

# A Student's Guide to R

Übersetzung des englischen Originals

Bianca Krol, Sebastian Sauer, Roger Bons, Oliver Gansser, Matthias Gehrke, Tabea Griesenbeck, Herbert Hollmann, Tanja Kistler, Andreas Kladroba und Thomas Weiß

Stand 2022-02-25

Nicholas J. Horton Randall Pruim Daniel T. Kaplan

A Student's Guide to



Project MOSAIC

# Vorwort

Im Jahr 2016 machte sich die FOM Hochschule für Oekonomie & Management auf den Weg, die Kompetenz der Data Literacy in der Methodenausbildung zu stärken. In den zurückliegenden Semestern wurde die Ausbildung daher in Anlehnung an die GAISE(Guidelines for Assessment and Instruction in Statistics Education)-Empfehlungen modernisiert. 2019 wurde die FOM aufgrund dieses Ausbildungskonzeptes in das Data Literacy Education Netzwerk des Stifterverbandes aufgenommen. Zu Beginn dieses Jahres hat die FOM den eingeschlagenen Weg noch einmal bekräftigt und die Data-Literacy-Charta unterschrieben, in der Folgendes zu lesen ist: "Data Literacy umfasst die Datenkompetenzen, die für alle Menschen in einer durch Digitalisierung geprägten Welt wichtig sind. Sie ist unverzichtbarer Bestandteil der Allgemeinbildung."

Um daten-literat zu werden, liegt der Fokus unserer Methodenausbildung auf dem konzeptionellen Verstehen und der Betonung des gesamten Analyseprozesses (von der Frage bis zur vorläufigen Antwort), um unsere Studierenden zur verantwortungsvollen Nutzung von Daten im beruflichen und akademischen Kontext zu sensibilisieren und sie zur Durchführung von reproduzierbaren empirischen Analysen zu befähigen. Dazu setzen wir in der Lehre auf die Unterstützung durch R, RStudio und mosaic.

Das Paket mosaic vereinheitlicht den R Code und bildet die Grundlage für ein Denken mit Daten<sup>1</sup>. Es findet sich unzählige Literatur zu R, RStudio und mosaic. Dazu gehört auch A Student's Guide to R von Nicholas J. Horton, Randall Pruim und Daniel T. Kaplan, der eine gute Einstiegshilfe für Studierende ist, um erste Schritte in der Datenanalyse mit R zu gehen.

Da die englische Sprache ein Hemmnis bei der Einarbeitung in eine neue Materie, wie die der Datenanalyse, sein kann, haben wir uns die Erlaubnis eingeholt, den Student's Guide auf Deutsch zu übersetzen. Vielen Dank dafür an Nicholas Horton!

Ein solches Projekt kann nur gelingen, wenn sich engagierte Kolleginnen und Kollegen mit einbringen. Daher danken wir an dieser Stelle Roger Bons, Oliver Gansser, Matthias Gehrke, Herbert Hollmann, Tanja Kistler, Andreas Kladroba und Thomas Weiß, die sich der Übersetzung von Kapiteln angenommen haben. Ein besonderer Dank geht an Sebastian Sauer, der ebenfalls Kapitel übersetzt hat und der das Projekt maßgeblich mit angestoßen hat. Ebenso möchten wir uns bei Tabea Griesenbeck, wissenschaftliche

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Pruim, R., Kaplan, D.T. und Horton, N.J. (2017): The mosaic Package: Helping Students to 'Think with Data' Using R. The R Journal, 9(1), 77-10

Mitarbeiterin am ifes, bedanken, die die Organisation, das Layout und die Korrekturen übernommen hat.

Wir hoffen, dass die deutschsprachige Version des Student's Guide to R unseren Studierenden ab dem Wintersemester 2021 eine weitere, zielführende Hilfestellung ist.

Prof. Dr. Bianca Krol

Dekanin | Schlüsselkompetenzen & Methoden Direktorin | ifes Institut für Empirie & Statistik

Prof. Dr. habil. Andrea Schankin

Modulleiterin | Quantitative Methodenmodule HSB Wirtschaftspsychologie Kooptierte Wissenschaftlerin | iwp Institut für Wirtschaftspsychologie

Dieses Dokument ist eine Übersetzung inklusive einiger Abwandlungen - insbesondere im Layout - von "A Student's Guide to R" by Nicholas J. Horton, Randall Pruim, & Daniel Kaplan und steht unter der Creative Commons Attribution 3.0 Unported License Lizenz. Das Originaldokument findet sich hier.

# Inhaltsverzeichnis

Vorwort						
1	Einle	eitung	8			
2	Los	geht's mit RStudio	10			
	2.1	Mit einem RStudio Server verbinden	12			
		2.1.1 Information zur Version	15			
	2.2	Arbeiten mit Dateien	16			
		2.2.1 Das Arbeiten mit dem R Skript	16			
		2.2.2 Arbeiten mit R Markdown und knitr/LaTeX	16			
	2.3	Weitere Bereiche (Panel) und Reiter	19			
		2.3.1 Verlauf (History)	19			
		2.3.2 Kommunikation zwischen Reitern	19			
		2.3.3 Dateien (Files)	19			
		2.3.4 Hilfe (Help)				
		2.3.5 Arbeitsumgebung (Environment)	20			
		2.3.6 Grafiken (Plots)				
		2.3.7 Pakete (Packages)	21			
3	Eine	e metrische Variable	22			
	3.1	Numerische Zusammenfassungen				
	3.2	Grafische Zusammenfassungen				
	3.3	Dichtekurven				
	3.4	Häufigkeitspolygone	30			
	3.5	Normalverteilungen	30			
	3.6	Inferenz einer einzelnen Stichprobe				
4	Eine	e kategoriale Variable	34			
	4.1	Analyse kategorialer Daten	34			
	4.2	Der Binomialtest	35			
	4.3	Der Anteilswerttest	37			
	4.4	Anpassungstests	38			
5	Zwe	ei metrische Variablen	42			
	5.1	Scatterplots	42			
	5.2	Korrelationen	43			
	5.3					

	5.4 Einfache lineare Regression			 		45
6	6         Zwei kategoriale Variablen           6.1         Kreuztabellen           6.2         Tabellen erstellen           6.3         Chi-Quadrat-Test           6.4         Exakter Test nach Fisher	 		 		55 55
7	<ul> <li>7 Metrische Antwortvariable, kategorialer Prädiktor</li> <li>7.1 Eine binäre Variable als Prädiktor: numerische und grafische fassung</li> <li>7.2 Ein dichotomer Prädiktor: Zweistichproben-t-Test</li> <li>7.3 Nichtparametrische Zweistichprobentests</li> <li>7.4 Permutationstest</li> <li>7.5 Einfaktorielle Varianzanalyse</li> <li>7.6 Tukeys Post-hoc-Test</li> </ul>	 		 		58 60 61 62 64 65
8	8 Kategoriale Antwortvariable, metrischer Prädiktor 8.1 Logistische Regression	 		 		<b>67</b>
9	9 Überlebenszeitanalysen 9.1 Kaplan-Meier-Kurve					
10	10 Mehr als zwei Variablen  10.1 Zwei- (oder mehr-) faktorielle ANOVA  10.2 Multiple Regression	 · ·	 	 	· ·	73 75 76
11	11 Wahrscheinlichkeitverteilungen und Zufallsvariablen					80
	12 Power-Berechnungen         12.1 Vorzeichentest					85 85 87
13	13 Datenmanagement  13.1 Überprüfung von Dataframes	 	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 		89 89 90 91 92 94 94 95

13.8 Extrahieren und Zusammenfassen von Informationen	96
13.9 Neue Variablen hinzufügen	
13.9.1 Kategoriale aus einer quantitativen Variable erstellen	
13.9.2 Faktoren neu ordnen	100
13.10Gruppenstatistiken	100
13.11Umgang mit fehlenden Werten	102
14 Fallstudie Gesundheitsevalution (HELP-Studie)	104
15 Aufgaben	106
Literatur	110
Index	111

# 1 Einleitung

Dieses Buch beinhaltet einen Überblick über die Befehle und Funktionen, die zur Datenanalyse im Rahmen von Statistik-Modulen für Einsteiger und Fortgeschrittene benötigt werden. Ziel ist es, eine Ergänzung zu den Büchern  $Start\ Teaching\ with\ R$  (N. Horton et al., 2014) und  $Start\ Modeling\ with\ R$  (Kaplan et al., 2014) zur Verfügung zu stellen.

In den meisten der hier verwendeten Beispiele werden Daten der HELP-Studie (Health Evaluation and Linkage to Primary Care) verwendet: Ein randomisiertes klinisches Experiment mit einer neuen Vorgehensweise, um Risikopatienten mit Leistungsanbietern der medizinischen Grundversorgung zusammenzubringen. Ausführlichere Informationen zu dem Datensatz sind in Kapitel 14 enthalten.

Die Themenauswahl und -reihenfolge ist von Lehrbuch zu Lehrbuch und auch von Kurs zu Kurs im statistischen Bereich z. T. sehr unterschiedlich gestaltet. In diesem Buch orientiert sich die Gliederung an der Art der Daten, die analysiert werden sollen. Damit soll das Nachschlagen und Auffinden benötigter Informationen vereinfacht werden. Gewisse Fähigkeiten im Bereich des Datenmanagements sind für Studierende essentiell (N. J. Horton et al., 2015). Für die wichtigsten Kernbegriffe findet sich hierzu eine Einführung in Kapitel 13.

Dieses Werk ergänzt die Initiativen des MOSAIC-Projektes http://www.mosaic-web.org, ein durch die amerikanische National Science Foundation (NSF) gefördertes Programm, um den Unterricht von Statistik, Mathematik, Naturwissenschaften und Informatik im Grundstudium zu fördern. Wir werden insbesondere das Paket mosaic, das erstellt wurde, um den Einsatz von R in statistischen Kursen zu vereinfachen, und das Paket mosaicData, welches eine Reihe von Datensätzen enthält, einsetzen. Das Paket ggformula bietet hierbei unter Verwendung der mosaic-Syntax Unterstützung für qualitativ hochwertige Grafiken. Eine Beschreibung des MOSAIC-Ansatzes für die Lehre von Statistik und Datenwissenschaft ist verfügbar unter https://journal.r-project.org/archive/2017/RJ-2017-024. Eine kurze Zusammenfassung der R Befehle, die für die Lehre einführender Statistik essentiell ist, steht in der vignette des Paketes mosaic zur Verfügung: https://cran.r-project.org/web/packages/mosaic.

Auch weitere Ressourcen des MOSAIC-Projektes können nützlich sein, zum Beispiel eine kommentierte Sammlung von Beispielen aus verschiedenen Lehrbüchern (vgl. https://cran.r-project.org/web/packages/mosaic/vignettes/mosaic-resources.html).

Um ein Paket in R nutzen zu können, muss es zuerst (einmalig) installiert werden und in jeder neuen Session geladen werden. Das Paket mosaic kann mit folgendem Befehl installiert werden:

install.packages("mosaic") # Beachten Sie die Anführungszeichen

O,

RStudio bietet u.a. auch einen Reiter zur Paketinstallation im Panel rechts unten an.

Das # Zeichen stellt einen Kommentar in R dar und kommentiert den restlichen Text bis zum Ende der Zeile aus.

Nachdem das Paket einmalig installiert wurde, kann es zur Verwendung der enthaltenen Funktionen über folgenden Befehl geladen werden:

library(mosaic)

R MARKDOWN bietet eine einfache Markup-Sprache, welche die Ergebnisse in PDF, Word oder HTML übersetzt. Das ermöglicht es, Analysen reproduzierbar zu machen und Kopierfehler zu vermeiden.



#### Info

Das KNITR/LATEX-System erlaubt dem erfahrenen Nutzer R und LATEX im selben Dokument zu verknüpfen. Durch das Erlernen dieses komplizierteren Systems hat man eine viel präzisere Kontrolle über das Ausgabeformat. R MARKDOWN ist jedoch deutlich einfacher zu erlernen und eignet sich auch für eine professionelle Arbeitsweise.

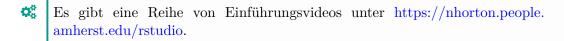
Φö

Um R MARKDOWN oder KNITR/LATEX nutzen zu können, muss das Paket rmarkdown installiert sein.

Üblicherweise führen wir R Markdown sehr früh in den Kursen ein und forden die Studierenden auf, dies für Seminar- und Hausarbeiten zu nutzen (Baumer et al., 2014).

# 2 Los geht's mit RStudio

RStudio ist eine integrierte Entwicklungsumgebung (integrated development environment - IDE) für R, die eine alternative Schnittstelle zu R bietet und mehrere Vorteile gegenüber den Standard-R-Schnittstellen hat:



- RStudio läuft auf Mac-, PC-, und Linux-Rechnern und bietet eine vereinfachte Schnittstelle, die vom Aussehen und in der Handhabung auf allen Betriebssystemen ähnlich ist. Die Standardschnittstellen für R hingegen sind auf den verschiedenen Plattformen recht unterschiedlich. Das kann hinderlich sein und zu höherem Unterstützungsaufwand führen.
- RStudio kann in einem Webbrowser ausgeführt werden. Zusätzlich zur lokalen Desktopversion oder RSTUDIO.CLOUD kann RStudio als eine Server-Anwendung installiert werden, auf die über das Internet zugegriffen werden kann. Die Web-Schnittstelle ist fast identisch zu der Desktopversion. Wie bei anderen Web-Services auch, melden Nutzer sich an, um Zugriff zu erlangen. Nach Abmeldung und späterer Neuanmeldung wird die letzte Session wiederhergestellt und man kann an der Stelle mit der Analyse weiter machen, wo man aufgehört hatte, auch wenn man sich auf einem anderen Rechner anmeldet. Mit einer modifizierten Einrichtung des Servers können Dozierende den Verlauf (HISTORY) der R-Session aus der Vorlesung speichern und Studierende können diese History-Datei in ihre eigene Umgebung laden.

#### Achtung! A

Die Desktop- und Server-Versionen von RStudio sind so ähnlich, dass Sie besonders aufmerksam sein müssen, wenn Sie beide gleichzeitig nutzen, um sicher zu gehen, dass Sie in der richtigen Version arbeiten.

Φö Die Verwendung von RStudio in einem Browser ist wie Facebook für Statistik. Jedes Mal, wenn Sie sich erneut anmelden, wird die vorherige Session wiederhergestellt und Sie können weitermachen, wo Sie zuletzt aufgehört haben. Sie können sich von jedem Gerät mit Internetzugriff anmelden.

• RStudio ist ein Tool, das die Erstellung reproduzierbarer Forschung unterstützt. RStudio vereinfacht es, Text, statistische Analysen (R Code und R Output) sowie Abbildungen in ein und demselben Dokument zu erstellen. Das R MARKDOWN-System bietet eine einfache MARKUP-Sprache und fügt die Ergebnisse in HTML zusammen. Das KNITR/LATEX-System versetzt Nutzerinnen und Nutzer in die Lage, auch R und LATEX in dasselbe Dokument zu integrieren. Durch das Erlernen dieses komplizierteren Systems hat man eine viel präzisere Kontrolle über das Ausgabeformat. Abhängig von der Niveaustufe des Kurses können Studierende eins dieser beiden Systeme für Hausarbeiten und Projekte verwenden.



### Achtung!

Um Markdown oder knitr/LaTeX zu verwenden, muss das Paket knitr auf dem System installiert sein.

- RStudio bietet eine integrierte Unterstützung für das Bearbeiten und Ausführen von R Code und Dokumenten.
- RStudio bietet einige nützliche Funktionalitäten über eine grafische Nutzeroberfläche (Graphical User Interface, kurz GUI). RStudio ist kein GUI für R, aber es bietet Funktionalitäten, die die Installation und Verwaltung von Paketen, die Steuerung, Speicherung und das Laden von Umgebungen, das Importieren und Exportieren von Daten sowie den Zugriff auf und Export von Abbildungen, Dateien und Dokumentationen vereinfachen.
- RStudio bietet Zugriff auf das Paket manipulate. Das Paket manipulate bietet eine Möglichkeit, einfach und schnell interaktive grafische Anwendungen zu erstellen.

Obwohl man sicherlich R ohne RStudio nutzen kann, vereinfacht es die Anwendung erheblich, sodass wir den Einsatz von RStudio ausdrücklich empfehlen. Außerdem erwarten wir in Zukunft noch weitere nützliche Funktionalitäten, da RStudio stetig weiterentwickelt wird.

Wir verwenden in erster Linie eine Online-Version von RStudio. RStudio ist eine innovative und leistungsfähige Schnittstelle zu R, die in einem Webbrowser oder auf Ihrem lokalen Rechner läuft. Die Ausführung im Browser hat den Vorteil, dass Sie nichts installieren oder konfigurieren müssen. Melden Sie sich einfach an und schon können Sieloslegen. Außerdem "merkt"RStudio sich, was Sie machen und Sie können da weitermachen, wo Sie aufgehört haben, jedesmal wenn Sie sich anmelden (auch auf einem anderen Rechner). Das ist "R in the cloud" und funktioniert ähnlich wie GoogleDocs oder Facebook für R.



R kann von http://cran.r-project.org/ heruntergeladen und lokal installiert werden. Das Herunterladen und die Installation sind i. A. unkompliziert für Mac-, PC-, oder Linux-Systeme. RStudio ist über http://www.rstudio.org/ verfügbar.

# 2.1 Mit einem RStudio Server verbinden

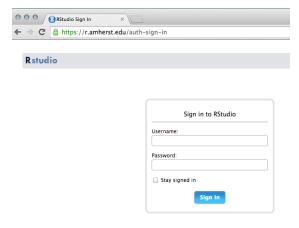
RStudio-Server wurden an Hochschulen eingerichtet, um einen cloud-basierten Service zu bieten.

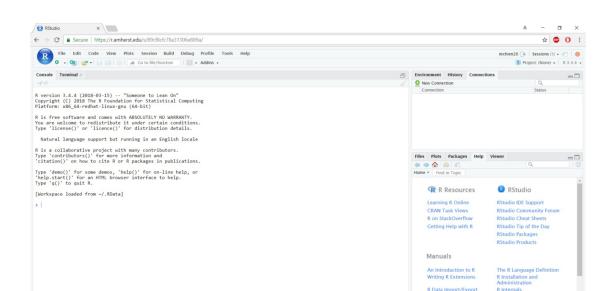


### Hinweis

RStudio-Server wurden schon an vielen Institutionen installiert. Nähere Informationen zu (gebührenfreien) akademischen Lizenzen für RStudio Server Pro und Installationsanweisungen sind über http://www.rstudio.com/resources/ fags unter dem Academic Reiter verfügbar. Der RStudio-Server funktioniert mit dem Internet Explorer allerdings nicht sehr zuverlässig.

Sobald Sie mit dem Server verbunden sind, sollten Sie ein Anmeldefenster sehen:





Wenn Sie sich angemeldet haben, sollten Sie die RStudio-Schnittstelle sehen:

Sie können feststellen, dass RStudio seine Arbeitsumgebung in vier Bereiche (Panel) aufteilt. Verschiedende Panel sind weiter unterteilt in mehrere Reiter. Welche Reiter in welchem Panel angezeigt werden, kann konfiguriert werden.

R kann viel mehr als ein einfacher Taschenrechner und wir werden zu gegebener Zeit zusätzliche Funktionen vorstellen. Aber das Ausführen einfacher Berechnungen in R ist eine gute Möglichkeit, um die Funktionen von RStudio kennenzulernen.

Befehle, die in der Console eingegeben werden, werden direkt von R ausgeführt. Auch hier ist die Ausführung einfacher Berechnungen ein guter Start, um sich mit der Konsole vertraut zu machen. Das meiste funktioniert analog zum einfachen Taschenrechner.

Geben Sie folgende Befehle in der Console ein:

```
5 + 3
[1] 8
15.3 * 23.4
[1] 358.02
sqrt(16)
            # Quadratwurzel
[1] 4
```

Dieses letzte Beispiel zeigt, wie Funktionen in Raufgerufen werden und wie Kommentare verwendet werden. Das #-Zeichen muss einem Kommentar vorangestellt werden. Kommentare können bei Skripten mit mehreren Befehlen oder um Code zu erklären sehr nützlich sein.

Werte können zur späteren Weiterverarbeitung als entsprechend benannte Objekte abgespeichert werden.

```
product = 15.3 * 23.4
                            # Speichere das Ergebnis
                            # Zeige das Ergebnis an
product
[1] 358.02
product <- 15.3 * 23.4
                            # <- kann verwendet werden statt =
product
[1] 358.02
```



#### Hinweis

wahrscheinlich  $\operatorname{Es}$ ist am besten, sich für eine der beiden Zuweisungsmöglichkeiten zu entscheiden, statt zwischen beiden zu wechseln. Wir bevorzugen den Pfeiloperator, weil er visuell darstellt, was in einer Zuweisung passiert und weil er einer Verwechslung mit dem mathematischen Gleichheitszeichen vorbeugt. So wird = verwendet, um Werte für Funktionsargumente bereitzustellen, und == wird benötigt, um Werte auf Gleichheit zu testen.

Sobald Variablen definiert sind, können sie in anderen Operationen und Funktionen verwendet werden.

```
0.5 * product
                            # die Hälfte von product
[1] 179.01
                            # (natürlicher) Logarithmus von product
log(product)
[1] 5.880589
log10(product)
                            # Logarithmus zur Basis 10 von product
[1] 2.553907
log2(product)
                            # Logarithmus zur Basis 2 von product
[1] 8.483896
log(product, base = 2)
                            # Logarithmus zur Basis 2 von product,
```

```
[1] 8.483896
                            # mit expliziter Angabe der Basis
```

Das Semikolon kann verwendet werden, um mehrere Befehle in einer Zeile zu schreiben. Üblicherweise wird es verwendet, um das Zuweisen eines Ergebnisses und das Anzeigen desselben in einem Schritt zu machen:

```
product <- 15.3 * 23.4; product
                                   # speichere das Ergebnis und zeige es an
[1] 358.02
```

#### 2.1.1 Information zur Version

Manchmal kann es nützlich sein zu prüfen, welche Versionen des Paketes mosaic, von R sowie RStudio Sie verwenden. Die Eingabe von sessionInfo() zeigt Informationen über die Version von R und die geladenen Pakete an, während RStudio.Version() die Version von RStudio ausgibt.

```
sessionInfo()
R version 4.1.2 (2021-11-01)
Platform: x86_64-w64-mingw32/x64 (64-bit)
Running under: Windows 10 x64 (build 19043)
Matrix products: default
locale:
[1] LC_COLLATE=German_Germany.1252 LC_CTYPE=German_Germany.1252
[3] LC_MONETARY=German_Germany.1252 LC_NUMERIC=C
[5] LC_TIME=German_Germany.1252
attached base packages:
[1] stats
              graphics grDevices utils
                                            datasets methods
                                                                base
other attached packages:
 [1] kableExtra_1.3.4 mosaic_1.8.3
                                         ggridges_0.5.3
                                                           mosaicData_0.20.2
 [5] ggformula_0.10.1 ggstance_0.3.5
                                         dplyr_1.0.7
                                                           Matrix_1.3-4
 [9] ggplot2_3.3.5
                       lattice_0.20-45
                                         knitr_1.36
loaded via a namespace (and not attached):
 [1] ggrepel_0.9.1
                       Rcpp_1.0.7
                                         svglite_2.1.0
                                                           tidyr_1.1.4
 [5] digest_0.6.28
                       utf8_1.2.2
                                         ggforce_0.3.3
                                                           R6_2.5.1
```

```
[9] plyr_1.8.6
                       backports_1.3.0
                                          labelled_2.8.0
                                                             evaluate_0.14
[13] httr_1.4.2
                       pillar_1.6.4
                                          rlang_0.4.12
                                                             rstudioapi_0.13
                       splines_4.1.2
                                          webshot_0.5.2
                                                             readr_2.0.2
[17] rmarkdown_2.11
[21] stringr_1.4.0
                       htmlwidgets_1.5.4 polyclip_1.10-0
                                                             munsell_0.5.0
[25] broom_0.7.9
                       compiler_4.1.2
                                          xfun_0.27
                                                             systemfonts_1.0.4
[29] pkgconfig_2.0.3
                       htmltools_0.5.2
                                          tidyselect_1.1.1
                                                             tibble_3.1.5
[33] gridExtra_2.3
                       mosaicCore_0.9.0
                                          bookdown_0.24
                                                             viridisLite_0.4.0
                                                             withr_2.4.2
[37] fansi_0.5.0
                       crayon_1.4.1
                                          tzdb_0.2.0
[41] MASS_7.3-54
                       grid_4.1.2
                                          gtable_0.3.0
                                                             lifecycle_1.0.1
                       scales_1.1.1
[45] magrittr_2.0.1
                                          stringi_1.7.5
                                                             farver_2.1.0
[49] leaflet_2.0.4.1
                       xml2_1.3.2
                                          ellipsis_0.3.2
                                                             ggdendro_0.1.22
[53] generics_0.1.1
                                          tools_4.1.2
                                                             forcats_0.5.1
                       vctrs_0.3.8
[57] glue_1.4.2
                       tweenr_1.0.2
                                          purrr_0.3.4
                                                             hms_1.1.1
[61] crosstalk_1.1.1
                       fastmap_1.1.0
                                          yaml_2.2.1
                                                             colorspace_2.0-2
[65] rvest_1.0.2
                       haven_2.4.3
```

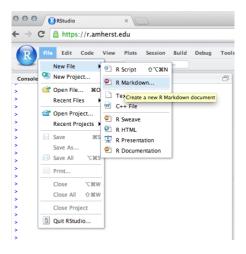
## 2.2 Arbeiten mit Dateien

## 2.2.1 Das Arbeiten mit dem R Skript

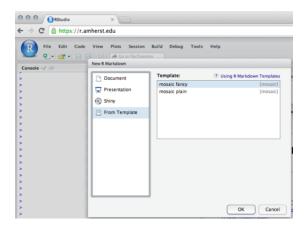
Eine Alternative ist es, R-Befehle in einer Datei zu speichern. RStudio bietet einen integrierten Editor, um diese Dateien zu bearbeiten, und unterstützt die Ausführung eines Teils oder aller Befehle aus diesen Dateien. Um eine Datei zu erstellen, gehen Sie in der Menüleiste auf File, dann New File und dann R Script. Es öffnet sich ein Editor-Fenster im Source-Panel. Hier kann R Code eingetragen werden und es stehen Schaltflächen und Menüpunkte zur Verfügung, um den gesamten Code (das sogenannte Sourcing der Datei), einzelne Zeilen oder einen ausgewählten Abschnitt der Datei auszuführen.

# 2.2.2 Arbeiten mit R Markdown und knitr/LaTeX

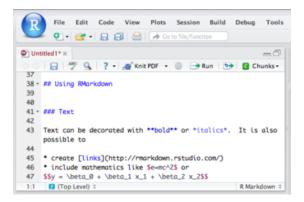
Eine dritte Alternative ist es RStudios Unterstützung für reproduzierbare Forschung zu nutzen. Wenn Sie LATEX schon kennen, werden Sie die Funktionialitäten des integrierten KNITR/LATEX erkunden wollen. Wenn Sie LATEX noch nicht kennen, dann bietet das einfachere R MARKDOWN-System eine gute Einführung in die Welt der reproduzierbaren Forschung. Es bietet auch eine gute Möglichkeit, Hausarbeiten und Berichte zu erstellen, die Text, R Code, R Output sowie Abbildungen enthalten. Um eine neue R MARKDOWN-Datei zu erstellen, wählen Sie File, dann New File, dann R MARKDOWN. Die Datei wird mit einer Kurzvorlage geöffnet, welche die MARKUP-Sprache skizziert.



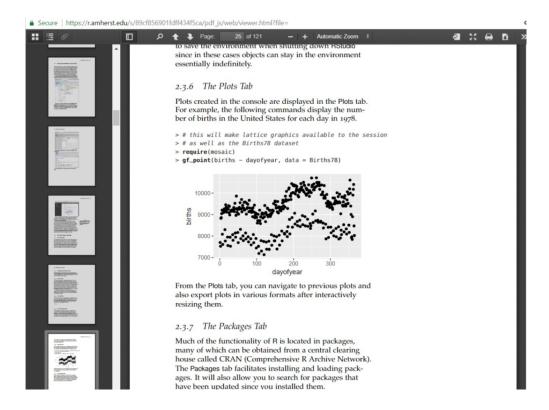
Das Paket mosaic enthält zwei nützliche R Markdown-Vorlagen für den Einstieg: fancy enthält bereits etwas Schnickschnack (und hat zum Ziel, eine Übersicht der Möglichkeiten zu bieten), während plain nur ein Grundgerüst enthält und als Ausgangspunkt für eine neue Analyse geeignet ist. Auf diese Vorlagen wird mittels der Template-Option bei Erstellung einer neuen R MARKDOWN-Datei zugegriffen:



Klicken Sie auf die Knit-Schaltfläche, um die Markdown-Datei in eine HTML-, PDF-, oder Word-Datei zu konvertieren:



Das erzeugt eine formatierte Version des Dokuments:



Das Hilfemenü enthält eine "Markdown Quick Reference" und bietet eine kurze Beschreibung der unterstützten Markup-Befehle. Die RStudio-Webseite enthält weitere ausführlichere Anleitungen zur Verwendung von R MARKDOWN.



## Achtung!

R MARKDOWN- und KNITR/LATEX-Dateien haben keinen Zugriff auf die Konsolenumgebung, weshalb der Code in diesen Dateien eigenständig sein

Es ist wichtig zu beachten, dass im Gegensatz zu R Skripten, die in der Konsole ausgeführt werden und Zugriff auf die Konsolenumgebung haben, R MARKDOWN- und KNITR/LATEX-Dateien keinen Zugriff auf die Konsolenumgebung haben. Das ist von Vorteil, weil diese Dateien damit in sich geschlossen und eigenständig lauffähig sein müssen. Diese Eigenschaft ermöglicht die Übertragbarkeit dieser Dateien und unterstützt somit gute Praktiken der reproduzierbaren Forschung. Anfänger und Anfängerinnen, insbesondere wenn sie Analyseschritte in der Konsole ausprobieren und den Code dann über "Kopieren und Einfügen" in die Datei schreiben, werden zunächst noch häufig Dateien kreieren, die nicht vollständig sind und deshalb nicht korrekt kompiliert werden.

# 2.3 Weitere Bereiche (Panel) und Reiter

# 2.3.1 Verlauf (History)

Wenn Befehle in der Console eingetragen werden, dann erscheinen Sie in im Reiter Verlauf (HISTORY). Dieser Verlauf kann gespeichert und geladen werden, es gibt eine Suchfunktion, um vorhergehende Befehle zu finden und einzelne Zeilen oder Abschnitte können an die Konsole geschickt werden. Mit geöffnetem HISTORY-Reiter können Sie zurück blättern und auf die vorangegangenen Befehle zugreifen. Das ist vor allem dann nützlich, wenn Befehle viel Output erzeugen und schnell aus dem Bildschirm verschwinden.

#### 2.3.2 Kommunikation zwischen Reitern

RStudio bietet verschiedene Möglichkeiten, um R Code zwischen Reitern auszutauschen. Das Klicken der Run-Schaltfläche im Editor-Fenster für eine R-, R Markdown- oder andere Skriptdatei, kopiert Zeilen mit Code in die Konsole und führt sie aus.

# 2.3.3 Dateien (Files)

Der FILE-Reiter bietet eine einfache Dateiverwaltung an. Sie kann auf übliche Weise bedient und genutzt werden, um Dateien zu öffnen, zu verschieben, umzubenennen oder zu löschen. In der Browser-Version von RStudio bietet der FILE-Reiter auch die Möglichkeit, Dateien hochzuladen, um Dateien vom lokalen Rechner auf den Server zu verschieben.

In R MARKDOWN- und KNITR-Dateien kann der Code auch in einem bestimmten Abschnitt (CHUNK) oder in allen ausgeführt werden. Jede dieser Funktionalitäten ermöglicht es, Codes "live" auszuprobieren und gleichzeitig ein Dokument zu erstellen, das eine Aufzeichnung des verwendeten Codes enthält. Umgekehrt kann Code aus der History zurück in die Console kopiert werden, um die Befehle nochmals auszuführen (ggf. nach Bearbeitung) oder in eine Datei im File Reiter eingefügt werden.

# 2.3.4 Hilfe (Help)

Im Help-Reiter zeigt RStudio die R-Hilfeseiten an. Diese können durchsucht und es kann zwischen ihnen navigiert werden. Sie können auch eine Hilfeseite öffnen, indem Sie den ?-Operator in der Konsole verwenden. Zum Beispiel führt folgender Befehl zum Aufruf der Hilfeseite zur Logarithmusfunktion:

?log

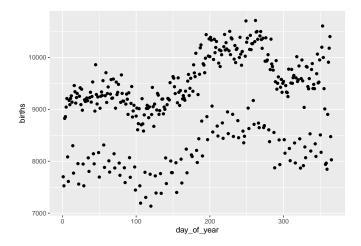
# 2.3.5 Arbeitsumgebung (Environment)

Der Environment-Reiter zeigt die Objekte, die für die Console zur Verfügung stehen. Diese sind unterteilt in Daten, Werte (Objekte die weder Dataframe noch Funktionen sind) und Funktionen. Die "Besen"-Schaltfläche kann verwendet werden, um alle Objekte aus der Arbeitsumgebung zu entfernen. Es ist empfehlenswert, das Entfernen ab und zu durchzuführen, vor allem dann, wenn Sie auf dem RStudio-Server arbeiten oder wenn Sie die Arbeitsumgebung beim Schließen von RStudio abspeichern möchten. In diesen Fällen würden die Objekte sonst quasi unbegrenzt in der Arbeitsumgebung verbleiben.

## 2.3.6 Grafiken (Plots)

Grafiken, die in der Konsole erzeugt werden, werden im Plots-Reiter angezeigt. Zum Beispiel zeigen die folgenden Befehle die tägliche Anzahl an Geburten in den Vereinigten Staaten für das Jahr 1978 an:

```
library(mosaic)
gf_point(births ~ day_of_year, data = Births78)
```



Innerhalb des Plots-Reiters haben Sie Zugriff auf vorherige Grafiken und Sie können diese, nach interaktiver Größenanpassung, in verschiedene Formate exportieren.

# 2.3.7 Pakete (Packages)

Ein großer Teil der R-Funktionalitäten befindet sich in Paketen, die meistens über eine zentrale Anlaufstelle namens CRAN (Comprehensive R Archive Network) verfügbar sind. Der Packages- Reiter vereinfacht die Installation und das Laden der Pakete. Hier können Sie auch nach Paketen suchen, die seit der Installation ein Update erhalten haben.

# 3 Eine metrische Variable

# 3.1 Numerische Zusammenfassungen

R beinhaltet eine Reihe von Befehlen, um numerische Variablen zusammenzufassen. Dazu gehört das Berechnen von Mittelwert, Standardabweichung, Varianz, Median, Interquartilsabstand (IQR) sowie frei wählbaren Quantilen. Wir werden diese am CESD-Maß (Center for Epidemiologic Studies-Depression) für depressive Symptome demonstrieren (diese Werte liegen zwischen 0 und 60; höhere Werte stehen für mehr depressive Symptome). Um die Lesbarkeit der Ausgabe zu verbessern, werden wir die Zahl der ausgegebenen Ziffern begrenzen (s. ?options() für weitere Konfigurationsmöglichkeiten).

```
library(mosaic)
options(digits = 4)
mean(~cesd, data = HELPrct)
[1] 32.85
```

Beachten Sie, dass die Funktion mean() im Paket mosaic eine Formel-Schnittstelle beinhaltet, die lattice-Grafiken und linearen Modellen (z. B. lm()) ähnlich ist. Das Paket mosaic, dessen Notation wir in diesem Buch verwenden, stellt viele weitere Funktionen zur Verfügung.

#### Q Tiefer einsteigen

Wenn Sie mit der Notation der Formeln noch nicht vertraut sind, bietet das Begleitbuch Start Teaching with R (N. Horton et al., 2014) eine detaillierte Einführung. Start Modeling with R (Kaplan et al., 2014), ein anderes Begleitbuch, vertieft die Beziehung zwischen dem Modellierungsprozess und der Notation der Formeln.

Dieselbe Ausgabe könnte auch durch die folgenden Befehle erzeugt werden (aber wann immer möglich werden wir die mosaic-Syntax verwenden):

```
with(HELPrct, mean(cesd))
[1] 32.85
mean(HELPrct$cesd)
[1] 32.85
```

Eine ähnliche Funktionalität gibt es auch für andere zusammenfassende Statistiken:

```
sd(~ cesd, data=HELPrct)
[1] 12.51
sd(~ cesd, data=HELPrct)^2
[1] 156.6
var(~ cesd, data=HELPrct)
[1] 156.6
median(~ cesd, data=HELPrct)
[1] 34
```

Nach dem gleichen Muster lassen sich auch Quantile der Verteilung berechnen:

Standardmäßig stellt die Funktion quantile() die Quartile dar, aber ihr kann auch ein Vektor der gewünschten Quantile übergeben werden:

```
with(HELPrct, quantile(cesd))
 0% 25% 50% 75% 100%
      25
   1
           34
                41
                      60
with(HELPrct, quantile(cesd, c(.025, .975)))
 2.5% 97.5%
 6.3 55.0
```



## Achtung!

Nicht alle Befehle wurden schon für die Nutzung des Formel-Interfaces überarbeitet. Für diese Funktionen muss für den Zugriff auf Variablen innerhalb eines Datensatzes with() oder das \$-Zeichen genutzt werden.

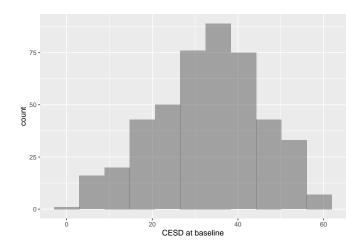
Schließlich stellt die Funktion favstats() (für favorite stats) im Paket mosaic eine prägnante Zusammenfassung einiger nützlicher Kennzahlen dar:

```
favstats(~cesd, data = HELPrct)
 min Q1 median Q3 max mean
                                    n missing
   1 25
            34 41 60 32.85 12.51 453
```

# 3.2 Grafische Zusammenfassungen

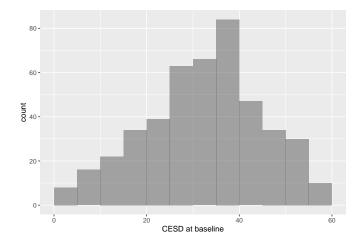
Die Funktion histogram() wird genutzt, um ein Histogramm zu erzeugen. Hier nutzen wir das Formel-Interface (wie im Buch Start Modeling with R (N. Horton et al., 2014)), um ein Histogramm der CESD-Werte zu erzeugen.

```
gf_histogram(~ cesd, data = HELPrct, binwidth = 5.9)
```



Wir können die Optionen binwidth und center nutzen, um die Lage der Säulen zu steuern:

```
gf_histogram(~ cesd, data = HELPrct, binwidth = 5, center = 2.5)
```



Im Datensatz HELPrct ist etwa ein Viertel der Probanden weiblich.

```
tally( ~ sex, data = HELPrct)
sex
female
         male
          346
   107
tally( ~ sex, format = "percent", data = HELPrct)
sex
female
         male
 23.62
        76.38
```

Es ist einfach, die Analyse nur auf die weiblichen Probanden zu beschränken. Wenn wir viele Analysen mit einer Teilgruppe unserer Daten durchführen wollen, ist es am einfachsten, einen neuen Datensatz zu erzeugen, der nur die Fälle enthält, die uns interessieren. Die Funktion filter() im Paket dplyr kann genutzt werden, um einen solchen Datensatz zu erzeugen, der nur die Frauen oder nur die Männer enthält (s. auch Kapitel 13.5). Nachdem dieser erzeugt ist, wird die Funktion stem() genutzt, um ein Stamm-Blatt-Diagramm (stem and leaf plot) zu erzeugen.

```
Female <- filter(HELPrct, sex == 'female')</pre>
Male <- filter(HELPrct, sex == 'male')</pre>
with(Female, stem(cesd))
```

The decimal point is 1 digit(s) to the right of the |

- 0 | 3
- 0 | 567
- 1 | 3
- | 555589999
- 2 | 123344
- 2 | 66889999
- 3 | 0000233334444
- 3 | 5556666777888899999
- 4 | 00011112222334
- 4 | 555666777889
- 5 | 011122223333444
- 5 | 67788
- 6 | 0

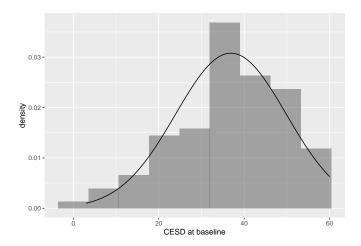


# Achtung!

Um Gleichheit von Ausprägungen zu überprüfen wird ein doppeltes Gleichheitszeichen genutzt!

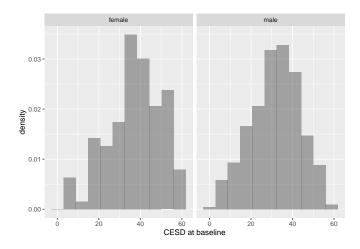
Teilgruppen können auch innerhalb eines Befehls erzeugt werden (dieses Mal mit einer überlagerten Normalverteilung):

```
gf_dhistogram(~ cesd, binwidth = 7.1,
                      data = filter(HELPrct, sex == "female")) %>%
   gf_fitdistr(dist = "dnorm")
```



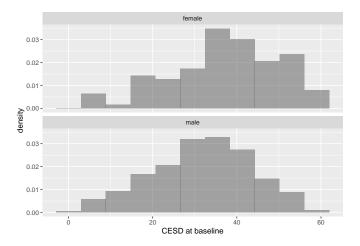
Alternativ können wir nebeneinander angeordnete Plots erzeugen, um mehrere Teilgruppen zu vergleichen:

```
gf_dhistogram(~ cesd, data = HELPrct, binwidth = 5.9) %>%
   gf_facet_wrap(~ sex)
```



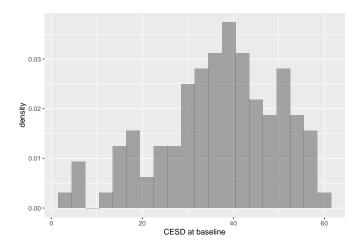
Das Layout kann auch anders angeordnet werden:

```
gf_dhistogram(~ cesd, data = HELPrct, binwidth = 5.9) %>%
   gf_facet_wrap(~ sex, nrow = 2)
```



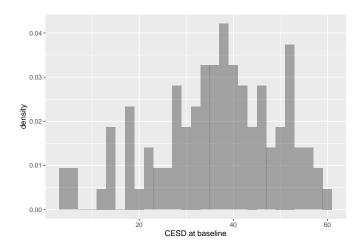
Wir können die Zahl der Säulen auf verschiedene Arten steuern. Hier wird die Gesamtzahl angegeben:

```
gf_dhistogram(~ cesd, bins = 20, data = Female)
```

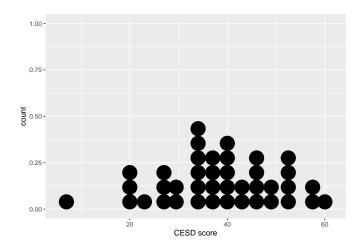


Auch die Breite der Säulen kann vorgegeben werden:

```
gf_dhistogram(~ cesd, binwidth = 2, data = Female)
```



Die Funktion dotplot() wird genutzt, um einen dotplot für eine kleinere Teilgruppe zu erzeugen (obdachlose Frauen). Wir zeigen auch, wie die Beschriftung der x-Achse geändert werden kann:



# 3.3 Dichtekurven

Ein Nachteil von Histogrammen besteht darin, dass sie abhängig von der gewählten Anzahl von Säulen sind. Eine andere Darstellung ist die Dichtekurve.

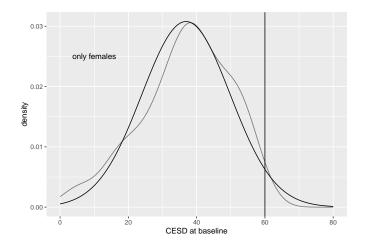
**⇔** Dichteplots sind ebenfalls abhängig von diversen Optionen. Wenn Ihr Dichteplot zu zerklüftet oder zu glatt ist, versuchen Sie, das adjust-Argument zu variieren: größer als 1 für glattere Plots, kleiner als 1 für gezacktere Plots.

#### Q Tiefer einsteigen

Die Funktion plotFun() kann für Anmerkungen an Plots genutzt werden (s. Kapitel 10.2.1).

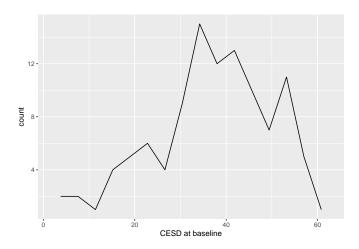
Hier versehen wir einen Dichteplot mit einigen zusätzlichen Inhalten, um zu zeigen, wie eine Grafik für didaktische Ziele aufgebaut wird. Wir fügen Text hinzu, legen eine Normalverteilung darüber und ergänzen eine vertikale Linie. Eine Vielzahl von Linienarten, -farben und -stärken stehen zur Auswahl.

```
gf_dens(~ cesd, data = Female) %>%
    gf_refine(annotate(geom = "text", x = 10, y = .025,
                       label = "only females")) %>%
    gf fitdistr(dist = "dnorm") %>%
    gf_vline(xintercept = 60) +
    xlim(0, 80)
```



# 3.4 Häufigkeitspolygone

Eine dritte Option ist ein Häufigkeitspolygon, bei dem die Grafik erzeugt wird, indem die Mittelpunkte der Säulen eines Histogramms miteinander verbunden werden:

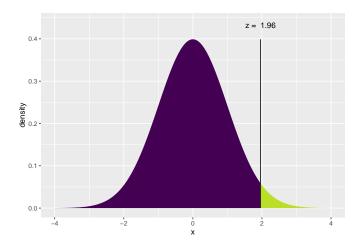


# 3.5 Normalverteilungen

Die berühmteste Dichtekurve ist die Normalverteilung.

Die Funktion xpnorm() erzeugt die Wahrscheinlichkeit, dass eine Zufallsvariable kleiner als das erste Argument ist. Bei einer Normalverteilung ist der Mittelwert das zweite und die Standardabweichung das dritte Argument. Mehr Informationen über Normalverteilungen sind in Kapitel 12 zu finden.

```
xpnorm(1.96, mean = 0, sd = 1)
```



[1] 0.975



### Info

x steht in der Funktion xpnorm() für eXtra (erweitert).

# 3.6 Inferenz einer einzelnen Stichprobe

Das 95%-Konfidenzintervall für den Mittelwert des CESD-Wertes der Frauen wird bei der Durchführung eines t-Tests mit ausgegeben:

```
t.test( ~ cesd, data = Female)
   One Sample t-test
data: cesd
t = 29, df = 106, p-value <2e-16
```

```
alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
95 percent confidence interval:
34.39 39.38
sample estimates:
mean of x
    36.89
confint(t.test( ~ cesd, data = Female))
 mean of x lower upper level
      36.89 34.39 39.38 0.95
```

Aber es ist genauso zielführend, es mit der Bootstrap-Methode zu berechnen. Die Statistik, die wir resampeln wollen, ist der Mittelwert.



## Tiefer einsteigen

Mehr Details und Beispiele finden sich in der Vignette zum Resampling im Paket mosaic.

```
mean( ~ cesd, data = Female)
[1] 36.89
```

Ein erstes Resampeln führt zu diesem Ergebnis

```
mean( ~ cesd, data = resample(Female))
[1] 39.05
```



### Hinweis

Hier resampeln wir durch Ersetzen des Original-Datensatzes, indem wir einen Pseudo-Zufalls-Datensatz mit der gleichen Anzahl von Zeilen erzeugen. Auch wenn eine einzige Stichprobe von geringem Nutzen ist, so ist es doch sinnvoll, die Berechnung einmal selbst durchzuführen, um zu sehen, dass Sie (normalerweise!) ein anderes Ergebnis erhalten als ohne Resampling.

Eine weitere Durchführung wird zu einem anderen Ergebnis führen:

```
mean( ~ cesd, data = resample(Female))
[1] 37.37
```

Jetzt resampeln wir 1000 Stichproben und speichern das Ergebnis in einem Objekt namens trials:

```
trials <- do(1000) * mean( ~ cesd, data = resample(Female))</pre>
head(trials, 3)
   mean
1 36.83
2 36.81
3 37.11
qdata( \sim mean, c(.025, .975), data = trials)
 2.5% 97.5%
 34.4 39.5
```

# 4 Eine kategoriale Variable

# 4.1 Analyse kategorialer Daten

Mit Hilfe der Funktion tally() können absolute und relative Häufigkeiten für kategoriale Daten angegeben werden.

Q Tiefer einsteigen

> Im Begleitbuch Start Teaching with R (N. Horton et al., 2014) wird die Formelschreibweise erklärt, die hier ebenfalls verwendet wird. Siehe ebenfalls dort zum Thema statistische Modellierung.

```
tally( ~ homeless, data = HELPrct)
homeless
homeless
         housed
     209
              244
```

```
tally( ~ homeless, margins = TRUE,
       data = HELPrct)
homeless
homeless
         housed
                     Total
     209
              244
                       453
```

```
tally( ~ homeless, format = "percent",
       data = HELPrct)
homeless
         housed
homeless
           53.86
   46.14
```

## 4.2 Der Binomialtest

Ein exaktes Konfidenzintervall für einen Anteilswert (sowie ein Test der Nullhypothese, dass der Bevölkerungsanteil gleich einem bestimmten Wert – standardmäßig 0.5 – ist) kann durch die Funktion binom.test() berechnet werden. Die Standardfunktion binom.test() benötigt folgendes Eingabeformat:

```
binom.test(209, 209 + 244)

data: 209 out of 453
number of successes = 209, number of trials = 453, p-value = 0.1
alternative hypothesis: true probability of success is not equal to 0.5
95 percent confidence interval:
    0.4147 0.5085
sample estimates:
probability of success
    0.4614
```

Mit Hilfe des Paketes mosaic kann eine Formelschreibweise verwendet werden, die die vorherige tabellarische Aufbereitung der Daten überflüssig macht.

```
0.4147 0.5085
sample estimates:
probability of success
                0.4614
```

Wie bei Befehlen dieser Art üblich, gibt es eine Menge von nützlichen Informationen, die aus der Ausgabe der Funktion ausgelesen werden können.

```
names(result)
[1] "statistic"
                  "parameter"
                                 "p.value"
                                               "conf.int"
                                                              "estimate"
[6] "null.value" "alternative" "data.name"
```

Spezifische Informationen werden extrahiert, indem man den Operator \$ oder eine entsprechende Funktion zur Extrahierung nutzt. So kann z. B. das Konfidenzintervall oder der p-Wert verwendet werden.

```
result$statistic
number of successes
                209
```

```
confint(result)
 probability of success lower upper level
                 0.4614 0.4147 0.5085 0.95
```

```
pval(result)
p.value
 0.1101
```

#### Q Tiefer einsteigen

Die meisten Objekte in R haben eine Art Druckfunktion. Wenn wir ein Ergebnis angezeigt bekommen, stammt die Ausgabe in der Konsole aus dieser Druckfunktion print(result). Durch den expliziten Aufruf von print(result) können oft viele zusätzliche Informationen ausgegeben werden. In einigen Situationen, wie z. B. bei Grafiken, bleibt das Objekt unsichtbar, so dass nichts gedruckt wird. Hier werden die zusätzlichen Informationen üblicherweise nicht benötigt. Falls doch, können sie aber abgerufen werden.

#### 4.3 Der Anteilswerttest

In ähnlicher Weise kann ein geschätzes Intervall und ein approximativer Test auf Anteilswerte über die Funktion prop.test() ermittelt werden. Die Anzahl der Personen je Kategorie der Variablen homeless wird folgendermaßen ausgezählt:

```
tally(~ homeless, data = HELPrct)
homeless
homeless
           housed
     209
              244
```

Die Funktion prop.test() berechnet die Anteile und gibt die Ergebnisse aus.

```
prop.test(~ (homeless == "homeless"),
          correct = FALSE, data = HELPrct)
    1-sample proportions test without continuity correction
data: HELPrct$(homeless == "homeless")
                                         [with success = TRUE]
X-squared = 2.7, df = 1, p-value = 0.1
alternative hypothesis: true p is not equal to 0.5
95 percent confidence interval:
0.4160 0.5074
sample estimates:
0.4614
```

Hier untersucht prop.test() die Variable homeless in der gleichen Art und Weise wie tally(). Die Funktion prop.test() kann ebenso wie binom.test() auch direkt mit numerischen Angaben umgehen:

```
prop.test(209, 209 + 244, correct = FALSE)
    1-sample proportions test without continuity correction
data: 209 out of +209 out of 209209 out of 244
X-squared = 2.7, df = 1, p-value = 0.1
alternative hypothesis: true p is not equal to 0.5
95 percent confidence interval:
0.4160 0.5074
sample estimates:
```

# 0.4614



#### Info

Wir schreiben homeless == "homeless", um eindeutig festzulegen, welchen Anteil wir betrachten möchten. Wir hätten auch homeless == "housed" auswählen können.

prop.test() berechnet die Chi-Quadrat-Statistik. Die meisten einführenden Statistikbücher nutzen die Z-Statistik. Mathematisch sind sie in Bezug auf inferentielle Aussagen äquivalent.

### 4.4 Anpassungstests

Es gibt eine Vielzahl von Gütemaßen, die mit Hilfe bestimmter Referenz-Verteilungen bestimmt werden können. Für die Daten der HELP-Studie können wir die Nullhypothese testen, dass in jeder Kategorie des Drogenkonsums ein gleich hoher Anteil an Personen in der Population vorliegt.

```
tally(~ substance, format = "percent",
     data = HELPrct)
substance
alcohol cocaine heroin
 39.07 33.55
                 27.37
```

```
observed <- tally(~ substance,
                  data = HELPrct)
observed
substance
alcohol cocaine heroin
   177
            152
                    124
```



#### Info

Zusätzlich zur Option format gibt es die Option margins, um die Randhäufigkeiten in der Tabelle auszugeben. Die Voreinstallung bei tally ist margins = FALSE. Probieren Sie es aus!

```
p \leftarrow c(1/3, 1/3, 1/3) \# equivalent to rep(1/3, 3)
chisq.test(observed, p = p)
    Chi-squared test for given probabilities
data: observed
X-squared = 9.3, df = 2, p-value = 0.01
```

```
total <- sum(observed)</pre>
total
[1] 453
```

```
expected <- total*p
expected
[1] 151 151 151
```

Wir können die  $\chi^2$ -Statistik auch manuell als Funktion der beobachteten und erwarteten Häufigkeiten unter Unabhängigkeit berechnen:

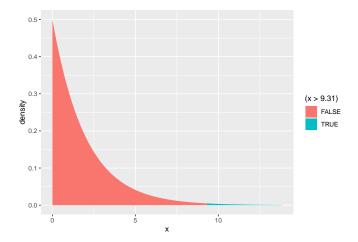
```
chisq <- sum((observed - expected)^2/(expected))</pre>
chisq
[1] 9.311
```

```
1 - pchisq(chisq, df = 2)
[1] 0.009508
```

Die Funktion pchisq() berechnet die Wahrscheinlichkeit, dass eine  $\chi^2$ verteilte Zufallsvariable mit df() Freiheitsgraden kleiner oder gleich einem gegebenen Wert ist. Hier wird die Gegenwahrscheinlichkeit berechnet, um den Bereich zu finden, der rechts des beobachteten  $\chi^2$ -Wertes liegt.

Es kann hilfreich sein, sich die Verteilung grafisch anzuschauen. Der grün schattierte Bereich zeigt den Bereich rechts vom beobachteten Wert.

```
gf_dist("chisq", df = 2, fill = ~ (x > 9.31),
        geom = "area")
```



Alternativ kann mit Hilfe des Paketes mosaic ein analoger chisq.test() durchgeführt werden, welcher zusätzlich weitere Angaben liefert, wie z. B. die beobachteten und erwarteten Häufigkeiten.



#### Info

x in xchisq.test() steht für eXtra (erweitert).

```
xchisq.test(observed, p = p)
    Chi-squared test for given probabilities
X-squared = 9.3, df = 2, p-value = 0.01
  177
           152
                    124
(151.00) (151.00) (151.00)
[4.4768] [0.0066] [4.8278]
< 2.116> < 0.081> <-2.197>
key:
    observed
    (expected)
    [contribution to X-squared]
    <Pearson residual>
```



Objekte, die sich im Arbeitsspeicher von R befinden, sind unter dem Reiter Environment in RStudio aufgelistet. Diese Liste kann bereinigt werden, indem die nicht mehr benötigten Objekte mit  ${\tt rm}()$  gelöscht werden.

# nicht mehr benötigte Variablen löschen rm(observed, p, total, chisq)

# 5 Zwei metrische Variablen

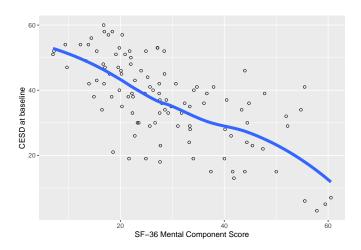
### 5.1 Scatterplots

Wir empfehlen, jede Analyse durch eine grafische Darstellung der Daten zu beginnen. Hier ergänzen wir ein Streudiagramm des CESD (ein Maß für depressive Beschwerden, höhere Werte deuten auf mehr Beschwerden hin) und des MCS (mental component score des SF-36, wobei höhere Werte auf eine bessere Funktion hinweisen) für weibliche Probanden mit einer LOWESS-Linie (locally weighted scatterplot smoother). Die Datenpunkte werden als Kreise dargestellt und die LOWESS-Linie mit einer etwas dickeren Linie dargestellt.

 $\mathbf{Q}_{o}^{o}$ 

Die LOWESS Linie kann dabei helfen, die Linearität eines Zusammenhangs leichter zu erkennen. Sie wird hinzugefügt, indem zwei Punkte und ein LOWESS-Filter definiert werden.

```
Female <- filter(HELPrct, female == 1)</pre>
gf_point(cesd ~ mcs, data = Female, shape = 1) %>%
  gf_smooth(se = FALSE, size = 2)
```

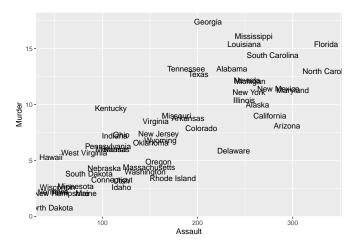


#### Tiefer einsteigen

Wenn man mit der Ausdrucksweise des statistischen Modellierens nicht vertraut ist, findet man im Begleitbuch Start Modeling with R (N. Horton et al., 2014) entsprechende Hilfe. Auch in Start Teaching with R (Kaplan et al., 2014) sind nützliche Tipps für den Einstieg zu finden.

Es ist ganz einfach, etwas anderes als Punkte im Scatterplot zu verwenden. Im folgenden Beispiel wird der Zusammenhang zwischen der Zahl der Überfälle und der Zahl der Morde mit Hilfe der Namen der entsprechenden Bundesstaaten dargestellt:

```
gf_text(Murder ~ Assault,
  label = ~ rownames(USArrests),
  data = USArrests)
```



#### 5.2 Korrelationen

Korrelationen können für Variablenpaare und für Variablenmatrizen berechnet werden.

```
cor(cesd ~ mcs, data = Female)
[1] -0.6738
smallHELP <- select(Female, cesd, mcs, pcs)</pre>
cor(smallHELP)
```

```
cesd
                 mcs
                         pcs
cesd 1.0000 -0.6738 -0.3685
mcs
     -0.6738
              1.0000 0.2664
pcs
     -0.3685
              0.2664
                      1.0000
```

Der Korrelationskoeffizient von Pearson ist voreingestellt. Andere Methoden (z. B. Spearman) können mit der Option method gewählt werden.

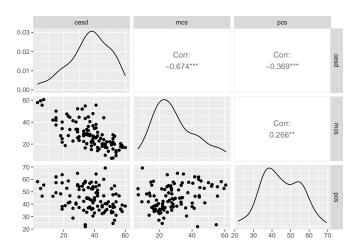
```
cor(cesd ~ mcs, method = "spearman", data = Female)
[1] -0.6662
```

#### 5.3 Paarweise Plots

Ein paarweiser Plot (Scatterplot Matrix) kann für jedes Paar eines Variablensets erstellt werden.

Das Paket GGally unterstützt komplexere Formen von paarweisen Plots.

library(GGally) ggpairs(smallHELP)



### 5.4 Einfache lineare Regression



#### Info

Normalerweise führen wir die einfache lineare Regression als deskriptive Methode zu einem sehr frühen Zeitpunkt einer Lehrveranstaltung ein.

Lineare Regressionsmodelle werden ausführlich in  $Start\ Modeling\ with\ R$  (N. Horton et al., 2014) beschrieben. Dabei werden die gleichen Befehle für die Spezifizierung von Output und Prädiktoren verwendet, die bereits an früherer Stelle für grafische und numerische Übersichten eingeführt wurden.

Im folgenden betrachten wir das Modell cesd ~ mcs.

```
cesdmodel <- lm(cesd ~ mcs, data = Female)</pre>
coef(cesdmodel)
(Intercept)
                      mcs
     57.349
                  -0.707
```



#### Hinweis

Es ist wichtig, möglichst eindeutige Bezeichnungen für die einzelnen Modellobjekte zu finden. Hier wird der Output von lm() als cesdmodel gespeichert. Damit wird darauf hingewiesen, dass das Regressionsmodell depressive Beschwerden beschreibt.

Um den Output übersichtlicher zu gestalten, schalten wir die Option, die Signifikanzen mit Sternchen zu markieren, ab.

```
options(show.signif.stars = FALSE)
coef(cesdmodel)
(Intercept)
                    mcs
     57.349
                 -0.707
msummary(cesdmodel)
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
             57.3485
                         2.3806
                                   24.09 < 2e-16
             -0.7070
                                   -9.34
                                         1.8e-15
mcs
                         0.0757
Residual standard error: 9.66 on 105 degrees of freedom
```

```
Multiple R-squared: 0.454, Adjusted R-squared: 0.449
F-statistic: 87.3 on 1 and 105 DF, p-value: 1.81e-15
coef(summary(cesdmodel))
           Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
             57.349 2.38062 24.090 1.425e-44
(Intercept)
             -0.707 0.07566 -9.344 1.813e-15
mcs
confint(cesdmodel)
             2.5 % 97.5 %
(Intercept) 52.6282 62.069
           -0.8571 -0.557
mcs
rsquared(cesdmodel)
Γ1] 0.454
class(cesdmodel)
[1] "lm"
```

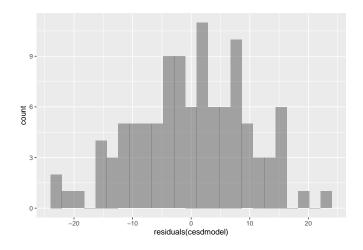
Die Ausgabe von lm() ist ein lineares Modell. Ähnlich wie bei coef() kann eine Reihe von Operationen auf dieses Objekt zugreifen.

Die Funktion residuals() gibt den Residuenvektor aus.

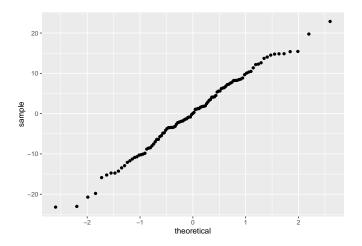
sagewerten erzeugt.

Q<sup>a</sup> Die Funktion residuals() kann verkürzt auch als resid() geschrieben werden. Eine andere wichtige Funktion ist fitted(), die einen Vektor aus Vorher-

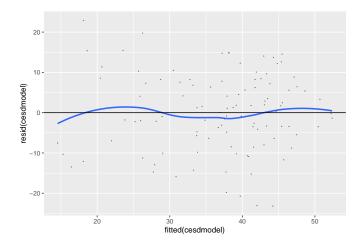
```
gf_histogram(~ residuals(cesdmodel), density = TRUE)
```



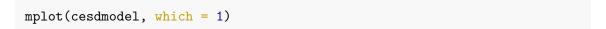
### gf\_qq(~ resid(cesdmodel))

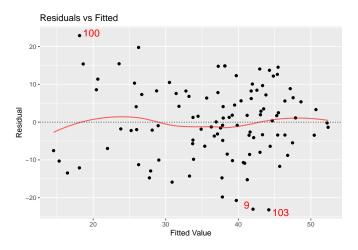


```
gf_point(resid(cesdmodel) ~ fitted(cesdmodel),
         alpha = 0.5, cex = 0.3, pch = 20) \%>%
  gf_smooth(se = FALSE) %>%
  gf_hline(yintercept = 0)
```



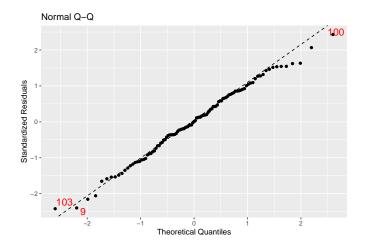
Mit der Funktion mplot() kann eine Reihe nützlicher Plots erzeugt werden. Mit der Option which = 1 werden geschätzte Werte und Residuen gegenübergestellt:



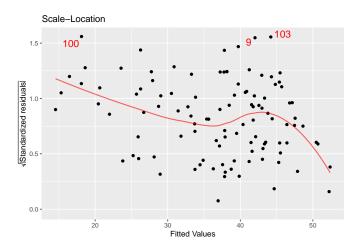


Mit which = 2 kann ein Quantil-Quantil-Diagramm der Normalverteilung erzeugt werden:

```
mplot(cesdmodel, which = 2)
```

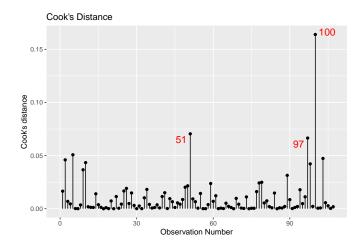


Mit which = 3 kann ein Scale-Location-Plot erstellt werden:

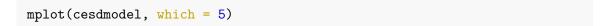


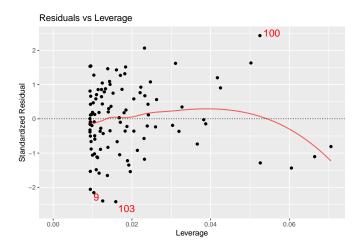
Das Cook's Abstandsmaß in Abhängigkeit von der Beobachtungsnummer wird bei which = 4 ausgegeben:

```
mplot(cesdmodel, which = 4)
```



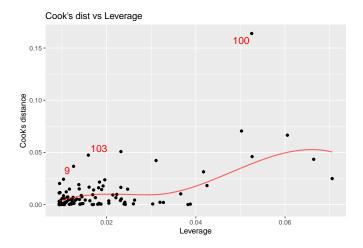
Den Residuen vs. Leverage-Plot, zur Aufdeckung von möglichen einflussreichen Beobachtungen, erhält man mit which = 5:





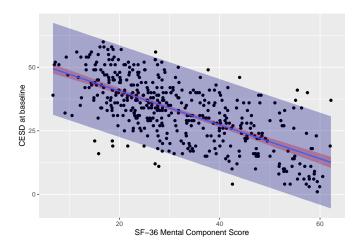
Schlussendlich gibt which = 6 den Cook's distance vs. Leverage-Plot aus:

```
mplot(cesdmodel, which = 6)
```



Vorhersageintervalle können mit Hilfe der Option interval in die Funktion gf\_lm() eingefügt werden.

```
gf_point(cesd ~ mcs, data = HELPrct) %>%
 gf_lm(interval = "confidence", fill = "red") %>%
 gf_lm(interval = "prediction", fill = "navy")
```



# 43

#### Aufgabe!

Mit Hilfe des Datensatzes HELPrct soll eine einfache lineare Regression geschätzt werden, die den Zusammenhang zwischen der am Tag getrunkenen Menge und dem MCS (mental component score) beschreibt.

Dieses Model kann mit Hilfe des Modells i1 ~ mcs spezifiziert werden. Interpretieren Sie die Verteilung der Residuen.

# 6 Zwei kategoriale Variablen

#### 6.1 Kreuztabellen

Kreuztabellen können für zwei (oder mehr) kategoriale Variablen aufgestellt werden. Hier erstellen wir die Kontingenztabelle für den Obdachlosenstatus (obdachlos in einer / mehr als einer Nacht in den letzten sechs Monaten oder nicht obdachlos) und das Geschlecht.

```
tally(~ homeless + sex, margins = FALSE,
     data = HELPrct)
         sex
          female male
homeless
 homeless 40 169
          67 177
 housed
```

Wir können auch Spaltenprozente erzeugen:

```
tally(~ sex | homeless, margins = TRUE,
     format = "percent", data = HELPrct)
       homeless
        homeless housed
sex
 female
          19.14 27.46
         80.86 72.54
 male
 Total 100.00 100.00
```

Die Odds Ratios (Chancenverhältnisse) können direkt aus der Tabelle berechnet werden:

```
OR <- (40/169)/(67/177)
OR
[1] 0.6253
```

Das Paket mosaic hat eine Funktion, um die Odds Ratios zu berechnen.

```
oddsRatio(tally(~ (homeless == "housed") + sex,
                   margins = FALSE, data = HELPrct))
[1] 0.6253
```

Die Funktion CrossTable() im Paket gmodels kann ebenfalls eine Kreuztabelle erzeugen.

```
library(gmodels)
with(HELPrct, CrossTable(homeless, sex,
              prop.r = FALSE,
               prop.chisq = FALSE,
              prop.t = FALSE))
 Cell Contents
|-----|
 N / Col Total |
|-----|
Total Observations in Table: 453
       sex
  homeless | female | male | Row Total |
-----|----|
          40 | 169 |
0.374 | 0.488 |
  homeless |
                 169 |
-----|-----|
   housed |
            67 |
                   177
     0.626 | 0.512 |
-----|----|
           107 | 346 | 453 |
Column Total |
         0.236 | 0.764 |
    -----|----|
```

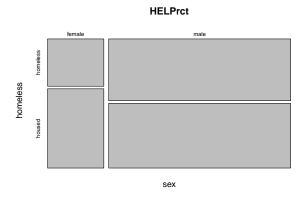
Grafische Zusammenfassungen von Kreuztabellen können ebenfalls sehr nützlich sein. Mosaikplots sind ein Beispiel. Wir sehen (an der Höhe der Flächen), dass der Frauenanteil unter den Obdachlosen vergleichsweise geringer ist als bei den Nicht-Obdachlosen. Insgesamt sind in der Stichprobe und je Gruppe mehr männliche Teilnehmer enthalten, was an der Breite der Flächen zu erkennen ist.



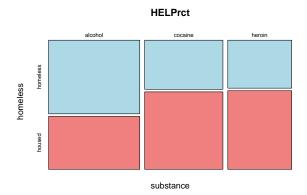
#### Hinweis

Die Fachwelt ist immer noch unentschlossen in Bezug auf den Nutzen von Mosaikplots, aufgrund von ihrem geringen data-to-ink-ratio (Daten-Tinten-Verhältnis). Wir haben sie als hilfreich empfunden, um Kontingenztabellen besser zu verstehen (Tufte, 2001).

```
mosaicplot(sex ~ homeless, data = HELPrct)
```



```
# farbiges Beispiel
mosaicplot(substance ~ homeless, data = HELPrct,
           color = c("LightBlue", "LightCoral"))
```



#### 6.2 Tabellen erstellen

Tabellen können auch aus dem Datensatz selbst erstellt werden. Dazu wird die Funktion do() verwendet.

```
HELPtable <- rbind(</pre>
 do(40) * data.frame(sex = "female", homeless = "homeless"),
 do(169) * data.frame(sex = "male", homeless = "homeless"),
 do(67) * data.frame(sex = "female", homeless = "housed"),
 do(177) * data.frame(sex = "male", homeless = "housed")
)
tally(~ homeless + sex, data = HELPtable)
         sex
homeless female male
 homeless 40 169
 housed
              67 177
```

# 6.3 Chi-Quadrat-Test

```
chisq.test(tally(~ homeless + sex,
                    margins = FALSE,
                    data = HELPrct),
                    correct = FALSE)
```

```
Pearson's Chi-squared test
data: tally(~homeless + sex, margins = FALSE, data = HELPrct)
X-squared = 4.3, df = 1, p-value = 0.04
```

Hier wurde ein statistisch signifikanter Zusammenhang gefunden: Es ist unwahrscheinlich, dass wir einen so starken Zusammenhang finden, wenn der Obdachlosenstatus und das Geschlecht in der Population unabhängig voneinander wären.

Wenn Sie signifikante Zusammenhänge finden, ist es wichtig, dass Sie diese im Kontext des konkreten Problems richtig interpretieren können. Die Funktion xchisq.test() liefert weitere Informationen (beobachtete und erwartete Häufigkeiten,  $\chi^2$ -Anteil und Residuen), die hierzu hilfreich sein können.

```
xchisq.test(tally(~ homeless + sex,
                     margins = FALSE,
                     data = HELPrct),
                     correct = FALSE)
   Pearson's Chi-squared test
data: x
X-squared = 4.3, df = 1, p-value = 0.04
  40
          169
(49.37) (159.63)
 [1.78] [0.55]
<-1.33> < 0.74>
  67
         177
(57.63) (186.37)
 [1.52] [0.47]
< 1.23> <-0.69>
key:
   observed
    (expected)
    [contribution to X-squared]
    <Pearson residual>
```

Wir beobachten, dass es weniger obdachlose Frauen und mehr obdachlose Männer als erwartet gibt.

#### 6.4 Exakter Test nach Fisher

Es kann auch ein exakter Test berechnet werden. Für 2x2-Kontingenztafeln ist dies unkompliziert. Optionen, um die Größe des Problems bei größeren Tabellen zu beschränken, existieren (siehe ?fisher.test()).

```
fisher.test(tally(~ homeless + sex, margins = FALSE,
                     data = HELPrct))
   Fisher's Exact Test for Count Data
data: tally(~homeless + sex, margins = FALSE, data = HELPrct)
p-value = 0.05
alternative hypothesis: true odds ratio is not equal to 1
95 percent confidence interval:
0.3895 0.9968
sample estimates:
odds ratio
   0.6259
```

#### Q Tiefer einsteigen

Beachten Sie die Unterschiede in der Schätzung des Odd Ratios im Vergleich zu Abschnitt 6.1. Die Funktion fisher.test() verwendet einen anderen Schätzer (und anderes Intervall, basierend auf dem Likelihood).

# Metrische Antwortvariable, kategorialer **Prädiktor**

# 7.1 Eine binäre Variable als Prädiktor: numerische und grafische Zusammenfassung

Hier werden wir die Verteilung der CESD-Scores nach Geschlecht vergleichen. Der Befehl mean() kann verwendet werden, um den durchschnittlichen CESD-Score separat für Männer und Frauen zu berechnen.

```
mean(cesd ~ sex, data = HELPrct)
female
        male
 36.89 31.60
```

Der Befehl favstats () liefert weitere statistische Kennzahlen pro Gruppe.

```
favstats(cesd ~ sex, data = HELPrct)
    sex min Q1 median
                        Q3 max mean
                                        sd
1 female
         3 29
                 38.0 46.5 60 36.89 13.02 107
   male
          1 24
                 32.5 40.0 58 31.60 12.10 346
```

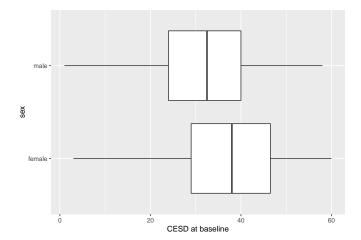
Boxplots sind besonders hilfreiche grafische Darstellungen, um Verteilungen zu vergleichen. Mit dem Befehl gf\_boxplot() können die Boxplots für die CESD-Scores getrennt nach Geschlecht angezeigt werden. Sowohl aus den numerischen als auch aus den grafischen Zusammenfassungen geht hervor, dass Frauen in der Regel etwas höhere CESD-Werte haben als Männer.



#### Hinweis

Obwohl wir normalerweise die erklärenden Variablen entlang der horizontalen Achse darstellen, so ist die umgedrehte Darstellung für diese Art von Grafiken in einigen Fällen vorzuziehen.

```
gf_boxplot(cesd ~ sex, data = HELPrct) %>%
  gf_refine(coord_flip())
```



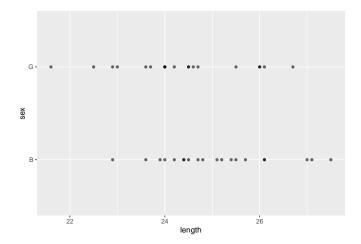
Bei nur kleiner Stichprobengröße gibt es keine Notwendigkeit, diese über Boxplots darzustellen, da der Befehl gf\_point() ebenfalls kategoriale Prädiktoren darstellen kann. Auch 10-20 Beobachtungen pro Gruppe sind mittels Streudiagramm gut darzustellen. Beobachtungen, die einen gleichen Wert aufweisen, können über die Anpassung des Transparenzlevels (Argument alpha) sichtbar gemacht werden.



#### Achtung!

In einem Vortrag präsentierte mal ein Biologe stolz mehrere Boxplots nebeneinander. Das Publikum war beeindruckt von den Ergebnissen und jemand fragte naiv nach, wie viele Beobachtungen in jeder Gruppe enthalten seien. "Vier", antwortete der Biologe.

```
gf_point(sex ~ length, alpha = .6, cex = 1.4,
         data = KidsFeet)
```



### 7.2 Ein dichotomer Prädiktor: Zweistichproben-t-Test

Der Students Zweistichproben-t-Test kann ohne (das ist die Voreinstellung; engl. "default") oder mit der Annahme gleicher Varianzen durchgeführt werden.

```
t.test(cesd ~ sex, var.equal = FALSE, data = HELPrct)

Welch Two Sample t-test

data: cesd by sex
t = 3.7, df = 167, p-value = 3e-04
alternative hypothesis: true difference in means between group female and group male is 195 percent confidence interval:
2.493 8.087
sample estimates:
mean in group female mean in group male
36.89
31.60
```

Hier sehen wir, dass ein statistisch signifikanter Unterschied zwischen den beiden Gruppen vorliegt.

Wir können den Test unter der Annahme von gleichen Varianzen wiederholen:

```
t.test(cesd ~ sex, var.equal = TRUE, data = HELPrct)
Two Sample t-test
```

```
data: cesd by sex
t = 3.9, df = 451, p-value = 1e-04
alternative hypothesis: true difference in means between group female and group male is
95 percent confidence interval:
2.610 7.969
sample estimates:
mean in group female
                      mean in group male
               36.89
                                    31.60
```

Die Gruppen können ebenso mit dem Befehl 1m() (ebenfalls unter der Annahme gleicher Varianzen) verglichen werden. Der mosaic Befehl msummary() gibt eine etwas schlankere Ausgabe im Vergleich zur klassischen Ausgabe des Befehls summary() aus.

```
msummary(lm(cesd ~ sex, data = HELPrct))
           Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                      1.19
                                30.96 < 2e-16
              36.89
(Intercept)
              -5.29
                         1.36
                                -3.88 0.00012
sexmale
Residual standard error: 12.3 on 451 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.0323,
                             Adjusted R-squared:
F-statistic: 15.1 on 1 and 451 DF, p-value: 0.00012
```

Фå Der Befehl lm() ist Teil eines sehr viel flexibleren Modellierungsansatzes, wohingegen t.test() im Wesentlichen eine nicht weiter anpassungsfähige Sackgasse ist. lm() verwendet die Annahme gleicher Varianzen. Siehe hierzu auch das Begleitbuch Start Modeling in R (Kaplan et al., 2014) für weitere Details.

# 7.3 Nichtparametrische Zweistichprobentests

Die gleiche Schlussfolgerung wird mit einem nicht-parametrischen Test (Wilcoxon-Rang-Summe) gezogen.

```
wilcox.test(cesd ~ sex, data = HELPrct)
   Wilcoxon rank sum test with continuity correction
```

```
data: cesd by sex
W = 23105, p-value = 1e-04
alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
```

#### 7.4 Permutationstest

Hier erweitern wir die in Abschnitt 3.6 eingeführten Methoden, um einen zweiseitigen Test einzusetzen, der das Alter zu Beginn getrennt nach Geschlecht vergleicht. Hierzu berechnen wir zunächst die beobachtete Differenz der Mittelwerte:

```
mean(age ~ sex, data = HELPrct)
female
         male
36.25 35.47
test.stat <- diffmean(age ~ sex, data = HELPrct)</pre>
test.stat
diffmean
 -0.7841
```

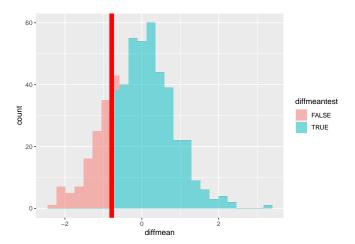
Wir können nun die gleiche Statistik erneut berechnen, nachdem wir die Gruppenbezeichnungen zufällig gemischt (permutiert) haben:

```
do(1) * diffmean(age ~ shuffle(sex), data = HELPrct)
  diffmean
  0.6842
do(1) * diffmean(age ~ shuffle(sex), data = HELPrct)
 diffmean
1 0.02345
do(3) * diffmean(age ~ shuffle(sex), data = HELPrct)
 diffmean
1 - 1.1634
  1.4551
3 -0.2213
```

#### Tiefer einsteigen

Weitere Details und Beispiele finden Sie in der im Paket mosaic enthaltenen vignette("Resampling").

```
rtest.stats <- do(500) * diffmean(age ~ shuffle(sex), data = HELPrct)
rtest.stats <- mutate(rtest.stats, diffmeantest =</pre>
                        ifelse(diffmean >= test.stat, TRUE, FALSE))
head(rtest.stats, 3)
  diffmean diffmeantest
  -0.8698
                  FALSE
    0.6230
                   TRUE
3
  -0.2335
                   TRUE
favstats(~ diffmean, data = rtest.stats)
    min
             Q1
                  median
                             QЗ
                                  max
                                                        n missing
                                          mean
                                                    sd
 -2.277 -0.6618 -0.06221 0.4762 3.339 -0.06181 0.8542 500
gf_histogram(~ diffmean, n = 40, x = c(-6, 6),
               fill = ~ diffmeantest, pch = 16, cex = .8,
               data = rtest.stats) %>%
  gf_vline(xintercept = ~ test.stat, color = "red", lwd = 3)
```

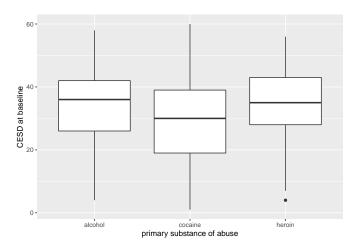


Mit der vorliegenden Permutation erhalten wir keine ausreichenden Belege, um der Nullhypothese, dass Männer und Frauen das gleiche Durchschnittsalter in der Population haben, zu widersprechen.

### 7.5 Einfaktorielle Varianzanalyse

Die vorangegangenen Vergleiche wurden zwischen zwei Gruppen durchgeführt. Wir können ebenso die Mittelwertvergleiche zwischen drei oder mehr Gruppen mit einer einfachen Varianzanalyse (ANOVA) testen. Hier vergleichen wir den CESD-Score auf Basis des vorwiegenden Drogenkonsums (Heroin, Kokain oder Alkohol). Der Median wird im folgenden Diagramm nun mittels einer Linie und nicht durch einen Punkt dargestellt.

```
gf_boxplot(cesd ~ substance, data = HELPrct)
```



```
mean(cesd ~ substance, data = HELPrct)
alcohol cocaine heroin
  34.37
          29.42
                  34.87
anovamod <- aov(cesd ~ substance, data = HELPrct)
summary(anovamod)
             Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
substance
              2
                  2704
                           1352
                                   8.94 0.00016
Residuals
            450
                 68084
                            151
```

Obwohl die Werte immer noch hoch sind (Scores von 16 oder mehr werden im Allgemeinen als "schwere" Symptome eingeordnet), weist die Kokain konsumierende Gruppe tendenziell niedrigere Werte auf, als diejenigen, die vorwiegend Alkohol oder Heroin konsumieren.

Der Befehl anova() kann mehrere Modelle zusammenfassen:

```
anova(modsubstance)
Analysis of Variance Table

Response: cesd

Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
substance 2 2704 1352 8.94 0.00016
Residuals 450 68084 151
```

Im vorliegenden Fall sind die Ergebnisse identisch, da es nur einen Prädiktor mit 2 Freiheitsgraden (df) gibt.

Der Befehl anova() kann auch zum formalen Vergleich zweier (verschachtelter) Modelle verwendet werden.

```
anova(modintercept, modsubstance)
Analysis of Variance Table

Model 1: cesd ~ 1

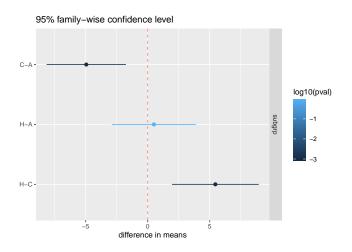
Model 2: cesd ~ substance
Res.Df RSS Df Sum of Sq F Pr(>F)
1 452 70788
2 450 68084 2 2704 8.94 0.00016
```

# 7.6 Tukeys Post-hoc-Test

Es gibt eine Vielzahl weiterer Vergleichsverfahren, die nach der Anpassung eines ANOVA-Modells verwendet werden können. Einer davon ist Tukey's Honest Significant Differences (HSD). Weitere Optionen sind innerhalb des Paketes multcomp aufgeführt.

```
favstats(cesd ~ substance, data = HELPrct)
substance min Q1 median Q3 max mean sd n missing
1 alcohol 4 26 36 42 58 34.37 12.05 177 0
2 cocaine 1 19 30 39 60 29.42 13.40 152 0
```

```
35 43 56 34.87 11.20 124
3
     heroin
              4 28
                                                         0
HELPrct <- mutate(HELPrct,</pre>
                   subgrp = factor(substance,
                                   levels = c("alcohol", "cocaine", "heroin"),
                                   labels = c("A", "C", "H"))
                   )
mod <- lm(cesd ~ subgrp, data = HELPrct)</pre>
HELPHSD <- TukeyHSD(mod, "subgrp")</pre>
HELPHSD
  Tukey multiple comparisons of means
    95% family-wise confidence level
Fit: aov(formula = x)
$subgrp
       diff
               lwr
                       upr p adj
C-A -4.9518 -8.150 -1.753 0.0009
H-A 0.4981 -2.889 3.885 0.9362
H-C 5.4499 1.950 8.950 0.0008
mplot(HELPHSD)
```



Auch hier zeigt sich, dass die Kokainkonsumgruppe deutlich niedrigere CESD-Werte aufweist als eine der beiden anderen Gruppen.

# 8 Kategoriale Antwortvariable, metrischer **Prädiktor**

### 8.1 Logistische Regression

Die logistische Regression ist mit dem Befehl glm() durchführbar. Dieser unterstützt eine Vielzahl von Linkfunktionen und Verteilungsformen für generalisierte lineare Modelle, einschließlich der logistischen Regression.

Der Befehl glm() beinhaltet das Argument family, mit dem eine Option link angegeben werden kann. Der logit-Link ist bereits die Voreinstellung für die Binomialverteilung, so dass wir dies hier nicht angeben müssen. Die ausführlichere Angabe wäre family = binomial(link = logit).

```
logitmod <- glm(homeless ~ age + female,</pre>
                family = binomial, data = HELPrct)
msummary(logitmod)
Coefficients:
          Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept) 0.8926 0.4537 1.97 0.049
          age
                                       0.055
female
                                       0.031
(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
   Null deviance: 625.28 on 452 degrees of freedom
Residual deviance: 617.19 on 450 degrees of freedom
AIC: 623.2
Number of Fisher Scoring iterations: 4
exp(coef(logitmod))
(Intercept)
                  age
                          female
```

```
2.4415
                0.9764
                            1.6355
exp(confint(logitmod))
            2.5 % 97.5 %
(Intercept) 1.0081 5.988
           0.9527 1.000
           1.0501 2.574
female
```

Wir können zwei Modelle vergleichen (für Tests mit mehreren Freiheitsgraden). Beispielsweise könnte uns der Zusammenhang von Obdachlosenstatus und dem Alter je Drogenkonsumgruppe interessieren.

```
mymodsubage <- glm((homeless == "homeless") ~ age + substance,</pre>
                    family = binomial, data = HELPrct)
mymodage <- glm((homeless == "homeless") ~ age,</pre>
                 family = binomial, data = HELPrct)
msummary(mymodsubage)
Coefficients:
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept)
                 -0.0509 0.5164 -0.10 0.9215
                  0.0100
age
                             0.0129 0.77
                                              0.4399
substancecocaine -0.7496 0.2303 -3.25
                                              0.0011
                 -0.7780 0.2469
                                      -3.15
substanceheroin
                                              0.0016
(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
   Null deviance: 625.28 on 452 degrees of freedom
Residual deviance: 607.62 on 449 degrees of freedom
AIC: 615.6
Number of Fisher Scoring iterations: 4
exp(coef(mymodsubage))
     (Intercept)
                             age substancecocaine substanceheroin
         0.9504
                         1.0101
                                          0.4725
                                                           0.4593
anova(mymodage, mymodsubage, test = "Chisq")
Analysis of Deviance Table
Model 1: (homeless == "homeless") ~ age
Model 2: (homeless == "homeless") ~ age + substance
```

```
Resid. Df Resid. Dev Df Deviance Pr(>Chi)
1
        451
                   622
2
        449
                   608
                              14.3 0.00078
```

Wir stellen fest, dass unter Einbeziehung des Alters, die Kokain und Heroin konsumierenden Gruppen signifikant seltener obdachlos sind als die Personen, die der Alkohol konsumierenden Gruppe zugehörig sind. (Ein ähnliches Ergebnis zeigt sich, wenn nur der Obdachlosenstatus und die Substanz betrachtet werden).

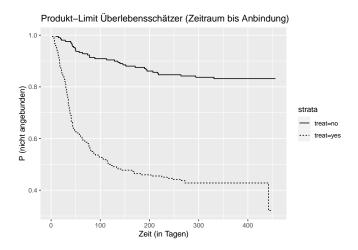
```
tally(~ homeless | substance, format = "percent",
     margins = TRUE, data = HELPrct)
          substance
homeless
          alcohol cocaine heroin
 homeless
            58.19
                     38.82 37.90
 housed
            41.81
                     61.18 62.10
 Total
            100.00 100.00 100.00
```

# 9 Überlebenszeitanalysen

Umfangreiche Unerstützung für Überlebensanalysen (Zeitspanne bis zum Eintreten eines definierten Ereignis) sind in dem Paket survival enthalten.

# 9.1 Kaplan-Meier-Kurve

```
library(survival)
library(broom)
fit <- survfit(Surv(dayslink, linkstatus) ~ treat,</pre>
               data = HELPrct)
fit <- broom::tidy(fit)</pre>
gf_step(fit, estimate ~ time, linetype = ~ strata,
        title = "Produkt-Limit Überlebensschätzer (Zeitraum bis Anbindung)",
        xlab = "Zeit (in Tagen)", ylab = "P (nicht angebunden)")
```



Wir sehen, dass die Probanden der Behandlungsgruppe (Einschätzung des Gesundheitszustand und Anbindung an Grundversorgung) eine signifikant höhere Wahrscheinlichkeit hatten, sich an die Grundversorgung anzubinden (eine geringere Wahrscheinlichkeit zu "überleben"), als die Kontrollgruppe (übliche Versorgung).

### 9.2 Cox-proportionales-Hazard-Modell

```
library(survival)
summary(coxph(Surv(dayslink, linkstatus) ~ age + substance,
             data = HELPrct))
coxph(formula = Surv(dayslink, linkstatus) ~ age + substance,
   data = HELPrct)
 n= 431, number of events= 163
   (22 Beobachtungen als fehlend gelöscht)
                    coef exp(coef) se(coef)
                                                z Pr(>|z|)
                           1.00897
                                    0.01026 0.87
                                                      0.38
                 0.00893
age
substancecocaine 0.18045
                            1.19775
                                    0.18100 1.00
                                                      0.32
substanceheroin -0.28970 0.74849 0.21725 -1.33
                                                      0.18
                exp(coef) exp(-coef) lower .95 upper .95
                    1.009
                               0.991
                                         0.989
                                                    1.03
age
substancecocaine
                    1.198
                               0.835
                                         0.840
                                                    1.71
substanceheroin
                    0.748
                               1.336
                                         0.489
                                                    1.15
Concordance= 0.55 (se = 0.023)
Likelihood ratio test= 6.11 on 3 df,
                                       p=0.1
Wald test
                    = 5.84
                            on 3 df,
                                       p=0.1
                            on 3 df,
Score (logrank) test = 5.91
                                       p=0.1
```

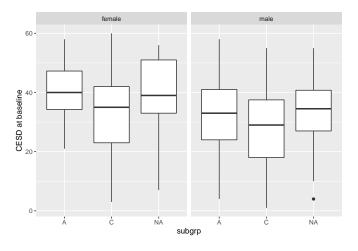
Weder Alter noch Substanzgruppe hatten einen signifikanten Einfluss auf eine Anbindung an die Grundversorgung.

# 10 Mehr als zwei Variablen

# 10.1 Zwei- (oder mehr-) faktorielle ANOVA

Wir können ein zwei- (oder mehr-) faktorielles ANOVA-Modell, mit oder ohne Interaktion, auf Basis der vereinheitlichten mosaic-Syntax erstellen.

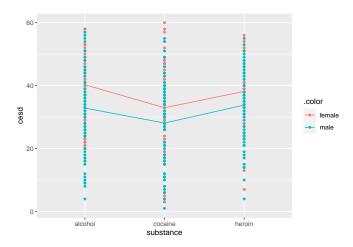
```
HELPrct <- mutate(HELPrct,</pre>
                  subgrp = factor(substance,
                                   levels = c("alcohol", "cocaine", "heroine"),
                                   labels = c("A", "C", "H"))
                   )
median(cesd ~ substance | sex, data = HELPrct)
alcohol.female cocaine.female heroin.female
                                                 alcohol.male
                                                                 cocaine.male
          40.0
                          35.0
                                          39.0
                                                         33.0
                                                                         29.0
   heroin.male
                        female
                                          male
                          38.0
                                          32.5
          34.5
gf_boxplot(cesd ~ subgrp | sex, data = HELPrct)
```



```
summary(aov(cesd ~ substance + sex, data=HELPrct))
             Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
substance
                  2704
                           1352
                                   9.27 0.00011
                                  17.61 3.3e-05
                  2569
                           2569
              1
sex
Residuals
            449
                 65515
                            146
summary(aov(cesd ~ substance * sex, data=HELPrct))
               Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
                    2704
                             1352
                                     9.25 0.00012
substance
                    2569
                                    17.57 3.3e-05
                1
                             2569
sex
                2
                      146
                               73
                                     0.50 0.60752
substance:sex
Residuals
              447
                   65369
                              146
```

Es deutet wenig auf eine Interaktion hin, obwohl signifikante Haupteffekte für die Variablen Substanzgruppen und sex bestehen.

```
mod <- lm(cesd ~ substance + sex + substance * sex, data = HELPrct)</pre>
plotModel(mod)
```



# 10.2 Multiple Regression

Die multiple Regression ist eine logische Erweiterung der vorangegangenen Befehle, bei der zusätzliche Prädiktoren hinzugefügt werden. Damit können die Studierenden versuchen, multivariate Beziehungen zu analysieren.



#### Info

Wir neigen dazu, multiple lineare Regression zeitig als eine rein deskriptive Methode in unseren Kursen einzuführen, und dann immer wieder zu ihr zurückzukehren. Die Beweggründe werden ausführlich im Begleitmaterial Start Modeling with R (Kaplan et al., 2014) beschrieben

Hier betrachten wir ein Modell (parallele Steigungen) für depressive Symptome als eine Funktion des Mental Component Scores (MCS), des Alters (in Jahren) und des Geschlechts der Probanden.

```
lmnointeract <- lm(cesd ~ mcs + age + sex, data = HELPrct)</pre>
msummary(lmnointeract)
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 53.8303
                         2.3617
                                   22.79
             -0.6548
                                 -19.50
mcs
                         0.0336
                                           <2e-16
              0.0553
                         0.0556
                                    1.00
                                           0.3200
age
             -2.8993
                         1.0137
                                   -2.86
                                           0.0044
sexmale
Residual standard error: 9.09 on 449 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.476, Adjusted R-squared:
F-statistic: 136 on 3 and 449 DF, p-value: <2e-16
```

Wir können ebenso ein Modell erstellen, das eine Interaktion zwischen MCS und sex einschließt.

```
lminteract <- lm(cesd ~ mcs + age + sex + mcs:sex, data= HELPrct)</pre>
msummary(lminteract)
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                         2.9903
                                   18.52
                                           <2e-16
(Intercept) 55.3906
             -0.7082
                         0.0712
                                   -9.95
                                           <2e-16
mcs
age
              0.0549
                         0.0556
                                   0.99
                                            0.324
             -4.9421
                         2.6055
                                   -1.90
                                            0.058
sexmale
                                            0.395
mcs:sexmale
              0.0687
                         0.0807
                                   0.85
Residual standard error: 9.09 on 448 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.477, Adjusted R-squared:
F-statistic: 102 on 4 and 448 DF, p-value: <2e-16
```

```
anova(lminteract)
Analysis of Variance Table
Response: cesd
           Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
mcs
              32918
                       32918 398.27 <2e-16
            1
                 107
                         107
                                1.29 0.2563
age
                         676
                                 8.18 0.0044
sex
            1
                 676
            1
                  60
                          60
                                 0.72 0.3952
mcs:sex
Residuals 448 37028
                          83
anova(lmnointeract, lminteract)
Analysis of Variance Table
Model 1: cesd ~ mcs + age + sex
Model 2: cesd ~ mcs + age + sex + mcs:sex
  Res.Df
           RSS Df Sum of Sq F Pr(>F)
     449 37088
1
     448 37028
                       59.9 0.72
                                     0.4
```

Es deutet wenig auf einen Interaktionseffekt hin, so dass wir diesen aus dem Modell entfernen können.

#### 10.2.1 Visualisierung der Regressionsergebnisse

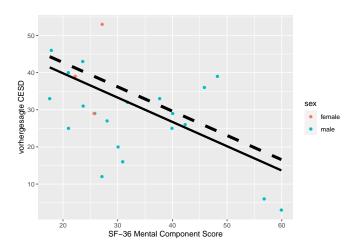
Die Funktionen makeFun() und plotFun()aus dem Paket mosaic können zur Darstellung vorhergesagter Werte des Regressionsmodells verwendet werden. In diesem Beispiel können wir die vorhergesagten CESD-Werte für einen MCS-Wertebereich (mental component score) ausgeben, die eine hypothetisch 36-jährige männliche und weibliche Person in einem Modell mit parallelen Steigungen (keine Interaktion) haben könnte.

```
lmfunction <- makeFun(lmnointeract)</pre>
```

Wir können nun die vorhergesagten Werte – getrennt für männliche und weibliche Probanden – über den MCS-Wertebereich (mental component score), zusammen mit den beobachteten Werten aller 36-Jährigen darstellen.

```
gf_point(cesd ~ mcs, color = ~ sex,
         data = filter(HELPrct, age == 36),
          ylab = "vorhergesagte CESD") %>%
```

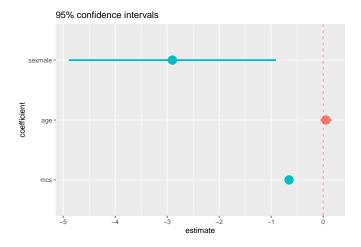
```
gf_fun(lmfunction(mcs, age = 36, sex = "male") ~ mcs,
        xlim = c(0,60), size = 1.5) %>%
gf_fun(lmfunction(mcs, age = 36, sex = "female") ~ mcs,
        xlim = c(0,60), linetype = 2, size = 2)
```



### 10.2.2 Koeffizientendarstellung

Manchmal ist es nützlich eine Darstellung der Koeffizienten eines multiplen Regressionsmodells (zusammen mit den entsprechenden Konfidenzintervallen) zu erstellen:

```
mplot(lmnointeract, rows = -1, which = 7)
```



O. Dunklere bzw. hier die blauen Punkte weisen auf Regressionskoeffizienten hin, bei denen das 95%-Konfidenzinterval nicht den Wert Null der Nullhypothese beinhaltet.



Vorsicht bei der Generierung eines Regressionsmodells bei Vorliegen von fehlenden Werten (siehe Abschnitt 13.11)

#### 10.2.3 Residuenanalyse

Es ist recht einfach die Residuen des Modells auszuwerten. Wir beginnen damit, die angepassten Werte und die Residuen den Daten hinzuzufügen.

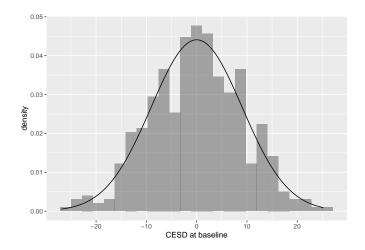
 $\mathbf{Q}_{n}^{n}$ Die Funktion mplot () kann ebenfalls zur Erstellung dieser Grafiken verwendet werden.



#### Hinweis

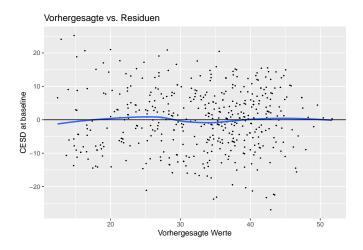
Hier fügen wir zwei neue Variablen zu einem bestehenden Datensatz hinzu. Es ist häufig eine gute Programmierpraxis, dem daraus resultierenden Datensatz einen neuen Namen zu geben. Für dieses Dokument behalten wir den Namen allerdings der Einfachheit halber bei.

```
HELPrct <- mutate(HELPrct,</pre>
                  residuals = resid(lmnointeract),
                  pred = fitted(lmnointeract))
gf_dhistogram(~ residuals, data= HELPrct) %>%
 gf_fitdistr(dist = "dnorm")
```

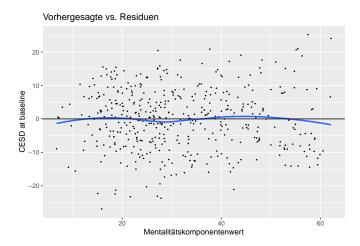


Wir können den Teil der Beobachtungen mit extrem hohen Residuen bestimmen.

```
filter(HELPrct, abs(residuals)>25)
  age anysubstatus anysub cesd d1 daysanysub dayslink drugrisk e2b female
1 43
                       no
                            16 15
                                          191
                                                   414
                                                                 NA
2 27
                NA
                                           NA
                                                   365
                                                              3
                     <NA>
                            40
                                                                          0 male
  g1b homeless i1 i2 id indtot linkstatus link
                                                   mcs
                                                         pcs pss_fr racegrp
1 no homeless 24 36 44
                             41
                                         0
                                              no 15.86 71.39
                                                                  3
                                                                      white
                             37
                                          0
                                              no 57.49 37.75
2 no homeless 18 18 420
                                                                  8
                                                                      white
  satreat sexrisk substance treat avg_drinks max_drinks hospitalizations subgrp
       no
                7
                    cocaine
                              yes
                                           24
                                                      36
                                                                        15
                                                                                C
                                                      18
                                                                         1
      yes
                3
                     heroin
                               no
                                           18
                                                                             <NA>
  residuals pred
     -26.92 42.92
1
      25.22 14.78
2
gf_point(residuals ~ pred, cex = .3, xlab = "Vorhergesagte Werte",
         title = "Vorhergesagte vs. Residuen", data = HELPrct) %>%
  gf_smooth(se = FALSE) %>%
  gf_hline(yintercept = 0)
```



```
gf_point(residuals ~ mcs, cex = .3, xlab = "Mentalitätskomponentenwert",
         title = "Vorhergesagte vs. Residuen", data = HELPrct) %>%
 gf_smooth(se = FALSE) %>%
 gf_hline(yintercept = 0)
```

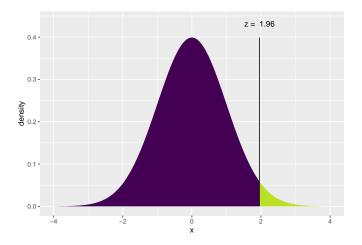


Die Annahme der Normalverteilung (s. Histogramm), der Linearität, und Heteroskedazität (s. Residuenplots - jeweils eine horizontale Linie ohne Muster oder Trends in der Punktewolke) erscheinen hier angemessen.

# 11 Wahrscheinlichkeitverteilungen und Zufallsvariablen

R kann Werte für zahlreiche Verteilungsfunktionen berechnen. Es ist leicht, aus diesen Verteilungsfunktionen Zufallsdaten zu generieren, die dann für Simulationen und explorative Untersuchungen genutzt werden können.

$$xpnorm(1.96, mean = 0, sd = 1) # P(Z < 1.96)$$



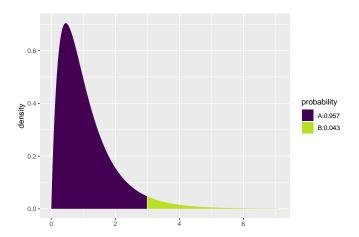
[1] 0.975

```
# Wert, der P(Z < z) = 0.975 erfüllt
qnorm(.975, mean = 0, sd = 1)
[1] 1.96
```

integrate(dnorm, -Inf, 0) # P(Z < 0)</pre> 0.5 with absolute error < 4.7e-05

Eine vergleichbare Ausgabe gibt es für die F-Verteilung.

#### xpf(3, df1 = 4, df2 = 20)



#### [1] 0.9568

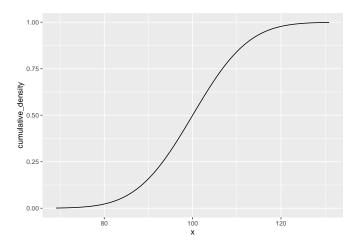
Die folgende Tabelle zeigt die Basisnamen für die Verteilungen, die in R zur Verfügung stehen. Die Vorsilbe d erzeugt die Dichtefunktion für die jeweilige Verteilung, p die kumulierte Dichte- bzw. Verteilungsfunktion, mit  ${\tt q}$  erhalten Sie die Quantile und  ${\tt r}$  erzeugt Zufallsziehungen. Um beispielsweise die Dichtefunktion der Exponentialverteilung zu finden, nutzen Sie das Kommando dexp(). Die Funktion qDIST() ist die inverse Funktion zu pDIST() (für einen Basisnamen DIST).

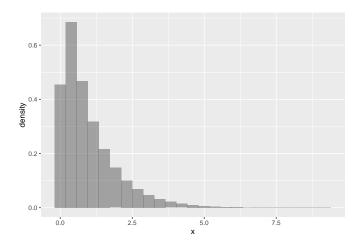
Verteilung	Basisname
Beta	beta
Binomial	binom
Cauchy	cauchy
Chi-Quadrat	chisq
Exponential	$\exp$
F	f
Gamma	gamma
Geometrische	geom
Hypergeometrische	hyper
Logistische	logis
Lognormal	lnorm
Negative Binomial	nbinom
Normal	norm
Poisson	pois
Students t	t
Gleich	unif
Weibull	weibull

#### Q Tiefer einsteigen

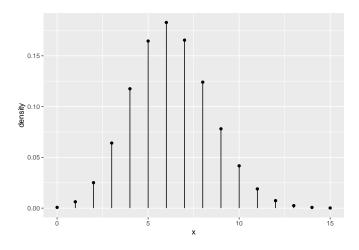
Die Funktion gf\_fitdistr() erleichtert das Schätzen von Parametern für viele Verteilungen.

Die Funktion gf\_dist() kann genutzt werden, um Verteilungen in unterschiedlichen Weisen darzustellen.



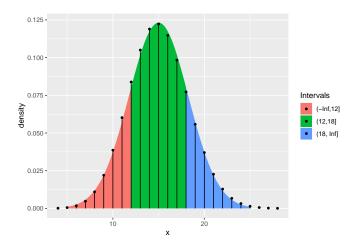


So wird der Parameter rate für die Skalierung der Verteilung standardmäßig auf 1 gesetzt und ist damit gleichbedeutend zu folgendem Befehl:



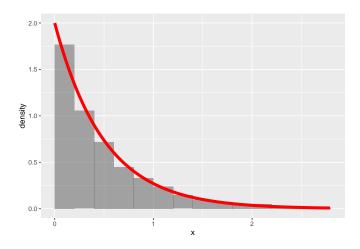
Mehrere Verteilungen können in einer Grafik angezeigt werden:

```
gf_dist("norm", mean = 50 * .3, sd = sqrt(50 * .3 * .7),
        fill = ~ cut(x, c(-Inf, 15 - 3, 15 + 3, Inf)), geom = "area") %>%
 gf_dist("binom", size = 50, prob = .3, col = "black", pch = 16) %>%
 gf_labs(fill = "Intervals")
```



Die Funktion gf\_fun() kann genutzt werden, um eine beliebige Funktion darzustellen (hier im Beispiel eine exponentielle Zufallsvariable).

```
f <- makeFun(2 * exp(-2 * x) ~ x) # Exponentialfunktion mit rate Parameter 2
x <- rexp(1000, rate = 2)
gf_dhistogram(~ x, binwidth = 0.2, center = 0.1) %>%
  gf_fun(f(x) \sim x, color = "red", size = 2, xlim = c(0, 3))
```



# 12 Power-Berechnungen

Obwohl dieses Thema i. d. R. kein Hauptpunkt in einführenden Statistikkursen ist, helfen die Powerberechnung (= Bestimmung der Trennschärfe eines Tests) und die Bestimmung des notwendigen Stichprobenumfangs, zentrale Konzepte in der Statistik zu vertiefen. In diesem Kapitel werden wir herausfinden, wie R genutzt werden kann, um Powerberechnungen über analytische Ansätze vorzunehmen. Als Beispiel nehmen wir ein einfaches Problem mit zwei Tests (t-Test und Vorzeichentest), die hier gerichtet bzw. einseitig angewendet werden. Wir werden die Power des Vorzeichentests und die Power eines Tests basierend auf der Normalverteilungsannahme (einseitiger Einstichproben-t-Test) vergleichen unter der Annahme, dass die Varianz  $\sigma$  der Population bekannt sei. X1,...,X25seien u. i. v. N(0,3;1) (das ist die Zufallsfolge, für die wir die Power berechnen wollen). Wir testen die Nullhypothese  $H_0: \mu = 0$  versus  $H_A: \mu > 0$  zum Signifikanzniveau  $\alpha = 0.05$ .

#### 12.1 Vorzeichentest

Wir starten mit der Berechnung des Alpha-Fehlers (Fehler 1. Art) für den Vorzeichentest. Wir verwerfen die Nullhypothese, wenn die Anzahl der positiven Werte groß ist. Unter der Nullhypothese ist das eine binomialverteilte Zufallsvariable mit n=25 Versuchen und p = 0,5 Wahrscheinlichkeit für einen positiven Wert. Lassen Sie uns Werte zwischen 15 und 19 nutzen.

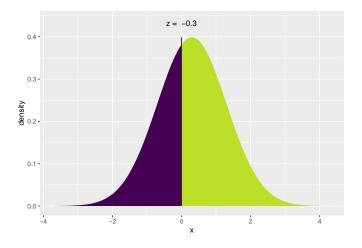
```
xvals <- 15:19
probs <- 1 - pbinom(xvals, size = 25, prob = 0.5)</pre>
cbind(xvals, probs)
     xvals
              probs
[1,]
        15 0.114761
[2,]
        16 0.053876
        17 0.021643
[3,]
[4,]
        18 0.007317
[5,]
        19 0.002039
qbinom(.95, size = 25, prob = 0.5)
[1] 17
```

Wenn wir entscheiden die Nullhypothese zu verwerfen, sobald die Anzahl der positiven Werte 17 oder größer ist, sehen wir, dass wir ein  $\alpha$ -Niveau von 0.054 erreichen (Wert von pbinom() bei 16), der nahe am nominellen Wert der Fragestellung liegt. Wir berechnen die Power des Vorzeichentests wie folgt: Die Wahrscheinlichkeit, dass Xi > 0, vorausgesetzt dass,  $H_A$  zutrifft, ist gegeben durch:

```
1 - pnorm(0, mean = 0.3, sd = 1)
[1] 0.6179
```

Wir können das mit folgendem Befehl auch grafisch betrachten:

```
xpnorm(0, mean = 0.3, sd = 1, lower.tail = FALSE)
```



#### [1] 0.6179

Die Power unter der Alternativhypothese ist gleich der Wahrscheinlichkeit, 17 oder mehr positive Werte zu ziehen, gegeben p = 0,6179:

```
1 - pbinom(16, size = 25, prob = 0.6179)
[1] 0.3378
```

Die Power ist hier bestenfalls bescheiden.

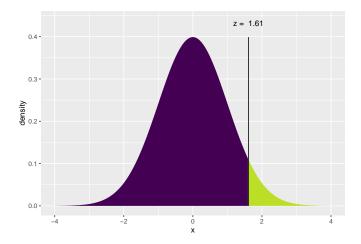
#### 12.2 t-Test

Als nächstes berechnen wir die Power für den Test, der auf der Normalverteilungsannahme basiert. Um den Vergleich fair zu gestalten, werden wir unser  $\alpha$ -Niveau auf 0.05388 setzen.

```
alpha \leftarrow 1 - pbinom(16, size = 25, prob = 0.5)
alpha
[1] 0.05388
```

Zunächst bestimmen wir den Ablehnungsbereich:

```
n <- 25
sigma <- 1 # given
stderr <- sigma/sqrt(n)</pre>
zstar \leftarrow xqnorm(1 - alpha, mean = 0, sd = 1)
```



```
zstar
[1] 1.608
crit <- zstar * stderr</pre>
crit
[1] 0.3217
```

Daher verwerfen wir die Nullhypothese für beobachtete Mittelwerte größer als 0.322. Um die Power dieses einseitigen Tests zu berechnen, bestimmen wir die Wahrscheinlichkeit unter der Annahme der Alternativhypothese, rechts von dieser Obergrenze zu sein.

```
power <- 1 - pnorm(crit, mean = 0.3, sd = stderr)</pre>
power
[1] 0.4568
```

Die Power des Tests basierend auf der Normalverteilungsannahme ist 0.457. Zur Überprüfung (oder für zukünftige ähnliche Berechnungen) können wir die Funktion power.t.test() nutzen.

```
power.t.test(n = 25, delta = .3, sd = 1, sig.level = alpha,
             alternative = "one.sided", type = "one.sample")$power
[1] 0.4408
```

Der analytische (formelbasierte) Ansatz ergibt eine ähnliche Schätzung wie die direkte Berechnung über power.t.test(). Insgesamt sehen wir, dass der t-Test eine größere Power als der Vorzeichentest hat, wenn die zugrundeliegenden Daten tatsächlich normalverteilt sind.

 $\mathbf{Q}_{\mathbf{0}}^{\mathbf{0}}$ Die empirische Berechnung der Power zeigt die Stärke von Simulationen.

#### Datenmanagement 13

Datenmanagement ist eine Schlüsselkompetenz, die es Studierenden (und Dozierenden) ermöglicht "mit Daten zu arbeiten" oder wie Diane Lambert von Google sagte "mit Daten zu denken". Wir neigen dazu, die Datenverwaltung zu Beginn eines einführenden Statistikkurses auf ein Minimum zu beschränken und die Themen, wo nötig, schrittweise einzuführen. In Kursen, in denen substantielle und umfangreiche Projekte durchgeführt werden, wird ein größerer Fokus auf das Datenmanagement benötigt. In diesem Kapitel werden einige wichtige Möglichkeiten des Datenmanagements beschrieben.

# 13.1 Überprüfung von Dataframes

#### Q Tiefer einsteigen

Das Buch Start Teaching with R (Kaplan et al., 2014) enthält einen umfangreichen Abschnitt über die Datenverwaltung, einschließlich der Verwendung der Funktion read.file() zum Laden von Daten in R und RStudio.

Die Pakete dplyr und tidyr bieten einen eleganten Ansatz für das Datenmanagement und erleichtern das Arbeiten mit Daten. Hadley Wickham – Autor der Pakete – gibt an, dass mittels sechs der in diesen Paketen implementierten Schlüsselwörter (oder Verben) eine große Anzahl von Aufgaben erfüllt werden kann: Filtern (filter – Zeilen beibehalten, die die angegebenen Kriterien erfüllen), Auswählen (select – Spalten nach Namen auswählen), Anordnen (arrange – Zeilen neu ordnen), Mutieren (mutate – neue Variablen hinzufügen), Zusammenfassen (summarise – Variablen auf zusammenfassende Statistiken reduzieren) und Gruppieren (group by - Gruppen zusammenfassen). Siehe https://nhorton.people.amherst.edu/precursors/ für weitere Details und Ressourcen.

Die Funktion inspect() kann bei der Beschreibung der Variablen in einem Dataframe (der Name für einen Datensatz in R) hilfreich sein.

```
inspect(iris)
categorical variables:
    name class levels n missing
1 Species factor 3 150
                                 distribution
1 setosa (33.3%), versicolor (33.3%) ...
quantitative variables:
            name
                   class min Q1 median Q3 max mean
                                                             n missing
                                                         sd
...1 Sepal.Length numeric 4.3 5.1 5.80 6.4 7.9 5.843 0.8281 150
...2 Sepal.Width numeric 2.0 2.8 3.00 3.3 4.4 3.057 0.4359 150
                                                                     0
...3 Petal.Length numeric 1.0 1.6 4.35 5.1 6.9 3.758 1.7653 150
                                                                     0
...4 Petal.Width numeric 0.1 0.3 1.30 1.8 2.5 1.199 0.7622 150
                                                                     0
```

Der iris-Datensatz enthält eine kategoriale und vier quantitative Variablen.

### 13.2 Hinzufügen neuer Variablen zu einem Dataframe

Wir können zusätzliche Variablen zu einem bestehenden Dataframe mit mutate() hinzufügen. Aber zuerst erstellen wir eine kleinere Version des iris-Datensatzes.

```
irisSmall <- select(iris, Species, Sepal.Length)</pre>
```

```
# schneidet die Daten in n Gruppen
irisSmall <- mutate(irisSmall, Length = cut(Sepal.Length, breaks = 4:8))</pre>
```

Mehrere Befehle können mit dem %>% (PIPE-) Operator miteinander verknüpft werden:

```
irisSmall <- iris %>%
 select(Species, Sepal.Length) %>%
 mutate(Length = cut(Sepal.Length, breaks = 4:8))
```

Beachten Sie, dass bei dieser Verwendung das erste Argument von select() die erste Variable ist (da sie die Daten von der vorherigen Pipe erbt).

```
head(irisSmall)
 Species Sepal.Length Length
                  5.1
                       (5,6]
1 setosa
                  4.9 (4,5]
2 setosa
                  4.7 (4,5]
3 setosa
4 setosa
                  4.6
                      (4,5]
                  5.0(4,5]
5 setosa
                  5.4 (5,6]
6 setosa
```

 $\mathbf{Q}_{n}^{n}$ cut() ist eine Funktion, die verwendet werden kann, um aussagekräftigere Namen für die Gruppen zu definieren.

Der CPS85-Datensatz enthält Daten aus einer Bevölkerungserhebung (aus dem Jahr 1985). Zwei der Variablen in diesem Dataframe sind Alter (age) und Bildung (educ). Wir können die Anzahl der Jahre schätzen, die ein Arbeitnehmer im Erwerbsleben tätig ist, wenn wir davon ausgehen, dass er seit dem Abschluss seiner Ausbildung im Erwerbsleben tätig ist und dass sein Alter bei Abschluss der Ausbildung um 6 Jahre höher ist als die Anzahl der erreichten Ausbildungsjahre. Wir können dies als neue Variable in den Dataframe mit mutate() hinzufügen.

```
CPS85 <- mutate(CPS85, workforce.years = age - 6 - educ)
favstats(~ workforce.years, data = CPS85)
min Q1 median Q3 max mean
                               sd
                                    n missing
            15 26 55 17.81 12.39 534
```

Tatsächlich wurde dies für alle bis auf einen Fall getan, um die bereits in den CPS85-Daten enthaltene Variable exper zu generieren.

```
tally(~ (exper - workforce.years), data = CPS85)
(exper - workforce.years)
 0
      4
533
      1
```

#### 13.3 Variablen löschen

Da wir die Variable exper bereits haben, gibt es keinen Grund unsere neue Variable zu behalten. Eliminieren wir diese also wieder. Beachten Sie die geschickte Verwendung des Minuszeichens.

```
names (CPS85)
 [1] "wage"
                         "educ"
                                            "race"
                                                                "sex"
 [5] "hispanic"
                         "south"
                                            "married"
                                                                "exper"
 [9] "union"
                         "age"
                                            "sector"
                                                                "workforce.years"
```

```
CPS1 <- select(CPS85, select = -matches("workforce.years"))</pre>
names (CPS1)
 [1] "wage"
                 "educ"
                             "race"
                                         "sex"
                                                    "hispanic" "south"
                                                    "sector"
 [7] "married"
                 "exper"
                             "union"
                                         "age"
```

Beliebig viele Variablen können gelöscht oder auf ähnliche Weise beibehalten werden.

```
CPS1 <- select(CPS85, select = -matches("workforce.years|exper"))</pre>
```

#### 13.4 Variablen umbenennen

Die Spaltennamen (Variablen) für einen Dataframe können mit der Funktion rename() aus dem Paket dplyr geändert werden.

```
names (CPS85)
 [1] "wage"
                         "educ"
                                            "race"
                                                               "sex"
                        "south"
 [5] "hispanic"
                                            "married"
                                                               "exper"
 [9] "union"
                        "age"
                                            "sector"
                                                               "workforce.years"
```

```
CPSnew <- rename(CPS85, workforce = workforce.years)</pre>
names (CPSnew)
 [1] "wage"
                  "educ"
                               "race"
                                             "sex"
                                                          "hispanic"
                                                                       "south"
 [7] "married"
                  "exper"
                                             "age"
                                                          "sector"
                               "union"
                                                                       "workforce"
```

Die Zeilennamen eines Dataframes können durch einfache Zuweisung mittels row.names() geändert werden.

Der faithful-Datensatz (im Paket datasets, welches immer verfügbar ist) hat sehr unglückliche Namen.

```
names(faithful)
[1] "eruptions" "waiting"
```



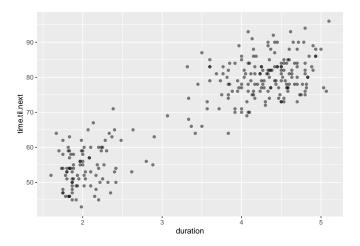
#### Hinweis

Es ist ratsam, vom ersten Tag an Praktiken für die Auswahl von Variablennamen festzulegen.

Die Messungen sind die Dauer einer Eruption und die Zeit bis zur folgenden Eruption, also vergeben wir geeignetere Namen.

```
faithful <- rename(faithful,</pre>
                      duration = eruptions,
                      time.til.next = waiting)
names(faithful)
[1] "duration"
                     "time.til.next"
```

```
library(mosaic)
gf_point(time.til.next ~ duration, alpha = 0.5, data = faithful)
```



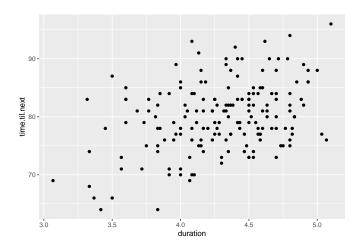
Wenn eine Variable, die einen Datensatz enthält, modifiziert oder verwendet wird, um ein anderes Objekt zu speichern, können die Originaldaten aus dem entsprechenden Paket mittels data() wiederhergestellt werden.

```
data(faithful)
head(faithful, 3)
  eruptions waiting
      3.600
                  79
1
      1.800
                  54
2
      3.333
                  74
```

### 13.5 Erstellen von Teilmengen spezifischer Beobachtungen

Wir können auch filter() verwenden, um die Größe eines Dataframes zu reduzieren, indem nur bestimmte Zeilen ausgewählt werden.

```
data(faithful)
names(faithful) <- c('duration', 'time.til.next')</pre>
# zur Erstellung von Teilmengen kann jede Logik verwendet werden
faithfulLong <- filter(faithful, duration > 3)
gf_point( time.til.next ~ duration, data = faithfulLong)
```



#### 13.6 Sortieren von Dataframes

Dataframes können mit der Funktion arrange() sortiert werden.

```
head(faithful, 3)
  duration time.til.next
1
     3.600
2
                        54
     1.800
3
     3.333
                        74
sorted <- arrange(faithful, duration)</pre>
head(sorted, 3)
  duration time.til.next
1
     1.600
2
     1.667
                        64
3
     1.700
                        59
```



#### Achtung!

Es ist normalerweise besser, neue Datensätze zu erstellen, als das Original zu modifizieren.

### 13.7 Zusammenfügen von Dataframes

Der fusion1-Datensatz im Paket fastR enthält Genotyp-Informationen für einen SNP (single nucleotide polymorphism) im Gen TCF7L2. Der Dataframe enthält Phänotypen (einschließlich Typ-2-Diabetes Fall-/Kontrollstatus) für eine sich überschneidende Menge von Individuen. Wir können diese zusammenfügen (oder verschmelzen), um die Assoziation zwischen Genotypen und Phänotypen mit Hilfe von merge() zu untersuchen.

```
library(fastR2)
fusion1 <- arrange(FUSION1, id)</pre>
head(fusion1, 3)
            marker markerID allele1 allele2 genotype Adose Cdose Gdose Tdose
    id
1 1002 RS12255372
                                    3
                                             3
                                                      GG
                                                              0
                                                                     0
                                                                           2
                                                                                  0
                           1
                                                                           2
2 1009 RS12255372
                           1
                                    3
                                             3
                                                      GG
                                                              0
                                                                     0
                                                                                  0
                                    3
                                             3
                                                      GG
3 1012 RS12255372
                           1
                                                              0
                                                                     0
                                                                                  0
```

```
data(pheno)
head(Pheno, 3)
    id
                           age smoker chol waist weight height
                       F 70.76 former 4.57 112.0
                                                   85.6 161.4 0.9868 135 77
1 1002
          case 32.86
```

```
2 1009
          case 27.39
                       F 53.92 never 7.32
                                            93.5
                                                    77.4
                                                           168.1 0.9397 158
                                                                             88
3 1012 control 30.47
                       M 53.86 former 5.02 104.0
                                                    94.6
                                                           176.2 0.9327 143
                                                                             89
```

```
library(tidyr)
fusion1m <- inner_join(fusion1, Pheno, by='id')</pre>
head(fusion1m, 3)
           marker markerID allele1 allele2 genotype Adose Cdose Gdose Tdose
1 1002 RS12255372
                          1
                                  3
                                                   GG
                                                           0
                                                                 0
                                                                        2
2 1009 RS12255372
                                  3
                                           3
                                                   GG
                                                           0
                                                                 0
                                                                        2
                                                                              0
                          1
3 1012 RS12255372
                                  3
                                           3
                                                   GG
                                                           0
                                                                 0
                                                                        2
                                                                              0
                          1
      t2d
            bmi sex
                       age smoker chol waist weight height
                                                                whr sbp dbp
1
     case 32.86
                   F 70.76 former 4.57 112.0
                                                85.6 161.4 0.9868 135
     case 27.39
                   F 53.92 never 7.32 93.5
                                                77.4 168.1 0.9397 158
                                                                          88
3 control 30.47
                   M 53.86 former 5.02 104.0
                                                94.6
                                                     176.2 0.9327 143
                                                                          89
```

Jetzt sind wir bereit, mit der Analyse zu beginnen.

```
tally(~t2d + genotype, data = fusion1m)
         genotype
t2d
           GG GT
                    TT
          737 375
                    48
  case
  control 835 309
                    27
```

#### 13.8 Extrahieren und Zusammenfassen von Informationen

Das Paket tidyr bietet eine flexible Möglichkeit, die Anordnung der Daten zu ändern. Es wurde für die Konvertierung zwischen langen und breiten Darstellungen von Zeitreihendaten entwickelt und seine Argumente sind in diesem Sinne benannt.

Eine häufige Situation ist es, von einer breiten Form in eine lange Form zu konvertieren, um die Perspektive darüber, was eine Beobachtungseinheit ist, zu änder. Zum Beispiel ist im traffic-Dataframe jede Zeile ein Jahr, und es werden Daten für mehrere Staaten bereitgestellt.

 $\mathbf{Q}_{\mathbf{S}}^{\mathbf{p}}$ 

Die Vignetten, die in den Paketen tidyr und dplyr enthalten sind, bieten eine Reihe nützlicher Beispiele für gängige Datenmanipulationen.

```
data(traffic)
Traffic
 year cn.deaths
                  ny
                                 ri
                       cn
1 1951
            265 13.9 13.0 10.2 8.0
2 1952
            230 13.8 10.8 10.0 8.5
3 1953
            275 14.4 12.8 11.0 8.5
4 1954
            240 13.0 10.8 10.5 7.5
5 1955
            325 13.5 14.0 11.8 10.0
6 1956
            280 13.4 12.1 11.0 8.2
7 1957
            273 13.3 11.9 10.2 9.4
8 1958
            248 13.0 10.1 11.8 8.6
            245 12.9 10.0 11.0 9.0
9 1959
```

Wir können dies so umformen, dass jede Zeile eine Messung für einen einzelnen Staat in einem Jahr enthält.

```
longTraffic <- Traffic %>%
  gather(state, deathRate, ny:ri)
head(longTraffic)
 year cn.deaths state deathRate
1 1951
            265
                           13.9
                   ny
2 1952
            230 ny
                           13.8
3 1953
                          14.4
            275 ny
4 1954
            240
                   ny
                           13.0
5 1955
            325
                   ny
                           13.5
6 1956
            280
                           13.4
                   ny
```

Wir können auch in die andere Richtung umformen, diesmal mit allen Daten für einen bestimmten Staat in einer Zeile im Dataframe.

2	ma		10.2		10.0		11.0		10.5	
3	ny		13.9		13.8		14.4		13.0	
4	ri		8.0		8.5		8.5		7.5	
	deathRate	. 1955	${\tt deathRate.}$	1956	deathRate.	1957	deathRate.	1958	deathRate.	1959
1		14.0		12.1		11.9		10.1		10.0
2		11.8		11.0		10.2		11.8		11.0
3		13.5		13.4		13.3		13.0		12.9
4		10.0		8.2		9.4		8.6		9.0

## 13.9 Neue Variablen hinzufügen

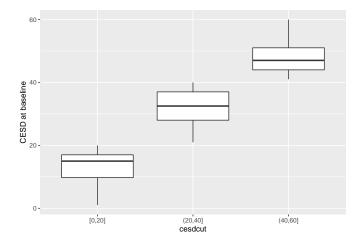
Eine Reihe von Funktionen erleichtern die Erstellung oder Neukodierung von Variablen.

#### 13.9.1 Kategoriale aus einer quantitativen Variable erstellen

Als nächstes zeigen wir, wie man eine dreistufige kategoriale Variable mit Trennung bei 20 und 40 für die CESD-Skala (die von 0 bis 60 Punkten reicht) erstellt.

```
favstats(~ cesd, data = HELPrct)
min Q1 median Q3 max mean sd n missing
           34 41 60 32.85 12.51 453
```

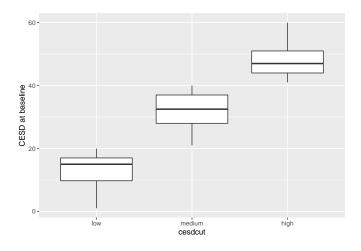
```
HELPrct <- mutate(HELPrct,</pre>
                   cesdcut = cut(cesd,
                                 breaks = c(0, 20, 40, 60),
                                  include.lowest = TRUE))
gf_boxplot(cesd ~ cesdcut, data = HELPrct)
```



Es bietet sich an, die Labels besser zu bezeichnen.

 $\mathbf{Q}_{\mathbf{0}}^{\mathbf{0}}$ Die Funktion ntiles() kann verwendet werden, um die Erstellung von Gruppen auf diese Weise zu automatisieren.

```
HELPrct <- mutate(HELPrct,</pre>
                  cesdcut = cut(cesd,
                                 labels = c("low", "medium", "high"),
                                 breaks = c(0, 20, 40, 60),
                                 include.lowest = TRUE))
gf_boxplot(cesd ~ cesdcut, data = HELPrct)
```



Die derivedFactor() Funktion ist noch allgemeiner und kann auch zu diesem Zweck verwendet werden.

#### 13.9.2 Faktoren neu ordnen

Standardmäßig verwendet R die erste Ebene in lexikographischer Reihenfolge als Referenzgruppe für die Modellierung. Dies kann mit der relevel() Funktion überschrieben werden (siehe auch reorder()).

```
tally(~ substance, data = HELPrct)
substance
alcohol cocaine heroin
177 152 124
```

# 13.10 Gruppenstatistiken

Es kann oft sinnvoll sein, zusammenfassende Statistiken nach Gruppen zu berechnen und diese in ein Dataframe einzufügen. Die Funktion group\_by() im Paket dplyr erleichtert diesen Prozess. Hier zeigen wir, wie man eine Variable hinzufügt, die das mittlere Alter der Probanden je Drogenmittel enthält.

```
favstats(age ~ substance, data = HELPrct)
substance min Q1 median Q3 max mean sd n missing
1 alcohol 20 33 38.0 43.00 58 38.20 7.652 177 0
2 cocaine 23 30 33.5 37.25 60 34.49 6.693 152 0
3 heroin 19 27 33.0 39.00 55 33.44 7.986 124 0
```

```
nrow(ageGroup)
[1] 3
```

```
nrow(HELPrct)
[1] 453
```

```
HELPmerged <- left_join(ageGroup, HELPrct, by = "substance")

favstats(agebygroup ~ substance, data = HELPmerged)
  substance min Q1 median Q3 max mean sd n missing
1 alcohol 38.20 38.20 38.20 38.20 38.20 38.20 0 177 0
2 cocaine 34.49 34.49 34.49 34.49 34.49 34.49 0 152 0
3 heroin 33.44 33.44 33.44 33.44 33.44 0 124 0
```

```
nrow(HELPmerged)
[1] 453
```

### 13.11 Umgang mit fehlenden Werten

Fehlende Werte entstehen in fast allen Untersuchungen der realen Welt. R verwendet das NA-Zeichen als Indikator für fehlende Werte. Der HELPmiss-Datensatz innerhalb des Paketes mosaicData umfasst alle n=470 Probanden, die zu Studienbeginn eingeschrieben sind (einschließlich der n=17 Probanden mit einigen fehlenden Werten, die nicht in HELPrct enthalten waren).

```
smaller <- select(HELPmiss, cesd, drugrisk, indtot, mcs, pcs, substance)
dim(smaller)
[1] 470 6</pre>
```

```
summary(smaller)
     cesd
                  drugrisk
                                  indtot
                                                                 pcs
                                                 mcs
             Min. : 0.00
                                            Min.
Min. : 1.0
                              Min. : 4.0
                                                   : 6.76
                                                            Min.
                                                                   :14.1
              1st Qu.: 0.00
1st Qu.:25.0
                                            1st Qu.:21.66
                              1st Qu.:32.0
                                                            1st Qu.:40.4
Median:34.0
              Median: 0.00
                              Median :37.5
                                            Median :28.56
                                                            Median:48.9
      :32.9
Mean
              Mean
                    : 1.87
                              Mean
                                   :35.7
                                            Mean :31.55
                                                            Mean
                                                                   :48.1
3rd Qu.:41.0
               3rd Qu.: 1.00
                                            3rd Qu.:40.64
                              3rd Qu.:41.0
                                                            3rd Qu.:57.0
Max.
       :60.0
               Max. :21.00
                              Max. :45.0
                                            Max.
                                                   :62.18
                                                            Max.
                                                                   :74.8
               NA's :2
                              NA's
                                     :14
                                            NA's
                                                   :2
                                                            NA's
                                                                   :2
  substance
alcohol:185
cocaine: 156
heroin:128
missing: 1
```

Von den 470 Probanden in den 6 Variablen des Dataframes haben nur die Variablen drugrisk, indtot, mcs, und pcs fehlende Werte.

```
nomiss <- na.omit(smaller)</pre>
dim(nomiss)
[1] 453
nrow(nomiss)
[1] 453
ncol(nomiss)
[1] 6
favstats(~ mcs, data = nomiss)
  min Q1 median Q3 max mean sd n missing
6.763 21.79 28.6 40.94 62.18 31.7 12.82 453
```

Alternativ könnten wir den gleichen Datenbestand mit Hilfe von logischen Bedingungen erzeugen:

```
nomiss <- filter(smaller,</pre>
                  (!is.na(mcs) & !is.na(indtot) & !is.na(drugrisk)))
dim(nomiss)
[1] 453
```

# **Fallstudie Gesundheitsevalution** 14 (HELP-Studie)

Viele Beispiele in diesem Buch greifen auf Daten der HELP-Studie (Health Evaluation and Linkage to Primary Care) zurück. Bei dieser Studie handelt es sich um eine randomisierte klinische Studie mit Patienten, aus einer stationären Drogenentzugsanstalt. Patienten ohne laufende allgemeinmedizinische Versorgung wurden randomisiert entweder in einer Gruppe, in der sie eine multidisziplinäre Untersuchung und eine kurze Motivationsintervention erhielten, oder einer Gruppe mit Standardbehandlung zugeteilt. Ziel war diese Patienten an die medizinische Grundversorgung anzubinden. Die Ergebnisse der Studie wurden zusammen mit einer Reihe von zusätzlichen Analysen veröffentlicht (Kertesz et al., 2003; Liebschutz et al., 2002; Samet et al., 2003).

Teilnehmer an der Studie mussten erwachsen sein, Spanisch oder Englisch sprechen und Alkohol, Heroin oder Kokain als ihre Hauptdroge angeben. Außerdem mussten sie in der Nähe in der Klinik wohnen, in der sie behandelt werden sollten, oder obdachlos sein. Ausschlusskriterien waren: a) laufende Versorgung und Absicht, diese weiterzuführen, b) fortgeschrittene Demenz, c) konkrete Pläne, die Gegend um Boston zu verlassen, so dass sie nicht an einer Behandlung teilnehmen konnten, d) keine Angabe von Kontaktinformationen oder e) Schwangerschaft.

Die Teilnehmer wurden zu Beginn ihres Entzugsaufenthaltes befragt sowie alle sechs Monate für die Dauer von zwei Jahren erneut befragt. Dabei wurde eine Anzahl von metrisch-, ordinal- und nominal-skalierten sowie Daten für Überlebenszeitanalysen<sup>2</sup> zu jedem der fünf Zeitpunkte erhoben. Die Ethikkommission des Medizinischen Zentrums der Universität Boston überprüfte das Studienkonzept, insbesondere die Erstellung eines anonymisierten Datensatzes. Das Zertifikat für Datenschutz, ausgestellt durch das Department of Health and Human Services, bescheinigt weitere Datenschutzmaßnahmen.

Das R-Paket mosaicData enthält mehrere Varianten des anonymisierten HELP-Datensatzes. Für die vorliegende Fallstudie konzentrieren wir uns auf den HELPrct-Datensatz, der 27 Variablen zu 453 Personen enthält, wobei vergleichsweise wenig Daten fehlen, besonders zum ersten Messzeitpunkt. Tabelle 14.1. Weitere Informationen finden sich online unter https://nhorton.people.amherst.edu/r2/. Die Messinstrumente sind hier aufgeführt: https://nhorton.people.amherst.edu/help/.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Die HELP-Studie wurde finanziert durch das National Institute on Alcohol Abuse and Alcoholism (R01-AA10870, Samet PI) sowie das National Institute on Drug Abuse (R01-DA10019, Samet PI). <sup>2</sup>Survival Time Analysis

### Tabelle 14.1: Variablen des Datensatzes zur HELP-Studie

Variable	Beschreibung	Hinweis
1 'alter' 2 'anysub' 3 'cesd' 4 'd1'	Alter zu Messzeitpunkt 1 (in Jahren) (Spannweite 19-60) Einnahme von Drogen nach Beginn der Intervention Depressionswert (höhere Werte zeigen schwerere despressive Symptome an) (Spannweite 0-60) Anzahl der Einlieferungen aufgrund medizinischer Probleme (Spannweite 0-100)	vgl. 'daysanysub'
5 'daysanysub'	Zeit (in Tagen) bis zur ersten Einnahme von Drogen nach Beginn der Intervention	vgl. 'anysubstatus'
6 'dayslink' 7 'drugrisk' 8 'v2b' 9 'female' 10 'g1b'	Zeit (in Tagen) bis zur Vermittlung einer allgemeinmedirinischer Versorgung (Spannweite 0-456) Risiko-Assesment-Testbatterie (RAB) zum Drogenrisiko (Spannweite 0-21) Anzahl der Teilnahmen an einem Drogenentzugsprogramm in den letzten sechs Monaten (Spannweite 0-21) Geschlecht des Teilnehmers (0: Mann - 1: Frau) Vorhandensein von Suzidgedenhane (in den letzten 30 Tagen) (Werte 0: nein - 1: ja)	vgl. 'linkstatus' vgl. 'sexrisk'
11 homeless' '11' '13 '12' '14 'id' '15 'initot'	Eine oder mehr Nächte auf der Straße oder in einer Notunterkunft in den letzten sechs Monaten (0: nein - 1; ja) Mittlere Anzahl alkoholischer Getränke (in Standardeinheiten) pro Tag (in den letzten 30 Tagen) (Spannweite 0-142) Maximale Anzahl alkoholischer Getränke (in Standardeinheiten) pro Tag (in den letzten 30 Tagen) (Spannweite 0-184) zufällige Personennummer (Spannweite 1-470) Gesamtwert für das Drogenfolgeninventar (Inventory of Drug Use Consequences (InDUC) total score) (Spannweite 4-45)	
16 'linkstatus' 17 'mes', Wert für die Skala "Psychisches Wohlbefinden" (Mental Component Score) des Short Form Gesundheitsfragebogen (SF-36) (Spannweite 7-62), vgl. 'pcs',; 18 'pcs', Wert für die Skala "Körperliche Funktionsfähigkeit" (Physical Component Score) des Short Form Gesundheitsfragebogen (SF-36) (Spannweite 7-62), vgl. 'mcs',;	$ Erfolgreiche \ Vermittlung \ einer \ allgemeinmedizinischen \ Versorgung \ nach \ der \ Entzugsintervention \ (0: nein - 1: ja) $	vgl. 'dayslink'
19 'pss_fr' 20 'racegrp'	Wahrgenommener sozialer Rückhalt (durch Freunde) (Spannweite 0-14) Rasse/Ethnie (Schwarz/Weiß/Latino/Sonstige)	
21 'satreeat' 22 'sec' 23 'secrisis' 24 'substance'	laufende Behandlung durch staatliches Hilfsprogramm für Drogenabhängige zu Beginn der Studie (0: nein - 1: ja) Geschlecht (male: männlich - female: weblibich) wert zum Risiko sexuell übertragharer Krankheiten (Risk-Assessment Battery (RAB) sex risk score) (Spannweite 0-21) Primär genutzte Droge (Alkohol/Kokain/Heroin)	
25 'treat'	Interventionsgruppe in der Studie (Experimentalgruppe	d. h. HELP-Klinik: ja - Standardbehandlung: no)
27		Die (empirische) Spannweite ist für metrische Variablen angegeben (zum Zeitpunkt des Studienbeginns).

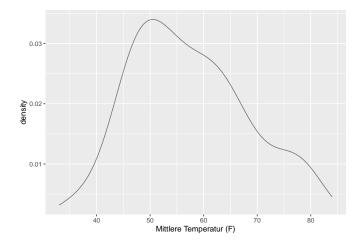
Note:

# 15 Aufgaben

Die erste Nummer zu Beginn einer Aufgabe bezieht sich auf das Kapitel, zu der die Aufgabe gehört.

- 3.1 Erstellen Sie ein facettiertes Histogramm der Depressivitätswerte (CESD-Scores), wobei die Drogenart die zu gruppierende Variable (d. h. die facettierte Variable) darstellt. Beschränken Sie die Analyse auf die Männer und überlagern Sie das Histogramm mit einer Dichtekurve der Normalverteilung. Der Datensatz heißt HELPrct.
- 5.1 Berechnen Sie eine einfache lineare Regression, um die Anzahl alkoholischer Getränke als Funktion des psychischen Wohlbefindens vorherzusagen (Datensatz HELPrct). Das Modell kann mit dieser Formelschreibweise spezifiziert werden: i1 ~ mcs. Untersuchen Sie die Verteilung der Residuen für dieses Modell.
- 10.1 Der Datensatz RailTrail (Teil des Paketes mosaic) beinhaltet eine Häufigkeitsauswertung zum Schienenverkehr für eine Trasse in Northampton, Massachusetts, während eines Zeitraums von 90 Tagen in 2005. Die Stadtverwaltung möchte die Auslastung des Schienennetzes wissen und verstehen, wie sie sich als Funktion von Temperatur und Wochentag ändert. Beschreiben Sie die Verteilung der Variablen avgtemp hinsichtlich ihres Mittelwerts, ihrer Streuung und ihrer Form.

```
data("RailTrail")
favstats(~ avgtemp, data = RailTrail)
min
        Q1 median
                   Q3 max mean
                                    sd n missing
 33 48.62 55.25 64.5 84 57.43 11.33 90
gf_dens(~ avgtemp, xlab = "Mittlere Temperatur (F)", data = RailTrail)
```



10.2 Der Datensatz RailTrail beinhaltet eine Variable namens cloudcover, die den Grad der Bewölkung wiedergibt. Beschreiben Sie die Verteilung dieser Variable im Hinblick auf Lage, Streuung und Form.

10.3 Die Variable im Datensatz RailTrail, die die Höhe des Verkehrsaufkommens beschreibt, heißt volume. Beschreiben Sie die Lage, Streuung und Form dieser Variable.

10.4 Im Datensatz RailTrail gibt es eine Indikator-Variable, die anzeigt, ob ein Tag ein Wochentag war (weekday == 1) oder ein Wochenende bzw. Feiertag (weekday == 0). Setzen Sie tally() ein, um die Verteilung dieser kategorialen Variable zu beschreiben. Wie hoch ist der Anteil von Tagen von Wochenenden bzw. Feiertagen?

10.5 Verwenden Sie gruppierte Boxplots, um die Verteilung von volume nach weekday zu untersuchen (Datensatz RailTrail). Was lässt sich ablesen? <sup>1</sup>

10.6 Erstellen Sie ein Dichtediagramm, das die Dichten beider Arten von Wochentagen zeigt. Die beiden Diagramme sollen sich überlappen. Tipp: Nutzen Sie das Argument fill.

10.7 Erstellen Sie ein Streudiagramm für das Verkehrsaufkommen (volume) als Funktion der Temperatur (avgtemp im Datensatz RailTrail). Fügen Sie sowohl eine Regressionsgerade als auch einen geglätteten Mittelwert (LOWESS Kurve) hinzu. Was können Sie über den Zusammenhang schließen?

10.8 Berechnen Sie eine multiple Regression für volume als Funktion von cloudcover, avgtemp, weekday und die Interaktion von Wochentag mit Durchschnittstemperatur. Unterstützen die Daten die Interaktion auf einem Signifikanzniveau von  $\alpha = 0,05$ ?

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Hinweis: Sie müssen die numerische Variable weekday in eine Faktorvariable (as.factor()) umwandeln, oder nutzen Sie die Option horizontal = FALSE.

10.9 Verwenden Sie makeFun(), um die Anzahl von Fahrten vorherzusagen an einem Wochentag, bei einer mittleren Temperatur von 60° Fahrenheit und ohne Wolken. Überprüfen Sie Ihre Berechnung anhand der Modellkoeffizienten:

```
fm <- lm(volume ~ weekday + avgtemp + cloudcover + weekday:avgtemp, data = RailTrail)
coef(fm)
        (Intercept)
                             weekdayTRUE
                                                                       cloudcover
                                                      avgtemp
                                -321.116
            378.834
                                                        2.313
                                                                           -17.198
weekdayTRUE:avgtemp
              4.727
```

- 10.10 Nutzen Sie makeFun() und gf fun(), um die Zahl der vorhergesagten Fahrten sowohl an Wochentagen als auch an Wochenenden bzw. Feiertagen mit einer Temperaturspanne von 30 bis 80 Grad Fahrenheit an einem wolkigen Tag (cloudcover = 10) zu visualisieren.
- 10.11 Erstellen Sie ein Histogramm der Residuen des Regressionsmodells aus der vorherigen Aufgabe, um die Normalverteilung zu überprüfen. Die Dichte einer Normalverteilung soll in der Abbildung über das Histogramm gelegt werden.
- 10.12 Erstellen Sie ein Streudiagramm mit dem gleichen Modell; dabei sollen die Residuen als Funktion der vorhergesagten Werte dargestellt werden. Beurteilen Sie auf dieser Basis die (Erfüllung der) Linearitätsannahme sowie die Annahme der Varianzgleichheit.
- 10.13 Erstellen Sie ein Streudiagramm mit dem gleichen Modell wie eben; dabei sollen die Residuen als Funktion der mittleren Temperatur dargestellt werden. Beurteilen Sie auf dieser Basis die (Erfüllung der) Linearitätsannahme sowie die Annahme der Varianzgleichheit.
- 11.1 Erzeugen Sie eine Stichprobe mit 1000 zufällig gezogenen Werten aus einer Exponentialverteilung, wobei der Parameter der Verteilung 2 betragen soll. Berechnen Sie den Mittelwert dieser 1000 Fälle.
- 11.2 Finden Sie den Median einer exponentialverteilten Zufallsvariablen X mit einem Parameterwert von 10.
- 12.1 Berechnen Sie die Power eines zweiseitigen t-Tests für unabhängige Stichproben, wobei beide Verteilungen approximativ normalverteilt sind mit der gleichen Standardabweichung. Der Unterschied zwischen den Mittelwerten liege bei einer halben Standardabweichungseinheit. Gehen Sie von 25 Fällen pro Gruppe aus und einem Alpha-Niveau von 0.0539.

- 12.2 Berechnen Sie die nötige Stichprobengröße n für eine Power von 90% bei einem t-Test für zwei unabhängige Gruppen, wobei der Unterschied in den Mittelwerten bei 1/4 einer Standardabweichungseinheit liege ( $\alpha = 0,05$ ).
- 13.1 Erstellen Sie ein Streudiagramm für den Datensatz faithful, wobei die Eruptionszeit als Funktion von der Zeit seit der letzten Eruption dargestellt werden soll.
- 13.2 Der Datensatz fusion2 im R Paket fastR beinhaltet Genotypen für ein bestimmtes Einzelnukleotid-Polymorphismus (SNP). Fügen Sie die Datensätze fusion1, fusion2 und Pheno zu einen Datensatz zusammen. Beachten Sie, dass fusion1 und fusion2 über die gleichen Variablennamen verfügen. Es ist eine (mögliche) sinnvolle Herangehensweise, die Variablennamen nach dem Zusammenfügen umzubenennen, so dass der resultierende Datensatz einfacher zu verwenden ist. Bereinigen Sie den Datensatz um Duplikate oder unnötige Spalten.

# Literatur

- Baumer, B., Cetinkaya, M., Bray, A., Loi, L., & Horton, N. (2014). R Markdown: Integrating A Reproducible Analysis Tool into Introductory Statistics. Technol Innov Stat Educ, 8.
- Horton, N., Pruim, R., & Kaplan, D. (2014). Start Teaching with R and RStudio. https: //doi.org/10.13140/2.1.4414.6567
- Horton, N. J., Baumer, B. S., & Wickham, H. (2015). Taking a Chance in the Classroom: Setting the Stage for Data Science: Integration of Data Management Skills in Introductory and Second Courses in Statistics. CHANCE, 28(2), 40–50. https: //doi.org/10.1080/09332480.2015.1042739
- Kaplan, D., Horton, N., & Pruim, R. (2014). Start Modeling with R. https://doi.org/ 10.13140/2.1.1137.8566
- Kertesz, S. G., Horton, N. J., Friedmann, P. D., Saitz, R., & Samet, J. H. (2003). Slowing the Revolving Door: Stabilization Programs Reduce Homeless Persons' Substance Use After Detoxification. Journal of Substance Abuse Treatment, 24(3), 197–207. https://doi.org/10.1016/S0740-5472(03)00026-6
- Liebschutz, J., Savetsky, J. B., Saitz, R., Hortona, N. J., Lloyd-Travaglini, C., & Samet, J. H. (2002). The Relationship Between Sexual and Physical Abuse and Substance Abuse Consequences. Journal of Substance Abuse Treatment, 22(3), 121– 128. https://doi.org/10.1016/S0740-5472(02)00220-9
- Samet, J. H., Larson, M. J., Horton, N. J., Doyle, K., Winter, M., & Saitz, R. (2003). Linking Alcohol and Drug Dependent Adults to Primary Medical Care: A Randomized Controlled Trial of a Multidisciplinary Health Intervention in a Detoxification Unit. Addiction, 98(4), 509-516. https://doi.org/10.1046/j.1360-0443.2003.00328.x
- Tufte, E. R. (2001). The Visual Display of Quantitative Information. (2nd). Graphics Press.

# Index

Modeling with $R, 22$	Auswählen, 89
Start Modeling with R, 8	Neu ordnen, 100
Start Teaching with R, 8	Sortieren, 94
Teaching with R, 8	Teilmengen erstellen, 94
	Umformen, 96
PIPE Operator %<%, 90	Zusammenfügen, 95
KNITR, 9	Überprüfen, 89
abs(), 78	Datenmanagement, 89
alpha Option, 48, 59, 93	density Option, 46
annotate(), 29	Dichtefunktionen, 81
anova(), 65, 68, 75	diffmean(), 62
Anpassungstests, 38	$\dim(), 102$
aov(), 64, 73	dist Option, 27, 77
arrange(), 95	dnorm Attribut, 27, 77
arrange(), 90	do(), 33, 55, 62
binom.test(), 35	dplyr Paket, 25, 89
Binomialtest, 35	
bins Option, 28	Einfaktorielle Varianzanalyse (ANOVA), 64
binwidth Option, 24, 84	Exakter Test nach Fisher, 57
	$\exp(),  68,  84$
Bootstrap-Methode, 32 breaks Option, 90	( , () or To
breaks Option, 90	factor(), 65, 72
center Option, 24, 84	faithful Datensatz, 93
cex Option, 48, 60, 79	Faktoren neu ordnen, 100
	Fallstudie Gesundheitsevalution (HELP -
chisq.test(), 39, 56 class(), 46	Studie), 104
V ·	family Option, 68
coef(), 45, 68, 100	favstats(), 24, 58, 91
color Option, 55, 63, 75, 84	Fehlende Werte, 102
confint(), 32, 36, 46, 68	fill Option, 39, 51, 63, 83
Cook's Abstandsmaß, 49	filter(), 25, 43, 75, 94
cor(), 44	fisher.test(), 57
correct Option, 37, 56	fitted(), 46, 77
Cox-proportionales-Hazard-Modell, 71	format Option, 25, 34, 52, 69
coxph(), 71	fusion 1 Datensatz, 95
CPS85 Datensatz, 91	(1 () 07
CrossTable(), 53	gather(), 97
cut(), 83, 91	geom Option, 29, 39, 83
1-4-() 04 07	gf_boxplot(), 72, 99
data(), 94, 97	$gf_{dens}(), 29$
Dataframes, 89	gf_dhistogram(), 27, 77, 84
Anzeigen der ersten Zeilen, 94	$\mathrm{gf\_dist}(), 39, 82$

$gf\_dotplot(), \frac{28}{}$	Linearität, 42
$gf_facet_wrap(), 27$	linetype Option, 70, 76
gf_fitdistr(), 27, 77, 82	lm(), 22, 45, 61, 73, 100
gf_freqpoly(), 30	$\log(), 14$
gf_fun(), 76, 84	Logistische Regression, 67
gf_histogram(), 24, 46, 63	LOWESS, 42
gf_hline(), 48, 79	2011288, 12
gf_labs(), 28, 83	makeFun(), 75, 84
	margins Option, 34, 39, 52, 53, 69
gf_lm(), 51	markdown, 9
gf_point(), 20, 42, 59, 75, 93	
gf_qq(), 48	mean(), 22, 58, 101
gf_refine(), 29, 59	median(), 23, 72
gf_smooth(), 43, 79	Mit Daten denken, 89
$gf\_step(), 70$	Modellvergleich, 65
$gf_{text}(), 43$	mosaic Paket, 22
gf_vline(), 29, 63	mplot(), 49, 66, 76, 77
ggpairs(), 44	msummary(), 45, 61, 67, 74
glm(), 68	Multiple Regression, 73
group_by(), 101	Multiple Vergleiche, 65
Gruppenstatistiken, 100	Multivariate Beziehungen, 72
,	mutate(), 63, 72, 90
head(), 33, 63, 91, 97	<b>V</b> , , , ,
HELP-Studie, 8, 104	NA Zeichenkette, 102
HELPmiss Datensatz, 102	na.omit(), 103
HELPret Datensatz, 22, 104	names(), 36, 92
11221 100 2000113002, 22, 101	ncol(), 103
include.lowest Option, 99	Neue Variablen hinzufügen, 98
inner_join(), 96	nrow(), 101
$\operatorname{inspect}(), 90$	ntiles(), 100
	$\operatorname{nones}(), 100$
install_packages(), 9	oddsRatio(), 53
integrate(), 80	V ·
Interaktionen, 73	options(), 22, 45
interval Option, 51	Doomusias Dlota 44
iris Datensatz, 90	Palarte la la constant de la constan
is.na(), $102$	Pakete laden, 9
	Paketinstallation, 9
Kaplan-Meier-Kurve, 70	paste(), 97
Kategoriale Daten, 34	pbinom(), 86
Koeffizientenvisualisierungen, 75	pch Option, 48, 63, 83
Kontingenztabellen, 34	pchisq(), 39
Korrelationen, 43	Pearson Korrelation, 44
Kreuztabellen, 52	Permutationstest, 62
,	plotFUN(), 29, 75
label Option, 29, 43	plotModel(), 73
labels Option, 65, 72, 100	pnorm(), 86
left join(), 101	Polygone, 30
levels Option, 65, 72	power.t.test(), 88
Leverage, 50	print(), 36
library(), 9	prop.test(), 37
Lineare Regression, 45	$\frac{\text{prop.test}(), 37}{\text{pval}(), 36}$
Ellicare Regression, 40	$P^{Vai}(), \ 00$

qdata(), 33	t.test(), 32, 61		
qnorm(), 80	Tabellierungen, 34, 52		
Quantile, 23	tally(), 25, 34, 52, 69, 91		
quantile(), 23	Teilmengen erstellen, 94		
	test Option, 68		
rbind(), <u>55</u>	tidyr Paket, 89		
read.file(), 89	title Option, 70, 79		
Regression, 45	TukeyHSD(), 65		
Diagnostik, 76	Tukeys Post-hoc-Test, 65		
relevel(), 100	,		
rename(), 92	Umgang mit fehlenden Werten, 102		
Reproduzierbare Analyse, 9	0 0		
resample(), 32	var(), 23		
Resampling, 32	var.equal Option, 61		
resid(), 46, 77	Variablen		
residuals(), 46	bearbeiten, 98		
Residuenanalyse, 77	hinzufügen, 90		
rexp(), 84	löschen, 91		
row.names(), 92	umbenennen, 92		
rownames(), 43	Varianzanalyse, 64		
rsquared(), 46	Verteilungsfunktionen, 81		
RStudio.Version(), 15	Vignette, 8, 96		
	Vorhersageintervalle, 51		
Scale-Location-Plot, 49	vornersagennervane, 51		
Scatterplot Matrix, 44	which Option 40 76		
Scatterplots, 42	which Option, 49, 76		
sd(), 23	wilcox.test(), $62$		
select Option, 92	with(), 23, 53, 102		
select(), 43, 90	1: 40 40 50		
sessionInfo(), 15	xchisq.test(), 40, 56		
shape Option, 43	xintercept Option, 29, 63		
shuffle(), 62	xlab Option, 70, 79, 83		
size Option, 43, 76, 83, 86	xlim Option, 63, 75, 83		
Spearman Korrelation, 44	$x\lim(), \frac{29}{}$		
spread(), 97	xpnorm(), 31, 80, 86		
sqrt(), 13, 83, 87	xqnorm(), 87		
stem(), 25			
sum(), 39, 102	ylab Option, $70$ , $75$		
summarise(), 89			
summary(), 46, 61, 71, 73, 102	Zufallsvariablen, 80		
Surv(), 71			
survfit(), 70	Überlebenszeitanalysen, 70		