

Traveling Salesman Problem

19^a Coppa di Algoritmi

Studente: Filippo Pura

Data: 5 maggio 2019

Problema

Il problema del commesso viaggiatore consiste nella ricerca del ciclo hamiltoniano più breve all'interno di un grafo pesato completo. Questo tipo di problema appartiene alla classe dei problemi *NP-Completi*. In Figura 1 è mostrato uno dei problemi TSP con soluzione, sottoinsieme dei problemi NP.

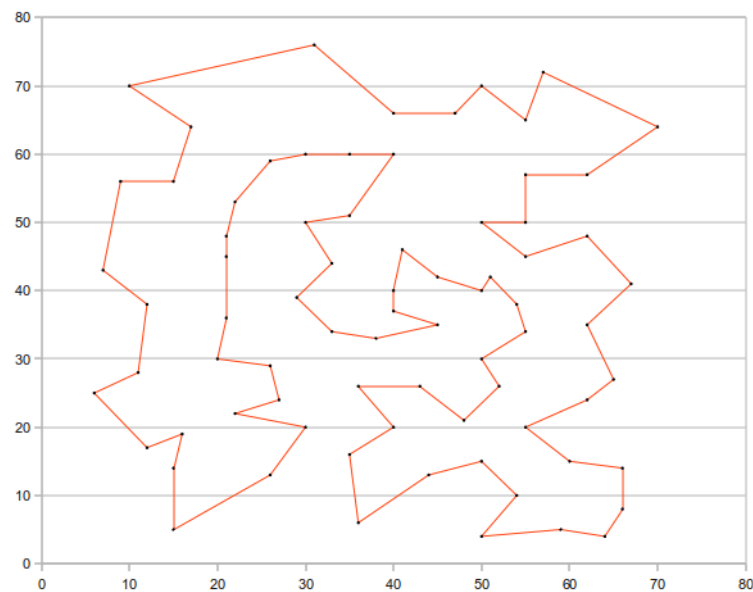


Figura 1: Eil76, problema di TSP da 76 città

Il compito assegnato è di generare una soluzione ammissibile e quanto più possibile vicina a quella ottimale (ovvero la migliore) in 3 minuti di esecuzione del programma. Il programma deve poter lavorare su 10 problemi diversi:

- *ch130*;
- *d198*;
- *eil76*;
- *fl1577*;
- *kroA100*;
- *lin318*;

- *pcb442*;
- *pr439*;
- *rat783*;
- *u1060*.

Soluzioni implementate

Algoritmo costruttivo

È stato utilizzato un algoritmo Nearest Neighbour per comporre una soluzione da cui poter derivare il suo costo ed impostare di conseguenza il feromone iniziale degli archi usati per l'algoritmo Ant Colony System.

Esso è eseguito solo una volta, all'inizio dell'esecuzione sul set di città ricavate dal file. Similarmente viene usata un'implementazione dell'algoritmo di Kruskal per comporre il Minimum Spanning Tree, esso viene poi utilizzato per comporre le candidate lists di ogni città, ovvero tutte le città direttamente collegate ad essa nel Minimum Spanning Tree più un numero variabile di città più vicine non considerando quelle inserite precedentemente.

Algoritmi di ottimizzazione locale

Come ottimizzazione locale ho implementato l'algoritmo Two Opt usando le candidate lists ed un array di supporto per trovare in modo rapido gli indici delle città nel percorso.

Esso è generato contemporaneamente al percorso nell'algoritmo Ant Colony System.

Il ciclo esterno definisce l'indice 'i', il cui itera da 0 fino alla lunghezza del percorso.

L'indice 'j' viene derivato dalla posizione nel percorso delle città presenti nella candidate list della città specificata dall'indice 'i'.

Dopo il completamento del ciclo 'i' esterno si effettua lo scambio con gli indici dai quali si è calcolato il guadagno migliore.

L'algoritmo si ripete fintanto che nessun guadagno viene trovato dopo un'iterazione completa.

Algoritmi meta-euristici

L'algoritmo principale del progetto è composto da un'implementazione leggermente più "greedy" dell'Ant Colony System.

Questo perché in modalità di esplorazione viene comunque considerata la "best choice" ovvero la città con più probabilità di venire scelta determinata dalla distanza e dal feromone del suo arco.

Come parametro del feromone iniziale uso $1/(C(\text{percorso generato dal Nearest Neighbour}) * \text{Numero di città})$.

Come opzione di movimento delle formiche ad ogni avanzamento considero soltanto le città presenti nella candidate list della città corrente, nel caso in cui tutte le città presenti in essa siano già state visitate viene selezionata la città non visitata più vicina a quella corrente.

Dopo aver eseguito una mossa, decremento il feromone dell'arco percorso secondo la formula

dell'aggiornamento locale.

Ogni volta che una formica termina un percorso, prima di eseguire ulteriori controlli, ottimizzo e sostituisco il percorso ottenuto dalla formica tramite l'algoritmo Two Opt.

L'aggiornamento globale del feromone viene applicato dopo ogni iterazione dell'algoritmo, su tutti gli archi del percorso migliore assoluto.

Esecuzione programma

Piattaforma

La piattaforma usata è un computer portatile Aspire V3 - 772G. Nella Tabella 1 sono mostrati alcuni parametri rilevanti.

Tabella 1: Piattaforma usata per i test

Sistema Operativo	Windows 8.1
Processore	Intel Core i7 4702MQ @ 2.2GHz
RAM	32GB

Compilazione ed esecuzione

Per eseguire l'algoritmo su ogni problema fornito è sufficiente eseguire il comando `mvn:test`. Ogni istanza di test avvia il programma principale passando come parametri il percorso per i file input necessari (seed più parametri e informazioni del problema) e il percorso dove salvare il file di output del percorso trovato.

Ogni test è limitato a 3 minuti con un secondo di scarto.

Per ogni problema viene anche mostrato su terminale lo stato attuale dell'algoritmo sotto forma di costo del percorso quando esso viene migliorato e un output finale con il tempo mancante allo scadere dei 3 minuti da quando è stata trovata l'ultima soluzione migliore.

Framework per run automatizzate

Per eseguire le test runs non è stato utilizzato nessun framework esterno.

La ricerca dei seed è stata effettuata con un semplice metodo di test il quale istanzia l'applicazione principale usando parametri casuali che vengono salvati in un apposito file *.seed* nel caso in cui il percorso ottenuto sia migliore di tutti quelli trovati precedentemente.

Risultati

In Tabella 2 sono mostrati i risultati migliori per ogni problema. Nella cartella *final* sono presenti tutti i file *.seed* usati per trovare questi risultati. Nella cartella *optTours* sono riportati i relativi file *.opt.tour*. I tour risultanti vengono salvati sotto *final/{problemname}*.

Tabella 2: Soluzioni we migliori per ogni problema

Problema	Optimum	Risultato	Errore	Seed files
ch130	6110	6110	0%	ch130.seed
d198	15780	15780	0%	d198.seed
eil76	538	538	0%	eil76.seed
fl1577	22249	22408	0.7095%	fl1577.seed
kroA100	21282	21282	0%	kroA100.seed
lin318	42029	42029	0%	lin318.seed
pcb442	50788	50788	0%	pcb442.seed
pr439	107217	107217	0%	pr439.seed
rat783	8806	8808	0.0227%	rat783.seed
u1060	224094	224515	0.1875%	u1060.seed
media			0.0919%	

Conclusioni

L'algoritmo implementato è particolarmente efficiente ma mancano dei piccoli particolari e accorgimenti necessari per velocizzare ulteriormente il processo e raggiungere così lo 0% su tutti i file. Uno di questi potrebbe essere l'implementazione dei Don't Look Bits all'interno dell'algoritmo Two Opt oppure una scelta più accurata e/o dinamica delle candidate lists delle città.

Per concludere ho trovato l'esperienza e l'approccio per questo progetto molto divertente e piacevole.