Lecture 11: 中间代码生成-I

Xiaoyuan Xie 谢晓园 xxie@whu.edu.cn 计算机学院E301



中间表示形式

后缀表达式

$E \rightarrow E opE \mid uopE \mid (E) \mid id \mid num$

表达式E的后缀表示可以如下归纳定义:

表达式E 后缀式E'

id id

num num

 $E_1 \circ p E_2$ $E_1' E_2' \circ p$

uopE E'uop

(E) E'

后缀表达式

- 后缀表示不需要括号
 - (8-5) + 2的后缀表示是85-2+
- 后缀表示的最大优点是便于计算机处理表达式

计算栈 输入串 85-2+ 85-2+ -2+

2 +

3 2

5

3

后缀表达式

- 后缀表示不需要括号
 - (8-5)+2的后缀表示是85-2+
- 后缀表示的最大优点是便于计算机处理表达式
- 后缀表示也可以拓广到表示赋值语句和控制语句,但很难 用栈来描述控制语句的计算

图形表示

- 语法树是一种图形化的中间表示
 - 语法树中,公共子表达式每出现一次,就有一个对应的子树
- 有向无环图也是一种中间表示——有向无环图(Directed Acyclic Graph, DAG)
 - 能够指出表达式中的公共子表达式,更简洁地表示表达式

■ 可以用和构造抽象语法树一样的SDD来构造

	PRODUCTION	SEMANTIC RULES
1)	$E \to E_1 + T$	$E.node = \mathbf{new} \ Node('+', E_1.node, T.node)$
2)	$E \to E_1 - T$	$E.node = \mathbf{new} \ Node('-', E_1.node, T.node)$
3)	$E \to T$	E.node = T.node
4)	$T \to (E)$	T.node = E.node
5)	$T \to \mathbf{id}$	$T.node = \mathbf{new} \ Leaf(\mathbf{id}, \mathbf{id}.entry)$
6)	$T \rightarrow \mathbf{num}$	$T.node = \mathbf{new} \ Leaf(\mathbf{num}, \mathbf{num}.val)$

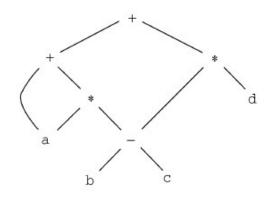


图 6-3 表达式 a + a * (b - c) + (b - c) * d 的 DAG

■ 不同的处理

■ 在函数Leaf和Node每次被调用时,构造新节点前先检查是否已存在同样的节点,如果已

经存在,则返回这个已有的节点

■ 构造过程示例

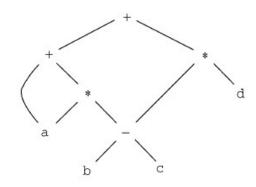
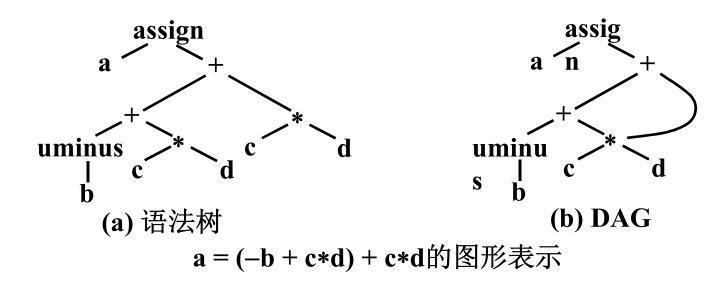


图 6-3 表达式 a + a * (b - c) + (b - c) * d 的 DAG

- 1) $p_1 = Leaf(id, entry-a)$
- 2) $p_2 = Leaf(id, entry-a) = p_1$
- 3) $p_3 = Leaf(id, entry-b)$
- 4) $p_4 = Leaf(id, entry-c)$
- 5) $p_5 = Node('-', p_3, p_4)$
- 6) $p_6 = Node('*', p_1, p_5)$
- 7) $p_7 = Node('+', p_1, p_6)$
- 8) $p_8 = Leaf(\mathbf{id}, entry-b) = p_3$
- 9) $p_9 = Leaf(id, entry-c) = p_4$
- 10) $p_{10} = Node('-', p_3, p_4) = p_5$
- 11) $p_{11} = Leaf(\mathbf{id}, entry-d)$
- 12) $p_{12} = Node('*', p_5, p_{11})$
- 13) $p_{13} = Node('+', p_7, p_{12})$

图 6-5 图 6-3 所示的 DAG 的构造过程

构造赋值语句语法树的语法制导定义 修改构造结点的函数可生成有向无环图



构造赋值语句语法树的语法制导定义

修改构造结点的函数可生成有向无环图

产生式	语 义 规 则
$S \rightarrow id = E$	S.nptr = mkNode('assign', mkLeaf(id,
	id.entry), E.nptr)
$E \rightarrow E_1 + E_2$	$E.nptr = mkNode('+', E_1.nptr, E_2.nptr)$
$E \rightarrow E_1 * E_2$	$E.nptr = mkNode(`*`, E_1.nptr, E_2.nptr)$
$E \rightarrow -E_1$	$E.nptr = mkUNode($ 'uminus', $E_1.nptr($)
$E \rightarrow (E_1)$	$E.nptr = E_1.nptr$
$F \rightarrow id$	E.nptr = mkLeaf (id, id.entry)

三地址代码

- 每条指令右侧最多有一个运算符
 - 一般情况可以写成x = y op z
- 允许的运算分量(地址)最多3个
 - 名字:源程序中的名字作为三地址代码的地址
 - 常量:源程序中出现或生成的常量
 - 编译器生成的临时变量

三地址代码

■ 指令集合(1)

- 运算/赋值指令: x=y op z x = op y
- 复制指令: x=y
- 无条件转移指令:goto L
- 条件转移指令: if x goto L if False x goto L
- 条件转移指令: if x relop y goto L

三地址代码

· 指令集合(2)

- 过程调用/返回 p(x1, x2, ..., xn)

· param x1 //设置参数

• param x2

• ...

param xn

· call p, n //调用子过程p, n为参数个数

- 带下标的复制指令:x=y[i] x[i]=y

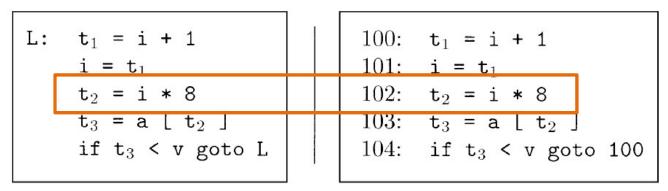
· 注意:i表示离开数组位置第i个字节,而不是数组的第i个元素

- 地址/指针赋值指令:

三地址代码实例

■ 语句

• do i = i + 1; while (a[i] < v);



a) 符号标号

b) 位置号

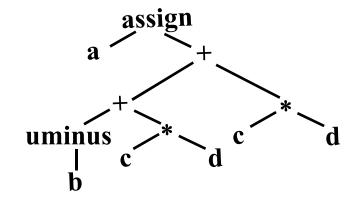
三地址代码实例

■ 三地址代码是语法树或DAG的一种线性表示

■ 例:a = (-b + c*d) + c*d 语法树的代码

$$t_1 = -b$$

 $t_2 = c * d$
 $t_3 = t_1 + t_2$
 $t_4 = c * d$
 $t_5 = t_3 + t_4$
 $a = t_5$



三地址代码实例

■ 三地址代码是语法树或DAG的一种线性表示

语法树的代码 DAG的代码

$$t_1 = -b$$

$$t_2 = c * a$$

$$t_3 = t_1 + t_2$$

$$t_4 = c * d$$

$$t_5 = t_3 + t_4$$

$$a = t_5$$

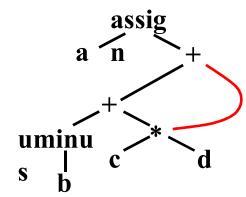
$$t_1 = -b$$

$$t_2 = c * d \qquad \qquad t_2 = c * d$$

$$t_3 = t_1 + t_2$$
 $t_3 = t_1 + t_2$

$$t_4 = t_3 + t_2$$

$$a = t_4$$



三地址指令的四元式表示方法

- 在实现时,可以使用四元式/三元式/间接三元式来表示三地址指令
- 四元式:可以实现为纪录(或结构)
- 格式(字段): op arg1 arg2 result
 - op: 运算符的内部编码
 - arg1,arg2,result是地址
 - X=y+z + y z x
- 单目运算符不使用arg2
- param运算不使用arg2和result
- 条件转移/非条件转移将目标标号放在result字段

三地址指令的四元式表示方法

■ 例:赋值语句:a=b* -c + b* -c

$$t_1$$
 = minus c
 t_2 = b * t_1
 t_3 = minus c
 t_4 = b * t_3
 t_5 = t_2 + t_4
a = t_5

	op	arg_1	arg_2	result
0	minus	С		t_1
1	*	b	t ₁	t_2
2	minus	С	l	t_3
3	*	Ъ	t ₃	t_4
4	+	t_2	t ₄	t ₅
5	=	t ₅	I	a

a) 三地址代码

b) 四元式

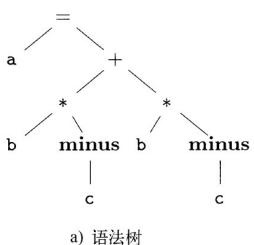
图 6-10 三地址代码及其四元式表示

三地址指令的三元式表示方法

- 三元式 (triple) op arg1 arg2
- 使用三元式的位置来引用三元式的运算结果
 - x[i]=y需要拆分为两个三元式
 - 求x[i]的地址,然后再赋值
 - x=y op z需要拆分为(这里?是编号)
 - (?) op y z
 - = x ?

三地址指令的三元式表示方法

■ 例:a=b*-c+b*-c



op	arg_1	arg_2
minus	С	I
*	b	(0)
minus	C	ı
*	ъ	(2)
+	(1)	(3)
=	a	(4)
	minus * minus * + +	minus c * b minus c * b + (1)

问题:在优化时经常需要移动/删除/添加三元式,导致三元式的移动

b) 三元式

图 6-11
$$a = b^* - c + b^* - c$$
 的表示

间接三元式

- 包含了一个指向三元式的指针的列表
- 我们可以对这个列表进行操作,完成优化功能;操作时不需要修改三元式中的参数

instruction		
35	(0)	
36	(1)	
37	(2)	
38	(3)	
39	(4)	
40	(5)	

op	arg_1	arg_2
minus	c	1
*	b	(0)
minus	C	1
*	b	(2)
+	(1)	(3)
=	a	(4)

图 6-12 三地址代码的间接三元式表示

静态单赋值(SSA)

- 一种便于某些代码优化的中间表示
- 和三地址代码的主要区别
 - 所有赋值指令都是对不同名字的变量的赋值

三地址代码	静态
p = a +b	$p_1 = a + b$
q = p - c	$q_1 = p_1 - c$
p = q * d	$p_2 = q_1 * d$
p = e - p	$p_3 = e - p_2$
q = p + q	$q_2 = p_3 + q_1$

静态单赋值(SSA)

- 一种便于某些代码优化的中间表示
- 和三地址代码的主要区别
 - 所有赋值指令都是对不同名字的变量的赋值
 - 对于同一个变量在不同路径中定值的情况,可以使用φ函数来合并不同的定值

```
if (flag) x = -1; else x = 1; y = x * a; 
改成 if (flag) x_1 = -1; else x_2 = 1; x_3 = \phi(x_1, x_2); //由flag的值决定用x_1还是x_2
```



什么是类型

- 一个程序变量在程序执行期间的值可以设想为有一个范围, 这个范围的一个界叫做该变量的类型。
 - 变量都被给定类型的语言叫做类型化语言(typed language)。
 - 语言若不限制变量值的范围,则被称作未类型化的语言(untyped language)

- 类型化语言的类型系统(type system)是该语言的一个组成部分,它始终监视着程序中变量的类型,通常还包括所有表达式的类型。
- 一个类型系统主要由一组定型规则(typing rules)构成, 这组规则用来给各种语言构造(程序、语句、表达式等) 指派类型。

■ 程序运行时的执行错误分成两类

- 会被捕获的错误(trapped error)
 - 例:非法指令错误、非法内存访问、除数为零
 - 引起计算立即停止
- 不会被捕获的错误(untrapped error)
 - 例:下标变量的访问越过了数组的末端
 - 例:跳到一个错误的地址,该地址开始的内存正好代表一个指令序列
 - 错误可能会有一段时间未引起注意

■ 禁止错误 (forbidden error)

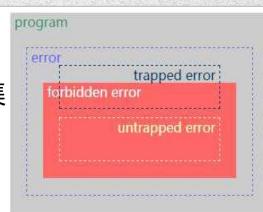
- untrapped error集合 + trapped error的一个子集
- 为语言设计类型系统的目标是在排除禁止错误

■ 良行为的程序(well-behaved)

■ A program fragment that will not produce forbidden errors at run time (不同场合对良行为的定义略有区别)

■ 安全语言

■ 任何合法程序都没有forbidden error



■ 类型化的语言

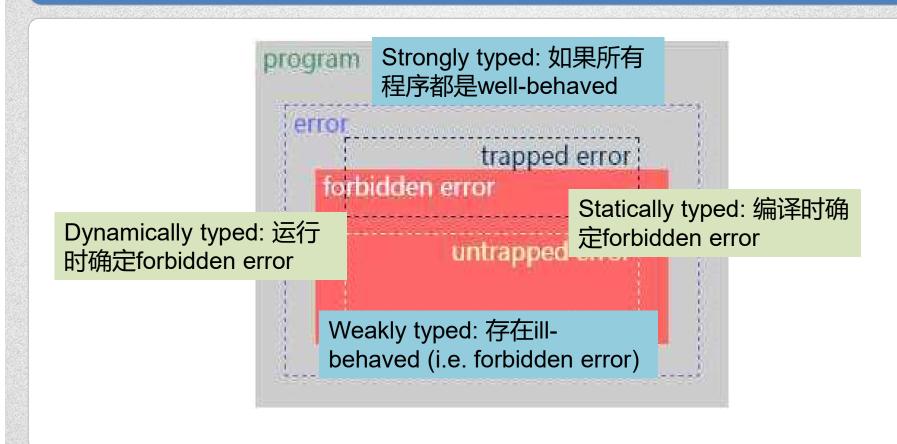
■ 变量都被给定类型的语言:表达式、语句等程序构造的类型都可以静态确定,例如,类型boolean的变量x在程序每次运行时的值只能是布尔值,not(x)总有意义

■ 未类型化的语言

■ 不限制变量值范围的语言:一个运算可以作用到任意的运算对象, 其结果可能是一个有意义的值、一个错误、一个异常或一个语言 未加定义的结果,例如:LISP语言

■ 显式类型化语言

- 类型是语法的一部分
- 隐式类型化的语言
 - 不存在隐式类型化的主流语言,但可能存在忽略类型信息的程序片段,例如不需要程序员声明函数的参数 类型



静态类型信息在编译中的作用

- 应用一:静态类型检查 (下周介绍)
 - 编译时确定forbidden error

类型表达式

- 类型本身也有结构,我们使用类型表达式 (type expression)来表示这种结构
 - 基本类型: Boolean, integer, float, char, void; 或
 - 类名;或

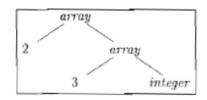


图 6-i4 int[2][3]的类型表达式

类型表达式

- 类型本身也有结构,我们使用类型表达式 (type expression)来表示这种结构
 - 通过将"类型构造算子"作用于类型表达式而得,例如:
 - array[数字,类型表达式]
 - record[字段/类型对的列表](可以用符号表表示)
 - 函数类型构造算子→:参数类型→结果类型
 - 笛卡尔积:s X t: struct { int a[10]; float f;} st 对应于:record((a × array(0..9, int)) × (f × real))
 - 可以包含取值为类型表达式的变量

类型表达式的例子

■ 类型例子

- 元素个数为3X4的二维数组
- 数组的元素的记录类型
- 该记录类型中包含两个字段: x和y,其类型分别是float和integer

■ 类型表达式

```
array[3,array[4, record[(x,float),(y,integer)]]
```

类型等价

- 不同的语言有不同的类型等价的定义
- 结构等价
 - 或者它们是相同的基本类型
 - 或者是相同的构造算子作用于结构等价的类型而得到的。
 - 或者一个类型是另一个类型表达式的名字
- 名等价
 - 类型名仅仅代表其自身

静态类型信息在编译中的作用

- **应用二:翻译时应用** (后面介绍不同语句翻译的时候会用 到)
 - 根据一个名字类型(查表可确定), 编译器即可实现存储空间(相对地址)的布局,包括
 - 确定名字所需内存空间、计算数组元素地址、类型转换、选择正确运算符
 - 绝对地址在运行时才可得;此处指的是相对地址,即,一个名字或某个数据 结构分量相对于数据区域开始位置的偏移量(offset)

局部变量名的存储布局

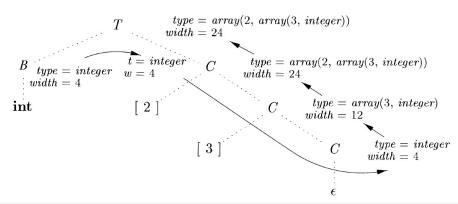
- 变量的类型可以确定变量需要的内存
 - 类型的宽度(width):指该类型的一个对象所需的存储单元的数量
 - 基本类型 (int, float, char):整数多个字节;
 - 组合类型(数组,类):连续的存储字节块
 - 可变大小的数据结构只需要考虑指针
- 多字节数据对象、<mark>函数的局部变量</mark>往往被存储在一段连续字节中,并以初始字节的地址作为该数据对象的地址
 - 给每个变量分配一个相对于这个区间开始处的相对地址
- 变量的类型信息保存在符号表中

局部变量名的存储布局

■ 计算类型和宽度的SDT

- 综合属性: type, width
- 全局变量t和w用于将类型和宽度信息从B传递到C → ε
 - 相当于C的继承属性,因为总是通过拷贝来传递,所以在SDT中只赋值一次,也可以把t和w替换为C.t和C.w

```
\begin{array}{lll} T & \rightarrow & B & \{ \ t = B.type; \ w = B.width; \ \} \\ C & \{ \ T.type = C.type; \ T.width = C.width \ \} \\ B & \rightarrow & \text{int} & \{ \ B.type = integer; \ B.width = 4; \ \} \\ B & \rightarrow & \text{float} & \{ \ B.type = float; \ B.width = 8; \ \} \\ C & \rightarrow & \epsilon & \{ \ C.type = t; \ C.width = w; \ \} \\ C & \rightarrow & [ \ \text{num} \ ] \ C_1 & \{ \ C.type = array(\text{num.value}, \ C_1.type); \\ C.width = & \text{num.value} \times C_1.width; \ \} \end{array}
```





声明语句的翻译

声明

■ 考虑例子

- 含义
 - D生成一个声明列表
 - T生成不同的类型
 - B生成基本类型int/float
 - C表示分量,生成[num]序列
 - 注意record中也是声明列表,其中字段声明和变量声明的文法一致

 $C \rightarrow \epsilon \mid [num] C$

除了确定类型和类型宽度,还有什么语义需要处理?符号表中的位置

普通字段声明序列SDT (不考虑作用域问题)

■ 计算被声明名字的类型和相对地址

```
P 
ightarrow \{offset = 0; \}
D 
ightarrow T id; \{enter (id.lexeme, T.type, offset); offset = offset + T.width \}
D_1
T 
ightarrow integer
\{T.type = integer; T.width = 4 \}
T 
ightarrow real \{T.type = real; T.width = 8 \}
```

普通字段声明序列SDT (不考虑作用域问题)

■ 计算被声明名字的类型和相对地址

```
P 
ightarrow \{ \text{offset} = 0; \} 
D 
ightarrow T \text{ id} ; \{ \text{enter} ( \text{id.lexeme}, \text{T.type}, \text{offset}); \text{offset} = \text{offset} + \text{T.width} \} 
D_1 
T 
ightarrow integer 
\{ \text{T.type} = \text{integer}; \text{T.width} = 4 \} 
T 
ightarrow real \{ \text{T.type} = \text{real}; \text{T.width} = 8 \}
```

- 作用域:一个声明起作用的程序部分称为该声明的作用域。
 - 过程中出现的名字,如果是在该过程的一个声明的作用域内,那么这个出现称为局部于该过程的;否则叫做非局部的。
 - 局部和非局部的区分也适用于其他任何可包含声明的语法结构。
 - 作用域是名字声明的一个性质
- 需要多张符号表来实现作用域信息的保存

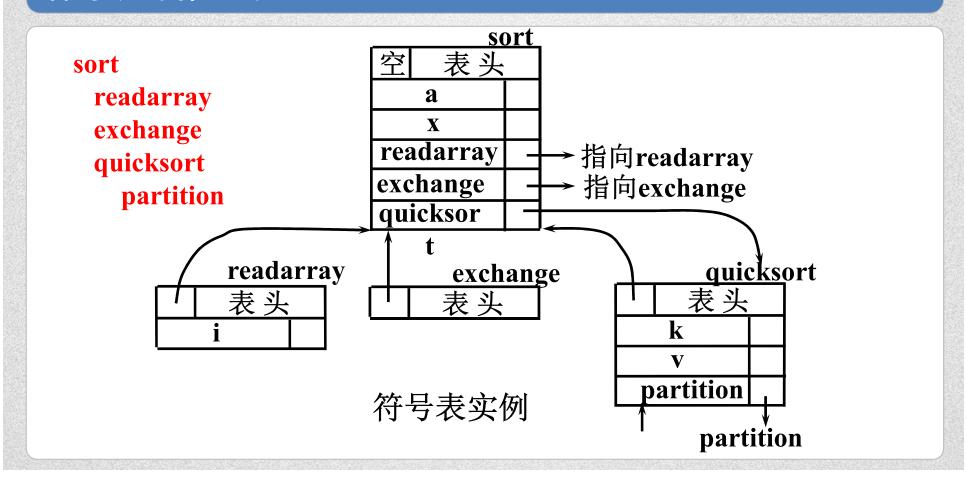
■ 考虑嵌套变量的声明

```
P \rightarrow D; S

D \rightarrow D; D \mid id : T \mid

proc id; D; S
```

```
var a:...; x:...;
readarray
var i:...;
exchange
quicksort
var k, v:...;
partition
var i, j:...;
程序参数被略去
```



■ 符号表的特点

- 各过程有各自的符号表
- 符号表之间有双向链
- 构造符号表时需要符号表栈
- 构造符号表需要活动记录栈

符号表栈(tblptr) 活动记录栈(offset)

■ 语义动作用到的函数

mkTable(previous)
enter(table, name, type, offset)
addWidth(table, width)
enterProc(table, name, newtable)

```
P \rightarrow MD; S {addWidth (top (tblptr), top (offset));
                       pop(tblptr); pop (offset) }
M \rightarrow \varepsilon {t = mkTable (nil);
                       push(t, tblprt); push (0, offset) }
D \rightarrow D_1; D_2
D \rightarrow \text{proc id}; N D_1; S \{t = top(tblptr);
           addWidth(t, top(offset) ); pop(tblptr); pop(offset);
           enterProc(top(tblptr), id.lexeme, t) }
D \rightarrow id : T \{enter(top(tblptr), id.lexeme, T.type, top(offset));
                 top(offset) = top(offset) + T.width }
N \rightarrow \varepsilon {t = mkTable(top(tblptr));
                 push(t, tblptr); push(0, offset) }
```

```
P \rightarrow MD; S {addWidth (top (tblptr), top (offset));
                       pop(tblptr); pop (offset) }
M \rightarrow \varepsilon {t = mkTable(nil);
                       push(t, tblprt); push (0, offset) }
D \rightarrow D_1; D_2
D \rightarrow \text{proc id}; N D_1; S \{t = top(tblptr);
           addWidth(t, top(offset) ); pop(tblptr); pop(offset);
           enterProc(top(tblptr), id.lexeme, t) }
D \rightarrow id : T \{enter(top(tblptr), id.lexeme, T.type, top(offset));
                 top(offset) = top(offset) + T.width }
N \rightarrow \varepsilon {t = mkTable(top(tblptr));
                 push(t, tblptr); push(0, offset) }
```

```
P \rightarrow MD; S {addWidth (top (tblptr), top (offset));
                       pop(tblptr); pop (offset) }
M \rightarrow \varepsilon {t = mkTable(nil);
                       push(t, tblprt); push (0, offset) }
D \rightarrow D_1; D_2
D \rightarrow \text{proc id}; N D_1; S \{t = top(tblptr);
           addWidth(t, top(offset) ); pop(tblptr); pop(offset);
           enterProc(top(tblptr), id.lexeme, t) }
D \rightarrow id : T \{enter(top(tblptr), id.lexeme, T.type, top(offset));
                 top(offset) = top(offset) + T.width }
N \rightarrow \varepsilon {t = mkTable(top(tblptr));
                 push(t, tblptr); push(0, offset) }
```

记录的处理

- $T \rightarrow record$ '{ 'D '}'
- · 为每个记录创建单独的符号表
 - 首先创建一个新的符号表,压到栈顶
 - 然后处理对应于字段声明的D,字段都被加入到新符号表中
 - 最后根据栈顶的符号表构造出record类型表达式;符号表出栈

```
T 
ightharpoonup \operatorname{record} `\{`LD`'\}'
\{T.type = record (top(tblptr));
T.width = top(offset);
pop(tblptr); pop(offset) \}
L 
ightharpoonup \epsilon\{t = mkTable(nil);
push(t, tblprt); push(0, offset) \}
```

```
T 	o \mathbf{record} '{' { Env.push(top); top = new Env(); 
 Stack.push(offset); offset = 0; } 
 D '}' { T.type = record(top); T.width = offset; 
 top = Env.pop(); offset = Stack.pop(); }
```

Env是存储表的栈 Stack是存储offset值的栈 top是当前栈顶所指的表 (top.get, top.put) offset是当前栈顶所指的表的整体偏移量



赋值语句的翻译

表达式代码的SDD

■ 将表达式翻译成三地址指令序列

一	后又规则 ————————————————————————————————————	
$S \rightarrow id = E$;	$S.code = E.code \mid $ $gen(top.get(\mathbf{id}.lexeme) '=' E.addr)$	
$E \rightarrow E_1 + E_2$	$E.addr = \mathbf{new} \; Temp ()$ $E.code = E_1.code \mid \mid E_2.code \mid \mid E_2.code \mid \mid en(E.addr'='E_1.addr'+'E_2.addr)$	
- E ₁	$E.addr = \mathbf{new} \ Temp()$ $E.code = E_1.code \mid \mid$ $gen(E.addr'=''\mathbf{minus}' \ E_1.addr)$	
(E ₁)	$E.addr = E_1.addr \ E.code = E_1.code$	
i d	$E.addr = top.get(\mathbf{id}.lexeme)$ E.code = ''	

code表示代码

addr表示存放表达式结果的 地址(临时变量)

new Temp()可以生成一个临时变量

gen(...)生成一个指令

表达式代码的SDD

■ 例:赋值语句:a=b* -c + b* -c

产生式	语义规则	
$S \rightarrow id = E$;	$S.code = E.code \mid \mid$ $gen(top.get(\mathbf{id}.lexeme) '=' E.addr)$	$t_1 = minus c$
$E \rightarrow E_1 + E_2$	$E.addr = \mathbf{new} \ Temp()$ $E.code = E_1.code \mid\mid E_2.code \mid\mid$ $gen(E.addr'='E_1.addr'+'E_2.addr)$	$t_2 = b * t_1$ $t_3 = minus c$ $t_4 = b * t_3$
- E ₁	$E.addr = \mathbf{new} \ Temp()$ $E.code = E_1.code \mid \mid gen(E.addr'=' '\mathbf{minus'} \ E_1.addr)$	$t_5 = t_2 + t_4$ a = t_5
\mid (E_1)	$E.addr = E_1.addr \ E.code = E_1.code$	a) 三地址代码
i d	E.addr = top.get(id.lexeme) E.code = ''	

表达式代码的SDD

■ 可做重名检查

```
top.get(id.lexeme)
S \rightarrow \text{id} := E \qquad \{p = lookup(\text{id}.lexeme); \\ \text{if } p != nil \text{ then} \\ gen(p, '=', E.addr) \\ \text{else } error \}
E \rightarrow \text{id} \quad \{p = lookup(\text{id}.lexeme); \\ \text{if } p != nil \text{ then } E.addr = p \text{ else } error \}
```

增量式翻译方案

■ 主属性code满足增量式翻译的条件

```
S \rightarrow id = E:
                    S.code = E.code | |
                                  gen(top.get(id.lexeme))'='E.addr)
E \rightarrow E_1 + E_2
                    E.addr = \mathbf{new} \ Temp()
                    E.code = E_1.code \mid\mid E_2.code \mid\mid
                                  qen(E.addr'='E_1.addr'+'E_2.addr)
    -E_1
                    E.addr = new Temp()
                    E.code = E_1.code \parallel
                                  qen(E.addr'=''minus' E_1.addr)
    \mid (E_1)
                    E.addr = E_1.addr
                    E.code = E_1.code
    | id
                    E.addr = top.get(id.lexeme)
                    E.code = ''
```

gen依次执行直接生成指令序列

```
S \rightarrow \mathbf{id} = E; { gen(top.get(\mathbf{id}.lexeme) '=' E.addr); }

E \rightarrow E_1 + E_2 { E.addr = \mathbf{new} \ Temp(); gen(E.addr '=' E_1.addr '+' E_2.addr); }

| -E_1 { E.addr = \mathbf{new} \ Temp(); gen(E.addr '=' '\mathbf{minus}' \ E_1.addr); }

| (E_1) { E.addr = E_1.addr; }

| \mathbf{id} { E.addr = top.get(\mathbf{id}.lexeme); }
```

- - n个数组元素是0,1,...,n-1进行顺序编号的
 - 假设每个数组元素宽度是w,那么数组A的第i个元素的开始地址为base + i*w
 - base是A[0]的相对地址

■ 二维数组

- A[i₁][i₂]表示第i₁行第i₂个元素。假设一行的宽度是w₁,同一行中每个元素的宽度是w₂, A[i₁][i₂]的相对地址是base+i₁*w₁+i₂*w₂
- 根据第j维上的数组元素的个数 n_j 和该数组每个元素的宽度w进行计算的,如二维数组 $A[i_1][i_2]$ 的地址base+ $(i_1*n_2+i_2)*w$
- 对于k维数组A[i₁][i₂]...[ik] , 推广
 - base+ $i_1^*w_1+i_2^*w_2+...+i_k^*w_k$
 - 于k维数组A[i₁][i₂]...[iೖ 的地址base+((...(i₁*n₂+i₂) *n₃+i₃)...)*nೖ+iೖ)*w

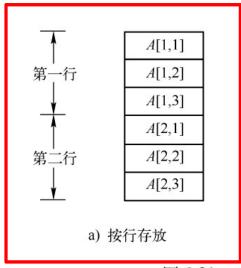
■ 有时下标不一定从0开始,

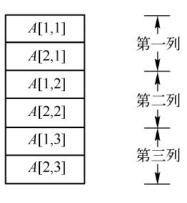
■ 比如一维数组编号low,low+1,...,high,此时base是A[low]的相对地址。计算A[i]的地址变成base+(i-low)*w

■ 预先计算技术

■ base+i*w和base+(i-low)*w都可以改写成i*w+c的形式,其中 c=base-low*w可以在编译时刻预先计算出来,计算A[i]的相对地址只要计算i*w再加上c就可以了

■ 上述地址的计算是按行存放的





按行存放策略和按列存放策 略可以推广到多维数组中

b) 按列存放

图 6-21 二维数组的存储布局

数组引用的翻译

- 为数组引用生成代码要解决的主要问题
 - 数组引用的文法和地址计算相关联
- 假定数组编号从0开始,基于宽度来计算相对地址
- 数组引用相关文法
 - 非终结符号L生成一个数组名字加上一个下标表达式序列

$$L \to L[E] \mid id [E]$$

数组引用生成代码的翻译方案

- 非终结符号L的三个综合属性
 - L.addr指示一个临时变量,计算数组引用的偏移量
 - L.array是一个指向数组名字对应的符号表条目的指针, L.array.base为该数组的基地址
 - L.type是L生成的子数组的类型,对于任何数组类型t,其宽度由t.width给出,t.elem给出其数组元素的类型

数组引用生成代码的翻译方案

核心是确定数组引用的地址

```
S \rightarrow \mathbf{id} = E \; ; \quad \{ \; gen(\; top.get(\mathbf{id}.lexeme) \; '=' \; E.addr); \; \}
\mid \; L = E \; ; \quad \{ \; gen(L.array.base \; '[' \; L.addr \; ']' \; '=' \; E.addr); \; \}
E \rightarrow E_1 + E_2 \quad \{ \; E.addr = \mathbf{new} \; Temp(); \\ \; gen(E.addr \; '=' \; E_1.addr \; '+' \; E_2.addr); \; \}
\mid \; \mathbf{id} \qquad \{ \; E.addr = \; top.get(\mathbf{id}.lexeme); \; \}
\mid \; L \qquad \{ \; E.addr = \; \mathbf{new} \; Temp(); \\ \; gen(E.addr \; '=' \; L.array.base \; '[' \; L.addr \; ']'); \; \}
```

```
\begin{array}{ll} L \ \rightarrow \ \mathbf{id} \ [\ E\ ] & \{\ L.array = top.get(\mathbf{id}.lexeme); \\ L.type = L.array.type.elem; \\ L.addr = \mathbf{new} \ Temp\,(); \\ gen(L.addr'='\ E.addr'*'\ L.type.width); \,\} \\ \\ | \ L_1\ [\ E\ ] & \{\ L.array = L_1.array; \\ L.type = L_1.type.elem; \\ t = \mathbf{new} \ Temp\,(); \\ L.addr = \mathbf{new} \ Temp\,(); \\ gen(t'='\ E.addr'*'\ L.type.width); \\ gen(L.addr'='\ L_1.addr'+'\ t); \,\} \end{array}
```

图 6-22 处理数组引用的语义动作

数组引用翻译示例

- 基于数组引用的翻译方案,表达式c+a[i][j]的注释语法树及三地址代码序列
- 假设a是一个2*3的整数数组,c、i、j都是整数
 - 那么a的类型是array(2, array(3, integer)), a的宽度是24
 - a[i]的类型是array(3,integer), 宽度是12
 - a[i][j]的类型是整型

数组引用翻译示例

```
E.addr = t_5
L \rightarrow id [E]
                    \{L.array = top.get(id.lexeme);
                                                                                                                                   t_1 = i * 12
                      L.type = L.array.type.elem;
                                                                                                                                   t_2 = i * 4
                      L.addr = new Temp():
                                                                       E.addr = c
                                                                                                               E.addr = t_A
                                                                                                                                      = t_1 + t_2
                      gen(L.addr'='E.addr'*'L.type.width); 
                                                                                                                                   t_4 = a [t_3]
                                                                                                                                   t_5 = c + t_4
                                                                                                              L.array = a
      L_1 [E] \{L.array = L_1.array;
                                                                                                               L.type = integer
                      L.type = L_1.type.elem;
                                                                                                               L.addr = t_3
                     t = \mathbf{new} \ Temp();
                                                                                    L.array = a
                      L.addr = new \ Temp():
                                                                                     L.type = array(3, integer)
                                                                                                                      E.addr = i
                      gen(t'='E.addr'*'L.type.width);
                                                                                     L.addr = t_1
                      gen(L.addr'='L_1.addr'+'t); \}
  E \rightarrow E_1 + E_2 \quad \{ E.addr = \mathbf{new} \ Temp() \}
                                                                                                 E.addr = i
                                                                      a.tupe
                      gen(E.addr'='E_1.addr'+'E_2.addr); \}
                                                                      = array(2, array(3, integer))
        id
                    \{E.addr = top.get(id.lexeme); \}
                                                                                 图 6-23 c+a[i][j]的注释语法分析树
      \mid L
                    \{ E.addr = \mathbf{new} \ Temp() \}
                      gen(E.addr'='L.array.base'['L.addr']'); \}
```

L.addr指示一个临时变量,计算数组引用的偏移量 L.array是一个指向数组名字对应的符号表条目的指针,L.array.base为该数组的基地址 L.type是L生成的子数组的类型,对于任何数组类型t,其宽度由t.width给出,t.elem给出其数组元素的类型

作业

■ 教材p237:6.2.2

■ 教材p242:6.3.1

■ 教材p247:6.4.3(2)

Thank you!