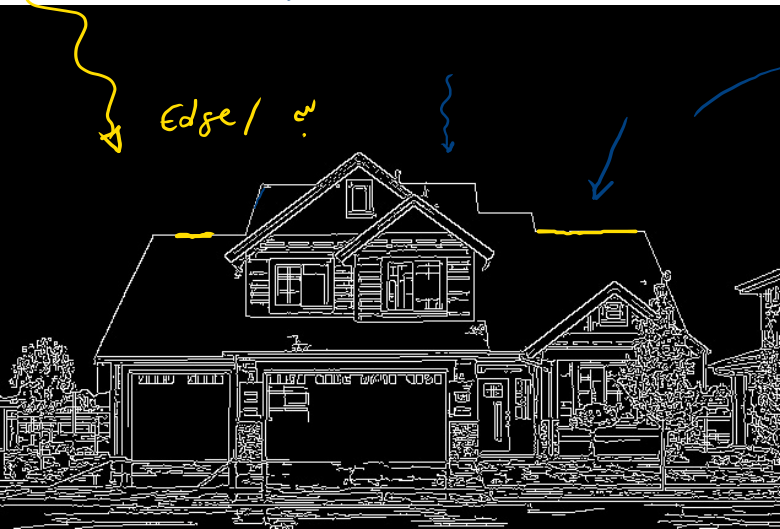


Edge Detection

ان تصویر چیست؟

Real

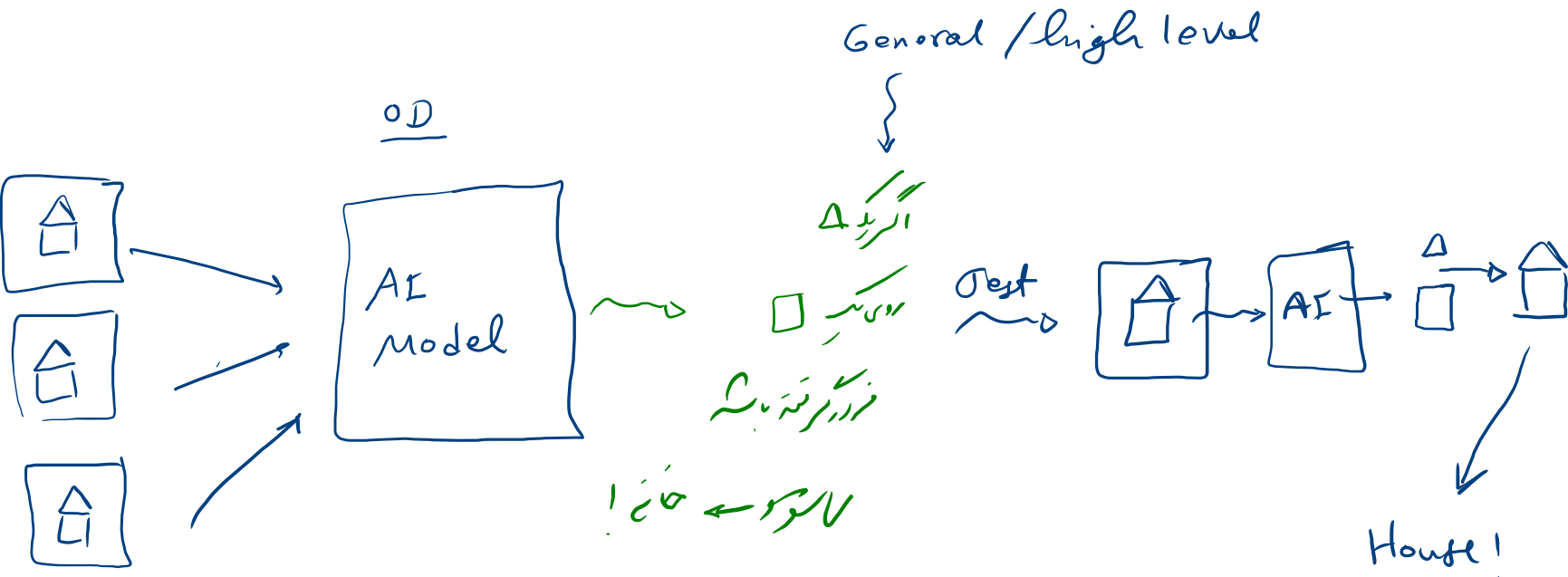


Edge



تفریق‌های رنگی

intensity در یک بازه‌ی کوچک



edge detection ~ - object detection.
- Image segmentation
:

Computer vision ، نیازمند استخراج ویژگی از تصویر است.

x ما برای این کار چه می‌کنیم؟

Feature extraction ~

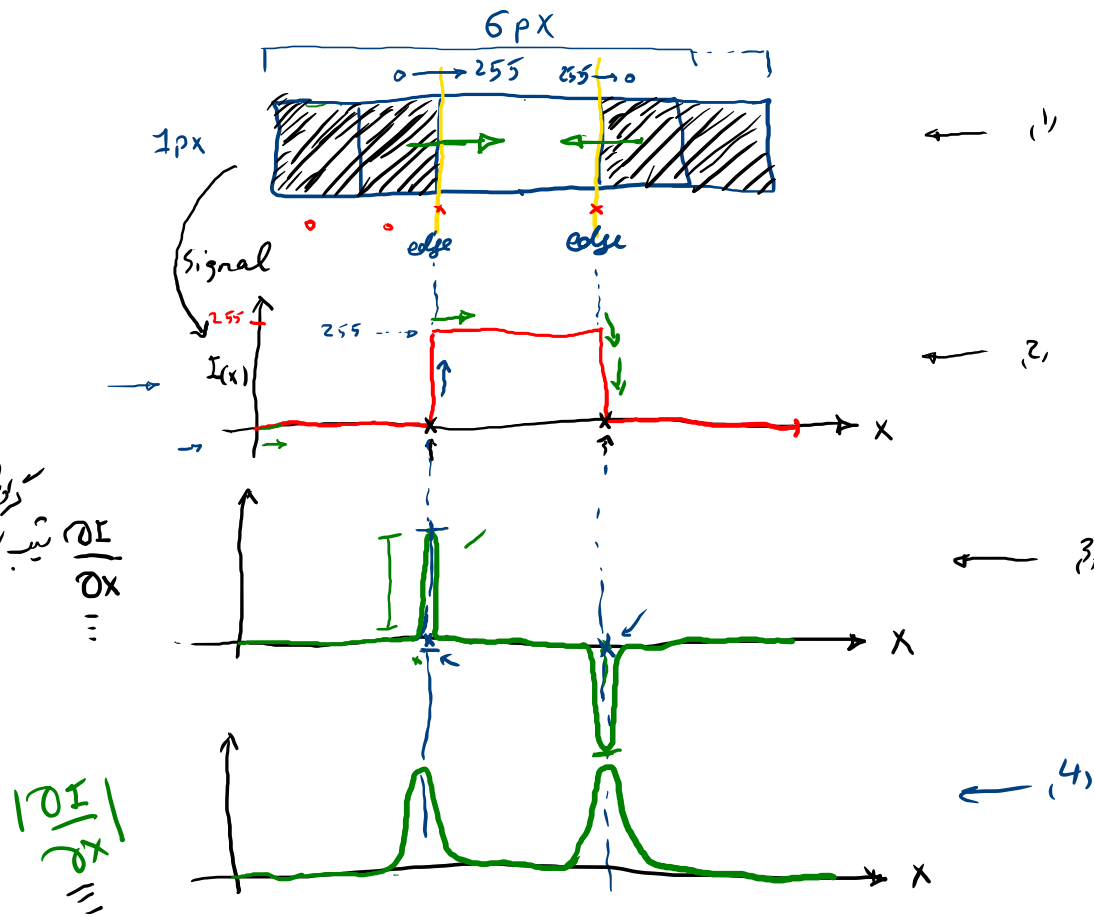
→ EDGE

→ Corner

...

Edge Detection

using Gradient

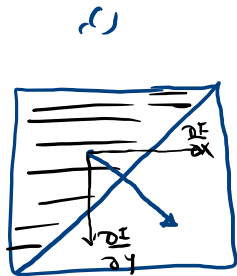


1D / Binary

Edge

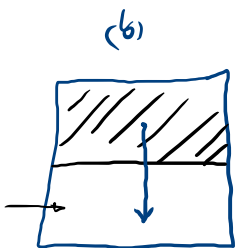
- 1, Strength $\rightarrow |\frac{\partial I}{\partial x}|$
- 2, localisation.
- 3, Orientation

$$\frac{\partial I}{\partial x}, \frac{\partial I}{\partial y} \rightarrow |\nabla I|$$



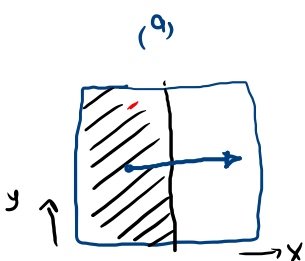
$$\nabla I = \begin{bmatrix} \frac{\partial I}{\partial x} \\ \frac{\partial I}{\partial y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\nabla I = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$



$$\nabla I = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\nabla I = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$



$$\nabla I = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\nabla I = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

orientation (Edge), عمود بر مرز در لبه (نقطه سرشت رنگ (intensity)

Gradient

با توجه به شیب محور x و y می توانیم در هر نقطه از تصویر بردار گرادیان را محاسبه کنیم!

$$\nabla I = \left[\frac{\partial I}{\partial x}, \frac{\partial I}{\partial y} \right] \rightsquigarrow$$

Strength

$\sim \cos^2 \theta$

$$\rightarrow \|\nabla I\| =$$

$$\sqrt{\left(\frac{\partial I}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial I}{\partial y}\right)^2}$$

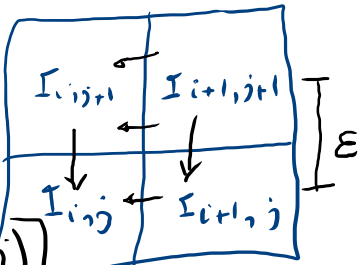
orientation

$\sim \vec{\nabla}$

$$\rightarrow$$

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\frac{\partial I}{\partial y}}{\frac{\partial I}{\partial x}} \right)$$

چون مقادیر بالا از سمت راست به سمت چپ هستند

$$\begin{cases} \frac{\partial I}{\partial x} \approx \frac{1}{2\epsilon} \left[(I_{i+1,j+1} - I_{i,j+1}) + (I_{i+1,j} - I_{i,j}) \right] \\ \frac{\partial I}{\partial y} \approx \frac{1}{2\epsilon} \left[(I_{i,j+1} - I_{i,j}) + (I_{i+1,j+1} - I_{i+1,j}) \right] \end{cases}$$


$$\frac{\partial I}{\partial x} = \frac{1}{2\epsilon} \left[(I_{i+1,j+1} - I_{i,j+1} + I_{i+1,j} - I_{i,j}) \right] \rightsquigarrow \frac{\partial I}{\partial x} = \frac{1}{2\epsilon} \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} \otimes \begin{bmatrix} I_{i,j} & I_{i+1,j} \\ I_{i,j+1} & I_{i+1,j+1} \end{bmatrix}$$

Kernel \otimes Image

$$\begin{aligned} \rightarrow \left[\begin{array}{l} \frac{\partial}{\partial x} \\ \frac{\partial}{\partial y} \end{array} \right] &\approx \frac{1}{2\epsilon} \begin{array}{|c|c|} \hline -1 & 1 \\ \hline -1 & 1 \\ \hline \end{array} \quad (A) \\ \rightarrow \left[\begin{array}{l} \frac{\partial}{\partial x} \\ \frac{\partial}{\partial y} \end{array} \right] &\approx \frac{1}{2\epsilon} \begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 1 \\ \hline -1 & -1 \\ \hline \end{array} \quad (B) \end{aligned}$$

کلا فوالتو کوان گریز A دی تصویر، معادل
سقی فوالتو کوان گریز B دی تصویر، معادل

" " B " "
" " " " "

x Gradient-based kernels.

Robert

prewitt

Sobel

$\frac{\partial I}{\partial x}$

| | |
|---|----|
| 1 | 0 |
| 0 | -1 |

| | | |
|----|---|---|
| -1 | 0 | 1 |
| -1 | 0 | 1 |
| -1 | 0 | 1 |

| | | |
|----|---|---|
| -1 | 0 | 1 |
| -2 | 0 | 2 |
| -1 | 0 | 1 |

$\frac{\partial I}{\partial y}$

| | |
|----|---|
| 0 | 1 |
| -1 | 0 |

| | | |
|----|----|----|
| 1 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 0 |
| -1 | -1 | -1 |

| | | |
|----|----|----|
| -1 | -2 | -1 |
| 0 | 0 | 0 |
| 1 | 2 | 1 |

{ localization ←
noise sensitivity →

α تغییر: - edgeDetect ← "ص" به Denoising اینر شود

α "ص" Edge در صفت، افت کشید!

$$\| \nabla I \| = \sqrt{\underbrace{\left(\frac{\partial I}{\partial x} \right)^2} + \underbrace{\left(\frac{\partial I}{\partial y} \right)^2}} \geq \underline{\text{threshold}} \quad 50,$$

* در درجه Gradient ، درخت localization همپایان صنف داریم!

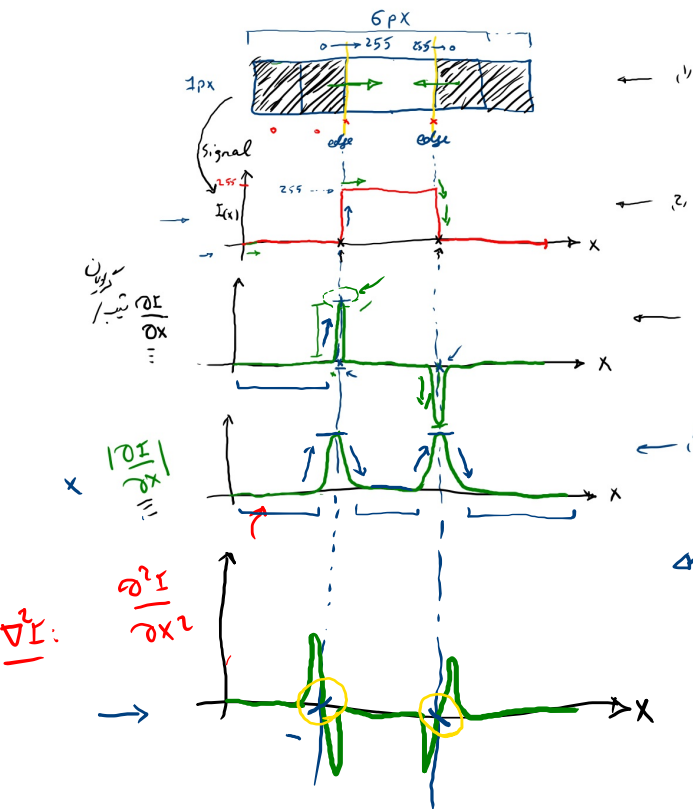
همپایان عمل هم (edge)

هم

→ Laplacian!

لاپلاس

درستش دوم!



مشتق لثاني

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial I}{\partial x} \right)$$

مشتق دوم
 Laplacian → more accurate localization.
 Zero crossing!

localization ← Laplacian - ∇^2 *



(orientation) ← Laplacian,

! ∇^2

$$U^2 I \approx \frac{1}{\epsilon^2}$$

| | | |
|---|----|---|
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | -4 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |

x

x در لاپلاسین، بر حسب چگالی بار است ← نقطه یک کربن و نقطه یک بار روی لکون
 اتمها را سودا!

The End