Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 1



Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

| Integrante | LU | Correo electrónico |
|--------------------------------|--------|-------------------------------|
| Guberman, Diego Andrés | 469/17 | diego98g@hotmail.com |
| Ramis Folberg, Ezequiel Leonel | 881/21 | ezequielramis.hello@gmail.com |
| Sabetay, Kevin Damian | 476/16 | kevin.sabetay96@gmail.com |

Reservado para la cátedra

| Instancia | Docente | Nota |
|-----------------|---------|------|
| Primera entrega | | |
| Segunda entrega | | |

Índice

| 1. | 1. Preámbulo | | | | | |
|----|---------------|---------------------|------------------------------|----|--|--|
| 2. | Módulo Juego | | | | | |
| | 2.1. Interfaz | | | | | |
| | 2.2. | 2.2. Implementación | | | | |
| | | 2.2.1. | Representación | 5 | | |
| | | 2.2.2. | Invariante de Representación | 6 | | |
| | | 2.2.3. | Función de Abstracción | 8 | | |
| | | 2.2.4. | Algoritmos | 9 | | |
| | | 2.2.5. | Algoritmos Auxiliares | 13 | | |
| 3. | Móc | dulo Se | ervidor | 15 | | |
| | 3.1. | Interfa | az | 15 | | |
| | 3.2. | Impler | mentación | 16 | | |
| | | 3.2.1. | Representación | 16 | | |
| | | 3.2.2. | Invariante de Representación | 16 | | |
| | | 3.2.3. | Función de Abstracción | 16 | | |
| | | 3.2.4. | Algoritmos | 16 | | |
| 4. | Móc | dulos a | auxiliares | 19 | | |
| | 4.1. | Módul | lo Letra | 19 | | |
| | 4.2. | Módul | lo Variante | 19 | | |
| | | 4.2.1. | Interfaz | 19 | | |
| | | 4.2.2. | Implementación | 20 | | |
| | 4.3. | Módul | lo Ocurrencia | 21 | | |
| | | 4.3.1. | Algoritmos auxiliares | 22 | | |
| | 4.4. | Módul | lo Notificación | 22 | | |
| | 4.5. | Módul | lo Trie de Palabras | 22 | | |
| | | 4.5.1. | Interfaz | 22 | | |
| | | 4.5.2. | Implementación | 23 | | |

1. Preámbulo

Antes de presentar los módulos, definimos las siguientes variables para las complejidades temporales:

- ullet N tamaño del tablero.
- \blacksquare K cantidad de jugadores.
- $|\Sigma|$ cantidad de letras en el alfabeto.

 $\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} turno(j)\}$

- ullet F cantidad de fichas por jugador.
- $L_{\text{máx}}$ longitud de la palabra legítima más larga definida por la variante del juego de la que se trate.

2. Módulo Juego

2.1. Interfaz

```
se explica con: JUEGO
géneros: juego
usa: Variante, Cola, Letra, Ocurrencia, Lista
operaciones:
     NUEVOJUEGO(in k: nat, in v: variante, in r: cola(letra)) \rightarrow res: juego
     \mathbf{Pre} \equiv \{tama\tilde{n}o(r) \geq tama\tilde{n}oTablero(v) * tama\tilde{n}oTablero(v) + k * \#fichas(v) \land k > 0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevoJuego(k, v, r)\}\
     Complejidad: O(N^2 + |\Sigma|K + FK)
     Descripción: Dada una cantidad de jugadores, una variante de juego y un repositorio de fichas, se inicia
     un nuevo juego con el tablero vacío.
     Aliasing: v : variante tiene referencia no modificable.
                  r: cola(letra) tiene referencia modificable.
     JUGADAVÁLIDA?(in j: juego, in o: occurrencia) \rightarrow res: bool
     \mathbf{Pre} \equiv \{ true \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} jugadaV \acute{a} lida?(j,o)\}
     Complejidad: O(L_{\text{máx}}^2)
     Descripción: Determina si una jugada es válida.
     Aliasing: Se pasa o: ocurrencia como referencia no modificable.
     UBICAR(in/out j: juego, in o: occurrencia)
     \mathbf{Pre} \equiv \{jugadaV\acute{a}lida(j,o) \land j =_{\mathrm{obs}} J_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} ubicar(J_0, o)\}
     Complejidad: O(m), donde m es el número de fichas que se ubican.
     Descripción: Ubica un conjunto de fichas en el tablero.
     Aliasing: Se pasa o : ocurrencia como referencia no modificable.
     VARIANTE(\mathbf{in}\ j: \mathtt{juego}) \rightarrow res: \mathtt{variante}
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     Post \equiv \{res =_{obs} variante(j)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Obtiene información sobre la variante del juego.
     Aliasing: Se devuelve res: variante como referencia no modificable.
     TURNO(in j: juego) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
```

```
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene al jugador del turno actual.
TIEMPO(in j: \mathtt{juego}) \rightarrow res: \mathtt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
Post \equiv \{res \text{ es igual a la cantidad de generadores "ubicar" de } j\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene la cantidad de jugadas totales que se hicieron desde que empezó el juego.
PUNTAJE(in j: juego, in i: nat) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{i < \#jugadores(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} puntaje(j, i)\}\
Complejidad: O(1 + m \cdot L_{máx}), donde m es la cantidad de fichas que ubicó el jugador desde la última vez
que se invocó a esta operación.
Descripción: Obtiene el puntaje de un jugador.
ENTABLERO?(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} enTablero?(tablero(J), i, j)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Determina si una coordenada (i, j) está en el rango del tablero.
\text{HAYFICHA}?(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(tablero(J), i, j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayLetra?(tablero(J), i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Determina si una celda del tablero dada una coordenada (i, j) está ocupada por una letra.
FICHA(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: letra
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(tablero(J), i, j) \land_{\mathtt{L}} hayLetra?(tablero(J), i, j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} letra(tablero(J), i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene el contenido de una celda del tablero dada una coordenada (i, j).
TIEMPOFICHA(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(tablero(J), i, j) \land_{\mathsf{L}} hayLetra?(tablero(J), i, j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res \text{ es igual a la cantidad de generadores "ubicar" de j desde que empezó el juego hasta que
hubo un "ubicar" con una ocurrencia que contenía esa coordenada.}
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene el momento en que una ficha del tablero fue puesta dada una coordenada (i, j).
\# \text{LETRATIENEJUGADOR}(\textbf{in } j : \texttt{juego}, \textbf{in } x : \texttt{letra}, \textbf{in } i : \texttt{nat}) \rightarrow res : \texttt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{i < \#jugadores(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \#(x, fichas(j, i)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Dada una cierta letra x del alfabeto, conocer cuántas fichas tiene un jugador de dicha letra.
```

2.2. Implementación

2.2.1. Representación

```
juego se representa con juego_estr

donde juego_estr es tupla(
    tablero: array_dimensionable(array_dimensionable(puntero(tupla(letra,nat))))
, jugadores: array_dimensionable(jugador)
, tiempo: nat
, repositorio: cola(letra)
, variante: variante
)

y jugador es tupla(
    puntaje: nat
, historial: lista(tupla(ocurrencia: ocurrencia, tiempo: nat))
, historialSinV acias: lista(tupla(ocurrencia: ocurrencia, tiempo: nat))
, jugadasSinCalcularPuntaje: nat
, cantFichasPorLetra: array_dimensionable(nat)
)
```

2.2.2. Invariante de Representación

```
Rep : juego\_estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv tam(e.tablero) = tama\~noTablero(e.variante) \land
                          (\forall i : \mathtt{nat})(i < tam(e.tablero)) \Rightarrow_{\mathtt{L}} tam(e.tablero[i]) = tam(e.tablero)) \land_{\mathtt{L}}
                          (\forall i, j : \mathtt{nat})((i, j < tam(e.tablero) \land_{\mathtt{L}} e.tablero[i][j] \neq \mathtt{NULL}) \Rightarrow_{\mathtt{L}} e.tablero[i][j].tiempo < e.tiempo) \land_{\mathtt{L}}
                          (\forall i : \mathtt{nat})(i < tam(e.jugadores) \Rightarrow_{\mathtt{L}} (
                              tam(e.jugadores[i].cantFichasPorLetra) = DOM() \land_{L}
                              \sum_{f < \text{DOM}()} e.jugadores[i].cantFichasPorLetra[f] = \#fichas(e.variante) \land algebraichter \land black \  \  )
                              tam(e.jugadores[i].historial) = [e.tiempo/tam(e.jugadores)] \land
                              (\forall h : \mathtt{nat})(h < long(e.jugadores[i].historial) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                   e.jugadores[i].historial[h].tiempo = h * tam(e.jugadores) + i \land
                                   (\forall p, q : \mathtt{nat})(\forall l, l' : \mathtt{letra})(
                                        \{\langle p,q,l\rangle,\langle p,q,l'\rangle\}\subseteq e.jugadores[i].historial[h].ocurrencia \Rightarrow l=l'
                                   e.jugadores[i].historialSinVacias = _{obs} historialSinVacias(e.jugadores[i].historial, <>) \land
                                   e.jugadores[i].jugadasSinCalcularPuntaje \leq tam(e.jugadores[i].historialSinVacías)
                              )
                         )) \wedge_{\rm L}
                         ocurrenciasV\'alidas?(nuevoTablero(tama\~no(e.tablero)), historiales(e.jugadores, 0)) \land_{\tt L}
                          e.tablero =_{obs} ponerOcurrencias(nuevoTablero(tama\~no(e.tablero)), historiales(e)) \land_{\perp}
                          (\forall i : \mathtt{nat})(i < tam(e.jugadores) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                              e.jugadores[i].puntaje = \sum_{k < tam(e.jugadores[i].historial) - e.jugadores[i].jugadasSinCalcularPuntaje - f.i. (a.jugadores[i].historial) - f.i. (a.jugadores[i].h
                                                                                                puntajeDeOcurrenciaEnTiempo(e, i, k)
                         )
                         donde
                              historialSinVac\'ias:lista(tupla(ocurrencia,nat)) \longrightarrowlista(tupla(ocurrencia,nat))
                              historialSinVacias(hcv, hsv) \equiv
                                   if vacía?(hcv)
                                        then hsv
                                        else
                                             if vacio?(\pi_1(prim(hcv)))
                                                  then historialSinVac\'ias(fin(hcv), hsv)
                                                  else historialSinVac\'{a}as(fin(hcv), prim(hcv) \bullet hsv)
                                             fi
                                   fi
                              historiales: juego_estr \longrightarrow multiconj(ocurrencia)
                              historiales(e') \equiv historialesHastaTiempo(e'.jugadores, 0, e.tiempo)
                              historialesHastaTiempo: ad(jugador) \times nat \times nat
                               → multiconj(ocurrencia)
                              historialesHastaTiempo(js, k, t) \equiv
                                   if k \geq tam(js)
                                        else historial HastaTiempo(js, k, t)
                                        \cup historialesHastaTiempo(js, k + 1, t)
                                   fi
                              historial Hasta Tiempo: \mathtt{ad(jugador)} \times \mathtt{nat} \times \mathtt{nat}
                               → multiconj(ocurrencia)
                              historialHastaTiempo(js, k, t) \equiv historialHastaTiempo'(js[k].historial, t)
```

```
historial Hasta Tiempo': lista(tupla(ocurrencia, nat)) \times nat
 \rightarrow multiconj(ocurrencia)
historial Hasta Tiempo'(ls, t) \equiv
  if vacia?(ls)
     then 0
     else historial Hasta Tiempo'(fin(ls), t) \cup
       if \pi_2(prim(ls)) < t
          then prim(ls)
          else ∅
       fi
  fi
ocurrencias V\'alidas?: {\tt tab} \times {\tt multiconj(ocurrencia)}) \longrightarrow {\tt bool}
ocurrencias V\'alidas?(t,os) \equiv
  if vacía?(os)
     then true
     else celdasLibres?(t, dameUno(os)) \land_{\text{\tiny L}}
     ocurrencias V\'alidas?(ponerLetras(t, dameUno(os)), sinUno(os))
  fi
ponerOcurrencias: \mathtt{tab} \times \mathtt{multiconj}(\mathtt{ocurrencia}) \longrightarrow \mathtt{tab}
ponerOcurrencias(t, os) \equiv
  if vacía?(os)
     then t
     else ponerOcurrencias(ponerLetras(t, dameUno(os)), sinUno(os))
  fi
puntajeDeOcurrenciaEnTiempo: estr_juego \times nat \times nat \longrightarrow nat
puntajeDeOcurrenciaEnTiempo(e, i, k) \equiv
  puntajePalabrasEstr(e.variante, t',
  palabras Ubicadas (ocurrencias De Palabras (t'), e.jugadores [i].historial [k].ocurrencia))
  donde
     tiempo \equiv e.jugadores[i].historial[k].tiempo
     t' \equiv ponerOcurrencias(nuevoTablero(tamaño(e.tablero)),
       if tiempo = 0?
          then Ø
          else historialesHastaTiempo(e.jugadores, 0, tiempo - 1)
       fi
     \cup historialHastaTiempo(e.jugadores, i, tiempo)
     \cup \{e.jugadores[i].historial[k].ocurrencia\})
puntajePalabrasEstr: \mathtt{variante} \times \mathtt{tab} \times \mathtt{conj}(\mathtt{ocurrencia}) \longrightarrow \mathtt{nat}
puntajePalabrasEstr(v, t, os) \equiv
  if vacío?(os)
     then 0
     else puntajePalabraEstr(v, t, dameUno(os))
     + puntajePalabras(v, t, sinUno(os))
```

fi

```
\begin{array}{l} puntajePalabraEstr: \texttt{variante} \times \texttt{tab} \times \texttt{ocurrencia} \longrightarrow \texttt{nat} \\ puntajePalabraEstr(v,t,o) \equiv \\ & \textbf{if } vac\'ia?(o) \\ & \textbf{then } 0 \\ & \textbf{else } puntajeLetra(v,\pi_3(dameUno(o))) \\ & + puntajePalabra(v,t,sinUno(o)) \\ & \textbf{fi} \end{array}
```

2.2.3. Función de Abstracción

```
 \begin{array}{lll} \operatorname{Abs}: \operatorname{juego\_estr} e & \longrightarrow \operatorname{juego} & \{\operatorname{Rep}(e)\} \\ \operatorname{Abs}(e) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{J}: \operatorname{juego} \mid e.variante =_{\operatorname{obs}} variante(J) \wedge & \\ & e.repositorio =_{\operatorname{obs}} repositorio(J) \wedge & \\ & e.tiempo \equiv turno(J) \left(mod \ \# jugadores(J)\right) \wedge & \\ & tam(e.tablero) =_{\operatorname{obs}} tama\~no(T) \wedge_{\operatorname{L}} & \\ & (\forall i,j: \mathtt{nat}) \left( (enTablero?(T,i,j) \wedge_{\operatorname{L}} hayLetra?(T,i,j) \right) \Rightarrow_{\operatorname{L}} & \\ & (e.tablero[i][j] \neq NULL \wedge_{\operatorname{L}} letra(T,i,j) =_{\operatorname{obs}} \pi_1 (*e.tablero[i][j]))) \wedge & \\ & (tam(e.jugadores) =_{\operatorname{obs}} \# jugadores(J) \wedge_{\operatorname{L}} & \\ & (\forall i: \mathtt{nat}) (i < tam(e.jugadores) \Rightarrow_{\operatorname{L}} ( & \\ & e.jugadores[i].puntaje =_{\operatorname{obs}} puntaje(J,i) \wedge & \\ & (\forall l: \mathtt{letra}) (e.cantFichasPorLetra[\operatorname{ORD}(l)] = \# (l,fichas(J,i))) & \\ & )) & \\ \end{array}
```

2.2.4. Algoritmos

```
INUEVOJUEGO(in k: nat, in v: variante, in r: cola(letra)) \longrightarrow juego_estr
 1: res.variante \leftarrow v
 2: res.repositorio \leftarrow r
 3: res.tiempo \leftarrow 0
  4: filas \leftarrow CREARARREGLO(n)
                                                                                                          \triangleright O(N*(N+N)) = O(N^2)
  5: for columnas \in filas do
        columnas \leftarrow CrearArreglo(n)
        for celda \in columnas do
            celda \leftarrow \text{NULL}
 9: res.jugadores \leftarrow CrearArreglo(k)
    \mathbf{for}\ jugador \in res.jugadores\ \mathbf{do}
                                                                                                                                  \triangleright O(K)
        jugador.puntaje \leftarrow 0
 11:
        jugador.historial \leftarrow VACÍA()
 12:
        jugador.historialSinVacias \leftarrow Vacía()
        jugador.jugadasSinCalcularPuntaje \leftarrow 0
 14:
        // Por cada jugador le damos su primer mazo de fichas del repositorio
 15:
        jugador.cantFichasPorLetra \leftarrow CrearArreglo(dom())
 16:
        for \ cant \in jugador.cantFichasPorLetra \ do
                                                                                                                                 \triangleright O(|\Sigma|)
 17:
            cant \leftarrow 0
 18:
                                                                                                                                   \triangleright O(F)
        for 1 \dots \text{FICHASPORJUGADOR}(v) do
 19:
             ficha \leftarrow Desapilar(res.repositorio)
 20:
            jugador.cantFichasPorLetra[ORD(ficha)] + +
 22: return res
```

Justificación de complejidad:

$$\begin{split} O(N^2) + O(K) * (O(|\Sigma|) + O(F)) &= O(N^2) + O(K) * O(|\Sigma| + F) \\ &= O(N^2) + O(K * (|\Sigma| + F)) \\ &= O(N^2) + O(|\Sigma|K + FK) \\ &= O(N^2 + |\Sigma|K + FK) \end{split}$$

```
IJUGADAVÁLIDA?(in \ e: estr\_juego, in \ o: ocurrencia) \longrightarrow bool
  if CARDINAL(o) > LONGPALABRAMÁSLARGA(e.variante) then
                                                                                              \triangleright Con este if evitamos acotar por m
        return false
 3: for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
         ficha \leftarrow \text{Siguiente}(oIt)
  4:
        if \neg \text{ENTABLERO}?(j, \pi_1(ficha), \pi_2(ficha)) \lor_{\text{L}} \text{HAYLETRA}?(e, \pi_1(ficha), \pi_2(ficha)) then
            return false
  6:
  7: if HAYSUPERPUESTAS?(0) \vee \neg (ESHORIZONTAL?(0) \vee ESVERTICAL?(0)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}}^2)
        return false
    // Ponemos las fichas de la ocurrencia para validar
 10: PONERLETRAS(e, o)
 if ESHORIZONTAL?(0) then
        // Elegimos cualquier ficha y expandimos para atrás con i y para adelante con j para obtener toda la palabra
 12
    horizontal
        cualquierFicha \leftarrow Siguiente(CrearIt(o))
 13
        rango \leftarrow rango De Palabra Horizontal(e, cualquier Ficha)
 14:
        // Ver que todas las fichas de la ocurrencia estén incluidas en el rango, sino sacamos las letras del tablero y
    devolvemos false
        for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
 16:
             ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
 17
            if \neg(\pi_1(rango) \leq \pi_2(ficha) \leq \pi_2(rango)) then
                SACARLETRAS(e, o)
 19
                return false
 20:
        if \neg FORMAPALABRALEGÍTIMA?(e, rango, true, \pi_1(cualquierFicha)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
 21:
            SACARLETRAS(e, o)
            return false
 23
         // Vemos las palabras que se forman en las columnas
 24
        for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
 25
            ficha \leftarrow Siguiente(CrearIt(o))
 26
            rango \leftarrow rango De Palabra Vertical(e, ficha)
 27
            // Si se forman nuevas palabras en las columnas ver que sean legítimas
 28
            if \pi_1(rango) \neq \pi_2(rango) \wedge_{\perp} \neg FORMAPALABRALEGÍTIMA?(e, rango, false, \pi_2(ficha)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\texttt{máx}})
                SACARLETRAS(e, o)
 30:
                return false
 31:
    else
 32:
        // Es el mismo código del branch true pero ahora la ocurencia es vertical
 33
        cualquierFicha \leftarrow Siguiente(CrearIt(o))
 34
        rango \leftarrow rango De Palabra Vertical(e, cualquier Ficha)
 35
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\mathtt{máx}})
        for oIt \leftarrow CrearIt(o); HaySiguiente(oIt); Avanzar(oIt) do
 36
             ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
            if \neg(\pi_1(rango) \leq \pi_1(ficha) \leq \pi_2(rango)) then
                SACARLETRAS(e, o)
 39
                return false
 40
        if \neg FORMAPALABRALEGÍTIMA?(e, rango, false, \pi_2(cualquierFicha)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
            SACARLETRAS(e, o)
 42
            return false
 43
         // Vemos las palabras que se forman en las filas
 44
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\texttt{máx}})
        for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
 45
             ficha \leftarrow Siguiente(CrearIt(o))
 46
            rango \leftarrow rango De Palabra Horizontal(e, ficha)
 47
             // Si se forman nuevas palabras en las filas ver que sean legítimas
 48
            if \pi_1(rango) \neq \pi_2(rango) \wedge_L \neg FORMAPALABRALEGÍTIMA?(e, rango, true, \pi_1(ficha)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
 49
                SACARLETRAS(e, o)
 50:
                return false
 51:
    // Sacamos las fichas de la ocurrencia para no modificar el tablero
    SACARLETRAS(j, o)
54: return true
```

1: return j.tiempo

IUBICAR(in/out j: estr_juego, in o: ocurrencia) 1: $jugador \leftarrow j.jugadores[\text{TURNO}(j)]$ 2: **for** $oIt \leftarrow CREARIT(o)$; HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) **do** $\triangleright O(m)$ $ficha \leftarrow Siguiente(oIt)$ $e.tablero[\pi_1(ficha)][\pi_2(ficha)] \leftarrow \& \langle \pi_3(ficha), e.tiempo \rangle$ $jugador.cantFichasPorLetra[ORD(\pi_3(ficha))] -$ jugador.cantFichasPorLetra[ORD(DESAPILAR(j.repositorio))] + + $\triangleright O(1)$ 7: if CARDINAL(o) $\neq 0$ then $AGREGARATRAS(jugador.historialSinVac\'ia, \langle o, j.tiempo \rangle)$ jugador.jugadasSinCalcularPuntaje + +10: AGREGARATRAS($jugador.historial, \langle o, j.tiempo \rangle$) j.tiempo + + $IVARIANTE(\mathbf{in}\ j : \mathtt{estr_juego}) \longrightarrow \mathtt{variante}$ 1: return j.variante $ITURNO(\mathbf{in}\ j: \mathtt{estr_juego}) \longrightarrow \mathtt{nat}$ 1: **return** *j.tiempo* % tam(*j.jugadores*) ${\tt ITIEMPO}(\mathbf{in}\ j : \mathtt{estr_juego}) \longrightarrow \mathtt{nat}$

```
IPUNTAJE(in \ e : estr_juego, in \ i : nat) \longrightarrow nat
 _{1:}\ k \leftarrow \&e.jugadores[i].jugadasSinCalcularPuntaje
 2: jugador \leftarrow e.jugadores[i]
 3: // Usamos el historial sin ocurrencias vacías para evitar acotar por su cantidad con vacías
 4: histIt \leftarrow CrearItUlt(jugador.historialSinVacías)
 5: while *k > 0 do \triangleright Todo el ciclo está acotado por O(m \cdot L_{\texttt{máx}}) porque usamos ni mas ni menos que las m fichas
        juqada \leftarrow Anterior(histIt)
        ocIt \leftarrow Crearit(jugada.ocurrencia)
 7:
        esHorizontal \leftarrow true
 8.
        ficha \leftarrow Siguiente(ocIt)
        if HaySiguiente?(Avanzar(ocIt)) then
 10:
            esHorizontal \leftarrow \pi_1(ficha) = \pi_1(Siguiente(ocIt))
 11:
        if esHorizontal then
 12:
            // Sumamos las fichas de la palabra alineada horizontalmente en O(L_{máx})
 13
            fila \leftarrow \pi_1(ficha)
 14
            i \leftarrow \pi_2(ficha)
 15:
            j \leftarrow \pi_2(ficha) + 1
 16.
            while ENTABLERO?(e, fila, i) \wedge_{\text{L}} HAYLETRA?(e, fila, i) \wedge_{\text{L}} FICHATIEMPO(e, fila, i) \leq jugada.tiempo do
                jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, fila, i))
 18
 19:
            while entablero?(e, fila, j) \land_{\text{L}} hay Letra?(e, fila, j) \land_{\text{L}} fichatiempo (e, fila, j) \le jugada.tiempo do
                jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, fila, j))
21:
               j + +
22
            // Sumamos el resto de las fichas de las palabras cruzadas verticalmente en O(\#jugada.ocurrencia \cdot L_{\mathtt{máx}})
23
            for ocIt \leftarrow CrearIt(jugada.ocurrencia); HaySiguiente(ocIt); Avanzar(ocIt) do
               col \leftarrow \pi_2(ficha)
               i \leftarrow \pi_1(ficha) - 1

→ Así evitamos sumar de vuelta la ficha

 26:
               j \leftarrow \pi_1(ficha) + 1
27
                while ENTABLERO?(e, i, col) \land_{L} HAYLETRA?(e, i, col) \land_{L} FICHATIEMPO(e, i, col) \le jugada.tiempo do
28
                    jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, i, col))
30
               while ENTABLERO?(e, j, col) \land_L HAYLETRA?(e, j, col) \land_L FICHATIEMPO(e, j, col) \le jugada.tiempo do
                    jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, j, col))
                   i + +
33
        else
34
            // Lo mismo que el branch true pero verticalmente
 35
            col \leftarrow \pi_2(ficha)
            i \leftarrow \pi_1(ficha)
37
            j \leftarrow \pi_1(ficha) + 1
38
            while ENTABLERO?(e, i, col) \land_L HAYLETRA?(e, i, col) \land_L FICHATIEMPO(e, i, col) \le jugada.tiempo do
39
                jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, i, col))
 40
               i - -
            while ENTABLERO?(e, j, col) \wedge_{L} HAYLETRA?(e, j, col) \wedge_{L} FICHATIEMPO(e, j, col) \leq jugada.tiempo do
 42
                jugador.puntaje += PuntajeLetra(e.variante, Ficha(e, j, col))
 44:
            for ocIt \leftarrow CrearIt(jugada.ocurrencia); HaySiguiente(ocIt); Avanzar(ocIt) do
 45
                fil \leftarrow \pi_1(ficha)
 46
               i \leftarrow \pi_2(ficha) - 1
                                                                                       ⊳ Así evitamos sumar de vuelta la ficha
                j \leftarrow \pi_2(ficha) + 1
                while ENTABLERO?(e, fil, i) \land_L HAYLETRA?(e, fil, i) \land_L FICHATIEMPO(e, fil, i) \le jugada.tiempo do
 49
                   jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, fil, i))
50
 51
                while ENTABLERO?(e, fil, j) \wedge_{L} HAYLETRA?(e, fil, j) \wedge_{L} FICHATIEMPO(e, fil, j) \leq jugada.tiempo do
52
                    jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, fil, j))
53
                   j + +
 54
        Retroceder(histIt)
55
        *k--
                                                                \triangleright jugadasSinCalcularPuntaje se va a cero, como se espera
 57: return e.jugadores[i].puntaje
```

```
IENTABLERO?(in j: estr_juego, in i: nat, in j: nat) \longrightarrow bool
 1: return i < tam(t) \land j < tam(t)
IHAYLETRA?(in \ j: estr\_juego, in \ i: nat, in \ j: nat) \longrightarrow bool
  1: return t[i][j] \neq \text{NULL}
IFICHA(\mathbf{in}\ j: \mathtt{estr\_juego},\ \mathbf{in}\ i: \mathtt{nat},\ \mathbf{in}\ j: \mathtt{nat}) \longrightarrow \mathtt{letra}
  1: return \pi_1(*t[i][j])
IFICHATIEMPO(\mathbf{in}\ j : \mathtt{estr\_juego}, \ \mathbf{in}\ i : \mathtt{nat}, \ \mathbf{in}\ j : \mathtt{nat}) \longrightarrow \mathtt{nat}
  1: return \pi_2(*t[i][j])
I\#LETRATIENEJUGADOR(in j: estr\_juego, in l: letra, in i: nat) \longrightarrow nat
  1: return j.jugadores[i].cantFichasPorLetra[ORD(l)]
2.2.5.
         Algoritmos Auxiliares
PONERLETRAS(in/out j: estr_juego, in o: ocurrencia)
 1: for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                                           \triangleright O(\#o)
         ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
         e.tablero[\pi_1(ficha)][\pi_2(ficha)] \leftarrow \& \langle \pi_3(ficha), e.tiempo \rangle
SACARLETRAS(in/out j: estr_juego, in o: ocurrencia)
  1: for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                                           \triangleright O(\#o)
         ficha \leftarrow \text{Siguiente}(oIt)
         e.tablero[\pi_1(ficha)][\pi_2(ficha)] \leftarrow \text{NULL}
{\tt RANGODEPALABRAHORIZONTAL} (\textbf{in } e : {\tt estr\_juego}, \textbf{in } \textit{ficha} : {\tt tupla(nat,nat,letra)}) \longrightarrow {\tt tupla(nat,nat)}
  1: fila \leftarrow \pi_1(ficha)
 i \leftarrow \pi_2(ficha)
 j \leftarrow \pi_2(ficha)
  4: while ENTABLERO?(e, fila, i) \land_{L} HAYFICHA?(e, fila, i) do
  6: while ENTABLERO?(e, fila, j) \land_{L} HAYFICHA?(e, fila, j) do
         j + +
  8: return \langle i, j \rangle
RANGODEPALABRAVERTICAL(in \ e: estr\_juego, in \ ficha: tupla(nat,nat,letra)) \longrightarrow tupla(nat,nat)
 1: columna \leftarrow \pi_2(ficha)
 i \leftarrow \pi_1(ficha)
 j \leftarrow \pi_1(ficha)
  4: while ENTABLERO?(e, i, columna) \land_{L} HAYFICHA?(e, i, columna) do
  6: while ENTABLERO?(e, j, columna) \land_{L} HAYFICHA?(e, j, columna) do
         j++
  8: return \langle i, j \rangle
```

 $\triangleright O(L_{\text{máx}})$

13: **return** PALABRALEGÍTIMA?(e.variante, palabra')

```
FORMAPALABRALEGÍTIMA?(in e: estr_juego, in r: tupla(nat,nat), in horizontal: bool, in padding: nat) \longrightarrow
bool
 1: // Hacemos un pseudo counting sort para tener la palabra en O(\#o)
 _{2:}\ \langle i,j\rangle \leftarrow r
 3: palabra \leftarrow CrearArreglo(j-i)
                                                                                             {\tt \triangleright Es \ arreglo\_dimensionable(letra)}
 _{4:} if horizontal then
        for i \leq k \leq j do
            palabra[k-i] \leftarrow \texttt{FICHA}(e, padding, k)
 6:
 7: else
        for i \leq k \leq j do
            palabra[k-i] \leftarrow \text{FICHA}(e, k, padding)
 10: palabra' \leftarrow VACÍA()
                                                                                                                       \trianglerightLista Enlazada
    for 0 \le k < tam(palabra) do
        AGREGARATRAS(palabra', palabra[k])
```

3. Módulo Servidor

3.1. Interfaz

```
se explica con: Servidor
géneros: servidor
usa: Variante, Cola, Letra, Ocurrencia, Juego, Notificación
operaciones:
     NUEVOSERVIDOR(in k: nat, in v: variante, in r: cola(letra)) \rightarrow res: servidor
     \mathbf{Pre} \equiv \{tama\tilde{n}o(r) \geq tama\tilde{n}oTablero(v) * tama\tilde{n}oTablero(v) + k * \#fichas(v)\}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevoServidor(k, v, r)\}\
     Complejidad: O(N^2 + |\Sigma|K + FK)
     Descripción: Dada una cantidad de jugadores y una variante de juego, se inicia un nuevo servidor y una
     nueva partida de juego.
     Aliasing: v : variante tiene referencia no modificable.
                  r: cola(letra) tiene referencia modificable.
     CONECTAR(in/out s: servidor)
     \mathbf{Pre} \equiv \{\neg empez\acute{o}?(s) \land s =_{obs} S_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{s =_{obs} conectarCliente(S_0)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Conecta un cliente a un servidor.
     CONSULTAR(in/out \ s: servidor, in \ cid: nat) \rightarrow res: cola(notif)
     \mathbf{Pre} \equiv \{ cid \leq \#conectados(s) \land s =_{obs} S_0 \}
     \mathbf{Post} \equiv \{s =_{\mathbf{obs}} consultar(S_0, cid) \land res =_{\mathbf{obs}} notificaciones(S_0, cid)\}\
     Complejidad: O(n), donde n es la cantidad de mensajes en la cola de dicho cliente.
     Descripción: Consulta la cola de notificaciones de un cliente (lo cual vacía dicha cola).
     Aliasing: Se devuelve res: cola(notif) como referencia no modificable.
     RECIBIR(in/out \ s: servidor, in \ cid: nat, in \ o: ocurrencia)
     \mathbf{Pre} \equiv \{cid \leq \#conectados(s) \land s =_{obs} S_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{s =_{\mathbf{obs}} recibirMensaje(S_0, cid, o)\}\
     Complejidad: O(m \cdot L_{\max}^2 + |\Sigma|K + FK)
     Descripción: Recibe un mensaje de un cliente.
     Aliasing: Se pasa o : ocurrencia como referencia no modificable.
     CLIENTESESPERADOS(in s: servidor) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \#esperados(s)\}
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Obtiene el número de clientes esperados.
     CLIENTES CONECTADOS (in s: servidor) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \#conectados(s)\}
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Obtiene el número de clientes conectados.
     PARTIDA(in s: servidor) \rightarrow res: juego
     \mathbf{Pre} \equiv \{empez\acute{o}?(s)\}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} juego(s)\}\
     Complejidad: O(1)
```

Descripción: Obtiene el juego que se está jugando en el servidor. **Aliasing:** Se devuelve res: juego como referencia **no** modificable.

```
\begin{array}{l} \operatorname{EMPEZ\acute{O}}(\mathbf{in}\ s\colon\operatorname{servidor})\to res\ : \operatorname{bool}\\ \mathbf{Pre}\equiv\{\operatorname{true}\}\\ \mathbf{Post}\equiv\{res=_{\operatorname{obs}}empez\acute{o}?(s)\}\\ \mathbf{Complejidad:}\ O(1)\\ \mathbf{Descripci\acute{o}n:}\ \operatorname{Determina}\ \operatorname{si}\ \operatorname{la}\ \operatorname{partida}\ \operatorname{empez\acute{o}}. \end{array}
```

3.2. Implementación

3.2.1. Representación

servidor se representa con servidor_estr

```
donde servidor_estr es tupla(
    juego: juego
, jugadoresConectados: nat
, jugadoresEsperados: nat
, notificaciones: array_dimensionable(cola(notif))
)
```

3.2.2. Invariante de Representación

```
\begin{aligned} \text{Rep} : & \text{servidor\_estr} & \longrightarrow & \text{bool} \\ \text{Rep}(e) & \equiv & \#jugadores(e.juego) = e.jugadoresEsperados \land \\ & & e.jugadoresConectados \leq e.jugadoresEsperados \land \\ & & tam(e.notificaciones) = e.jugadoresEsperados \end{aligned}
```

3.2.3. Función de Abstracción

```
\begin{aligned} \operatorname{Abs}: & \operatorname{servidor\_estr} e & \longrightarrow \operatorname{servidor} \\ \operatorname{Abs}(e) =_{\operatorname{obs}} S: & \operatorname{servidor} \mid e.jugadoresEsperados =_{\operatorname{obs}} \#esperados(S) \land \\ & e.jugadoresConectados =_{\operatorname{obs}} \#conectados(S) \land \\ & e.juego =_{\operatorname{obs}} juego(S) \land \\ & \langle variante(e.juego), repositorio(e.juego) \rangle =_{\operatorname{obs}} configuracion(S) \land \\ & (\forall i : \mathtt{nat})(i < \#esperados(S) \Rightarrow_{\mathtt{L}} e.notificaciones[i] =_{\operatorname{obs}} notificaciones(S, i)) \end{aligned}
```

3.2.4. Algoritmos

ICONECTAR(in/out s: servidor_estr)

- 1. ENCOLAR(s.notificaciones[s.jugadoresConectados], IDCLIENTE(s.jugadoresConectados))
- $_{2:}$ s.jugadoresConectados++
- if EMPEZO(s) then
- for $notif \in s.notificaciones$ do
- Encolar(notif, Empezar(tamañoTablero(variante(s.juego)))
- Encolar(notif, TurnoDe(0))

$ICONSULTAR(in/out \ s: servidor_estr, in \ cid: nat) \longrightarrow cola(notif)$

```
\triangleright \Theta(\sum_{i=1}^{n} copy(c[i])) = \Theta(\sum_{i=1}^{n} 1) = \Theta(n) \in O(n), \text{ con}
1: res \leftarrow COPIAR(s.notificaciones[cid])
   c = s.notificaciones[cid]
2: s.notificaciones[cid] \leftarrow VACÍA()
                                                                                                                                                                \triangleright O(1)
3: return res
```

IRECIBIR(in/out s: servidor_estr, in cid: nat, in o: ocurrencia)

```
1: if EMPEZÓ?(s) \wedge_L TURNO(s.juego) = cid \wedge_L JUGADAVÁLIDA?(s.juego, o) then
```

- $\#fichasRepuestas \leftarrow FichasPorJugador(s.configuración.variante) \#o$
- $repoViejo \leftarrow copy(s.configuraci\'on.repositorio)$
- repuestos ← CREARARREGLO(DOM()) ▷ Asumimos que multiconj(letra) es un Arreglo Dimensionable del tamaño de dominio de Letra

```
for cant \in repuestos do
5:
          cant \leftarrow 0
      for 1 \dots \# fichasRepuestas do
          ficha \leftarrow PROXIMO(repoViejo)
          repuestos[ORD(ficha)] + +
          Desencolar(repoViejo)
10:
      puntajeViejo \leftarrow PUNTAJE(s.juego, cid)
11:
      UBICAR(s.juego, o)
12:
      puntajeNuevo \leftarrow \texttt{PUNTAJE}(s.juego, cid)
13
      for 0 \le i < tam(s.notificaciones) do
14:
          notif \leftarrow s.notificaciones[i]
15:
          Encolar(notif, Ubicar(cid, o)
                                                                               ▷ UBICAR se refiere al item de notificación
16:
          Encolar(notif, SumaPuntos(cid, puntajeNuevo - puntajeViejo)
17:
          if i = cid then
18
              Encolar(notif, Reponer(repuestos))
19:
```

Encolar(notif, TurnoDe(turno(s.juego)))20:

21: **else**

Encolar(s.notificaciones[cid], Mal)22:

$ICLIENTESESPERADOS(in s: servidor_estr) \longrightarrow nat$

 $_{1:}$ return s.jugadoresEsperados

$ICLIENTESCONECTADOS(in s: servidor_estr) \longrightarrow nat$

 $_{1:}$ return s.jugadoresConectados

$IPARTIDA(in \ s: servidor_estr) \longrightarrow juego$

1: return s.juego

 $\overline{\text{IEMPEZ\'O?}(\textbf{in }s\text{:}\texttt{servidor_estr}) \longrightarrow \texttt{bool}}$

 ${\tiny 1:} \ \mathbf{return} \ s. jugadores Esperados = s. jugadores Conectados$

4. Módulos auxiliares

4.1. Módulo Letra

Se asume una implementación acorde 1 al módulo de género letra con las siguientes operaciones en la interfaz (todas con órden de complejidad O(1)):

- ullet DOM : o nat Tamaño del dominio del tipo letra. Corresponde con la variable A de su especificación.
- ullet ORD : letra o nat Dada una letra, devuelve su correspondiente índice.
- ORD^{-1} : nat $n \to letra \{n < A\}$ Dado un índice, devuelve su correspondiente letra.

4.2. Módulo Variante

4.2.1. Interfaz

```
se explica con: VARIANTE
géneros: variante
usa: Diccionario Lineal, Conjunto Lineal, Lista, Letra, Trie de Palabras
operaciones:
     NUEVAVARIANTE(
          in n: nat,
          in f: nat,
          in puntajes: dicc(letra, nat),
          in legítimas: conj(lista(letra))
     ) \rightarrow res : variante
     \mathbf{Pre} \equiv \{n > 0 \land f > 0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevaVariante(n, f, puntajes, legítimas)\}
     Complejidad: O(|\Sigma| + \#legitimas \cdot L_{máx})
     Descripción: Genera una variante de juego.
     Aliasing: Se pasa puntajes: dicc(letra,nat) como referencia no modificable.
                 Se pasa legítimas: conj(lista(letra)) como referencia no modificable.
     TAMAÑOTABLERO(in v: variante) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tama\~noTablero(v)\}
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Devuelve el tamaño del tablero.
     FICHASPORJUGADOR(in v: variante) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \#fichas(v)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Devuelve la cantidad de fichas que debe de tener cada jugador.
     PUNTAJELETRA(in v: variante, in l: letra) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} puntajeLetra(v, l)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Devuelve el puntaje de una letra.
     PALABRALEGÍTIMA?(\mathbf{in}\ v: \mathtt{variante},\ \mathbf{in}\ p: \mathtt{lista(letra)}) 	o res: \mathtt{bool}
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
```

 $^{^1{\}rm Una}$ buena opción es usar un Enumerado.

```
Post \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} palabraLegítima(v,p)\}

Complejidad: O(L_{\mathtt{máx}})

Descripción: Determina si una palabra es legítima dentro de la variante de juego.

Aliasing: Se pasa p: lista(letra) como referencia no modificable.

LONGPALABRAMÁSLARGA(in v: variante) \rightarrow res: nat

\mathbf{Pre} \equiv \{\text{true}\}

\mathbf{Post} \equiv \{

(\exists p: \mathtt{secu(letra)})(res =_{\mathtt{obs}} long(p) \land palabraLegítima?(v,p) \land

(\forall p_2: \mathtt{secu(letra)})(palabraLegítima?(v,p_2) \Rightarrow res \geq long(p_2)))

}

Complejidad: O(1)

Descripción: Obtiene la longitud de la palabra legítima más larga de la variante.
```

4.2.2. Implementación

Representación

)

```
variante se representa con variante_estr
donde variante_estr es tupla(
    tablero: nat
    , fichas: nat
    , puntaje: array_dimensionable(nat)
    , palabras: triePalabra
    , #palabraMásLarga: triePalabra
```

Invariante de Representación

```
Rep : variante_estr \longrightarrow bool 

Rep(e) \equiv e.tablero > 0 \land e.fichas > 0 \land tam(e.puntaje) = DOM() \land_{L} (\forall l : letra)(e.puntaje[ORD(l)] > 0) \land \neg (\exists p : lista(letra))(Definida?(e.palabras, p) <math>\Rightarrow Longitud(p) > e.\#palabraM\acute{a}sLarga)
```

Función de Abstracción

```
Abs : variante_estr e \longrightarrow \text{variante} {Rep(e)}
\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{V: variante} \mid e.tablero =_{\text{obs}} tama\~noTablero(V) \land \\ e.fichas =_{\text{obs}} \#fichas(V) \land \\ (\forall l : \texttt{letra})(e.puntaje[\texttt{ORD}(l)] =_{\text{obs}} puntajeLetra(V, l)) \land \\ (\forall p : \texttt{secu(letra)})(p \in e.palabras =_{\text{obs}} palabraLeg\'atima?(V, l))
```

Algoritmos

```
INUEVAVARIANTE(in n: nat, in f: nat, in puntajes: dicc(letra,nat), in legitimas: conj(secu(letra))) \longrightarrow
variante_estr
 1: res.tablero \leftarrow n
 2: res.fichas \leftarrow f
  3: res.puntaje \leftarrow CREARARREGLO(DOM())
                                                                                                                                  \triangleright O(|\Sigma|)
  4: for 0 \le i < tam(res.puntaje) do
        if Definido?(puntajes, ORD<sup>-1</sup>(i)) then
            res.puntaje[i] \leftarrow Significado(puntajes, ORD^{-1}(i))
        else
            res.puntaje[i] \leftarrow 1
  9: res.palabras \leftarrow VACÍA()
 10: res.\#palabraM\acute{a}sLarga \leftarrow 0
    for lgIt \leftarrow \text{CrearIt}(lg); HaySiguiente(lgIt); Avanzar(lgIt) do
                                                                                                                       \triangleright O(\#legítimas)
        palabra \leftarrow \text{Siguiente}(lgIt)
                                                                                                                                \triangleright O(L_{\text{máx}})
        Definir(res.palabras, palabra)
 13:
        if Longitud(palabra) > res.\#palabraM\acute{a}sLarga then
                                                                                                                                    \triangleright O(1)
 14:
            res.\#palabraM\acute{a}sLarga \leftarrow \texttt{Longitud}(palabra)
 15:
 16: return res
iTAMA\~NOTABLERO(in \ v: variante\_estr) \longrightarrow nat
 1: return v.tablero
iFichasPorJugador(in \ v: variante\_estr) \longrightarrow nat
  1: return v.fichas
IPUNTAJELETRA(in \ v: variante\_estr, in \ l: letra) \longrightarrow nat
  1: return v.puntaje[ORD(l)]
IPALABRALEGITIMA?(in \ v: variante\_estr, in \ p: secu(letra)) \longrightarrow bool
                                                                                                                                \overline{
hd}O(L_{\mathtt{máx}})
  1: return DEFINIDA?(v.palabras, p)
ILONGPALABRAMÁSLARGA(in v: variante_estr) \longrightarrow nat
  1: return v.#palabraMásLarga
```

4.3. Módulo Ocurrencia

Es renombre de conj(tupla(nat,nat,letra)) con las siguientes operaciones auxiliares.

operaciones:

```
ESHORIZONTAL?( in o: ocurrencia ) \rightarrow res: bool \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} true \iff (\forall f, f': \text{tupla(nat,nat,letra)})(f, f' \in o \land f \neq f' \Rightarrow \pi_2(f) = \pi_2(f')) \}
\mathbf{Complejidad:} O(\#o^2)
\mathbf{Descripción:} \text{ Determina si una ocurrencia está alineada horizontalmente.}
```

```
ESVERTICAL?( in o: ocurrencia ) \rightarrow res: bool 

\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} true \iff (\forall f, f': \text{tupla(nat,nat,letra)})(f, f' \in o \land f \neq f' \Rightarrow \pi_1(f) = \pi_1(f')) \}
\mathbf{Complejidad:} O(\#o^2)
\mathbf{Descripción:} Determina si una ocurrencia está alineada verticalmente.
\mathbf{HAYSUPERPUESTAS?( in } o: \text{ocurrencia }) \rightarrow res: \text{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} false \iff (\forall p, q: \text{nat})(\forall l, l': \text{letra})(\{\langle p, q, l \rangle, \langle p, q, l' \rangle\} \subseteq o \Rightarrow l = l') \}
\mathbf{Complejidad:} O(\#o^2)
\mathbf{Descripción:} Determina si existen fichas distintas en una misma coordenada.
```

4.3.1. Algoritmos auxiliares

```
IHAYSUPERPUESTAS?(in o: ocurrencia) \longrightarrow bool

1: for oIt \leftarrow \text{CrearIT}(o); HaySiguiente(oIt); Avanzar(oIt) do \triangleright O(\#o)

2: ficha \leftarrow \text{Siguiente}(oIt)

3: for oItSig \leftarrow \text{Avanzar}(copy(oIt)); HaySiguiente(oItSig); Avanzar(oItSig) do \triangleright O(\#o)

4: ficha' \leftarrow \text{Siguiente}(oItSig)

5: if \pi_1(ficha) = \pi_1(fichaSig) \land \pi_2(ficha) = \pi_2(fichaSig) then

6: return true

7: return false
```

4.4. Módulo Notificación

Asumimos que existe el tipo notif.

4.5. Módulo Trie de Palabras

4.5.1. Interfaz

```
se explica con: Conjunto(Secuencia(Letra))
géneros: triePalabra
operaciones:
```

```
VACIO() \rightarrow res: triePalabra
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \emptyset\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Genera un trie de palabras.
DEFINIR(in/out t: triePalabra, in p: lista(letra))
\mathbf{Pre} \equiv \{ p \notin t \}
\mathbf{Post} \equiv \{ p \in t \}
Complejidad: O(L_{\text{máx}})
Descripción: Define una palabra en el trie.
Aliasing: Se pasa p: lista(letra) como referencia no modificable.
DEFINIDA?(in t: triePalabra, in p: lista(letra)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathbf{obs}} p \in t\}
Complejidad: O(L_{\text{máx}})
Descripción: Determina si una palabra está definida en el trie.
Aliasing: Se pasa p: lista(letra) como referencia no modificable.
```

4.5.2. Implementación

Representación

)

```
triePalabra se representa con trie_estr
donde trie_estr es tupla(
   hijos: array_dimensionable(puntero(trie_estr))
, fin?: bool
```

Invariante de Representación

```
 \begin{split} \operatorname{Rep} : & \operatorname{trie\_estr} & \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(e) & \equiv & tam(e.hijos) = \operatorname{DOM}() \wedge_{\operatorname{L}} \\ & (\forall h : \operatorname{nat})(h < tam(e.hijos) \Rightarrow_{\operatorname{L}} definido?(e.hijos,h)) \wedge \\ & ((\forall h : \operatorname{nat})(h < tam(e.hijos) \Rightarrow_{\operatorname{L}} e.hijos[h] = \operatorname{NULL}) \ \Rightarrow \ e.fin? = true) \end{split}
```

Función de Abstracción

```
 \text{Abs}: \text{trie\_estr } t \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\text{letra})) \\ | <> \in C \Rightarrow C =_{\text{obs}} palabrasDeTrie(t) \vee_{\text{L}} \\ C =_{\text{obs}} palabrasDeTrie(t) - \{<>\} \\ \\ \textbf{donde} \\ palabrasDeTrie: \text{trie\_estr} \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\text{letra})) \\ palabrasDeTrie(t) \equiv formarPalabrasDesde(t,0,<>) \\ \\ formarPalabrasDesde: \text{trie\_estr} \times \text{nat} \times \text{secu}(\text{letra}) \longrightarrow \text{conj}(\text{secu}(\text{letra})) \\ formarPalabrasDesde(t,k,pre) \equiv \\ \\ \textbf{if } k = \text{DOM}() \\ \\ \textbf{then if } t.fin? \textbf{then } Ag(pre,\emptyset) \textbf{ else } \emptyset \textbf{ fi} \\ \\ \textbf{else } formarPalabrasDesde(t,k+1,pre) \\ \\ \cup formarPalabrasDesde(t,k+1,pre) \\ \\ \end{aligned}
```

fi

```
\begin{split} formarPalabras: \texttt{puntero(trie\_estr)} \times \texttt{secu(letra)} &\longrightarrow \texttt{conj(secu(letra))} \\ formarPalabras(p,pre) \equiv \\ & \text{if } p = NULL \\ & \text{then } \emptyset \\ & \text{else } formarPalabrasDesde(*p,0,pre) \\ & \text{fi} \end{split}
```

Algoritmos

```
 \begin{split} & \overline{\text{IVAC}}\text{IO}() \longrightarrow \text{trie\_estr} \\ & \text{1: } res. fin? \leftarrow false \\ & \text{2: } res. hijos \leftarrow \text{CrearArreglo}(\text{dom}()) \\ & \text{3: } \textbf{for } 0 \leq i < tam(res. hijos) \textbf{ do} \\ & \text{4: } res. hijos[i] \leftarrow \text{NULL} \\ & \text{5: } \textbf{return } res \end{split} \right. \Rightarrow O(|\Sigma|)
```

```
{\tt IDEFINIR}(\textbf{in/out}\ t \colon \texttt{trie\_estr},\ \textbf{in}\ p \colon \texttt{lista(letra)})
```

```
1: pIt \leftarrow CREARIT(p)
<sub>2:</sub> if \neg \text{HAYSIGUIENTE}(pIt) then
        t.fin? \leftarrow true
3:
4: else
        nodo \leftarrow t.hijos[\texttt{ORD}(\texttt{SIGUIENTE}(pIt))]
        while nodo \neq NULL do
 6:
             letra \leftarrow \text{Siguiente}(pIt)
             nodo \leftarrow (*nodo).hijos[ORD(letra)]
        while HaySiguiente(pIt) do
             letra \leftarrow \text{Siguiente}(pIt)
10:
             nodo \leftarrow \&VACIO()
11:
             nodo \leftarrow (*nodo).hijos[ORD(letra)]
12:
             AVANZAR(pIt)
13:
        nodo \leftarrow \&Vacio()
14:
        (*nodo).fin? \leftarrow true
15:
```

IDEFINIDA?(in t: trie_estr, in p: lista(letra)) \longrightarrow bool

```
1: pIt \leftarrow \text{CrearIt}(p)
2: \textbf{if} \neg \text{HaySiguiente}(pIt) \textbf{ then}
3: \textbf{return } t.fin?
4: \textbf{else}
5: nodo \leftarrow t.hijos[\text{Ord}(\text{Siguiente}(pIt))]
6: \textbf{while } \text{HaySiguiente}(pIt) \land nodo \neq \text{NULL } \textbf{do}
7: letra \leftarrow \text{Siguiente}(pIt)
8: nodo \leftarrow (*nodo).hijos[\text{Ord}(letra)]
9: A\text{Vanzar}(pIt)
10: \textbf{return } \neg \text{HaySiguiente}(pIt) \land_L (*nodo).fin?
```