# Deep Learning - Übungsblatt 5

Generative Modelle und Fortgeschrittenes Deep Learning

#### Fachhochschule Südwestfalen

### 23. Oktober 2025

### Voraussetzungen

- Alle vorherigen Übungsblätter sollten erfolgreich bearbeitet worden sein
- Solides Verständnis von CNNs, RNNs und Optimierungsverfahren
- Grundkenntnisse in Wahrscheinlichkeitstheorie und Informationstheorie
- Vertrautheit mit komplexeren Deep Learning Konzepten

### Lernziele

Nach erfolgreicher Bearbeitung dieser Übung können Sie:

- Autoencoder-Architekturen verstehen und implementieren
- Variational Autoencoders (VAEs) mathematisch herleiten
- Generative Adversarial Networks (GANs) konzipieren und trainieren
- Diffusion Models grundlegend verstehen
- Transfer Learning und Fine-Tuning praktisch anwenden
- Moderne Optimierungsverfahren implementieren

### 1 Autoencoders

### 1.1 Grundlegende Autoencoder-Mathematik

Aufgabe 1.1: Gegeben sei ein einfacher Autoencoder für MNIST-Daten: Architektur:

Encoder: 
$$\mathbf{z} = f_{\text{enc}}(\mathbf{x}) = \sigma(\mathbf{W}_e \mathbf{x} + \mathbf{b}_e)$$
 (1)

Decoder: 
$$\hat{\mathbf{x}} = f_{\text{dec}}(\mathbf{z}) = \sigma(\mathbf{W}_d \mathbf{z} + \mathbf{b}_d)$$
 (2)

Loss: 
$$L(\mathbf{x}, \hat{\mathbf{x}}) = \|\mathbf{x} - \hat{\mathbf{x}}\|^2$$
 (3)

**Dimensionen:** - Input:  $\mathbf{x} \in \mathbb{R}^{784}$  (28×28 Pixel, flattened) - Latent:  $\mathbf{z} \in \mathbb{R}^{32}$  (Bottleneck) - Output:  $\hat{\mathbf{x}} \in \mathbb{R}^{784}$  (Rekonstruktion)

- (a) Bestimmen Sie die Dimensionen aller Gewichtsmatrizen und Bias-Vektoren
- (b) Berechnen Sie die Gesamtanzahl der Parameter
- (c) Gegeben sei  $\mathbf{x} = (1, 0, 1, 0, ...)^T$  (vereinfacht auf 4D) und:

$$\mathbf{W}_e = \begin{pmatrix} 0.5 & 0.2 & -0.1 & 0.3 \\ 0.1 & -0.4 & 0.6 & 0.2 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{b}_e = \begin{pmatrix} 0.1 \\ -0.2 \end{pmatrix}$$
 (4)

$$\mathbf{W}_{e} = \begin{pmatrix} 0.5 & 0.2 & -0.1 & 0.3 \\ 0.1 & -0.4 & 0.6 & 0.2 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{b}_{e} = \begin{pmatrix} 0.1 \\ -0.2 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{W}_{d} = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.1 \\ -0.2 & 0.5 \\ 0.3 & -0.1 \\ 0.2 & 0.4 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{b}_{d} = \begin{pmatrix} 0.05 \\ -0.1 \\ 0.15 \\ 0.0 \end{pmatrix}$$

$$(5)$$

- (d) Berechnen Sie **z** und  $\hat{\mathbf{x}}$  (verwenden Sie  $\sigma(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ )
- (e) Berechnen Sie den Rekonstruktionsfehler  $L(\mathbf{x}, \hat{\mathbf{x}})$
- (f) Interpretieren Sie: Was repräsentiert der latente Raum z?

### Denoising Autoencoders

Aufgabe 1.2: Noise Robustness

- (a) Erklären Sie das Konzept von Denoising Autoencoders
- (b) Gegeben sei ein Input  ${\bf x}$  und Noise  ${\boldsymbol \epsilon} \sim \mathcal{N}(0,\sigma^2{\bf I})$
- (c) Die noisy Eingabe ist  $\tilde{\mathbf{x}} = \mathbf{x} + \boldsymbol{\epsilon}$
- (d) Loss-Funktion:  $L = \|\mathbf{x} f(\tilde{\mathbf{x}})\|^2$
- (e) Diskutieren Sie: Wie lernt der Autoencoder robuste Repräsentationen?
- (f) Implementieren Sie verschiedene Noise-Typen (Gaussian, Salt-and-Pepper, Dropout)

#### 2 Variational Autoencoders (VAEs)

#### VAE-Mathematik 2.1

Aufgabe 2.1: Variational Inference

VAE-Gleichungen:

$$q_{\phi}(\mathbf{z}|\mathbf{x}) = \mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_{\phi}(\mathbf{x}), \boldsymbol{\sigma}_{\phi}^{2}(\mathbf{x}))$$
 (Encoder) (6)

$$p_{\theta}(\mathbf{x}|\mathbf{z}) = \mathcal{N}(\boldsymbol{\mu}_{\theta}(\mathbf{z}), \mathbf{I})$$
 (Decoder) (7)

$$p(\mathbf{z}) = \mathcal{N}(\mathbf{0}, \mathbf{I})$$
 (Prior) (8)

ELBO (Evidence Lower Bound):

$$\mathcal{L} = \mathbb{E}_{q_{\phi}(\mathbf{z}|\mathbf{x})}[\log p_{\theta}(\mathbf{x}|\mathbf{z})] - \text{KL}(q_{\phi}(\mathbf{z}|\mathbf{x})||p(\mathbf{z}))$$
(9)

(a) Leiten Sie die KL-Divergenz zwischen zwei Gaussschen Verteilungen her:

$$\mathrm{KL}(\mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1^2) || \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2^2))$$

(b) Für den VAE-Fall mit  $p(\mathbf{z}) = \mathcal{N}(\mathbf{0}, \mathbf{I})$ , zeigen Sie:

$$KL(q_{\phi}(\mathbf{z}|\mathbf{x})||p(\mathbf{z})) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{d} (1 + \log \sigma_i^2 - \mu_i^2 - \sigma_i^2)$$

- (c) Erklären Sie den Reparameterization Trick:  $\mathbf{z} = \boldsymbol{\mu} + \boldsymbol{\sigma} \odot \boldsymbol{\epsilon}$  mit  $\boldsymbol{\epsilon} \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}, \mathbf{I})$
- (d) Diskutieren Sie die zwei Terme der ELBO:
  - Reconstruction Term: Was wird optimiert?
  - Regularization Term: Welche Rolle spielt dieser?

### 2.2 $\beta$ -VAE

Aufgabe 2.2: Disentangled Representations

(a) Die  $\beta$ -VAE Loss-Funktion ist:

$$\mathcal{L}_{\beta} = \mathbb{E}_{q_{\phi}(\mathbf{z}|\mathbf{x})}[\log p_{\theta}(\mathbf{x}|\mathbf{z})] - \beta \cdot \text{KL}(q_{\phi}(\mathbf{z}|\mathbf{x})||p(\mathbf{z}))$$

- (b) Analysieren Sie den Einfluss von  $\beta$ :
  - $\beta = 1$ : Standard VAE
  - $\beta > 1$ : Stärkere Regularisierung
  - $\beta < 1$ : Schwächere Regularisierung
- (c) Erklären Sie das Konzept von **Disentangled Representations**
- (d) Diskutieren Sie das Trade-off zwischen Reconstruction Quality und Disentanglement

## 3 Generative Adversarial Networks (GANs)

### 3.1 GAN-Grundlagen

Aufgabe 3.1: Minimax-Spiel

**GAN-Zielfunktion:** 

$$\min_{G} \max_{D} V(D, G) = \mathbb{E}_{\mathbf{x} \sim p_{\text{data}}}[\log D(\mathbf{x})] + \mathbb{E}_{\mathbf{z} \sim p_z}[\log(1 - D(G(\mathbf{z})))]$$
(10)

- (a) Erklären Sie die Rollen von Generator G und Discriminator D
- (b) Zeigen Sie, dass der optimale Discriminator für einen festen Generator G ist:

$$D^*(\mathbf{x}) = \frac{p_{\text{data}}(\mathbf{x})}{p_{\text{data}}(\mathbf{x}) + p_g(\mathbf{x})}$$

(c) Beweisen Sie, dass für den optimalen Discriminator  $D^*$ :

$$V(D^*, G) = -\log(4) + 2 \cdot JS(p_{\text{data}} || p_q)$$

wobei JS die Jensen-Shannon Divergenz ist

- (d) Interpretieren Sie: Warum minimiert der Generator die JS-Divergenz?
- (e) Diskutieren Sie das **Mode Collapse** Problem

#### 3.2 Wasserstein GANs (WGANs)

Aufgabe 3.2: Wasserstein Distance

(a) Die Wasserstein-1 Distance (Earth-Mover Distance) ist definiert als:

$$W(p,q) = \inf_{\gamma \in \Pi(p,q)} \mathbb{E}_{(\mathbf{x},\mathbf{y}) \sim \gamma}[\|\mathbf{x} - \mathbf{y}\|]$$

(b) Unter der Kantorovich-Rubinstein Dualität:

$$W(p,q) = \sup_{\|f\|_L \le 1} \mathbb{E}_{\mathbf{x} \sim p}[f(\mathbf{x})] - \mathbb{E}_{\mathbf{y} \sim q}[f(\mathbf{y})]$$

(c) WGAN-Zielfunktion:

$$\min_{G} \max_{D \in \mathcal{D}} \mathbb{E}_{\mathbf{x} \sim p_{\text{data}}}[D(\mathbf{x})] - \mathbb{E}_{\mathbf{z} \sim p_z}[D(G(\mathbf{z}))]$$

- (d) Erklären Sie die Lipschitz-Constraint auf den Discriminator
- (e) Diskutieren Sie: Warum sind WGANs stabiler als Standard GANs?
- (f) Beschreiben Sie den Gradient Penalty Ansatz (WGAN-GP)

#### Diffusion Models 4

### Denoising Diffusion Probabilistic Models (DDPMs)

Aufgabe 4.1: Forward und Reverse Process

Forward Process (Noise-Addition):

$$q(\mathbf{x}_t|\mathbf{x}_{t-1}) = \mathcal{N}(\mathbf{x}_t; \sqrt{1-\beta_t}\mathbf{x}_{t-1}, \beta_t\mathbf{I})$$
(11)

$$q(\mathbf{x}_{t}|\mathbf{x}_{t-1}) = \mathcal{N}(\mathbf{x}_{t}; \sqrt{1 - \beta_{t}}\mathbf{x}_{t-1}, \beta_{t}\mathbf{I})$$

$$q(\mathbf{x}_{1:T}|\mathbf{x}_{0}) = \prod_{t=1}^{T} q(\mathbf{x}_{t}|\mathbf{x}_{t-1})$$
(12)

Reverse Process (Denoising):

$$p_{\theta}(\mathbf{x}_{0:T}) = p(\mathbf{x}_T) \prod_{t=1}^{T} p_{\theta}(\mathbf{x}_{t-1}|\mathbf{x}_t)$$
(13)

(a) Zeigen Sie, dass der Forward Process direkt von  $\mathbf{x}_0$  zu  $\mathbf{x}_t$  führt:

$$q(\mathbf{x}_t|\mathbf{x}_0) = \mathcal{N}(\mathbf{x}_t; \sqrt{\bar{\alpha}_t}\mathbf{x}_0, (1-\bar{\alpha}_t)\mathbf{I})$$

mit 
$$\alpha_t = 1 - \beta_t$$
 und  $\bar{\alpha}_t = \prod_{s=1}^t \alpha_s$ 

(b) Erklären Sie das **Training-Ziel** für DDPMs:

$$L = \mathbb{E}_{\mathbf{x}_0, \boldsymbol{\epsilon}, t}[\|\boldsymbol{\epsilon} - \boldsymbol{\epsilon}_{\theta}(\mathbf{x}_t, t)\|^2]$$

- (c) Beschreiben Sie den Sampling-Prozess zur Generierung
- (d) Diskutieren Sie: Wie unterscheiden sich Diffusion Models von VAEs und GANs?

### 5 Programmieraufgaben

### 5.1 Autoencoder Implementation

Aufgabe 5.1: MNIST Autoencoder

Listing 1: Autoencoder für MNIST

```
import tensorflow as tf
  from tensorflow import keras
  from tensorflow.keras import layers
  import numpy as np
  import matplotlib.pyplot as plt
  class Autoencoder(keras.Model):
7
       def __init__(self, encoding_dim):
8
           super(Autoencoder, self).__init__()
9
           self.encoding_dim = encoding_dim
10
           # Encoder
12
           self.encoder = keras.Sequential([
13
               # TODO: Implementieren Sie den Encoder
14
               # - Flatten für MNIST (28, 28) -> (784,)
15
               # - Dense Layer(s) mit Aktivierung
16
               # - Bottleneck mit encoding_dim
17
           ])
18
19
           # Decoder
20
           self.decoder = keras.Sequential([
^{21}
               # TODO: Implementieren Sie den Decoder
               # - Dense Layer(s) von encoding_dim zurück zu 784
               # - Reshape zurück zu (28, 28)
24
               # - Sigmoid-Aktivierung für Pixel-Werte
25
           ])
26
27
       def call(self, x):
           encoded = self.encoder(x)
29
           decoded = self.decoder(encoded)
30
           return decoded
31
32
  def plot_reconstructions(model, test_data, n=10):
33
       """Visualisiert Original vs. Rekonstruktion"""
34
       predictions = model.predict(test_data[:n])
35
36
       plt.figure(figsize=(20, 4))
37
       for i in range(n):
38
           # Original
39
           ax = plt.subplot(2, n, i + 1)
           plt.imshow(test_data[i].reshape(28, 28), cmap='gray')
41
           plt.title("Original")
42
           plt.axis('off')
43
44
           # Rekonstruktion
45
```

```
ax = plt.subplot(2, n, i + 1 + n)
46
           plt.imshow(predictions[i].reshape(28, 28), cmap='gray')
47
           plt.title("Rekonstruiert")
48
           plt.axis('off')
49
       plt.show()
50
51
   def main():
52
       # Daten laden
53
       (x_train, _), (x_test, _) = keras.datasets.mnist.load_data()
54
55
       # TODO: Datenvorverarbeitung
56
       # - Normalisierung auf [0, 1]
57
       # - Reshape falls nötig
58
59
       # TODO: Modell erstellen und trainieren
60
       autoencoder = Autoencoder(encoding_dim=32)
61
62
       # TODO: Compilation und Training
63
       # TODO: Visualisierung der Ergebnisse
64
65
  if __name__ == "__main__":
66
       main()
67
```

### Teilaufgaben:

- (a) Implementieren Sie einen einfachen Autoencoder mit 32-dimensionalem Latent Space
- (b) Erweitern Sie auf Convolutional Autoencoder
- (c) Implementieren Sie Denoising-Funktionalität
- (d) Visualisieren Sie den latenten Raum mit t-SNE oder PCA
- (e) Experimentieren Sie mit verschiedenen Latent Space Größen (2, 8, 32, 128)

### 5.2 VAE Implementation

Aufgabe 5.2: Variational Autoencoder

Listing 2: VAE für MNIST

```
import tensorflow as tf
  from tensorflow import keras
  from tensorflow.keras import layers
  import numpy as np
4
  class VAE(keras.Model):
6
       def __init__(self, latent_dim):
           super(VAE, self).__init__()
           self.latent_dim = latent_dim
9
10
           # Encoder
11
           self.encoder = keras.Sequential([
12
               # TODO: Encoder-Architektur
13
```

```
])
14
15
                                                      und log (2)
           # Latent space - separate outputs für
16
           self.mu_layer = layers.Dense(latent_dim)
17
           self.log_var_layer = layers.Dense(latent_dim)
18
           # Decoder
20
           self.decoder = keras.Sequential([
21
               # TODO: Decoder-Architektur
22
           ])
23
24
       def encode(self, x):
25
                                  und log (2)"""
           """Encoded Input zu
26
           h = self.encoder(x)
27
           mu = self.mu_layer(h)
28
           log_var = self.log_var_layer(h)
29
           return mu, log_var
30
31
       def reparameterize(self, mu, log_var):
32
           """Reparameterization Trick"""
33
           # TODO: Implementierung
34
           #z = + *, wobei
                                    \sim N(0, I)
35
           pass
36
37
       def decode(self, z):
38
           """Dekodiert latente Repräsentation"""
39
           return self.decoder(z)
40
41
       def call(self, x):
42
           mu, log_var = self.encode(x)
43
           z = self.reparameterize(mu, log_var)
44
           return self.decode(z), mu, log_var
45
46
   def vae_loss(x, x_reconstructed, mu, log_var):
47
       """VAE Loss: Reconstruction + KL Divergence"""
       # TODO: Implementieren Sie ELBO
49
       # reconstruction_loss = ...
50
       \# kl_loss = ...
51
       # return reconstruction_loss + kl_loss
52
       pass
53
54
   def generate_images(model, n=10):
55
       """Generiert neue Bilder durch Sampling aus dem Prior"""
56
       # TODO: Sample z aus N(0, I) und dekodiere
57
       pass
58
59
   def plot_latent_space(model, test_data, test_labels):
60
       """Visualisiert den 2D latenten Raum (nur für latent_dim=2)"""
61
       # TODO: Encode test_data und plotte nach Labels eingefärbt
62
       pass
63
64
```

```
def main():
    # TODO: VAE Training und Evaluation
    pass

if __name__ == "__main__":
    main()
```

#### Teilaufgaben:

- (a) Implementieren Sie den Reparameterization Trick
- (b) Vervollständigen Sie die VAE Loss-Funktion
- (c) Trainieren Sie das VAE auf MNIST
- (d) Implementieren Sie Bildgenerierung durch Prior-Sampling
- (e) Für 2D Latent Space: Visualisieren Sie die Verteilung verschiedener Ziffern
- (f) Experimentieren Sie mit  $\beta$ -VAE ( $\beta > 1$ )

### 5.3 GAN Implementation

Aufgabe 5.3: Simple GAN

Listing 3: GAN für MNIST

```
import tensorflow as tf
  from tensorflow import keras
  from tensorflow.keras import layers
3
  import numpy as np
  def build_generator(latent_dim):
6
       """Erstellt Generator-Netzwerk"""
7
       model = keras.Sequential([
8
           # TODO: Generator-Architektur
           # - Input: Latent Vector (z)
10
           # - Dense Layer(s) mit ReLU
11
           # - Output: 28x28x1 Bild mit tanh-Aktivierung
12
13
       return model
14
15
  def build_discriminator():
       """Erstellt Discriminator-Netzwerk"""
^{17}
       model = keras.Sequential([
18
           # TODO: Discriminator-Architektur
19
           # - Input: 28x28x1 Bild
20
           # - Conv2D oder Dense Layer(s)
           # - Output: Einzelne Probability (echt/fake)
       ])
23
       return model
24
25
  class GAN:
26
       def __init__(self, latent_dim=100):
27
```

```
self.latent_dim = latent_dim
28
29
           self.generator = build_generator(latent_dim)
30
           self.discriminator = build_discriminator()
31
32
           # Optimizers
           self.generator_optimizer = keras.optimizers.Adam(1e-4)
34
           self.discriminator_optimizer = keras.optimizers.Adam(1e-4)
35
36
           # Loss function
37
           self.cross_entropy = keras.losses.BinaryCrossentropy()
38
39
       def discriminator_loss(self, real_output, fake_output):
40
           """Discriminator Loss"""
41
           # TODO: Implementierung
42
           # real_loss = cross_entropy(ones, real_output)
43
           # fake_loss = cross_entropy(zeros, fake_output)
44
           # return real_loss + fake_loss
45
           pass
46
47
       def generator_loss(self, fake_output):
48
           """Generator Loss"""
49
           # TODO: Implementierung
50
           # Generator will Discriminator "täuschen" -> Labels = 1
51
           pass
52
53
       @tf.function
54
       def train_step(self, real_images, batch_size):
55
           """Ein Trainingsschritt für beide Netzwerke"""
56
           noise = tf.random.normal([batch_size, self.latent_dim])
57
58
           with tf.GradientTape() as gen_tape, tf.GradientTape() as
59
              disc tape:
               # TODO: Forward Pass
60
               # generated_images = self.generator(noise)
61
               # real_output = self.discriminator(real_images)
62
               # fake_output = self.discriminator(generated_images)
63
64
               # TODO: Loss-Berechnung
65
               # gen_loss = self.generator_loss(fake_output)
66
               # disc_loss = self.discriminator_loss(real_output,
67
                   fake_output)
               pass
68
69
           # TODO: Gradient-Berechnung und Update
70
71
       def generate_images(self, n=16):
72
           """Generiert n Bilder"""
73
           noise = tf.random.normal([n, self.latent_dim])
74
           generated_images = self.generator(noise)
75
           return generated_images
76
```

```
def main():
    # TODO: GAN Training
    pass

if __name__ == "__main__":
    main()
```

#### Teilaufgaben:

- (a) Implementieren Sie Generator und Discriminator
- (b) Vervollständigen Sie die Loss-Funktionen
- (c) Implementieren Sie den alternierenden Trainingsprozess
- (d) Visualisieren Sie generierte Bilder während des Trainings
- (e) Experimentieren Sie mit verschiedenen Architekturen
- (f) Implementieren Sie WGAN-Verlust (optional)

## 6 Transfer Learning und Fine-Tuning

### 6.1 Feature Extraction vs. Fine-Tuning

Aufgabe 6.1: ImageNet Pre-trained Models

- (a) Laden Sie ein pre-trained ResNet50 (ImageNet) ohne Top-Layer
- (b) Implementieren Sie Feature Extraction:
  - Alle ConvNet-Layer einfrieren (trainable=False)
  - Nur neue Classifier-Layer trainieren
- (c) Implementieren Sie **Fine-Tuning**:
  - Erst Feature Extraction für wenige Epochen
  - Dann ausgewählte obere Layer äuftauen"
  - Mit sehr kleiner Learning Rate weitertrainieren
- (d) Vergleichen Sie beide Ansätze auf einem kleinen Dataset (z.B. CIFAR-10)
- (e) Diskutieren Sie: Wann verwenden Sie welchen Ansatz?

### 6.2 Domain Adaptation

### Aufgabe 6.2: Cross-Domain Transfer

- (a) Trainieren Sie ein CNN auf MNIST
- (b) Evaluieren Sie auf Fashion-MNIST ohne Re-Training
- (c) Implementieren Sie Domain Adaptation Techniken:
  - Gradual Unfreezing
  - Discriminative Learning Rates
  - Data Augmentation für Ziel-Domain
- (d) Messen Sie Performance-Verbesserungen
- (e) Analysieren Sie: Welche Features sind transferierbar?

## 7 Moderne Optimierungsverfahren

### 7.1 Adaptive Learning Rate Methods

Aufgabe 7.1: Optimizer-Vergleich

- (a) Implementieren Sie von Grund auf:
  - SGD with Momentum:  $v_t = \gamma v_{t-1} + \eta \nabla_{\theta} J(\theta)$
  - AdaGrad:  $\theta_{t+1} = \theta_t \frac{\eta}{\sqrt{G_t + \epsilon}} \nabla_{\theta} J(\theta)$
  - Adam: Kombination aus Momentum und adaptive Learning Rates
- (b) Testen Sie alle Optimizer auf demselben Problem (z.B. MNIST-Klassifikation)
- (c) Plotten Sie Convergence-Curves und Learning Rate Schedules
- (d) Diskutieren Sie Vor- und Nachteile jedes Verfahrens

### 7.2 Learning Rate Scheduling

Aufgabe 7.2: Advanced Scheduling

- (a) Implementieren Sie verschiedene LR-Schedules:
  - Step Decay: LR halbieren alle N Epochen
  - Exponential Decay:  $LR = LR_0 \cdot e^{-kt}$
  - Cosine Annealing:  $LR = LR_{min} + \frac{1}{2}(LR_{max} LR_{min})(1 + \cos(\frac{T_{cur}}{T_{max}}\pi))$
  - Warm Restarts: Periodische LR-Resets
- (b) Vergleichen Sie die Auswirkungen auf Training-Stabilität und finale Performance
- (c) Diskutieren Sie: Wann ist welcher Schedule geeignet?

## 8 Verständnisfragen

### Aufgabe 8.1: Generative Models Comparison

- (a) Vergleichen Sie VAEs, GANs und Diffusion Models bezüglich:
  - Training-Stabilität
  - Sample-Qualität
  - Mode Coverage
  - Latent Space Interpretierbarkeit
  - Computational Complexity
- (b) Diskutieren Sie spezifische Anwendungsfälle für jedes Modell
- (c) Erklären Sie das Mode Collapse Problem in GANs und Lösungsansätze
- (d) Beschreiben Sie das **Posterior Collapse** Problem in VAEs

#### **Aufgabe 8.2:** Theoretical Foundations

- (a) Erklären Sie die Information-Theoretic Perspektive auf Autoencoders:
  - Information Bottleneck Principle
  - Mutual Information zwischen Input und Latent Space
  - Rate-Distortion Theory
- (b) Diskutieren Sie die Verbindung zwischen:
  - VAE ELBO und Maximum Likelihood Estimation
  - GAN Minimax-Spiel und Optimal Transport
  - Diffusion Models und Score Matching

## 9 Zusatzaufgaben (Optional)

#### Aufgabe 9.1: Conditional Generation

- (a) Implementieren Sie Conditional VAE (CVAE) für MNIST
- (b) Erweitern Sie Ihr GAN zu einem Conditional GAN (cGAN)
- (c) Vergleichen Sie beide Ansätze für kontrollierte Generierung
- (d) Implementieren Sie Style Transfer mit pre-trained Networks

### Aufgabe 9.2: Advanced Architectures

- (a) Recherchieren Sie StyleGAN-Architektur
- (b) Implementieren Sie Progressive Growing für GANs
- (c) Experimentieren Sie mit Self-Attention in Generative Models
- (d) Implementieren Sie Spectral Normalization für GAN-Stabilität

### Hinweise und Tipps

### Zu den Mathematik-Aufgaben

- Wahrscheinlichkeitstheorie: Verstehen Sie KL-Divergenz und andere Distanzmaße
- Reparameterization Trick: Essentiell für gradient-based Optimization in VAEs
- Numerical Stability: Verwenden Sie log-space Berechnungen wo möglich
- Minimax-Spiele: Verstehen Sie die Dynamik zwischen Generator und Discriminator

### Zu den Programmieraufgaben

- Training Instability: GANs sind notorisch schwer zu trainieren experimentieren Sie mit Hyperparametern
- Model Monitoring: Tracken Sie multiple Metriken (Loss, FID, IS, etc.)
- Computational Resources: Generative Models benötigen viel Rechenzeit
- Evaluation: Qualitative Evaluation ist oft wichtiger als quantitative Metriken

### Häufige Fehler vermeiden

- VAE KL-Collapse: Balance zwischen Reconstruction und KL-Term
- GAN Mode Collapse: Verschiedene Techniken zur Diversität
- Learning Rate: GANs benötigen oft verschiedene LRs für G und D
- Data Normalization: Konsistente Normalisierung zwischen Training und Generation

### Weiterführende Ressourcen

- Bücher:
  - "Deep Learning Goodfellow et al., Kapitel 14, 16, 20
  - "Probabilistic Machine Learning Kevin Murphy

### • Fundamental Papers:

- Äuto-Encoding Variational Bayes Kingma & Welling
- "Generative Adversarial Networks Goodfellow et al.
- "Denoising Diffusion Probabilistic Models Ho et al.
- "Wasserstein GAN Arjovsky et al.

#### • Online:

- "Tutorial on Variational Autoencoders Carl Doersch
- "GAN Lab Interactive GAN Visualization
- CS236: Deep Generative Models (Stanford)
- Distill.pub: "Visualizing Neural Networks with the Grand Tour"