

# Algoritmos y Estructuras de Datos II

## Trabajo Práctico 1



Departamento de Computación  
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

Integrante	LU	Correo electrónico
Church, Alonso	1/20	alonso@iglesia.com
Lovelace, Ada	10/19	ada.de.los.dientes@tatooine.com
Null, Linda	100/18	null@null.null
Turing, Alan	314/16	halting@problem.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

<b>1. Dudas</b>	<b>3</b>
<b>2. Preámbulo</b>	<b>3</b>
<b>3. Módulo Juego</b>	<b>3</b>
3.1. Interfaz . . . . .	3
3.2. Implementación . . . . .	5
<b>4. Módulo Servidor</b>	<b>6</b>
4.1. Interfaz . . . . .	6
4.2. Implementación . . . . .	7
<b>5. Módulos auxiliares</b>	<b>8</b>
5.1. Módulo Variante . . . . .	8
5.1.1. Interfaz . . . . .	8
5.1.2. Implementación . . . . .	9

## 1. Dudas

- Igualdad observacional sin tenerla definida en los TADs.
- Nuevo Juego: ¿El repo se pasa por parámetro o se genera “aleatoriamente” dentro de la función como un comportamiento automático? Si es el 1<sup>o</sup> caso se tendría que copiar para coincidir con la complejidad del ejercicio. Si es el segundo ver cómo se genera “aleatoriamente”.
- ¿Qué tipo es `letra`? Si es `char` la complejidad de `nuevoJuego` no se cumple ( $\Sigma$  sería muy grande). En caso de pasar por parámetro un conjunto de `chars` como alfabeto, habría que checkear que todas las fichas del repo inicial sean de ese alfabeto. Lo más probable es que sea un `enum`.
- ¿Se puede usar operaciones de interfaz dentro de **Pre** y **Post**? Por ejemplo para acceder a elemento de tablero, si es otro módulo.
- Si se quiere que `variante` sea un módulo, ¿qué tipo de parámetro de entrada se usan para la operación “nueva-Variante”? ¿Las ya definidas en la representación? ¿Puede ser un módulo que no tenga interfaz y solamente el **Rep** y **Abs**?
- ¿Hay que poner el item “usa” o sólo completar los “requiere”?
- Complejidad de operación `#LETRA TIENE JUGADOR`.

## 2. Preámbulo

Antes de presentar los módulos, definimos las siguientes variables para las complejidades temporales:

- $N$  — tamaño del tablero.
- $K$  — cantidad de jugadores.
- $|\Sigma|$  — cantidad de letras en el alfabeto.
- $F$  — cantidad de fichas por jugador.
- $L_{\max}$  — longitud de la palabra legítima más larga definida por la variante del juego de la que se trate.

## 3. Módulo Juego

### 3.1. Interfaz

se explica con: JUEGO

géneros: juego

usa: ??

operaciones:

`NUEVOJUEGO( in  $k$  : nat, in  $v$  : variante )  $\rightarrow$   $res$  : juego`

**Pre**  $\equiv \{k > 0\}$

**Post**  $\equiv \{\exists r : \text{cola}(\text{letra}) \mid res =_{\text{obs}} \text{nuevoJuego}(k, v, r)\}$

**Complejidad:**  $O(N^2 + |\Sigma|K + FK)$

**Descripción:** Dada una cantidad de jugadores y una variante de juego, se inicia un nuevo juego con el tablero vacío y con un repositorio de fichas acorde.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

`JUGADAVÁLIDA?( in  $j$  : juego, in  $o$  : ocurrencia )  $\rightarrow$   $res$  : bool`

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{jugadaVálida?}(j, o)\}$

**Complejidad:**  $O(L_{\max}^2)$

**Descripción:** Determina si una jugada es válida.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

UBICAR( **in/out**  $j$ : juego, **in**  $o$ : occurrence )

**Pre**  $\equiv \{jugadaVálida(j, o) \wedge j =_{\text{obs}} J_0\}$

**Post**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} ubicar(J_0, o)\}$

**Complejidad:**  $O(m)$ , donde  $m$  es el número de fichas que se ubican.

**Descripción:** Ubica un conjunto de fichas en el juego.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

VARIANTE( **in**  $j$ : juego )  $\rightarrow res$  : variante

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} variante(j)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Obtiene información sobre la variante del juego.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

TURN( **in**  $j$ : juego )  $\rightarrow res$  : nat

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} turno(j)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Obtiene al jugador del turno actual.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

PUNTAJE( **in**  $j$ : juego, **in**  $i$ : nat )  $\rightarrow res$  : nat

**Pre**  $\equiv \{i < \#jugadores(j)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} puntaje(j, i)\}$

**Complejidad:**  $O(1 + m \cdot L_{\text{máx}})$ , donde  $m$  es la cantidad de fichas que ubicó el jugador desde la última vez que se invocó a esta operación.

**Descripción:** Obtiene el puntaje de un jugador.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

CELDA( **in**  $J$ : juego, **in**  $i$ : nat, **in**  $j$ : nat )  $\rightarrow res$  : puntero(letra)

**Pre**  $\equiv \{enTablero?(tablero(J), i, j)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{if } hayLetra?(tablero(J), i, j) \text{ then } \&letra(tablero(J), i, j) \text{ else NULL fi}\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Obtiene el contenido del tablero en una coordenada  $(i, j)$ .

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

#LETRATIENEJUGADOR( **in**  $j$ : juego, **in**  $x$ : letra, **in**  $i$ : nat )  $\rightarrow res$  : nat

**Pre**  $\equiv \{i < \#jugadores(j)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \#(x, fichas(j, i))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$  ??  $O(F)$

**Descripción:** Dada una cierta letra  $x$  del alfabeto, conocer cuántas fichas tiene un jugador de dicha letra.

**Aliasing:** ??

Requiere: ??

### 3.2. Implementación

#### Representación

juego se representa con juego\_estr

donde juego\_estr es tupla(  
     *tablero*: array\_dimensionable(array\_dimensionable(puntero(letra)))  
     , *jugadores*: array\_dimensionable(tupla(*puntaje*: nat, *mazo*: array\_dimensionable(letra)))  
     , *jugadorActual*: nat  
     , *repositorio*: cola(letra)  
     , *variante*: variante  
 )

#### Invariante de Representación

Rep : estr  $\longrightarrow$  bool  
 Rep(*e*)  $\equiv$  true  $\iff$  foo

#### Función de Abstracción

Abs : estr *e*  $\longrightarrow$  foo {Rep(*e*)}  
 Abs(*e*) =<sub>obs</sub> p: foo | bar

#### Algoritmos

---

HACERGUIA(in *A*: guia, in *parámetroInútil*: Nat)  $\longrightarrow$  bool

---

1: <i>i</i> $\leftarrow$ 0	▷ esto es $\Theta(1)$
2: <i>n</i> $\leftarrow$ <i>guia</i> .cantEjercicios()	▷ $\mathcal{O}(1)$
3: <i>consultas</i> $\leftarrow$ DICC VACIO	
4: PREPARAR MATE()	▷ $\Omega(n^n)$
5: <b>while</b> <i>i</i> < <i>n</i> <b>do</b>	
6:     PENSAR EJERCICIO( <i>i</i> )	
7: <b>if</b> TENGO CONSULTAS( <i>i</i> ) <b>then</b>	
8:         ESCRIBIR CONSULTAS EJERCICIO( <i>i</i> , <i>consultas</i> )	
9: <b>else</b>	
10:         COMER BIZOCHITO()	
11:     COMER BIZOCHITO()	
12: <b>for</b> miVariable <b>do</b>	
13:     hacer algo	
14: <b>return</b> VACIO?( <i>consultas</i> )	

---

## 4. Módulo Servidor

### 4.1. Interfaz

se explica con: SERVIDOR

géneros: servidor

usa: ??

operaciones:

NUEVOSEVIDOR( in  $k$ : nat, in  $v$ : variante )  $\rightarrow res$ : servidor

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{\exists r : \text{cola}(\text{letra}) \mid res =_{\text{obs}} \text{nuevoServidor}(k, v, r)\}$

**Complejidad:**  $O(N^2 + |\Sigma|K + FK)$

**Descripción:** Dada una cantidad de jugadores y una variante de juego, se inicia un nuevo servidor y una nueva partida de juego.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

CONECTAR( in/out  $s$ : servidor )

**Pre**  $\equiv \{\neg \text{empezó?}(s) \wedge s =_{\text{obs}} S_0\}$

**Post**  $\equiv \{s =_{\text{obs}} \text{conectarCliente}(S_0)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Conecta un cliente a un servidor.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

CONSULTAR( in/out  $s$ : servidor, in  $cid$ : nat )

**Pre**  $\equiv \{cid \leq \#conectados(s) \wedge s =_{\text{obs}} S_0\}$

**Post**  $\equiv \{s =_{\text{obs}} \text{consultar}(S_0, cid)\}$

**Complejidad:**  $O(n)$ , donde  $n$  es la cantidad de mensajes en la cola de dicho cliente.

**Descripción:** Consulta la cola de notificaciones de un cliente (lo cual vacía dicha cola).

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

RECIBIR( in/out  $s$ : servidor, in  $cid$ : nat, in  $o$ : ocurrencia )

**Pre**  $\equiv \{cid \leq \#conectados(s) \wedge s =_{\text{obs}} S_0\}$

**Post**  $\equiv \{s =_{\text{obs}} \text{recibirMensaje}(S_0, cid, o)\}$

**Complejidad:** ??

**Descripción:** Recibe un mensaje de un cliente.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

CLIENTES ESPERADOS( in  $s$ : servidor )  $\rightarrow res$ : nat

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \#esperados(s)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Obtiene el número de clientes esperados.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

`CLIENTESCONECTADOS( in s: servidor ) → res : nat`

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \#conectados(s)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Obtiene el número de clientes conectados.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

`PARTIDA( in s: servidor ) → res : juego`

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} juego(s)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Obtiene el juego que se está jugando en el servidor.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

## 4.2. Implementación

### Representación

servidor se representa con `servidor_estr`

donde `servidor_estr` es `tupla(`

`cantJugadores: nat`

`, mensajes: array_dimensionable(ocurrencia)`

`, notificaciones: dicc(cliente, cola(notificacion))`

??

)

## 5. Módulos auxiliares

### 5.1. Módulo Variante

#### 5.1.1. Interfaz

se explica con: VARIANTE

géneros: variante

usa: ??

operaciones:

```
NUEVAVARIANTE(
    in  $n$  : nat,
    in  $f$  : nat,
    in  $puntajes$  : dicc(letra, nat),
    in  $legítimas$  : conj(secu(letra))
```

```
) →  $res$  : variante
```

**Pre**  $\equiv \{n > 0 \wedge f > 0\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{nuevaVariante}(n, f, puntajes, legítimas)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Dada una cantidad de jugadores y una variante de juego, se inicia un nuevo juego con el tablero vacío y con un repositorio de fichas acorde.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

```
JUGADAVÁLIDA?( in  $j$  : juego, in  $o$  : occurrencia ) →  $res$  : bool
```

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{jugadaVálida?}(j, o)\}$

**Complejidad:**  $O(L_{\text{máx}}^2)$

**Descripción:** Determina si una jugada es válida.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

```
UBICAR( in/out  $j$  : juego, in  $o$  : occurrencia )
```

**Pre**  $\equiv \{\text{jugadaVálida}(j, o) \wedge j =_{\text{obs}} J_0\}$

**Post**  $\equiv \{j =_{\text{obs}} \text{ubicar}(J_0, o)\}$

**Complejidad:**  $O(m)$ , donde  $m$  es el número de fichas que se ubican.

**Descripción:** Ubica un conjunto de fichas en el juego.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

```
VARIANTE( in  $j$  : juego ) →  $res$  : variante
```

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{variante}(j)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Obtiene información sobre la variante del juego.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

```
TURNOS( in  $j$  : juego ) →  $res$  : nat
```

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$



**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{turno}(j)\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Obtiene al jugador del turno actual.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

**PUNTAJE**( in  $j$  : juego, in  $i$  : nat )  $\rightarrow res$  : nat

**Pre**  $\equiv \{i < \#jugadores(j)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{puntaje}(j, i)\}$

**Complejidad:**  $O(1 + m \cdot L_{\text{máx}})$ , donde  $m$  es la cantidad de fichas que ubicó el jugador desde la última vez que se invocó a esta operación.

**Descripción:** Obtiene el puntaje de un jugador.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

**CELDA**( in  $J$  : juego, in  $i$  : nat, in  $j$  : nat )  $\rightarrow res$  : puntero(letra)

**Pre**  $\equiv \{\text{enTablero?}(\text{tablero}(J), i, j)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{if hayLetra?}(\text{tablero}(J), i, j) \text{ then } \&\text{letra}(\text{tablero}(J), i, j) \text{ else NULL fi}\}$

**Complejidad:**  $O(1)$

**Descripción:** Obtiene el contenido del tablero en una coordenada  $(i, j)$ .

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

**#LETRATIENEJUGADOR**( in  $j$  : juego, in  $x$  : letra, in  $i$  : nat )  $\rightarrow res$  : nat

**Pre**  $\equiv \{i < \#jugadores(j)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \#(x, \text{fichas}(j, i))\}$

**Complejidad:**  $O(1)$  ??  $O(F)$

**Descripción:** Dada una cierta letra  $x$  del alfabeto, conocer cuántas fichas tiene un jugador de dicha letra.

**Aliasing:** ??

**Requiere:** ??

### 5.1.2. Implementación

Representación juego se representa con juego\_estr

donde juego\_estr es tupla(

```

    tablero: array_dimensionable(array_dimensionable(puntero(letra)))
, jugadores: array_dimensionable(tupla(puntaje: nat, mazo: array_dimensionable(letra)))
, jugadorActual: nat
, repositorio: cola(letra)
, variante: variante
)
```

**Invariante de Representación**

$\text{Rep} : \text{estr} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff \text{foo}$

**Función de Abstracción**

$\text{Abs} : \text{estr } e \rightarrow \text{foo}$

$\{\text{Rep}(e)\}$

$\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} p: \text{foo} \mid \text{bar}$

### Algoritmos

---

HACERGUIA(**in**  $A: \text{guia}$ , **in**  $\text{parámetroInútil}: \text{Nat}$ )  $\rightarrow \text{bool}$

---

1:	$i \leftarrow 0$		$\triangleright$ esto es $\Theta(1)$
2:	$n \leftarrow \text{guia.cantEjercicios}()$		$\triangleright \mathcal{O}(1)$
3:	$\text{consultas} \leftarrow \text{DICC} \text{VACIO}$		
4:	PREPARARMATE()		$\triangleright \Omega(n^n)$
5:	<b>while</b> $i < n$ <b>do</b>		
6:	PENSAREJERCICIO(1)		
7:	<b>if</b> TENGOCONSULTAS( $i$ ) <b>then</b>		
8:	ESCRIBIRCONSULTASEJERCICIO( $i, \text{consultas}$ )		
9:	<b>else</b>		
10:	COMERBIZOCHITO()		
11:	COMERBIZOCHITO()		
12:	<b>for</b> miVariable <b>do</b>		
13:	hacer algo		
14:	<b>return</b> VACIO?( $\text{consultas}$ )		

---