## Grundbegriffe der Informatik Aufgabenblatt 5

Matr.nr.:	
Nachname:	
Vorname:	
Tutorium:	Nr. Name des Tutors:
Ausgabe:	19. November 2008
Abgabe:	28. November 2008, 13:00 Uhr im Briefkasten im Untergeschoss von Gebäude 50.34
Lösungen werden nur korrigiert, wenn sie  • rechtzeitig,  • in Ihrer eigenen Handschrift,  • mit dieser Seite als Deckblatt und  • in der oberen linken Ecke zusammengeheftet abgegeben werden.	
Vom Tutor au	szufüllen:
erreichte Pu	nkte
Blatt 5:	/ 17
Blätter 1 – 5:	/ 84

## **Aufgabe 5.1** (2+1+1+3 Punkte)

- a) Geben Sie eine kontextfreie Grammatik  $G = (N, \{a, b\}, S, P)$  an, für die L(G) die Menge aller Palindrome über dem Alphabet  $\{a, b\}$  ist.
- b) Geben Sie eine Ableitung des Wortes baaab aus dem Startsymbol Ihrer Grammatik an.
- c) Geben Sie eine Ableitung des Wortes abaaaba aus dem Startsymbol Ihrer Grammatik an.
- d) Beweisen Sie, dass Ihre Grammatik jedes Palindrom über dem Alphabet {a, b} erzeugt.

## Aufgabe 5.2 (2+3 Punkte)

Gegeben sei die kontextfreie Grammatik  $G=(\{S\},\{\mathtt{a},\mathtt{b}\},S,P)$  mit der Produktionenmenge  $P=\{S\to\mathtt{a}S\mathtt{b}\mid\mathtt{b}S\mathtt{a}\mid SS\mid\varepsilon\}$ . Beweisen Sie:

- a) Für jedes Wort in  $w \in L(G)$  gilt:  $N_a(w) = N_b(w)$ .
- b) Für jedes Wort  $w \in \{a, b\}^*$  mit  $N_a(w) = N_b(w)$  gilt:  $w \in L(G)$ .

## **Aufgabe 5.3** (1+2+1+1 Punkte)

Die Relationen R und S über  $\mathbb{N}_0$  seien gegeben durch:

- $\forall a \in \mathbb{N}_0 \forall b \in \mathbb{N}_0 : aRb$  gilt genau dann, wenn b durch a teilbar ist (also b ein ganzzahliges Vielfaches von a ist).
- $\forall a \in \mathbb{N}_0 \forall b \in \mathbb{N}_0 : aSb$  gilt genau dann, wenn die einzige natürliche Zahl, die sowohl a als auch b teilt, 1 ist (also ggT(a,b) = 1 gilt).
- a) Geben Sie eine formale Beschreibung von  $S \circ R$  an, die nicht das Zeichen  $\circ$  enthält und aus höchstens **sieben** Zeichen besteht.
- b) Beweisen Sie, dass die in a) angegebene Relation gerade  $S \circ R$  ist.
- c) Geben Sie eine formale Beschreibung von  $R \circ S$  an, die nicht das Zeichen  $\circ$  enthält und aus höchstens **sieben** Zeichen besteht.
- d) Beweisen Sie, dass die in c) angegebene Relation gerade  $R \circ S$  ist.