# Organizacija datoteka



# Indeksne datoteke s B-stablima

B-stablo, formiranje, traženje, ažuriranje i obrada indeksne datoteke sa B-stablom

# Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B\*-stablo, B\*-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



#### B-stablo

- puno stablo i stablo traženja
- gusto popunjeni, dinamički indeks
- visine h
  - svi listovi su na jednakoj udaljenosti od korena
  - put od korena do bilo kog lista je iste dužine
- ranga r(r >= 2)
  - uvodi ograničenje na dozvoljeni broj elemenata u svakom čvoru
- reda n = 2r + 1



#### B-stablo

- čvor = blok zone indeksa
- čvor sadrži niz elemenata
- element = propagirana vrednost ključa iz primarne zone
- svaki čvor sadrži maksimalno 2r elemenata
- svaki čvor, izuzev korena, sadrži minimalno r elemenata
- koren sadrži minimalno 1 element
- svaki čvor sa m elemenata, koji ne predstavlja list,
   poseduje m + 1 direktno podređenih čvorova



#### Format čvora B-stabla

- niz elemenata
- svaki element: trojka  $(k_e, A_e, P_e), e \in \{1, ..., m\}$ 
  - k<sub>e</sub> vrednost ključa sloga S<sub>i</sub> (i ∈ {1, 2,..., N})
  - A<sub>e</sub> pridruženi podatak
  - $P_e$  pokazivač ka podstablu s većim vrednostima ključa od  $k_e$

Zaglavlje											Neiskorišćeni		
bloka	$P_0$	$k_1$	$A_1$	$P_1$	$k_2$	$A_2$	$P_2$	 k <sub>m</sub>	$A_m$	$P_m$	prostor		

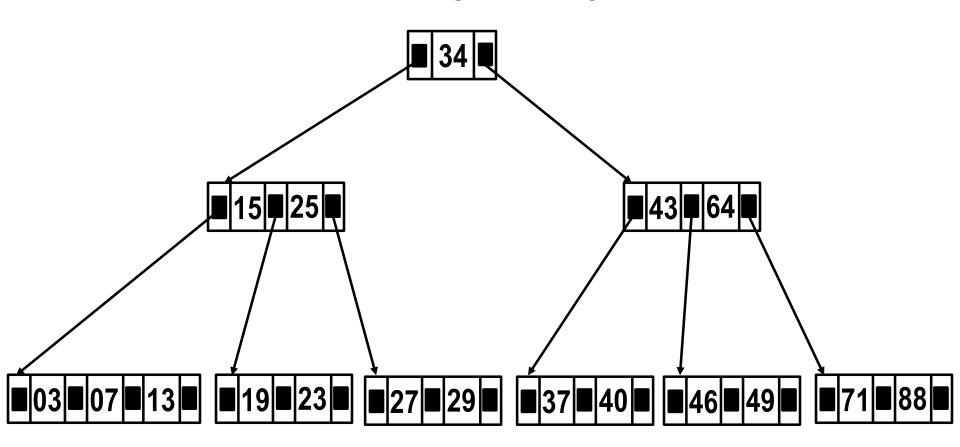
#### Uslovi stabla traženja

- $(\forall i \in \{1,..., m-1\})(k_i < k_{i+1})$
- $(\forall k \in K(P_0))(k < k_1)$
- $(\forall i \in \{1,..., m-1\})(\forall k \in K(P_i))(k_{i-1} < k < k_i)$
- $(\forall k \in K(P_m))(k_m < k)$



#### Primer:

- B-stablo sa N = 18 slogova, ranga r = 2, visine h = 3





- Popunjenost B-stabla
  - za isti broj slogova N i rang r, B-stablo može posedovati različite visine i različite brojeve čvorova
- Ekstremni slučajevi popunjenosti B-stabla
  - poluprazno (polupuno) B-stablo
    - svi čvorovi, osim korena, sadrže po r elemenata
    - koren sadrži samo 1 element
    - stablo ne može biti manje popunjeno od polupraznog
  - kompletno (popunjeno) B-stablo
    - svi čvorovi sadrže po 2r elemenata
    - stablo ne može biti više popunjeno od kompletnog



#### Broj čvorova i elemenata

na različitim nivoima hijerarhije B-stabla ranga r

		Kompletn	o B-stablo	Poluprazno B-stablo				
Nivo	Visina	Broj čvorova	Broj elemenata	Broj čvorova	Broj elemenata			
0	1	1	2r	1	1			
1	2	$(2r+1)^1$	$2r(2r+1)^{1}$	2	2r			
2	3	$(2r + 1)^2$	$2r(2r+1)^2$	$2(r+1)^{1}$	$2r(r+1)^{1}$			
				• • •				
i - 1	i	$(2r+1)^{i-1}$	$2r(2r+1)^{i-1}$	$2(r+1)^{i-2}$	$2r(r+1)^{i-2}$			
				• • •				
h - 1	h	$(2r+1)^{h-1}$	$2r(2r+1)^{h-1}$	$2(r+1)^{h-2}$	$2r(r+1)^{h-2}$			



#### Broj čvorova stabla

kompletno stablo

$$C_{kp} = \sum_{i=1}^{h} (2r+1)^{i-1} = \sum_{i=0}^{h-1} (2r+1)^{i} = \frac{(2r+1)^{h} - 1}{2r}$$

poluprazno stablo

$$C_{pp} = 1 + 2\sum_{i=1}^{h-1} (r+1)^{i-1} = 1 + 2\sum_{i=0}^{h-2} (r+1)^{i} = 1 + 2\frac{(r+1)^{h-1} - 1}{r}$$



#### Broj čvorova i visina stabla

kompletno stablo

$$C_{kp} = \frac{(2r+1)^h - 1}{2r}, \quad N = 2rC_{kp} \Longrightarrow N = (2r+1)^h - 1$$

$$h_{kp} = \log_{2r+1}(N+1), \quad h_{min} = \lceil \log_{2r+1}(N+1) \rceil$$

$$C_{kp} = \frac{N}{2r}, \quad C_{min} = \left\lceil \frac{N}{2r} \right\rceil$$

- visina ne može biti manja od  $h_{min}$
- ukupan broj čvorova ne može biti manji od  $C_{min}$



#### Broj čvorova i visina stabla

poluprazno stablo

$$C_{pp} = 1 + 2 \frac{(r+1)^{h-1} - 1}{r}, \quad N = 1 + r(C_{pp} - 1) \Rightarrow N = 2(r+1)^{h-1} - 1$$

$$h_{pp} = 1 + \log_{r+1} \frac{N+1}{2}, \quad h_{max} = 1 + \left\lfloor \log_{r+1} \frac{N+1}{2} \right\rfloor$$

$$C_{pp} = 1 + \frac{N-1}{r}, \quad C_{max} = 1 + \left\lfloor \frac{N-1}{r} \right\rfloor$$

- visina ne može biti veća od  $h_{max}$
- ukupan broj čvorova ne može biti veći od  $C_{max}$





#### Broj čvorova i visina stabla

$$-h_{min} \le h \le h_{max}, C_{min} \le C \le C_{max}$$

N	r	h <sub>min</sub>	h <sub>max</sub>	C <sub>min</sub>	C <sub>max</sub>		
10 <sup>3</sup>	50	2	2	10	20		
10 <sup>4</sup>	50	2	3	10 <sup>2</sup>	2·10 <sup>2</sup>		
10 <sup>5</sup>	50	3	3	10 <sup>3</sup>	2·10 <sup>3</sup>		
10 <sup>6</sup>	50	3	4	10 <sup>4</sup>	2·10 <sup>4</sup>		

$$h_{\min} = \lceil \log_{2r+1}(N+1) \rceil$$

$$C_{min} = \left\lceil \frac{N}{2r} \right\rceil$$

$$h_{max} = 1 + \left| \log_{r+1} \frac{N+1}{2} \right|$$

$$C_{max} = 1 + \left| \frac{N-1}{r} \right|$$

# Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B\*-stablo, B\*-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



#### Indeksna metoda pristupa

- operativni sistem
  - OS mainframe računara poseduju metode pristupa za formiranje, korišćenje i ažuriranje indeksnih datoteka sa Bstablima
- programski jezici
  - korišćenje specijalizovanih biblioteka za indeksnu metodu pristupa, ili
  - korisnici sami pišu svoje metode

#### - SUBP

- poseduju sopstvene indeksne metode pristupa
- koriste ih u izgradnji fizičkih struktura baza podataka



#### Struktura datoteke s B-stablom

- zona indeksa: spregnuta struktura, B-stablo
  - dinamički, gusto popunjeni indeks
    - svaka vrednost ključa primarne zone propagira se u zonu indeksa
  - dinamičko ažuriranje prati ažuriranje primarne zone
  - omogućava traženja u primarnoj zoni
- primarna zona: serijska datoteka
  - iskorišćenje dobrih osobina serijske datoteke pri ažuriranju
    - pod pretpostavkom da se traženja ne vrše direktno u serijskoj datoteci



#### Formiranje datoteke s B-stablom

- formiranje primarne zone
  - preuzimanjem postojeće (serijske) datoteke ili
  - sukcesivnim učitavanjem slogova ulazne (serijske) datoteke

#### formiranje zone indeksa

- upisivanje zaglavlja stabla traženja u zonu indeksa
  - inicijalno, nedefinisane vrednosti pokazivača na koren stabla i krajnji levi čvor stabla
  - inicijalizuje se pokazivač na prvi blok u lancu praznih blokova
- formiranje lanca praznih blokova (čvorova)
- sukcesivno čitanje slogova primarne zone i formiranje Bstabla, dinamičkim upisivanjem novih elemenata
- upisivanje prvog elementa ⇒ formiranje korena stabla



#### Upis novog elementa u B-stablo

- prethodi mu neuspešno traženje elementa (tso)
  - započinje u korenu
  - uvek završava u listu
    - upoređivanjem argumenta traženja s vrednostima ključa u svakom čvoru i
    - praćenjem pokazivača na čvorove na jednom pristupnom putu od korena do lista
- započinje na mestu zaustavljanja neuspešnog traženja u listu
- list može biti potpuno ili delimično popunjen

# it

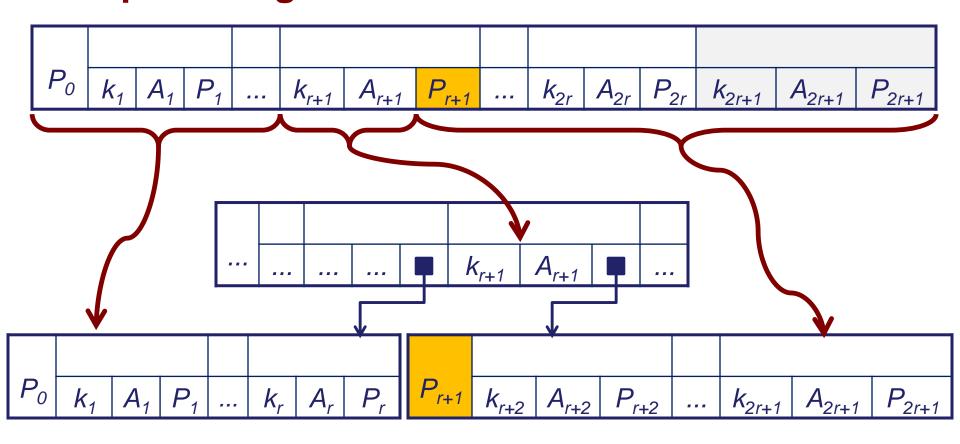
# Formiranje datoteke s B-stablom

#### Upis novog elementa u B-stablo

- aktuelni broj elemenata u listu  $m_e$  dve mogućnosti
- (A) delimično popunjen list:  $m_e < 2r$ 
  - novi element upisuje se na poziciju zaustavljanja traženja
  - elementi s većom vrednošću ključa u čvoru pomeraju se za jednu poziciju udesno
- **(B)** potpuno popunjen list:  $m_e = 2r$ 
  - podela lista na dva lista alocira se novi, desni list
  - formira se u OM uređeni niz od 2r + 1 elemenata
    - prva polovina niza ostaje u levom (postojećem) listu:
    - srednji element upisuje se u nadređeni čvor može izazvati deljenje nadređenog čvora
    - druga polovina niza upisuje se u desni (novi) list
  - ukoliko se deli koren, dolazi do formiranja novog korena i povećavanja visine stabla za 1



Upis novog elementa u B-stablo



# it

# Formiranje datoteke s B-stablom

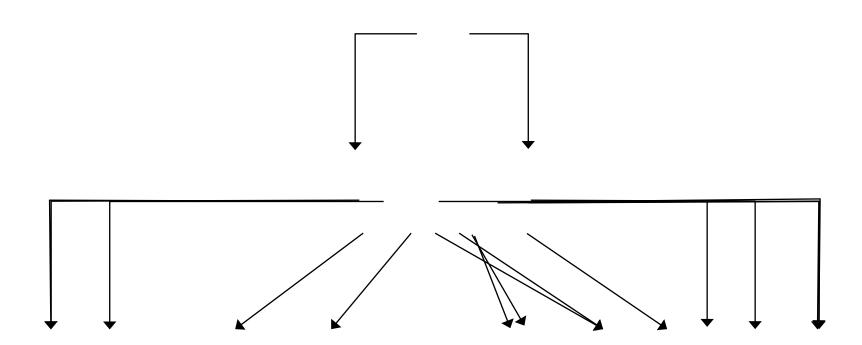
- Primer
  - ulazna serijska datoteka primarna zona

34	07	03	15	19	29	64	43	23	27	13	49	25	71	88	37	46	40
	- 33		(8)						- 33	(O							188

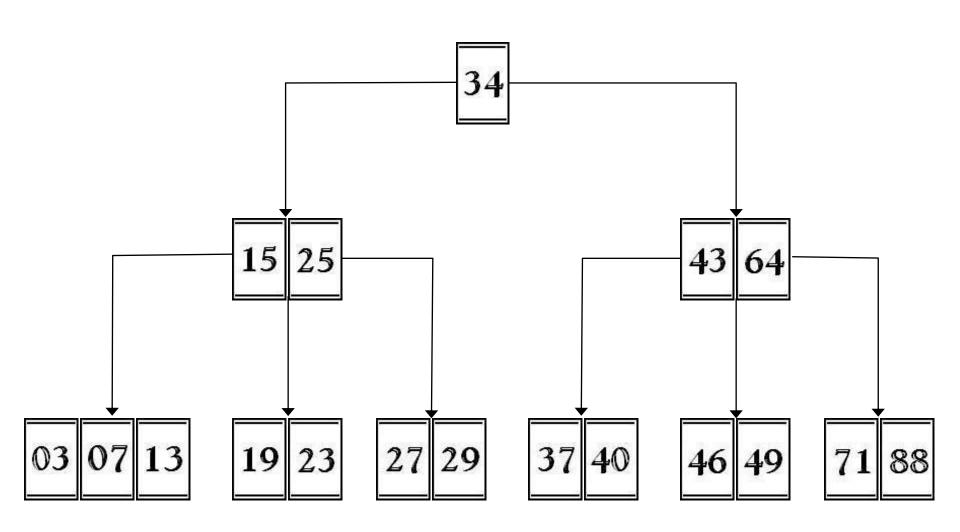
- -N = 18 slogova
- rang stabla: r = 2
- visina stabla: h = 3
- kapacitet svakog čvora: 2r = 4 elementa



34	07	03	15	19	29	64	43	23	27	13	49	25	71	88	37	46	40
		on.		0.0		0983					-8-	50	(173)	,		200	







# Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B\*-stablo, B\*-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



#### Traženje logički narednog sloga

- modifikovani simetrični postupak prolaska kroz Bstablo
  - naizmenično pristupanje listovima i njihovim nadređenim elementima
- vrši se od tekućeg elementa stabla
  - inicijalno, tekući element stabla je element sa najmanjom vrednošću ključa u krajnjem levom listu
- upoređuju se argument traženja a i vrednosti ključa elemenata stabla  $k_e$ 
  - traženje se uspešno završava kada je  $a = k_e$
  - neuspešno traženje završava se nailaskom na element sa  $k_e > a$  ili nailaskom na kraj krajnjeg desnog lista



#### Traženje logički narednog sloga

- sa h bafera u OM
- uspešno

$$0 \le R_u \le C_{max} + 1$$

neuspešno

$$0 \le R_n \le C_{max}$$



#### Traženje slučajno odabranog sloga

- traženje započinje u korenu stabla
  - eventualno se nastavlja u podređenim čvorovima
  - završava se u čvoru u kojem je element pronađen ili u listu
  - na svakom nivou hijerarhije stabla pristupa se najviše jednom čvoru
- upoređuju se argument traženja a i vrednosti ključa elemenata stabla  $k_e$
- ako se pri traženju nađe element, za koji je  $a = k_e$ 
  - traženom slogu pristupa se na osnovu adrese A<sub>e</sub>
- ako se, pri traženju u čvoru, dođe do elementa sa  $k_e > a$ 
  - traženje se nastavlja u odgovarajućem podstablu



#### Traženje slučajno odabranog sloga

- uspešno, završava u bilo kojem čvoru
  - broj pristupa, samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$1 \le R_u \le h + 1$$

- neuspešno, završava uvek u listu
  - broj pristupa, samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_n = h$$

- celo stablo u OM:  $R_u = R_n = 0$ 

# Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B\*-stablo, B\*-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



- Može se koristiti
  - primarno kao obrađivana, ali može i kao vodeća
  - i u režimu redosledne i u režimu direktne obrade
  - u svim slučajevima, pokazuje solidne performanse



- Ukupan broj pristupa datoteci
  - da li je stablo kompletno ili poluprazno
    - broj čvorova kompletnog stabla je najmanji mogući, a polupraznog najveći mogući
  - da li je rezervisano h bafera za ceo pristupni put ili samo 1 bafer za čvorove B-stabla
    - u slučaju h bafera, ceo pristupni put staje u OM pa se svakom čvoru stabla pristupa tačno jedanput
    - u slučaju jednog bafera, svakom neterminalnom čvoru mora se pristupati barem onoliko puta koliko elemenata poseduje
  - da li su sukcesivno traženi slogovi u primarnoj zoni uvek smešteni u fizički susedne lokacije, ili uvek u lokacije različitih blokova



#### Redosledna obrada

- i kao vodeća i kao obrađivana
- ukupan broj pristupa datoteci  $R_{uk}^{r}$ sa h bafera

$$C_{\min} + \left\lceil \frac{N}{f} \right\rceil \le R_{uk}^r \le C_{\max} + N$$



#### Direktna obrada

- putem vodeće datoteke sa  $N_v = N_v^u + N_v^n$  slogova
  - N<sub>v</sub><sup>u</sup> slogova koji iniciraju uspešno traženje
  - N<sub>v</sub><sup>n</sup> slogova koji iniciraju neuspešno traženje
- relativno brz pristup slučajno odabranom slogu
- ukupan broj pristupa  $R_{uk}^{\ d}$

$$R_{uk}^d = R_u N_v^u + R_n N_v^n$$

# Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B\*-stablo, B\*-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



#### Upis novog i brisanje postojećeg sloga

- vrši se u režimu direktne obrade
- izvodi ga metoda pristupa na zahtev aplikativnog programa
- vrši se upis, odnosno logičko brisanje elementa iz primarne zone i odgovarajućeg elementa iz stabla pristupa

#### Upis novog elementa u B-stablo

na isti način, kao u slučaju formiranja B-stabla



#### Brisanje elementa iz B-stabla

- prethodi mu uspešno traženje
- logičko brisanje sloga u primarnoj zoni
- fizičko brisanje elementa iz B-stabla
- element se sme fizički izbrisati jedino ako se nalazi u listu



#### Brisanje elementa iz B-stabla

- (A) element za brisanje nalazi se u listu
  - (A1) list sadrži  $m_e > r$  elemenata ili je koren stabla
    - fizičko oslobađanje lokacije izbrisanog elementa
    - po potrebi, pomeranje ostalih elemenata u listu za jednu poziciju ulevo
    - nakon brisanja, u listu ostaje  $m_e$  1 ≥ r elemenata
  - (A2) list sadrži  $m_e = r$  elemenata i nije koren stabla
    - fizičko oslobađanje lokacije izbrisanog elementa nije dozvoljeno
      - » svaki čvor, osim korena, mora imati minimalno *r* elemenata
    - (A21) postoji barem jedan susedni čvor sa  $m_f > r$  elemenata
      - » primena tehnike pozajmljivanja elemenata iz susednog čvora
    - (A22) svi susedni čvorovi imaju  $m_f = r$  elemenata
      - » primena tehnike spajanja dva čvora u jedan



#### Brisanje elementa iz B-stabla

- susedni čvorovi
  - čvorovi C<sub>e</sub> i C<sub>f</sub> su susedni, ako imaju zajednički direktno nadređeni čvor C i ako važi

$$(\exists ! \mathsf{k} \in \mathit{K}(\mathit{C}))(k_m < k < k_1)$$

- K(C) skup vrednosti ključa u čvoru C
- $k_m$  najveća vrednost ključa u čvoru  $C_e$
- $k_1$  najmanja vrednost ključa u čvoru  $C_f$

# Ažuriranje datoteke s B-stablom

#### Brisanje elementa iz B-stabla

- tehnika pozajmljivanja elemenata od suseda
  - formira se u OM uređeni niz od  $m_f + r 1 + 1$  elemenata
    - svi elementi susednog čvora, jedan nadređeni i r 1 element
       čvora iz kojeg se briše element
    - $-\lfloor (m_f + r)/2 \rfloor$  elemenata smešta se u levi susedni čvor
    - $-\lfloor (m_f + r) / 2 \rfloor + 1$ -vi element smešta se u nadređeni čvor
    - preostali elementi smeštaju se u desni susedni čvor

#### - tehnika spajanja dva susedna čvora u jedan

- formira se u OM uređeni niz od r + r 1 + 1 elemenata
  - r elemenata susednog čvora, jedan nadređeni i r 1 element
     čvora iz kojeg se briše element
  - svih 2r elemenata smešta se u levi susedni čvor
  - desni susedni čvor postaje prazan dealocira se
  - fizičko brisanje elementa iz nadređenog čvora



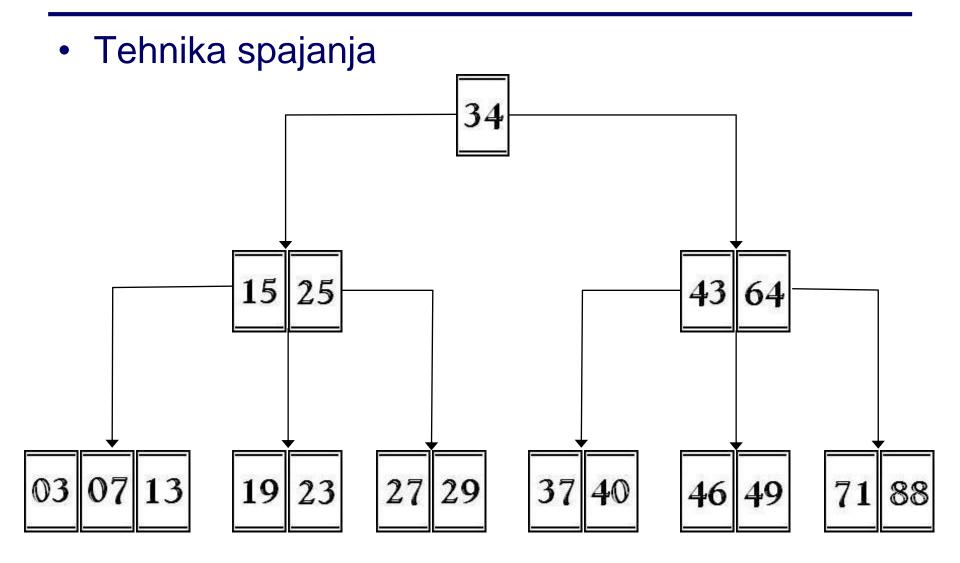
- Brisanje elementa iz B-stabla
  - tehnika spajanja dva susedna čvora u jedan
    - fizičko brisanje elementa iz nadređenog čvora
    - može izazvati novo pozajmljivanje ili spajanje čvorova, na višem nivou u stablu
    - u ekstremnom slučaju, može doći do spajanja jedina dva direktno podređena čvora korenu
      - izaziva dealociranje korena i smanjenje visine stabla za jedan



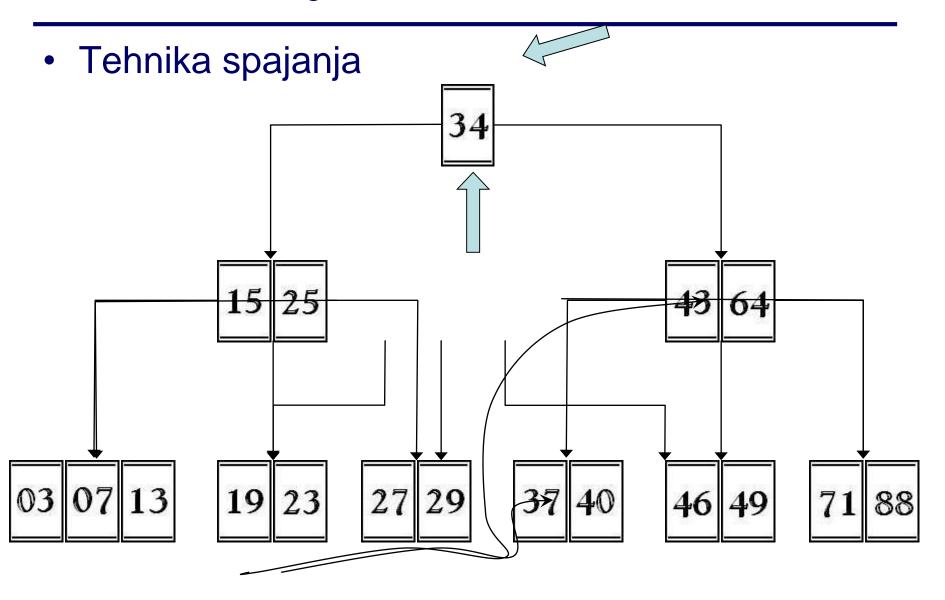
#### Brisanje elementa iz B-stabla

- (B) element za brisanje ne nalazi se u listu
  - zamena elementom koji sadrži prvu veću vrednost ključa
  - predstavlja krajnji levi element u krajnjem levom čvoru desnog podstabla u odnosu na element koji se briše
  - nakon zamene (upisivanja u lokaciju izbrisanog elementa), element s prvom većom vrednošću ključa fizički se briše iz lista
  - povratak na slučaj (A) primena za fizičko brisanje elementa s prvom većom vrednošću ključa



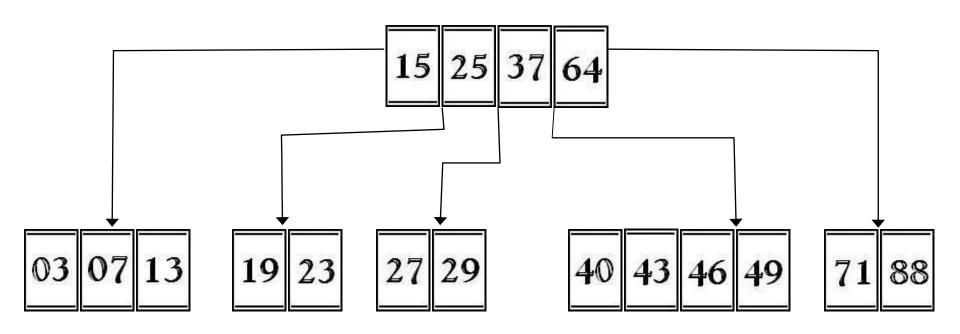






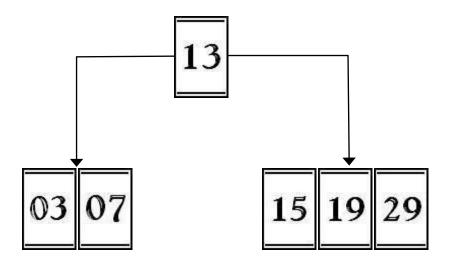


Tehnika spajanja



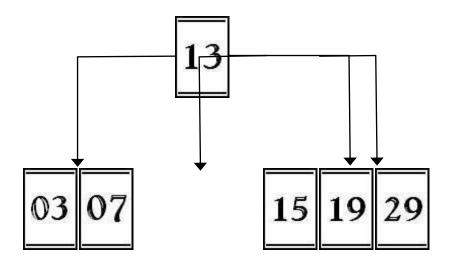


Tehnika pozajmljivanja



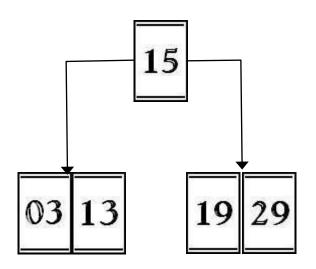


Tehnika pozajmljivanja





Tehnika pozajmljivanja



# Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B\*-stablo, B\*-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



## Ocena karakteristika datoteka s B-stabl.

#### Prednosti

- pokazuju uravnotežene performanse pri direktnoj i redoslednoj obradi
- ne kvare se performanse obrade u vremenu
  - kao posledica naknadnih ažuriranja
- u odnosu na indeks-sekvencijalne datoteke
  - ne zahtevaju postojanje zone prekoračenja
    - struktura primarne zone odgovara strukturi serijske datoteke
  - maksimalni broj pristupa pri traženju slučajno odabranog sloga moguće je unapred proceniti



#### Ocena karakteristika datoteka s B-stabl.

#### Nedostaci

- nije najpogodnije rešenje za redoslednu obradu
  - broj pristupa datoteci zavisi od rasporeda slogova u serijskoj primarnoj zoni
  - bez h bafera u OM
    - potreba višestrukog pristupanja neterminalnim čvorovima
- deljenje čvorova favorizuje izgradnju polupraznog
   B-stabla
  - kada se formiranje datoteke vrši na osnovu sekvencijalne ulazne datoteke
  - svi listovi, osim krajnjeg desnog, uvek poluprazni
  - česta situacija u praksi, kada se vrednosti ključa generišu automatski, inkrementiranjem

# Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B\*-stablo, B\*-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom

## B\*-stablo, B\*-stablo, B+-stablo

#### B\*-stablo

- strukturalno isto, kao osnovno B-stablo
- tehnika prelivanja
  - ublažavanje problema favorizacije polupraznog stabla
  - primenjuje se pri upisu novog elementa u stablo
    - kada je čvor C<sub>e</sub> u koji se upisuje element kompletan, a
    - bar jedan od njegovih susednih čvorova  $C_f$  sadrži  $m_f < 2r$  elemenata
  - formira se u OM uređeni niz od  $m_f$  + 2r + 1 + 1 elemenata
    - svi elementi susednog čvora, jedan nadređeni i 2r + 1
       elemenata čvora u koji se upisuje element
    - $-\lfloor (m_f + 2r + 2) / 2 \rfloor$  elemenata smešta se u levi susedni čvor
    - $-\lfloor (m_f + 2r + 2) / 2 \rfloor + 1$ -vi element smešta se u nadređeni čvor
    - preostali elementi smeštaju se u desni susedni čvor
- favorizacija 75% popunjenosti stabla

## B\*-stablo, B\*-stablo, B+-stablo

#### B#-stablo

- varijanta B\*-stabla
- garantuje se minimalna popunjenost 66%
  - za sve čvorove na svim nivoima hijerarhije, osim na prva dva

#### tehnika distribuiranog deljenja

- primenjuje se pri upisu novog elementa u stablo
  - kada je čvor  $C_e$  u koji se upisuje element kompletan i kompletni su svi njegovi susedi
- elementi susednih čvorova C<sub>e</sub> i C<sub>f</sub> distribuiraju se u tri čvora

# B\*-stablo, B\*-stablo, B+-stablo

#### B#-stablo

#### tehnika distribuiranog deljenja

- elementi susednih čvorova  $C_e$  i  $C_f$  distribuiraju se u tri čvora
- formira se u OM uređeni niz od 2r + 2r + 1 + 1 elemenata
  - -2r elemenata susednog čvora, jedan nadređeni i 2r + 1 elemenata čvora u koji se upisuje element
  - $-\lfloor (4r+2)/3 \rfloor$  elemenata smešta se u levi susedni čvor
  - $-\lfloor (4r+2)/3 \rfloor + 1$ -vi element smešta se u nadređeni čvor
  - $-\lfloor (4r+1)/3 \rfloor$  elemenata smešta se u srednji susedni čvor
  - $-\lfloor (4r+2)/3 \rfloor + \lfloor (4r+1)/3 \rfloor + 2$ -gi element smešta se u nadređeni čvor
  - preostalih \[ 4r / 3 \] elemenata smešta se u novoalocirani, desni susedni čvor



# B\*-stablo, B\*-stablo

#### B+-stablo

- modifikacija osnovnog B-stabla
  - prevazilaženje glavnog nedostatka osnovnog B-stabla, ili neke od njegovih varijanti
  - pri traženju logički narednog sloga potrebno je pristupati svim čvorovima stabla
- u slučaju B+-stabla, za traženje logički narednog sloga dovoljno je pristupati samo listovima



#### B+-stablo

- strukturalno drugačije od osnovnog B-stabla
  - vrednosti ključa svih slogova nalaze se uređene u listovima
  - svi listovi su spregnuti
    - sadrže informaciju o svim logičkim vezama između slogova
  - čvorovi na višim nivoima stabla traženja sadrže najmanje vrednosti ključa iz svakog lista osim iz krajnjeg levog
  - vrednosti ključa čvorova koji ne predstavljaju listove, u nadređenim čvorovima ne ponavljaju se
  - logika formiranja neterminalnih čvorova odgovara strukturi osnovnog B-stabla

# B\*-stablo, B\*-stablo, B+-stablo

#### Format čvora B+-stabla

- niz elemenata
- svaki element: dvojka  $(k_e, P_e), e \in \{1,..., m\}$ 
  - k<sub>e</sub> vrednost ključa sloga S<sub>i</sub> (i ∈ {1, 2,..., N})
  - P<sub>e</sub> pokazivač ka podstablu, za neterminalni čvor ili bloku u primarnoj zoni, u slučaju lista

Zaglavlje								Neiskorišćeni
bloka	$P_0$	$k_1$	$P_1$	$k_2$	$P_2$	 k <sub>m</sub>	$P_m$	prostor

#### Uslovi stabla traženja

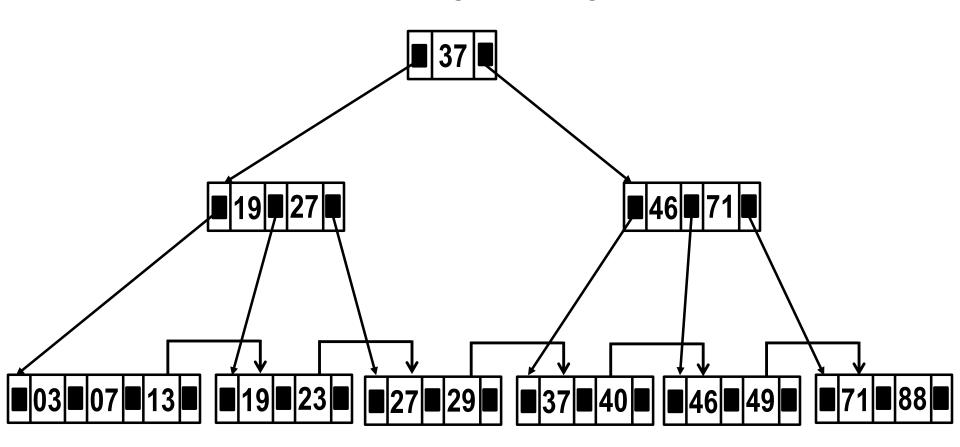
- $(\forall i \in \{1,..., m-1\})(k_i < k_{i+1})$
- $(\forall k \in K(P_0))(k < k_1)$
- $(\forall i \in \{1,..., m-1\})(\forall k \in K(P_i))(k_i \leq k < k_{i+1})$
- $(\forall k \in K(P_m))(k_m \leq k)$

#### Primer B+-stabla



#### Primer:

- B-stablo sa N = 13 slogova, ranga r = 2, visine h = 3



# B\*-stablo, B\*-stablo, B+-stablo

#### Formiranje B+-stabla

- analogan postupak formiranju osnovnog B-stabla, ili neke njegove varijante (B\* ili B\*-stablo)
  - mogu se koristiti postupci prelivanja, običnog ili distribuiranog deljenja, na uobičajen način

#### tehnika deljenja lista - specifičnosti

- formira se u OM uređeni niz od 2r + 1 elemenata
  - svi elementi datog čvora i jedan novododati
  - $-\lfloor (2r+1)/2 \rfloor = r$  elemenata smešta se u levi susedni čvor
  - r + 1-vi element smešta se u nadređeni čvor
  - r + 1-vi element i svih preostalih r elemenata smešta se u novoalocirani, desni susedni čvor
    - » ponavljanje istog elementa i u nadređenom čvoru i u desnom susedu
- neterminalni čvorovi dele se na isti način kao kod B-stabla

# B\*-stablo, B\*-stablo

#### Formiranje B+-stabla

- tehnika prelivanja u listovima specifičnosti
  - formira se u OM uređeni niz od  $m_f$  + 2r + 1 + 1 elemenata
    - svi elementi susednog čvora, jedan nadređeni i 2r + 1
       elemenata čvora u koji se upisuje element
    - $-\lfloor (m_f + 2r + 2)/2 \rfloor$  elemenata smešta se u levi susedni čvor
    - $-\lfloor (m_f + 2r + 2)/2 \rfloor + 1$ -vi element smešta se u nadređeni čvor
    - $-\lfloor (m_f + 2r + 2)/2 \rfloor + 1$ -vi element i svi preostali elementi smeštaju se u desni susedni čvor
  - prelivanje u neterminalnim čvorovima vrši se na isti način kao kod osnovnog B-stabla

# B\*-stablo, B\*-stablo, B+-stablo

#### Traženje u B+-stablu

- traženje logički narednog sloga
  - vrši se isključivo u listovima B+-stabla
  - primenom kombinacije metoda linearnog traženja i metode praćenja pokazivača
  - vrši se od tekućeg elementa B+-stabla

#### redosledna obrada

 prolazak kroz sve listove B+-stabla i pristupanje primarnoj zoni

$$\left| C_h^{min} + \left| \frac{N_v^u}{f} \right| \le R_{uk}^r \le C_h^{max} + N_v^u \right|$$

$$\left\lceil \frac{N}{2r} \right\rceil + \left\lceil \frac{N_v^u}{f} \right\rceil \le R_{uk}^r \le \left\lfloor \frac{N}{r} \right\rfloor + N_v^u$$



#### Traženje u B+-stablu

- traženje slučajno odabranog sloga
  - počinje u korenu B+-stabla i uvek se završava u jednom od listova – i za uspešno i za neuspešno traženje
    - ako je  $a < k_e$ , dalje se prati pokazivač  $P_{e-1}$
    - ako je a ≥  $k_e$ , prati se pokazivač  $P_e$  stiže se do lista
- broj pristupa, uspešno
  - samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_u = h^+ + 1$$

- broj pristupa, neuspešno
  - samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_n = h^+$$



#### Traženje u B+-stablu

visina kompletnog B+-stabla

$$C_h^{kp} = (2r+1)^{h-1}, \quad N = 2rC_h^{kp} \Longrightarrow \frac{N}{2r} = (2r+1)^{h-1}$$

$$h_{kp}^{+} = 1 + \log_{2r+1} \frac{N}{2r}, \quad h_{min}^{+} = 1 + \left| \log_{2r+1} \frac{N}{2r} \right|$$

visina polupraznog B+-stabla

$$C_h^{pp} = 2(r+1)^{h-2}, \quad N = rC_h^{pp} \Rightarrow \frac{N}{2r} = (r+1)^{h-2}$$

$$h_{pp}^+ = 2 + \log_{r+1} \frac{N}{2r}, \quad h_{max}^+ = 2 + \left| \log_{r+1} \frac{N}{2r} \right|$$



#### Visine B-stabla i B+-stabla

$$-h_{min}^+ \le h^+ \le h_{max}^+$$

N	r	h <sub>min</sub>	h <sub>max</sub>	h <sub>min</sub> +	h <sub>max</sub> +
10 <sup>3</sup>	50	2	2	2	2
10 <sup>4</sup>	50	2	3	2	3
10 <sup>5</sup>	50	3	3	3	3
10 <sup>6</sup>	50	3	4	3	4

$$h_{min}^+ = 1 + \left\lceil \log_{2r+1} \frac{N}{2r} \right\rceil$$

$$h_{max}^+ = 2 + \left| \log_{r+1} \frac{N}{2r} \right|$$

$$h_{min} = \lceil \log_{2r+1}(N+1) \rceil$$

$$h_{max} = 1 + \left| \log_{r+1} \frac{N+1}{2} \right|$$

# B\*-stablo, B\*-stablo, B+-stablo

#### Ažurianje B+-stabla

- upis novog elementa u B+-stablo vrši se na isti način kao pri formiranju B+-stabla
- brisanje
  - briše se i element u listu i, ako je ponovljen, element sa istom vrednošću ključa u nadređenom čvoru
- brisanje elementa iz čvora sa r elemenata
  - tehnika pozajmljivanja
  - tehnika spajanja čvorova

# Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B\*-stablo, B\*-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



#### Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom

- modifikacija B+-stabla
  - prevazilaženje glavnog nedostatka B+-stabla, ili neke od njegovih varijanti
  - za sva uspešna traženja sloga, potrebno je pristupati primarnoj zoni
- u slučaju indeks-sekvencijalne datoteke s B-stablom, uspešna traženja završavaju u listovima
- strukturalno drugačija od B+-stabla
  - u listovima B+-stabla ne memorišu se parovi (k<sub>e</sub>, P<sub>e</sub>), već kompletni slogovi
  - pogodna u situacijama kada kapacitet sloga nije preveliki
    - kako bi se očuvao solidan rang stabla



#### Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom

- strukturalno drugačija od B+-stabla
- Listovi B+-stabla postaju blokovi primarne zone

#### Primarna zona

- spregnuta struktura
- slogovi uređeni saglasno rastućim vrednostima ključa

#### Zona indeksa

- spregnuta struktura = neterminalni čvorovi B+-stabla
- osnovno B-stablo ili neka od varijanti (B\*, B\*)
- u zonu indeksa propagiraju se najmanje vrednosti ključa svakog bloka primarne zone, osim prvog bloka



#### Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom

- Primarna zona faktor blokiranja
  - f = 2r
- Primarna zona broj blokova
  - kompletno stablo

$$B_{min} = \left| \frac{N}{2r} \right| = \left| \frac{N}{f} \right|$$

poluprazno stablo

$$B_{max} = \left\lceil \frac{N}{r} \right\rceil = \left\lceil \frac{2N}{f} \right\rceil$$

broj blokova kreće se u rasponu

$$B_{min} \le B \le B_{max}$$



#### Formiranje

- analogno datoteci sa B+-stablom
  - može se poći od ulazne serijske ili ulazne sekvencijalne datoteke

#### Obrada

- može se koristiti
  - i kao vodeća i kao obrađivana
  - i u režimu redosledne i u režimu direktne obrade
  - pogodnija za primenu u redoslednoj obradi
- u redoslednoj obradi, pristupa se (svim) blokovima primarne zone
  - pogodno da broj blokova primarne zone bude manji
    - za manje kapacitete slogova, postiže se veći r i manji B



#### Traženje i ažuriranje

 postupci analogni onima koji se primenjuju u slučaju B+-stabla

#### traženje logički narednog sloga

- vrši se isključivo u blokovima primarne zone
- primenom kombinacije metoda linearnog traženja i metode praćenja pokazivača
- vrši se od tekućeg sloga primarne zone



#### Traženje i ažuriranje

- traženje slučajno odabranog sloga
  - počinje u korenu B-stabla i uvek se završava u bloku primarne zone – i za uspešno i za neuspešno traženje
- broj pristupa, uspešno
  - samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_{ij} = h^{is} + 1$$

- broj pristupa, neuspešno
  - samo jedan bafer u OM za stablo pristupa

$$R_n = h^{is} + 1$$



### Traženje slučajno odabranog sloga

visina kompletnog B-stabla

$$h_{kp}^{is} = h_{kp}^+ - 1$$

$$h_{\min}^{is} = h_{\min}^+ - 1$$

visina polupraznog B-stabla

$$h_{pp}^{is} = h_{pp}^+ - 1$$

$$h_{\max}^{is} = h_{\max}^+ - 1$$



#### Visine B-stabla, B+-stabla i B-stabla IS datot.

$$-h_{min}^{is} \le h^{is} \le h_{max}^{is}$$

N	r	<b>h</b> <sub>min</sub>	h <sub>max</sub>	h <sub>min</sub> +	h <sub>max</sub> +	h <sub>min</sub> is	h <sub>max</sub> is
10 <sup>3</sup>	50	2	2	2	2	1	1
10 <sup>4</sup>	50	2	3	2	3	1	2
10 <sup>5</sup>	50	3	3	3	3	2	2
10 <sup>6</sup>	50	3	4	3	4	2	3

$$h_{min}^{+} = 1 + \left[ \log_{2r+1} \frac{N}{2r} \right]$$
  $h_{min}^{is} = h_{min}^{+} - 1$ 

$$h_{max}^{+} = 2 + \left| \log_{r+1} \frac{N}{2r} \right| \qquad h_{max}^{is} = h_{max}^{+} - 1$$

$$h_{\min}^{is} = h_{\min}^+ - 1$$

$$h_{\max}^{is} = h_{\max}^+ - 1$$



## Ocena karakteristika indeksnih datoteka s B-stablima

- pogodne i za direktnu i za redoslednu obradu
  - relativno brz pristup slučajno odabranom slogu
  - ne prevelik broj pristupa u redoslednoj obradi
    - za efikasniju redoslednu obradu koriste se indeks-sekvencijalne datoteke s B-stablom
      - » u slučajevima ne prevelikog kapaciteta sloga
- kompromisno rešenje pri izboru fizičke strukture podataka
  - nije idealna organizacija ni za redoslednu ni za direktnu obradu, ali
  - organizacija, prisutna u svim savremenim SUBP, bez izuzetka

# Sadržaj



- Osnovno B-stablo
- Formiranje datoteke s B-stablom
- Traženje u datoteci s B-stablom
- Obrada datoteke s B-stablom
- Ažuriranje datoteke s B-stablom
- Ocena karakteristika datoteka s B-stablom
- B\*-stablo, B\*-stablo, B+-stablo
- Indeks-sekvencijalna datoteka s B-stablom



#### Literatura

- Pavle Mogin: Strukture podataka i organizacija datoteka
  - Glava 13, osim poglavlja 13.12 i 13.13



# Pitanja i komentari







# Indeksne datoteke s B-stablima

B-stablo, formiranje, traženje, ažuriranje i obrada indeksne datoteke sa B-stablom