## Bilan de masse

Nous cherchons à produire une masse m de NH<sub>3</sub>. La masse molaire de la molécule étant de 0.017 kg/mol, cela est équivalent à un nombre de moles n=m/(0.017 kg/mol) de NH<sub>3</sub>. Pour cela, nous utilisons la réaction suivante :

$$\frac{1}{2} N_2 + \frac{3}{2} H_2 \longrightarrow NH_3$$

Nous en déduisons qu'il nous faut les quantités suivantes de  ${\rm N}_2$  et de  ${\rm H}_2$  :

$$n_{{
m H}_2} = rac{3}{2} n$$
 et  $n_{{
m N}_2} = rac{1}{2} n$ .

L'azote utilisé dans le réacteur provient directement de l'air, tandis que l'hydrogène est à produire à l'aide des réactions suivantes :

$$CH_4 + H_2O \longrightarrow CO + 3H_2$$
 (1)

$$CO + H_2O \longrightarrow CO_2 + H_2$$
 (2)

$$2 CH_4 + O_2 \longrightarrow 2 CO + 4 H_2$$
 (3)

$$2 CO + 2 H_2O \longrightarrow 2 CO_2 + 2 H_2. \tag{4}$$

Il est important de noter que ces réactions se produisent de façon séparées, l'une après l'autre. Une fois la quatrième réaction effectuée, les produits inutiles  $(CO_2 \text{ et } H_2O)$  sont rejetés, tandis que l'hydrogène et l'azote sont envoyés dans le réacteur pour la production d'ammoniac.

Nous allons maintenant déterminer la quantité de chaque réactif nécessaires afin d'obtenir dans le réacteur une composition stœchiométrique de diazote et de dihydrogène, telle que décrite par la réaction de production de l'ammoniac. Commençons par l'azote : celuici provient de l'air, dont la composition est 78.08 % de  $N_2$  et 20.95 % de  $O_2$ . Il est donc nécessaire d'injecter

$$n_{\text{air}} = \frac{n_{\text{N}_2}}{0.7808} = \frac{\frac{1}{2}n}{0.7808} = 0.6404n$$

moles d'air pour produire une quantité n d'ammoniac.

Passons à l'hydrogène. Nous avons plusieurs réactions responsables de sa production et il est important de saisir les différences entre celles-ci. Les réactions (1-2) nécessitent un apport de méthane et d'eau que l'on peut aisément contrôler, tandis que les réactions (3-4) nécessitent notamment un apport d'oxygène qui, lui, est déterminé à l'avance par la composition de l'air et la quantité d'azote injectée dans le système. Nous allons donc déterminer quelle quantité d'hydrogène est produite par les réactions (3-4) à partir de l'oxygène disponible, puis nous compléterons le manque à l'aide des réactions (1-2).

Commençons par calculer la quantité de O<sub>2</sub> disponible :

$$n_{\rm O_2} = 0.2095 n_{\rm air} = 0.2095 \times (0.6404n) = 0.1342n.$$

Les équations (3-4) nous indiquent que chaque mole de O<sub>2</sub> utilise 2 mol de CH<sub>4</sub> et 2 mol

de  $H_2O$  pour produire en tout 6 mol de  $H_2$  :

$$\begin{split} n_{\mathrm{CH_4\ util.\ (3-4)}} &= 2n_{\mathrm{O_2}} = 0.2684n \\ n_{\mathrm{H_2O\ util.\ (3-4)}} &= 2n_{\mathrm{O_2}} = 0.2684n \\ n_{\mathrm{H_2\ prod.\ (3-4)}} &= 6n_{\mathrm{O_2}} = 0.8052n. \end{split}$$

Il reste donc

$$n_{\rm H_2\ prod.\ (1-2)} = n_{\rm H_2} - n_{\rm H_2\ prod.\ (1-2)} = 0.6948n$$

de  $H_2$  à produire afin d'obtenir une composition stœchiométrique. Pour cela, nous allons utiliser les réactions (1-2). Dans celles-ci, 1 mol de  $CH_4$  et 2 mol de  $H_2O$  sont consommées pour la production de 4 mol de  $H_2$ . Nous pouvons aisément calculer la quantité de réactifs nécessaires pour obtenir l'hydrogène manquant :

$$\begin{split} n_{\text{CH}_4 \text{ util. (1-2)}} &= \frac{1}{4} n_{\text{H}_2 \text{ prod. (1-2)}} = 0.1737 n \\ n_{\text{H}_2\text{O util. (1-2)}} &= \frac{1}{2} n_{\text{H}_2 \text{ prod. (1-2)}} = 0.3474 n. \end{split}$$

Nous pouvons maintenant résumer le bilan de masse :

	$\mathrm{Air}^{1}$	$\mathrm{CH}_4$	${\rm H_2O}$	${\rm H}_2$	$\mathrm{NH}_3$
Réactions 1-2		-0.1737n	-0.3474n	+0.6948n	
Réactions 3-4	-0.6404n	-0.2684n	-0.2684n	+0.8052n	
Réac. finale	-0.04047i			-1.500n	+1.000n
Total	-0.6404n	-0.4421n	-0.6158n		+1.000n
Total (masse)	-1.091m	-0.4161m	-0.6520m		+1.000m

<sup>1.</sup> Composition : 78.08 %  $\rm N_2$  et 20.95 %  $\rm O_2,$  plus d'autres gaz en très faible proportions.