Расчетно-графическая работа по математическому анализу Вариант 6

Егор Федоров Даниил Горляков

Университет ИТМО

Декабрь 2023

РГР по матанализу

Федоров, Горляков

Задание 1. Потенциал векторного поля

Поток векторного поля

Задание 3. Конформные этображения.

- Дано векторное поле $\vec{H} = (e^x; -e^y)$. План.
 - Убедитесь, что поле потенциально
 - Найдите уравнения векторных линий
 - Изобразите векторные линии на рисунке
 - Изобразите линии уровня потенциала (эквипотенциальные линии). Проиллюстрируйте ортогональность линий уровня и векторных линий.
 - ightharpoons Зафиксируйте точки A и B на какой-либо векторной линии. Вычислите работу поля вдоль этой линии.

Убедимся, что поле потенциально. Для этого найдем ${
m rot}\, ec H = {
m grad}\, ec H imes ec H.$

grad
$$\vec{H} = \left(\frac{\partial \vec{H}}{\partial x}; \frac{\partial \vec{H}}{\partial y}\right) = (e^x; -e^y)$$

rot
$$\vec{H} = \text{grad } \vec{H} \times \vec{H} = (e^x; -e^y; 0) \times (e^x; -e^y; 0) = (0, 0, e^x \cdot (-e^y) - (-e^y) \cdot e^x) = \vec{0}$$

Таким образом, так как rot $\vec{H}=\vec{0}$, то поле \vec{H} – потенциально.

Дано тело T, ограниченное следующими поверхностями:

$$z + \sqrt{4 - x^2 - y^2} = 0$$
 $x^2 + z^2 = 1$ $x^2 + y + z^2 = 2$

На рисунке предоставлено сечение тела T координатной плоскостью Oyz.

- ightharpoonup Изобразите тело T на графике в пространстве.
- Вычислите поток поля

$$\vec{a} = (\sin zy^2)\vec{i} + \sqrt{2}x\vec{j} + (\sqrt{2+y} - 3k)\vec{k}$$

через боковую поверхность тела T, образованную вращением дуги AFEDC вокруг оси Oy, в направлении внешней нормали поверхности тела T.

План выполнения работы:

- 1. Рассмотреть конформное отображение. Определить особые точки отображения (при наличии) и указать их вид.
- 2. Изобразить на комплексной плоскости отображение области виртуального пространства в область физического пространства с помощью заданного преобразования.
- 3. Выделить действительную и мнимую части отображения для построения искривленной координатной сетки в физическом пространстве.
- 4. Взять обратное преобразование к заданному и проанализировать его
- 5. Расчитать профиль показателя преломления используя конформное отображение

РГР по матанализу

Федоров, Горляков

Задание 1. Потенциал векторного поля

Поток векторного поля

Задание 3. Конформные отображения.

