

КРИПТОГРАФІЯ КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ №3

Вивчення криптосистеми RSA та алгоритму
електронного підпису; ознайомлення з методами
генерації параметрів для асиметричних криптосистем

Варіант 12

Виконали:
ФБ-05 Левицький Євген
ФБ-05 Дегтярьов Микола

Київ – 2022

Мета та основні завдання роботи: Ознайомлення з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA; практичне ознайомлення з системою захисту інформації на основі криптосхеми RSA, організація з використанням цієї системи засекреченого зв'язку й електронного підпису, вивчення протоколу розсилання ключів.

Хід роботи:

В рамках виконання практикуму було створено функції:

test_number – перевірка числа на простоту на основі тесту Міллера

find_number – генерує число, перевіряє його тестом Міллера

generate_keys – генерує p, q, p1, q1

extended_evclid – розширений алгоритм Євкліда

inverse_mod – функція пошуку оберненого

rsa_pair – генерує d, n, e

enc_msg – шифрує повідомлення

Decryption – розшифровує повідомлення

sign – функція підпису повідомлення

sign_check – перевірка надісланого підпису

send_key – надсилання шифрованого повідомлення

receive_key – отримує повідомлення і перевіряє підпис

Вивід виконання програми:

Для користувача А

```
A
e: 2587283768029595514506010092459927657635838623822857584870471637967179990672079716426921475792902115588405893494715960366982239373780442468130237002419829
n: 5975564093756064697037570676081159732405289922643874237625854354207709830793698709697979297884179183252109324191517258151928265054510911821418053607301763
d: 720762466218371136796928434589871303505412107931620984658683924323510473480663646934477790178927895961311633652129205851493419956025898707570713446955829
p: 96561986816167988918821470815870831479822077719694440257000448560907423790461
q: 61883193281142573940978296492052652146917487820875121754527502390355017283583
```

Для користувача В

```
B
e_1: 8460299700852010679939023267061216923307602586855170598799915636510208600625458544485314184209904520956242722851129514114717439312334380830508871497588519
n_1: 12547245150001754961410740161620213881362304514792304973380295399076024301532783775445025175715300717008935594469949260013807866731742543161489382641609489
d_1: 11377405577311117641227911288433036764993263938970519495082538826313552280508919865902238062546605950497652595124989870592157873728936258927040169575669039
p_1: 115514673428089829865331821558488962891158212943474888658132826540665956562871
q_1: 108620357722888455078844745845937978527197593737317176410964372442021144503159
```

Вивід к, повідомлення, підпису, зашифрованого і розшифрованого повідомлення

```
Start k: 3043828053492679529448352961431433596161044339769769240867182808548259141830657545105077045132899966113531472601633604414983493646035310714183552553354616
Message: 855869633698696966368707564520582446027429794489953022737602630929869087860191772883087128174225538130247038978661056329178882964076655842916314137205731
Sign: 11358112030750858344604276984162198572617405519465941493232650546874465386030479616952657022871383271147429943965810153500176854377799702836026711586956697

The key has been received: 3043828053492679529448352961431433596161044339769769240867182808548259141830657545105077045132899966113531472601633604414983493646035310714183552553354616

Encrypted message: 55619958305909655617615875891194403025511787921890736890299467680952403235409720370390423320568615321844245046223021672077474193398092661733657549213147197
Decrypted message: 855869633698696966368707564520582446027429794489953022737602630929869087860191772883087128174225538130247038978661056329178882964076655842916314137205731
```

Починаємо перевірку за сайтом

Get server key

✖ Clear

Key size

256

Get key

Modulus

AB377B7E3A23BFA837930FD72C3C2DBEB9D96D74D9CF3472F4D44B53FF273CD3

Public exponent

10001

Encryption

✖ Clear

Modulus

AB377B7E3A23BFA837930FD72C3C2DBEB9D96D74D9CF3472F4D44B53FF273CD3

Public exponent

10001

Message

54321

Bytes

▼

Encrypt

Ciphertext

3A0CD8DD2B7F9E99FA92E2C18810EBB71E142CFF8ECD17D9293E0AB5FBAF5A75

Sign

✖ Clear

Message

54321

Bytes

▼

Sign

Signature

31EFEFBE9C0994E2F9144A5900D5F58936CE58346D4E4C3F006101000AB6A15F

Verify

Message

54321

Bytes

Signature

31EFEFBE9C0994E2F9144A5900D5F58936CE58346D4E4C3F006101000AB6A15F

Modulus

AB377B7E3A23BFA837930FD72C3C2DBEB9D96D74D9CF3472F4D44B53FF273CD3

Public exponent

10001

Verify

Verification

true

Перевірка кодом значень шифротексту і підпису з сайту
Зробивши маленьку модифікацію

```
def sign_check(self):
    if self.m == pow(self.s, self.e, self.n):
        print("Success")
    else:
        print("Fail")
    return self.m == pow(self.s, self.e, self.n)
```

Пишемо код з переведенням і функціями

```
n = int("AB377B7E3A23BFA837930FD72C3C2DBEB9D96D74D9CF3472F4D44B53FF273CD3", 16)
print(f'n: {n}')
e = int("10001", 16)
print(f'e: {e}')
msg = int("54321", 16)
print(f'Message: {msg}')
encrypted_msg = Encrypting(msg, e, n).enc_msg()
print(f"Ciphertext: {hex(encrypted_msg)}")
sign = int("31EFEFBE9C0994E2F9144A5900D5F58936CE58346D4E4C3F006101000AB6A15F", 16)
print(f"Sign is: {sign}")
SignCheck(msg, sign, e, n).sign_check()
```

Можемо порівняти результат, шифротекст сходиться, підпис підтвердився

```
n: 77443526014178117913027085556916285480645644762467986596911818493245612571859
e: 65537
Message: 344865
Ciphertext: 0x3a0cd8dd2b7f9e99fa92e2c18810ebb71e142cff8ecd17d9293e0ab5fbaf5a75
Sign is: 22587260685261495725541891882802590307003827024017773024547268332574152761695
Success
```

Висновки

В результаті виконання практикуму ми практично ознайомились з системою захисту інформації на основі криптосхеми RSA. Було засвоєно і практично використано тест Міллера-Рабіна для перевірки чисел на простоту і генерації простих чисел. Мали змогу використати Asym Crypto Lab Environment і з його допомогою перевірити нами створені функції криптосхеми RSA.