti: eph_i) {
      (\forall h : hogar) (
           h \in th \longrightarrow_L 21 > \#personasEnHogar(ti, h)
pred todosHogaresConMasHabitacionesQueDormitorios (th: eph_h) {
      (\forall h : hogar) (
           h \in th \longrightarrow_L \#habitaciones(h) \ge \#dormitorios(h)
}
pred todosAtributosEnRango (th: eph_h, ti: eph_i) {
      (\forall h : hogar) (
           h \in th \longrightarrow_L
           1 \leq h[@ii7] \leq 3 \land
           1 \le h[@region] \le 6 \land
           0 \le h[@mas500] \le 1 \land
           1 \leq h [@iv1] \leq 5 \land 
           1 \le h[@ii3] \le 2
     ) \wedge
      (\forall i: individuo) (
           i \in ti \longrightarrow_L
           1 \leq i [@ch4] \leq 2 \land
           0 \le i[@nivelEd] \le 1 \land
           -1 \le i [@estado] \le 1 \land
           0 \le i[@catOcup] \le 4 \land
           1 \le i[@pp04g] \le 10 \land
           -1 \le i[@p47t]
     )
```

```
}
pred atributos Validos (th: eph_h, ti: eph_i) {
      (\forall h : hogar) (
            h \in th \longrightarrow_L
            0 < h[@hogCodusu] \land
            1800 \leq h[@hogA\tilde{n}o] \wedge
            1 \le h[@hogTrimestre] \le 4 \land
            1 \leq \#habitaciones(h) \land
            1 \le \#dormitorios(h)
      ) \wedge
      (\forall i: individuo) (
            i \in ti \longrightarrow_L
            0 < i[@indCodusu] \land
            1 \leq i[@componente] \land
            1800 \leq i [@indA\tilde{n}o] \land
            1 \leq i [@indTrimestre] \leq 4 \land
            0 \le i [@ch6]
}
         Ejercicio 2
proc histHabitacional (in th: eph_h, in ti: eph_i, in region: \mathbb{Z}, out res: seq\langle\mathbb{Z}\rangle) {
         Pre \{encuestaValida(th, ti) \land 1 \leq region \leq 6\}
         Post \{longitudDeHistograma(th, region, res) \land
                  (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |res| \longrightarrow_L res[i] = \#casaConNHabitacionesEnRegion(th, i + 1, region))
         }
}
aux #casaConNHabitacionesEnRegion (th: eph_h, n: \mathbb{Z}, r: dato) : \mathbb{Z} =
      \sum_{i=0}^{|th|-1} if esCasa(th[i]) \land \#habitaciones(th[i]) = n \land th[i][@region] = r then 1 else 0 fi
pred longitudDeHistograma (th: eph_h, r: \mathbb{Z}, res: seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
      (\exists h : hogar) (
            h \in th \wedge_L esCasa(h) \wedge h[@region] = r \wedge
            (\forall q : hogar) (
                  (g \in th \land_L esCasa(g) \land g[@region] = r) \longrightarrow \#habitaciones(h) \ge \#habitaciones(g)
            ) \wedge
            \#habitaciones(h) = |res|
}
2.3.
         Ejercicio 3
proc laCasaEstaQuedandoChica (in th: eph_h, in ti: eph_i, out res: seq\langle \mathbb{R} \rangle) {
         Pre \{encuestaValida(th, ti)\}
         Post \{|res| = 6 \wedge_L
                  (\forall i: \mathbb{Z}) (
                       0 \le i < |res| \longrightarrow_L (
                              (\#casasPorRegion(th, i+1) \neq 0 \longrightarrow
                                    res[i] = \#casasCriticasPorRegion(th, ti, i + 1)/\#casasPorRegion(th, i + 1)
```

```
(\#casasPorRegion(th, i + 1) = 0 \longrightarrow res[i] = 0)
              )
       }
}
aux #casasPorRegion (th: eph_h, r: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} =
     \sum_{i=0}^{|th|-1} \text{if } esCasa(th[i]) \wedge th[i][@region] = r \wedge \neg estaEnGranAglomerado(th[i]) \text{ then } 1 \text{ else } 0 \text{ fi}
aux #casasCriticasPorRegion (th: eph_h, ti: eph_i, r: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} =
     \sum_{i=0}^{|th|-1} if esCasaCritica(th[i],ti) \wedge th[i][@region] = r then 1 else 0 fi
pred esCasaCritica (h: hogar, ti: eph_i) {
     esCasa(h) \land esHacinamientoCritico(h,ti) \land \neg estaEnGranAglomerado(h)
pred esHacinamientoCritico (h. hogar, ti. eph_i) {
     \#personasEnHogar(ti,h)/\#dormitorios(h) > 3
pred estaEnGranAglomerado (h: hogar) {
     h[@mas500] = 1
       Ejercicio 4
proc creceElTeleworkingEnCiudadesGrandes (in t1h: eph_h, in t1i: eph_h, in t2h: eph_h, in t2i: eph_h, out res: Bool) {
       esHogarConA\tilde{n}oPrevio(head(t1h), head(t2h)) \land
               hogaresConTrimestresIguales(head(t1h), head(t2h))
       )}
       Post \{res = true \leftrightarrow teleworkingEnCiudadesGrandes(t1h, t1i) < teleworkingEnCiudadesGrandes(t2h, t2i)\}
pred esHogarConAñoPrevio (h: hogar, g: hogar) {
     h[@hogA\tilde{n}o] < g[@hogA\tilde{n}o]
aux teleworkingEnCiudadesGrandes (th: eph_h, ti: eph_i): \mathbb{R}
  if \#personasTrabajandoEnCiudadesGrandes(th, ti) \neq 0 then
  \#personasTrabajandoADistanciaEnCiudadesGrandes(th,ti)/\#personasTrabajandoEnCiudadesGrandes(th,ti)
   else 0 fi
aux #personasTrabajandoADistanciaEnCiudadesGrandes (th: eph_h, ti: eph_i): \mathbb{Z}
     \sum_{i=0}^{|ti|-1} if viveEnHogarAptoParaTeleworking(ti[i],th) \wedge trabajaADistancia(ti[i]) then 1 else 0 fi
aux #personasTrabajandoEnCiudadesGrandes (th: eph_h, ti: eph_i): \mathbb{Z} =
     \sum_{i=0}^{|ti|-1} if viveEnCiudadGrande(ti[i],th) \wedge trabaja(ti[i]) then 1 else 0 fi
pred viveEnHogarAptoParaTeleworking (i: individuo, th: eph_h) {
     (\exists h : hogar) (
          h \in th \wedge_L
         personaEnHogar(i, h) \land esCasaODepto(h) \land h[@mas500] = 1 \land h[@ii3] = 1
     )
```

```
}
pred esCasaODepto (h: hogar) {
     h[@iv1] = 1 \lor h[@iv1] = 2
pred trabajaADistancia (i: individuo) {
     i[@pp04g] = 6 \wedge trabaja(i)
pred trabaja (i: individuo) {
     i[@estado] = 1
pred viveEnCiudadGrande (i: individuo, th: eph_h) {
     (\exists h : hogar) (
           h \in th \wedge_L
           personaEnHogar(i, h) \land esCasaODepto(h) \land h[@mas500] = 1
}
2.5.
        Ejercicio 5
proc costoSubsidioMejora (in th: eph_h, in ti: eph_i, in monto: \mathbb{Z}, out res: \mathbb{Z}) {
        \texttt{Pre} \ \{encuestaValida(th,ti) \land monto > 0\}
        Post \{res = \sum_{i=0}^{|th|-1} \text{if } esHogarSubsidiado(th[i],ti) \text{ then } monto \text{ else } 0 \text{ fi} \}
}
pred esHogarSubsidiado (h. hogar, ti: eph_i) {
     esCasa(h) \land h[@ii7] = 1 \land \#dormitorios(h) < \#personasEnHogar(ti, h) - 2
}
        Ejercicio 6
2.6.
proc generarJoin (in th: eph_h, in ti: eph_i, out junta: joinHI) {
        Pre \{encuestaValida(th, ti)\}
        Post \{(\forall hi : hogar \times individuo)(
                hi \in junta \longrightarrow (
                      hi_0 \in th \land hi_1 \in ti \land_L hi_0[@hogCodusu] = hi_1[@indCodusu]
        }
) }
        Ejercicio 7
proc ordenarRegionYTipo (inout th: eph_h, inout ti: eph_i) {
        Pre \{encuestaValida(th, ti) \land th = TH \land ti = TI\}
        Post {
                 |th| = |TH| \wedge |ti| = |TI| \wedge_L
                 (\forall h : hogar)(h \in th \leftrightarrow h \in TH) \land
                 (\forall i: individuo)(i \in ti \leftrightarrow i \in TI) \land
                 hogaresOrdenados(th) \land individuosOrdenados(th, ti)
        }
}
pred hogaresOrdenados (th: eph_h) {
     (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |th| - 1 \longrightarrow_L (
```

```
th[i][@region] \leq th[i+1][@region] \wedge
           (th[i][@region] = th[i+1][@region] \longrightarrow th[i][@hogCodusu] < th[i+1][@hogCodusu])
}
    /* Falta punto 1) */
pred individuosOrdenados (th: eph_h, ti: eph_i) {
      (\forall i : \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti| - 1 \longrightarrow_L
           ti[i][@indCodusu] = ti[i+1][@indCodusu] \longrightarrow ti[i][@componente] < ti[i+1][@componente]
}
        Ejercicio 8
proc muestraHomogenea (in th: eph_h, in ti: eph_i, out res: seq\langle hogar\rangle) {
        Pre \{encuestaValida(th, ti)\}
        Post \{(\exists s : seq\langle hogar \rangle) \ (
                      esHomogenea(s, th, ti) \land
                      (\forall t : seq\langle hogar\rangle)(esHomogenea(t, th, ti) \longrightarrow |s| \ge |t|) \land (
                            (|s| < 3 \longrightarrow res = <>) \land
                            (|s| \ge 3 \longrightarrow res = s)
                      )
        )}
}
pred esHomogenea (s: seq\langle hogar\rangle, th: eph_h, ti: eph_i) {
      mismaDiferencia(s) \land ordenadaPorIngresos(s,ti) \land (\forall h : hogar)(h \in s \longrightarrow h \in th)
pred mismaDiferencia (s: seq\langle hogar\rangle) {
      (\forall i : \mathbb{Z})(1 \le i < |s| - 1 \longrightarrow_L diferenciaDeIngresos(s[i], s[i-1], ti) = diferenciaDeIngresos(s[i], s[i+1], ti))
pred ordenadaPorIngresos (s: seg\langle hogar \rangle, ti: eph_i) {
      (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |s| - 1 \longrightarrow_L ingresosEnHogar(s[i], ti) \le ingresosEnHogar(s[i+1], ti))
}
aux diferenciaDeIngresos (a,b: hogar, ti: eph_i): \mathbb{Z} = |ingresosEnHogar(a,ti) - ingresosEnHogar(b,ti)|;
aux ingresosEnHogar (h: hogar, ti: eph_i): \mathbb{Z} =
      \sum_{i=0}^{|ti|-1} if personaEnHogar(ti[i],h) \wedge ti[i][@p47T] \neq -1 then ti[i][@p47T] else 0 fi
2.9.
        Ejercicio 9
proc corregirRegion (inout th: eph_h, in ti: eph_i) {
        Pre \{encuestaValida(th, ti) \land th = TH\}
        Post \{|th| = |TH| \land_L (\forall i : \mathbb{Z}) (0 \le i < |th| \longrightarrow_L
                 (TH[i][@region] = 1 \longrightarrow
                      th[i][@region] = 5 \wedge
                      th[i][@hogCodusu] = TH[i][@hogCodusu] \land
                      th[i][@hogA\tilde{n}o] = TH[i][@hogA\tilde{n}o] \wedge
                      th[i][@hogTrimestre] = TH[i][@hogTrimestre] \land
                      th[i][@hogLatitud] = TH[i][@hogLatitud] \land
                      th[i][@hogLongitud] = TH[i][@hogLongitud] \land
```

```
th[i][@ii7] = TH[i][@ii7] \wedge
                       th[i][@mas500] = TH[i][@mas500] \land
                       th[i][iv1] = TH[i][iv1] \wedge
                       th[i][@iv2] = TH[i][@iv2] \wedge
                       th[i][@ii2] = TH[i][@ii2] \land
                       th[i][@ii3] = TH[i][@ii3]
                 ) \wedge
                 (TH[i][@region] \neq 1 \longrightarrow th[i] = TH[i])
         )}
}
2.10.
         Ejercicio 10
proc histogramaDeAnillosConcentricos (in th: eph_h, in centro: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}, in distancias: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, out result: seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
         Pre {
                  |distancias| > 0 \land
                  (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |distancias| - 1 \longrightarrow_L 0 < distancias[i] < distancias[i + 1])
        Post \{|result| = |distancias| \land_L
                 (\forall i: \mathbb{Z}) (
                       0 \le i < |result| \longrightarrow_L (
                             (i = 0 \longrightarrow res[i] = hogaresEnRadio(th, centro, -1, distancias[0])) \land
                             (i \neq 0 \longrightarrow res[i] = hogaresEnRadio(th, centro, distancias[i-1], distancias[i]))
                 )
         }
}
aux hogaresEnRadio (th: eph_h, centro: \mathbb{Z}\times\mathbb{Z}, desde:\mathbb{Z}, hasta:\mathbb{Z}): \mathbb{Z} =
      \sum_{i=0}^{|th|-1} if desde < distancia Euclidiana (centro, (th[j][@hogLatitud], th[j][@hogLongitud])) <math>\leq hasta then 1 else 0 fix
aux distanciaEuclidiana (c1,c2: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}): \mathbb{R} = \sqrt{(c2_0-c1_0)^2+(c2_1-c1_1)^2};
2.11.
         Ejercicio 11
proc quitarIndividuos (inout th: eph_h, inout ti: eph_i, in busqueda: seq\langle ItemIndividuo \times dato \rangle, out result: eph_h \times eph_i)
         Pre \{encuestaValida(th, ti) \land busquedaValida(busqueda) \land th = TH \land ti = TI\}
        Post \{0 \le |th| \le |TH| \land 0 \le |ti| \le |TI| \land |result| = |TI| - |ti| \land_L
                 (\forall h : hogar) (
                        (h \in TH \land hogarLlenoDeCoincidentes(TI, h, busqueda)) \leftrightarrow (h \in result_0 \land h \notin th)
                 ) \wedge
                 (\forall i: individuo) (
                        (i \in TI \land coincideConTerminos(i, busqueda)) \leftrightarrow (i \in result_1 \land i \notin ti)
         }
}
aux #personasEnHogarCoincidentes (ti: eph_i, h: hogar, busqueda: seq\langle ItemIndividuo \times dato\rangle): \mathbb{Z} =
      \sum_{i=0}^{|ti|-1} if personaEnHogar(ti[j],h) \land coincideConTerminos(ti[j],busqueda) then 1 else 0 fi
pred hogarLlenoDeCoincidentes (ti: eph_i, h: hogar, busqueda: seq\langle ItemIndividuo \times dato \rangle) {
      \#personasEnHoqar(ti, h) = \#personasEnHoqarCoincidentes(ti, h, busqueda)
```

```
\label{eq:pred_busquedaValida} \begin{tabular}{l} pred_{} busqueda Valida_{} & (busqueda: seq\langle ItemIndividuo \times dato\rangle) \ (\\ & (\forall b: ItemIndividuo \times dato) \ (\\ & b \in busqueda_{} \longrightarrow def(ord(b_0)) \\ ) \land_L \\ & \neg (\exists i,j:\mathbb{Z}) \ (\\ & 0 \leq i,j < |busqueda| \land i \neq j \land_L ord(busqueda[i]_0) = ord(busqueda[j]_0) \\ ) \\ \} \\ pred_{} coincideConTerminos_{} \ (i: individuo, busqueda: seq\langle ItemIndividuo \times dato\rangle_{}) \ \{\\ & (\forall t:\mathbb{Z}) \ (\\ & 0 \leq t < |busqueda| \longrightarrow_L i[ord(busqueda[t]_0)] = busqueda[t]_1 \\ ) \\ \} \\ \end{tabular}
```