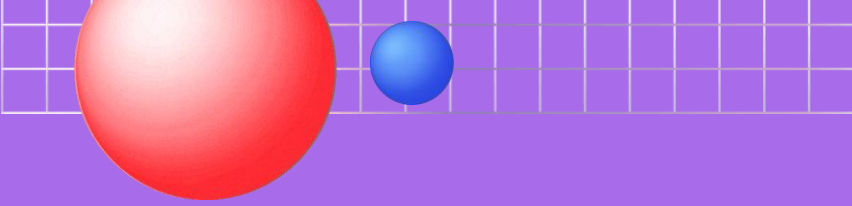


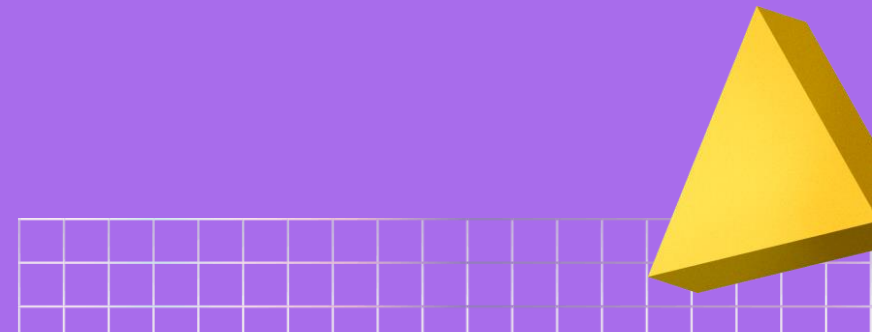
Programarea aplicațiilor de simulare

Detectarea coliziunilor



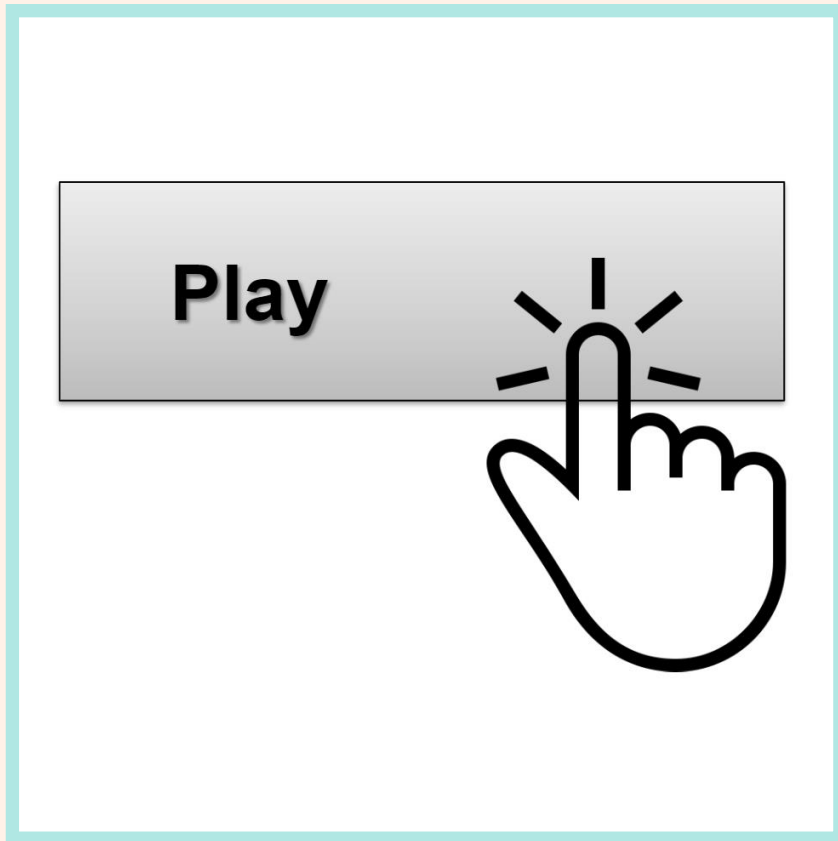


Detectarea coliziunilor



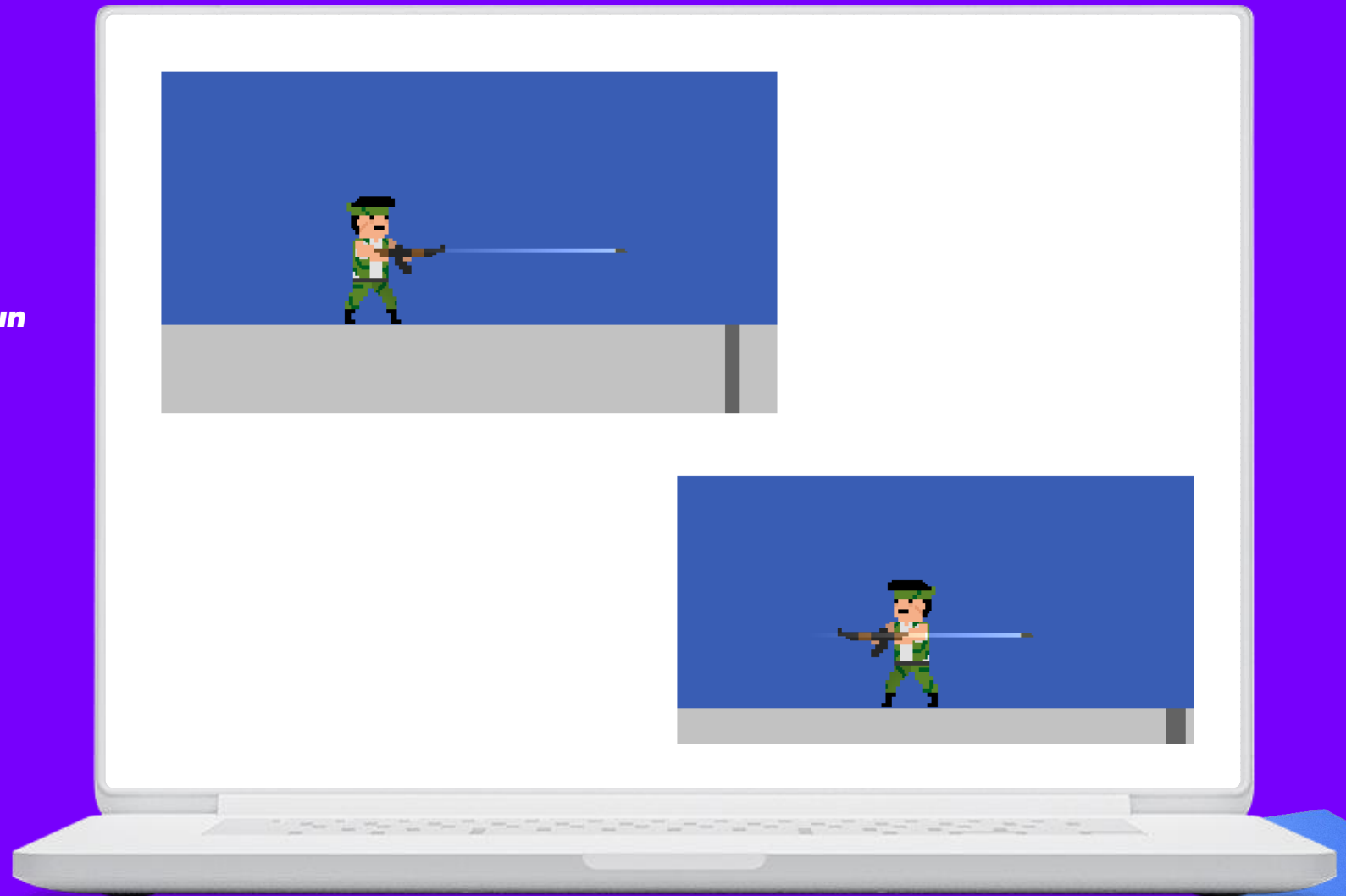
Motivație: Selectarea obiectelor

- *Punctele din interiorul unei regiuni?*



Motivație: Traiectoriile gloanțelor

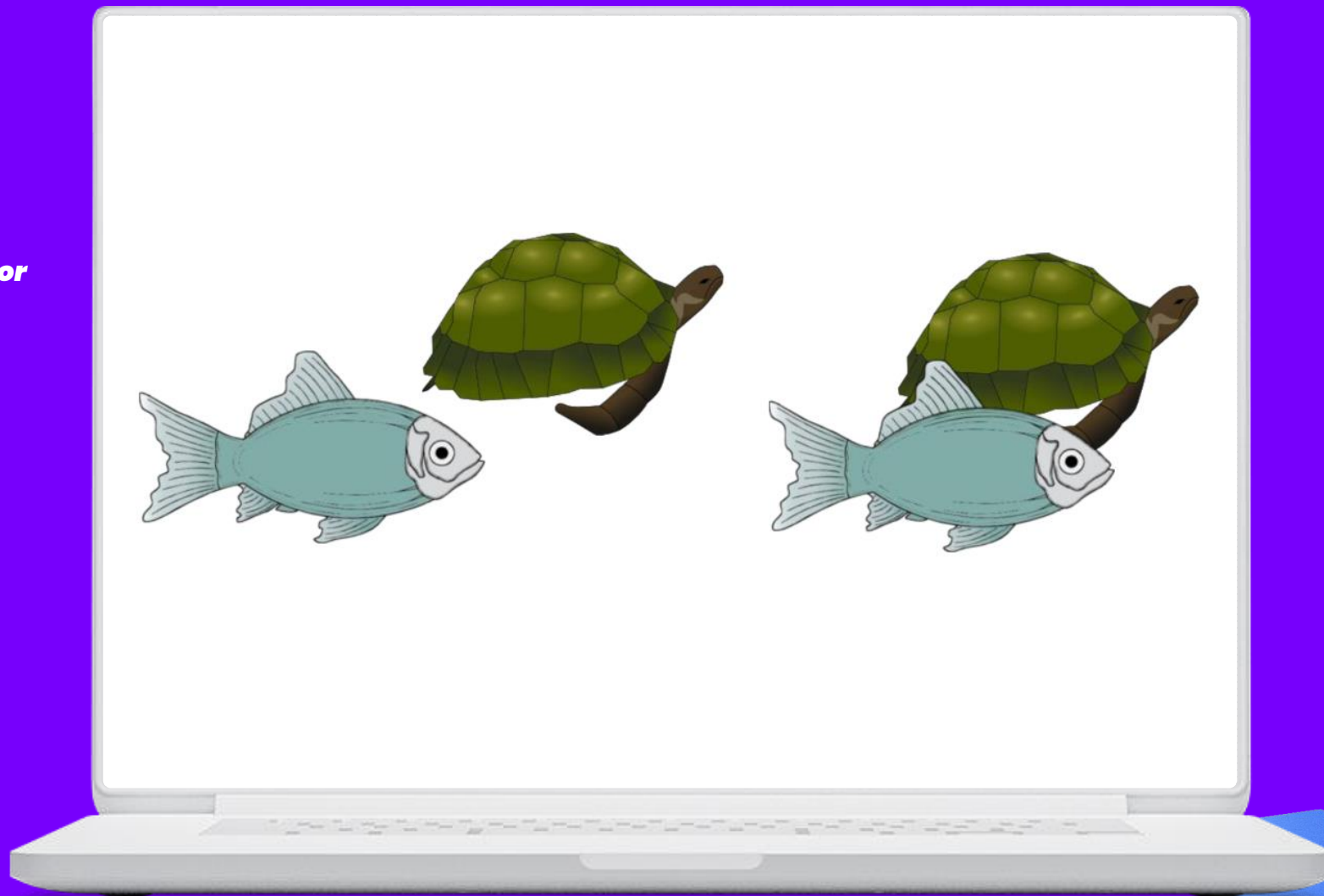
- *Intersecția dintre un punct și un obiect sau intersecția dintre o linie și un obiect?*

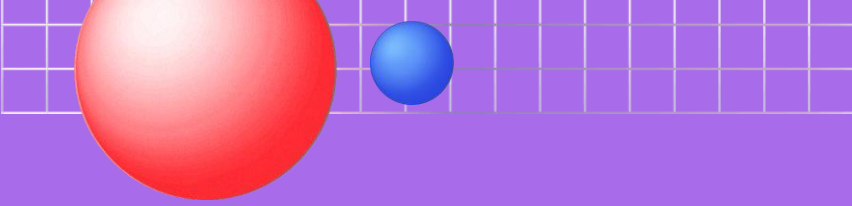


<https://forum.unity.com/threads/2d-platformer-shooting.365971/>

Motivație: Coliziuni

- *Prevenirea penetrării obiectelor*
- *Cum?*





Configurații posibile?

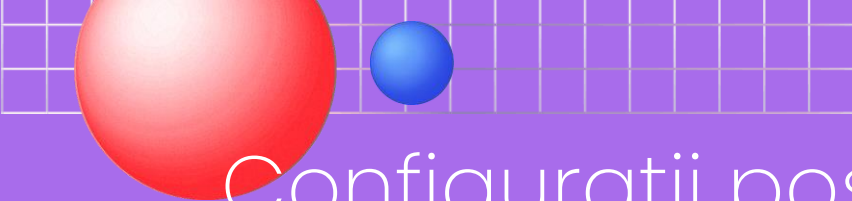


Pentru a detecta coliziunea dintre două poligoane este suficient să verificăm dacă muchiile acestora se intersectează

A. Adevărat

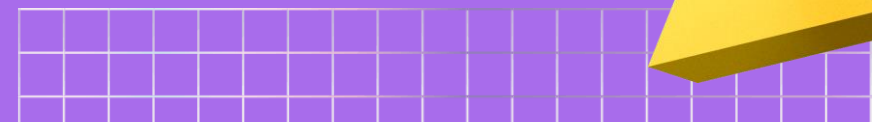
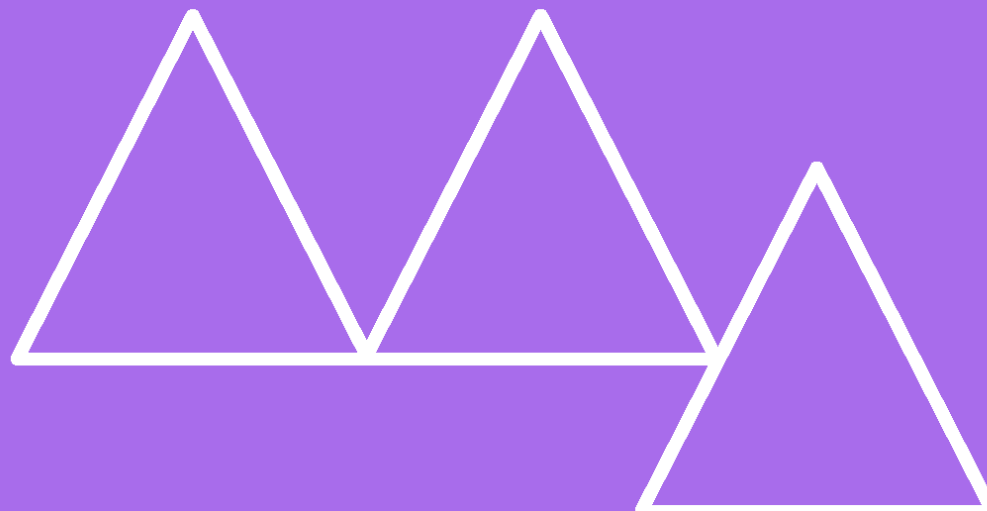
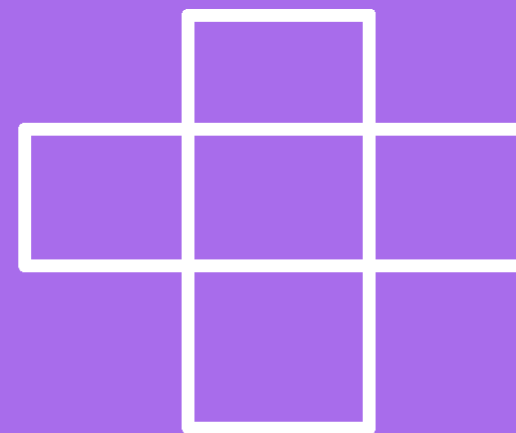
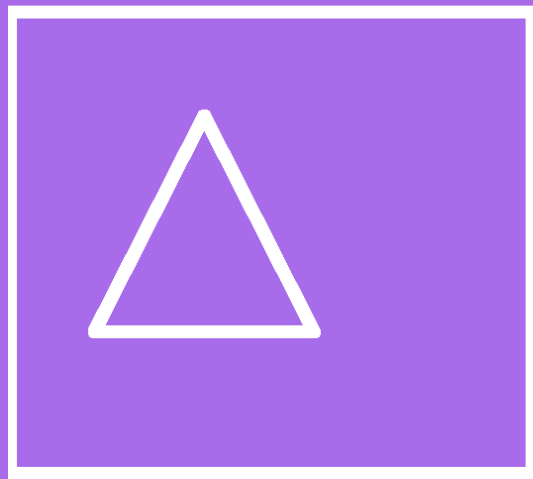
B. Fals

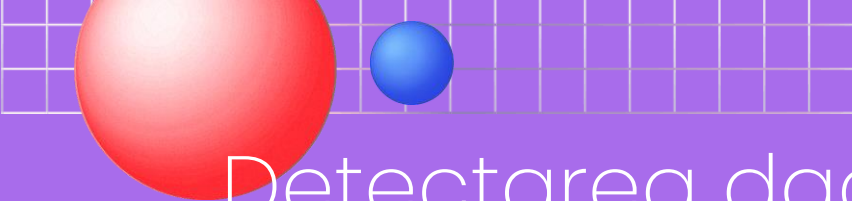




Configurații posibile?

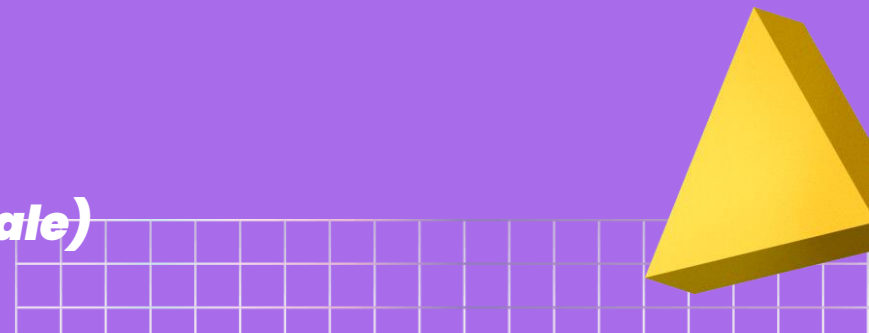
- **Intersecția dintre segmente**
 - **Punct PE segment**
- **Poligon în interiorul altui poligon**





Detectarea dacă un poligon se află în interiorul altuia.

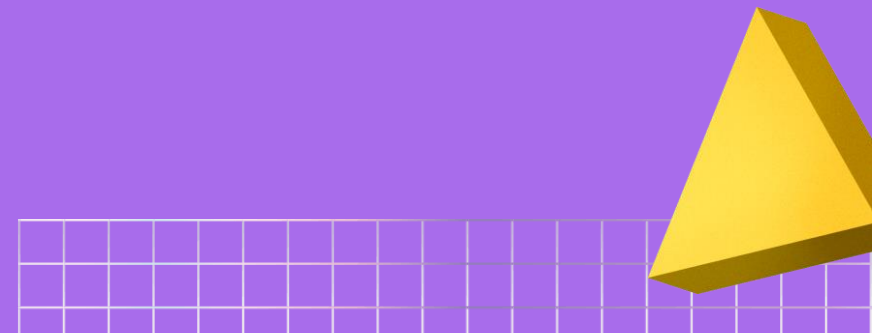
- **Cum?**
- **Pentru fiecare punct verificăm dacă se află în interiorul celuilalt?**
- **Cum?**
 - **Poligon convex**
 - **Testul de orientare returnează același rezultat pentru toate muchiile**
 - **Poligon concav**
 - **Subdivizare = triangulare**
 - **Cum?**
 - **Tragem raze (avem grijă la colțuri și cazuri speciale)**





Funcții explicite

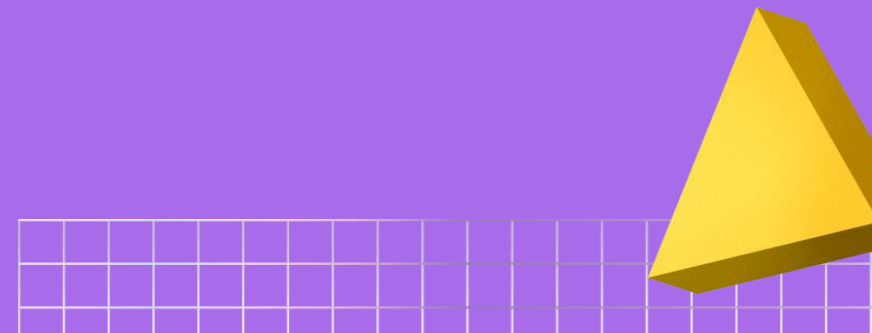
- ***Reprezentări matematice***
- **Funcții explicite**
- **Funcții parametrice**
- **Funcții implicite**

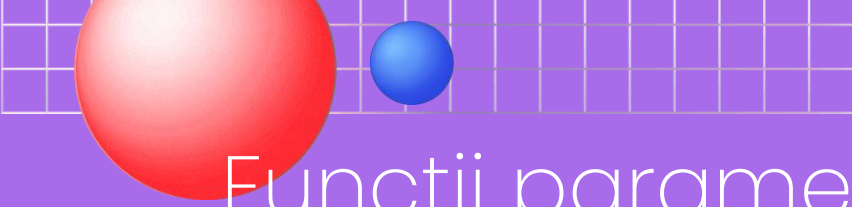




Funcții explicite

- **Reprezentări matematice**
- $y = f(x)$
- **Ex.** $y = ax + b$
- **O singură valoare y pentru fiecare x**
- **Folositor pentru?**
 - **Teren**





Funcții parametrice

- **2D: x și y sunt funcții care acceptă un parametru t**
- **3D: x, y și z sunt funcții care acceptă un parametru t**

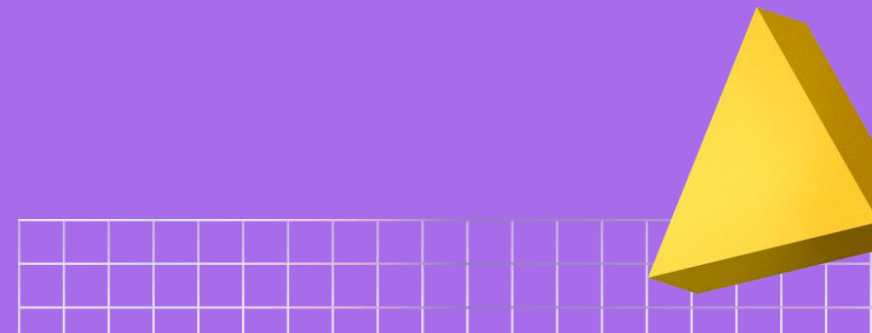
$$C(t) = \begin{pmatrix} p_x \\ p_y \end{pmatrix} t + \begin{pmatrix} q_x \\ q_y \end{pmatrix} (1 - t)$$

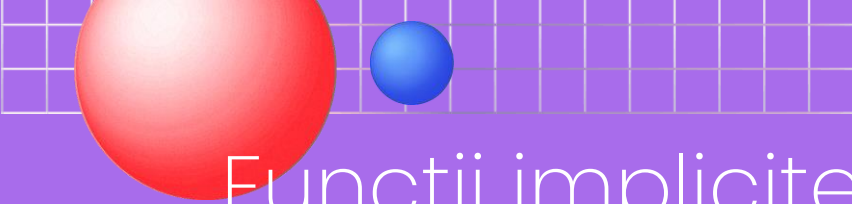
Segment de dreaptă

$$C(t) = \begin{pmatrix} \cos(t) \\ \sin(t) \end{pmatrix}$$

Arc de cerc

- **Parametrul t este cuprins într-un interval $t_1 < t < t_2$**





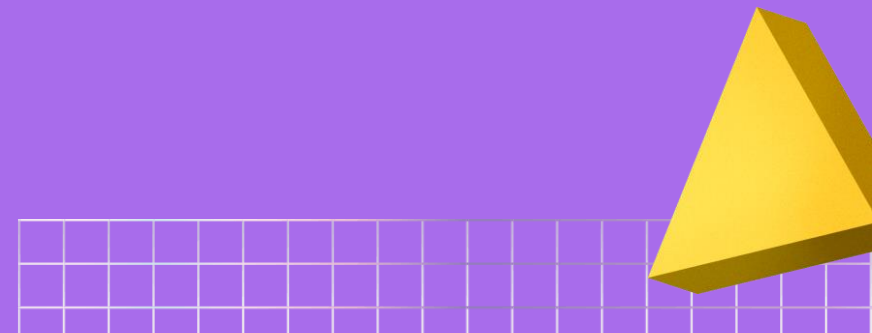
Funcții implicite

- **Curbă (2D) sau Suprafață (3D) definită de soluțiile unei ecuații.**

- Ex:

$$S(x, y): x^2 + y^2 - 1 = 0$$

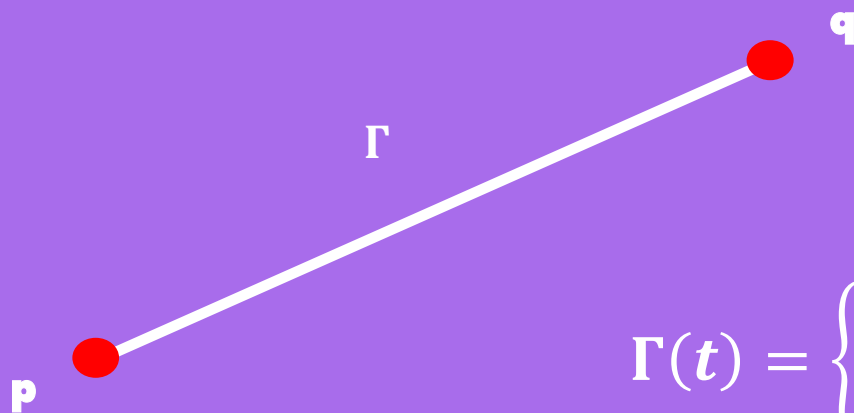
$$S(x, y, z): x^2 + y^2 + z^2 - 1 = 0$$





Drepte și segmente

Segmentul Γ de la $p = (x_0, y_0)$ către $q = (x_1, y_1)$

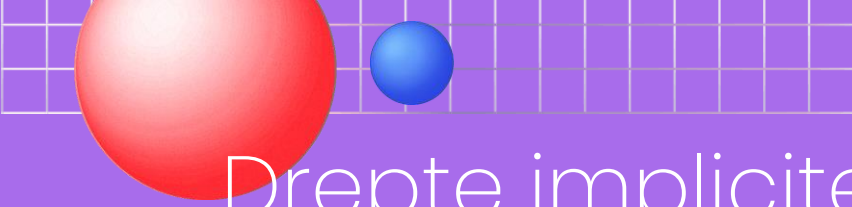


$$\Gamma(t) = \begin{cases} x_1(t) = x_0 + (x_1 - x_0)t \\ y_1(t) = y_0 + (y_1 - y_0)t \end{cases}$$

Găsirea liniei care trece prin punctele $p = (x_0, y_0)$ și $q = (x_1, y_1)$

- **Funcție parametrică:** $\Gamma(t), t \in (-\infty, \infty)$
- **Funcție implicită:** $Ax + By + C = 0$
 - **Sistem de 2 ecuații cu 2 necunoscute** ($A^2 + B^2 = 1$)





Drepte implicite

Explicit: $y = mx + b$

$$y = mx + b \Rightarrow$$

$$\Rightarrow y = \frac{\Delta y}{\Delta x} x + b \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta x y = \frac{\Delta x \Delta y}{\Delta x} x + \Delta x b \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta x y = \Delta y x + \Delta x b \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 0 = \Delta y x - \Delta x y + \Delta x b \Rightarrow$$

$$\Rightarrow A = \Delta y, B = -\Delta x, C = \Delta x b$$

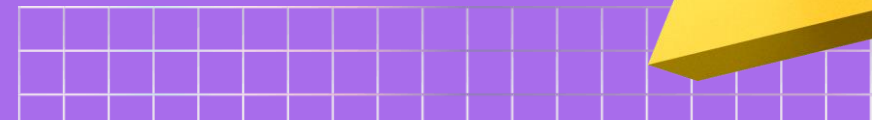
Implicit: $Ax + By + C = 0$

Exemplu

$$y = \frac{-1}{3}x + 0$$

$$\Delta x = -3, \Delta y = 1, A = 1, B = 3, C = 0 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 1x + 3y = 0$$



Linii implicite – stânga sau dreapta?

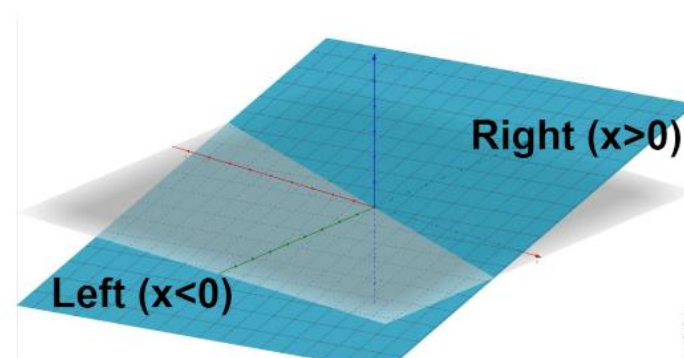
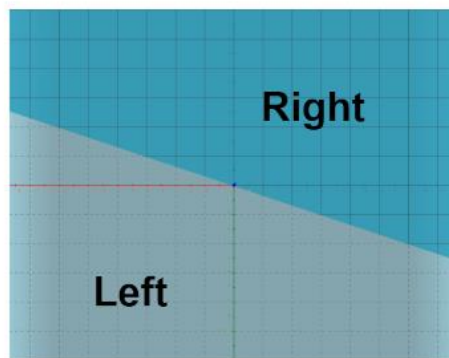
Linie implicită în 2D

$$0.1x + 0.3y = 0$$



Plan explicit în 3D

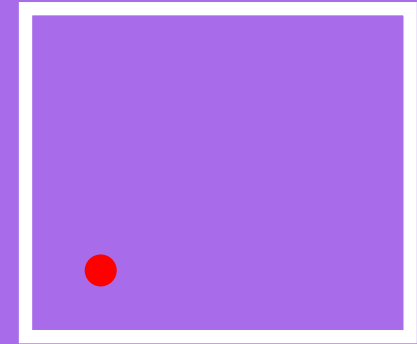
$$f(x, y) = 0.1x + 0.3y$$





Punct vs dreaptă (rază)

- **Punctul** $p = (p_x, p_y)$
- **Se folosește ecuația implicită**
 - **Implicit** $Ax + By + C = 0$
 - **Se rezolvă un sistem de 2 ecuații cu 2 necunoscute** ($A^2 + B^2 = 1$)
 - **Pe dreaptă:** $Ap_x + Bp_y + C = 0$
 - **Se aplică testul de orientare față de toate muchiile poligonului**
 - **Dacă semnul este același, atunci punctul se află în interior**
 - **Ex: Pentru TOATE muchiile avem** $Ap_x + Bp_y + C < 0$





Recap:

Detectarea dacă un poligon se află în interiorul altuia.

Pentru fiecare punct verificăm dacă se află în interiorul celui alt

- **Cum?**

- **Poligon convex**

- **Testul de orientare returnează același rezultat pentru toate muchiile**

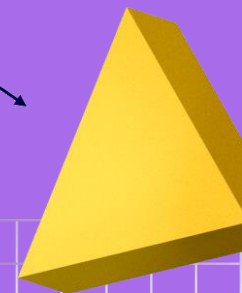
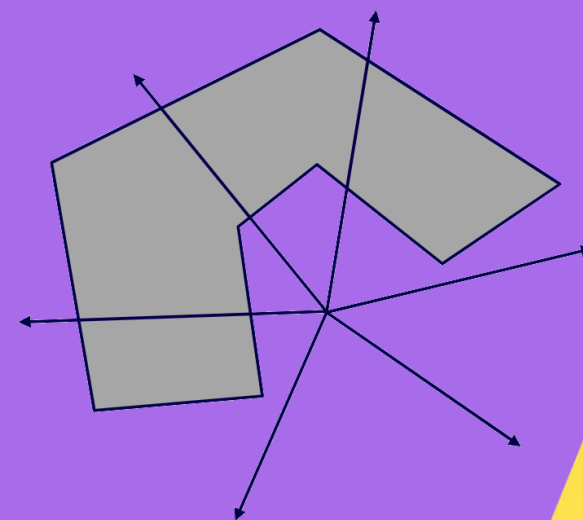
- **Poligon concav**

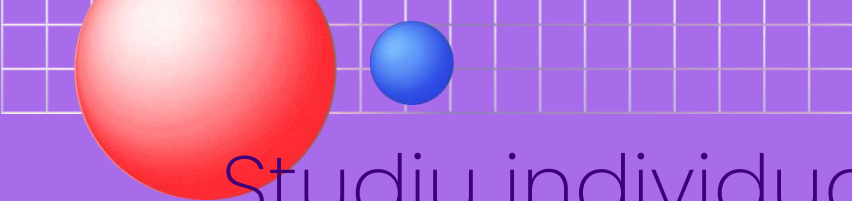
- **Subdivizare = triangulare**

- **Cum?**

- **Tragem raze (avem grijă la colțuri și cazuri speciale)**

- **Alte moduri?**





Studiu individual: Numărul de înfășurare

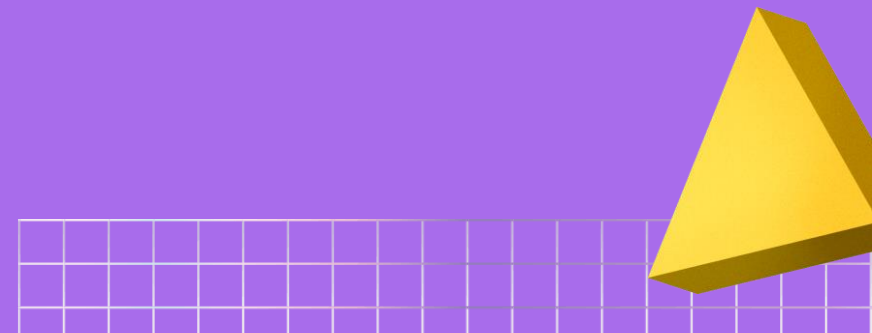
Punct în poligon?

- **Dacă numărul de înfășurare este diferit de 0**
- **Cum se calculează?**
- **http://geomalgorithms.com/a03-_inclusion.html**



Numărul de înfășurare

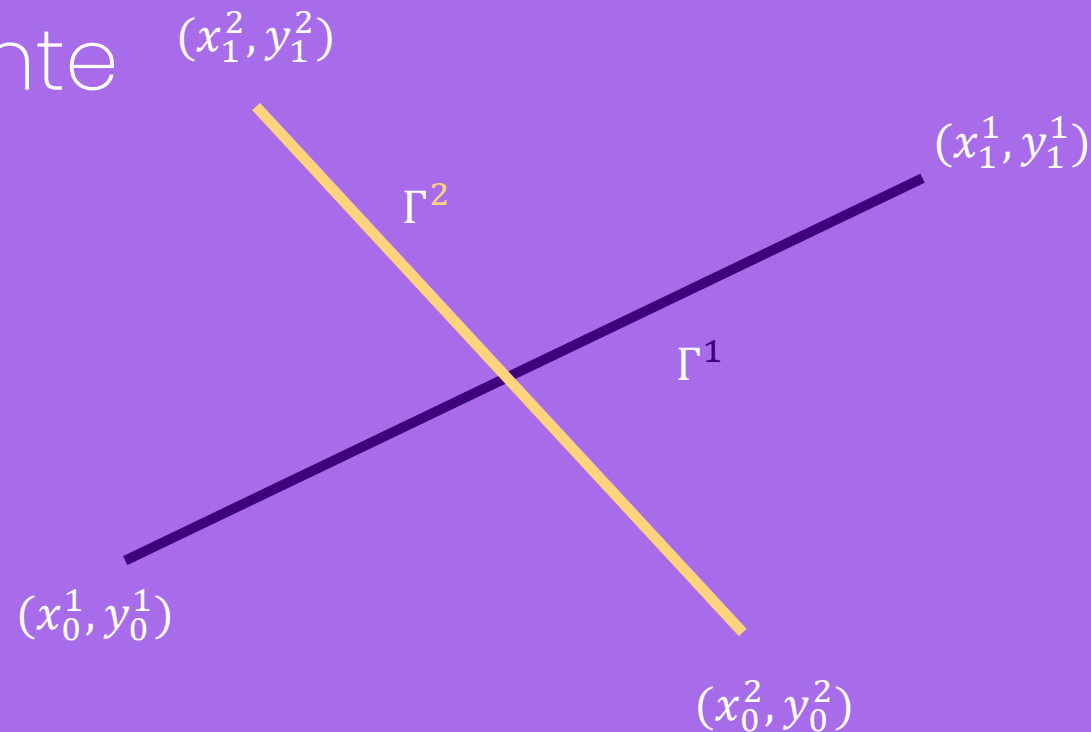
- **De câte ori curba traversează în sens trigonometric în jurul punctului**
- **Negativ în sensul acelor de ceasornic**



Intersecția între două segmente

$$\Gamma^1(t) = \begin{cases} x^1(t) = x_0^1 + (x_1^1 - x_0^1)t \\ y^1(t) = y_0^1 + (y_1^1 - y_0^1)t \end{cases} \quad t \in [0,1]$$

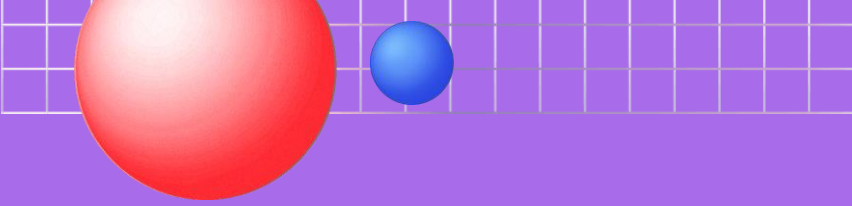
$$\Gamma^2(r) = \begin{cases} x^2(r) = x_0^2 + (x_1^2 - x_0^2)r \\ y^2(r) = y_0^2 + (y_1^2 - y_0^2)r \end{cases} \quad r \in [0,1]$$



**Intersecția: valorile x & y astfel încât acestea sunt egale în ambele reprezentări –
Se obțin 2 ecuații cu 2 necunoscute (r,t)**

$$\begin{aligned} x^1(t) &= x_0^1 + (x_1^1 - x_0^1)t = x^2(t) = x_0^2 + (x_1^2 - x_0^2)r \\ y^1(t) &= y_0^1 + (y_1^1 - y_0^1)t = y^2(t) = y_0^2 + (y_1^2 - y_0^2)r \end{aligned}$$

Întrebare: ce înseamnă dacă soluțiile ecuației sunt $r, t < 0$ sau $r, t > 1$?

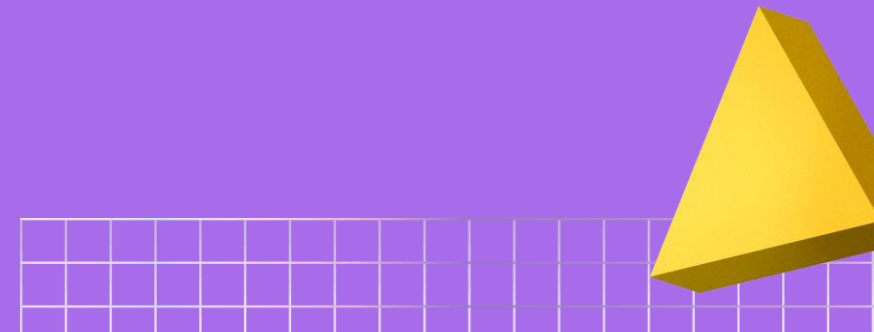


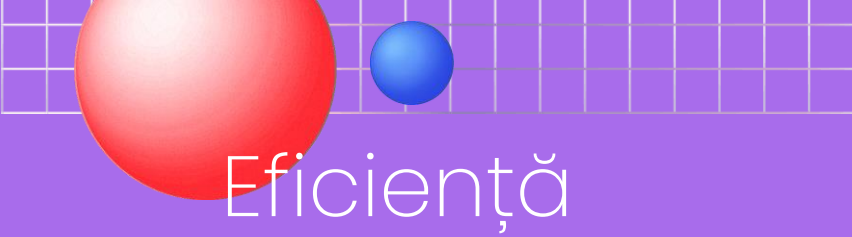
Întrebare: Ce înseamnă dacă soluțiile ecuației sunt $r, t < 0$ sau $r, t > 1$?

A. Segmentele încă se intersectează

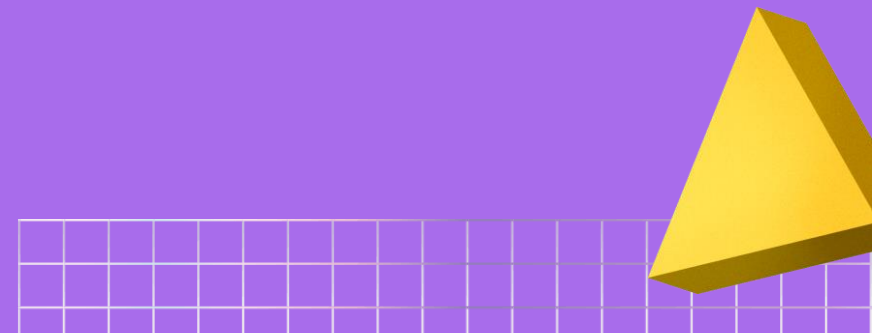
B. Segmentele nu se intersectează

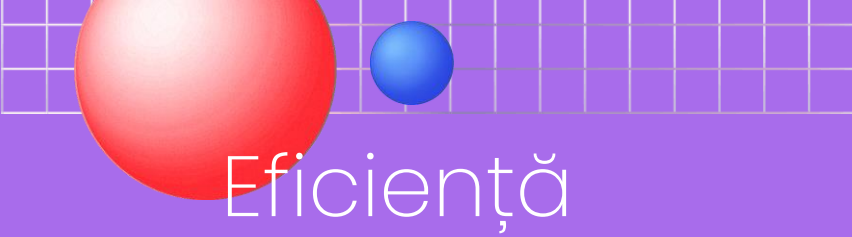
C. Se află într-o stare cuantică în care ne este imposibil să decidem dacă se intersectează sau nu.





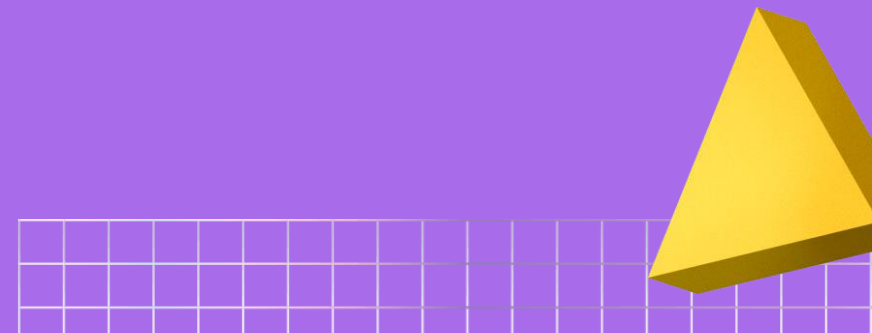
- **Implementarea naivă**
 - **Verifică coliziunile între TOATE obiectele mișcătoare la un anumit pas**
 - **Foarte costisitoare**
- **Cum îmbunătățim?**





Eficiență

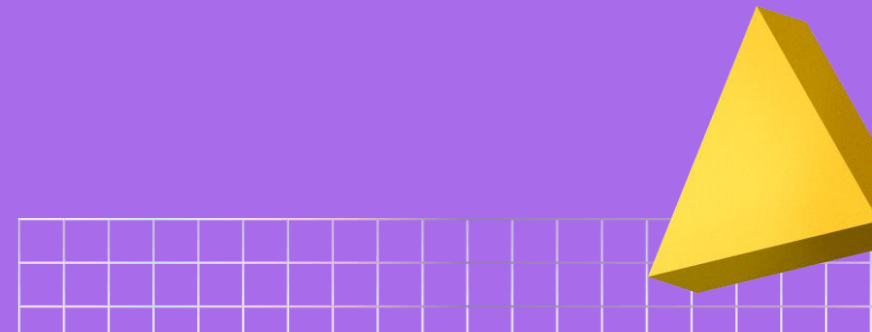
- **Implementarea naivă**
 - **Verifică coliziunile între TOATE obiectele mișcătoare la un anumit pas**
 - **Foarte costisitoare**
- **Îmbunătățiri**
 - **Bounding Volumes**
 - **Ierarhii**





Bounding Volumes

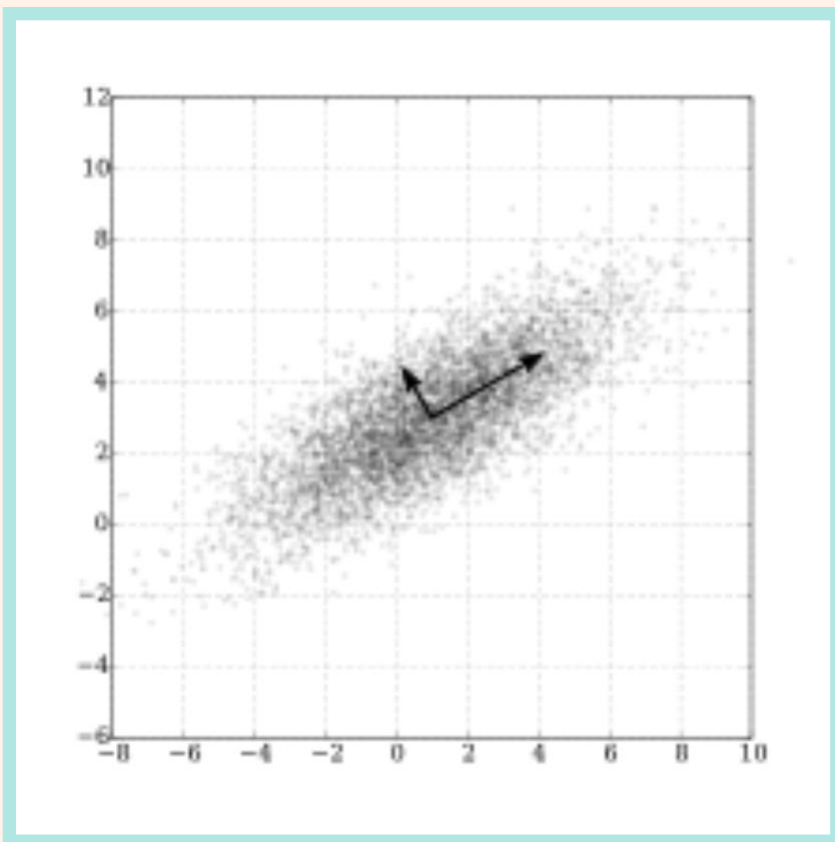
- **Axis aligned bounding box (AABB)**
 - **Calculațiile sunt triviale**
 - **Efficiente**
 - **Posibil să fie prea mari...**
- **Tight bounding box**
 - **Mai greu de calculat: Principal Component Analysis (PCA)**
 - **Evaluare mai lentă**
 - **Compacte**



Principal Component Analysis(PCA)

Se găsesc direcțiile de varianță maximă

$$W_{(1)} = \underset{\|w\|=1}{\operatorname{arg\,max}} \left\{ \sum_i (x_{(i)} \cdot w)^2 \right\}$$

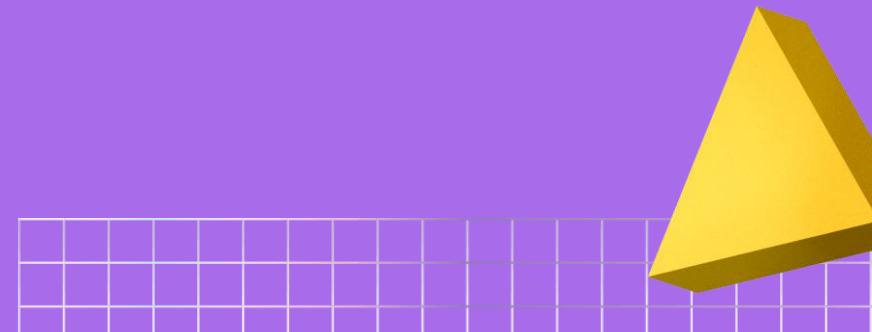


Wikipedia



Bounding Volumes

- **Bounding circle**
 - **Mai multe metode de a calcula eficient**
- **Acoperirea convexă**
 - **Vezi curs Algoritmi Avansați**

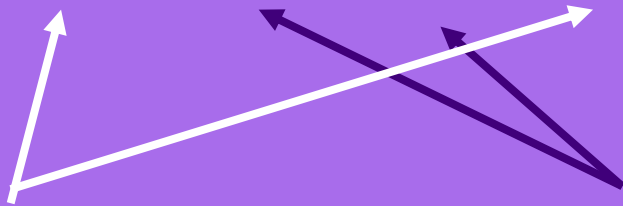




Bounding Volumes Intersection

- **Axis aligned bounding box (AABB)**

- **$A.LO \leq B.HI \ \&\& \ A.HI \geq B.LO$ (și pentru X și pentru Y)**



- **Limita inferioară**

- **Limita superioară**

- **Cercuri**

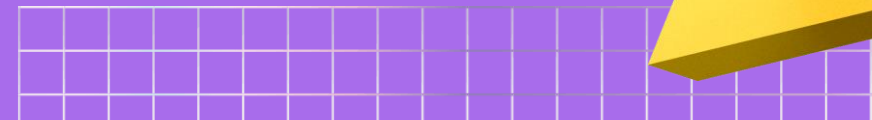
- **$\|A.C - B.C\| < A.R + B.R$**

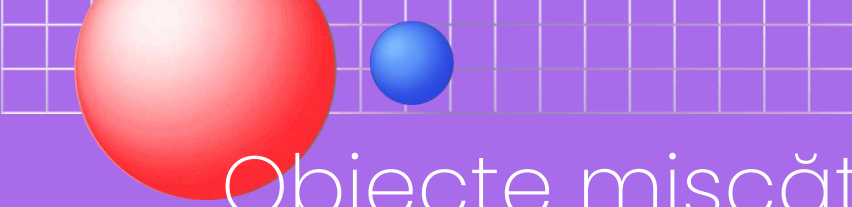


Centrele



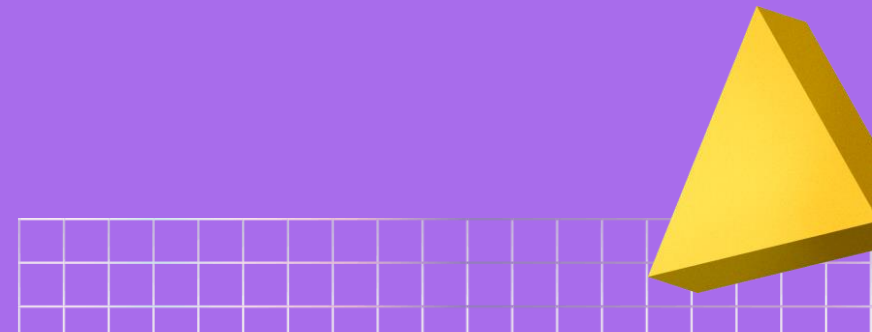
Razele

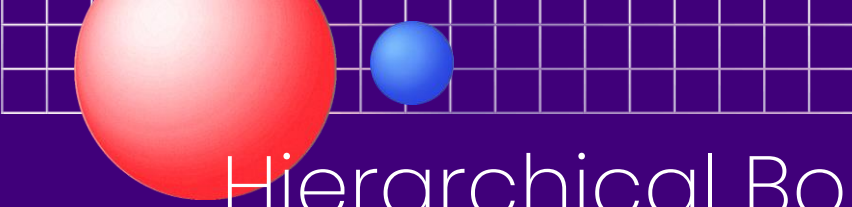




Obiecte mișcătoare

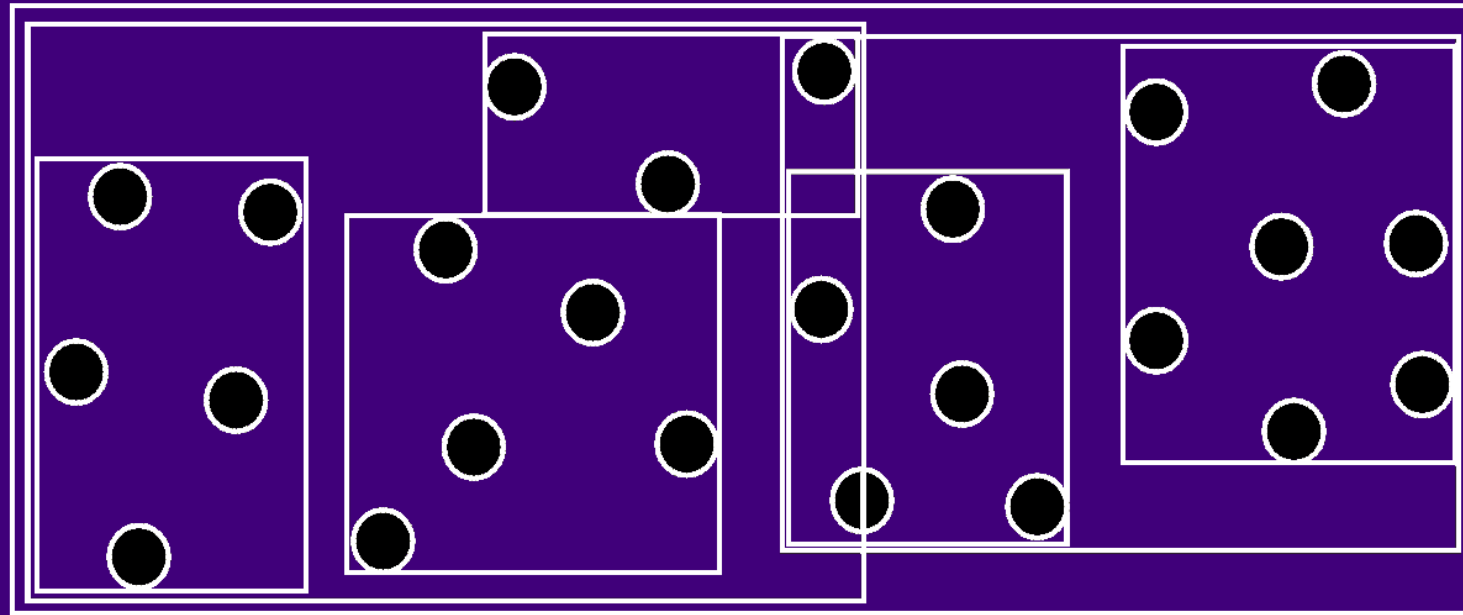
- **Baleiere – testează intersecțiile pe segmentul dintre poziția inițială și cea finală**
 - Se rezolvă glitch-urile prin care obiectele trec prin alte obiecte
 - Cum facem asta eficient?
- **Boxes?**
- **Spheres?**





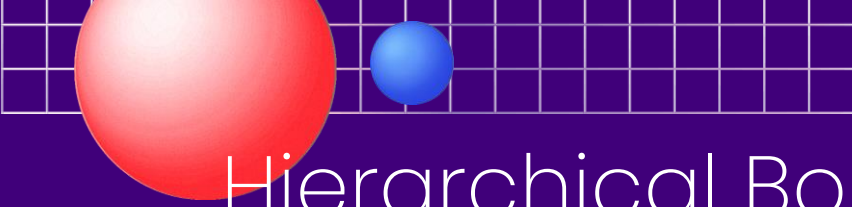
Hierarchical Bounding Volumes

- **Se folosesc bounding volumes ierarhice pentru a grupa obiectele.**



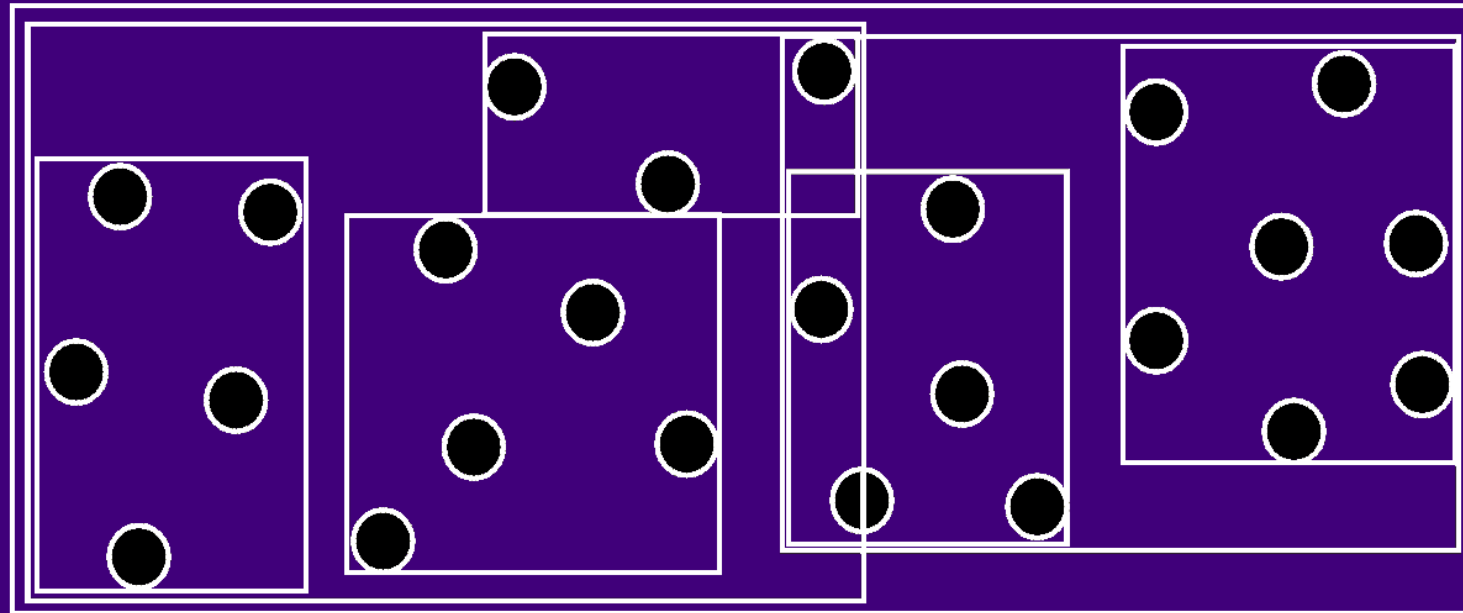
- **Cum grupăm box-urile?**
 - **Cele mai apropiate**
 - **Cele mai compacte (cum?)**





Hierarchical Bounding Volumes

- **Se folosesc bounding volumes ierarhice pentru a grupa obiectele.**



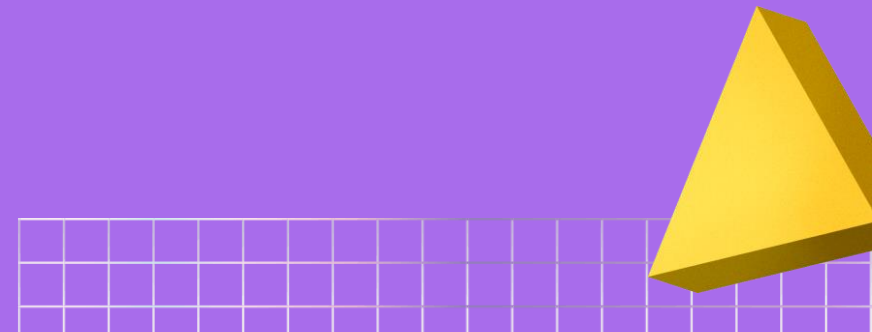
- **Provocare: obiecte mișcătoare...**
 - **Ierarhia trebuie actualizată eficient**





Subdivizare spațială STRUCTURI DE DATE

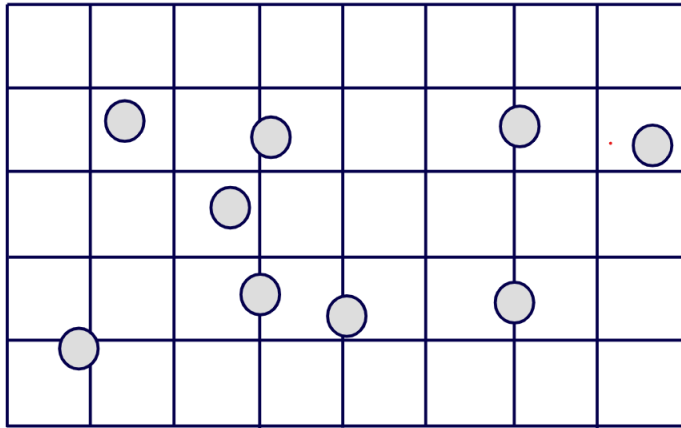
- **Subdivizează spațiul (bounding box-ul “lumii”)**
- **Ierarhice**
 - **Subdivizează fiecare sub-spațiu (sau orice sub-spațiu nevid)**
- **Multe metode**
 - **Grid, Octree, k-D tree, (BSP tree)**



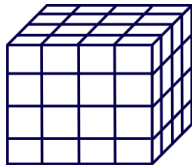
Grid normal

Subdivizează spațiul sub forma unui grid dreptunghiular:

- **Asociază fiecărui obiect celula în care se află**
- **Verifică coliziunile doar dacă celulele se suprapun**



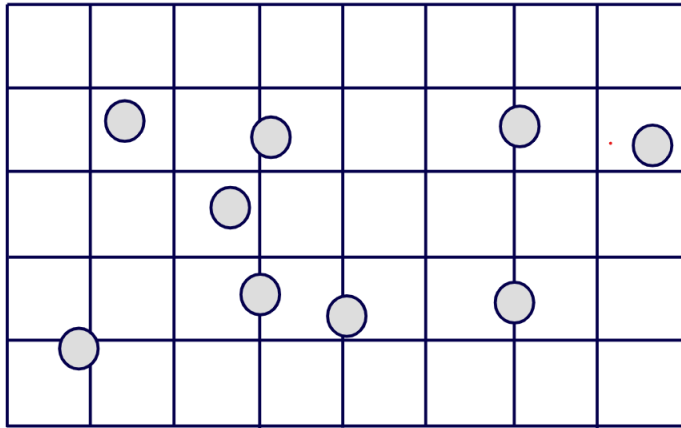
In 3D: regular grid of cubes (voxels**):**

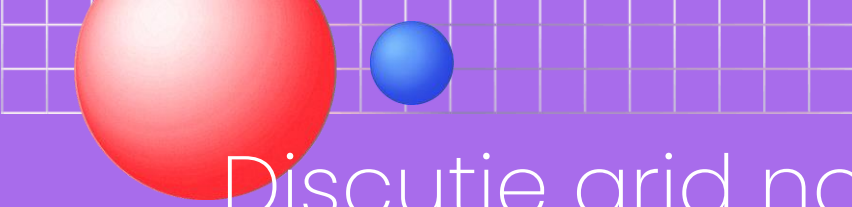


Crearea unui grid normal

Pași:

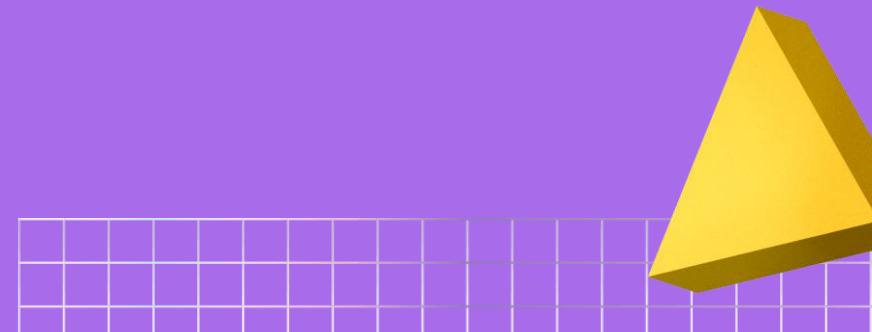
- **Găsește bounding box-ul scenei**
- **Alege rezoluția grid-ului pe fiecare axă (x, y și z)**
- **Obiectele care ating mai multe celule sunt referențiate de toate celulele pe care le ating.**





Discuție grid normal

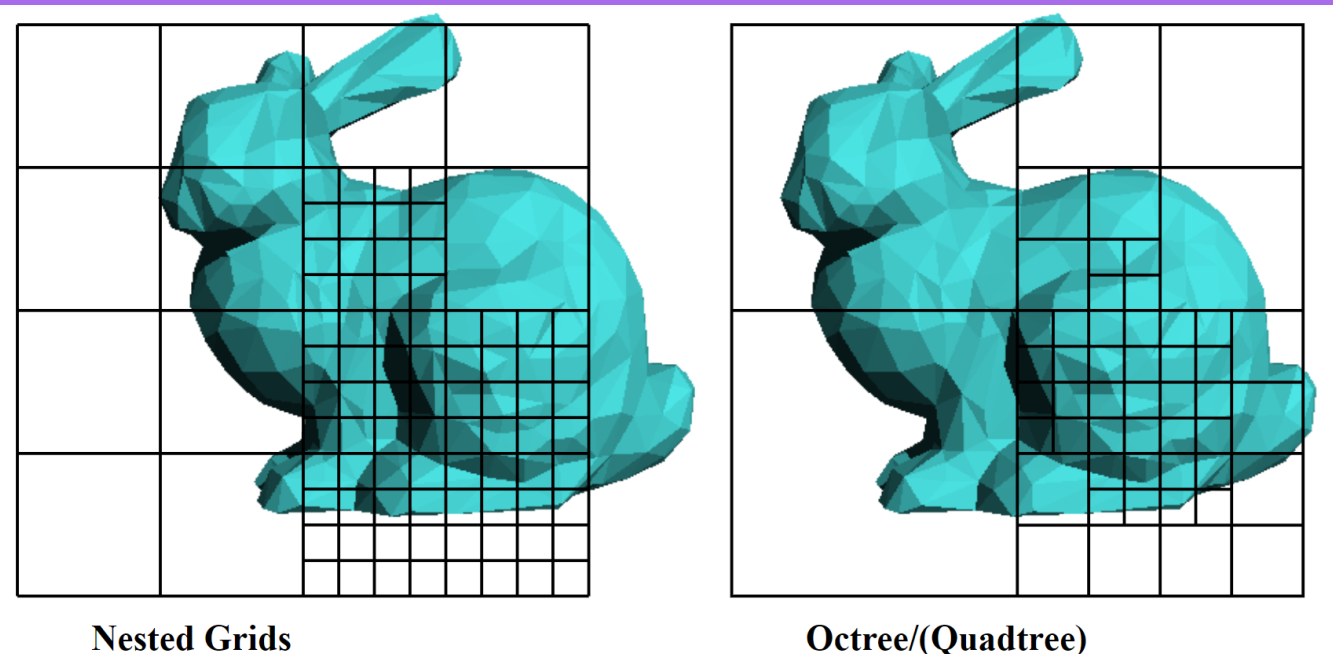
- **Avantaje?**
 - **Ușor de construit**
 - **Ușor de parcurs**
- **Dezavantaje?**
 - **Poate fii rar**
 - **Obiectele se pot aduna doar în anumite regiuni (celulele conțin multe obiecte)**





Grid-uri adaptive

- **Subdivizează până când fiecare celulă conține mai puțin de n elemente, sau până când o distanță maximă d este atinsă.**



- This slide is curtesy of Fredo Durand at MIT
- 



Bibliografie/ Resurse

CPSC 427 VIDEO GAME PROGRAMMING

https://www.cs.ubc.ca/~rhodin/2021_2022_CPSC_427/

<http://www.realtimerendering.com/intersections.html>

Curs Algoritmi Avansați

