РГР по матанализу

Федоров, Горляков

Вадача 1. Потенциал екторного поля

Расчетно-графическая работа по математическому анализу Вариант 6

Егор Федоров Даниил Горляков

Университет ИТМО

Декабрь 2023

- Дано векторное поле $\vec{H} = (e^x; -e^y)$.
 - Убедитесь, что поле потенциально
 - Найдите уравнения векторных линий
 - ▶ Изобразите векторные линии на рисунке
 - Изобразите линии уровня потенциала (эквипотенциальные линии).
 Проиллюстрируйте ортогональность линий уровня и векторных линий.
 - Зафиксируйте точки А и В на какой-либо векторной линии. Вычислите работу поля вдоль этой линии.

Задача 1. Потенциал векторного поля

Убедимся, что поле потенциально. Для этого найдем rot $\vec{H}=\operatorname{grad} \vec{H} imes \vec{H}.$

grad
$$\vec{H} = \left(\frac{\partial \vec{H}}{\partial x}; \frac{\partial \vec{H}}{\partial y}\right) = (e^x; -e^y)$$

$$rot \vec{H} = grad \vec{H} \times \vec{H} = (e^x; -e^y; 0) \times (e^x; -e^y; 0) = (0, 0, e^x \cdot (-e^y) - (-e^y) \cdot e^x) = \vec{0}$$

Таким образом, так как rot $\vec{H}=\vec{0}$, то поле \vec{H} – потенциально.

Дано тело T, ограниченное следующими поверхностями:

$$z + \sqrt{4 - x^2 - y^2} = 0$$
 $x^2 + z^2 = 1$ $x^2 + y + z^2 = 2$

На рисунке предоставлено сечение тела T координатной плоскостью $\mathit{Oyz}.$

- ightharpoonup Изобразите тело T на графике в пространстве.
- Вычислите поток поля

$$\vec{a} = (\sin zy^2)\vec{i} + \sqrt{2}x\vec{j} + (\sqrt{2+y} - 3k)\vec{k}$$

через боковую поверхность тела T, образованную вращением дуги AFEDC вокруг оси Oy, в направлении внешней нормали поверхности тела T.