Institut für Informatik 4 PD Dr. V. Steinhage

K. Buschbacher, B.Sc., F. Huber, B.Sc., T. Jakoby, B.Sc., A. Yushchenko Email: {steinhage, buschbac, jakobyt,}@cs.uni-bonn.de, {s6flhube,s6aryush}@uni-bonn.de

Übungsblatt 7

Abgabe bis Sonntag, 20.12.2020, 12:00 Uhr in Gruppen von 3 Personen

Bitte bearbeiten Sie entweder Aufgaben 3 und 4 oder alternativ Aufgabe 5. Es wird nur eine von beiden Aufgabenkombinationen bewertet. Maximal können damit bei Bearbeitung von Aufgaben 3, 4 und 5 also 4 Punkte erreicht werden.

1 Ortsbasis (1P)

Bitte geben Sie eine Ortsbasis für 2×2 Bilder nach Vorlesung 7, Folie 6 an.

2 Korrespondierende Kosinus-Funktionen (2P)

Beweisen Sie die Aussage von Vorlesung 7, Folie 23: Für zwei an N Orten abgetastete Funktionen $\cos(u_1\ n)$ und $\cos(u_2\ n)$ mit $\frac{u_1}{u_0} = N - \frac{u_2}{u_0}$, gilt: $\cos(u_1\ n) = \cos(u_2\ n)$ für alle $n = 0, \dots, N-1$.

3 Alternative 1.1: Komplexe Frequenzbasis (2P)

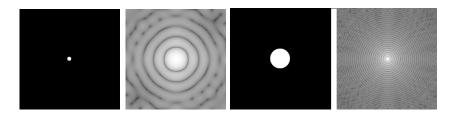
Gegeben seien nun die beiden folg. komplexen diskreten Kosinusfunktionen $f_1(n)$ und $f_2(n)$, die an den diskreten Stellen $n=0,\ldots,N-1$ mit N=6 definiert sind und ganzzahlige Vielfache der Basisfrequenz $u_0=\frac{2\cdot\pi}{N}$ sind: $f_1(n)=\cos(2\cdot u_0\cdot n)+i\cdot\sin(2\cdot u_0\cdot n)$ und $f_2(n)=\cos(4\cdot u_0\cdot n)+i\cdot\sin(4\cdot u_0\cdot n)$. Berechnen und geben Sie deren Funktionswerte an den definierten Stellen wieder. Zeigen Sie die Orthogonalität von $f_1(n)$ und $f_2(n)$.

4 Alternative 1.2: Fourier-Transformation (2P)

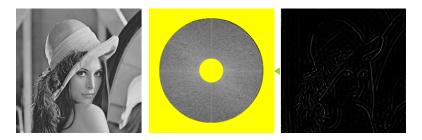
Beantworten Sie folgende Fragen zur Fourier-Transformation und begründen Sie Ihre Antworten:

- 1. Wie würde sich das rücktransformierte Bild ändern, wenn alle Amplituden im Frequenzraum verdoppelt würden?
- 2. Wie sieht die Frequenzraumpräsentation eines um 90° rotierten Bildes im Vergleich zum nicht rotierten Bild aus?
- 3. Erklären und begründen Sie die Unterschiede in den Frequenzbildern vom kleinen bzw. großen Kreis:

K. Buschbacher, B.Sc., F. Huber, B.Sc., T. Jakoby, B.Sc., A. Yushchenko Email: {steinhage, buschbac, jakobyt,}@cs.uni-bonn.de, {s6flhube,s6aryush}@uni-bonn.de



4. Erklären und begründen Sie das Ergebnis der dargestellten die Fourier-Transformation inklusive Bandpassfilterung anhand des Frequenzbildes mit Originalbild, Filterbild und Rücktransformation.



5 Alternative 2: ITB: Fourier-Transformation (4P)

Implementieren Sie bitte die in Vorlesung 7 vorgestellte Fourier-Transformation als Filter für die ImageToolBox. Der Benutzer soll festlegen können, ob zusätzlich eine inverse Fourier-Transformation durchgeführt wird. Je nachdem soll das Frequenzbild oder das Bild nach der inversen Transformation ausgegeben werden.

Testen Sie Ihren Filter auf den Bildern Kreis2.ppm und Sechseck.ppm, die Ihnen zusammen mit diesem Übungsblatt auf ecampus zur Verfügung gestellt werden.

6 ITB: Gauß-Pyramide (3P)

Implementieren Sie die Erstellung einer Gauß-Pyramide als Filter für die Image-ToolBox. Gehen Sie dabei folgendermaßen vor:

- 1. Der Benutzer soll die Standardabweichung σ für die Gauß-Funktion eingeben können.
- 2. Fügen Sie einen Schritt ein, der das Bild in ein Grauwertbild konvertiert.
- 3. Konstruieren Sie eine Gauß-Pyramide mit *Reduce* und *Expand* Operation, wie in Vorlesung 7, Folien 50-54 beschrieben. Implementieren Sie dafür ein zweidimensionales Gauß-Filter, entsprechend Vorlesung 2, Folie 43. Denken Sie daran, die Gauß-Maske zu normalisieren.

BA-INF 131 - Intelligente Sehsysteme Wintersemester 2020/2021

Institut für Informatik 4 PD Dr. V. Steinhage

K. Buschbacher, B.Sc., F. Huber, B.Sc., T. Jakoby, B.Sc., A. Yushchenko Email: {steinhage, buschbac, jakobyt,}@cs.uni-bonn.de, {s6flhube,s6aryush}@uni-bonn.de

4. Überschreiben Sie die Methode public Image[] filter(Image[] input), welche mehrere Ausgabebilder unterstützt. Diese sollte Ihnen bereits aus Blatt 4 bekannt sein. Geben sie so alle Pyramiden-Bilder zurück, speichern diese mit der ImageToolbox als .jpg und geben Sie sie zusammen mit ihrem Code ab.

Testen Sie Ihre Ergebnisse auf dem Bild $Testbild_Lena_512x512.ppm$ mit $\sigma=2$. Wenden Sie Expand auf die zweite Stufe der Gauß-Pyramide von Bild $Testbild_Lena_512x512.ppm$ an - also $Expand(Reduce(Testbild_Lena_512x512.ppm))$.