Universidad Técnica Federico Santa María Departamento de Informática

Pauta Control 2 - Máquinas de Aprendizaje (INF-393)

Semestre II 2017 - Viernes 24.11.17

Respuestas:

- 1. (15 puntos) El parámetro C controla el tradeoff entre el márgen de clasificación y el error sobre el conjunto de entrenamiento, permitiendo que algunos datos sean parcialmente ignorados en la definición del primero. Debido a que un mayor margen ofrece garantías teóricas de una mayor capacidad de generalización, usar un valor de $C \ll \infty$ podría permitir obtener un clasificador con menor error de pruebas aún si se obtiene un error de entrenamiento mayor.
- 2. (15 puntos) Se puede evitar el sobreajuste en árboles de decisión controlando el nivel de crecimiento del árbol, o podándolo luego de realizar el entrenamiento.
- 3. (25 puntos) Utilizando la ayuda, tenemos que

$$\arg \max_{\boldsymbol{w}} \ \boldsymbol{w}^T S_B \boldsymbol{w} \ \text{s.t.} \ \boldsymbol{w}^T S_W \boldsymbol{w} = 1. \tag{1}$$

Entonces el Lagrangiano es

$$\mathcal{L}(\boldsymbol{w}, \lambda) = \boldsymbol{w}^T S_B \boldsymbol{w} - \lambda (\boldsymbol{w}^T S_W \boldsymbol{w} - 1)$$

Derivando el lagrangiano respecto de λ tenemos que:

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \lambda} = S_B \boldsymbol{w} - \lambda S_W \boldsymbol{w}$$

Igualando esta derivada a cero tenemos que:

$$S_B \mathbf{w} = \lambda S_W \mathbf{w}$$

$$S_W^{-1} S_B \mathbf{w} = \lambda \mathbf{w}$$
(2)

Por lo tanto, \boldsymbol{w} es un vector propio de $S_W^{-1}S_B$ y λ es su valor propio.

Reemplazando (2) en el Lagrangiano tenemos que encontrar λ que maximice

$$\boldsymbol{w}^T S_B \boldsymbol{w} - \boldsymbol{w}^T S_W \lambda \boldsymbol{w} + \lambda = \boldsymbol{w}^T S_B \boldsymbol{w} - \boldsymbol{w}^T S_W S_W^{-1} S_B \boldsymbol{w} + \lambda = \boldsymbol{w}^T S_B \boldsymbol{w} - \boldsymbol{w}^T S_B \boldsymbol{w} + \lambda = \lambda$$

Por lo que λ debe ser el mayor valor propio y por lo tanto w es su vector propio asociado.