二维正态分布的边缘密度函数

Tuesday, November 21, 2023 2:33 PM

二维正态分布函数有概率密度:
$$f(x,y) = \frac{1}{2\pi GG(\sqrt{1-\rho^2})} exp \left\{ -\frac{(x-M_1)}{2(1-\rho^2)} \left(-\frac{(x-M_1)}{G_1^2} - \frac{(y-M_2)}{G_1G_2} + \frac{(y-M_2)}{G_2^2} \right) \right\}$$
求其边缘概率密度
$$(x,y) \in (-\infty,+\infty)$$

解:结构对Xy形式对称、仅求X根等密度:

$$\int_{-\infty}^{+\infty} f(x,y) \, dy$$

財子
$$\frac{(y-\mu_2)^2}{G_1^2} - 2\rho \frac{(x-\mu_1)(y-\mu_2)}{G_1^2} + \rho^2 \frac{(x-\mu_1)^2}{G_1^2} = \left(\rho \frac{x-\mu_1}{G_1} - \frac{y-\mu_2}{G_2}\right)^2,$$

化特上方白行后面一部かった。

$$\int_{-\infty}^{+\infty} (x y) dy = \frac{1}{2\pi} \frac{1}{6\pi} \frac{1}{$$

7号:
$$\int_{-\infty}^{+\infty} f(x,y) \, dy = \frac{(x-\mu)^2}{2\pi 6 \sqrt{6} \sqrt{1 + \rho^2}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{26 \sqrt{2}}} \cdot 6 \sqrt{\rho^2} \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{t^2}{2}} \, dt$$
由公式: $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x,y) \, dy = \frac{1}{2\pi 6 \sqrt{6} \sqrt{1 + \rho^2}} e^{-\frac{t^2}{26 \sqrt{2}}} \cdot 6 \sqrt{\rho^2} \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{t^2}{2}} \, dt$