

参考答案

一、选择题

题号	1	2	3	4	5
答案	A	B	D	C	B

二、填空题

1. $\frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R}$

2. $\frac{q}{4\pi\epsilon R}$

3. $\frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \ln \frac{r_0}{r}$

4. 0

5. $\vec{E} = (-4 + 10xy)\vec{i} + 5x^2\vec{j}$

三、计算题

1.

取杆左端为原点， x 轴向右为正

在带电细杆任意位置 x 处取一小段线元，其电量 $dq = \lambda dx = \frac{q}{l} dx$

它在点 P 产生的电势 $dU = \frac{\lambda dx}{4\pi\epsilon_0(l+d-x)} = \frac{q dx}{4\pi\epsilon_0 l(l+d-x)}$

$$U = \int dU = \int_0^l \frac{q dx}{4\pi\epsilon_0 l(l+d-x)} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 l} \ln \frac{l+d}{d}$$

2.

$$\oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{1}{\epsilon_0} \sum_{\text{内}} q_i$$

$$(1) \quad r < R$$

$$E4\pi r^2 = \frac{1}{\varepsilon_0} \int_0^r kr4\pi r^2 dr$$

$$E = \frac{\pi kr^4}{4\varepsilon_0}$$

$$(2) \quad r \geq R$$

$$E4\pi r^2 = \frac{1}{\varepsilon_0} \int_0^R kr4\pi r^2 dr$$

$$E = \frac{\pi kR^4}{4\varepsilon_0 r^2}$$

$$U_r = \int_R^\infty \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$= \int_R^\infty \frac{kR^4}{4\varepsilon_0 r^2} dr$$

$$= \frac{kR^3}{4\varepsilon_0}$$