# Analysis

March 24, 2023

## 1 Consideraciones de diseño

Se especificó manualmente la semilla de aleatoriedad de Python para obtener resultados comparables en los escenarios expuestos y para poder reproducir los resultados de los análisis. Adicionalmente, se usaron hyper parametros alpha = 0.3, épsilon = 0.1 y gamma = 0.6 como base de todos los escenarios, con modificaciones para el escenario de taxi y laberinto. Finalmente se adiciono una restricción máxima de 200 pasos para acelerar la convergencia de los escenarios.

```
[]: %pip install matplotlib pandas --q
```

Note: you may need to restart the kernel to use updated packages.

```
[]: from board import Coordinates, generate_grid_world_board, Grid,_
      →generate_labyrinth, generate_taxi, TaxiGrid, GridBlockedPaths
     from math import ceil
     from matplotlib.pyplot import Rectangle, subplots, rcParams
     from q_learning import QLearning, QLearningTaxi
     from pandas import DataFrame, set_option
     set_option('display.max_rows', 500)
     set_option('display.max_columns', 500)
     set_option('display.width', 150)
     rcParams['figure.figsize'] = [12, 8]
     rcParams['figure.dpi'] = 100
     def plot_scenario(scenario: QLearning):
         _, axes = subplots()
         axes.set_aspect('equal')
         axes.set_xlim(0, scenario.environment.dimensions.x)
         axes.set_ylim(scenario.environment.dimensions.y, 0)
         for x in range(scenario.environment.dimensions.x):
             for y in range(scenario.environment.dimensions.y):
                 coordinates = Coordinates(x, y)
                 if coordinates in scenario.environment.board:
                     value = ceil((scenario.get_value(coordinates)) * 100) / 100
                     color = 'white'
```

```
qvalue = scenario.get_policy_qvalue(coordinates)
                if isinstance(scenario, QLearningTaxi):
                    if coordinates == scenario.environment.objective:
                        color = "green"
                    elif coordinates == scenario.environment.passenger:
                        color = "blue"
                    elif coordinates in scenario.environment.objectives:
                        color = "orange"
                else:
                    if coordinates == scenario.environment.objective:
                        color = "green"
                    elif coordinates == scenario.environment.start:
                        color = "blue"
                    elif value < 0:</pre>
                        color = "red"
                if qvalue != None:
                    qvalue = ceil(qvalue * 100) / 100
                    action = scenario.get_policy(coordinates)
                    action = "OUT" if action == None else action.name
                else:
                    qvalue = 0
                    action = "None"
                axes.add_patch(Rectangle((x, y), 1, 1, facecolor=color))
                if isinstance(scenario, QLearningTaxi):
                    text = "Con:{} \nQ:{:.2f} \nSin:{} \nQ:{:.2f} ".format(scenario.)
 →get_policy_passenger(
                        coordinates) name, scenario.
 ⇒get_policy_qvalue_passenger(coordinates), action, qvalue)
                else:
                    text = "{}\nQ:{:.2f}\n{:.2f}\".format(action, qvalue, value)
                axes.text(x + 0.5, y + 0.5, text, ha='center', va='center')
            else:
                axes.add_patch(Rectangle((x, y), 1, 1, facecolor='gray'))
    for (first, second) in scenario.environment.blocked_paths:
        if first.x == second.x:
            x = [first.x, first.x + 1]
            y = [second.y, second.y] if first.y < second.y else [first.y, first.
 -y]
            axes.plot(x, y, color="black")
        elif first.y == second.y:
            y = [first.y, second.y + 1]
            x = [second.x, second.x] if first.x < second.x else [first.x, first.
 ⇔x]
            axes.plot(x, y, color="black")
def generate_q_table(scenario: QLearning) -> DataFrame:
```

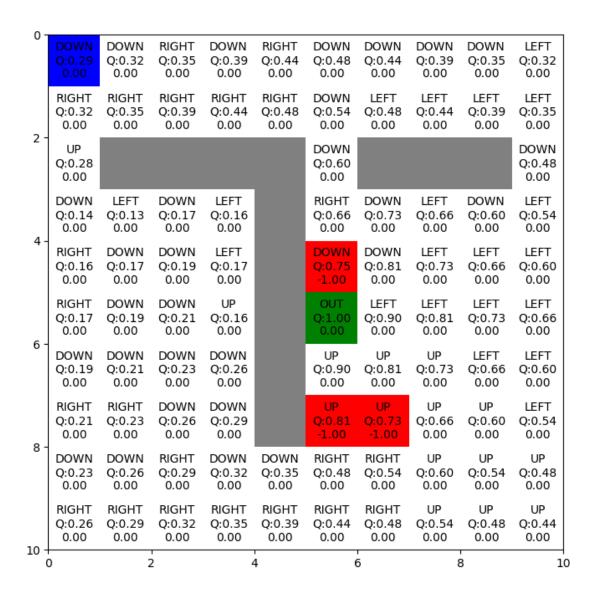
```
q_table = {"Estado": [], }
for action in scenario.environment.get_actions():
    q_table[action.name] = []
q_table["Objetivo"] = []
for state in sorted(scenario.Q, key=lambda x: (x.x, x.y)):
    if len(scenario.Q[state]) < 2:
        continue
    q_table["Objetivo"].append(
        "Si" if state == scenario.environment.objective else "No")
    q_table["Estado"].append(f"({state.x}, {state.y})")
    for action in scenario.Q[state]:
        q_table[action.name].append(scenario.Q[state][action])
    return DataFrame(q_table)</pre>
```

## 1.1 Q-learning

#### 1.1.1 Gridworld

```
[]: grid_world_board, grid_world_objective, grid_world_start =_
generate_grid_world_board()
grid_world = Grid(grid_world_board, grid_world_objective, grid_world_start)
q_learning = QLearning(grid_world, random_seed, gamma=0.9)
print(
    f"El agente toma {q_learning.run()} muestras para converger valores a 3____
decimales")
plot_scenario(q_learning)
```

El agente toma 22444 muestras para converger valores a 3 decimales



#### []: generate\_q\_table(q\_learning)

[]:		Estado	DOWN	LEFT	RIGHT	UP	OUT	Objetivo
	0	(0, 0)	0.282430	0.067349	0.070108	0.026589	0.072108	No
	1	(0, 1)	0.135244	0.233151	0.313811	0.122934	0.142074	No
	2	(0, 2)	0.121577	0.101864	0.108350	0.274758	0.107061	No
	3	(0, 3)	0.135085	0.120629	0.109053	0.109300	0.120221	No
	4	(0, 4)	0.150036	0.135034	0.150095	0.121326	0.135055	No
	5	(0, 5)	0.153037	0.108522	0.166772	0.097871	0.145073	No
	6	(0, 6)	0.185302	0.153034	0.137188	0.130269	0.085054	No
	7	(0, 7)	0.178379	0.182639	0.205891	0.166128	0.160808	No
	8	(0, 8)	0.228768	0.105004	0.190288	0.140811	0.061767	No
	9	(0.9)	0.219721	0.173841	0.254187	0.156456	0.201854	No

```
(1, 0)
            0.313811
                       0.130272
                                  0.238465
                                            0.173166
                                                       0.073633
                                                                       No
10
    (1, 1)
                                  0.348678
11
            0.306096
                       0.219334
                                             0.193682
                                                       0.294247
                                                                       No
12
    (1, 3)
            0.098612
                       0.121577
                                  0.062004
                                             0.070778
                                                       0.107255
                                                                       No
13
    (1, 4)
            0.166772
                       0.135085
                                  0.155902
                                            0.109419
                                                       0.150095
                                                                       No
14
    (1, 5)
            0.185302
                       0.150095
                                  0.181431
                                             0.150095
                                                       0.166772
                                                                       No
15
            0.205891
                                  0.205674
    (1, 6)
                       0.166772
                                            0.166772
                                                       0.185302
                                                                       No
16
    (1, 7)
            0.228768
                       0.185302
                                  0.228768
                                            0.185302
                                                       0.205891
                                                                       No
17
    (1, 8)
            0.254187
                       0.156457
                                  0.208608
                                            0.202565
                                                       0.225832
                                                                       No
    (1, 9)
            0.253925
                       0.228049
                                  0.282430
                                            0.221737
                                                       0.253572
18
                                                                       No
    (2, 0)
19
            0.278487
                       0.187127
                                  0.348678
                                             0.287967
                                                       0.287962
                                                                       No
20
    (2, 1)
            0.229082
                       0.264984
                                  0.387420
                                            0.313811
                                                       0.321258
                                                                       No
    (2, 3)
                                  0.100274
21
            0.166772
                       0.106263
                                            0.118879
                                                       0.132683
                                                                       No
22
    (2, 4)
            0.185302
                       0.150095
                                  0.145123
                                            0.145292
                                                       0.159907
                                                                       No
23
    (2, 5)
            0.205891
                       0.166772
                                  0.125843
                                            0.162602
                                                       0.158421
                                                                       No
24
    (2, 6)
            0.228768
                       0.182061
                                  0.222875
                                                       0.202202
                                            0.173226
                                                                       No
25
    (2, 7)
            0.254187
                       0.205891
                                  0.254182
                                            0.205891
                                                       0.228768
                                                                       No
26
    (2, 8)
            0.282430
                       0.228768
                                  0.282430
                                            0.228768
                                                       0.254187
                                                                       No
    (2, 9)
27
            0.282411
                       0.254178
                                  0.313811
                                             0.253541
                                                       0.280734
                                                                       No
28
    (3, 0)
            0.387420
                       0.293847
                                  0.386786
                                            0.341073
                                                       0.346314
                                                                       No
29
    (3, 1)
            0.386651
                       0.345047
                                  0.430467
                                             0.347867
                                                       0.387318
                                                                       No
30
    (3, 3)
            0.062004
                       0.150095
                                  0.098673
                                            0.035673
                                                       0.063461
                                                                       No
31
    (3, 4)
            0.103812
                       0.166772
                                  0.131041
                                             0.067818
                                                       0.135853
                                                                       No
    (3, 5)
32
            0.099177
                       0.114669
                                  0.113965
                                            0.150094
                                                       0.077637
                                                                       No
33
    (3, 6)
            0.254187
                       0.081913
                                  0.123119
                                             0.117432
                                                       0.186446
                                                                       No
    (3, 7)
34
            0.282430
                       0.228768
                                  0.230208
                                            0.206147
                                                       0.248543
                                                                       No
35
    (3, 8)
            0.313811
                       0.254187
                                  0.313811
                                             0.254186
                                                       0.282430
                                                                       No
    (3, 9)
                       0.282430
36
            0.313811
                                  0.348678
                                            0.282430
                                                       0.313811
                                                                       No
37
    (4, 0)
            0.219538
                       0.334608
                                  0.430467
                                             0.294401
                                                       0.355515
                                                                       No
38
    (4, 1)
            0.429977
                       0.387078
                                  0.478297
                                             0.387396
                                                       0.430349
                                                                       No
39
    (4, 8)
            0.348678
                       0.282430
                                  0.344517
                                            0.263894
                                                       0.295973
                                                                       No
40
    (4, 9)
            0.348678
                       0.313811
                                  0.387420
                                            0.313811
                                                       0.348678
                                                                       No
41
    (5, 0)
            0.478297
                                  0.362368
                       0.355511
                                            0.428424
                                                       0.219538
                                                                       No
42
    (5, 1)
            0.531441
                       0.430467
                                  0.430467
                                            0.430467
                                                       0.478297
                                                                       No
                                            0.478297
43
    (5, 2)
            0.590490
                       0.531441
                                  0.531441
                                                       0.531441
                                                                       No
    (5, 3) -0.343900
44
                       0.590490
                                  0.656100
                                            0.531441
                                                       0.590490
                                                                       No
45
    (5, 4)
            0.748737 -0.315625
                                  0.729000
                                            0.543882
                                                       0.618277
                                                                       No
46
    (5, 5)
            0.722135
                       0.683910
                                  0.615325 -0.103170
                                                       1.000000
                                                                       Sí
47
    (5, 6) -0.475249
                       0.761491
                                  0.539658
                                            0.900000
                                                       0.743293
                                                                       No
48
    (5, 7)
            0.430467 -0.586969 -0.332108
                                                       0.227589
                                            0.810000
                                                                       No
    (5, 8)
49
            0.254535
                       0.306796
                                  0.478297 -0.453967
                                                       0.388005
                                                                       No
50
    (5, 9)
            0.387420
                       0.348678
                                  0.430467
                                            0.430467
                                                       0.387420
                                                                       No
51
    (6, 0)
            0.430467
                       0.129140
                                  0.307655
                                            0.255612
                                                       0.238805
                                                                       No
52
    (6, 1)
            0.430459
                       0.478297
                                  0.387418
                                            0.387274
                                                       0.430462
                                                                       No
53
    (6, 3)
            0.729000
                       0.590490
                                  0.590490
                                            0.656100
                                                       0.656100
                                                                       No
54
    (6, 4)
            0.810000 -0.343900
                                  0.656100
                                            0.656100
                                                       0.729000
                                                                       No
55
    (6, 5)
            0.729000
                       0.900000
                                  0.729000
                                             0.729000
                                                       0.810000
                                                                       No
56
    (6, 6) -0.343940
                       0.809738
                                  0.656100
                                            0.810000
                                                       0.728036
                                                                       No
```

```
57
    (6, 7)
            0.313424 -0.490396
                                 0.490571
                                            0.729000
                                                       0.514786
                                                                       No
    (6, 8)
58
            0.430467
                       0.429553
                                 0.531441 -0.337100
                                                       0.477915
                                                                       No
    (6, 9)
59
            0.430467
                       0.387420
                                 0.478297
                                            0.478297
                                                       0.430467
                                                                       No
    (7, 0)
60
            0.387420
                       0.293611
                                 0.160026
                                            0.177826
                                                       0.177826
                                                                       No
61
    (7, 1)
            0.387369
                       0.430467
                                 0.347023
                                            0.348111
                                                       0.385581
                                                                       No
    (7, 3)
62
            0.651649
                       0.656100
                                 0.520933
                                            0.566265
                                                       0.573708
                                                                       No
63
    (7, 4)
            0.729000
                       0.729000
                                 0.590490
                                            0.590490
                                                       0.656077
                                                                       No
    (7, 5)
64
            0.656100
                       0.810000
                                 0.656100
                                            0.656100
                                                       0.729000
                                                                       No
    (7, 6)
65
            0.590490
                       0.729000
                                 0.590490
                                            0.729000
                                                       0.656100
                                                                       No
66
    (7, 7)
            0.531441 -0.343900
                                            0.656100
                                                       0.590490
                                 0.531441
                                                                       No
    (7, 8)
67
            0.478297
                       0.478297
                                 0.478297
                                            0.590490
                                                       0.531441
                                                                       No
68
    (7, 9)
            0.478297
                       0.430467
                                 0.430467
                                            0.531441
                                                       0.478297
                                                                       No
69
    (8, 0)
            0.348678
                       0.334608
                                 0.279847
                                            0.276891
                                                       0.287946
                                                                       No
70
    (8, 1)
            0.348400
                       0.387420
                                 0.268735
                                            0.311238
                                                       0.348271
                                                                       No
71
    (8, 3)
            0.590490
                       0.588528
                                 0.476707
                                            0.531016
                                                       0.531141
                                                                       No
    (8, 4)
                                 0.531406
72
            0.656052
                       0.656100
                                            0.531389
                                                       0.590485
                                                                       No
73
    (8, 5)
            0.590490
                       0.729000
                                 0.584225
                                            0.589528
                                                       0.656016
                                                                       No
74
    (8, 6)
            0.531441
                       0.656100
                                 0.531441
                                            0.656100
                                                       0.590490
                                                                       No
    (8, 7)
75
            0.478291
                       0.590490
                                 0.478297
                                            0.590490
                                                       0.531441
                                                                       No
76
    (8, 8)
            0.430451
                       0.530149
                                 0.430460
                                            0.531441
                                                       0.478293
                                                                       No
77
    (8, 9)
            0.430421
                                 0.387420
                       0.467604
                                            0.478297
                                                       0.430399
                                                                       No
78
    (9, 0)
            0.129635
                       0.313811
                                 0.266148
                                            0.249202
                                                       0.084729
                                                                       No
79
    (9, 1)
            0.219538
                       0.348583
                                 0.076231
                                            0.282430
                                                       0.210933
                                                                       No
80
    (9, 2)
            0.478297
                       0.372824
                                 0.219503
                                            0.228441
                                                       0.395016
                                                                       No
81
    (9, 3)
            0.529675
                       0.531441
                                 0.464786
                                            0.379819
                                                       0.473629
                                                                       No
82
    (9.4)
            0.552128
                       0.590490
                                 0.500804
                                            0.397904
                                                       0.442122
                                                                       No
83
    (9, 5)
            0.487563
                       0.656100
                                 0.503078
                                            0.487668
                                                       0.567736
                                                                       No
84
    (9, 6)
            0.475853
                       0.590490
                                 0.520833
                                            0.542537
                                                       0.516429
                                                                       No
85
    (9, 7)
            0.430467
                       0.531441
                                  0.478297
                                            0.531440
                                                       0.478296
                                                                       No
    (9, 8)
            0.387420
                                 0.430467
86
                       0.467612
                                            0.478297
                                                       0.430467
                                                                       No
87
    (9, 9)
            0.387419
                       0.416710
                                 0.387314
                                            0.430467
                                                       0.387403
                                                                       No
```

Como podemos observar, qlearning dio una buena política para el escenario de gridworld, evitando en lo posible a las trampas y haciendo que las políticas generen un camino que inevitablemente llegue al estado de salida. Sin embargo, también podemos apreciar que estas no son las políticas óptimas debido a que se puede llegar de forma más rápida al estado final en muchas de las casillas, principalmente en el sector izquierdo del mapa en donde evidenciamos más fácilmente esta situación, por lo que podemos asumir que el agente no tiene hyper parametros o recompensas óptimas para este escenario, o que realmente necesita más iteraciones para converger a la política más optima.

### 1.1.2 Laberinto

```
q_learning = QLearning(labyrinth, random_seed, gamma=0.8)
print(
    f"El agente toma {q_learning.run()} muestras para converger valores a 3
    decimales")
plot_scenario(q_learning)
```

El agente toma 17239 muestras para converger valores a 3 decimales

10 -	0	2	2	4	1		5	8	3	10
	RIGHT	UP	UP	UP	LEFT	UP	UP	LEFT	RIGHT	UP
	Q:0.09	Q:0.11	Q:0.14	Q:0.11	Q:0.09	Q:0.07	Q:0.06	Q:0.05	Q:0.03	Q:0.03
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
8 -	RIGHT	RIGHT	UP	UP	LEFT	UP	UP	UP	UP	UP
	Q:0.11	Q:0.14	Q:0.17	Q:0.14	Q:0.11	Q:0.09	Q:0.07	Q:0.06	Q:0.05	Q:0.04
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	UP	DOWN	UP	UP	UP	LEFT	LEFT	LEFT	LEFT	LEFT
	Q:0.14	Q:0.11	Q:0.21	Q:0.17	Q:0.14	Q:0.11	Q:0.09	Q:0.07	Q:0.06	Q:0.05
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
6 -	UP	UP	UP	UP	LEFT	DOWN	LEFT	DOWN	DOWN	UP
	Q:0.17	Q:0.21	Q:0.27	Q:0.21	Q:0.17	Q:0.09	Q:0.07	Q:0.06	Q:0.05	Q:0.05
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	RIGHT	RIGHT	UP	LEFT	LEFT	RIGHT	RIGHT	UP	LEFT	LEFT
	Q:0.21	Q:0.27	Q:0.33	Q:0.27	Q:0.21	Q:0.07	Q:0.09	Q:0.11	Q:0.09	Q:0.07
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
4 -	UP	UP	UP	UP	LEFT	UP	UP	LEFT	UP	UP
	Q:0.27	Q:0.33	Q:0.41	Q:0.33	Q:0.27	Q:0.21	Q:0.17	Q:0.14	Q:0.11	Q:0.09
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	RIGHT	RIGHT	UP	UP	LEFT	UP	LEFT	LEFT	LEFT	LEFT
	Q:0.33	Q:0.41	Q:0.52	Q:0.41	Q:0.33	Q:0.27	Q:0.21	Q:0.17	Q:0.14	Q:0.11
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
2 -	RIGHT	RIGHT	UP	UP	UP	LEFT	LEFT	LEFT	LEFT	LEFT
	Q:0.41	Q:0.52	Q:0.64	Q:0.52	Q:0.41	Q:0.33	Q:0.27	Q:0.21	Q:0.17	Q:0.14
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	UP	UP	UP	UP	UP	DOWN	LEFT	LEFT	DOWN	UP
	Q:0.52	Q:0.64	Q:0.80	Q:0.64	Q:0.52	Q:0.27	Q:0.21	Q:0.17	Q:0.14	Q:0.07
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
0 -	RIGHT	RIGHT	OUT	LEFT	LEFT	DOWN	DOWN	LEFT	LEFT	LEFT
	Q:0.64	Q:0.80	Q:1.00	Q:0.80	Q:0.64	Q:0.21	Q:0.17	Q:0.14	Q:0.11	Q:0.09
	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00

## []: generate\_q\_table(q\_learning)

```
[]: Estado DOWN LEFT RIGHT UP OUT Objetivo 0 (0, 0) 0.330134 0.354732 0.640000 0.425177 0.389066 No 1 (0, 1) 0.327680 0.279440 0.336384 0.512000 0.314786 No
```

```
2
    (0, 2)
            0.186931
                       0.293842
                                  0.409600
                                             0.206445
                                                        0.238680
                                                                        No
3
    (0, 3)
            0.192395
                                  0.327680
                       0.209340
                                             0.272578
                                                        0.246982
                                                                        No
4
    (0, 4)
             0.062472
                       0.124837
                                  0.133693
                                             0.262144
                                                        0.137566
                                                                        No
5
    (0, 5)
             0.129439
                       0.156608
                                  0.209715
                                             0.154475
                                                        0.162297
                                                                        No
6
    (0, 6)
             0.066322
                       0.088181
                                  0.144982
                                             0.167772
                                                        0.058121
                                                                        No
7
    (0, 7)
             0.064242
                       0.005160
                                  0.010555
                                             0.134218
                                                        0.041186
                                                                        No
    (0, 8)
8
             0.037891
                       0.052653
                                  0.107374
                                             0.053283
                                                        0.036366
                                                                        No
9
    (0, 9)
             0.056046
                       0.041232
                                  0.085899
                                             0.033665
                                                        0.040178
                                                                        No
    (1, 0)
            0.501834
                       0.510252
                                  0.800000
10
                                             0.636954
                                                        0.638167
                                                                        No
11
    (1, 1)
             0.208896
                       0.238474
                                  0.326400
                                             0.640000
                                                        0.389069
                                                                        No
12
    (1, 2)
             0.326029
                       0.293864
                                  0.512000
                                             0.497533
                                                        0.406235
                                                                        No
    (1, 3)
                       0.260431
13
             0.259558
                                  0.409600
                                             0.408336
                                                        0.327062
                                                                        No
14
    (1, 4)
            0.238023
                       0.204309
                                  0.249004
                                             0.327680
                                                        0.257956
                                                                        No
15
    (1, 5)
             0.166933
                       0.167051
                                  0.262144
                                             0.209151
                                                        0.208459
                                                                        No
    (1, 6)
             0.056756
                       0.097020
                                  0.135524
                                             0.209715
                                                        0.129723
16
                                                                        No
17
    (1, 7)
            0.107374
                       0.059257
                                  0.095720
                                             0.050332
                                                        0.051053
                                                                        No
    (1, 8)
18
             0.078796
                       0.073256
                                  0.134218
                                             0.069855
                                                        0.100535
                                                                        No
    (1, 9)
19
             0.043111
                       0.050636
                                  0.076496
                                             0.107374
                                                        0.062034
                                                                        No
                                                        1.000000
20
    (2, 0)
             0.420480
                       0.420480
                                  0.326400
                                             0.607920
                                                                        Sí
    (2, 1)
21
            0.512000
                       0.512000
                                  0.512000
                                             0.800000
                                                        0.640000
                                                                        No
22
    (2, 2)
             0.409600
                       0.409600
                                  0.409600
                                             0.640000
                                                        0.512000
                                                                        No
23
    (2, 3)
             0.327680
                       0.327680
                                  0.327680
                                             0.512000
                                                        0.409600
                                                                        No
24
    (2, 4)
            0.262144
                                  0.262144
                       0.262144
                                             0.409600
                                                        0.327680
                                                                        No
                                  0.209715
25
    (2, 5)
             0.209715
                       0.209715
                                             0.327680
                                                        0.262144
                                                                        No
    (2, 6)
26
            0.159656
                       0.166673
                                  0.167772
                                             0.262144
                                                        0.200359
                                                                        No
27
    (2, 7)
             0.115642
                       0.063938
                                  0.125287
                                             0.209715
                                                        0.150459
                                                                        No
    (2, 8)
                                  0.107374
28
            0.090311
                       0.090705
                                             0.167772
                                                        0.117536
                                                                        No
    (2, 9)
29
             0.013152
                       0.053586
                                  0.024802
                                             0.134217
                                                        0.029851
                                                                        No
30
    (3, 0)
             0.512000
                       0.800000
                                  0.512000
                                             0.640000
                                                        0.640000
                                                                        No
31
    (3, 1)
            0.409600
                       0.640000
                                  0.409600
                                             0.640000
                                                        0.512000
                                                                        No
32
    (3, 2)
             0.327680
                       0.511838
                                  0.327680
                                             0.512000
                                                        0.409600
                                                                        No
33
    (3, 3)
            0.262144
                                                        0.327680
                       0.408171
                                  0.260614
                                             0.409600
                                                                        No
34
    (3, 4)
             0.261518
                       0.320392
                                  0.203326
                                             0.327680
                                                        0.261719
                                                                        No
35
    (3, 5)
            0.167772
                       0.262144
                                  0.167772
                                             0.209715
                                                        0.209715
                                                                        No
    (3, 6)
36
             0.134218
                       0.209715
                                  0.134218
                                             0.209715
                                                        0.167772
                                                                        No
37
    (3, 7)
             0.107373
                       0.166757
                                  0.107374
                                             0.167772
                                                        0.134217
                                                                        No
    (3, 8)
38
            0.085891
                       0.100382
                                  0.085893
                                             0.134218
                                                        0.107343
                                                                        No
    (3, 9)
             0.076174
                       0.071982
                                             0.107374
39
                                  0.065306
                                                        0.061502
                                                                        No
40
    (4, 0)
            0.409600
                       0.640000
                                  0.512000
                                             0.512000
                                                        0.512000
                                                                        No
41
    (4, 1)
             0.327680
                       0.512000
                                  0.409600
                                             0.512000
                                                        0.409600
                                                                        No
42
    (4, 2)
             0.262144
                       0.409600
                                  0.262144
                                             0.409600
                                                        0.327680
                                                                        No
43
    (4, 3)
             0.209715
                       0.327680
                                  0.189491
                                             0.293847
                                                        0.226544
                                                                        No
44
    (4, 4)
             0.174468
                       0.262144
                                  0.185041
                                             0.078643
                                                        0.192444
                                                                        No
45
    (4, 5)
             0.098090
                       0.209715
                                  0.144422
                                             0.135218
                                                        0.154587
                                                                        No
46
    (4, 6)
             0.107374
                                  0.134218
                                             0.167772
                       0.167772
                                                        0.134218
                                                                        No
    (4, 7)
47
             0.085899
                       0.134218
                                  0.085899
                                             0.134218
                                                        0.107374
                                                                        No
48
    (4, 8)
             0.055471
                       0.107374
                                  0.081169
                                             0.092793
                                                        0.067186
                                                                        No
```

```
49
    (4, 9)
             0.035836
                        0.085899
                                   0.041502
                                              0.061783
                                                         0.011521
                                                                         No
    (5, 0)
             0.209715
50
                        0.081563
                                   0.134218
                                              0.031994
                                                         0.101347
                                                                          No
51
    (5, 1)
             0.262144
                        0.209696
                                   0.167765
                                              0.162455
                                                         0.209701
                                                                          No
52
    (5, 2)
             0.209715
                        0.327680
                                   0.209715
                                              0.209715
                                                         0.262144
                                                                          No
    (5, 3)
53
             0.167768
                        0.209710
                                   0.167772
                                              0.262144
                                                         0.209715
                                                                          No
    (5, 4)
             0.106819
                        0.139559
                                   0.111660
                                              0.209715
                                                         0.110226
54
                                                                         No
55
    (5, 5)
             0.056792
                        0.045657
                                   0.068719
                                              0.047842
                                                         0.043191
                                                                         No
56
    (5, 6)
             0.085899
                        0.052842
                                   0.047711
                                              0.054976
                                                         0.056690
                                                                         No
57
    (5, 7)
             0.068719
                        0.107374
                                   0.068719
                                              0.068340
                                                         0.085899
                                                                         No
58
    (5, 8)
             0.046121
                        0.059155
                                   0.040292
                                              0.085899
                                                         0.057604
                                                                          No
59
    (5, 9)
             0.048508
                        0.036119
                                   0.027681
                                              0.068719
                                                         0.028879
                                                                         No
    (6, 0)
                                   0.104341
60
             0.167772
                        0.151382
                                              0.133772
                                                         0.132570
                                                                         No
61
    (6, 1)
             0.208452
                        0.209715
                                   0.134205
                                              0.134097
                                                         0.167726
                                                                         No
62
    (6, 2)
             0.167772
                        0.262144
                                   0.157964
                                              0.158100
                                                         0.208757
                                                                          No
             0.134209
                        0.209715
                                   0.134212
                                              0.209715
                                                         0.167771
63
    (6, 3)
                                                                          No
64
    (6, 4)
             0.134181
                        0.167638
                                   0.107124
                                              0.167772
                                                         0.126480
                                                                          No
             0.025448
                        0.052902
                                   0.085899
                                              0.063363
                                                         0.065282
65
    (6, 5)
                                                                          No
66
    (6, 6)
             0.035047
                        0.068719
                                   0.033421
                                              0.035047
                                                         0.010555
                                                                          No
67
    (6, 7)
             0.054953
                        0.085899
                                   0.054970
                                              0.053908
                                                         0.068719
                                                                          No
68
    (6, 8)
             0.040495
                        0.064146
                                   0.043980
                                              0.068719
                                                         0.045395
                                                                          No
69
    (6, 9)
             0.023037
                        0.041276
                                   0.030156
                                              0.054976
                                                         0.033819
                                                                          No
70
    (7, 0)
             0.123164
                        0.134218
                                   0.082412
                                              0.054761
                                                         0.104334
                                                                         No
71
             0.121230
    (7, 1)
                        0.167772
                                   0.075745
                                              0.065709
                                                         0.097617
                                                                         No
72
    (7, 2)
             0.118422
                        0.209715
                                   0.088149
                                              0.111660
                                                         0.156608
                                                                          No
73
    (7, 3)
             0.105251
                        0.167772
                                   0.105888
                                              0.148034
                                                         0.130426
                                                                          No
74
    (7, 4)
             0.085827
                        0.134218
                                   0.085066
                                              0.133581
                                                         0.105888
                                                                         No
75
    (7, 5)
             0.042676
                        0.067857
                                   0.067948
                                              0.107374
                                                         0.082652
                                                                         No
76
    (7, 6)
             0.054976
                        0.023240
                                   0.021254
                                              0.028588
                                                         0.031419
                                                                         No
77
    (7, 7)
             0.043980
                        0.068719
                                   0.043977
                                              0.043977
                                                         0.054974
                                                                          No
78
    (7, 8)
             0.021242
                        0.030413
                                   0.031045
                                              0.054976
                                                         0.042088
                                                                          No
79
    (7, 9)
             0.020459
                        0.043980
                                   0.005404
                                              0.028895
                                                         0.018901
                                                                          No
80
    (8, 0)
                        0.107374
                                   0.062890
                                                         0.075793
             0.086510
                                              0.080947
                                                                          No
81
    (8, 1)
             0.134218
                        0.000000
                                   0.016452
                                              0.085899
                                                         0.080950
                                                                          No
82
    (8, 2)
             0.081543
                        0.167772
                                   0.081593
                                              0.054699
                                                         0.040265
                                                                          No
    (8, 3)
             0.082932
83
                        0.134218
                                   0.078756
                                              0.101992
                                                         0.103024
                                                                          No
84
    (8, 4)
             0.000000
                        0.032212
                                   0.036797
                                              0.107374
                                                         0.043809
                                                                         No
85
    (8, 5)
             0.035184
                        0.085899
                                   0.044526
                                              0.049559
                                                         0.045957
                                                                         No
             0.043980
                                   0.026673
86
    (8, 6)
                        0.038304
                                              0.026228
                                                         0.030845
                                                                          No
87
    (8, 7)
             0.035182
                        0.054976
                                   0.035179
                                              0.035183
                                                         0.043933
                                                                         No
88
    (8, 8)
             0.013689
                        0.036589
                                   0.025807
                                              0.043980
                                                         0.030968
                                                                          No
89
    (8, 9)
             0.013959
                        0.000000
                                   0.022518
                                              0.017944
                                                         0.005404
                                                                         No
    (9, 0)
90
             0.028038
                        0.085899
                                   0.056163
                                              0.063002
                                                         0.052220
                                                                         No
91
    (9, 1)
             0.032212
                        0.064113
                                   0.016493
                                              0.068719
                                                         0.00000
                                                                         No
92
    (9, 2)
             0.043801
                        0.134218
                                   0.054741
                                              0.016490
                                                         0.032212
                                                                         No
93
    (9, 3)
             0.020616
                        0.107374
                                   0.056436
                                              0.083497
                                                         0.00000
                                                                          No
    (9, 4)
94
             0.001526
                        0.029653
                                   0.052965
                                              0.085899
                                                         0.057128
                                                                          No
95
    (9, 5)
             0.021376
                        0.068719
                                   0.042435
                                              0.010966
                                                         0.000000
                                                                          No
```

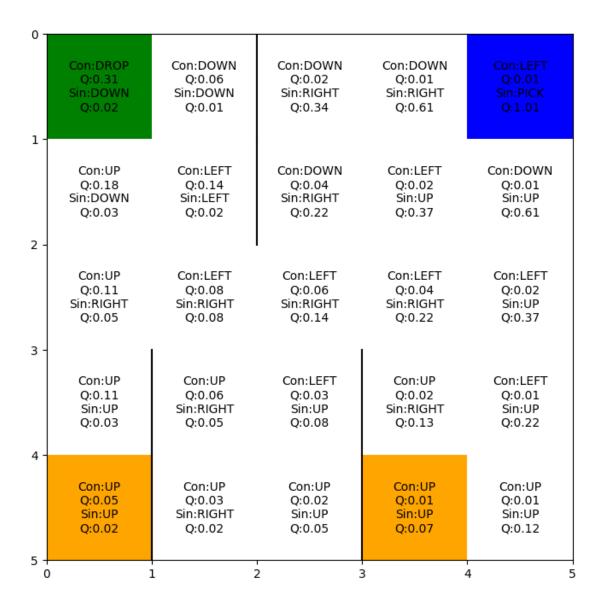
```
96
    (9, 6)
             0.035184 \quad 0.015283 \quad 0.012204 \quad 0.047573 \quad 0.012227
                                                                          No
97
    (9, 7)
             0.028004
                       0.043980
                                   0.035162
                                             0.029837
                                                         0.034869
                                                                          No
    (9, 8)
98
             0.019959
                       0.026857
                                   0.023417
                                              0.035184
                                                         0.027773
                                                                          No
99
    (9, 9)
             0.006755
                       0.015867
                                   0.019869
                                              0.028147
                                                         0.021269
                                                                          No
```

De igual forma que con el escenario de gridworld, podemos ver que, si bien las políticas siempre terminan llegando al objetivo, también podemos ver la falta de optimización en las mismas. No obstante, podemos apreciar que hay una menor cantidad de políticas no óptimas en este escenario, principalmente en el cuadrante más lejano, lo cual sigue concordando con el escenario de gridworld con políticas no óptimas a medida que se alejan de la recompensa, donde se espera que se encuentren menos muestras.

#### 1.1.3 Taxi

```
[]: taxi_board, taxi_blocked_paths, taxi_objective, taxi_start = generate_taxi()
   taxi = TaxiGrid(taxi_board, taxi_objective, taxi_start, taxi_blocked_paths)
   q_learning = QLearningTaxi(taxi, random_seed, alpha=0.1, epsilon=0.3)
   print(
        f"El agente toma {q_learning.run()} muestras para converger valores a 3______
        decimales")
   plot_scenario(q_learning)
```

El agente toma 5600 muestras para converger valores a 3 decimales



for action in q\_learning.Q[(state, passenger)]:  $q\_table[action.name].append(q\_learning.Q[(state, passenger)][action]) \\ DataFrame(q\_table)$ 

[]:	Esta		DOWN	LEFT	RIGHT	UP
	PICK DROP Estacion O Sin pasajero (0, 12.913776 -4.094582		1.460042e-02 Sí	5.635938e-04	0.000000	0.000000
	1 Con pasajero (0, 0-9.937783 0.306623	0)	1.276247e-01 Sí	5.110944e-02	0.050546	0.052772
	2 Sin pasajero (0, -9.930067 -9.948462	1)	2.802304e-02 No	6.651662e-03	0.002534	0.004470
	3 Con pasajero (0, -9.834779 -9.849925	1)	6.653178e-02 No	1.047094e-01	0.059929	0.183688
	4 Sin pasajero (0, 2 -9.482687 -8.768309	2)	5.807237e-03 No	1.496163e-02	0.046855	0.009493
	5 Con pasajero (0, 2 -9.920512 -9.904097	2)	4.936976e-02 No	5.926110e-02	0.059138	0.114849
	6 Sin pasajero (0, 3 -7.709582 -6.125795	3)	2.012613e-08 No	2.902554e-03	0.000000	0.027236
	7 Con pasajero (0, 8-9.467714 -9.593144	3)	1.919924e-02 No	3.118509e-02	0.033084	0.105278
	8 Sin pasajero (0, -3.194404 -4.684297	4)	4.697650e-04 Sí	2.851508e-07	0.000242	0.011352
	9 Con pasajero (0, -9.825355 -7.343915		1.679541e-02 Sí	1.085672e-02	0.012375	0.049049
	10 Sin pasajero (1, -3.439000		5.550310e-03 No	1.264775e-03	0.000375	0.000259
	11 Con pasajero (1, -9.927420 -9.921161		5.888376e-02 No	5.875378e-02	0.057685	0.055473
	12 Sin pasajero (1, -4.685369 -5.694450		8.906724e-03 No	1.514386e-02	0.002561	0.000637
	13 Con pasajero (1, -9.929671 -9.934475		4.464206e-02 No	1.415356e-01	0.060716	0.059044
	14 Sin pasajero (1, 2-9.730124 -9.896907		1.183975e-02 No	1.091270e-02	0.078124	0.001585
	15 Con pasajero (1, 1 -9.944162 -9.948002		2.883897e-02 No		0.039107	0.061986
	16 Sin pasajero (1, 5-5.211047 -6.855224		No	1.673599e-03	0.045652	0.008878
	17 Con pasajero (1, 7-9.955834 -9.962200		1.303196e-02 No	1.160417e-02	0.014376	0.058418
	18 Sin pasajero (1, -9.690968 -9.576088		3.148821e-04 No	7.560428e-05	0.018379	
	19 Con pasajero (1, -9.681144 -9.742909		8.712299e-03 No	7.149261e-03	0.005006	0.034282
	20 Sin pasajero (2,	0)	2.585600e-02	1.780873e-02	0.330643	0.038761

-4.669824 -4.085824		No			
21 Con pasajero (2,	0)	1.867874e-02	3.722297e-03	0.005048	0.004351
-6.510386 -8.900678		No			
22 Sin pasajero (2,	1)	1.507611e-02	1.649680e-02	0.214091	0.018072
-5.664275 -5.682826		No			
23 Con pasajero (2,	1)	3.955892e-02	1.566977e-02	0.009327	0.006128
-9.709501 -9.897321		No			
24 Sin pasajero (2,	2)	2.310286e-02	3.837855e-02	0.130244	0.105862
-9.815861 -9.897864	٥)	No			0.040440
25 Con pasajero (2,	2)	2.172134e-02	6.083085e-02	0.020930	0.018440
-9.973325 -9.966208	2)	No	1 (21/12 - 02	0.016004	0.070100
26 Sin pasajero (2, -9.769216 -9.257019	3)	4.442021e-03	1.631413e-03	0.016004	0.078120
	2)	No	2 105062 00	0 012772	0 003510
27 Con pasajero (2, -9.403706 -9.185593	3)	8.025623e-03 No	3.195263e-02	0.013773	0.023518
28 Sin pasajero (2,	4)	5.287577e-03	8.745512e-04	0.000000	0.043994
-7.132021 -4.092834	4)	No	0.745512e-04	0.000000	0.043994
29 Con pasajero (2,	4)	3.912143e-03	1.006864e-02	0.004009	0.018294
-9.970559 -9.960802	4)	No	1.0000046 02	0.004009	0.010294
30 Sin pasajero (3,	0)	1.460116e-01	8.261876e-02	0.602709	0.231268
-9.587314 -9.659070	0)	No	0.2010/00 02	0.002703	0.201200
31 Con pasajero (3,	0)	9.851986e-03	6.544787e-03	-0.017032	0.003859
-9.896902 -9.946462	0,	No	0.011/0/0 00	0.01,002	0.00000
32 Sin pasajero (3,	1)	6.190357e-02	6.441910e-02	0.192182	0.361682
-6.507849 -7.451376		No			
33 Con pasajero (3,	1)	1.554064e-02	1.824736e-02	0.006881	0.006372
-9.988054 -9.988205		No			
34 Sin pasajero (3,	2)	5.650260e-02	6.341644e-02	0.217039	0.149203
-9.093701 -9.239980		No			
35 Con pasajero (3,	2)	1.197781e-02	4.295292e-02	0.011962	0.011529
-9.979375 -9.980659		No			
36 Sin pasajero (3,	3)	2.126278e-03	6.751056e-03	0.129889	0.052802
-9.008371 -9.819583		No			
37 Con pasajero (3,	3)	-6.490352e-02	9.124259e-03	0.005778	0.017676
-9.986014 -9.986117		No			
38 Sin pasajero (3,	4)	-5.191795e-02	-1.247440e-03	0.001330	0.065574
-4.154961 -7.764204		Sí			
39 Con pasajero (3,	4)		4.385616e-03	0.001978	0.010513
-8.056666 -7.085156		Sí			
40 Sin pasajero (4,	0)		3.509590e-01	0.580057	0.591321
1.003784 -9.429133		Sí			
41 Con pasajero (4,	0)	5.893202e-03	5.949720e-03	0.003835	0.003943
-9.813268 -9.886948	4 \	Sí	0.001460.01	0 045460	0 000540
42 Sin pasajero (4,	1)		2.061460e-01	0.345163	0.602513
-9.343106 -9.397085	4 \	No	0 001555 00	0 005300	0 000000
43 Con pasajero (4,	T)		8.981555e-03	0.005388	-0.008239
-9.947353 -9.873417		No			

```
Sin pasajero (4, 2)
                         1.177142e-01 1.190179e-01 0.179411
                                                                0.361609
-9.790511 -9.791108
   Con pasajero (4, 2)
                         4.326718e-03
                                       2.108517e-02
                                                      0.006515
                                                                0.004738
-9.988175 -9.987924
   Sin pasajero (4, 3)
                         2.221977e-02
                                       3.918929e-02
                                                      0.103363
                                                                0.217034
-7.868356 -7.871839
    Con pasajero (4, 3) -4.853360e-02
                                       1.060122e-02
                                                      0.003710
                                                                0.004940
-9.952207 -9.968797
   Sin pasajero (4, 4)
                         1.176736e-02
                                       3.480268e-03
                                                      0.006222
                                                                0.119924
-9.994363 -9.975751
   Con pasajero (4, 4)
                         2.285124e-03 -2.780408e-01
                                                     0.001455
                                                                0.007329
-5.693533 -8.119650
```

En este escenario podemos ver un comportamiento que parece más aleatorio que los escenarios anteriores gracias a la naturaleza del problema. Sin embargo, analizando la quabla y las políticas de la iteración final, podemos comprender que este comportamiento es lógico. Por un lado, las políticas favorecen la última iteración ya que las estaciones del pasajero y el objetivo son aleatorias, por lo que gracias a estos valores aleatorios que se contrarrestan entre sí y a los hyper parámetros usados, las últimas iteraciones tiene más peso sobre los qualores, dando prioridad a las políticas resultantes. Por el otro lado, tenemos la información de la quabla, la cual indica valores muy cercanos entre todas las acciones, siendo la excepción drop y pick, los cuales tienden a tener un valor negativo cercano a -10, debido a la gran penalización de ejecutar estas acciones de manera indebida y a la inhabilidad del agente de saber cuál es la estación del pasajero y objetivo para la iteración actual, siendo la excepción las estaciones involucradas en las últimas iteraciones por los motivos mencionados anteriormente.