RSA 算法报告

- 米家龙
- 18342075
- 数据科学与计算机学院

目录

- RSA 算法报告
 - 。 目录
 - 。 原理描述
 - 。 数据结构设计
 - 。 密钥生成
 - 。 解编码
 - 。 加密
 - 。 解密
 - 。 C 语言代码
 - 。 编译运行结果

原理描述

主要原理: 欧拉定理

对于互素的 a 和 m ,有 $a^{\varphi(m)} \equiv 1 \pmod{m}$

对于

- 满足N = pq的两个不同的素数 p 和 q
- 满足 0 < n < N 的整数 n, k 是正整数,有 $n^{k\varphi(N)+1} \equiv n \pmod{N}$

由于 $ed\equiv 1\ (\mathrm{mod}\ \varphi(N))$,即 $ed=k\varphi(N)+1$,所以 $n^{ed}=n^{k\varphi(N)+1}\equiv n\ (\mathrm{mod}\ N)$

而对于现在存在 $c = n^e \mod N$, $n' = c^d \mod N$

应用模算数运算规则得到 $n'=c^d \bmod N=(n^e)^d \bmod N=n \bmod N$, 即 $n'\equiv n \bmod N$

数据结构设计

本次使用了 gmp 库作为大数运算的依据

具体的变量和函数声明如下:

- 1 #include <stdio.h>
- 2 #include <gmp.h>
- 3 #include <string.h>
- 4 #include <stdlib.h>

5

```
6
     mpz_t p, q;
                                  // 两个素数
 7
                                  // n = p * q
     mpz_t n;
                                  // phi(n) = (p - 1) * (q - 1)
 8
     mpz_t phiN;
 9
                                  // 公钥为 (n, e)
     mpz_t e;
                                  // e 的逆元, 需要满足 ed mod phi(n) = 1
 10
     mpz_t d;
 11
                                  // 用于表示私钥 (n, d)
 12
     gmp_randstate_t greatRandomNumber; // 随机生成的大数
 13
 14
     mpz_t M, C; // M 是明文, C 是加密结果
 15
     mpz_t M2; // 用于解密后的明文储存
 16
     char *Message; // 明文字符串
 17
 18
     char *Message2;
                      // 解密后的明文字符串
                      // 伪随机生成字符串
 19
    char *PS;
                     // 填充后的明文
 20
     char *EM;
 21 char *cryptedText; // 加密后的字符串
     22
 23
    unsigned long long k; // 长度限制, n 的字节数
 24
    FILE *originFile; // 原始数据
 25
     FILE *encryptedFile; // 加密后的数据
    FILE *decryptedFile; // 解密后的数据
 26
     FILE *publicKeyFile; // 公钥文件
 27
 28
     FILE *privateKeyFile; // 私钥文件
 29
 30
     /**
 31
    * 生成 p, q, n, phi(n), e 等参数
     * 通过循环进行生成合适的密钥
 33
     * @param bit int 要求的 k 的位数
 34
     */
 35
     void generateKey(int bit);
 36
 37
     /**
 38
     * 清除所有大数
 39
 40
     void clearAll();
 41
 42
     /**
 43
    * 生成 PS 字符串
 44
 45
     void getPS(int mLen);
 46
     /**
 47
 48
     * 得到填充后的明文
 49
 50
     void getEM();
 51
 52
     /**
    * 将字符串转换为大数
     * @param dst mpz_t 目标大数
 55
     * @param src char* 源字符串
     * @param length int 长度, 一般用 k 来作为参数
 56
 57
     */
     void OS2IP(mpz_t dst, char src[], unsigned long length);
 59
    /**
 60
 61
     * 将大数装换为字符串
 62
     * @param src mpz_t 源大数
 63 * @param dst char* 目标字符串
```

```
64 * @param length int 长度, 一般用 k 来作为参数
65
     */
     void I2OSP(char dst[], mpz_t src, unsigned long length);
66
67
     /**
69
     * 解密函数
70
     */
71
     void decode();
72
73
     /**
74
     * 加密函数
75
76
     void encode();
77
78
     /**
79
     * 由于一开始 k 不确定
80
     * 因此需要 malloc 函数进行字符串的空间申请
81
     */
82
     void initString();
83
    /**
85
     * 加密过程
86
     * @param publicKeyFilePath char* 公钥文件路径
87
     * @param privateKeyFilePath char* 私钥文件路径
     * @param originFilePath char* 原始文本路径
88
     * @param encryptedFilePath char* 加密后的文本路径
90
     */
91
     void encryption(char publicKeyFilePath[], char privateKeyFilePath[],
92
                    char originFilePath[], char encryptedFilePath[]);
93
     /**
94
95
     * 解密过程
96
     * @param privateKeyFilePath char* 私钥文件路径
97
     * @param encryptedFilePath char* 加密后的文本路径
     * @param decryptedFilePath char* 解密后的文本路径
98
99
     */
100
     void decryption(char privateKeyFilePath[], char encryptedFilePath[],
101
                    char decryptedFilePath[]);
```

密钥生成

- 选择两个不同的大素数 p 和 q , 计算 n = pq
- 得到 $\varphi(n) = \varphi(pq) = \varphi(p)\varphi(q) = (p-1)(q-1)$
- 选择一个整数 e ,满足 $1 < e < \varphi(N)$ 并且 $\gcd(e, \varphi(n)) = 1$
- 找到一个足够大的正整数 d ,满足 $ed\equiv 1\ (rmmod\ \varphi(n))$,可以通过拓展欧几里得算法得到
- 得到公钥 (n, e) 和私钥 (n, d)

具体源代码如下:

```
1  /**
2  * 生成 p, q, n, phi(n), e 等参数
3  * 通过循环进行生成合适的密钥
4  * @param bit int 要求的 k 的位数
5  */
6  void generateKey(int bit);
```

```
7
 8
     void generateKey(int bit)
9
     {
       while (1)
10
11
12
         // 随机生成大数
         gmp_randinit_default(greatRandomNumber);
13
14
         gmp_randseed_ui(greatRandomNumber, time(NULL));
15
16
         // 初始化 p, q
17
         mpz_init(p);
18
         mpz_init(q);
19
         // 随机生成两个大数
20
21
         // mpz_urandomb(p, greatRandomNumber, (bit + 1) / 2);
22
         // mpz_urandomb(q, greatRandomNumber, (bit - 1) / 2);
23
         mpz_urandomb(p, greatRandomNumber, bit / 2 - 1);
24
         mpz_urandomb(q, greatRandomNumber, bit / 2 + 1);
25
26
27
         // 素数生成
28
         mpz_nextprime(p, p);
29
         mpz_nextprime(q, q);
30
31
         // 得到 n
32
         mpz_init(n);
33
         mpz_mul(n, p, q);
34
         if (mpz_sizeinbase(n, 2) == bit) // 用于判断是否生成合适的位数
35
36
37
           break;
38
39
       }
40
       // 计算 phi(n)
41
42
       mpz_init(phiN);
43
       mpz_sub_ui(p, p, 1);
44
       mpz_sub_ui(q, q, 1);
45
       mpz_mul(phiN, p, q);
46
47
       gmp_printf("p: %d q: %d n: %d\n", mpz_sizeinbase(p, 2), mpz_sizeinbase(q, 2),
     mpz_sizeinbase(n, 2));
48
       // 公钥
49
       // e 通常取 3, 17, 65537
50
       mpz_init_set_ui(e, 65537);
51
52
       gmp\_printf("Public key is: (%ZX, %ZX)\n\n", n, e);
53
       // 私钥
54
       mpz_init(d);
55
56
       mpz_invert(d, e, phiN); // 求逆元
       gmp\_printf("Private key is: (%ZX, %ZX)\n\n", n, d);
57
58
59
       initString();
60
     }
```

根据公私钥中的 n , 获得 n 的字节数 k

- 构建 PS,长度为 k-mLen-3,其中每个字节都是值都是1~255的随机数
- 构建 EM = 0x00 || 0x22 || PS || 0x00 || message

具体源代码如下:

```
1 void getPS(int mLen)
 2
 3
      PS = (char *)malloc(k - mLen - 2);
 4
       PS[k - mLen - 3] = 0;
 5
      for (int i = 0; i < k - mLen - 3; i++)
 6
 7
        PS[i] = rand() % 255 + 1;
 8
 9
10
     }
11
     void getEM()
12
13
14
     // 各个部分的长度
15
      int p1 = 1, p2 = 1, p3 = k - mLen - 3, p4 = 1, p5 = mLen;
16
      // part 1
17
18
       EM[0] = 0;
19
20
       // part 2
       EM[1] = 2;
21
22
23
       // part 3
       for (int i = 0; i < p3; i++)
24
25
        EM[i + p1 + p2] = PS[i];
26
27
28
29
       // part 4
30
       EM[p1 + p2 + p3] = 0;
31
32
       // part 5
33
       for (int i = 0; i < p5; i++)
34
         EM[p1 + p2 + p3 + p4 + i] = Message[i];
35
       }
36
37
38
      EM[k] = 0;
39
     }
```

加密

- 填充
 - 。 得到公钥中 n 的字节数 k
 - 。 要求明文 message 字节数 mLen < k-11
 - 。 根据解编码的规则,获得EM
- OS2IP:
 - 。 对于长度为 k 的 EM 存在如下格式 $X_0 X_1 \cdots X_{k-1}$
 - 。 得到明文大数 $M=X_0*256^{k-1}+X_1*256^{k-2}+X_2*256^{k-3}+\cdots+X_{k-2}*256+X_{k-1}$
- 加密:
 - $\circ \ \ C = M^e \bmod n$
- I2OSP:
 - 。 根据编码过程和加密后的大数

```
C = X_0 * 256^{k-1} + X_1 * 256^{k-2} + X_2 * 256^{k-3} + \cdots + X_{k-2} * 256 + X_{k-1}
```

- 。 逆向得到长度为 k 的 crypted Text $X_0 X_1 \cdots X_{k-1}$
- 。 输出密文 cryptedText

具体代码如下:

```
1  void encode()
2  {
3    getPS(mLen);
4    getEM();
5    OS2IP(M, EM, k);
6    mpz_powm(C, M, e, n);
7    I2OSP(cryptedText, C, k);
8  }
```

其中 OS2IP 和 I2OSP 的具体实现如下:

```
1 /**
    * 将字符串转换为大数
 2
    * @param dst mpz_t 目标大数
     * @param src char* 源字符串
 4
     * @param length int 长度, 一般用 k 来作为参数
 5
 6
     void OS2IP(mpz_t dst, char src[], unsigned long length);
 8
 9
   /**
10
   * 将大数装换为字符串
11
    * @param src mpz_t 源大数
     * @param dst char* 目标字符串
12
      * @param length int 长度, 一般用 k 来作为参数
13
     */
14
     void I20SP(char dst[], mpz_t src, unsigned long length);
15
16
     void OS2IP(mpz_t dst, char src[], unsigned long length)
17
18
19
      mpz_init(dst);
      for (int i = 0; i < length; i++)
20
21
        mpz_mul_ui(dst, dst, 256);
22
        mpz_add_ui(dst, dst, src[i] & 0x0000ff);
24
      }
25
     }
26
27
     void I20SP(char dst[], mpz_t src, unsigned long length)
```

```
28 {
29
       free(dst);
30
       dst = (char *)malloc(length + 1);
31
       mpz_t tmp, copy;
       mpz_init_set(copy, src);
32
33
      // 循环生成字符串
34
      for (int i = length - 1; i >= 0; i--)
35
36
37
       mpz_init(tmp);
38
       mpz_mod_ui(tmp, copy, 256);
        dst[i] = mpz_get_ui(tmp) & 0x0000ff;
39
40
       mpz_div_ui(copy, copy, 256);
      }
41
42
```

解密

使用私钥 (n, d)

- 得到公钥中 n 的字节数 k
- 要求密文的字节数需要为 k
- 编码 (OS2IP): 同上
- 解密:

```
\circ M = C^d \bmod n
```

- 解码 (I2OSP) : 同上
- 得到的 EM = 0x00 || 0x22 || PS || 0x00 || message
- 输出解密结果 message

具体实现代码如下:

```
void decode()

{

OS2IP(C, cryptedText, k);

mpz_init(M2);

mpz_powm(M2, C, d, n);

unsigned long long size = mpz_sizeinbase(n, 2);

k = size / 8 + (size % 8 ? 1 : 0);

I2OSP(Message2, M2, k);

}
```

C语言代码

完整代码如下,也可查看同文件下的 rsa.c 代码文件:

```
#include <stdio.h>
#include <gmp.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
```

```
6
     mpz_t p, q;
                                  // 两个素数
 7
                                  // n = p * q
     mpz_t n;
                                  // phi(n) = (p - 1) * (q - 1)
 8
     mpz_t phiN;
 9
                                  // 公钥为 (n, e)
     mpz_t e;
                                  // e 的逆元, 需要满足 ed mod phi(n) = 1
 10
     mpz_t d;
 11
                                  // 用于表示私钥 (n, d)
 12
     gmp_randstate_t greatRandomNumber; // 随机生成的大数
 13
 14
     mpz_t M, C; // M 是明文, C 是加密结果
 15
     mpz_t M2; // 用于解密后的明文储存
 16
     char *Message; // 明文字符串
 17
 18
     char *Message2;
                      // 解密后的明文字符串
                      // 伪随机生成字符串
 19
    char *PS;
                     // 填充后的明文
 20
     char *EM;
 21 char *cryptedText; // 加密后的字符串
     22
 23
    unsigned long long k; // 长度限制, n 的字节数
 24
    FILE *originFile; // 原始数据
 25
     FILE *encryptedFile; // 加密后的数据
    FILE *decryptedFile; // 解密后的数据
 26
     FILE *publicKeyFile; // 公钥文件
 27
 28
     FILE *privateKeyFile; // 私钥文件
 29
 30
     /**
 31
    * 生成 p, q, n, phi(n), e 等参数
     * 通过循环进行生成合适的密钥
 33
     * @param bit int 要求的 k 的位数
 34
     */
 35
     void generateKey(int bit);
 36
 37
     /**
 38
     * 清除所有大数
 39
 40
     void clearAll();
 41
 42
     /**
 43
    * 生成 PS 字符串
 44
 45
     void getPS(int mLen);
 46
     /**
 47
 48
     * 得到填充后的明文
 49
 50
     void getEM();
 51
 52
     /**
    * 将字符串转换为大数
     * @param dst mpz_t 目标大数
 55
     * @param src char* 源字符串
     * @param length int 长度, 一般用 k 来作为参数
 56
 57
     */
     void OS2IP(mpz_t dst, char src[], unsigned long length);
 59
    /**
 60
 61
     * 将大数装换为字符串
 62
     * @param src mpz_t 源大数
 63 * @param dst char* 目标字符串
```

```
* @param length int 长度, 一般用 k 来作为参数
64
65
      */
66
      void I20SP(char dst[], mpz_t src, unsigned long length);
67
68
69
      * 解密函数
 70
      */
71
      void decode();
72
 73
      /**
74
      * 加密函数
 75
      */
76
      void encode();
77
78
      /**
79
      * 由于一开始 k 不确定
80
       * 因此需要 malloc 函数进行字符串的空间申请
81
      */
82
      void initString();
83
      /**
 84
85
      * 加密过程
86
      * @param publicKeyFilePath char* 公钥文件路径
87
      * @param privateKeyFilePath char* 私钥文件路径
      * @param originFilePath char* 原始文本路径
88
       * @param encryptedFilePath char* 加密后的文本路径
90
      */
91
      void encryption(char publicKeyFilePath[], char privateKeyFilePath[],
92
                     char originFilePath[], char encryptedFilePath[]);
93
      /**
94
95
      * 解密过程
96
      * @param privateKeyFilePath char* 私钥文件路径
97
      * @param encryptedFilePath char* 加密后的文本路径
       * @param decryptedFilePath char* 解密后的文本路径
98
99
100
      void decryption(char privateKeyFilePath[], char encryptedFilePath[],
101
                     char decryptedFilePath[]);
102
103
      int main(int argc, char *argv[])
104
       // 如果是加密
105
106
        if (strcmp(argv[1], "enc") == 0 && argc == 6)
107
108
          encryption(argv[2], argv[3], argv[4], argv[5]);
109
        }
110
        // 如果是解密
111
        else if (strcmp(argv[1], "dec") == 0 \&\& argc == 5)
112
          decryption(argv[2], argv[3], argv[4]);
113
114
        }
        else if (argc == 7 && strcmp(argv[1], "test") == 0) // 两个都进行
115
116
117
          encryption(argv[2], argv[3], argv[4], argv[5]);
          decryption(argv[3], argv[5], argv[6]);
118
119
         mpz_t eq;
120
         mpz_init(eq);
121
         mpz_sub(eq, M, M2);
```

```
gmp_printf("M - M2 = %ZX\n", eq);
122
123
        }
124
        else
125
        {
          printf("usage: \n\t./a.out [enc publicKeyFile privateKeyFile | dec
126
      privateKeyFile] inputFile outFile\n");
          printf("OR\n");
127
          printf("\t./a.out test publicKeyFile privateKeyFile inputFile cryptedFile
128
      decryptedFile\n");
129
          return 0;
130
131
        clearAll();
132
133
134
        return 0;
135
136
      void decryption(char privateKeyFilePath[], char encryptedFilePath[],
137
138
                       char decryptedFilePath[])
139
        privateKeyFile = fopen(privateKeyFilePath, "r");
140
141
        encryptedFile = fopen(encryptedFilePath, "r");
142
        decryptedFile = fopen(decryptedFilePath, "w");
        gmp_fscanf(privateKeyFile, "%ZX\n%ZX", n, d);
143
144
        unsigned long long size = mpz_sizeinbase(n, 2);
145
146
        k = size / 8 + (size % 8 ? 1 : 0);
147
        initString();
        fread(cryptedText, 1, k, encryptedFile);
148
149
        decode();
        gmp\_printf("n = %ZX\nd = %ZX\nk = %llu\nM2 = %ZX\n", n, d, k, M2);
150
        int startAt; // 用于判断 M 的位置
151
152
        for (startAt = 1; startAt < k; startAt++)</pre>
153
          if (Message2[startAt] == 0)
154
155
          {
156
            break;
157
          }
158
        }
159
        for (startAt = startAt + 1; startAt < k; startAt++)</pre>
160
161
        {
          fputc(Message2[startAt], decryptedFile);
162
163
164
165
        fclose(privateKeyFile);
166
        fclose(encryptedFile);
167
        fclose(decryptedFile);
168
169
170
      void encryption(char publicKeyFilePath[], char privateKeyFilePath[],
                       char originFilePath[], char encryptedFilePath[])
171
172
173
        publicKeyFile = fopen(publicKeyFilePath, "w");
        privateKeyFile = fopen(privateKeyFilePath, "w");
174
175
        originFile = fopen(originFilePath, "r");
        encryptedFile = fopen(encryptedFilePath, "w");
176
177
```

```
178
        generateKey(1024);
179
180
        gmp_fprintf(publicKeyFile, "%ZX\n%ZX", n, e); // 输出公钥
        gmp_fprintf(privateKeyFile, "%ZX\n%ZX", n, d); // 输出私钥
181
182
183
        mLen = fread(Message, 1, k, originFile); // 读取文本
        if (mLen > (k - 11))
                                                  // 明文太长
184
185
          printf("明文太长\n");
186
187
          exit(1);
188
        encode(); // 进行加密
189
190
        for (int i = 0; i < k; i++)
191
192
193
          fputc(cryptedText[i], encryptedFile);
194
195
        gmp_printf("M = %ZX\n", M);
196
197
198
        fclose(originFile);
199
        fclose(privateKeyFile);
200
        fclose(publicKeyFile);
        fclose(encryptedFile);
201
202
203
204
      void decode()
205
206
        OS2IP(C, cryptedText, k);
207
        mpz_init(M2);
208
        mpz_powm(M2, C, d, n);
209
        unsigned long long size = mpz_sizeinbase(n, 2);
210
        k = size / 8 + (size % 8 ? 1 : 0);
        I20SP(Message2, M2, k);
211
212
213
214
      void encode()
215
216
        getPS(mLen);
217
        getEM();
        OS2IP(M, EM, k);
218
219
        mpz_powm(C, M, e, n);
220
        I20SP(cryptedText, C, k);
221
222
223
      void initString()
224
225
        unsigned long long size = mpz_sizeinbase(n, 2);
226
        k = size / 8 + (size % 8 ? 1 : 0);
        Message = (char *)malloc(k - 10);
227
        cryptedText = (char *)malloc(k + 1);
228
229
        EM = (char *)malloc(k + 1);
230
        Message2 = (char *)malloc(k + 1);
231
        for (int i = 0; i < k; i++)
232
233
234
          cryptedText[i] = Message2[i] = EM[i] = 0;
235
```

```
236
237
      void OS2IP(mpz_t dst, char src[], unsigned long length)
238
239
      {
240
        mpz_init(dst);
241
       for (int i = 0; i < length; i++)
242
243
          mpz_mul_ui(dst, dst, 256);
244
         mpz_add_ui(dst, dst, src[i] & 0x0000ff);
245
        }
246
247
248
      void I20SP(char dst[], mpz_t src, unsigned long length)
249
250
        free(dst);
251
        dst = (char *)malloc(length + 1);
252
        mpz_t tmp, copy;
253
        mpz_init_set(copy, src);
254
255
       // 循环生成字符串
256
       for (int i = length - 1; i >= 0; i--)
257
258
        mpz_init(tmp);
259
         mpz_mod_ui(tmp, copy, 256);
260
          dst[i] = mpz_get_ui(tmp) & 0x0000ff;
          mpz_div_ui(copy, copy, 256);
261
262
263
      }
264
265
      void getPS(int mLen)
266
267
       PS = (char *)malloc(k - mLen - 2);
268
        PS[k - mLen - 3] = 0;
269
270
       for (int i = 0; i < k - mLen - 3; i++)
271
272
          PS[i] = rand() \% 255 + 1;
273
        }
274
275
276
      void getEM()
277
278
        // 各个部分的长度
        int p1 = 1, p2 = 1, p3 = k - mLen - 3, p4 = 1, p5 = mLen;
279
280
        // part 1
281
        EM[0] = 0;
282
283
        // part 2
284
285
        EM[1] = 2;
286
287
        // part 3
288
        for (int i = 0; i < p3; i++)
289
290
          EM[i + p1 + p2] = PS[i];
291
292
293
       // part 4
```

```
294
        EM[p1 + p2 + p3] = 0;
295
296
        // part 5
297
        for (int i = 0; i < p5; i++)
298
299
          EM[p1 + p2 + p3 + p4 + i] = Message[i];
300
301
302
        EM[k] = 0;
303
304
      void generateKey(int bit)
305
306
        while (1)
307
308
309
          // 随机生成大数
310
          gmp_randinit_default(greatRandomNumber);
          {\tt gmp\_randseed\_ui(greatRandomNumber, time(NULL));}
311
312
313
          // 初始化 p, q
314
          mpz_init(p);
315
          mpz_init(q);
316
          // 随机生成两个大数
317
318
          // mpz_urandomb(p, greatRandomNumber, (bit + 1) / 2);
          // mpz_urandomb(q, greatRandomNumber, (bit - 1) / 2);
319
320
321
          mpz_urandomb(p, greatRandomNumber, bit / 2 - 1);
          mpz_urandomb(q, greatRandomNumber, bit / 2 + 1);
322
323
          // 素数生成
324
325
          mpz_nextprime(p, p);
326
          mpz_nextprime(q, q);
327
          // 得到 n
328
329
          mpz_init(n);
          mpz_mul(n, p, q);
330
331
          if (mpz_sizeinbase(n, 2) == bit) // 用于判断是否生成合适的位数
332
333
          {
            break;
334
335
336
        }
337
338
        // 计算 phi(n)
339
        mpz_init(phiN);
340
        mpz_sub_ui(p, p, 1);
341
        mpz_sub_ui(q, q, 1);
342
        mpz_mul(phiN, p, q);
343
        gmp_printf("p: %d q: %d n: %d\n", mpz_sizeinbase(p, 2), mpz_sizeinbase(q, 2),
344
      mpz_sizeinbase(n, 2));
345
346
        // 公钥
        // e 通常取 3, 17, 65537
347
348
        mpz_init_set_ui(e, 65537);
349
        gmp\_printf("Public key is: (%ZX, %ZX)\n\n", n, e);
350
```

```
351 // 私钥
352
       mpz_init(d);
353
      mpz_invert(d, e, phiN); // 求逆元
354
       gmp_printf("Private key is: (%ZX, %ZX)\n\n", n, d);
355
356
      initString();
357
358
359
    void clearAll()
360
361 mpz_clear(d);
      mpz_clear(e);
362
363
      mpz_clear(n);
364
      mpz_clear(p);
365
      mpz_clear(q);
366
      mpz_clear(phiN);
367
      mpz_clear(C);
368
      mpz_clear(M);
369
      mpz_clear(M2);
370
```

编译运行结果

编译运行平台如下:

```
1 root@LAPTOP-QTCGESH0:/mnt/d/blog/work/信息安全/002# uname -a
2 Linux LAPTOP-QTCGESH0 4.4.0-19041-Microsoft #488-Microsoft Mon Sep 01 13:43:00 PST
2020 x86_64 x86_64 gNU/Linux
```

使用 Makefile 进行相关命令的操作,具体代码如下,也可直接查看该文件夹下面的 Makefile 文件:

```
GCC := gcc # 编译器
1
    GMP := gmp # 连接库
2
    SOURCE := ./rsa.c # C语言源代码
3
5
    ORIGINFILE := ./in.txt # 原始文本文件
    ENCRYPTEDFILE := ./encrypted.txt # 加密后的文件
6
    DECRYPTEDFILE := ./decrypted.txt # 解密后的文件
7
8
    PUBLICKEYFILE := ./publicKey.txt # 公钥储存文件
    PRIVATEKEYFILE := ./privateKey.txt # 私钥储存文件
9
10
    ENC := enc # 加密
11
    DEC := dec # 解密
12
    TEST := test # 测试
13
14
15
    # 执行文件
16
    a.out: ${SOURCE}
       @${GCC} ${SOURCE} -o $@ -1${GMP}
17
18
19
    # 加密
20
   enc: a.out
21
       @./a.out ${ENC} ${PUBLICKEYFILE} ${PRIVATEKEYFILE} ${ORIGINFILE}
    ${ENCRYPTEDFILE}
22
23
    # 解密
24 dec: a.out
```

```
@./a.out ${DEC} ${PRIVATEKEYFILE} ${ENCRYPTEDFILE} $
26
27 # 一个完整的流程
28 test: a.out
29 @./a.out ${TEST} ${PUBLICKEYFILE} ${PRIVATEKEYFILE} ${ORIGINFILE} ${ENCRYPTEDFILE} ${DECRYPTEDFILE}
```

设置 in.txt 文件中的明文如下

- 1 This is a test file.
- 2 My name is mijialong.
- 3 There is SYSU.

执行 make enc , 输出如下:

```
root@LAPTOP-QTCGESHO:/mnt/d/blog/work/信息安全/002# make enc p: 511 q: 513 n: 1024
```

Public key is: (9D03DB63AC59EC2AFE2C27A912683649EB1576F5DFA79F71518280455C8040AD7A3F3F1A3B76BF2D28948DD 38E242E7BB1A42FA6395AB31E2704280778C36863105F30CE00958A73D3935B0AC7CE3D15304B1EBBF3DFF6D86DC9D6D01B31DB 84333A65F432C9D6A05BE22FF2720016E9A4FAEF2A34670BAC8C7E9FC8F7E420AD, 10001)

Private key is: (9D03DB63AC59EC2AFE2C27A912683649EB1576F5DFA79F71518280455C8040AD7A3F3F1A3B76BF2D28948D D38E242E7BB1A42FA6395AB31E2704280778C36863105F30CE00958A73D3935B0AC7CE3D15304B1EBBF3DFF6D86DC9D6D01B31D B84333A65F432C9D6A05BE22FF2720016E9A4FAEF2A34670BAC8C7E9FC8F7E420AD, 6CD2B5857978C17472C14BA3A4BC51941D B8BCC060889EBB3D5103720F505C835F8CE2415E2149131563108125ACF2028CF64C881A8C40448FAA13CC49E8B5393D61E5758 FB23EC92C204F4386C9FF0B1F37D7289E7606211CA6C6E0131F4CF16A61A0B3974E40752B0C145121C23BAF7BB2CA71724C3631 5EF4B2E97081C209)

M = 2A498A35654BFF2FDFA7A6C531514EAE32E528F2057095828A806D5D1538378761C9A4BEE593E6B5337D6254B698FAE9660 3D36B6C58DDE6D12333EE3B5B55AD0CF243E280054686973206973206120746573742066696C652E0A4D79206E616D652069732 06D696A69616C6F6E672E0A546865726520697320535953552E root@LAPTOP-QTCGESHO:/mnt/d/blog/work/信息安全/002#

执行 make dec , 输出如下:

root@LAPTOP-QTCGESHO:/mnt/d/blog/work/信息安全/002# make dec

- $n = 9D03DB63AC59EC2AFE2C27A912683649EB1576F5DFA79F71518280455C8040AD7A3F3F1A3B76BF2D28948DD38E242E7BB1A\\42FA6395AB31E2704280778C36863105F30CE00958A73D3935B0AC7CE3D15304B1EBBF3DFF6D86DC9D6D01B31DB84333A65F432\\C9D6A05BE22FF2720016E9A4FAEF2A34670BAC8C7E9FC8F7E420AD$
- d = 6CD2B5857978C17472C14BA3A4BC51941DB8BCC060889EBB3D5103720F505C835F8CE2415E2149131563108125ACF2028CF64C881A8C40448FAA13CC49E8B5393D61E5758FB23EC92C204F4386C9FF0B1F37D7289E7606211CA6C6E0131F4CF16A61A0B3974E40752B0C145121C23BAF7BB2CA71724C36315EF4B2E97081C209

M2 = 2A498A35654BFF2FDFA7A6C531514EAE32E528F2057095828A806D5D1538378761C9A4BEE593E6B5337D6254B698FAE966
03D36B6C58DDE6D12333EE3B5B55AD0CF243E280054686973206973206120746573742066696C652E0A4D79206E616D65206973
206D696A69616C6F6E672E0A546865726520697320535953552E
root@LAPTOP-QTCGESH0:/mnt/d/blog/work/信息安全/002# [

查看 encrypted.txt 和 decrypted.txt , 具体如下图:

```
work〉信息安全〉002〉 decrypted.txt

1 This is a test file.

2 My name is mijialong.

3 There is SYSU.
```

直接执行 make test , 具体结果如下:

```
root@LAPTOP-QTCGESHO:/mnt/d/blog/work/信息安全/002# make test
./rsa.c: In function 'generateKey':
./rsa.c:311:40: warning: implicit declaration of function 'time' [-Wimplicit-function-declaration]
      gmp_randseed_ui(greatRandomNumber, time(NULL));
p: 511 q: 513 n: 1024
Public key is: (82E5F79E04281ACB5BFFDDA10A94B88C6BDE097935AD99100E15F65E7D9419928324AAD12693DB1C8FC963B
F3ACF4705F410EF91ADF7C15B19B27065E83DAA0386157B85D9416EE3ED4A1EBCD08A9C2E18F13FBA035294786FE20EDA6AFCEB
651896C26C7C06ABEA713EFD17824AA6183A39B8692B240807B434D62BFFB95843, 10001)
Private key is: (82E5F79E04281ACB5BFFDDA10A94B88C6BDE097935AD99100E15F65E7D9419928324AAD12693DB1C8FC963
BF3ACF4705F410EF91ADF7C15B19B27065E83DAA0386157B85D9416EE3ED4A1EBCD08A9C2E18F13FBA035294786FE20EDA6AFCE
B651896C26C7C06ABEA713EFD17824AA6183A39B8692B240807B434D62BFFB95843, 589D74AFBDE2A4990D543F66F971CB2A0D
1048DB8CD2542FC1496EFB730A62F183E4BBDB51C180F16A0A0D83F53D43B8AD0D16124A72D2AC68CE1B37722CE4BD8F4A250B6
8591103BF81080789E79FA2681300EE68E1C7838D6CF2837FF294A1CEE8A405EF966F565DD6523614896CCBB10805877DE002EC
5C2005A8F9305211)
\mathsf{M} = 2\mathsf{A}498\mathsf{A}35654\mathsf{B}\mathsf{F}\mathsf{F}\mathsf{2}\mathsf{F}\mathsf{D}\mathsf{F}\mathsf{A}7\mathsf{A}6\mathsf{C}531514\mathsf{E}\mathsf{A}\mathsf{E}32\mathsf{E}52\mathsf{B}\mathsf{F}2057095828\mathsf{A}806\mathsf{D}\mathsf{5}\mathsf{D}1538378761\mathsf{C}9\mathsf{A}4\mathsf{B}\mathsf{E}\mathsf{E}593\mathsf{E}6\mathsf{B}5337\mathsf{D}6254\mathsf{B}698\mathsf{F}\mathsf{A}\mathsf{E}9660
3D36B6C58DDE6D12333EE3B5B55AD0CF243E280054686973206973206120746573742066696C652E0A4D79206E616D652069732
06D696A69616C6F6E672E0A546865726520697320535953552E
n = 82E5F79E04281ACB5BFFDDA10A94B88C6BDE097935AD99100E15F65E7D9419928324AAD12693DB1C8FC963BF3ACF4705F41
0EF91ADF7C15B19B27065E83DAA0386157B85D9416EE3ED4A1EBCD08A9C2E18F13FBA035294786FE20EDA6AFCEB651896C26C7C
06ABEA713EFD17824AA6183A39B8692B240807B434D62BFFB95843
d = 589D74AFBDE2A4990D543F66F971CB2A0D1048DB8CD2542FC1496EFB730A62F183E4BBDB51C180F16A0A0D83F53D43B8AD0
D16124A72D2AC68CE1B37722CE4BD8F4A250B68591103BF81080789E79FA2681300EE68E1C7838D6CF2837FF294A1CEE8A405EF
966F565DD6523614896CCBB10805877DE002EC5C2005A8F9305211
M2 = 2A498A35654BFF2FDFA7A6C531514EAE32E528F2057095828A806D5D1538378761C9A4BEE593E6B5337D6254B698FAE966
03D36B6C58DDE6D12333EE3B5B55AD0CF243E280054686973206973206120746573742066696C652E0A4D79206E616D65206973
206D696A69616C6F6E672E0A546865726520697320535953552E
M - M2 = 0
root@LAPTOP-QTCGESHO:/mnt/d/blog/work/信息安全/002#
```

通过对比两次加密解密得到的 M 和 M2 , 可以初步判断代码符合需求