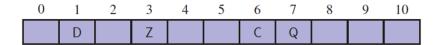
Upravljanje memorijom i B-stabla

© Goodrich, Tamassia, Goldwasser

Katedra za informatiku, Fakultet tehničkih nauka, Univerzitet u Novom Sadu $2019. \label{eq:2019}$

Memorija računara

- memorija je potrebna za implementaciju svake strukture podataka
- memorija je organizovana kao sekvenca reči gde se svaka reč sastoji od 4, 8 ili 16 bajtova (zavisno od računara)
- \bullet ove reči su numerisane od 0 do N-1, gde je N broj reči dostupnih računaru
- broj povezan sa svakom od reči zove se adresa



Kreiranje objekata

- u Python programu svi objekti se čuvaju u delu memorije koji se zove memory heap ili Python heap – ne treba mešati sa strukturom podataka koja se zove heap
- šta se dešava kada izvršimo nešto kao:
 - w = Widget()
- kreira se nova instanca klase i skladišti se negde na heapu

Lista slobodnih blokova

- memorijski heap je podeljen u blokove kontinualne "parčiće" memorije koji mogu biti fiksne ili promenljive veličine
- mora biti moguće brzo zauzimanje memorije za nove objekte
- jedno popularno rešenje čuvanje slobodnih "rupa" u heapu u povezanoj listi, zvanoj lista slobodnih blokova
- odlučivanje kako dodeljivati blokove iz liste slobodnih prilikom zauzimanja (alokacije) memorije je deo upravljanja memorijom

Upravljanje memorijom

- postoji više načina za alokaciju memorije na heapu koji minimizuju fragmentaciju
 - best fit: pronađi u celoj listi onaj blok čija veličina je najbliža traženoj veličini
 - first fit: kreni od početka liste i pronađi prvi blok koji je dovoljno velik
 - next fit: traži se prvi sledeći dovoljno veliki blok počevši od prethodne pozicije; lista je cirkularna
 - worst fit: pronađi najveći slobodan blok

Sakupljanje đubreta

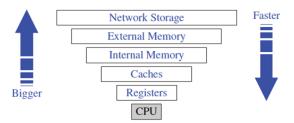
- garbage collection: proces otkrivanja "ustajalih" objekata, oslobađanje memorije koju ti objekti zauzimaju, i vraćanje toga u listu slobodnih blokova
- da bi program mogao da pristupi objektu, mora imati referencu na njega (direktnu ili indirektnu)
 - takvi objekti su živi objekti
- živi objekti koji su direktno dostupni (postoji promenljiva koja sadrži referencu na njih) su korenski objekti
- indirektna referenca na živi objekat je referenca koja se nalazi u nekom drugom živom objektu

Mark-and-sweep algoritam

- svakom objektu dodeljena je oznaka (mark) da li je objekat živ
- kada odlučimo da je potrebno skupljati đubre, zaustavimo sve druge aktivnosti i
 - ukinemo mark za sve objekte na heapu
 - prođemo kroz sve module i sve korenske objekte označimo kao žive
 - odredimo da li su ostali objekti dostupni preko korenskih objekata – pretragom grafa po dubini

Hijerarhija memorije

- računari imaju hijerarhiju sa različitim vrstama memorije
- nivoi hijerarhije se razlikuju po veličini i udaljenosti od procesora
 - najbliži su interni registri procesora; pristup je vrlo brz ali ih ima vrlo malo
 - drugi nivo: cache memorija
 - treći nivo: operativna memorija (RAM)
 - četvrti nivo: spoljašnja memorija (diskovi)



Virtuelna memorija

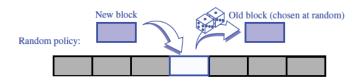
- virtuelna memorija: adresni prostor velik kao kapacitet spoljne memorije
- stranice se premeštaju iz spoljne u operativnu memoriju kada su potrebne
 - virtuelna memorija ukida ograničenje veličine operativne memorije
- koji deo čuvati u operativnoj memoriji: caching
- zahvaljujući vremenskoj lokalnosti
- učitavanjem stranice u operativnu memoriju nadamo se da će ona biti uskoro potrebna
- i da ćemo moći brzo da odgovorimo na sve zahteve za tom stranicom u bliskoj budućnosti

Strategije zamene blokova u operativnoj memoriji

- kada se traži nova stranica a operativna memorija je popunjena moramo izbaciti neku postojeću stranicu
- strategije za page replacement
 - LIFO
 - FIFO
 - random

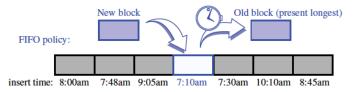
Random strategija

- izaberi stranicu koju ćeš izbaciti slučajnim putem
 - traje O(1)
 - ali ne pokušava da iskoristi vremensku lokalnost



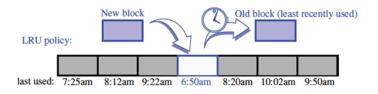
FIFO strategija

- jednostavna za implementaciju potreban je red koji čuva reference na stranice u kešu
 - stranice se dodaju u red prilikom učitavanja
 - kada treba izbaciti stranicu, uklanja se prva stranica iz reda ${\cal O}(1)$
 - pokušava da iskoristi vremensku lokalnost



LRU strategija

- least recently used najdavnije korišćena stranica
 - odlična politika ali implementacija može biti komplikovana
 - potreban je adaptivni red sa prioritetom
 - ako se implementira kao sortirana sekvenca pomoću povezane liste, uklanjanje je ${\cal O}(1)$



Blokovi na disku

- čuvamo veliku kolekciju elemenata koja ne može stati u operativnu memoriju
- spoljnu memoriju smo podelili na disk blokove
- prenos bloka između spoljne i operativne memorije je disk transfer ili I/O
- velika razlika između vremena pristupa operativnoj i spoljnoj memoriji
- ⇒ želimo da minimizujemo broj disk transfera da bismo izvršili pretragu ili ažuriranje
- ovaj broj zovemo I/O kompleksnost algoritma

(a,b) stablo

- možemo predstaviti mapu za pretragu pomoću n-arnog stabla
- (a,b) stablo predstavlja uopštenje (2,4) stabla
 - • (a,b) stablo je n-arno stablo u kome svaki čvor ima između a-1 i b-1 dece
- podešavanjem parametara a i b u odnosu na veličinu disk bloka možemo postići dobre I/O performanse

(a,b) stablo

- (a,b) stablo gde su a i b celobrojni parametri takvi da je $2 \le a \le (b+1)/2$ je n-arno stablo pretrage sa sledećim osobinama
 - ullet veličina: svaki interni čvor osim korena ima najmanje a dece; koren ima najviše b dece
 - dubina: svi listovi imaju istu dubinu

Visina (a,b) stabla

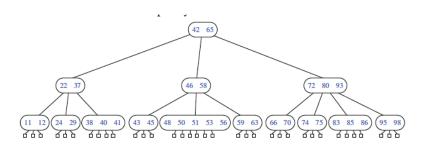
- ullet visina (a,b) stabla sa n elemenata je
 - $\Omega(\log n/\log b)$
 - $O(\log n / \log a)$

Pretraga i ažuriranje u (a,b) stablu

- pretraga se odvija kao u n-arnom stablu
- dodavanje slično (2,4) stablu
 - overflow nastupa kada se dodaje element u b-čvor
 - ullet čvor se deli pomeranjem median vrednosti u roditelja i zamenom čvora sa dva nova (b+1)/2-čvora
- uklanjanje slično (2,4) stablu
 - underflow nastupa kada se ukloni element iz a-čvora
 - ako je brat a-čvor radi se fuzija
 - ullet ako brat nije a-čvor radi se transfer

B-stablo

- najpoznatija struktura za čuvanje mape u spoljnoj memoriji
- B-stablo reda d je (a,b) stablo za a=d/2 i b=d



I/O složenost B-stabla

 \bullet B-stablo sa n čvorova ima I/O složenost $O(\log_B n)$ za pretragu i ažuriranje, i troši O(n/B) blokova, gde je B veličina bloka