Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 1



Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Integrante	LU	Correo electrónico
Guberman, Diego Andrés	469/17	diego98g@hotmail.com
Ramis Folberg, Ezequiel Leonel	881/21	ezequielramis.hello@gmail.com
Sabetay, Kevin Damian	476/16	kevin.sabetay96@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1.	. Preámbulo	3
2.	. Módulo Juego	3
	2.1. Interfaz	3
	2.2. Implementación	5
	2.3. Servicios usados	10
3.	. Módulo Servidor	11
	3.1. Interfaz	11
	3.2. Implementación	12
	3.3. Servicios usados	12
4.	. Módulos auxiliares	13
	4.1. Módulo Letra	13
	4.2. Módulo Variante (Trie)	13
	4.2.1. Interfaz	13
	4.2.2. Implementación	14
	4.3. Módulo Tablero	14
	4.3.1. Interfaz	14
	4.3.2. Implementación	15
	4.4. Módulo Ocurrencia	15
	4.5. Módulo Notificación	15

1. Preámbulo

Antes de presentar los módulos, definimos las siguientes variables para las complejidades temporales:

- ullet N tamaño del tablero.
- *K* cantidad de jugadores.
- $|\Sigma|$ cantidad de letras en el alfabeto.

 $\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} turno(j)\}$

- \blacksquare F cantidad de fichas por jugador.
- $L_{\text{máx}}$ longitud de la palabra legítima más larga definida por la variante del juego de la que se trate.

2. Módulo Juego

2.1. Interfaz

```
se explica con: JUEGO
géneros: juego
usa: Bool, Nat, Cola, Letra, Ocurrencia, Variante
operaciones:
     NUEVOJUEGO(in k: nat, in v: variante, in r: pila(letra)) \rightarrow res: juego
     \mathbf{Pre} \equiv \{tama\tilde{n}o(r) \geq tama\tilde{n}oTablero(v) * tama\tilde{n}oTablero(v) + k * \#fichas(v) \land k > 0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevoJuego(k, v, r)\}
     Complejidad: O(N^2 + |\Sigma|K + FK)
     Descripción: Dada una cantidad de jugadores, una variante de juego y un repositorio de fichas, se inicia
     un nuevo juego con el tablero vacío.
     Aliasing:
     JUGADAVALIDA?(in j: juego, in o: occurrencia) \rightarrow res: bool
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\text{obs}} jugadaV \acute{a} lida?(j, o) \}
     Complejidad: O(L_{\text{máx}}^2)
     Descripción: Determina si una jugada es válida.
     Aliasing:
     UBICAR(in/out j: juego, in o: occurrencia)
     \mathbf{Pre} \equiv \{jugadaV\acute{a}lida(j,o) \land j =_{\mathrm{obs}} J_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{j =_{\mathbf{obs}} ubicar(J_0, o)\}\
     Complejidad: O(m), donde m es el número de fichas que se ubican.
     Descripción: Ubica un conjunto de fichas en el tablero.
     Aliasing:
     VARIANTE(in j: juego) \rightarrow res: variante
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
     Post \equiv \{res =_{obs} variante(j)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Obtiene información sobre la variante del juego.
     Aliasing: ??
     TURNO(in j: juego) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
```

```
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene al jugador del turno actual.
Aliasing:
PUNTAJE(in j: juego, in i: nat) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{i < \#jugadores(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} puntaje(j,i)\}
Complejidad: O(1 + m \cdot L_{máx}), donde m es la cantidad de fichas que ubicó el jugador desde la última vez
que se invocó a esta operación.
Descripción: Obtiene el puntaje de un jugador.
Aliasing: ??
ENTABLERO?(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} enTablero?(tablero(J), i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Determina si una coordenada (i, j) está en el rango del tablero.
Aliasing:
\texttt{HAYLETRA}?(\texttt{in } J: juego, \texttt{in } i: nat, \texttt{in } j: nat) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(tablero(J), i, j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayLetra?(tablero(J), i, j)\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Determina si una celda del tablero dada una coordenada (i, j) está ocupada por una letra.
Aliasing:
LETRA(in J: juego, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: letra
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(tablero(J), i, j) \land_{\mathtt{L}} hayLetra?(tablero(J), i, j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} letra(tablero(J), i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene el contenido de una celda del tablero dada una coordenada (i, j).
Aliasing:
\# \text{LETRATIENEJUGADOR}(\textbf{in } j : \texttt{juego}, \ \textbf{in } x : \texttt{letra}, \ \textbf{in } i : \texttt{nat}) \rightarrow res : \texttt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{i < \#jugadores(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \#(x, fichas(j, i)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Dada una cierta letra x del alfabeto, conocer cuántas fichas tiene un jugador de dicha letra.
Aliasing:
```

2.2. Implementación

Representación

```
juego se representa con juego_estr

donde juego_estr es tupla(
    tablero: tab
    , jugadores: array_dimensionable(jugador)
    , tiempo: nat
    , repositorio: pila(letra)
    , variante: variante
)

y jugador es tupla(
    puntaje: nat
    , historial: lista(tupla(ocurrencia: ocurrencia, tiempo: nat))
    , jugadasSinCalcularPuntaje: nat
    , cantFichasPorLetra: array_dimensionable(nat)
)
```

Invariante de Representación

```
Rep : juego\_estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv tama\tilde{n}o(e.tablero) = tama\tilde{n}oTablero(e.variante) \land
              (\forall i : \mathtt{nat})(i < tam(e.jugadores)) \Rightarrow_{\mathsf{L}} (
                 tam(e.jugadores[i].cantFichasPorLetra) = DOM() \land_{L}
                 \sum_{f \leq \text{DOM}()} e.jugadores[i].cantFichasPorLetra[f] = \#fichas(e.variante) \land
                 e.jugadores[i].jugadasSinCalcularPuntaje \leq tam(e.jugadores[i].historial) \land_{\texttt{L}}
                 tam(e.jugadores[i].historial) = [e.tiempo/tam(e.jugadores)] \land
                 (\forall h : \mathtt{nat})(h < long(e.jugadores[i].historial) \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                    e.jugadores[i].historial[h].tiempo = h * tam(e.jugadores) + i \land
                    (\forall p, q : \mathtt{nat})(\forall l, l' : \mathtt{letra})(
                       \{\langle p,q,l \rangle, \langle p,q,l' \rangle\} \subseteq e.jugadores[i].historial[h].ocurrencia \Rightarrow l = l'
              )) \wedge_{L}
              ocurrenciasV\'alidas?(nuevoTablero(tama\~no(e.tablero)), historiales(e.jugadores, 0)) \land_{\tt L}
              e.tablero =_{obs} ponerOcurrencias(nuevoTablero(tamaño(e.tablero)), historiales(e)) \land_{L}
              (\forall i : \mathtt{nat})(i < tam(e.jugadores)) \Rightarrow_{\mathsf{L}}
                 e.jugadores[i].puntaje = \sum_{k < tam(e.jugadores[i].historial) - e.jugadores[i].jugadasSinCalcularPuntaje}
                                                      puntajeDeOcurrenciaEnTiempo(e, i, k)
              )
              donde
                 historiales: juego\_estr \longrightarrow multiconj(ocurrencia)
                 historiales(e') \equiv historialesHastaTiempo(e'.jugadores, 0, e.tiempo)
                 historialesHastaTiempo: ad(jugador) \times nat \times nat

ightarrow multiconj(ocurrencia)
                 historialesHastaTiempo(js, k, t) \equiv
                    if k \ge tam(js)
                       then \emptyset
                       else historial Hasta Tiempo(js, k, t)
                       \cup historialesHastaTiempo(js, k + 1, t)
```

```
fi
historial Hasta Tiempo: ad(jugador) \times nat \times nat
\longrightarrow multiconj(ocurrencia)
historialHastaTiempo(js, k, t) \equiv historialHastaTiempo'(js[k].historial, t)
historial Hasta Tiempo': {\tt lista(tupla(ocurrencia,nat))} \times {\tt nat}
→ multiconj(ocurrencia)
historial Hasta Tiempo'(ls, t) \equiv
  if vacía?(ls)
     then 0
     else historial Hasta Tiempo'(fin(ls), t) \cup
       if \pi_2(prim(ls)) < t
          then prim(ls)
          else \emptyset
       fi
  fi
ocurrencias V\'alidas?: {\tt tab} \times {\tt multiconj(ocurrencia)}) \longrightarrow {\tt bool}
ocurrenciasV\'alidas?(t, os) \equiv
  if vacía?(os)
     then true
     else celdasLibres?(t, dameUno(os)) \land_{L}
     ocurrencias V\'alidas?(ponerLetras(t, dameUno(os)), sinUno(os))
  fi
ponerOcurrencias: \mathtt{tab} \times \mathtt{multiconj}(\mathtt{ocurrencia}) \longrightarrow \mathtt{tab}
ponerOcurrencias(t, os) \equiv
  if vacía?(os)
     then t
     else ponerOcurrencias(ponerLetras(t, dameUno(os)), sinUno(os))
  fi
puntajeDeOcurrenciaEnTiempo: estr\_juego \times nat \times nat \longrightarrow nat
puntajeDeOcurrenciaEnTiempo(e, i, k) \equiv
  puntajePalabrasEstr(e.variante, t',
  palabras Ubicadas (ocurrencias De Palabras (t'), e.jugadores [i].historial [k].ocurrencia))
     tiempo \equiv e.jugadores[i].historial[k].tiempo
     t' \equiv ponerOcurrencias(nuevoTablero(tamaño(e.tablero)),
       if tiempo = 0?
          then \emptyset
          else historialesHastaTiempo(e.jugadores, 0, tiempo - 1)
     \cup historialHastaTiempo(e.jugadores, i, tiempo)
```

 $\cup \{e.jugadores[i].historial[k].ocurrencia\})$

```
\begin{array}{l} puntajePalabrasEstr: \texttt{variante} \times \texttt{tab} \times \texttt{conj}(\texttt{ocurrencia}) \longrightarrow \texttt{nat} \\ puntajePalabrasEstr(v,t,os) \equiv \\ & \textbf{if } vacio?(os) \\ & \textbf{then } 0 \\ & \textbf{else } puntajePalabraEstr(v,t,dameUno(os)) \\ & + puntajePalabras(v,t,sinUno(os)) \\ & \textbf{fi} \\ \\ puntajePalabraEstr: \texttt{variante} \times \texttt{tab} \times \texttt{ocurrencia} \longrightarrow \texttt{nat} \\ puntajePalabraEstr(v,t,o) \equiv \\ & \textbf{if } vacia?(o) \\ & \textbf{then } 0 \\ & \textbf{else } puntajeLetra(v,\pi_3(dameUno(o))) \\ & + puntajePalabra(v,t,sinUno(o)) \\ & \textbf{fi} \\ \end{array}
```

Función de Abstracción

```
 \begin{array}{l} \operatorname{Abs}: \operatorname{juego\_estr} e \longrightarrow \operatorname{juego} & \{\operatorname{Rep}(e)\} \\ \operatorname{Abs}(e) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{J}: \operatorname{juego} \mid e.variante =_{\operatorname{obs}} variante(J) \wedge \\ & e.repositorio =_{\operatorname{obs}} repositorio(J) \wedge \\ & e.tiempo \equiv turno(J) \ (mod \ \# jugadores(J)) \wedge \\ & e.tablero =_{\operatorname{obs}} tablero(J) \wedge \\ & (tam(e.jugadores) =_{\operatorname{obs}} \# jugadores(J) \wedge_{\operatorname{L}} \\ & (\forall i : \operatorname{nat})(i < tam(e.jugadores) \Rightarrow_{\operatorname{L}} (\\ & e.jugadores[i].puntaje =_{\operatorname{obs}} puntaje(J,i) \wedge \\ & (\forall l : \operatorname{letra})(e.cantFichasPorLetra[\operatorname{ORD}(l)] = \#(l,fichas(J,i))) \\ )) \end{array}
```

Algoritmos

```
\overline{\text{INUEVOJUEGO}(\text{in } k: \text{nat}, \text{in } v: \text{variante}, \text{in } r: \text{cola(letra)})} \longrightarrow \text{juego}
  1: res.variante \leftarrow v
  2: res.repositorio \leftarrow r
  3: res.tiempo \leftarrow 0
                                                                                                                                            \triangleright O(N^2)
  4: res.tablero \leftarrow \text{NUEVOTABLERO}(\text{TAMAÑOTABLERO}(v))
  5: res.jugadores \leftarrow CrearArreglo(k)
                                                                                                                                              \triangleright O(K)
  6: for jugador \in res.jugadores do
         jugador.puntaje \leftarrow 0
         jugador.historial \leftarrow VACÍA()
  8:
         jugador.jugadasSinCalcularPuntaje \leftarrow 0
  9:
         // Por cada jugador le damos su primer mazo de fichas del repositorio
 10:
         jugador.cantFichasPorLetra \leftarrow CrearArreglo(dom())
 11:
         for cant \in jugador.cantFichasPorLetra do
                                                                                                                                            \triangleright O(|\Sigma|)
 12:
              cant \leftarrow 0
                                                                                                                                              \triangleright O(F)
         for 1 \dots \text{FichasPorJugador}(v) do
 14:
              ficha \leftarrow \text{Desapilar}(res.repositorio)
 15:
              jugador.cantFichasPorLetra[ORD(ficha)] + +
 16:
 17: return res
```

Justificación de complejidad:

$$\begin{split} O(N^2) + O(K) * (O(|\Sigma|) + O(F)) &= O(N^2) + O(K) * O(|\Sigma| + F) \\ &= O(N^2) + O(K * (|\Sigma| + F)) \\ &= O(N^2) + O(|\Sigma|K + FK) \\ &= O(N^2 + |\Sigma|K + FK) \end{split}$$

```
IJUGADAVALIDA?(in j: estr\_juego, in o: ocurrencia) \longrightarrow bool
  if CARDINAL(o) > LONGPALABRAMÁSLARGA(j.variante) then
                                                                                                  \triangleright Con este if evitamos acotar por m
        return false
 3: for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                                  \triangleright O(L_{\text{máx}})
         ficha \leftarrow \text{Siguiente}(oIt)
  4:
        if \neg \text{ENTABLERO}?(j.tablero, \pi_1(ficha), \pi_2(ficha)) \lor_L \text{HAYLETRA}?(j.tablero, \pi_1(ficha), \pi_2(ficha)) then
             return false
  6:
         // Chequeamos que no hayan 2 fichas de la ocurrencia en la misma posición
                                                                                                                                  	riangleright O(L_{	t máx})
        for oItSig \leftarrow AVANZAR(copy(oIt)); HAYSIGUIENTE(oItSig); AVANZAR(oItSig) do
             ficha' \leftarrow \text{Siguiente}(oItSiq)
             if \pi_1(ficha) = \pi_1(fichaSig) \wedge \pi_2(ficha) = \pi_2(fichaSig) then
 10:
                 return false
 11:
     // Chequeamos que la ocurrencia sea horizontal o vertical
    filas \leftarrow Vacío()
                                                                                                                        ▷ Conjunto Lineal
 14: colns \leftarrow VACÍO()
                                                                                                                        ▷ Conjunto Lineal
    for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                                  \triangleright O(L_{\texttt{máx}})
 15:
         ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
                                                                                                                                  \triangleright O(L_{\text{máx}})
         AGREGAR(filas, \pi_1(ficha)))
 17
                                                                                                                                  \triangleright O(L_{\texttt{máx}})
         AGREGAR(colns, \pi_2(ficha)))
 18:
    esHorizontal \leftarrow Cardinal(colns) = 1
     esVertical \leftarrow Cardinal(filas) = 1
    if \neg (esHorizontal \lor esVertical) then
 21:
        return false
 22
     // Ponemos las fichas de la ocurrencia para validar
    for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                                  \triangleright O(L_{\text{máx}})
        ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
 25
        PONERLETRA(e.tablero, ficha)
                                                                                                                                      \triangleright O(1)
 26:
     // Sacamos las fichas de la ocurrencia para no modificar el tablero
 27:
 28
     for oIt \leftarrow CREARIT(o); HAYSIGUIENTE(oIt); AVANZAR(oIt) do
                                                                                                                                  \triangleright O(L_{\text{máx}})
        ficha \leftarrow Siguiente(oIt)
 30
        SACARLETRA(e.tablero, \pi_1(ficha), \pi_2(ficha))
                                                                                                                                     \triangleright O(1)
 31
 32: return true
```

Justificación de complejidad:

```
\begin{array}{ll} \text{IUBICAR}(\textbf{in/out}\ j: \texttt{estr\_juego}, \ \textbf{in}\ o: \texttt{ocurrencia}) \\ \\ \text{1:} \ jugador \leftarrow j.jugadores[\texttt{TURNO}(j)] \\ \\ \text{2:} \ j.tiempo + + \\ \\ \text{3:} \ \textbf{for}\ oIt \leftarrow \texttt{CREARIT}(o); \ \texttt{HAYSIGUIENTE}(oIt); \ \texttt{AVANZAR}(oIt) \ \textbf{do} \\ \\ \text{4:} \ \ ficha \leftarrow \texttt{SIGUIENTE}(oIt) \\ \\ \text{5:} \ \ \ \texttt{PONERLETRA}(j.tablero, \pi_1(ficha), \pi_2(ficha), \pi_3(ficha), \pi_4(ficha)) \\ \\ \text{6:} \ \ jugador.cantFichasPorLetra[\texttt{ORD}(\pi_3(ficha))] - \\ \\ \\ \text{7:} \ \ jugador.cantFichasPorLetra[\texttt{ORD}(\texttt{DESAPILAR}(j.repositorio))] + + \\ \\ \text{>} \ O(1) \\ \end{array}
```

```
\overline{\text{IVARIANTE}(\textbf{in } j : \texttt{estr\_juego}) \longrightarrow \texttt{variante}}
```

 $_{1:}$ **return** j.variante

```
{	t iTurno}({	t in}\ j : {	t estr\_juego}) \longrightarrow {	t nat}
```

1: **return** j.tiempo % tam(j.jugadores)

2.3. Servicios usados

3. Módulo Servidor

Aliasing:

3.1. Interfaz

```
se explica con: Servidor
géneros: servidor
usa: Nat, Juego, Ocurrencia, Variante
operaciones:
     \texttt{NUEVOSERVIDOR}(\textbf{in } k : \texttt{nat}, \textbf{in } v : \texttt{variante}) \rightarrow res : \texttt{servidor}
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{\exists r : \mathsf{cola(letra)} \mid res =_{obs} nuevoServidor(k, v, r)\}\
     Complejidad: O(N^2 + |\Sigma|K + FK)
     Descripción: Dada una cantidad de jugadores y una variante de juego, se inicia un nuevo servidor y una
     nueva partida de juego.
     Aliasing:
     CONECTAR(in/out s: servidor)
     \mathbf{Pre} \equiv \{\neg empez\acute{o}?(s) \land s =_{obs} S_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{s =_{obs} conectarCliente(S_0)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Conecta un cliente a un servidor.
     Aliasing: ??
     CONSULTAR(in/out s: servidor, in cid: nat)
     \mathbf{Pre} \equiv \{cid \leq \#conectados(s) \land s =_{obs} S_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{s =_{\mathrm{obs}} consultar(S_0, cid)\}\
     Complejidad: O(n), donde n es la cantidad de mensajes en la cola de dicho cliente.
     Descripción: Consulta la cola de notificaciones de un cliente (lo cual vacía dicha cola).
     Aliasing: ??
     RECIBIR(in/out s: servidor, in cid: nat, in o: ocurrencia)
     \mathbf{Pre} \equiv \{cid \le \#conectados(s) \land s =_{\mathbf{obs}} S_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{s =_{obs} recibirMensaje(S_0, cid, o)\}\
     Complejidad:
     Descripción: Recibe un mensaje de un cliente.
     Aliasing: ??
     CLIENTESESPERADOS(in s: servidor) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \#esperados(s)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Obtiene el número de clientes esperados.
     Aliasing:
     CLIENTES CONECTADOS (in s: servidor) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ true \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \#conectados(s)\}
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Obtiene el número de clientes conectados.
```

```
PARTIDA(in s: servidor) \rightarrow res: juego 

Pre \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{ res =_{\text{obs}} juego(s) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene el juego que se está jugando en el servidor.
Aliasing: ??
```

3.2. Implementación

Representación

```
donde servidor_estr es tupla(
    juego: juego
    , jugadoresConectados: nat
    , jugadoresEsperados: nat
    , notificaciones: array_dimensionable(cola(notif))
)
```

Invariante de Representación

Función de Abstracción

Algoritmos

3.3. Servicios usados

4. Módulos auxiliares

4.1. Módulo Letra

Se asume una implementación acorde al módulo de género letra con las siguientes operaciones en la interfaz (todas con órden de complejidad O(1)):

- DOM : \rightarrow nat Tamaño del dominio del tipo letra. Corresponde con la variable A de su especificación.
- ullet ORD : letra o nat Dada una letra, devuelve su correspondiente índice.
- lacktriangledown ORD⁻¹: nat $n \to \text{letra} \{n < A\}$ Dado un índice, devuelve su correspondiente letra.

4.2. Módulo Variante (Trie)

4.2.1. Interfaz

```
se explica con: Variante
géneros: variante
usa: ??
operaciones:
     NUEVAVARIANTE(
          in n: nat,
          in f: nat,
          in puntajes: dicc(letra, nat),
          in legítimas: conj(secu(letra))
     ) \rightarrow res : variante
     \mathbf{Pre} \equiv \{n > 0 \land f > 0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevaVariante(n, f, puntajes, legítimas)\}
     Complejidad: O(\#legitimas \cdot L_{max})
     Descripción: Genera una variante de juego.
     Aliasing: ??
     TAMAÑOTABLERO(in v: variante) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tama\~noTablero(v)\}
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Devuelve el tamaño del tablero.
     Aliasing:
     FICHASPORJUGADOR(in \ v: variante) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \#fichas(v)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Devuelve la cantidad de fichas que debe de tener cada jugador.
     Aliasing:
     PUNTAJELETRA(in v: variante, in l: letra) \rightarrow res: nat
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} puntajeLetra(v, l)\}\
     Complejidad: O(1)
     Descripción: Devuelve el puntaje de una letra.
```

¹Una buena opción es usar un Enumerado.

4.2.2.

4.3.

```
Aliasing: ??
                                    PALABRALEGÍTIMA?(in v: variante, in l: secu(letra)) \rightarrow res: bool
                                    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
                                    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} palabraLegítima(v, l)\}
                                    Complejidad: O(L_{máx})
                                    Descripción: Determina si una palabra es legítima dentro de la variante de juego.
                                    Aliasing:
                                    LONGPALABRAMÁSLARGA(in v: variante) \rightarrow res: nat
                                    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
                                    Post \equiv \{
                                                   (\exists p : \mathtt{secu(letra)})(res =_{\mathrm{obs}} long(p) \land palabraLegitima?(v, p) \land long(p) \land l
                                                   (\forall p_2 : \mathtt{secu(letra)})(palabraLegitima?(v, p_2) \Rightarrow res \geq long(p_2)))
                                    Complejidad: O(1)
                                    Descripción: Obtiene la longitud de la palabra legítima más larga de la variante.
                                    Aliasing:
                         Implementación
                         Módulo Tablero
4.3.1. Interfaz
                     se explica con: Tablero
                     géneros: tab
                     usa: ??
                     operaciones:
                                    NUEVOTABLERO( in n: nat ) \rightarrow res: tab
                                    \mathbf{Pre} \equiv \{n > 0\}
                                    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevoTablero(n)\}
                                    Complejidad: O(N^2)
                                    Descripción: Genera un tablero de tamaño n.
                                    Aliasing:
                                    PONERLETRA( in t: tab, in i: nat, in j: nat, in l: letra, in tm: nat ) \rightarrow res: tab
                                    \mathbf{Pre} \equiv \{enTablero(t, i, j) \land_{\mathtt{L}} \neg hayLetra?(t, i, j)\}
                                    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} ponerLetra(t, i, j, l)\}
                                    Complejidad: O(1)
                                    Descripción: Pone una letra en la coordenada (i, j).
                                    Aliasing:
                                    SACARLETRA( in t: tab, in i: nat, in j: nat ) \rightarrow res: tab
                                    \mathbf{Pre} \equiv \{enTablero(t, i, j) \land_{\mathsf{L}} hayLetra?(t, i, j)\}
                                    \mathbf{Post} \equiv \{res \text{ es igual al tablero antes de haber puesto una letra en la coordenada } (i, j)\}
                                    Complejidad: O(1)
```

Descripción: Saca una letra en la coordenada (i, j).

Aliasing:

```
ENTABLERO?(in t: tab, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} enTablero?(t, i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Determina si una coordenada (i, j) está en el rango del tablero.
Aliasing: ??
\texttt{HAYLETRA}?(\texttt{in } t : \texttt{tab}, \texttt{in } i : \texttt{nat}, \texttt{in } j : \texttt{nat}) \rightarrow res : \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(t,i,j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} hayLetra?(t, i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Determina si una celda del tablero dada una coordenada (i, j) está ocupada por una letra.
Aliasing:
LETRA(in t: tab, in i: nat, in j: nat) \rightarrow res: letra
\mathbf{Pre} \equiv \{enTablero?(t, i, j) \land_{\mathtt{L}} hayLetra?(t, i, j)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} letra(t, i, j)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Obtiene el contenido de una celda del tablero dada una coordenada (i, j).
Aliasing:
```

4.3.2. Implementación

4.4. Módulo Ocurrencia

Es renombre de conj(tupla(nat,nat,letra)).

4.5. Módulo Notificación

Asumimos que existe el tipo notif