

第一章作业

P6 (Page 48)

这个习题开始探讨传播时延和传输时延，这是数据网络中的两个重要概念。考虑两台主机A和B由一条速率率为 R bps 的链路相连。假定这两台主机相隔 m 米，沿该链路的传播速率为 s m/s。主机A向主机B发送长度 L 比特的分组。

- a. 用 m 和 s 来表示传播时延 d_{prop} 。
- b. 用 L 和 R 来确定该分组的传输时间 d_{trans} 。
- c. 忽略处理和排队时延，得出端到端时延的表达式。
- d. 假定主机A在时刻 $t = 0$ 开始传输该分组。在时刻 $t = d_{trans}$ ，该分组的最后一个比特在什么地方？
- e. 假定 d_{prop} 大于 d_{trans} ，在时刻 $t = d_{trans}$ ，该分组的第一个比特在何处？
- f. 假定 d_{prop} 小于 d_{trans} 。在时刻 $t = d_{trans}$ ，该分组的第一个比特在何处？
- g. 假定 $s = 2.5 \times 10^8$ ， $L = 120$ 比特， $R = 56$ kbps。求出使 d_{trans} 等于 d_{prop} 的距离 m 。

a. $d_{prop} = m / s$

b. $d_{trans} = L / R$

c. 端到端的时延 $d = d_{prop} + d_{trans}$

d. 在时刻 $t = d_{trans}$ ，该分组最后一个比特传输完成，刚离开主机A在链路开头

e. $d_{prop} > d_{trans}$ ，在时刻 $t = d_{trans}$ ，该分组第一个比特还在两台主机的链路上

f. $d_{trans} < d_{prop}$ ，在时刻 $t = d_{trans}$ ，该分组第一个比特已经到达主机B

g. $d_{trans} = L / R$

$$d_{prop} = m / s$$

$$\therefore d_{trans} = d_{prop}$$

$$\therefore m = \frac{L \cdot s}{R} = \frac{120 \times 2.5 \times 10^8}{56 \times 10^3} m = 5.36 \times 10^5 m$$

P8 (Page 48)

假定用户共享一条 **3Mbps** 的链路。又设每个用户传输时要求 **150kbps**，但是每个用户仅有10%的时间传输。（参见1.3节中关于“分组交换与电路交换的对比”的讨论。）

- 当使用电路交换时，能够支持多少用户？
- 对于本习题的后续小题，假定使用分组交换。求出某给定用户正在传输的概率。
- 假定有120个用户。求出在任何给定时刻，实际有n个用户在同时传输的概率。（提示：使用二项式分布。）
- 求出有21个或更多用户同时传输的概率。

a. 电路交换须在所有时间为每个用户预留 **150 kbps**，所以该电路交换链路能支持用户为 $3 \text{Mbps} / 150 \text{ kbps} = 20$ (个)

b. 每个用户仅有10%的时间传输，故某给定用户正在传输的概率为 $P = 10\%$

c. 由b可得

$$P = C_{120}^n P^n (1-P)^{120-n}$$

d. 有21个或更多用户同时传输的概率为

$$1 - \sum_{n=0}^{20} C_{120}^n P^n (1-P)^{120-n}$$

设 X 为同时传输的用户数，则 $X \sim B(120, 0.1)$

由中心极限定理

$$Z = \frac{X - np}{\sqrt{np(1-p)}} \sim N(10, 1)$$

则

$$\begin{aligned} P(X < 21) &= P(Z < \frac{21 - 120 \times 0.1}{\sqrt{120 \times 0.1 \times 0.9}}) \approx P(Z < \frac{9}{3.2863}) \\ &= P(2.73) = 0.997 \end{aligned}$$

$$P(X \geq 21) = 1 - P(X < 21) = 1 - 0.997 = 0.003$$