# ANTENAS DE MICROFITA UTILIZANDO A CURVA DE FRACTAL DE MINKOWSKI

Elder Eldervitch C. de OLIVEIRA (1); Ronaldo de A. MARTINS (2); Adaildo G. D' ASSUNÇÃO (3); João Bosco L. de OLIVEIRA (4);

- (1) Universidade Federal do Rio Grande do Norte, Av Sen. Salgado Filho, s/n. CEP: 59072-970, Natal-RN, e-mail: elder2@ymail.com
- (2) Universidade Federal do Rio Grande do Norte, Av Sen. Salgado Filho, s/n. CEP: 59072-970, Natal-RN, e-mail: ronaldo@ufrnet.br
- (3) Universidade Federal do Rio Grande do Norte, Av Sen. Salgado Filho, s/n. CEP: 59072-970, Natal-RN, e-mail: adaildo@ct.ufrn.br
- (4) Universidade Federal do Rio Grande do Norte, Av Sen. Salgado Filho, s/n. CEP: 59072-970, Natal-RN, e-mail: bosco@sedis.ufrn.br

#### **RESUMO**

Nos últimos anos a demanda por dispositivos leves, compactos e portáteis tem aumentado o interesse dos pesquisadores e da indústria mundial. O desafío encontrado nas pesquisas atuais é reduzir as dimensões desses dispositivos sem perda de performance nas mais diversas aplicações, por exemplo, sistemas *wireless*. Antenas *patches* fractal são apresentadas nesse trabalho com a finalidade de reduzir as dimensões de uma antena *patch* retangular convencional projetada para frequência de 2,45 GHz. A curva fractal de Minkowski foi utilizada no projeto das antenas. As antenas analisadas apresentaram frequência de ressonância inferior ao *patch* retangular, essa característica nos permitirá reduzir as dimensões das antenas fractais quando reprojetadas para a frequência investigada de 2,45 GHz. Os projetos das antenas foram auxiliados através de simulações com o *software Ansoft Designer* que implementa o método dos momentos (MoM). A partir destas simulações, vários protótipos de antenas foram construídos. Com o intuito de validar os resultados obtidos, foram feitas comparações entre os resultados medidos e simulados. Assim, verificou-se uma redução de até 42% na área das antenas projetadas com a curva fractal de Minkowski.

Palavras-chave: curva de Minkowski, miniaturização, antenas de microfita, antena fractal

# 1 INTRODUÇÃO

O avanço dos sistemas de comunicação sem fio (wireless) e o crescimento de suas aplicações nos últimos anos, tornaram o uso de antenas compactas multibanda/banda larga um grande atrativo e de suma importância em aplicações comerciais e bélicas. Os exemplos mais comuns são encontrados na variedade de aparelhos de comunicação sem fio portátil, tais como: telefones celulares, handsets, palmtops, laptops, entre outros. O surgimento de diferentes tecnologias sem fio, a exemplo do GSM (sistema global para comunicações móveis), RFID (identificação por rádio frequência), bluetooth, Wi-Fi e WiMAX, tem servido de motivação para impulsionar as pesquisas na busca por dispositivos mais leves, compactos e de custo reduzido, como é o caso das antenas planares em microfita. A construção de antenas com estas características, possivelmente sem perdas de desempenho, ainda é um desafio as pesquisas atuais. Este artigo aborda o conceito de fractal e como ele pode ser usado para reduzir o tamanho de antenas em microfita ou para se obter respostas em frequência multibanda.

Em particular, uma análise de antenas *patch* utilizando a curva fractal de Minkowski é realizada com a finalidade de reduzir as dimensões de uma antena *patch* retangular convecional projetada para a frequência de 2,45 GHz, banda ISM (*Industrial, Scientific and Medical*). A seção 2 apresenta um estudo a respeito de antenas em microfita, a qual é a estrutura geradora das antenas fractais propostas. A geometria fractal utilizada neste trabalho é descrita na seção 3, situando-a no contexto histórico e descrevendo as suas propriedades e o método IFS de geração da curva de Minkowski. A estrutura da antena proposta e os resultados numéricos e experimentais são apresentados nas seções 4 e 5 respectivamente. Por fim a seção 6 apresenta as conclusões finais desse trabalho.

#### 2 ANTENA DE MICROFITA

Inicialmente proposta por Deschamps et al. (1953), antenas em microfita têm-se tornado bastante popular devido principalmente à facilidade com que é construída e ao baixo custo de fabricação, associado a sua capacidade de integração com outros circuitos e módulos multicamada. Conforme ilustra a Figura 1, uma antena *patch* em microfita consiste basicamente de duas placas condutoras, paralelas, separadas por um substrato dielétrico, sendo uma das placas o elemento irradiante (*patch*) e a outra o plano de terra.

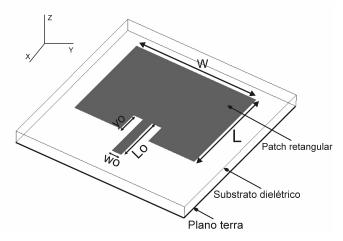


Figura 1 – Antena de microfita

O elemento irradiante pode ser alimentado normalmente por linha de microfita (Figura 1) ou ponta de prova coaxial (BALANIS, 1997). O *patch* normalmente é feito de cobre, em algumas exceções utiliza-se um laminado de ouro e pode assumir várias formas geométricas, contudo as mais comumente utilizadas são os polígonos regulares, por exemplo, retângulo, circulo, triângulos e mais recentemente as formas fractais (COHEN, 1997). Além de apresentar baixo custo de fabricação e dimensões reduzidas, como citado anteriormente, inúmeras são as vantagens de uma antena em microfita em relação a outras antenas para a faixa de microondas, tais como:

- Perfil planar baixo e conformidade a vários tipos de estruturas:
- Compatibilidade com sistemas embarcados, a exemplo os aparelhos celulares, pagers, entre outros;
- Antenas em microfita podem se ajustar a superfícies onduladas, o que torna possível aplicação em fuselagens de aviões e mísseis;

#### 3 GEOMETRIAL FRACTAL - A CURVA DE MINKOWSKI

O geometria fractal introduzida inicialmente na década de 70 por Benoit Mandelbrot refere-se a objetos construídos recursivamente, onde um aspecto do objeto limite é infinito e outro é finito, e onde em qualquer interação, algum pedaço do objeto é uma versão em escala reduzida do objeto na iteração anterior (MANDELBROT, 1991). Puente et al. (1998) e Cohen et al. (1997) foram os pioneiros nos estudo e desenvolvimento de antenas com elementos fractais, reduzindo as dimensões da antena sem, no entanto degenerar seu desempenho. Diferente da geometria Euclidiana, a geometria fractal apresenta duas propriedades comuns que a caracteriza, são elas: o preenchimento do espaço e a auto-similaridade (PUENTE, 1998). A propriedade de auto-similaridade pode ser usada para projetar antenas fractais multibanda, por sua vez, a propriedade de preenchimento do espaço, é responsável pela miniaturização das dimensões da antena. A dimensão fractal é um parâmetro importante de um fractal. De acordo com a propriedade de auto-similaridade, a dimensão fractal ou dimensão auto-similar é definida por

$$D = \frac{\log(N)}{\log(r)}$$
 [Eq. 01]

Em que. N é o número total de cópias distintas do elemento original e r é o fator de escala de redução.

A geometria fractal utilizada neste trabalho para o projeto e construção das antenas investigadas foi baseada na curva de Minkowski. Conforme ilustra a Figura 2, a obtenção da curva de Minkowski se dá pelo método IFS (*iterative function system*) a partir de 8 (oito) transformações afins  $q_i : R^2 \to R^2$  dado pela [Eq. 02] (MANDELBROT, 1991).

$$q_{i}(x, y) = \frac{1}{4} \begin{pmatrix} \cos(\theta_{i}) & -\sin(\theta_{i}) \\ \sin(\theta_{i}) & \cos(\theta_{i}) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} e_{i} \\ f_{i} \end{pmatrix}$$
 [Eq. 02]

As oito transformações fazem a contração de 1/4; A segunda transformação  $(q_2)$  faz uma rotação de  $\pi/2$  rad e uma translação de 1 unidade para cima;  $q_3$  realiza uma translação de 1 unidade para a direita e 1 unidade para cima;  $q_4$  faz uma rotação de  $\pi/2$  rad e uma translação de 2 unidade para a direita;  $q_5$  realiza uma rotação de  $\pi/2$  rad e uma translação de 2 unidades para a direita e um deslocamento de 1 unidade para baixo;  $q_7$  faz uma rotação de  $\pi/2$  rad e uma translação de 3 unidade para a direita; por fim,  $q_8$  realiza uma translação de 3 unidades para a direita.

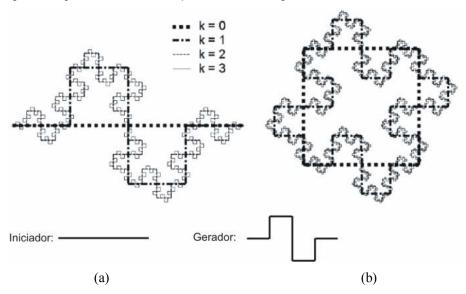


Figura 2 – Diferentes níveis do fractal de Minkowski: (a) curva; (b) ilha de Minkowski

## 4 ESTRUTURA DAS ANTENAS PROPOSTAS

Todos os *patches* foram impressos em um substrato fibra de vidro (FR4) com permissividade elétrica de 4,4 e espessura igual a 1,5 mm. As dimensões do *patch* retangular (A0) é 29,094 mm x 37,234 mm. A frequência de ressonância é calculada segundo o modelo dado pela [Eq. 03] (BALANIS, 1997).

$$Fr_{mn} = \frac{c}{4L\sqrt{\varepsilon_r}}\sqrt{(m)^2 + (n)^2}$$
 [Eq. 03]

Em que, FR<sub>mn</sub> é a frequência no modo (mn) ressonante, c é a velocidade da luz. A correspondente frequência (fundamental) de projeto é 2,45 GHz de acordo com o modelo acima.

A Figura 3 apresenta a geometria das antenas com contornos fractais de Minkowski propostas e as respectivas dimensões físicas (em mm) associadas. A partir da antena geradora do tipo *patch* retangular, designada como nível zero (A0), as antenas fractais propostas foram projetadas aplicando a curva de Minkowski a margem radiante e não radiante da antena A0, obtendo dessa maneira as antenas *patches* Minkowski de níveis 1 e 2 (M1 e M2) respectivamente. Pode-se observar que a curva de Minkowski foi aplicado em apenas três dos quatro lados da antena *patch* A0. O lado que não contém o contorno fractal é justamente utilizado para realizar a excitação das antenas através de uma linha de microfita e conector (tipo

SMA). A fim de se evitar reflexões indesejáveis, o casamento de impedâncias entre a linha de microfita e o *patch* foi alcançado com o uso de duas fendas no *patch*, cada uma com a largura da linha de alimentação. O comprimento y0 destas fendas, parâmetro geométrico associado ao casamento de impedâncias, foi otimizado por meio de simulações precisas das antenas propostas com o auxilio do *software Ansoft Designer* que implementa o método dos momentos (MoM).

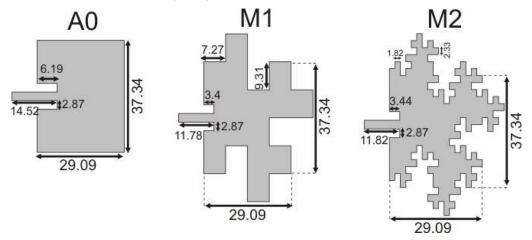


Figura 3 – Estrutura das antenas patches propostas com contornos fractais de nível 0, 1 e 2

As medições de seus parâmetros elétricos foram realizadas com um analisador de redes vetorial N5230A. O processo de fabricação de cada antena envolveu quatro etapas (ver Figura 4): (a) elaboração precisa do leiaute com auxílio de um *software* de CAD (neste caso usou-se o *CorelDraw<sup>TM</sup>*); (b) preparação da placa de FR4 e confecção de máscara adesiva com os respectivos leiautes de impressão; (c) corrosão das faces de cobre, descobertas pela máscara de impressão, por imersão da placa de FR4 em solução de percloreto de ferro; (d) instalação e soldagem dos conectores.

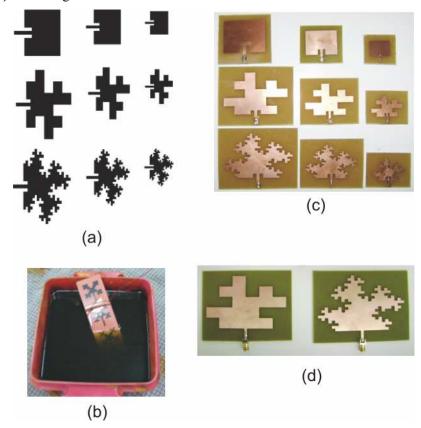


Figura 4 – (a) leiautes das máscaras de impressão das antenas *patches* projetadas; (b) Imagem da placa de FR4 durante a imersão em solução corrosiva; (c) Imagem das antenas após a corrosão e o corte; (d) Imagem das antenas *patch*es com contornos fractais após a instalação dos conectores

#### 5 RESULTADOS SIMULADOS E EXPERIMENTAIS

Os primeiros resultados obtidos foram simulados no *software Ansoft Designer*<sup>TM</sup> para análise das estruturas modeladas. A Figura 5 ilustra os resultados obtidos para a perda de retorno das três antenas mostradas anteriormente (ver Figura 3). Estes resultados são resumidos na Tabela 1.

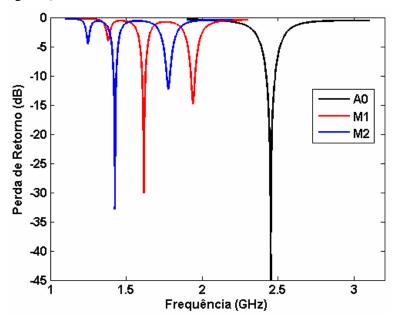


Figura 5 – Resultado simulado da perda de retorno para as antenas propostas

Antenas	A0	M1	M2
Frequência de Ressonância	2,45 GHz	1,62 GHz / 1,94 GHz	1,42 GHz / 1,78 GHz
Largura de Banda	60 MHz	26 MHz / 30 MHz	21 MHz / 21 MHz
Perda de Retorno	-47 dB	-30,05 dB / -14,8 dB	-32,81 dB / -12,5 dB
Fator de Compressão (%)	_	33,9	42

Tabela 1 – Resultados simulados para as antenas projetadas

Desse resultado preliminar, se pode observar uma redução considerável na frequência de ressonância as antenas M1 e M2 quando comparado ao *patch* retangular (A0). Essa redução na frequência de ressonância para a antena M1 é responsável por uma redução em sua dimensão de aproximadamente 33,9% na sua área, quando uma vez re-projetada para a frequência de 2,45 GHz. Por sua vez, a antena *patch* M2 apresentou uma frequência de ressonância ainda menor, o que caracteriza uma redução de aproximadamente 42% em relação à antena A0 quando a mesma for re-projetada para opera na frequência de 2,45 GHz.

A Figura 6 apresenta as curvas obtidas com os valores simulados da frequência de ressonância em função das dimensões de cada antena e do nível do contorno fractal Minkowski. Os resultados medidos também são sobrepostos a estas curvas. A boa concordância entre os resultados simulados e medidos apontam para a validação da metodologia de projeto/otimização utilizada, bem como, dos procedimentos experimentais realizados durante a medição das antenas. Com o resultado esboçado na curva, percebe-se claramente que para uma mesma frequência de ressonância a antena *patch* M2 apresentou as menores dimensões. Após uma série de simulações os protótipos das respectivas antenas projetadas foram construídos com a finalidade de

validar os resultados simulados. O equipamento utilizado nas medições foi o analisador de rede vetorial modelo N5230A.

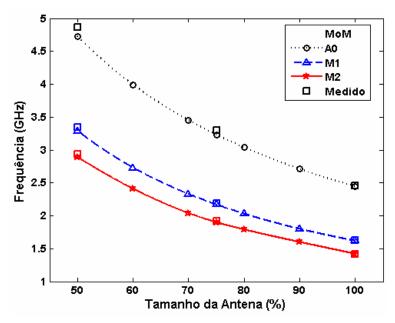


Figura 6 - Frequência de ressonância em função das dimensões das antenas

As Figuras 7, 8 e 9 ilustram respectivamente um comparativo entre simulação e medição para as antenas analisadas, em que se observa uma boa concordância entre os resultados. Esses resultados se encontram resumidos na Tabela 2.

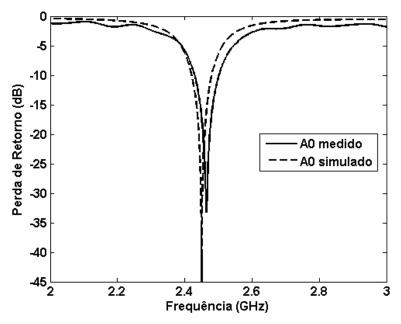


Figura 7 – Comparação entre simulação e medição para a antena A0

Tabela 2 – Resultados medidos para as antenas projetadas

Antenas	A0	M1	M2
Frequência de Ressonância	2,46 GHz	1,62 GHz / 1,96 GHz	1,42 GHz / 1,79 GHz
Largura de Banda	76 MHz	26 MHz / 35 MHz	23 MHz / 30 MHz

Perda de Retorno	-33	dB -5	54,6 dB / -17,3	dB	-43 dB / -15,8 dB
Fator de Compressão	o (%) —	_	33,9		42
Derda de Retorno (dB) - 21 25 - 25					medido simulado -
-45 <u> </u>	1.2 1.4	1.6 Frequê	1.8 ncia (GHz)	2	2.2

Figura 8 - Comparação entre simulação e medição para a antena M1

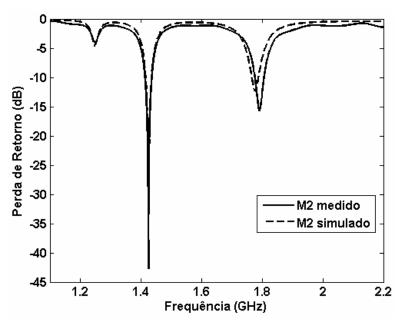


Figura 9 – Comparação entre simulação e medição para a antena M2

A Figura 10 ilustra os resultados simulados do diagrama de radiação 3D e da distribuição de corrente no *patch* irradiante para as antenas analisadas. Observa-se um diagrama de radiação semelhante ao de uma antena *patch* retangular convencional, em que o máximo da radiação no campo distante ocorre na direção perpendicular ao elemento radiante (*broadside*).

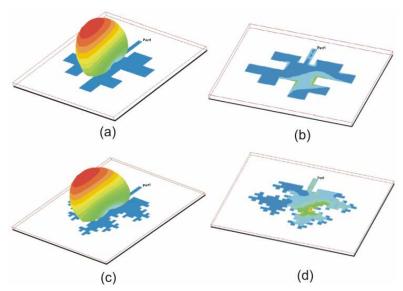


Figura 10 – (a) e (c) Diagrama de radiação 3D para as antenas M1 e M2; (b) e (d) Distribuição de corrente no patch irradiante

## 6 CONCLUSÃO

Neste trabalho a curva fractal de Minkowski foi utilizada no projeto de antenas *patches* fractais com a finalidade reduzir suas dimensões sem no entanto degradar sua performance. Foi demonstrado que o uso dessa curva possibilitou uma redução considerável nas dimensões da antena, obtendo-se uma redução de até 42% quando comparado a um *patch* retangular (A0) operando em 2,45 GHz. Essas dimensões reduzidas mostram que as antenas fractais podem ser uma boa escolha para aplicações em dispositivos que requeiram baixo perfil. Entretanto, a redução das dimensões produziu uma redução na largura de banda, o que não é desejável. Houve boa concordância entre os resultados simulados e os medidos. Para trabalhos futuros, pretende-se investigar a redução das dimensões sem diminuir o desempenho das antenas, visando sua aplicação em sistemas *wireless*.

# REFERÊNCIAS

BALANIS, C. A. Antenna Theory-analysis and Design. 2. ed. New York: John Wiley & Sons, 1997.

MANDELBROT, B. B. Objetos Fractais: forma, acaso e dimensão, Lisboa: Gradiva Publicações, 1991.

COHEN, N. **Fractal Antenna Applications in Wireless Telecommunications**. Proceedings of Electronics Industries Forum of New England, p. 43-49, 1997.

DESCHAMPS, G. A., Microstrip Microwave Antennas. In: III USAF Symposium on Antennas, 1953.

HANSEN, R.C. Fundamental Limitations in Antennas. Proceedings of IEEE, Vol. 69, No. 2, 1981.

HARRINGTON, R. F. Effect of antenna size on gain, bandwidth and efficiency. J. Res. Nat. Bureau Standards-D, Radio Propagation, Vol. 64D, p. 1-12, 1960.

LIEBENDORFER, M. and DERSCH, U. Wireless LAN diversity antenna system for PCMCIA card integration, IEEE Vehicle Technology Conference, p. 2022-2026, 1997.

LO, T. K. HO, C. HWANG, Y. LAM E. and LEE, B. Miniature aperture-coupled microstrip antenna of very high permittivity. Electronic Letters, Vol.33, No. 1, p. 9-10, 1997.

PUENTE, C. ROMEU, J. POUS, R. CARDAMA, A. **On the Behavior of the Sierpinsk Multiband Fractal Antenna**. IEEE Transactions on Antennas and Propagation, Vol. 46, No. 4, p. 517-524, 1998.