### RESULTADO DE APRENDIZAJE

### RdA de la asignatura:

- **RdA 1:** Comprender los conceptos básicos del Álgebra Lineal y Geometría Analítica en el campo de la Ingeniería.
- **RdA 2:** Analizar los problemas relacionados al Álgebra Lineal y Geometría Analítica en el campo de la Ingeniería.

### RdA de la actividad:

- Comprender las definiciones geométricas de las cónicas como lugares geométricos.
- Identificar las propiedades principales de parábolas, elipses y sus representaciones en el plano.
- Interpretar visualmente las cónicas como cortes de un cono doble.

#### Introducción

**Pregunta inicial:** ¿Qué tienen en común la trayectoria de un cometa, el reflejo del sonido en un auditorio, y la órbita de un planeta?

#### **DESARROLLO**

# Actividad 1: Exploración del lugar geométrico y las secciones cónicas

# ¿Cómo lo haremos?

- Clase magistral: Introducción al concepto de lugar geométrico mediante el problema: «Caracterizar todos los puntos de  $\mathbb{R}^2$  cuya distancia al punto (1,2) sea igual a 3».
- Transformaciones de lugares geométricos: Se discute cómo las traslaciones y rotaciones afectan a las curvas.
- **Motivación visual:** Se utilizan animaciones en GeoGebra para presentar las cónicas como cortes de un cono doble: Conic sections.
- Parábola: Definición interactiva usando Parábola, y análisis de propiedades con Parabolic reflector.
- **Elipse:** Definición mediante focos con Elipse Definición, y propiedades clave usando Reflexión en la elipse.

Andrés Merino Clase 09: Cónicas

- Resumen: Se utilizará el Resumen09.pdf.
- **Recomendación de lectura:** Se propone el artículo «La clasificación de la ecuación cuadrática de dos variables» para una profundización teórica:

# Verificación de aprendizaje:

- ¿Qué condiciones debe cumplir un punto para pertenecer a una parábola?
- ¿Cuál es la relación entre los focos y cualquier punto de una elipse?
- ¿Qué cambia al trasladar una cónica respecto al origen?

#### CIERRE

**Tarea:** Resolver del libro Precálculo: matemáticas para el cálculo de Stewart, sección 11.5, los ejercicios: 15, 17, 23, 25.

# Pregunta de investigación:

- 1. ¿Qué ocurre con la ecuación de una cónica si se rota el sistema de coordenadas?
- 2. ¿Cómo se puede clasificar una cónica con base en su ecuación general?
- 3. ¿Por qué las órbitas planetarias reales se aproximan a una elipse?

Para la próxima clase: Leer el blog Álgebra Lineal I: Producto interior y desigualdad de Cauchy-Schwarz para preparar el estudio del producto escalar y sus aplicaciones.