

# Analisis de Señales y Sistemas Digitales 2019

## Trabajo Práctico N°1

### Muestreo

#### **Consideraciones generales:**

- Se utilizará la letra N para denotar al número del grupo.
- Hacer buen uso del ciclo de diseño y análisis mediante las herramientas a disposición: MATLAB/ Mathematica/ Maple/ Otros, Spice, Altium, LyX/Word.

#### **Pautas para la evaluación del informe (en orden de importancia):**

- Correcto funcionamiento de hardware y software.
- Contenido y capacidad de síntesis.
  - Se penalizarán contenidos irrelevantes.
  - Se valorará la presentación clara, concisa, específica y sin redundancias.
  - Se esperan conclusiones relevantes dentro del desarrollo de cada tema y del trabajo práctico en general.
- Adecuado manejo, presentación y consistencia de magnitudes numéricas a lo largo del informe.
- Organización grupal del trabajo.
  - Se espera el mayor grado de cohesión y homogeneidad en la resolución de los distintos enunciados. Se deben respetar un estándar y objetivos comunes.
- Originalidad e Inventiva
- Presentación, redacción y ortografía.
- Aportes no obligatorios

#### **Fecha de entrega:**

- Informe versión impresa y digital: a determinar
- Presentación oral: a determinar

Se pide implementar el esquema de la siguiente figura.

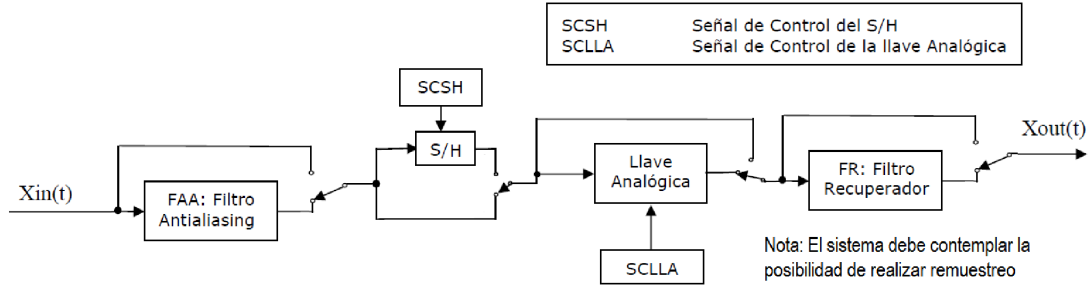


Figure 1: Esquema a implementar

El esquema propuesto permite realizar el muestreo natural e instantáneo de una señal  $x_{in}(t)$ , y su recuperación con un error acotado. Antes de comenzar, se recomienda la lectura de todo el trabajo práctico, pues el sistema que van a implementar debe ser capaz de manejar todas las instancias que se piden en el mismo.

## Consideraciones:

- Para el diseño del circuito se debe prever una única fuente de alimentación externa que puede ser bipolar. El diseño debe garantizar el máximo rango dinámico posible. Tenga en cuenta la mínima atenuación ( $A_a$ ) exigida al filtro anti alias y al recuperador. Explícite claramente el criterio adoptado para definirlos.
- Todos los bloques que implementan al sistema deben ser montados en **una misma placa impresa**. Debe prestarse especial atención a las recomendaciones básicas que afectan la performance de circuitos analógicos y digitales. Para ello se recomienda investigar sobre el tema para que no atente contra la funcionalidad. **Se penalizará la omisión de este análisis.**
- El sistema implementa:
  - Muestreo natural con y sin filtro antialiasing.
  - Sample & Hold con y sin filtro antialiasing. El integrado de S&H a utilizar es el LF398.
  - Generador de tren de pulsos variable en amplio rango de frecuencias y Duty Cycle ajustable, *ambos en forma independiente*.
  - Posibilidad de utilizar la llave analógica para anular la señal durante el tiempo de sample del S&H (conservar el tiempo de hold), generando un sistema de muestreo instantáneo (remuestreo).
  - Filtro recuperador

Para poder realizar las distintas operaciones del TP, el circuito deberá contener un conjunto de jumpers o llaves como las presentadas o similares que permitan manejar apropiadamente todas las opciones pedidas.

# 1 Oscilador

Diseñar un oscilador que genere un tren de pulsos de Duty y frecuencia variables *en forma independiente* y que se ajuste a lo siguiente:

$$5\% < DC < 95\%$$

Las especificaciones del oscilador, que deben encontrarse a partir de los datos y de la aplicación dada, son determinadas en función exclusiva del requerimiento del sistema.

Justificar el circuito elegido. Establecer limitaciones y variaciones incorporadas. Implementar el circuito y medir las especificaciones reales.

# 2 Filtros

Diseñar los filtros pasa bajos que cumplan con las especificaciones básicas de la siguiente tabla. Definir las restricciones adicionales que impone el sistema.

$f_a$	$A_p$	$A_a$
$1.5 \cdot f_p$	1dB	41dB

Recordar que las características del filtro indicarán el criterio a seguir respecto a los márgenes de error tolerables. A partir de esos datos se pide implementarlos, según se detalla:

- Definir criterios adecuados de diseño para la elección de  $f_p$ .
- Medir y graficar la respuesta en frecuencia de cada uno donde se ponga en evidencia la banda de paso, la banda de transición y la banda atenuada.
- Simular los filtros y comparar los resultados con los modelos teóricos y la implementación de los mismos.
- Documentar el proceso de diseño.
- Evaluar la necesidad de considerar las desviaciones en los valores de componentes, para lo cual se recomienda hacer un análisis estadístico de la respuesta en frecuencia para una variación en todos los componentes (Montecarlo).
- Indicar las consecuencias de la no idealidad de cada filtro en la aplicación actual.

Siendo que la placa tiene fines didácticos y no será utilizada con un ADC, es apropiado suponer para el diseño de filtros que se trabajará con una conversión analógica/digital de 8 bits.

# 3 Llave analógica

Seleccionar la(s) llave(s) analógica(s) que deberán realizar el muestreo natural. Justificar la elección mediante hoja de datos.

# 4 Sample and Hold

Dadas las siguientes entradas, con  $f_0 = 20N kHz$ .

- $V_{IN1} = V_{MAX} \cdot \sin\left(2\pi \frac{f_0}{12} t\right)$
- $V_{IN1} = V_{MAX} \cdot \cos(2\pi 12 f_0 t)$

Medir la señal a la salida del Sample & Hold para las frecuencias dadas cuando se emplean los siguientes capacitores: I)  $C_h \leq 150 pF$ . II)  $C_h \geq 47 nF$

- Indicar las diferencias observadas entre las mediciones con ambos capacitores. Graficar la señal presente en cada caso, **explicar** y sacar conclusiones.
- Buscar información en las hojas de datos del *LF398*, determinar características y el valor del capacitor más apropiado para las mediciones que se deben realizar, procurando utilizar el valor del tiempo de sample más conveniente. Se debe acotar el error total de la muestra en hold suponiendo que se hará una conversión analógico-digital de 8 bits, cuya máxima representación (255) corresponde a una señal de entrada de 5V. De ser necesario, indicar las limitaciones que introduce en el rango dinámico del sistema. Analizar, en base a las curvas más críticas de la hoja de datos, en qué condiciones óptimas trabajará el sistema.
- Indicar algún circuito de corrección de offset, e incorporarlo a la placa si el sistema lo requiere.
- Investigar un integrado S&H alternativo e indicar ventajas y desventajas respecto al *LF398* (Si se consigue uno mejor, se lo encarga con antelación suficiente y se lo emplea apropiadamente, realizando los análisis pertinentes se lo considerará como un plus).

## 5 Entorno de simulación

Desarrollar un programa<sup>1</sup> con que permita simular el comportamiento de las distintas partes de la placa de muestreo:

- FAA
- Sample and Hold
- Llave Analógica
- FR

Recuerde que al igual que la placa, se deberá utilizar exactamente la misma frecuencia para el muestreo natural que para el instantáneo. Se debe poder *bypassear* la etapa que se quiera y poder graficar en todos los nodos del sistema la señal en el tiempo y su espectro (*pista: investigar qué hace la función “FFT”*).

Grafique los datos según considere necesario para dejar en evidencia el funcionamiento del sistema.

## 6 Mediciones Básicas

Se empleará la siguiente configuración:

- Muestreo natural: FAA + Llave analógica + FR
- Muestreo con Sample and Hold: FAA + S&H + FR

En cada caso se ingresará al mismo con las siguientes señales de entrada:

- $X_A = A \cdot \cos(2\pi f_{in} \cdot t)$  ,  $f_{in} = \frac{N}{2} kHz$
- $X_B \Rightarrow Ver\ tabla$

Función	Descripción Temporal	Grupo
$3/2$ Seno	Seno de amplitud $V_{MAX}$ entre 0 y $3\pi$	1, 2, 3,4,5,6
Exponencial	$V_{MAX} \cdot e^{- x }$ entre -5 y 5	1
Cuadrática	$V_{MAX} \cdot x^2$ entre -2 y 2	2
Triangular	Triangular simétrica de pico $V_{MAX}$	3
Sinc	$V_{MAX} \cdot sinc(x)$ entre -4 y 4	4
Diente de sierra	Amplitud máxima $V_{MAX}$	5
Cuadrada	Amplitud máxima $V_{MAX}$	6

<sup>1</sup>Un *programa* debe presentar una interfaz unificada tanto para el ingreso como para la salida de datos y no ser meramente una colección de scripts. Una GUI *sencilla* puede ser de utilidad.

$V_{MAX}$  hace referencia a la tensión máxima admitida por el sistema.

Al emplear el sistema se intentará obtener, *cuando sea posible*, los siguientes resultados:

- a. Salida proporcional a la entrada con la menor distorsión posible. Buscar aquí el caso óptimo para las variables  $f_s$  (definir rango),  $A$  (definir rango) y Duty cycle del oscilador (no superar el 50%). Hallar el porcentaje de potencia recuperada. Justificar los valores de las variables elegidos.
- b. Idem inciso (a) pero con:
  1.  $f_{in} \leq \frac{f_p}{2}$  con  $f_s = f_a$
  2.  $f_{in} = f_a$  definir rango de  $f_s$
- c. Sólo con la entrada  $X_A$ : ingresar con una frecuencia  $f_{in} = f_s \leq f_p$  y justificar matemáticamente lo observado.
- d. Sólo con las entradas determinadas en  $X_B$ : Variar su frecuencia hasta que comiencen a manifestarse problemas de alias a la salida del FAA. ¿Qué problemas se manifiestan? ¿Por qué?

Para cada muestreo y cada entrada:

- Utilizar el programa del punto 5 para simular las condiciones de cada uno de los ensayos realizados sobre la placa. Obtener los espectros y las señales en cada punto del sistema.
- Contrastar la simulación con los datos obtenidos experimentalmente. Justificar las diferencias observadas.
- En todos aquellos casos en que no haya aliasing ni se utilice el filtro recuperador, indicar la plantilla completa del filtro real capaz de recuperar la señal.

## 7 Remuestreo

$$X_C = A_{MAX} \cdot \left[ \frac{1}{2} \cdot \cos(2\pi(1.8f_{in})t) + \cos(2\pi(2f_{in})t) + \frac{1}{2} \cdot \cos(2\pi(2.2f_{in})t) \right]$$

La señal modulada en AM  $X_C$  es muestreada por el S&H en las condiciones que considere óptimas y luego remuestreada por la llave analógica. Hallar el valor apropiado del tiempo de hold,  $C_h$  y tiempo de sample para esa señal. Buscar la relación de compromiso óptima entre las variables para este caso.

Medir las señales en el osciloscopio y en el analizador de espectro. Describir los resultados. Encontrar semejanzas y diferencias con la simulación en cada punto relevante de la placa.

## 8 Muestreo Sub Nyquist

La señal  $X_C$  se emplea ahora en el sistema sin filtro antialias ni recuperador. Para los siguientes casos:

- a. Muestreo natural, para  $f_{in} = 0.8f_p$ ,  $f_s$  óptimo, Duty Cycle 25%.
- b. Muestreo con S&H, para  $f_{in} = 0.8f_p$ ,  $f_s$  óptimo, Duty Cycle 5%.

Hallar el rango de frecuencias Sub Nyquist con las cuales se puede realizar el muestreo.

Usar el simulador para obtener la señal en cada paso y su espectro.

## 9 Ejercicios teóricos

### 9.1 Filtro digital

Se pide realizar un script o programa que implemente el siguiente filtro. Analizar las implicancias de  $\alpha$  y  $\beta$  para los valores sugeridos y otros que considere relevantes. Calcular la frecuencia de oscilación cuando sea posible y saque conclusiones.

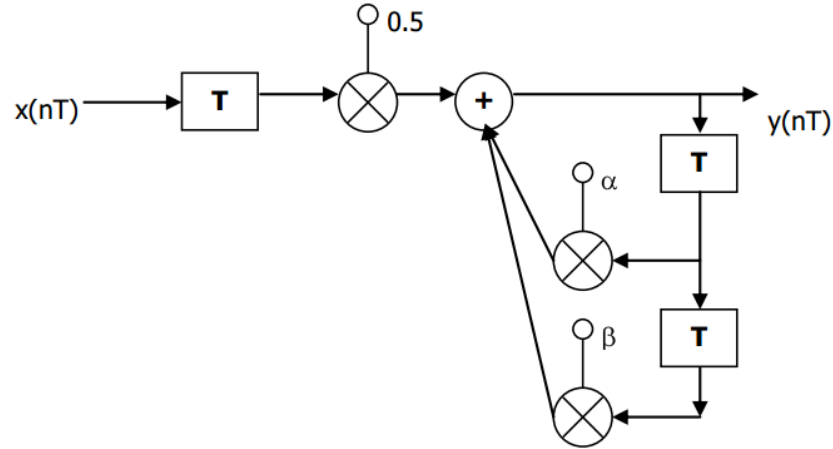


Figure 2: Sistema de segundo orden

$$\alpha = 1 \quad \beta = -1/4 \quad (1)$$

$$\alpha = 1/3 \quad \beta = -1/8 \quad (2)$$

$$\alpha = 4/3 \quad \beta = -25/32 \quad (3)$$

### 9.2 Downsampling

La operación decimación está definida por:  $y(n) = x(nM)$ , en la cual la secuencia  $x(n)$  es decimada por un factor entero  $M$ . Crear una función de la forma:  $y = \text{decimate}(x, M)$  teniendo en cuenta la ubicación del  $n=0$ .

Analizar los efectos de la decimación en forma cualitativa sobre las siguientes señales:

$$x(n) = \sin\left(2\pi \cdot \frac{0.125}{2}n\right), \quad -50 \leq n \leq 50, \quad M = 4 \quad (4)$$

$$x(n) = \sin(2\pi \cdot 0.25n), \quad -50 \leq n \leq 50, \quad M = 4 \quad (5)$$

### 9.3 Retardo de grupo

El retardo de grupo en los filtros digitales, como en los analógicos se define como:

$$\tau_g = -\frac{d\phi(\omega)}{d\omega} \quad (6)$$

Demostrar que el sistema:  $y(n) = x(n) + 2 \cdot x(n-1) + 3 \cdot x(n-2) + 4 \cdot x(n-3) + 3 \cdot x(n-4) + 2 \cdot x(n-5) + x(n-6)$  representa un filtro de retardo de grupo constante. ¿Cómo podría extrapolar este resultado? Justifique.