

Sea  $M = AB \in \mathbb{R}^{n \times n}$

su índice  $(i, i)$  es

$$M_{ii} = (AB)_{ii} = \sum_{j=1}^p A_{ij} B_{ji}$$

Luego, para  $ij$

$$(A \circ B^T)_{ij} = A_{ij} \cdot B_{ji}^T = A_{ij} B_{ji}$$

Sumando sobre  $j$

$$v_i = \sum_{j=1}^p (A \circ B^T)_{ij} = \sum_{j=1}^p A_{ij} B_{ji}^T = \sum_{j=1}^p A_{ij} B_{ji} = AB_{ii}$$

Por lo tanto

$$v_i = \text{diag}(AB)$$

$$\therefore \text{diag}(AB) = \sum_{\text{cols}} A \circ B^T$$