Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 1



Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Integrante	LU	Correo electrónico
Guberman, Diego Andrés	469/17	diego98g@hotmail.com
Ramis Folberg, Ezequiel Leonel	881/21	ezequielramis.hello@gmail.com
Sabetay, Kevin Damian	476/16	kevin.sabetay96@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1. Preámbulo						
2.	Módulo Juego					
	2.1. Interfaz					
	2.2.	2.2. Implementación				
		2.2.1.	Representación	5		
		2.2.2.	Invariante de Representación	6		
		2.2.3.	Función de Abstracción	8		
		2.2.4.	Algoritmos	9		
		2.2.5.	Algoritmos Auxiliares	13		
3.	Móc	dulo Se	ervidor	15		
	3.1.	Interfa	0.Z	15		
	3.2.	Impler	mentación	16		
		3.2.1.	Representación	16		
		3.2.2.	Invariante de Representación	16		
		3.2.3.	Función de Abstracción	16		
		3.2.4.	Algoritmos	17		
4.	Móc	dulos a	auxiliares	19		
	4.1.	Módul	lo Letra	19		
	4.2.	Módul	lo Variante	19		
		4.2.1.	Interfaz	19		
		4.2.2.	Implementación	20		
	4.3.	Módul	lo Ocurrencia	21		
		4.3.1.	Algoritmos auxiliares	22		
	4.4.	Módul	lo Notificación	22		
	4.5.	Módul	lo Trie de Palabras	22		
		4.5.1.	Interfaz	22		
		4.5.2.	Implementación	23		

1. Preámbulo

Antes de presentar los módulos, definimos las siguientes variables para las complejidades temporales:

- ullet N tamaño del tablero.
- \blacksquare K cantidad de jugadores.
- $|\Sigma|$ cantidad de letras en el alfabeto.
- ullet F cantidad de fichas por jugador.
- $L_{\text{máx}}$ longitud de la palabra legítima más larga definida por la variante del juego de la que se trate.

2. Módulo Juego

2.1. Interfaz

```
se explica con: JUEGO
géneros: juego
usa: Variante, Cola, Letra, Ocurrencia, ¿Lista?
operaciones:
     NUEVOJUEGO(in k: nat, in v: variante, in r: cola(letra)) \rightarrow res: juego
     \mathbf{Pre} \equiv \{tama\tilde{n}o(r) \geq tama\tilde{n}oTablero(v) * tama\tilde{n}oTablero(v) + k * \#fichas(v) \land k > 0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevoJuego(k, v, r)\}\
     Complejidad: O(N^2 + |\Sigma|K + FK)
     Descripción: Dada una cantidad de jugadores, una variante de juego y un repositorio de fichas, se inicia
     un nuevo juego con el tablero vacío.
     Aliasing: v : variante tiene referencia no modificable.
                  r: cola(letra) tiene referencia modificable.
     JUGADAVÁLIDA?(in j: juego, in o: occurrencia) \rightarrow res: bool
     \mathbf{Pre} \equiv \{ true \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} jugadaV\'alida?(j,o)\}\
     Complejidad: O(L_{\text{máx}}^2)
     Descripción: Determina si una jugada es válida.
     Aliasing: Se pasa o: ocurrencia como referencia no modificable.
     UBICAR(in/out j: juego, in o: occurrencia)
     \mathbf{Pre} \equiv \{jugadaV\acute{a}lida(j,o) \land j =_{\mathrm{obs}} J_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{j =_{\mathrm{obs}} ubicar(J_0, o)\}
     Complejidad: O(m), donde m es el número de fichas que se ubican.
     Descripción: Ubica un conjunto de fichas en el tablero.
     Aliasing: Se pasa o : ocurrencia como referencia no modificable.
     VARIANTE(\mathbf{in}\ j: \mathtt{juego}) \rightarrow res: \mathtt{variante}
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     Post \equiv \{res =_{obs} variante(j)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Obtiene información sobre la variante del juego.
     Aliasing: Se devuelve res: variante como referencia no modificable.
     TURNO(in j: juego) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} turno(j)\}
```

```
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene al jugador del turno actual.
TIEMPO(in j: \mathtt{juego}) \rightarrow res: \mathtt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
Post \equiv \{res \text{ es igual a la cantidad de generadores "ubicar" de } j\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene la cantidad de jugadas totales que se hicieron desde que empezó el juego.
PUNTAJE(in j: juego, in i: nat) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{i < \#jugadores(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} puntaje(j, i)\}\
Complejidad: O(1 + m \cdot L_{máx}), donde m es la cantidad de fichas que ubicó el jugador desde la última vez
que se invocó a esta operación.
Descripción: Obtiene el puntaje de un jugador.
ENTABLERO?(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} enTablero?(tablero(J), i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Determina si una coordenada (i, j) está en el rango del tablero.
\text{HAYFICHA}?(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(tablero(J), i, j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayLetra?(tablero(J), i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Determina si una celda del tablero dada una coordenada (i, j) está ocupada por una letra.
FICHA(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: letra
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(tablero(J), i, j) \land_{\mathtt{L}} hayLetra?(tablero(J), i, j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} letra(tablero(J), i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene el contenido de una celda del tablero dada una coordenada (i, j).
TIEMPOFICHA(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(tablero(J), i, j) \land_{\mathsf{L}} hayLetra?(tablero(J), i, j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res \text{ es igual a la cantidad de generadores "ubicar" de j desde que empezó el juego hasta que
hubo un "ubicar" con una ocurrencia que contenía esa coordenada.}
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene el momento en que una ficha del tablero fue puesta dada una coordenada (i, j).
\# \text{LETRATIENEJUGADOR}(\textbf{in } j : \texttt{juego}, \textbf{in } x : \texttt{letra}, \textbf{in } i : \texttt{nat}) \rightarrow res : \texttt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{i < \#jugadores(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \#(x, fichas(j, i)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Dada una cierta letra x del alfabeto, conocer cuántas fichas tiene un jugador de dicha letra.
```

2.2. Implementación

2.2.1. Representación

```
juego se representa con juego_estr

donde juego_estr es tupla(
    tablero: array_dimensionable(array_dimensionable(puntero(tupla(letra,nat))))
, jugadores: array_dimensionable(jugador)
, tiempo: nat
, repositorio: cola(letra)
, variante: variante
)

y jugador es tupla(
    puntaje: nat
, historial: lista(tupla(ocurrencia: ocurrencia, tiempo: nat))
, historialSinV acias: lista(tupla(ocurrencia: ocurrencia, tiempo: nat))
, jugadasSinCalcularPuntaje: nat
, cantFichasPorLetra: array_dimensionable(nat)
)
```

2.2.2. Invariante de Representación

```
Rep : juego\_estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv tam(e.tablero) = tama\~noTablero(e.variante) \land
                                     (\forall i : \mathtt{nat})(i < tam(e.tablero)) \Rightarrow_{\mathtt{L}} tam(e.tablero[i]) = tam(e.tablero)) \land_{\mathtt{L}}
                                     (\forall i, j : \mathtt{nat})((i, j < tam(e.tablero) \land_{\mathtt{L}} e.tablero[i][j] \neq \mathtt{NULL}) \Rightarrow_{\mathtt{L}} e.tablero[i][j].tiempo < e.tiempo) \land_{\mathtt{L}}
                                     (\forall i : \mathtt{nat})(i < tam(e.jugadores)) \Rightarrow_{\mathtt{L}} (
                                           tam(e.jugadores[i].cantFichasPorLetra) = DOM() \land_{L}
                                            \sum_{f < \text{DOM}()} e.jugadores[i].cantFichasPorLetra[f] = \#fichas(e.variante) \land alternative for the properties of the pr
                                           tam(e.jugadores[i].historial) = [e.tiempo/tam(e.jugadores)] \land
                                            (\forall h : \mathtt{nat})(h < long(e.jugadores[i].historial) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                                   e.jugadores[i].historial[h].tiempo = h * tam(e.jugadores) + i \land
                                                   (\forall p, q : \mathtt{nat})(\forall l, l' : \mathtt{letra})(
                                                          \{\langle p,q,l\rangle,\langle p,q,l'\rangle\}\subseteq e.jugadores[i].historial[h].ocurrencia \Rightarrow l=l'
                                                  e.jugadores[i].historialSinVacias = _{obs} historialSinVacias(e.jugadores[i].historial, <>) \land
                                                  e.jugadores[i].jugadasSinCalcularPuntaje \leq tam(e.jugadores[i].historialSinVacías)
                                           )
                                    )) \wedge_{\rm L}
                                    ocurrenciasV\'alidas?(nuevoTablero(tama\~no(e.tablero)), historiales(e.jugadores, 0)) \land_{\tt L}
                                     e.tablero =_{obs} ponerOcurrencias(nuevoTablero(tama\~no(e.tablero)), historiales(e)) \land_{\perp}
                                     (\forall i : \mathtt{nat})(i < tam(e.jugadores) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                                           e.jugadores[i].puntaje = \sum_{k < tam(e.jugadores[i].historial) - e.jugadores[i].jugadasSinCalcularPuntaje - f.i. (a.jugadores[i].historial) - f.i. (a.jugadores[i].h
                                                                                                                                          puntajeDeOcurrenciaEnTiempo(e, i, k)
                                    )
                                    donde
                                           historialSinVac\'ias:lista(tupla(ocurrencia,nat)) \longrightarrowlista(tupla(ocurrencia,nat))
                                           historialSinVacias(hcv, hsv) \equiv
                                                  if vacía?(hcv)
                                                          then hsv
                                                          else
                                                                 if vacio?(\pi_1(prim(hcv)))
                                                                        then historialSinVac\'ias(fin(hcv), hsv)
                                                                        else historialSinVac\'{a}as(fin(hcv), prim(hcv) \bullet hsv)
                                                                 fi
                                                  fi
                                           historiales: juego_estr \longrightarrow multiconj(ocurrencia)
                                           historiales(e') \equiv historialesHastaTiempo(e'.jugadores, 0, e.tiempo)
                                            historialesHastaTiempo: ad(jugador) \times nat \times nat
                                            → multiconj(ocurrencia)
                                            historialesHastaTiempo(js, k, t) \equiv
                                                  if k \geq tam(js)
                                                          else historial HastaTiempo(js, k, t)
                                                          \cup historialesHastaTiempo(js, k + 1, t)
                                                   fi
                                            historial Hasta Tiempo: \mathtt{ad(jugador)} \times \mathtt{nat} \times \mathtt{nat}
                                            → multiconj(ocurrencia)
                                            historialHastaTiempo(js, k, t) \equiv historialHastaTiempo'(js[k].historial, t)
```

```
historial Hasta Tiempo': lista(tupla(ocurrencia, nat)) \times nat
 \rightarrow multiconj(ocurrencia)
historial Hasta Tiempo'(ls, t) \equiv
  if vacia?(ls)
     then 0
     else historial Hasta Tiempo'(fin(ls), t) \cup
       if \pi_2(prim(ls)) < t
          then prim(ls)
          else ∅
       fi
  fi
ocurrencias V\'alidas?: {\tt tab} \times {\tt multiconj(ocurrencia)}) \longrightarrow {\tt bool}
ocurrencias V\'alidas?(t,os) \equiv
  if vacía?(os)
     then true
     else celdasLibres?(t, dameUno(os)) \land_{\text{\tiny L}}
     ocurrencias V\'alidas?(ponerLetras(t, dameUno(os)), sinUno(os))
  fi
ponerOcurrencias: \mathtt{tab} \times \mathtt{multiconj}(\mathtt{ocurrencia}) \longrightarrow \mathtt{tab}
ponerOcurrencias(t, os) \equiv
  if vacía?(os)
     then t
     else ponerOcurrencias(ponerLetras(t, dameUno(os)), sinUno(os))
  fi
puntajeDeOcurrenciaEnTiempo: estr_juego \times nat \times nat \longrightarrow nat
puntajeDeOcurrenciaEnTiempo(e, i, k) \equiv
  puntajePalabrasEstr(e.variante, t',
  palabras Ubicadas (ocurrencias De Palabras (t'), e.jugadores [i].historial [k].ocurrencia))
  donde
     tiempo \equiv e.jugadores[i].historial[k].tiempo
     t' \equiv ponerOcurrencias(nuevoTablero(tamaño(e.tablero)),
       if tiempo = 0?
          then Ø
          else historialesHastaTiempo(e.jugadores, 0, tiempo - 1)
       fi
     \cup historialHastaTiempo(e.jugadores, i, tiempo)
     \cup \{e.jugadores[i].historial[k].ocurrencia\})
puntajePalabrasEstr: \mathtt{variante} \times \mathtt{tab} \times \mathtt{conj}(\mathtt{ocurrencia}) \longrightarrow \mathtt{nat}
puntajePalabrasEstr(v, t, os) \equiv
  if vacío?(os)
     then 0
     else puntajePalabraEstr(v, t, dameUno(os))
     + puntajePalabras(v, t, sinUno(os))
```

fi

```
\begin{array}{l} puntajePalabraEstr: \texttt{variante} \times \texttt{tab} \times \texttt{ocurrencia} \longrightarrow \texttt{nat} \\ puntajePalabraEstr(v,t,o) \equiv \\ & \textbf{if } vac\'ia?(o) \\ & \textbf{then } 0 \\ & \textbf{else } puntajeLetra(v,\pi_3(dameUno(o))) \\ & + puntajePalabra(v,t,sinUno(o)) \\ & \textbf{fi} \end{array}
```

2.2.3. Función de Abstracción

```
 \begin{array}{lll} \operatorname{Abs}: \operatorname{juego\_estr} e & \longrightarrow \operatorname{juego} & \{\operatorname{Rep}(e)\} \\ \operatorname{Abs}(e) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{J}: \operatorname{juego} \mid e.variante =_{\operatorname{obs}} variante(J) \wedge & \\ & e.repositorio =_{\operatorname{obs}} repositorio(J) \wedge & \\ & e.tiempo \equiv turno(J) \left(mod \ \# jugadores(J)\right) \wedge & \\ & tam(e.tablero) =_{\operatorname{obs}} tama\~no(T) \wedge_{\operatorname{L}} & \\ & (\forall i,j: \mathtt{nat}) \left( (enTablero?(T,i,j) \wedge_{\operatorname{L}} hayLetra?(T,i,j) \right) \Rightarrow_{\operatorname{L}} & \\ & (e.tablero[i][j] \neq NULL \wedge_{\operatorname{L}} letra(T,i,j) =_{\operatorname{obs}} \pi_1 (*e.tablero[i][j]))) \wedge & \\ & (tam(e.jugadores) =_{\operatorname{obs}} \# jugadores(J) \wedge_{\operatorname{L}} & \\ & (\forall i: \mathtt{nat}) (i < tam(e.jugadores) \Rightarrow_{\operatorname{L}} ( & \\ & e.jugadores[i].puntaje =_{\operatorname{obs}} puntaje(J,i) \wedge & \\ & (\forall l: \mathtt{letra}) (e.cantFichasPorLetra[\operatorname{ORD}(l)] = \# (l,fichas(J,i))) & \\ & )) & \\ \end{array}
```

2.2.4. Algoritmos

```
INUEVOJUEGO(in k: nat, in v: variante, in r: cola(letra)) \longrightarrow juego_estr
 1: res.variante \leftarrow v
 2: res.repositorio \leftarrow r
 3: res.tiempo \leftarrow 0
  4: filas \leftarrow CREARARREGLO(n)
                                                                                                          \triangleright O(N*(N+N)) = O(N^2)
  5: for columnas \in filas do
        columnas \leftarrow CrearArreglo(n)
        for celda \in columnas do
            celda \leftarrow \text{NULL}
 9: res.jugadores \leftarrow CrearArreglo(k)
    \mathbf{for}\ jugador \in res.jugadores\ \mathbf{do}
                                                                                                                                  \triangleright O(K)
        jugador.puntaje \leftarrow 0
 11:
        jugador.historial \leftarrow VACÍA()
 12:
        jugador.historialSinVacias \leftarrow Vacía()
        jugador.jugadasSinCalcularPuntaje \leftarrow 0
 14:
        // Por cada jugador le damos su primer mazo de fichas del repositorio
 15:
        jugador.cantFichasPorLetra \leftarrow CrearArreglo(dom())
 16:
        for \ cant \in jugador.cantFichasPorLetra \ do
                                                                                                                                 \triangleright O(|\Sigma|)
 17:
            cant \leftarrow 0
 18:
                                                                                                                                   \triangleright O(F)
        for 1 \dots \text{FICHASPORJUGADOR}(v) do
 19:
             ficha \leftarrow Desapilar(res.repositorio)
 20:
            jugador.cantFichasPorLetra[ORD(ficha)] + +
 22: return res
```

Justificación de complejidad:

$$\begin{split} O(N^2) + O(K) * (O(|\Sigma|) + O(F)) &= O(N^2) + O(K) * O(|\Sigma| + F) \\ &= O(N^2) + O(K * (|\Sigma| + F)) \\ &= O(N^2) + O(|\Sigma|K + FK) \\ &= O(N^2 + |\Sigma|K + FK) \end{split}$$

```
IJUGADAVÁLIDA?(in \ e: estr\_juego, in \ o: ocurrencia) \longrightarrow bool
  if CARDINAL(o) > LONGPALABRAMÁSLARGA(e.variante) then
                                                                                              \triangleright Con este if evitamos acotar por m
        return false
 3: for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
         ficha \leftarrow \text{Siguiente}(oIt)
  4:
        if \neg \text{ENTABLERO}?(j, \pi_1(ficha), \pi_2(ficha)) \lor_{\text{L}} \text{HAYLETRA}?(e, \pi_1(ficha), \pi_2(ficha)) then
            return false
  6:
  7: if HAYSUPERPUESTAS?(0) \vee \neg (ESHORIZONTAL?(0) \vee ESVERTICAL?(0)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}}^2)
        return false
    // Ponemos las fichas de la ocurrencia para validar
 10: PONERLETRAS(e, o)
 if ESHORIZONTAL?(0) then
        // Elegimos cualquier ficha y expandimos para atrás con i y para adelante con j para obtener toda la palabra
 12
    horizontal
        cualquierFicha \leftarrow Siguiente(CrearIt(o))
 13
        rango \leftarrow rango De Palabra Horizontal(e, cualquier Ficha)
 14:
        // Ver que todas las fichas de la ocurrencia estén incluidas en el rango, sino sacamos las letras del tablero y
    devolvemos false
        for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
 16:
             ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
 17
            if \neg(\pi_1(rango) \leq \pi_2(ficha) \leq \pi_2(rango)) then
                SACARLETRAS(e, o)
 19
                return false
 20:
        if \neg FORMAPALABRALEGÍTIMA?(e, rango, true, \pi_1(cualquierFicha)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
 21:
            SACARLETRAS(e, o)
            return false
 23
         // Vemos las palabras que se forman en las columnas
 24
        for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
 25
            ficha \leftarrow Siguiente(CrearIt(o))
 26
            rango \leftarrow rango De Palabra Vertical(e, ficha)
 27
            // Si se forman nuevas palabras en las columnas ver que sean legítimas
 28
            if \pi_1(rango) \neq \pi_2(rango) \wedge_{\perp} \neg FORMAPALABRALEGÍTIMA?(e, rango, false, \pi_2(ficha)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\texttt{máx}})
                SACARLETRAS(e, o)
 30:
                return false
 31:
    else
 32:
        // Es el mismo código del branch true pero ahora la ocurencia es vertical
 33
        cualquierFicha \leftarrow Siguiente(CrearIt(o))
 34
        rango \leftarrow rango De Palabra Vertical(e, cualquier Ficha)
 35
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\mathtt{máx}})
        for oIt \leftarrow CrearIt(o); HaySiguiente(oIt); Avanzar(oIt) do
 36
             ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
            if \neg(\pi_1(rango) \leq \pi_1(ficha) \leq \pi_2(rango)) then
                SACARLETRAS(e, o)
 39
                return false
 40
        if \neg FORMAPALABRALEGÍTIMA?(e, rango, false, \pi_2(cualquierFicha)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
            SACARLETRAS(e, o)
 42
            return false
 43
         // Vemos las palabras que se forman en las filas
 44
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\texttt{máx}})
        for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
 45
             ficha \leftarrow Siguiente(CrearIt(o))
 46
            rango \leftarrow rango De Palabra Horizontal(e, ficha)
 47
             // Si se forman nuevas palabras en las filas ver que sean legítimas
 48
            if \pi_1(rango) \neq \pi_2(rango) \wedge_L \neg FORMAPALABRALEGÍTIMA?(e, rango, true, \pi_1(ficha)) then
                                                                                                                             \triangleright O(L_{\text{máx}})
 49
                SACARLETRAS(e, o)
 50:
                return false
 51:
    // Sacamos las fichas de la ocurrencia para no modificar el tablero
    SACARLETRAS(j, o)
54: return true
```

1: return j.tiempo

IUBICAR(in/out j: estr_juego, in o: ocurrencia) 1: $jugador \leftarrow j.jugadores[\text{TURNO}(j)]$ 2: **for** $oIt \leftarrow CREARIT(o)$; HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) **do** $\triangleright O(m)$ $ficha \leftarrow Siguiente(oIt)$ $e.tablero[\pi_1(ficha)][\pi_2(ficha)] \leftarrow \& \langle \pi_3(ficha), e.tiempo \rangle$ $jugador.cantFichasPorLetra[ORD(\pi_3(ficha))] -$ jugador.cantFichasPorLetra[ORD(DESAPILAR(j.repositorio))] + + $\triangleright O(1)$ 7: if CARDINAL(o) $\neq 0$ then $AGREGARATRAS(jugador.historialSinVac\'ia, \langle o, j.tiempo \rangle)$ jugador.jugadasSinCalcularPuntaje + +10: AGREGARATRAS($jugador.historial, \langle o, j.tiempo \rangle$) j.tiempo + + $IVARIANTE(\mathbf{in}\ j : \mathtt{estr_juego}) \longrightarrow \mathtt{variante}$ 1: return j.variante $ITURNO(\mathbf{in}\ j: \mathtt{estr_juego}) \longrightarrow \mathtt{nat}$ 1: **return** *j.tiempo* % tam(*j.jugadores*) ${\tt ITIEMPO}(\mathbf{in}\ j : \mathtt{estr_juego}) \longrightarrow \mathtt{nat}$

```
IPUNTAJE(in \ e : estr_juego, in \ i : nat) \longrightarrow nat
 _{1:}\ k \leftarrow \&e.jugadores[i].jugadasSinCalcularPuntaje
 2: jugador \leftarrow e.jugadores[i]
 3: // Usamos el historial sin ocurrencias vacías para evitar acotar por su cantidad con vacías
 4: histIt \leftarrow CrearItUlt(jugador.historialSinVacias)
 5: while *k > 0 do \triangleright Todo el ciclo está acotado por O(m \cdot L_{\texttt{máx}}) porque usamos ni mas ni menos que las m fichas
        juqada \leftarrow Anterior(histIt)
        ocIt \leftarrow CrearIt(jugada.ocurrencia)
 7:
        esHorizontal \leftarrow true
 8.
        ficha \leftarrow Siguiente(ocIt)
        if HaySiguiente?(Avanzar(ocIt)) then
 10:
            esHorizontal \leftarrow \pi_1(ficha) = \pi_1(Siguiente(ocIt))
 11:
        if esHorizontal then
 12:
            // Sumamos las fichas de la palabra alineada horizontalmente en O(L_{máx})
 13
            fila \leftarrow \pi_1(ficha)
 14
            i \leftarrow \pi_2(ficha)
 15:
            j \leftarrow \pi_2(ficha) + 1
 16.
            while ENTABLERO?(e, fila, i) \wedge_{\text{L}} HAYLETRA?(e, fila, i) \wedge_{\text{L}} FICHATIEMPO(e, fila, i) \leq jugada.tiempo do
                jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, fila, i))
 18
 19:
            while entablero?(e, fila, j) \land_{\text{L}} hay Letra?(e, fila, j) \land_{\text{L}} fichatiempo (e, fila, j) \le jugada.tiempo do
                jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, fila, j))
21:
               j + +
22
            // Sumamos el resto de las fichas de las palabras cruzadas verticalmente en O(\#jugada.ocurrencia \cdot L_{\mathtt{máx}})
23
            for ocIt \leftarrow CrearIt(jugada.ocurrencia); HaySiguiente(ocIt); Avanzar(ocIt) do
               col \leftarrow \pi_2(ficha)
               i \leftarrow \pi_1(ficha) - 1

→ Así evitamos sumar de vuelta la ficha

 26:
               j \leftarrow \pi_1(ficha) + 1
27
                while ENTABLERO?(e, i, col) \land_{L} HAYLETRA?(e, i, col) \land_{L} FICHATIEMPO(e, i, col) \le jugada.tiempo do
28
                    jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, i, col))
30
               while ENTABLERO?(e, j, col) \land_L HAYLETRA?(e, j, col) \land_L FICHATIEMPO(e, j, col) \le jugada.tiempo do
                    jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, j, col))
                   i + +
33
        else
34
            // Lo mismo que el branch true pero verticalmente
 35
            col \leftarrow \pi_2(ficha)
            i \leftarrow \pi_1(ficha)
37
            j \leftarrow \pi_1(ficha) + 1
38
            while ENTABLERO?(e, i, col) \land_L HAYLETRA?(e, i, col) \land_L FICHATIEMPO(e, i, col) \le jugada.tiempo do
39
                jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, i, col))
 40
               i - -
            while ENTABLERO?(e, j, col) \wedge_{L} HAYLETRA?(e, j, col) \wedge_{L} FICHATIEMPO(e, j, col) \leq jugada.tiempo do
 42
                jugador.puntaje += PuntajeLetra(e.variante, Ficha(e, j, col))
 44:
            for ocIt \leftarrow CrearIt(jugada.ocurrencia); HaySiguiente(ocIt); Avanzar(ocIt) do
 45
                fil \leftarrow \pi_1(ficha)
 46
               i \leftarrow \pi_2(ficha) - 1
                                                                                       ⊳ Así evitamos sumar de vuelta la ficha
                j \leftarrow \pi_2(ficha) + 1
                while ENTABLERO?(e, fil, i) \land_L HAYLETRA?(e, fil, i) \land_L FICHATIEMPO(e, fil, i) \le jugada.tiempo do
 49
                   jugador.puntaje += PUNTAJELETRA(e.variante, FICHA(e, fil, i))
50
 51
                while ENTABLERO?(e, fil, j) \wedge_{L} HAYLETRA?(e, fil, j) \wedge_{L} FICHATIEMPO(e, fil, j) \leq jugada.tiempo do
52
                    jugador.puntaje += PuntajeLetra(e.variante, Ficha(e, fil, j))
53
                   j + +
 54
        Retroceder(histIt)
55
        *k--
                                                                \triangleright jugadasSinCalcularPuntaje se va a cero, como se espera
 57: return e.jugadores[i].puntaje
```

```
IENTABLERO?(in j: estr_juego, in i: nat, in j: nat) \longrightarrow bool
 1: return i < tam(t) \land j < tam(t)
IHAYLETRA?(\mathbf{in}\ j : \mathtt{estr\_juego}, \ \mathbf{in}\ i : \mathtt{nat}, \ \mathbf{in}\ j : \mathtt{nat}) \longrightarrow \mathtt{bool}
  1: return t[i][j] \neq \text{NULL}
IFICHA(in j: estr\_juego, in i: nat, in j: nat) \longrightarrow letra
  1: return \pi_1(*t[i][j])
IFICHATIEMPO(in j: estr_juego, in i: nat, in j: nat) \longrightarrow nat
  1: return \pi_2(*t[i][j])
 2: return LETRA(j.tablero, i, j)
I\#LETRATIENEJUGADOR(in j: estr\_juego, in l: letra, in i: nat) \longrightarrow nat
 1: return j.jugadores[i].cantFichasPorLetra[ORD(l)]
2.2.5.
         Algoritmos Auxiliares
PONERLETRAS(in/out j: estr_juego, in o: ocurrencia)
 1: for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                                   \triangleright O(\#o)
         ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
        e.tablero[\pi_1(ficha)][\pi_2(ficha)] \leftarrow \& \langle \pi_3(ficha), e.tiempo \rangle
SACARLETRAS(in/out j: estr_juego, in o: ocurrencia)
                                                                                                                                   \triangleright O(\#o)
  1: for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
        ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
        e.tablero[\pi_1(ficha)][\pi_2(ficha)] \leftarrow \text{NULL}
RANGODEPALABRAHORIZONTAL(in e: estr_juego, in ficha: tupla(nat,nat,letra)) \longrightarrow tupla(nat,nat)
 1: fila \leftarrow \pi_1(ficha)
 i \leftarrow \pi_2(ficha)
 j \leftarrow \pi_2(ficha)
  4: while ENTABLERO?(e, fila, i) \land_{\text{L}} \text{HAYFICHA}?(e, fila, i) do
  6: while ENTABLERO?(e, fila, j) \wedge_{L} HAYFICHA?(e, fila, j) do
        j + +
 8: return \langle i, j \rangle
```

 $\triangleright O(L_{\texttt{máx}})$

AGREGARATRAS(palabra', palabra[k])return PALABRALEGÍTIMA?(e.variante, palabra')

```
RANGODEPALABRAVERTICAL(\textbf{in }e: \texttt{estr\_juego}, \textbf{in }\mathit{ficha}: \texttt{tupla(nat,nat,letra)}) \longrightarrow \texttt{tupla(nat,nat)}
 1: columna \leftarrow \pi_2(ficha)
 i \leftarrow \pi_1(ficha)
 j \leftarrow \pi_1(ficha)
  4: while EnTablero?(e,i,columna) \land_{\text{L}} \text{HayFicha}?(e,i,columna) do
  6: while ENTABLERO?(e, j, columna) \land_{\text{L}} \text{HAYFICHA}?(e, j, columna) do
         j + +
  8: return \langle i, j \rangle
FORMAPALABRALEGÍTIMA?(in e: estr_juego, in r: tupla(nat,nat), in horizontal: bool, in padding: nat) \longrightarrow
bool
 1: // Hacemos un pseudo counting sort para tener la palabra en O(\#o)
 _2: \langle i, j \rangle \leftarrow r
 3: palabra \leftarrow CrearArreglo(j-i)
                                                                                                 \triangleright Es arreglo_dimensionable(letra)
  4: if horizontal then
         for i \leq k \leq j do
             palabra[k-i] \leftarrow FICHA(e, padding, k)
 7: else
         for i \leq k \leq j do
             palabra[k-i] \leftarrow \text{FICHA}(e, k, padding)
 10: palabra' \leftarrow VACÍA()
                                                                                                                            ⊳ Lista Enlazada
 11: for 0 \le k < tam(palabra) do
```

3. Módulo Servidor

Aliasing:

3.1. Interfaz

```
se explica con: Servidor
géneros: servidor
usa: ??
operaciones:
     NUEVOSERVIDOR(in k: nat, in v: variante, in r: cola(letra)) \rightarrow res: servidor
     \mathbf{Pre} \equiv \{tama\tilde{n}o(r) \geq tama\tilde{n}oTablero(v) * tama\tilde{n}oTablero(v) + k * \#fichas(v)\}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevoServidor(k, v, r)\}
     Complejidad: O(N^2 + |\Sigma|K + FK)
     Descripción: Dada una cantidad de jugadores y una variante de juego, se inicia un nuevo servidor y una
     nueva partida de juego.
     Aliasing: ??
     CONECTAR(in/out s: servidor)
     \mathbf{Pre} \equiv \{\neg empez\acute{o}?(s) \land s =_{\mathrm{obs}} S_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{s =_{obs} conectarCliente(S_0)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Conecta un cliente a un servidor.
     Aliasing: ??
     CONSULTAR(\mathbf{in/out}\ s: servidor, \mathbf{in}\ cid: nat) \rightarrow res: cola(notif)
     \mathbf{Pre} \equiv \{cid \leq \#conectados(s) \land s =_{obs} S_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{s =_{\mathbf{obs}} consultar(S_0, cid) \land res =_{\mathbf{obs}} notificaciones(S_0, cid)\}\
     Complejidad: O(n), donde n es la cantidad de mensajes en la cola de dicho cliente.
     Descripción: Consulta la cola de notificaciones de un cliente (lo cual vacía dicha cola).
     Aliasing:
     RECIBIR(in/out s: servidor, in cid: nat, in o: ocurrencia)
     \mathbf{Pre} \equiv \{cid \leq \#conectados(s) \land s =_{obs} S_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{s =_{\mathrm{obs}} recibirMensaje(S_0, cid, o)\}
     Complejidad: O(m \cdot L_{\text{máx}}^2 + |\Sigma|K + FK)
     Descripción: Recibe un mensaje de un cliente.
     Aliasing:
     CLIENTESESPERADOS(in s: servidor) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \#esperados(s)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Obtiene el número de clientes esperados.
     Aliasing: ??
     CLIENTES CONECTADOS (in s: servidor) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \#conectados(s)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Obtiene el número de clientes conectados.
```

```
PARTIDA(in s: servidor) \rightarrow res: juego
 \begin{aligned} &\mathbf{Pre} \equiv \{empez\acute{o}?(s)\} \\ &\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} juego(s)\} \\ &\mathbf{Complejidad:} \ O(1) \\ &\mathbf{Descripci\acute{o}n:} \ \text{Obtiene el juego que se est\'{a} jugando en el servidor.} \\ &\mathbf{Aliasing:} \end{aligned}  
 \begin{aligned} &\mathbf{EMPEZ\acute{O}?(in } \ s: \ servidor) \rightarrow res : \ bool \\ &\mathbf{Pre} \equiv \{true\} \\ &\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} empez\acute{o}?(s)\} \\ &\mathbf{Complejidad:} \ O(1) \\ &\mathbf{Descripci\acute{o}n:} \ Determina \ si \ la \ partida \ empez\acute{o}. \\ &\mathbf{Aliasing:} \end{aligned}
```

3.2. Implementación

3.2.1. Representación

```
{\tt servidor} \ {\tt servidor\_estr}
```

```
donde servidor_estr es tupla(
    juego: juego
, jugadoresConectados: nat
, jugadoresEsperados: nat
, notificaciones: array_dimensionable(cola(notif))
)
```

3.2.2. Invariante de Representación

```
\begin{aligned} \text{Rep} : & \text{servidor\_estr} & \longrightarrow & \text{bool} \\ \text{Rep}(e) & \equiv & \#jugadores(e.juego) = e.jugadoresEsperados \land \\ & & e.jugadoresConectados \leq e.jugadoresEsperados \land \\ & & tam(e.notificaciones) = e.jugadoresEsperados \end{aligned}
```

3.2.3. Función de Abstracción

```
\begin{split} \operatorname{Abs}: \operatorname{servidor\_estr} e &\longrightarrow \operatorname{servidor} \\ \operatorname{Abs}(e) =_{\operatorname{obs}} S: \operatorname{servidor} \mid e.jugadoresEsperados =_{\operatorname{obs}} \#esperados(S) \land \\ & e.jugadoresConectados =_{\operatorname{obs}} \#conectados(S) \land \\ & e.juego =_{\operatorname{obs}} juego(S) \land \\ & \langle variante(e.juego), repositorio(e.juego) \rangle =_{\operatorname{obs}} configuracion(S) \land \\ & (\forall i : \mathtt{nat})(i < \#esperados(S) \Rightarrow_{\mathtt{L}} e.notificaciones[i] =_{\operatorname{obs}} notificaciones(S, i)) \end{split}
```

3.2.4. Algoritmos

```
INUEVOSERVIDOR(in k: nat, in v: variante, in r: cola(letra)) \longrightarrow servidor_estr
                                                                                                     \triangleright O(N^2 + |\Sigma|K + FK)
 1: res.juego \leftarrow \text{NUEVOJUEGO}(k, v, r)
 2: res.jugadoresConectados \leftarrow 0
 3: res.jugadoresEsperados \leftarrow k
 4: res.notificaciones \leftarrow CrearArreglo(k)
 5: for notif \in res.notificaciones do
       notif \leftarrow VACÍA()
 7: return res
ICONECTAR(in/out s: servidor)
 1. ENCOLAR(s.notificaciones[s.jugadoresConectados], IDCLIENTE(s.jugadoresConectados))
 _{2:} s.jugadoresConectados++
 3: if EMPEZÓ?(s) then
       for notif \in s.notificaciones do
 4:
           Encolar(notif, Empezar(tamañoTablero(variante(s.juego)))
           Encolar(notif, TurnoDe(0))
 6:
ICONSULTAR(in/out s: servidor, in cid: nat) \longrightarrow cola(notif)
                                                                   \triangleright \Theta(\sum_{i=1}^n copy(c[i])) = \Theta(\sum_{i=1}^n 1) = \Theta(n) \in O(n), \text{ con}
 1: res \leftarrow COPIAR(s.notificaciones[cid])
    c = s.notificaciones[cid]
 2: s.notificaciones[cid] \leftarrow VACÍA()
                                                                                                                       \triangleright O(1)
 3: return res
IRECIBIR(in/out s: servidor, in cid: nat, in o: ocurrencia)
 if EMPEZO(s) \wedge_L TURNO(s.juego) = cid \wedge_L JUGADAVALIDA?(s.juego, o) then
       \#fichasRepuestas \leftarrow FichasPorJugador(s.configuración.variante) - \#o
       repoViejo \leftarrow copy(s.configuración.repositorio)
       repuestos \leftarrow VACÍO()
                                                           ▷ Asumimos que multiconj(letra) es un Diccionario Lineal
 4:
       \mathbf{for}\ 1\dots\#fichasRepuestas\ \mathbf{do}
            ficha \leftarrow Proximo(repoViejo)
           if Definido?(repuestos, ficha) then
               DEFINIR(repuestos, ficha, SIGNIFICADO(repuestos, ficha) + 1)
           else
 9:
               Definir(repuestos, ficha, 1)
 10
           Desencolar (repoViejo)
       puntajeViejo \leftarrow PUNTAJE(s.juego, cid)
 12
       UBICAR(s.juego, o)
 13:
       puntajeNuevo \leftarrow Puntaje(s.juego, cid)
 14
       for 0 \le i < tam(s.notificaciones) do
 15
           notif \leftarrow s.notificaciones[i]
 16:
           ENCOLAR(notif, UBICAR(cid, o)
                                                                                ▷ UBICAR se refiere al item de notificación
 17:
           Encolar(notif, SumaPuntos(cid, puntajeNuevo - puntajeViejo)
 18
           if i = cid then
 19
               Encolar(notif, Reponer(repuestos))
20:
           Encolar(notif, TurnoDe(turno(s.juego)))
21:
   else
22:
       Encolar(s.notificaciones[cid], Mal)
23
```

 $\overline{\text{ICLIENTESESPERADOS}(\mathbf{in}\ s\colon \mathtt{servidor_estr})} \longrightarrow \mathtt{nat}$

 $_{1:}$ return s.jugadoresEsperados

 $\overline{\text{ICLIENTESCONECTADOS}(\text{in } s : \text{servidor_estr}) \longrightarrow \text{nat}}$

 $_{1:}$ return s.jugadoresConectados

 $\overline{\text{IPARTIDA}(\textbf{in } s : \texttt{servidor_estr}) \longrightarrow \texttt{juego}}$

1: return s.juego

 $\overline{\text{IEMPEZO}}$ (in s: servidor_estr) \longrightarrow bool

 ${\scriptstyle \text{1:}} \ \textbf{return} \ s. jugadores Esperados = s. jugadores Conectados$

4. Módulos auxiliares

4.1. Módulo Letra

Se asume una implementación acorde al módulo de género letra con las siguientes operaciones en la interfaz (todas con órden de complejidad O(1)):

- DOM : \rightarrow nat Tamaño del dominio del tipo letra. Corresponde con la variable A de su especificación.
- ullet ORD : letra o nat Dada una letra, devuelve su correspondiente índice.
- ORD^{-1} : nat $n \to letra \{n < A\}$ Dado un índice, devuelve su correspondiente letra.

4.2. Módulo Variante

4.2.1. Interfaz

```
se explica con: VARIANTE
géneros: variante
usa: Diccionario Lineal, Conjunto Lineal, Lista, Letra, ¿Trie de Palabras?
operaciones:
     NUEVAVARIANTE(
          in n: nat,
          in f: nat,
          in puntajes: dicc(letra, nat),
          in legítimas: conj(lista(letra))
     ) 
ightarrow res : variante
     \mathbf{Pre} \equiv \{n > 0 \land f > 0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevaVariante(n, f, puntajes, legítimas)\}
     Complejidad: O(|\Sigma| + \#legitimas \cdot L_{máx})
     Descripción: Genera una variante de juego.
     Aliasing: Se pasa puntajes: dicc(letra,nat) como referencia no modificable.
                 Se pasa legítimas: conj(lista(letra)) como referencia no modificable.
     TAMAÑOTABLERO(in v: variante) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tama\~noTablero(v)\}
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Devuelve el tamaño del tablero.
     FICHASPORJUGADOR(in v: variante) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \#fichas(v)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Devuelve la cantidad de fichas que debe de tener cada jugador.
     PUNTAJELETRA(in v: variante, in l: letra) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} puntajeLetra(v, l)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Devuelve el puntaje de una letra.
     PALABRALEGÍTIMA?(\mathbf{in}\ v: \mathtt{variante},\ \mathbf{in}\ p: \mathtt{lista(letra)}) 	o res: \mathtt{bool}
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
```

 $^{^1{\}rm Una}$ buena opción es usar un Enumerado.

```
Post \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} palabraLegítima(v,p)\}

Complejidad: O(L_{\mathtt{máx}})

Descripción: Determina si una palabra es legítima dentro de la variante de juego.

Aliasing: Se pasa p: lista(letra) como referencia no modificable.

LONGPALABRAMÁSLARGA(in v: variante) \rightarrow res: nat

\mathbf{Pre} \equiv \{\text{true}\}

\mathbf{Post} \equiv \{

(\exists p: \mathtt{secu(letra)})(res =_{\mathtt{obs}} long(p) \land palabraLegítima?(v,p) \land

(\forall p_2: \mathtt{secu(letra)})(palabraLegítima?(v,p_2) \Rightarrow res \geq long(p_2)))

}

Complejidad: O(1)

Descripción: Obtiene la longitud de la palabra legítima más larga de la variante.
```

4.2.2. Implementación

Representación

)

```
variante se representa con variante_estr
donde variante_estr es tupla(
    tablero: nat
    , fichas: nat
    , puntaje: array_dimensionable(nat)
    , palabras: triePalabra
    , #palabraMásLarga: triePalabra
```

Invariante de Representación

```
Rep : variante_estr \longrightarrow bool 

Rep(e) \equiv e.tablero > 0 \land e.fichas > 0 \land tam(e.puntaje) = DOM() \land_{L} (\forall l : letra)(e.puntaje[ORD(l)] > 0) \land \neg (\exists p : lista(letra))(Definida?(e.palabras, p) <math>\Rightarrow Longitud(p) > e.\#palabraM\acute{a}sLarga)
```

Función de Abstracción

```
Abs : variante_estr e \longrightarrow \text{variante} {Rep(e)}
\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{V: variante} \mid e.tablero =_{\text{obs}} tama\~noTablero(V) \land \\ e.fichas =_{\text{obs}} \#fichas(V) \land \\ (\forall l : \texttt{letra})(e.puntaje[\texttt{ORD}(l)] =_{\text{obs}} puntajeLetra(V,l)) \land \\ (\forall p : \texttt{secu(letra}))(p \in e.palabras =_{\text{obs}} palabraLeg\'atima?(V,l))
```

Algoritmos

```
INUEVAVARIANTE(in n: nat, in f: nat, in puntajes: dicc(letra,nat), in legitimas: conj(secu(letra))) \longrightarrow
variante_estr
 1: res.tablero \leftarrow n
 2: res.fichas \leftarrow f
  3: res.puntaje \leftarrow CREARARREGLO(DOM())
                                                                                                                                 \triangleright O(|\Sigma|)
  4: for 0 \le i < tam(res.puntaje) do
        if Definido?(puntajes, ORD<sup>-1</sup>(i)) then
            res.puntaje[i] \leftarrow Significado(puntajes, ORD^{-1}(i))
        else
            res.puntaje[i] \leftarrow 1
  9: res.palabras \leftarrow VACÍA()
 10: res.\#palabraM\acute{a}sLarga \leftarrow 0
    for lgIt \leftarrow \text{CrearIt}(lg); HaySiguiente(lgIt); Avanzar(lgIt) do
                                                                                                                       \triangleright O(\#legítimas)
        palabra \leftarrow \text{Siguiente}(lgIt)
                                                                                                                                \triangleright O(L_{\text{máx}})
        Definir(res.palabras, palabra)
 13:
        if Longitud(palabra) > res.\#palabraM\acute{a}sLarga then
                                                                                                                                   \triangleright O(1)
 14:
            res.\#palabraM\acute{a}sLarga \leftarrow \texttt{Longitud}(palabra)
 15:
 16: return res
iTAMA\~NOTABLERO(in \ v: variante\_estr) \longrightarrow nat
 1: return v.tablero
iFichasPorJugador(in \ v: variante\_estr) \longrightarrow nat
  1: return v.fichas
IPUNTAJELETRA(in v: variante_estr, in l: letra) \longrightarrow nat
  1: return v.puntaje[ORD(l)]
IPALABRALEGITIMA?(in \ v: variante\_estr, in \ p: secu(letra)) \longrightarrow bool
                                                                                                                                \overline{
hd}O(L_{\mathtt{máx}})
  1: return DEFINIDA?(v.palabras, p)
ILONGPALABRAMÁSLARGA(in v: variante_estr) \longrightarrow nat
  1: return v.#palabraMásLarga
```

4.3. Módulo Ocurrencia

Es renombre de conj(tupla(nat,nat,letra)) con las siguientes operaciones auxiliares.

operaciones:

```
ESHORIZONTAL?( in o: ocurrencia ) \rightarrow res: bool \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} true \iff (\forall f, f': \text{tupla(nat,nat,letra)})(f, f' \in o \land f \neq f' \Rightarrow \pi_2(f) = \pi_2(f')) \}
\mathbf{Complejidad:} O(\#o^2)
\mathbf{Descripción:} \text{ Determina si una ocurrencia está alineada horizontalmente.}
```

```
ESVERTICAL?( in o: ocurrencia ) \rightarrow res: bool 

\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} true \iff (\forall f, f': \text{tupla(nat,nat,letra)})(f, f' \in o \land f \neq f' \Rightarrow \pi_1(f) = \pi_1(f')) \}
\mathbf{Complejidad:} O(\#o^2)
\mathbf{Descripción:} Determina si una ocurrencia está alineada verticalmente.
\mathbf{HAYSUPERPUESTAS?( in } o: \text{ocurrencia }) \rightarrow res: \text{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} false \iff (\forall p, q: \text{nat})(\forall l, l': \text{letra})(\{ \langle p, q, l \rangle, \langle p, q, l' \rangle \} \subseteq o \Rightarrow l = l') \}
\mathbf{Complejidad:} O(\#o^2)
\mathbf{Descripción:} Determina si existen fichas distintas en una misma coordenada.
```

4.3.1. Algoritmos auxiliares

```
IHAYSUPERPUESTAS?(in o: ocurrencia) \longrightarrow bool

1: for oIt \leftarrow \text{CrearIT}(o); HaySiguiente(oIt); Avanzar(oIt) do \triangleright O(\#o)

2: ficha \leftarrow \text{Siguiente}(oIt)

3: for oItSig \leftarrow \text{Avanzar}(copy(oIt)); HaySiguiente(oItSig); Avanzar(oItSig) do \triangleright O(\#o)

4: ficha' \leftarrow \text{Siguiente}(oItSig)

5: if \pi_1(ficha) = \pi_1(fichaSig) \land \pi_2(ficha) = \pi_2(fichaSig) then

6: return true

7: return false
```

4.4. Módulo Notificación

Asumimos que existe el tipo notif.

4.5. Módulo Trie de Palabras

4.5.1. Interfaz

```
se explica con: Conjunto(Secuencia(Letra))
géneros: triePalabra
operaciones:
```

```
VACIO() \rightarrow res: triePalabra
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \emptyset\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Genera un trie de palabras.
DEFINIR(in/out t: triePalabra, in p: lista(letra))
\mathbf{Pre} \equiv \{ p \notin t \}
\mathbf{Post} \equiv \{ p \in t \}
Complejidad: O(L_{\text{máx}})
Descripción: Define una palabra en el trie.
Aliasing: Se pasa p: lista(letra) como referencia no modificable.
DEFINIDA?(in t: triePalabra, in p: lista(letra)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathbf{obs}} p \in t\}
Complejidad: O(L_{\text{máx}})
Descripción: Determina si una palabra está definida en el trie.
Aliasing: Se pasa p: lista(letra) como referencia no modificable.
```

4.5.2. Implementación

Representación

)

```
triePalabra se representa con trie_estr

donde trie_estr es tupla(
    hijos: array_dimensionable(puntero(trie_estr))
    , fin?: bool
```

Invariante de Representación

```
 \begin{array}{ll} \operatorname{Rep}: \ \operatorname{trie\_estr} & \longrightarrow \ \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(e) & \equiv \ tam(e.hijos) = \operatorname{DOM}() \wedge_{\operatorname{L}} \\ & (\forall h : \operatorname{nat})(h < tam(e.hijos) \Rightarrow_{\operatorname{L}} definido?(e.hijos[h]) \wedge \\ & (\forall h : \operatorname{nat})(h < tam(e.hijos) \Rightarrow_{\operatorname{L}} e.hijos[h] = \operatorname{NULL}) \ \Rightarrow \ e.fin? = true    \end{array}
```

Función de Abstracción

```
 \begin{array}{l} \operatorname{Abs}: \operatorname{trie\_estr} t \ \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{secu}(\operatorname{letra})) \\ \operatorname{Abs}(t) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{C}: \operatorname{conj}(\operatorname{secu}(\operatorname{letra})) \\ | <> \in C \ \Rightarrow \ C =_{\operatorname{obs}} \operatorname{palabrasDeTrie}(t) \lor_{\operatorname{L}} \\ C =_{\operatorname{obs}} \operatorname{palabrasDeTrie}(t) - \{<>\} \\ \\ \operatorname{donde} \\ \operatorname{palabrasDeTrie}: \operatorname{trie\_estr} \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{secu}(\operatorname{letra})) \\ \operatorname{palabrasDeTrie}(t) \equiv \operatorname{formarPalabrasDesde}(t,0,<>) \\ \\ \operatorname{formarPalabrasDesde}: \operatorname{trie\_estr} \times \operatorname{nat} \times \operatorname{secu}(\operatorname{letra}) \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{secu}(\operatorname{letra})) \\ \operatorname{formarPalabrasDesde}(t,k,pre) \equiv \\ \\ \operatorname{if} k = \operatorname{DOM}() \\ \\ \operatorname{then} \ \operatorname{if} \ t. \operatorname{fin?} \ \operatorname{then} \ \operatorname{Ag}(\operatorname{pre},\emptyset) \ \operatorname{else} \ \emptyset \ \operatorname{fi} \\ \\ \operatorname{else} \ \operatorname{formarPalabrasDesde}(t,k,\operatorname{hijos}[k],\operatorname{pre} \circ \operatorname{ORD}^{-1}(k)) \\ \cup \ \operatorname{formarPalabrasDesde}(t,k+1,\operatorname{pre}) \end{array}
```

fi

```
formarPalabras: puntero(trie\_estr) \times secu(letra) \longrightarrow conj(secu(letra)) formarPalabras(p, pre) \equiv if p = NULL then \emptyset else formarPalabrasDesde(*p, 0, pre) fi
```

Algoritmos

```
 \begin{array}{c} \overline{\text{IVAc}(o() \longrightarrow \text{trie\_estr}} \\ \hline \text{$_1$: $res.fin?} \leftarrow false \\ \hline \text{$_2$: $res.hijos} \leftarrow \text{CrearArreglo}(\text{dom}()) \\ \hline \text{$_3$: $for $0 \le i < tam(res.hijos)$ do} \\ \hline \text{$_4$: $res.hijos[i]} \leftarrow \text{NULL} \\ \hline \text{$_5$: $return $res$} \end{array} \Rightarrow O(|\Sigma|)
```

```
\texttt{IDEFINIR}(\textbf{in/out}\ t \colon \texttt{trie\_estr}, \ \textbf{in}\ p \colon \texttt{lista(letra)})
```

```
1: pIt \leftarrow CREARIT(p)
<sub>2:</sub> if \neg \text{HAYSIGUIENTE}(pIt) then
        t.fin? \leftarrow true
3:
4: else
        nodo \leftarrow t.hijos[\texttt{ORD}(\texttt{SIGUIENTE}(pIt))]
        while nodo \neq NULL do
 6:
             letra \leftarrow \text{Siguiente}(pIt)
             nodo \leftarrow (*nodo).hijos[ORD(letra)]
        while HaySiguiente(pIt) do
             letra \leftarrow \text{Siguiente}(pIt)
10:
             nodo \leftarrow \&VACIO()
11:
             nodo \leftarrow (*nodo).hijos[ORD(letra)]
12:
             AVANZAR(pIt)
13:
        nodo \leftarrow \&Vacio()
14:
        (*nodo).fin? \leftarrow true
15:
```

IDEFINIDA?(in t: trie_estr, in p: lista(letra)) \longrightarrow bool

```
1: pIt \leftarrow \text{CrearIT}(p)
2: if \neg \text{HaySiguiente}(pIt) then
3: return \ t.fin?
4: else
5: nodo \leftarrow t.hijos[\text{Ord}(\text{Siguiente}(pIt))]
6: while \ \text{HaySiguiente}(pIt) \land nodo \neq \text{NULL do}
7: letra \leftarrow \text{Siguiente}(pIt)
8: nodo \leftarrow (*nodo).hijos[\text{Ord}(letra)]
9: AVANZAR(pIt)
10: return \neg \text{HaySiguiente}(pIt) \land (nodo \neq \text{NULL } \land_L \ (*nodo).fin?)
```