Расчетно-графическая работа по математическому анализу Вариант 6

Егор Федоров Даниил Горляков

Университет ИТМО

Декабрь 2023

РГР по матанализу

Федоров, Горляков

Задание 1. Потенциал векторного поля

Поток векторного поля

Задание 3. Конформные этображения.

- Дано векторное поле $\mathbf{H} = (e^x; -e^y)$. План.
 - ▶ Убедитесь, что поле потенциально
 - Найдите уравнения векторных линий
 - Изобразите векторные линии на рисунке
 - Изобразите линии уровня потенциала (эквипотенциальные линии). Проиллюстрируйте ортогональность линий уровня и векторных линий.
 - ightharpoonup Зафиксируйте точки A и B на какой-либо векторной линии. Вычислите работу поля вдоль этой линии.

Критерий потенциальности векторного поля

потенциальности векторного поля.

Убедимся, что поле потенциально. Воспользуемся критерием

Непрерывное в области $D \subset \mathbb{R}^n$ векторное поле A потенциально в D тогда и только тогда, когда его работа на любом лежащем в D замкнутом пути равна нулю:

$$\oint \boldsymbol{H} \cdot d\boldsymbol{s} = 0$$

Проверим этот критерий для $H=(e^x,-e^y)$. Очевидно, что векторное поле H непрерывно на \mathbb{R}^2 .

Поток

Дано тело T, ограниченное следующими поверхностями:

$$z + \sqrt{4 - x^2 - y^2} = 0$$
 $x^2 + z^2 = 1$ $x^2 + y + z^2 = 2$

На рисунке предоставлено сечение тела T координатной плоскостью Oyz.

- ightharpoonup Изобразите тело T на графике в пространстве.
- Вычислите поток поля

$$a = (\sin zy^2)i + \sqrt{2}xj + (\sqrt{2+y} - 3k)k$$

через боковую поверхность тела T, образованную вращением дуги AFEDC вокруг оси Oy, в направлении внешней нормали поверхности тела T.

План выполнения работы:

- 1. Рассмотреть конформное отображение. Определить особые точки отображения (при наличии) и указать их вид.
- 2. Изобразить на комплексной плоскости отображение области виртуального пространства в область физического пространства с помощью заданного преобразования.
- 3. Выделить действительную и мнимую части отображения для построения искривленной координатной сетки в физическом пространстве.
- 4. Взять обратное преобразование к заданному и проанализировать его
- 5. Расчитать профиль показателя преломления используя конформное отображение

РГР по матанализу

Федоров, Горляков

Задание 1. Потенциал векторного поля

Поток векторного поля

Задание 3. Конформные отображения.

