

Übungen zu Ausdrücken - Programmierung und Modellierung 2016

Alexander Isenko

July 21, 2016

Besprechung am 22. Juli 2016

Aufgabe 1

Geben sie den **abstraktesten** Typ der folgenden Ausdrücke an.

a) `f = 1`

Lösung:

```
1  -- Wir fangen wie gewohnt an die Argumente bzw.  
2  -- den Rückgabewert mit Typvariablen zu füllen  
3  f :: a  
4  f = 1  
5  
6  -- Hier haben wir nur einen Rückgabewert  
7  -- Da es eine Zahl ist, muss es eine Instanz in  
8  -- Num haben  
9  f :: Num a => a
```

b) `f x = x + 1`

Lösung:

```
1  f :: a -> b  
2  f x = x + 1  
3  -- Diese Funktion nimmt ein Argument und darauf wird  
4  -- (+) angewendet. Das ist eine Funktion aus Num  
5  f :: Num a => a -> b  
6  -- Wenn wir was addieren, muss es vom gleichen Typ  
7  -- sein  
8  f :: Num a => a -> a
```

c) `f = \x -> x`

Lösung:

```
1  -- Das ist eine Lambda-Funktion die genauso
2  -- wie in b) ein Argument nimmt.
3  f :: a -> b
4  f = \x -> x
5  -- analog
6  f x = x
7  -- Wir können keine Aussagen über den genauen Typ
8  -- sagen, aber wir wissen das wir 'x' zurückgeben
9  f :: a -> a
```

d) `f y = \x -> x + y`

Lösung:

```
1  -- man kann beide Schreibweisen auch verbinden
2  f :: a -> b -> c
3  f y = \x -> x + y
4
5  -- analog
6  f y x = x + y
7
8  -- Wir sehen dass wir beide Argumente addieren
9  f :: (Num a, Num b) => a -> b -> c
10
11 -- Addition braucht gleiche Typen
12 f :: Num a => a -> a -> c
13
14 -- Wir geben die addierten Werte zurück
15 f :: Num a => a -> a -> a
```

e) `f x y = compare x y`

Lösung:

```
1 f :: a -> b -> c
2 f x y = compare x y
3
4 -- wir vergleichen beide Argumente
5 -- => sind von Ord
6 -- => gleicher Typ
7 f :: Ord a => a -> a -> c
8 f x y = compare x y
9
10 -- compare gibt einen sog. Ordering
11 -- Typ zurück (LT,EQ,GT)
12 f :: Ord a => a -> a -> Ordering
13 f x y = compare x y
```

f) `f x y z`
 `| y = 1`
 `| x == z = x * 5`
 `| otherwise = z - 1`

Lösung:

```
1 -- Diese Funktion hat 3 Argumente
2 f :: a -> b -> c -> d
3 f x y z
4   | y = 1
5   | x == z = x * 5
6   | otherwise = z - 1
7
8 -- 'y' wird in einem Guard benutzt
9 f :: a -> Bool -> c -> d
10
11 -- 'x' und 'z' werden verglichen
12 -- => sind gleich und sind von Eq
13 f :: Eq a => a -> Bool -> a -> d
14
15 -- 'x' und 'z' benutzen (*) und (-)
16 -- => sind von Num
17 f :: (Num a, Eq a) => a -> Bool -> a -> d
18
19 -- wir geben entweder 'x' oder 'z' zurück
20 f :: (Num a, Eq a) => a -> Bool -> a -> a
```

g) `f 'c' (y:ys) = []`

Lösung:

```
1  -- Diese Funktion hat zwei Argumente
2  f :: a -> b -> c
3  f 'c' (y:ys) = []
4
5  -- 'c' ist Patternmatch auf ein Char
6  f :: Char -> b -> c
7
8  -- (y:ys) sagt dass es eine Liste ist
9  f :: Char -> [b] -> c
10
11 -- Der Rückgabewert ist eine leere Liste
12 -- die kann von beliebigen Typ sein
13 f :: Char -> [b] -> [c]
```

h) `f x y = [z | z <- y, mod x z == 1]`

Lösung:

```
1  -- Diese Funktion nimmt zwei Argumente
2  f :: a -> b -> c
3  f x y = [z | z <- y, mod x z == 1]
4
5  -- wir sehen dass aus 'y' Elemente
6  -- rausgezogen werden (z <- y)
7  -- => y ist eine Liste
8  f :: a -> [b] -> c
9
10 -- wir benutzen modulo auf x und z
11 -- => beide von Integral
12 -- => gleicher Typ
13 f :: Integral a => a -> [a] -> c
14
15 -- Wir geben eine Liste zurück mit
16 -- Elementen aus 'y'
17 f :: Integral a => a -> [a] -> [a]
```

i) `f w x y z = let fooooo x`
 | `w = z`
 | `otherwise = y`
 `in fooooo 10`

Lösung:

```

1  -- Diese Funktion nimmt vier Argumente
2  f :: a -> b -> c -> d -> e
3
4  -- wir sehen dass 'w' in einem Guard
5  -- benutzt wird
6  -- => w :: Bool
7  f :: Bool -> b -> c -> d -> e
8
9  -- foo nimmt ein Argument und gibt
10 -- z oder y zurück und wird mit 10
11 -- aufgerufen
12 -- => z und y vom gleichen Typ
13 -- => ist der Rückgabewert
14 f :: Bool -> b -> a -> a -> a

```

j) `f x y = case elem x y of`
 `True -> 0`
 `False -> 1.0`

Lösung:

```

1  -- Diese Funktion nimmt zwei Argumente
2  f :: a -> b -> c
3  f x y = case elem x y of
4           True -> 0
5           False -> 1.0
6
7  -- wir sehen dass 'x' in 'y' mit
8  -- 'elem' gesucht wird
9  -- => y ist eine Liste
10 -- => x vom gleichen Typ wie y-Elemente
11 -- => wir müssen vergleichen können (Eq)
12 f :: Eq a => a -> [a] -> c
13
14 -- wir geben 1.0 zurück
15 -- => Rückgabewert ist Fractional
16 f :: (Eq a, Fractional c) => a -> [a] -> c

```

k) `f x = map (/2) [1..x]`

Lösung:

```
1  -- Diese Funktion nimmt ein Argument
2  f :: a -> b
3  f x = map (/2) [1..x]
4
5  -- [1..x] bedeutet dass wir eine
6  -- Enumeration benutzen. Die Typklasse
7  -- heißt Enum
8  f :: Enum a => a -> b
9
10 -- wir wenden auf jedes Element der
11 -- Liste (/2) an. Für Division brauchen
12 -- Fractional
13 f :: (Enum a, Fractional b) => a -> [b]
14
15 -- Wenn wir Dividieren wollen, müssen beide
16 -- Elemente vom gleichen Typ sein
17 f :: (Enum a, Fractional a) => a -> [a]
```

l) `f g = foldl g 0 [(-5.0), (-4.5)..(-0.5)]`

Lösung:

```
1  -- Diese Funktion nimmt ein Argument
2  f :: a -> b
3  f g = foldl g 0 [(-5.0), (-4.5)..(-0.5)]
4
5  -- zur Erinnerung, foldl(-eft) faltet
6  -- eine Liste von links mit einer
7  -- Funktion die das Element + Akkumulator
8  -- nimmt
9  foldl :: (b -> a -> b) -> b -> [a] -> b
10
11 -- die Liste von Zahlen besteht aus
12 -- einer Enumeration und Fließkommazahlen
13 [(-5.0), (-4.5)..(-0.5)] :: (Fractional a, Enum a) => [a]
14
15 -- Der Akkumulator 0 ist zunächst nur irgendeine Zahl
16 0 :: Num a => a
17
18 -- f erwartet von uns eine Funktion die etwas
19 -- mit dem Element + Akkumulator anstellt
20 g :: (b -> a -> b)
21   |      |      |_____
22   |      |      \
23   akk   listelement  ergebnis
24
25 -- Die Liste besteht aus Fractional + Enum
26 g :: (Fractional a, Enum a) => (b -> a -> b)
27
28 -- Der Akkumulator ist von Num
29 g :: (Fractional a, Enum a, Num b) => (b -> a -> b)
30
31 -- Nun können wir das in f einsetzen
32 f :: (Fractional a, Enum a, Num b) => (b -> a -> b) -> b
```