Compte-rendu

Charles Javerliat, Pierre Sibut-Bourde INSA Lyon, 3-IF

13 décembre 2019

Mots-clés— Gestion de catalogue, C++, Graphes, Algorithmique, Classes héritées, Polymorphisme, Surcharge.

Résumé

Ce compte-rendu traite du TP n°2 de Programmation Orientée Objet du cours de C++. Il s'agit de réaliser une application pouvant gérer un catalogue de trajets (ajout, suppression), simples ou composés, et pouvant rechercher un itinéraire entre deux points.

Dans un premier temps, on utilisera un diagramme afin d'expliquer les classes mises en place pendant ce TP, les méthodes associées et les liens qui les régissent. Cette partie a pour but d'expliquer l'application et surtout la structure qui s'y niche.

Cette structure doit être exploitée par un utilisateur désireux de rechercher un trajet entre deux villes. Pour cela, on fonctionne en deux temps. Tout d'abord, on explicite l'algorithmique associé à une recherche simple entre deux points directement reliés. Puis l'on cherchera à implémenter un algorithme cherchant la/les combinaisons de trajets entre deux villes. Cela nous conduira à développer des outils simples de théorie des graphes, que nous expliciterons au besoin.



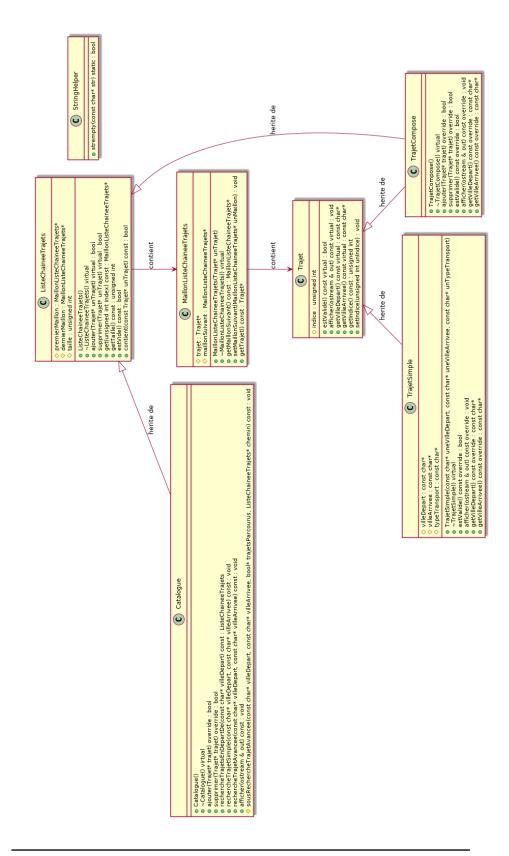
Table des matières

1	Clas	ses : application catalogue de trajets	3	
	1.1	Diagramme de classes	3	
	1.2	Explication	5	
		1.2.1 ListeChaineeTrajets	5	
		1.2.2 MaillonListeChaineeTrajets	6	
		1.2.3 Trajet	6	
		1.2.4 TrajetSimple	6	
		1.2.5 TrajetCompose	7	
		1.2.6 Catalogue	7	
		1.2.7 StringHelper	8	
	1.3	État de la mémoire sur un jeu de données	9	
2	A lor	orithme de recherche de trajets 1	0	
3			3	
	3.1		3	
			.3	
			.3	
		v	6	
	3.2		7	
	3.3	9	7	
	3.4	Tests unitaires	17	
\mathbf{A}	Code source des diagrammes UML			
	A.1	Diagramme Figure 1	8	
	A.2	Diagramme Figure 2	8	
	A.3	Diagramme Figure 3	8	
	A.4	Diagramme de classe	20	
	A.5	Diagramme de la mémoire	22	
В	Calo	cul empirique de $(c_n)_{n\in\mathbb{N}}$ 3	4	
			34	
			35	
\mathbf{C}			6	
C		1 0	36	
		v	39	
		9 11	14	
	C.4	v	16	
	C.5	v	18	
	C.6		60 60	
	C.7	v	51	
	C.8		53	
	C.9	v 1 11	,5 6	
			60	
			33	
			56	
			72	
			ے 37	
	$\bigcirc.14$	шаш.орр	J	



- 1 Classes : application catalogue de trajets
- 1.1 Diagramme de classes







1.2 Explication

On veut créer un catalogue de trajets, c'est-à-dire une liste de trajets. Un trajet est caractérisé par un nom, et peut être ou bien *simple*, ou bien *composé*. Un trajet, s'il est simple, est caractérisé par une ville de départ, une ville d'arrivée, un moyen de transport. Un trajet, s'il est composé, est une suite ordonnée de sous-trajets reliés entre eux. On cherche à découpler au maximum les différentes classes pour faciliter la maintenance future, en rajoutant un maximum de documentation.

Pour vérifier que le contrat des différentes méthodes est bien respecté, nous avons réalisé un ensemble de tests unitaires disponibles via le binaire cataloguetest qui contient la version compilée des tests unitaires contenus dans le fichier test.cpp.

1.2.1 ListeChaineeTrajets

La classe ListeChaineeTrajets contient des MaillonListeChaineeTrajets. Elle permet de stocker de manière ordonnée des pointeurs vers des instances de Trajet dans ses maillons. La classe permet d'accéder à ces trajets en la parcourant de manière itérative en temps linéaire O(n).

L'utilité d'avoir une classe supplémentaire plutôt que de coder directement une liste chaînée dans Catalogue par exemple permet la clarté du code, ainsi que la maintenance simple du fonctionnement interne de la liste. Cette classe propose plusieurs attributs et méthodes :

Attributs

- MaillonListeChaineeTrajets* premierMaillon Le pointeur vers le premier maillon de la liste.
- MaillonListeChaineeTrajets* dernierMaillon Le pointeur vers le dernier maillon de la liste.
- unsigned int taille La taille de la liste, correspond au nombre de maillons.

Méthodes

- bool ajouter(Trajet* unTrajet) Ajoute un maillon contenant le Trajet à la liste chaînée et retourne vrai si l'action a été réalisée avec succès.
- bool supprimer(Trajet* unTrajet) Supprime le maillon d'un trajet de la liste chaînée et retourne vrai si l'action a été réalisée avec succès.
- MaillonListeChaineeTrajets* get(unsigned int index) const Retourne le pointeur vers le ième maillon de la liste, ou nullptr si il n'existe pas.
- MaillonListeChaineeTrajets* getPremierMaillon() const Retourne le pointeur vers le premier maillon.
- MaillonListeChaineeTrajets* getDernierMaillon() const Retourne le pointeur vers le dernier maillon.
- unsigned int getTaille() const Retourne la taille de la liste.
- bool estVide() const Retourne vrai si la liste est vide.
- bool contient(const Trajet* unTrajet) const Retourne vrai si le trajet est contenu dans la liste.



1.2.2 MaillonListeChaineeTrajets

La classe MaillonListeChaineeTrajets contient un pointeur vers un Trajet et le maillon suivant. Elle constitue un élément fondamental pour l'implémentation de la ListeChaineeTrajets. Cette classe propose plusieurs attributs et méthodes :

Attributs

- Trajet* trajet Le pointeur du trajet contenu dans le maillon.
- MaillonListeChaineeTrajets* maillonSuivant Le pointeur vers le maillon suivant.

Méthodes

- MaillonListeChaineeTrajets* getMaillonSuivant() Retourne le pointeur vers le maillon suivant le maillon actuel.
- void setMaillonSuivant(MaillonListeChaineeTrajets* unMaillon)
 Met à jour le pointeur vers le maillon suivant.
- Trajet* getTrajet() const Retourne le pointeur du trajet contenu dans le maillon.

1.2.3 Trajet

La classe Trajet est une classe abstraite contenant les attributs et méthodes communs à tous les types de trajets qui héritent de cette classe (TrajetSimple et TrajetCompose). L'utilisation de classe abstraite permet d'appliquer le principe de subtitution de Liskov, et d'appeler les méthodes sur un type Trajet sans se soucier du type réel du Trajet et de l'implémentation des méthodes derrière. Cela permet par exemple d'avoir une ListeChaineeTrajets pouvant contenir à la fois des TrajetSimple et des TrajetCompose. Cette classe propose plusieurs attributs et méthodes :

Attributs

— unsigned int indice L'indice du trajet dans le catalogue.

Méthodes

- bool estValide() const Renvoie vrai si le trajet est valide (attributs corrects, départ différent de l'arrivée, etc).
- void afficher(ostream & out) const Affiche le trajet sur le flux de sortie (cout, cerr, ...).
- const char* getVilleDepart() const Renvoie la ville de départ du trajet.
- const char* getVilleArrivee() const Renvoie la ville d'arrivée du trajet.
- unsigned int getIndice() const Renvoie l'indice du trajet dans le catalogue.
- void setIndice(unsigned int unIndice) Met à jour l'indice du trajet dans le catalogue.

1.2.4 TrajetSimple

La classe TrajetSimple est une classe héritée de Trajet, elle définie un trajet direct entre une ville de départ et une ville d'arrivée au moyen d'un type de transport défini. Cette classe propose plusieurs attributs et méthodes :

Attributs

— const char* villeDepart Nom de la ville de départ du trajet



- const char* villeArrivee Nom de la ville d'arrivée du trajet
- const char* typeTransport Nom du type de transport pour aller d'une ville à l'autre

Méthodes

- bool estValide() const Renvoie vrai si le trajet est valide (attributs corrects, départ différent de l'arrivée, etc).
- void afficher(ostream & out) const Affiche le trajet sur le flux de sortie (cout, cerr, ...).
- const char* getVilleDepart() const Renvoie la ville de départ du trajet.
- const char* getVilleArrivee() const Renvoie la ville d'arrivée du trajet.

1.2.5 TrajetCompose

La classe TrajetCompose est une classe héritée de Trajet et de ListeChaineeTrajets, elle définie une liste de sous-trajets. Le trajet composé s'occupe de libérer la mémoire associée à ses sous-trajets à sa destruction. Cette classe propose plusieurs méthodes :

- bool ajouter(Trajet* unTrajet) Ajoute un trajet au trajet composé, retourne vrai si l'action a été effectuée avec succès.
- bool supprimer(Trajet* unTrajet) Supprime un trajet du trajet composé, retourne vrai si l'action a été effectuée avec succès.
- bool estValide() const Renvoie vrai si le trajet est valide (attributs corrects, départ différent de l'arrivée, etc).
- void afficher(ostream & out) const Affiche le trajet sur le flux de sortie (cout, cerr, ...).
- const char* getVilleDepart() const Renvoie la ville de départ du traiet.
- const char* getVilleArrivee() const Renvoie la ville d'arrivée du trajet.

1.2.6 Catalogue

La classe Catalogue est une classe héritée de ListeChaineeTrajets, elle permet de gérer une liste de trajets, et de procéder à des recherches d'itinéraires entre de villes de manière simple (recherche directe de trajet validant la contrainte) ou avancée (recherche par composition de trajets). Le catalogue s'occupe de libérer la mémoire associée à ses trajets à sa destruction. Cette classe propose plusieurs méthodes :

- bool ajouter(Trajet* unTrajet) Ajoute un trajet au catalogue, retourne vrai si l'action a été effectuée avec succès.
- bool supprimer(Trajet* unTrajet) Supprime un trajet du catalogue, retourne vrai si l'action a été effectuée avec succès.
- bool estValide() const Renvoie vrai ou faux selon si le catalogue est valide.
- ListeChaineeTrajets rechercheTrajetsEnDepartDe(const char* villeDepart) const Renvoie la liste des trajets en départ de villeDepart.
- bool rechercheTrajetSimple(const char* villeDepart, const char* villeArrivee) const Affiche les trajets directs possibles pour aller de



- villeDepart à villeArrivee et retourne vrai si au moins un est trouvé.
- bool rechercheTrajetAvancee(const char* villeDepart, const char* villeArrivee) const Affiche les trajets ou combinaisons de trajets possibles pour aller de villeDepart à villeArrivee et retourne vrai si au moins un est trouvé. Crée les variables nécessaires pour appeler la méthode récursive sousRechercheTrajetAvancee.
- bool sousRechercheTrajetAvancee(const char* villeDepart, const char* villeArrivee, bool* trajetsParcourus, ListeChaineeTrajets* chemin) const Affiche les trajets ou combinaisons de trajets possibles pour aller de villeDepart à villeArrivee et retourne vrai si au moins un est trouvé
- void afficher(ostream & out) const Affiche le catalogue sur le flux de sortie.

1.2.7 StringHelper

StringHelper permet de rajouter une méthode utilitaire pour vérifier si une chaîne de caractère est vide ou non :

— static bool strempty(const char* str) Retourne vrai si la chaîne de caractères est vide.

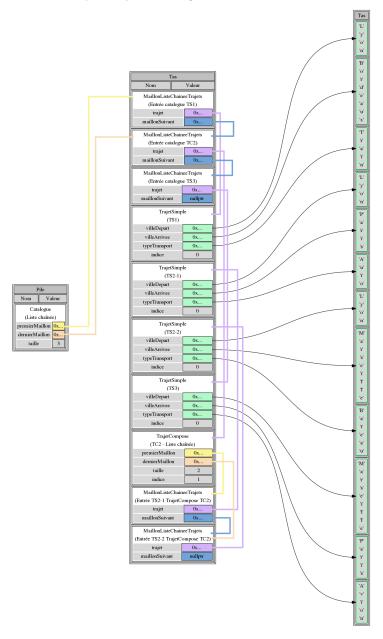


1.3 État de la mémoire sur un jeu de données

On prend l'exemple d'un catalogue constitué des trois trajets suivants :

- TS1 de Lyon à Bordeaux en Train
- TC2 (TS2-1 de Lyon à Marseille en Bateau) + (TS2-2 de Marseille à Paris en Avion)
- TS3 de Lyon à Paris en Auto

On peut ainsi représenter l'état de la mémoire lorsque tous les ajouts on fini d'être réalisés et que le système de gestion est dans un état stable.





2 Algorithme de recherche de trajets

Soit C un catalogue de trajet comme défini précédemment. Pour simplifier l'écriture, on utilisera une correspondance claire qu'il existe entre le catalogue et un graphe. On peut alors implémenter voir ces trajets sur un graphe \mathcal{G} , puis appliquer des algorithmes connus sur ce graphe (donc sur le catalogue en réalité) afin de chercher la liste des trajets possibles entre deux points donnés de ce graphe.

Définition 2.1. Un graphe \mathcal{G} est un couple (E, V) de sommets E (edges) et d'arêtes $V \subset \mathcal{P}_2(E)$ (vertices).

Dans toute cette partie, on considérera la bijection naturelle φ entre un Catalogue et un graphe (éventuellement multi-arêtes).

Pour ce faire, on lit le catalogue et on considère que les villes forment les sommets E du graphe $\mathcal G$ et que les trajets sont les arêtes. Comme il est indiqué dans le sujet, il est obligatoire de suivre un trajet composé du départ à l'arrivée sans possibilité d'en sortir : ceci indique que l'on traitera un trajet composé comme une seule arête, c'est-à-dire une flèche entre la ville d'origine du premier trajet simple le composant et la ville d'arrivée du dernier trajet simple le composant. Dans l'éventualité où il existerait deux trajets entre deux villes, alors il nous faut ajouter les deux arêtes (multi-arêtes).

Exemple. On va considérer le catalogue suivant :

```
(Paris, Lyon, TGV)
((Bordeaux, Paris, TGV), (Paris, Genève, Avion))
((Paris, Lyon, TGV), (Lyon, Genève, TER))
(Paris, Genève, TGV)
(Lyon, Clermont-Ferrand, TER)
(Lyon, Marseille, TGV)
(Lyon, Paris, TGV)
(Genève, Paris, TGV)
```

Alors le graphe associé sera celui de Figure 1 (voir page suivante).

On va alors utiliser un algorithme pour trouver s'il existe un chemin entre deux sommets $s, s' \in E$ du graphe $\mathcal{G} = (E, V)$. Comme un trajet est caractérisé par un triplet (villeDepart, nom, villeArrivee), il suffit alors d'utiliser cet algorithme.

Définition 2.2. Soit $\mathcal{G} = (E, V)$ un graphe, et soient $s, s' \in E$ deux sommets de \mathcal{G} . On dit que s' est un successeur de s, et s antécédent de s' si jamais il existe $v \in V$ une arête telle que v = (s, s'). Dans le cas d'un graphe orienté, cette relation n'est pas symétrique, car l'arête $v^{-1} = (s', s)$ n'existe pas nécessairement. Soit $s \in E$, on note Succ(s) l'ensemble des successeurs de s, Ant(s) l'ensemble des antécédents de s.

Algorithme. (Trajet direct) Soit $\mathcal{G} = (E, V)$ un graphe, et soient $s, s' \in E$ deux sommets de \mathcal{G} . On part de s le point de départ voulu. On regarde les successeurs de s et si s' y apparaît, on affiche le triplet (s,s',nom).



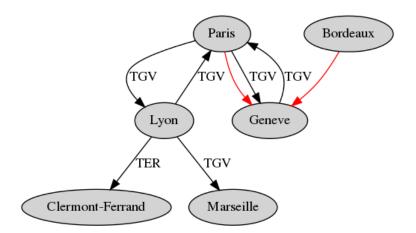


FIGURE 1 – Graphe associé au catalogue précédent. (arête noire : trajet simple, arête rouge : trajet composé)

Quoi faire si l'on veut regarder avec des escales ? On utilise le principe suivant : s'il existe un trajet entre \widetilde{s} et s', alors il existe un trajet entre tous les antécédents de \widetilde{s} et s'. (Preuve simple : $s \to \widetilde{s} \to s'$.)

Définition 2.3. Soit $\mathcal{G} = (E, V)$ un graphe. Une chaîne élémentaire T de \mathcal{G} est une suite $T = (s_0, ..., s_n) \in E^{n+1}$ de sommets tels que pour tous $i, j \in \{0, ..., n\}$, $s_i \neq s_j$, et s_{i+1} est successeur de s_i pour V. Le cardinal d'une telle chaîne est n+1 et est noté |C|.

Définition 2.4. Soit $\mathcal{G} = (E, V)$ un graphe. On dit que \mathcal{G} contient un cycle C s'il existe une chaîne élémentaire T de \mathcal{G} telle que l'on ait de plus $s_0 = s_n^{-1}$

Exemple. Prenons $\mathcal{G} = (\{1, 2, 3, 4, 5\}, \{(1, 2), (2, 3), (3, 1), (3, 4), (3, 5)\})$ un graphe orienté. Une chaîne élémentaire de ce graphe est par exemple (1, 2, 3, 4, 5). Un cycle est (2, 3, 1, 2).

Proposition 2.1. Soit $\mathcal{G} = (E, V)$ un graphe admettant un cycle. Considérons T l'ensemble des trajets entre deux sommets s et s'. Alors si T est non vide et contient un trajet passant par un sommet du cycle, alors T est infini et l'ensemble $\{|t|, t \in T\}$ n'admet pas de majorant.

Preuve: Soit t un trajet de T répondant aux hypothèses, notons \widetilde{s} le sommet en question. On a $t_1: s \to \widetilde{s}$ et $t_2: \widetilde{s} \to s'$. Comme \widetilde{s} fait partie d'un cycle, il existe $c: \widetilde{s} \to \widetilde{s}$. Mais alors il est clair que $t_2 \circ (c \circ \cdots \circ c) \circ t_1 = t_2 \circ c^n \circ t_1$ est un trajet z de z vers z. De cela, z cela, z comme z de z vers z vers z de z vers z ve

Exemple. Dans le cas d'un cycle (comme c'est le cas pour Paris -> Berlin -> Bruxelles dans la figure 2), et si l'on veut faire la recherche des trajets de Paris vers Rome,

^{1.} Cela dit que l'on revient au départ car le « dernier » sommet est également le premier.

^{2.} \circ est la composition usuelle et pour plus de compacité on dit que composer n fois t se note t^n .



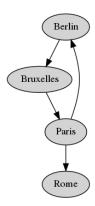


FIGURE 2 – Graphe contenant un cycle.

alors l'algorithme pourrait renvoyer les trajets suivants, en vertu de la proposition précédente :

- Paris -> Rome
- Paris -> Berlin -> Bruxelles -> Rome
- (Paris -> Berlin -> Bruxelles -> Paris) n -> Rome

Dans le cadre de ce TP, on souhaiterait éviter de tels désagréments, en particulier car il n'est pas possible d'imprimer une infinité de trajets à l'écran, on va se restreindre aux trajets ne passant pas deux fois par la même arête. Dans l'exemple précédent, on renverrait :

- Paris -> Rome
- Paris -> Berlin -> Bruxelles -> Paris -> Rome

Tout autre parcours du cycle repasse par une arête déjà parcourue, donc le trajet associé est automatiquement exclu.

Définition 2.5. Soit $\mathcal{G} = (E, V)$ un graphe, et soit $n \in \mathbb{N}$ son nombre de sommets. À renommage des sommets près, on peut considérer que les sommets sont étiquetés sur $E = \{1, 2, ..., n\}$. La matrice d'adjacence du graphe est la matrice $M \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ dont les coefficients sont :

$$[M]_{i,j} = |\{v \in V; v : i \to j\}|$$

On fait un tableau similaire pour nos algorithmes :

Définition 2.6. Soit $\mathcal{G}=(E,V)$ un graphe, et soit $n\in\mathbb{N}$ son nombre de sommets. Le tableau des arêtes déjà vues est de type bool *aretesDejaVues de taille n. Initialement, tous les coefficients sont à false. Puis, si l'on traite dans l'algorithme l'arête (i,j), alors conformément à l'idée de la matrice d'adjacence, on fait aretesDejaVues[i][j] = true.

Avec ces notions, on va pouvoir écrire l'algorithme de recherche voulu (on suppose comme précédemment que le graphe \mathcal{G} est bien créé).

Algorithme. (Trajet composé)

Soit $\mathcal{G}(E,V)$ le graphe des trajets construit précédemment. Soient $s,s'\in E$ deux sommets de \mathcal{G} . On veut faire le trajet $s\leadsto s'$.

On part de s. Pour tout sommet rencontré dans l'algorithme, notons-le ŝ, et pour



toute arête non traitée (cf. Proposition 2.1 et Exemple) sortant de ŝ on regarde si s' est ville d'arrivée, auquel cas on sait quel trajet nous permet d'arriver à s' depuis ŝ, donc depuis ses antécédents, etc. Sinon, on fait une récursion sur les voisins issus des arêtes non déjà traitées³.

Exemple. On fait cet exemple en se fondant sur la FIGURE 2. On veut faire le trajet Paris -> Rome. Les voisins de Paris sont Berlin et Rome. On affiche donc déjà un trajet. Un cas est traité et n'est plus à traiter. Pour Berlin, on indique true pour l'arête, puis l'on regarde les voisins de Berlin, le seul est Bruxelles donc on indique true pour l'arête, puis l'on regarde les voisins de Bruxelles, le seul est Paris donc on indique true pour l'arête, puis l'on regarde les voisins de Paris, le seul pour une arête non traitée est Rome donc on affiche le trajet, ceci permet de conclure.

3 Conclusion

3.1 Complexité temporelle de l'algorithme de recherche complexe

L'algorithme de recherche complexe implémenté ici conduit à recalculer des branches dans la récursion, si bien que sa complexité n'est pas optimale. En effet :

3.1.1 Meilleur des cas

Dans le meilleur des cas, l'algorithme est en $\mathcal{O}(1)$: c'est le cas évident d'un graphe pour lequel le sommet de départ n'a aucun successeur. Dans ce cas, aucun trajet n'est affiché.

3.1.2 Pire des cas

Dans le pire des cas, il nous faut calculer effectivement la complexité de l'algorithme. Pour simplifier la chose, on ne considérera qu'un graphe simple orienté, c'est-à-dire qu'il n'existe pas de multi-arêtes entre deux sommets.

Définition 3.1. Soit $\mathcal{G}(E,V)$ un graphe simple orienté, avec $|E|=n\in\mathbb{N}$ sommets. Il est dit complet si sa matrice d'adjacence est la matrice $M\in\mathcal{M}_n(\mathbb{R})$

définie par
$$M = \begin{pmatrix} 0 & 1 & \cdots & 1 \\ 1 & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \ddots & 1 \\ 1 & \cdots & 1 & 0 \end{pmatrix}$$
. On note un tel graphe $\widetilde{K_n}$. Pour un tel

graphe, il est clair que $|V| = 2\binom{n}{2} = n(n+1)$.

Définition 3.2. Soit \widetilde{K}_n le graphe à n sommets défini précédemment. À renommage des sommets près, on peut considérer que l'étiquetage est fait sur $E = \{1, 2, ..., n\}$. Pour $i, j \in E$, on va noter $c_n(i, j)$ le nombre de chemins de

^{3.} C'est l'algorithme implémenté en C++, on en trouvera une version en Python| en annexe. On lira avec profit la partie qui concerne la complexité temporelle en partie 3.1.



 $c: i \to j$ tels que la même arête ne soit pas parcourue deux fois, et $\widetilde{c_n}(i,j)$ le nombre de chemins $c: i \to j$ tels que le même sommet ne soit pas rencontré deux fois.

Proposition 3.1. Soit $\mathcal{G}(E,V) \simeq \widetilde{K}_n$. Pour $i,j,i',j' \in E$, avec $i \neq j$ et $i' \neq j'$, alors on a:

$$c_n(i,j) = c_n(i',j')$$

$$\widetilde{c_n}(i,j) = \widetilde{c_n}(i',j')$$

Preuve : On peut considérer $\sigma=(i\ i')(j\ j')$ la permutation, qui ne modifie ni le graphe ni sa matrice d'adjacence associée. De σ on définit donc φ isomorphisme de graphes et alors $c_n(i,j)=c_n(\sigma(i,j))=c_n(i',j')$. Et de même pour $\widetilde{c}_n(i,j)=\widetilde{c}_n(i',j')$, Ce qui conclut. On va renommer cela c_n et \widetilde{c}_n pour le graphe \widetilde{K}_n .

En implémentant la recherche complexe en ne passant pas deux fois par le même **sommet** du graphe, la complexité temporelle dans le pire des cas est de l'ordre de $\widetilde{c_n}$. Or on connaît une formule close ⁴ pour $\widetilde{c_n}$.

Proposition 3.2. On a:

$$\widetilde{c_n} = \sum_{k=0}^n \frac{n!}{k!}$$

Preuve : Cela revient à compter le nombre de permutations dans un ensemble à n éléments, c'est la des arrangements de k éléments. On peut retrouver la formule en disant que $\widetilde{c_n} = n\widetilde{c_{n-1}} + 1$.

Proposition 3.3. On a:

$$n! \sim \sqrt{2\pi n} \left(\frac{n}{e}\right)^n$$

Et par suite l'algorithme naïf ne passant pas deux fois par le même sommet est dans le pire des cas : $\mathcal{O}(\frac{n^{n-\frac{1}{2}}}{e^{n-1}})$.

Preuve: Calcul avec la formule de Stirling.

Dans le pire des cas dans le cas **implémenté**, c'est-à-dire dans le cas où l'on ne passe pas deux fois par la même arête du graphe, on voit que l'algorithme doit imprimer c_n trajets entre deux sommets distincts du graphe complet. Ce qui n'est pas chose facile que de de donner une formule close pour c_n : on propose, pour se fixer les idées, de donner deux programmes en Python permettant de compter de tels chemins (c'est l'objet de nbchemins.py) puis, dans une amélioration, de les imprimer à l'écran (c'est ce que fait printchemins.py). On trouvera ces codes en annexe. Les résultats trouvés 5 sont:

^{4.} On consultera avec profit la suite A000522 sur l'Encyclopédie des Suites d'Entiers, cf. http://oeis.org/A000522

^{5.} Dans le cas n=6, on sait que $c_6>10^{11}$, sinon largement plus grand que ce minorant. Pour cela, il faut un algorithme bien plus performant, c'est le premier travail à faire et le plus important ici.



n	c_n
1	0
2	1
3	9
4	1085
5	5092429
6	??

On remarque que le nombre de chemins a une croissance très rapide. En entrant cette suite dans l'OEIS, rien ne concorde. On a alors cherché des pistes pour donner une formule close, une formule de récurrence, sans succès à la date d'écriture. Cependant, on a exploré quelques idées :

- 1. Un graphe complet à n sommets est un graphe complet à n-1 sommets auquel on a adjoint un sommet et 2(n-1) arêtes (celles entre les anciens sommets et le sommet ajouté).
- 2. Une autre idée peut-être de construire le graphe non-orienté des arêtes puis de chercher le nombre de chemins sur un graphe non-orienté.
- 3. Réduire en utilisant des classes d'équivalences ($G \sim G'$ s'il existe un isomorphisme de graphes $\varphi: G \mapsto G'$ qui est clairement une relation d'équivalence ⁶, puis l'on quotiente par \sim , et compter le cardinal de telles classes.

Intuitivement, il est raisonnable de penser que la complexité pour les sommets est un petit o de la complexité concernant les arêtes, ce qui laisse à dire que l'algorithme naïf est inutilisable dans le cas de plus grands catalogues (déjà pour 6 sommets, la complexité fait défaut).

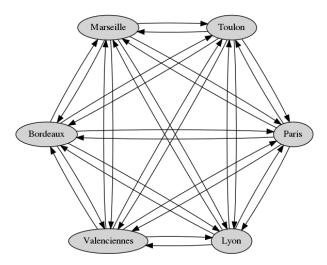


FIGURE 3 – Graphe complet à 6 sommets (le nombre de combinaisons ici est gargantuesque)

^{6.} En effet, id fournit $G \sim G$, si l'on a $G \sim G'$, alors on a $\varphi : G \mapsto G'$, il suffit de considérer φ^{-1} pour avoir $G' \sim G$ et l'on peut composer deux isomorphismes, cela conclut.



3.1.3 Cas moyen

Dans le cas moyen, on veut calculer la complexité moyenne de l'algorithme considéré. On a besoin de graphes aléatoires pour définir proprement ce que l'on fait, et pour cela on se fonde sur le modèle binomial proposé par Erdős et Rényi.

Définition 3.3. Soit $n \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$ et $p \in]0,1[$. Une variable aléatoire X à valeur graphes (ici, non orienté) suit le modèle binomial de paramètres (n,p) si la probabilité que X soit égal à un graphe (E,V) de sommets étiquetés sur $\{1,2,...,n\}$ est :

$$\mathbb{P}(X = (E, V)) = p^{|V|} (1 - p)^{\binom{n}{2} - |V|}$$

On remarque que dans le cas $p=\frac{1}{2}$, alors cette probabilité devient

$$\mathbb{P}(X = (E, V)) = 2^{-\binom{n}{2}}$$

On va alors adapter à notre cas d'étude ⁷.

Définition 3.4. Soit $n \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$ et $p \in]0,1[$. Une variable aléatoire X à valeur graphes (ici, orienté) suit le modèle binomial de paramètres (n,p) si la probabilité que X soit égal à un graphe (E,V) de sommets étiquetés sur $\{1,2,...,n\}$ est :

$$\mathbb{P}(X = (E, V)) = p^{|V|} (1 - p)^{2\binom{n}{2} - |V|}$$

On remarque que dans le cas $p = \frac{1}{2}$, alors cette probabilité devient

$$\mathbb{P}(X = (E, V)) = 2^{-2\binom{n}{2}}$$

Cela revient à que ce que chaque arête entre deux sommets distincts existe avec probabilité p, avec mutuelle indépendance des arêtes. Mais alors, une fois fixé un tel graphe aléatoire (notons-le $\mathbb{G}_{n,p}$, on peut considérer C(i,j) le nombre de chemins entre i et j deux sommets du graphe (on peut éventuellement se ramener à des classes d'équivalences à isomorphisme de graphes près). Alors la complexité moyenne sera l'espérance $c_{n,p} = \mathbb{E}[C]$ où C est la variable aléatoire donnant le nombre de chemins maximal pour un graphe aléatoire du type $\widetilde{\mathbb{G}}_{n,p}$.

Pour calculer $c_{n,p}$, on peut utiliser les résultats sur le graphe binomial non orienté (nombre d'arêtes moyen, ...) et en déduire, $c_{n,p}$: c'est une possibilité pour aller plus loin, qui demande des outils mathématiques intéressants.

Conclusion de cette sous-partie : Si l'algorithme proposé pour la recherche complexe fonctionne, il apparaît désormais clair que sa complexité temporelle est très mauvaise, voire aberrante. Il faudrait, pour diminuer cela, utiliser une structure de donnée permettant de réduire les calculs. C'est une piste proposée pour l'amélioration algorithmique de l'application développée.

$$\sum_{V} \mathbb{P}(X = (E, V)) = 1$$

^{7.} Ici comme ci-dessus, on a bien une distribution de probabilités car d'après le binôme de Newton :



3.2 Normalisation

Une autre question se pose assez immédiatement concernant l'étiquetage réel des villes du catalogue. Le choix de notre implémentation est d'avoir une norme minimale : si les chaînes de caractères diffèrent, alors ce n'est pas la même ville. Dans la vie réelle, cela peut poser un certain nombres de soucis car se réfèrent souvent à la même ville :

- Lyon et lyon (majuscule/minuscule)
- Puget-sur-Argens et Puget sur Argens (tirets)
- Bellegarde-sur-Valserine et Bellegarde-s/-Valserine (abréviation)
- Florence et Firenze (traduction)

Ceci peut nous conduire à l'élaboration d'une norme pour les villes, qui permet de mettre certains sommets les uns avec les autres. Si les trois premiers cas sont relativement simples à mettre en œuvre, le dernier est beaucoup plus complexe car il faut aller vers une langue cible.

3.3 Passage à l'échelle

Dans l'éventualité d'une application distribuée sur le marché, les remarques de la sous-partie 3.1 montrent le premier problème qui peut s'offrir à nous : c'est-à-dire que la complexité de l'algorithme de recherche complexe est, dans le pire des cas, bien insuffisant pour gérer un grand catalogue. Plusieurs remarques doivent être faites :

- 1. Tout d'abord, certaines propositions de trajet ne sont pas réalistes dans une utilisation réelle (pour un graphe, il faut cependant les considérer) : on peut alors éventuellement affecter un poids à chaque arête (par exemple le temps d'un trajet) et ensuite utiliser un algorithme pour trouver le plus court trajet entre deux points, on pensera à l'algorithme de Dijsktra (dont on sait que pour $\mathcal{G} = (E, V)$, la complexité temporelle est $\mathcal{O}(|E| + |V|\log(|V|))$.
- 2. L'utilisation d'une structure de donnée adaptée permet, au prix d'une insertion et d'une suppression plus coûteuse, de simplifier l'algorithme. Sauf contexte particulier, le catalogue d'une compagnie de transport ne se modifie pas de façon drastique à l'échelle d'une année, donc on pourrait gagner à la recherche.

3.4 Tests unitaires

Nous avons implémenté des tests unitaires (à la main) pour certaines fonctions utilisées dans l'application de gestion des trajets. Il serait bien mieux de générer des cas intéressants afin d'automatiser de tels tests.



A Code source des diagrammes UML

A.1 Diagramme Figure 1

```
@startuml
digraph graph1 {
  node [style=filled];
  Paris -> Lyon [label="TGV"];
  Bordeaux -> "Geneve" [color=red];
  Paris -> Geneve [color=red];
  Paris -> Geneve [label="TGV"];
 Lyon -> "Clermont-Ferrand" [label="TER"];
 Lyon -> Marseille [label="TGV"];
 Lyon -> Paris [label="TGV"];
  Geneve -> Paris [label="TGV"];
@enduml
A.2
    Diagramme Figure 2
@startuml
  node [style=filled];
  Berlin -> Bruxelles;
```

```
@startuml
digraph graph2 {
  node [style=filled];
  Berlin -> Bruxelles

  Bruxelles -> Paris;
  Paris -> Rome;
  Paris -> Berlin;
}
@enduml
```

A.3 Diagramme Figure 3

```
@startuml
digraph graph3 {

  node [style=filled];
  layout = circo;
  Lyon -> Paris;
  Lyon -> Bordeaux;
  Lyon -> Marseille;
  Lyon -> Toulon;
  Lyon -> Valenciennes;
```



```
Paris -> Bordeaux;
  Paris -> Marseille;
  Paris -> Toulon;
Paris -> Valenciennes;
  Paris -> Lyon;
  Bordeaux -> Paris;
  Bordeaux -> Lyon;
  Bordeaux -> Marseille;
  Bordeaux -> Toulon;
  Bordeaux -> Valenciennes;
  Marseille -> Paris;
  Marseille -> Lyon;
  Marseille -> Bordeaux;
  Marseille -> Toulon;
  Marseille -> Valenciennes;
  Toulon -> Paris;
  Toulon -> Lyon;
  Toulon -> Bordeaux;
  Toulon -> Marseille;
  Toulon -> Valenciennes;
  Valenciennes -> Paris;
  Valenciennes -> Lyon;
  Valenciennes -> Bordeaux;
  Valenciennes -> Marseille;
  Valenciennes -> Toulon;
@enduml
```



A.4 Diagramme de classe

```
@startuml
class Catalogue {
 +Catalogue()
 +~Catalogue() virtual
 +ajouter (Trajet * trajet) override : bool
 +supprimer (Trajet * trajet) override : bool
 +rechercheTrajetsEnDepartDe(const_char* villeDepart) const : ListeChaineeTra
 +rechercheTrajetSimple(const char* villeDepart, const char* villeArrivee) con
 +rechercheTrajetAvancee(const char* villeDepart, const char* villeArrivee) co
 +afficher (ostream & out) const : void
 #sousRechercheTrajetAvancee(const_char* villeDepart, const_char* villeArrivee
class ListeChaineeTrajets {
 #premierMaillon : MaillonListeChaineeTrajets*
 #dernierMaillon : MaillonListeChaineeTrajets*
 #taille : unsigned int
 +ListeChaineeTrajets()
 +~ListeChaineeTrajets() virtual
 +ajouter(Trajet* unTrajet) virtual : bool
 +supprimer(Trajet* unTrajet) virtual : bool
 +get(unsigned int index) const : MaillonListeChaineeTrajets*
 +getTaille() const : unsigned int
 +estVide() const : bool
 +contient(const Trajet* unTrajet) const : bool
class MaillonListeChaineeTrajets {
 #trajet : Trajet*
 #maillonSuivant : MaillonListeChaineeTrajets*
 +MaillonListeChaineeTrajets(Trajet* unTrajet)
 +~MaillonListeChaineeTrajets() virtual
 +getMaillonSuivant() const : MaillonListeChaineeTrajets*
 +setMaillonSuivant (MaillonListeChaineeTrajets* unMaillon) : void
 +getTrajet() const : Trajet*
}
class StringHelper {
 +strempty(const char* str) static : bool
class Trajet {
 +estValide() const virtual : bool
 +afficher (ostream & out) const virtual : void
 +getVilleDepart() const virtual : const char*
 +getVilleArrivee() const virtual : const char*
 +getIndice() const : unsigned int
```



```
+setIndice (unsigned int unIndice) : void
 #indice: unsigned int
class TrajetCompose {
 +TrajetCompose()
 +~TrajetCompose() virtual
 +ajouter(Trajet* trajet) override : bool
 +supprimer(Trajet* trajet) override : bool
 +estValide() const override : bool
 +afficher (ostream & out) const override : void
 +getVilleDepart() const override : const char*
 +getVilleArrivee() const override : const char*
class TrajetSimple {
 #villeDepart : const char*
 #villeArrivee : const char*
 \# type Transport : const char *
 +TrajetSimple(const char* uneVilleDepart, const char* uneVilleArrivee, const
 +~TrajetSimple() virtual
 +estValide() const override : bool
 +afficher (ostream & out) const override : void
 +getVilleDepart() const override : const char*
 +getVilleArrivee() const override : const char*
ListeChaineeTrajets < |-- Catalogue : "herite de"
Trajet < |-- TrajetSimple : "herite de"
Trajet < |-- TrajetCompose : "herite de"
ListeChaineeTrajets < |-- TrajetCompose : "herite de"
ListeChaineeTrajets ---> MaillonListeChaineeTrajets : "contient"
MaillonListeChaineeTrajets -> Trajet : "contient"
@enduml
```



A.5 Diagramme de la mémoire

```
@startuml
digraph memory {
 splines = true;
 nodesep = 2;
 ordering=out;
 subgraph cluster_0 {
 color=none;
 pile
 shape = none
 label = <<table border="1" cellspacing="2">
 Pile
 td border="1" bgcolor="lightgray">Nomtd border="1" bgcolor="lightgray">Nom
 'Zone memoire du catalogue'
 \langle tr \rangle
 <td colspan="2">
 Catalogue
 </\mathrm{tr}>
 <tr>
 (Liste chainee)
 </\mathrm{tr}>
 \langle tr \rangle
 <td bgcolor="#d7d7d7" border="0">premierMaillon
 0x...
 </\mathrm{tr}>
 \langle tr \rangle
 dernierMaillon
 0x...
 </\mathrm{tr}>
 <tr>
 <td bgcolor="#d7d7d7" border="0">taille
 3
 </\mathrm{tr}>
 </\mathrm{tr}>
```



```
'Fin de la zone memoire du catalogue'
>
tas
shape = none
label = <<table border="1" cellspacing="2">
Tas
td border="1" bgcolor="lightgray">Nomtd border="1" bgcolor="lightgray">Nom
'Zone memoire maillon catalogue m1'
\langle tr \rangle
MaillonListeChaineeTrajets
</\mathrm{tr}>
<tr>
(Entree catalogue TS1)
</\mathrm{tr}>
<\!{\rm t}\,{\rm r}\!>
trajet
0x...
</\mathrm{tr}>
maillonSuivant
0x...
</\mathrm{tr}>
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire maillon catalogue m1'
'Zone memoire maillon catalogue m2'
\langle tr \rangle
MaillonListeChaineeTrajets
</\mathrm{tr}>
(Entree catalogue TC2)
</\mathrm{tr}>
```



```
\langle tr \rangle
trajet
<td bgcolor="#d3b2f9" border="1" port="m2t">0x...
</\mathrm{tr}>
<tr>
maillonSuivant
0x...
</\mathrm{tr}>
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire maillon catalogue m2'
'Zone memoire maillon catalogue m3'
\langle tr \rangle
\langle tr \rangle
MaillonListeChaineeTrajets
\langle tr \rangle
(Entree catalogue TS3)
</\mathrm{tr}>
<tr>
trajet
0x...
</\mathrm{tr}>
maillonSuivant
<\!\!\operatorname{td} \; \operatorname{bgcolor} = "\#70 \operatorname{a} 3 \operatorname{d} 7" \; \operatorname{border} = "1" \; \operatorname{port} = "m3 \operatorname{ms}" > \operatorname{nullptr} <\!\!/\operatorname{td} > "
</\mathrm{tr}>
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire maillon catalogue m3'
'Zone memoire trajet simple TS1'
<tr>
<td colspan="2">
<tr>
TrajetSimple
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
<td colspan = "2" border = "0" > (TS1)
```



```
</\mathrm{tr}>
<tr>
villeDepart
0x...
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
villeArrivee
\#b2f9ca" port="ts1villearr" border="1">0x...
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
typeTransport
0x...
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
indice
<td bgcolor="#d7d7d7" border="1">0
</\mathrm{tr}>
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire TS1'
'Zone memoire trajet simple TS2-1'
\langle tr \rangle
<td colspan="2">
<\!\!\operatorname{td}\ \operatorname{port} = "\operatorname{ts2\_1}"\ \operatorname{colspan} = "2"\ \operatorname{border} = "0" > \!\!\operatorname{TrajetSimple} < \!\!/\operatorname{td} >
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
 (TS2-1) 
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
villeDepart
0x...
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
villeArrivee
0x...
</\mathrm{tr}>
typeTransport
```



```
</\mathrm{tr}>
<tr>
indice
0
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire TS2-1'
'Zone memoire trajet simple TS2-2'
\langle tr \rangle
<td port="ts2_2" colspan="2" border="0">TrajetSimple
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
 (TS2-2) 
</\mathrm{tr}>
<tr>
villeDepart
0x...
</\mathrm{tr}>
villeArrivee
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
<\!\!\operatorname{td} \ \operatorname{bgcolor} = "\#\mathrm{d}7\mathrm{d}7\mathrm{d}7" \ \operatorname{border} = "0" \!> \! \operatorname{typeTransport} < \!\!/ \operatorname{td} \!>
0x...
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
<td bgcolor="#d7d7d7" border="0">indice
<td bgcolor="#d7d7d7" border="1">0
</\mathrm{tr}>
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire TS2-2'
'Zone memoire trajet simple TS3'
```



```
\langle tr \rangle
<td colspan="2">
<table>
TrajetSimple
</\mathrm{tr}>
<tr>
(TS3)
</\mathrm{tr}>
<tr>
villeDepart
0x...
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
villeArrivee
0x...
</\mathrm{tr}>
<tr>
typeTransport
0x...
</\mathrm{tr}>
<tr>
<td bgcolor="#d7d7d7" border="0">indice
<td bgcolor="#d7d7d7" border="1">0
</\mathrm{tr}>
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire TS3'
'Zone memoire trajet simple TC2'
<tr>
\langle tr \rangle
<\!\!\operatorname{td}\ \operatorname{port}="\operatorname{tc2}"\ \operatorname{colspan}="2"\ \operatorname{border}="0">\!\!\operatorname{TrajetCompose}<\!\!/\operatorname{td}>
</\mathrm{tr}>
<td colspan="2" border="0">(TC2 - Liste chainee)
</\mathrm{tr}>
premierMaillon
0x...
</\mathrm{tr}>
```



```
\langle tr \rangle
<\!\!\operatorname{td} \ \operatorname{bgcolor} = "\#\mathrm{d}7\mathrm{d}7\mathrm{d}7" \ \operatorname{border} = "0" > \!\operatorname{dernierMaillon} <\!\!/\mathrm{td}\!\!>
<td bgcolor="#f9dab2" port="tc2dm" border="1">0x...
<tr>
<td bgcolor="#d7d7d7" border="0">taille
2
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
<td bgcolor="#d7d7d7" border="0">indice
<td bgcolor="#d7d7d7" border="1">1
</\mathrm{tr}>
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire TC2'
'Zone memoire maillon trajet compose mtc1'
\langle tr \rangle
<td colspan="2">
<tr>
MaillonListeChaineeTrajets
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
(Entree TS2-1 TrajetCompose TC2)
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
<td bgcolor="#d7d7d7" border="0">trajet
<td bgcolor="#d3b2f9" border="1" port="mtc2_1t">0x...
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
maillonSuivant
0x...
</\mathrm{tr}>
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire maillon catalogue mtc1'
'Zone memoire maillon trajet compose mtc2'
<tr>
<td colspan="2">
```



```
\langle tr \rangle
MaillonListeChaineeTrajets
</\mathrm{tr}>
<tr>
(Entree TS2-2 TrajetCompose TC2)
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
trajet
0x...
</\mathrm{tr}>
\langle tr \rangle
maillonSuivant
nullptr
</\mathrm{tr}>
</\mathrm{tr}>
'Fin de la zone memoire maillon catalogue mtc2'
>
tas2
shape = none
label = <<table border="1" cellspacing="2">
Tas
'Zone memoire chaine de caracteres 1'
<tr><td colspan="2">
<table bgcolor="#96fcb6" port="str1">
bgcolor="#d7d7d7" border="0">'L'
<tr>'y'
<tr>'o'
<tr>'n'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 1'
'Zone memoire chaine de caracteres 2'
<tr><td colspan="2">
<table bgcolor="#96fcb6" port="str2">
td bgcolor="#d7d7d7" border="0">'B'
td bgcolor="#d7d7d7" border="0">'o'
<tr>'r'
```



```
<tr>'d'
td bgcolor="#d7d7d7" border="0">'e'
<tr>'a'
<tr>'u'
<tr>'x'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 2'
'Zone memoire chaine de caracteres 3'
<tr><td colspan="2">
<tr>'T'
<tr>'r'
<tr>'a'
'i'
<tr>'n'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 3'
'Zone memoire chaine de caracteres 4'
<tr>'L'
<tr>'y'
<tr>'o'
<tr>'n'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 4'
'Zone memoire chaine de caracteres 5'
<tr><td colspan="2">
<tr>'P'
<tr>'a'
<tr>'r'
'i'
<tr>'s'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 5'
'Zone memoire chaine de caracteres 6'
<tr><td colspan="2">
<tr>'A'
<tr>'u'
<tr>'t'
```



```
<tr>'o'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 6'
'Zone memoire chaine de caracteres 7'
<tr>'L'
td bgcolor="#d7d7d7" border="0">'y'
'o'
<tr>'n'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 7'
'Zone memoire chaine de caracteres 8'
<table bgcolor="#96fcb6" port="str8">
<tr>'M'
<tr>'a'
<tr>'r'
<tr>'s'
<tr>'e'
<tr>'i'
<tr>'1'
<tr>'l'
<tr>'e'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 8'
'Zone memoire chaine de caracteres 9'
<tr><td colspan="2">
<tr>'B'
<tr>'a'
bgcolor="#d7d7d7" border="0">'t'
'e'
'a'
<tr>'u'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 9'
'Zone memoire chaine de caracteres 10'
<tr><td colspan="2">
bgcolor="#d7d7d7" border="0">'M'
<tr>'a'
```



```
<tr>'r'
td bgcolor="#d7d7d7" border="0">'s'
<tr>'e'
<tr>'i'
'l'
'l'
<tr>'e'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 10'
'Zone memoire chaine de caracteres 11'
<tr><td colspan="2">
<tr>'P'
td bgcolor="#d7d7d7" border="0">'r'
td bgcolor="#d7d7d7" border="0">'i '
<tr>'s'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 11'
'Zone memoire chaine de caracteres 12'
<table bgcolor="#96fcb6" port="str12">
<tr>'A'
<tr>'v'
'i'
<tr>'o'
<tr>'n'
'Fin de la zone memoire chaine de caracteres 12'
>
{rank=same; pile; tas; tas2}
pile:cpm:e -> tas:m1:w [penwidth=2 style=invis color="#c2be6f" fillcolor="#fa
pile:cdm:e -> tas:m3:w [penwidth=2 style=invis color="#b89f80" fillcolor="#f9
tas:tc2pm:e -> tas:mtc2_1:e [penwidth=2 style=invis color="#c2be6f" fillcolor
tas:tc2dm:e -> tas:mtc2_2:e [penwidth=2 style=invis color="#b89f80" fillcolor
tas:m1ms:e -> tas:m2:e [penwidth=2 style=invis color="#5d87b3" fillcolor="#7d
tas:mlms:e -> tas:m2:e [penwidth=2 style=invis color="#5d87b3" fillcolor="#70
tas:m2ms:e -> tas:m3:e [penwidth=2 style=invis color="#5d87b3" fillcolor="#70
```



```
tas:mtc2_1ms:e -> tas:mtc2_2:e [penwidth=2 style=invis color="#5d87b3" fillco
   \begin{array}{llll} tas:m1t:e & -> & tas:ts1:e & [penwidth=2 & style=invis & color="\#86709e" & fillcolor="\#d508e" \\ tas:m2t:e & -> & tas:tc2:e & [penwidth=2 & style=invis & color="\#86709e" & fillcolor="\#d508e" \\ \end{array} 
  tas:m3t:e -> tas:ts3:e [penwidth=2 style=invis color="#86709e" fillcolor="#d3
  tas:mtc2_1t:e -> tas:ts2_1:e [penwidth=2 style=invis color="#86709e" fillcolo
  tas:mtc2_2t:e -> tas:ts2_2:e [penwidth=2 style=invis color="#86709e" fillcolo
  tas:ts1villedep:e \rightarrow tas2:str1
  tas: ts1villearr: e \rightarrow tas2: str2
  tas:ts1typetransp:e -> tas2:str3
  tas: ts2_1villedep: e \rightarrow tas2: str4
  tas: ts2_1villearr: e \rightarrow tas2: str5
  tas: ts2\_1typetransp:e \rightarrow tas2: str6
  tas: ts2_2villedep: e \rightarrow tas2: str7
  tas:ts2_2villearr:e -> tas2:str8
  tas: ts2_2typetransp: e \rightarrow tas2: str9
  tas:ts3villedep:e -> tas2:str10
  tas:ts3villearr:e -> tas2:str11
  tas:ts3typetransp:e \rightarrow tas2:str12
  }
}
@enduml
```



B Calcul empirique de $(c_n)_{n\in\mathbb{N}}$

B.1 Comptage: utilisation de nbchemins.py

```
nb=0 #variable globale
\tt def \ genereMatrice(n): \# \textit{On cree la matrice d'adjacence du graphe complet}
    mat=[[0 for i in range(n)] for j in range(n)]
    for i in range(n):
        for j in range(n):
            if i!=j:
                mat[i][j]=1
    return mat
def recursiveRechercheComplexe(depart,arrivee,matriceAdjacence,taille):
    global nb # Utilisation de la variable globale
    for i in range(taille):
        if(matriceAdjacence[depart][i] == 1): # Si jamais l'arete existe...
            matriceAdjacence[depart][i]=0
            if(i==arrivee): # si valable
            recursiveRechercheComplexe(i,arrivee,matriceAdjacence,taille)
            matriceAdjacence[depart][i]=1 # reset
def nbchemins(depart, arrivee, taille):
    matriceAdjacence=genereMatrice(taille)
    recursiveRechercheComplexe(depart,arrivee,matriceAdjacence,taille)
   Résultats (avec un peu de temps d'attente pour le dernier) :
>>> nbchemins(0,1,2)
>>> nbchemins(0,1,3)
>>> nbchemins(0,1,4)
>>> nbchemins(0,1,5)
5092429
```

Et il est impossible d'obtenir (dans l'état) une estimation de c_6 .



B.2 Comptage: utilisation de printchemins.py

```
nb=0 #variable globale
def genereMatrice(n): #On cree la matrice d'adjacence du graphe complet
    mat=[[0 for i in range(n)] for j in range(n)]
    for i in range(n):
        for j in range(n):
            if i!=j:
                mat[i][j]=1
    return mat
def recursiveRechercheComplexe(depart,arrivee,matriceAdjacence,taille,1):
    global nb # Utilisation de la variable globale
    for i in range(taille):
        if(matriceAdjacence[depart][i]==1): # Si jamais l'arete existe...
            1.append(i)
            matriceAdjacence[depart][i]=0
            if(i==arrivee): # si jamais valable
                nb+=1
                print(1)
            recursiveRechercheComplexe(i,arrivee,matriceAdjacence,taille,1)
            matriceAdjacence[depart][i]=1 # reprendre depuis le dernier appel
def nbchemins(depart, arrivee, taille):
    matriceAdjacence=genereMatrice(taille)
    l=[depart]
    recursiveRechercheComplexe(depart,arrivee,matriceAdjacence,taille,1)
    print(nb)
   Résultats (seulement dans les deux premiers cas possibles) :
>>> printchemins(0,1,2)
[0, 1]
>>> printchemins(0,1,3)
「0.1]
[0, 1, 0, 2, 1]
[0, 1, 2, 0, 2, 1]
[0, 1, 2, 1]
[0, 2, 0, 1]
[0, 2, 0, 1, 2, 1]
[0, 2, 1]
[0, 2, 1, 0, 1]
[0, 2, 1, 2, 0, 1]
```



C Code source du programme

C.1 ListeChaineeTrajets.h

```
/*****************************
ListeChaineeTrajets - Liste chaînée de MaillonListeChaineeTrajets
début
              : 20/11/2019
copyright
e-mail
              : (C) 2019 par Charles Javerliat
              : charles.javerliat@insa-lyon.fr, pierre.sibut-bourde@insa-lyon.fr
********************************
//---- Interface de la classe ListeChaineeTrajets (fichier ListeChaineeTrajets.h) --
#if !defined ( LISTE_CHAINEE_TRAJETS_H )
#define LISTE_CHAINEE_TRAJETS_H
//----- Interfaces utilisées
#include "MaillonListeChaineeTrajets.h"
//----- Constantes
//----- Tupes
//-----
// Rôle de la classe ListeChaineeTrajets
// La classe ListeChaineeTrajets permet de gérer une liste chaînée de Trajets,
// eux mêmes encapsulés dans des maillons (Cf. MaillonListeChaineeTrajets)
//-----
class ListeChaineeTrajets
 //----- PIBLIC
public:
 //---- Méthodes publiques
 virtual bool ajouter(Trajet* unTrajet);
 // Mode d'emploi : Ajoute un maillon contenant le trajet à la liste chaînée et
 // retourne vrai si l'action a été réalisée avec succès.
 // Contrat :
 // - N'ajoute pas le trajet si il est null
 // - M'ajoute pas le trajet si il est déjà dans la liste
 // - Met à jour la taille de la liste
 //
 virtual bool supprimer(Trajet* unTrajet);
```



```
// Mode d'emploi : Supprime le maillon d'un trajet de la liste chaînée et retourne
// vrai si l'action a été réalisée avec succès.
//
// Contrat :
// - Ne supprime pas le maillon du trajet si il est null
// - Ne supprime pas le maillon du trajet si il n'est pas dans la liste
// - Met à jour la taille de la liste
// - Met à jour les relations entre les maillons
MaillonListeChaineeTrajets* get(unsigned int index) const;
// Mode d'emploi : Retourne le pointeur vers le i_ème maillon de la liste,
// ou nullptr si il n'existe pas
// Contrat :
// - Renvoie nullptr si le maillon n'existe pas (index < 0 ou index >= taille)
MaillonListeChaineeTrajets* getPremierMaillon() const;
// Mode d'emploi : Retourne le pointeur vers le premier maillon
MaillonListeChaineeTrajets* getDernierMaillon() const;
// Mode d'emploi : Retourne le pointeur vers le premier maillon
unsigned int getTaille() const;
// Mode d'emploi : Retourne la taille de la liste
// Contrat:
// - La taille doit correspondre au nombre de maillons de la liste
bool estVide() const;
// Mode d'emploi : Retourne vrai si la liste est vide
// Contrat :
// - Doit retourner vrai si la taille est de 0 uniquement
bool contient(const Trajet* unTrajet) const;
// Mode d'emploi : Retourne vrai si le trajet est contenu dans la liste
//----- Constructeurs - destructeur
ListeChaineeTrajets ( );
// Mode d'emploi :
//
// Contrat :
virtual ~ListeChaineeTrajets ( );
// Mode d'emploi :
// Contrat : Supprime l'ensemble des maillons de la liste chainée en mémoire
```



//	PRIVE
protected: //	Méthodes protégées
//	Attributs protégés
//Le pointeur vers le premier maillon de la la MaillonListeChaineeTrajets* premierMaillon;	iste
//Le pointeur vers le dernier maillon de la la MaillonListeChaineeTrajets* dernierMaillon;	iste
<pre>//La taille de la liste, correspond au nombre unsigned int taille;</pre>	de maillons
};	
// Autres défini	itions dépendantes de ListeChaineeTrajets
#endif // LISTE_CHAINEE_TRAJETS_H	



C.2 ListeChaineeTrajets.cpp

```
/*****************************
ListeChaineeTrajets - Liste chaînée de MaillonListeChaineeTrajets
d\acute{e}but
             : 20/11/2019
copyright
             : (C) 2019 par Charles Javerliat
e-mail
             : charles. javerliat @insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde @insa-lyon. fr \\
//----- Réalisation de la classe ListeChaineeTrajets (fichier ListeChaineeTrajets.cpp
using namespace std;
#include <iostream>
#include "ListeChaineeTrajets.h"
//----- PUBLIC
bool ListeChaineeTrajets::ajouter(Trajet* unTrajet)
 if(unTrajet == nullptr)
  cerr << "Impossible d'ajouter un trajet NULL." << endl;</pre>
  return false;
 else if(contient(unTrajet))
  cerr << "La liste contient déjà ce trajet." << endl;</pre>
  return false;
 }
 else
  MaillonListeChaineeTrajets* nouvMaillon = new MaillonListeChaineeTrajets(unTrajet);
  //Met à jour les relations entre les maillons
  if(estVide()) {
   premierMaillon = nouvMaillon;
    dernierMaillon = nouvMaillon;
  } else {
    dernierMaillon->setMaillonSuivant(nouvMaillon);
    dernierMaillon = nouvMaillon;
```



```
}
    //Met à jour la taille de la liste
   ++taille;
   return true;
} //---- Fin de ajouter
bool ListeChaineeTrajets::supprimer(Trajet* unTrajet)
  if(unTrajet == nullptr)
   cerr << "Impossible de supprimer un trajet NULL." << endl;</pre>
   return false;
  }
  else if(!contient(unTrajet))
   cerr << "La liste ne contient pas ce trajet." << endl;</pre>
   return false;
  }
  else
  {
   MaillonListeChaineeTrajets* maillonPrec = nullptr;
   MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
    //Cherche le trajet dans la liste
    while(maillonAct != nullptr) {
      if(maillonAct->getTrajet() == unTrajet) {
        //Met à jour la relation entre les maillons
        if(maillonAct == premierMaillon) {
          premierMaillon = maillonAct->getMaillonSuivant();
        if(maillonAct == dernierMaillon) {
          dernierMaillon = maillonPrec;
        if(maillonPrec != nullptr) {
          maillonPrec->setMaillonSuivant(maillonAct->getMaillonSuivant());
        //On supprime et on met à jour la taille de la liste
        delete maillonAct;
        --taille;
       return true;
      } else {
        maillonPrec = maillonAct;
```



```
maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
      }
    }
    return false;
  }
}
MaillonListeChaineeTrajets* ListeChaineeTrajets::get(unsigned int index) const
  if(index >= getTaille())
    return nullptr;
  }
  else
  {
    unsigned int i = 0;
    MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
    while(maillonAct != nullptr) {
      if(i == index) {
        return maillonAct;
      maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
      ++i;
    return nullptr;
  }
}
MaillonListeChaineeTrajets* ListeChaineeTrajets::getPremierMaillon() const
  return premierMaillon;
MaillonListeChaineeTrajets* ListeChaineeTrajets::getDernierMaillon() const
  return dernierMaillon;
unsigned int ListeChaineeTrajets::getTaille() const
  return taille;
bool ListeChaineeTrajets::contient(const Trajet* unTrajet) const
// Algorithme : Vérifie de manière itérative qu'un des maillon contient le trajet
```



```
//
 MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
 while(maillonAct != nullptr)
   if(maillonAct->getTrajet() == unTrajet)
     return true;
   maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
 return false;
} //---- Fin de contient
bool ListeChaineeTrajets::estVide() const
 return taille == 0;
} //---- Fin de estVide
//----- Constructeurs - destructeur
ListeChaineeTrajets::ListeChaineeTrajets (): premierMaillon(nullptr), dernierMaillon(nul
// Algorithme :
//
 #ifdef MAP
 cout << "Appel au constructeur de ListeChaineeTrajets" << endl;</pre>
 #endif
 taille = 0;
} //---- Fin de ListeChaineeTrajets
ListeChaineeTrajets::~ListeChaineeTrajets ( )
// Algorithme : Parcourt la liste chainée et supprime les maillons un à un
//
{
 #ifdef MAP
 cout << "Appel au destructeur de ListeChaineeTrajets" << endl;</pre>
 #endif
 //Supprime les maillons
 MaillonListeChaineeTrajets* maillonActuel = premierMaillon;
 MaillonListeChaineeTrajets* tmp;
 while(maillonActuel != nullptr) {
   tmp = maillonActuel;
```



```
maillonActuel = maillonActuel->getMaillonSuivant();
  delete tmp;
}

//---- Fin de ~ListeChaineeTrajets

//----- PRIVE
//----- Méthodes protégées
```



C.3 MaillonListeChaineeTrajets.h

```
/******************************
MaillonListeChaineeTrajets - Maillon d'une liste chaînée contenant un trajet
              : 20/11/2019
d\acute{e}but
copyright
             : (C) 2019 par Charles Javerliat
e-mail
              : charles.javerliat@insa-lyon.fr, pierre.sibut-bourde@insa-lyon.fr
//----- Interface de la classe MaillonListeChaineeTrajets (fichier MaillonListeChaine
#if ! defined ( MAILLON_LISTE_CHAINEE_TRAJETS_H )
#define MAILLON_LISTE_CHAINEE_TRAJETS_H
//----- Interfaces utilisées
#include "Trajet.h"
//----- Types
//-----
// Rôle de la classe MaillonListeChaineeTrajets
// La classe MaillonListeChaineeTrajets permet de contenir un trajet dans une
// liste chaînée (Cf ListeChaineeTrajets) et de pointer vers le maillon suivant.
//----
class MaillonListeChaineeTrajets
 //----- PUBLIC
public:
 //---- Méthodes publiques
 MaillonListeChaineeTrajets* getMaillonSuivant() const;
 // Mode d'emploi : Retourne le pointeur vers le maillon suivant le maillon actuel
 //
 // Contrat :
 // - Renvoie nullptr si il n'y a pas de maillon suivant
 void setMaillonSuivant(MaillonListeChaineeTrajets* unMaillon);
 // Mode d'emploi : Met à jour le pointeur vers le maillon suivant
 //
 // Contrat :
 // - Met à jour le pointeur vers le maillon suivant
```



```
Trajet* getTrajet() const;
 // Mode d'emploi : Retourne le pointeur du trajet contenu dans le maillon
 // Contrat :
 // - Retourne le pointeur du trajet contenu dans le maillon
 //----- Constructeurs - destructeur
 MaillonListeChaineeTrajets ( Trajet* unTrajet );
 virtual ~MaillonListeChaineeTrajets ();
 //---- Méthodes protégées
 //----- Attributs protégés
 //Le pointeur du trajet contenu dans le maillon
 Trajet* trajet;
 //Le pointeur vers le maillon suivant
 MaillonListeChaineeTrajets* maillonSuivant;
};
//----- Autres définitions dépendantes de MaillonListeChaineeTr
#endif // MAILLON_LISTE_CHAINEE_TRAJETS_H
```



C.4 MaillonListeChaineeTrajets.cpp

```
**************************
MaillonListeChaineeTrajets - Maillon d'une liste chaînée contenant un trajet
              : 20/11/2019
d\acute{e}but
copyright
             : (C) 2019 par Charles Javerliat
e-mail
              : charles. javerliat @insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde @insa-lyon. fr \\
//---- Réalisation de la classe MaillonListeChaineeTrajets (fichier MaillonListeChai
using namespace std;
#include <iostream>
//----- Include personnel
#include "MaillonListeChaineeTrajets.h"
//----- Constantes
//----- PUBLIC
//---- Méthodes publiques
MaillonListeChaineeTrajets* MaillonListeChaineeTrajets::getMaillonSuivant() const
 return maillonSuivant;
void MaillonListeChaineeTrajets::setMaillonSuivant(MaillonListeChaineeTrajets* unMaillon)
 maillonSuivant = unMaillon;
Trajet* MaillonListeChaineeTrajets::getTrajet() const
 return trajet;
//----- Constructeurs - destructeur
MaillonListeChaineeTrajets::MaillonListeChaineeTrajets ( Trajet* unTrajet ) : trajet(unTra
 #ifdef MAP
 cout << "Appel au constructeur de MaillonListeChaineeTrajets" << endl;</pre>
```





C.5 Trajet.h

```
Trajet - Une abstraction de trajet
d\acute{e}but
              : 20/11/2019
copyright
             : (C) 2019 par Charles Javerliat
e-mail
              : charles. javerliat @insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde @insa-lyon. fr \\
*******************************
//----- Interface de la classe Trajet (fichier Trajet.h) ------
#if !defined ( TRAJET_H )
#define TRAJET_H
//----- Interfaces utilisées
#include <iostream>
using namespace std;
//----- Types
//-----
// Rôle de la classe Trajet
// Classe abstraite contenant les attributs et méthodes communes de tous les types trajets
//----
class Trajet
 //----- PUBLIC
 //---- Méthodes publiques
 virtual bool estValide() const = 0;
 // Mode d'emploi : Renvoie vrai si le trajet est valide
 //
 // Contrat : Spécifique au type de trajet (Cf. TrajetSimple et TrajetCompose)
 virtual void afficher(ostream & out) const = 0;
 // Mode d'emploi : Affiche le trajet sur le flux de sortie (cout, cerr, ...)
 // Contrat : Spécifique au type de trajet (Cf. TrajetSimple et TrajetCompose)
 //
 virtual const char* getVilleDepart() const = 0;
 // Mode d'emploi : Renvoie la ville de départ du trajet
```



```
// Contrat : Spécifique au type de trajet (Cf. TrajetSimple et TrajetCompose)
 virtual const char* getVilleArrivee() const = 0;
 // Mode d'emploi : Renvoie la ville d'arrivée du trajet
 // Contrat : Spécifique au type de trajet (Cf. TrajetSimple et TrajetCompose)
 //
 unsigned int getIndice() const;
 // Mode d'emploi : Renvoie l'indice du trajet dans le catalogue
 void setIndice(unsigned int unIndice);
 // Mode d'emploi : Met à jour l'indice du trajet dans le catalogue
 //
 // Contrat :
 // - Doit changer l'indice du trajet
 //----- Constructeurs - destructeur
 Trajet();
 virtual ~Trajet();
 //----- PRIVE
protected:
 //---- Méthodes protégées
 //L'indice du trajet dans le catalogue
 unsigned int indice;
 //----- Attributs protégés
};
//----- Autres définitions dépendantes de Trajet
#endif // TRAJET_H
```



C.6 Trajet.cpp

```
/***************************
Trajet - Une abstraction de trajet
d\acute{e}but
           : 20/11/2019
copyright
           : (C) 2019 par Charles Javerliat
e-mail
           : charles. javerliat @insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde @insa-lyon. fr \\
*****************************
//----- Réalisation de la classe Trajet (fichier Trajet.cpp) ------
//----- Include personnel
#include "Trajet.h"
//----- Constantes
//----- PUBLIC
//---- Méthodes publiques
unsigned int Trajet::getIndice() const
return indice;
void Trajet::setIndice(unsigned int unIndice)
 indice = unIndice;
//----- Constructeurs - destructeur
Trajet::Trajet() : indice(0) {}
Trajet::~Trajet( ) {}
//----- PRIVE
//---- Méthodes protégées
```



C.7 TrajetSimple.h

```
/******************************
TrajetSimple - Trajet simple allant d'une ville de départ à une ville d'arrivée
à l'aide d'un moyen de transport défini.
début
              : 20/11/2019
copyright
             : (C) 2019 par Charles Javerliat
e-mail
              : charles. javerliat @insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde @insa-lyon. fr \\
//----- Interface de la classe TrajetSimple (fichier TrajetSimple.h) ---------
#if ! defined ( TRAJET_SIMPLE_H )
#define TRAJET_SIMPLE_H
#include "Trajet.h"
//---- Interfaces utilisées
//----- Constantes
//----- Types
//-----
// Rôle de la classe TrajetSimple
// Classe permettant de décrire un trajet simple: sa ville de départ, d'arrivée
// et le mode de transport
//
//----
class TrajetSimple : public Trajet
 //----- PUBLIC
 //---- Méthodes publiques
 bool estValide() const override;
 // Mode d'emploi : Renvoie vrai ou faux selon si le trajet est valide ou non
 // Contrat : Renvoie faux dans les cas suivants:
 // - Le nom de la ville de départ est NULL
 // - Le nom de la ville de départ est vide
 // - Le nom de la ville d'arrivée est NULL
 // - Le nom de la ville d'arrivée est vide
 // - Le nom de la ville de départ est égale à la ville d'arrivée (sensible à la casse)
 // - Le nom du type de transport est NULL
 // - Le nom du type de transport est vide
 // Affiche un message d'erreur sur la sortie standard d'erreur si une des conditions n'es-
```



```
//
 void afficher(ostream & out) const override;
 // Mode d'emploi : Affiche la définition du trajet sur le flux de sortie
 // Contrat : Affiche la description du trajet sur le flux de sortie au format:
 // "Trajet simple de {villeDepart} à {villeArrivee} en {typeTransport}"
 // Sans retour à la ligne
 //
 const char* getVilleDepart() const override;
 const char* getVilleArrivee() const override;
 //----- Constructeurs - destructeur
 TrajetSimple ( const char* uneVilleDepart, const char* uneVilleArrivee, const char* unTy
 // Contrat : Copie en profondeur les chaines de caractères passées en paramètre
 virtual ~TrajetSimple ( );
 //----- PRIVE
protected:
 //---- Méthodes protégées
 //---- Attributs protégés
 /**
 * Nom de la ville de départ du trajet
 const char* villeDepart;
 * Nom de la ville d'arrivée du trajet
 const char* villeArrivee;
 * Nom du type de transport pour aller d'une ville à l'autre
 const char* typeTransport;
};
//----- Autres définitions dépendantes de TrajetSimple
#endif // TRAJET_SIMPLE_H
```



C.8 TrajetSimple.cpp

```
/******************************
TrajetSimple - Trajet simple allant d'une ville de départ à une ville d'arrivée
à l'aide d'un moyen de transport défini.
début
               : 20/11/2019
copyright
e-mail
              : (C) 2019 par Charles Javerliat
               : charles. javerliat @insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde @insa-lyon. fr \\
**************************************
//---- Réalisation de la classe TrajetSimple (fichier TrajetSimple.cpp) ------
using namespace std;
#include <iostream>
#include <cstring>
//----- Include personnel
#include "TrajetSimple.h"
#include "StringHelper.h"
//----- Constantes
//----- PUBLIC
//---- Méthodes publiques
bool TrajetSimple::estValide() const
// Algorithme : Vérifie toutes les conditions de validité de manière séquentielle
//
 if(villeDepart == NULL) {
  cerr << "La ville de départ est invalide : NULL non autorisé." << endl;</pre>
  return false;
 if(strempty(villeDepart)) {
  cerr << "Le nom de la ville de départ est invalide : nom vide non autorisé." << endl;</pre>
  return false;
 if(villeArrivee == NULL) {
  cerr << "La ville d'arrivée est invalide : NULL non autorisé." << endl;</pre>
  return false;
 }
 if(strempty(villeArrivee)) {
```



```
cerr << "Le nom de la ville d'arrivée est invalide : nom vide non autorisé." << endl;</pre>
    return false;
  if(strcmp(villeDepart, villeArrivee) == 0) {
   cerr << "Le nom de la ville d'arrivée ne peut pas être identique au nom de la ville de
   return false;
  if(typeTransport == NULL) {
    cerr << "Le type de transport est invalide : NULL non autorisé." << endl;</pre>
   return false;
  if(strempty(typeTransport)) {
   cerr << "Le nom du type de transport est invalide : nom vide non autorisé." << endl;</pre>
    return false;
  }
 return true;
} //---- Fin de estValide
void TrajetSimple::afficher(ostream & out) const
  //Evite une erreur si un nom pointe vers nullptr
 out << "Trajet simple de ";</pre>
 out << (villeDepart == nullptr ? "NULL" : villeDepart);</pre>
 out << " à " << (villeArrivee == nullptr ? "NULL" : villeArrivee);</pre>
 out << " en " << (typeTransport == nullptr ? "NULL" : typeTransport);</pre>
const char* TrajetSimple::getVilleDepart() const
 return villeDepart;
const char* TrajetSimple::getVilleArrivee() const
 return villeArrivee;
//----- Constructeurs - destructeur
TrajetSimple::TrajetSimple ( const char* uneVilleDepart, const char* uneVilleArrivee, cons
  #ifdef MAP
  cout << "Appel au constructeur de TrajetSimple" << endl;</pre>
  //Copie en profondeur les chaines de caractères passées en paramètre
```



```
if(uneVilleDepart != nullptr) {
   char* villeDepartCopy = new char[strlen(uneVilleDepart) + 1];
   strcpy(villeDepartCopy, uneVilleDepart);
   villeDepart = villeDepartCopy;
 } else {
   villeDepart = nullptr;
 if(uneVilleArrivee != nullptr) {
   char* villeArriveeCopy = new char[strlen(uneVilleArrivee) + 1];
   strcpy(villeArriveeCopy, uneVilleArrivee);
   villeArrivee = villeArriveeCopy;
 } else {
   villeArrivee = nullptr;
 if(unTypeTransport != nullptr) {
   char* typeTransportCopy = new char[strlen(unTypeTransport) + 1];
   strcpy(typeTransportCopy, unTypeTransport);
   typeTransport = typeTransportCopy;
 } else {
   typeTransport = nullptr;
} //---- Fin de TrajetSimple
TrajetSimple::~TrajetSimple ( )
 #ifdef MAP
 cout << "Appel au destructeur de TrajetSimple" << endl;</pre>
 #endif
 delete [] villeDepart;
 delete [] villeArrivee;
 delete [] typeTransport;
} //---- Fin de ~TrajetSimple
//----- PRIVE
//---- Méthodes protégées
```



C.9 TrajetCompose.cpp

```
TrajetCompose - Trajet composé de plusieurs sous-trajets
d\acute{e}but
             : 20/11/2019
copyright
             : (C) 2019 par Charles Javerliat
e-mail
             : charles. javerliat @insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde @insa-lyon. fr \\
*******************************
//----- Réalisation de la classe TrajetCompose (fichier TrajetCompose.cpp) ------
//----- Include système
using namespace std;
#include <iostream>
#include <string.h>
//----- Include personnel
#include "TrajetCompose.h"
//----- Constantes
//----- PUBLIC
//---- Méthodes publiques
bool TrajetCompose::ajouter(Trajet* unTrajet)
 ListeChaineeTrajets::ajouter(unTrajet);
 //Si le trajet n'est pas valide en l'état, on revient en arrière
 if(!estValide())
 {
  ListeChaineeTrajets::supprimer(unTrajet);
  //Supprime le trajet du tas
  delete unTrajet;
  return false;
 return true;
}
bool TrajetCompose::supprimer(Trajet* unTrajet)
 ListeChaineeTrajets::supprimer(unTrajet);
```



```
//Si le trajet n'est pas valide en l'état, on revient en arrière
  if(!estValide())
   ListeChaineeTrajets::ajouter(unTrajet);
    return false;
  //Supprime le trajet du tas
  delete unTrajet;
 return true;
}
bool TrajetCompose::estValide() const
// Algorithme : On vérifie d'abord si la liste est vide. Sinon, on parcourt tous
// les sous-trajets pour vérifier qu'ils soient tous valides.
//
{
 if(estVide())
    cerr << "Le trajet composé est vide." << endl;</pre>
    return false;
  else if(strcmp(getVilleDepart(), getVilleArrivee()) == 0)
    cerr << "Le trajet composé est invalide. La ville de départ ne peut pas être égale à l
   return false;
  }
  else
  {
    MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
    //On vérifie que chaque trajet composant le trajet composé est valide
    while(maillonAct != nullptr)
      if(!maillonAct->getTrajet()->estValide())
        cerr << "Le sous-trajet (";</pre>
        maillonAct->getTrajet()->afficher(cerr);
        cerr << ") est invalide." << endl;</pre>
        return false;
      else if(maillonAct->getMaillonSuivant() != nullptr
              && strcmp(maillonAct->getMaillonSuivant()->getTrajet()->getVilleDepart(), ma
        cerr << "Les trajets (";</pre>
        maillonAct->getTrajet()->afficher(cerr);
        cerr << ") et (";
        maillonAct->getMaillonSuivant()->getTrajet()->afficher(cerr);
```



```
cerr << ") ne coïncident pas (t1.villeArrivee != t2.villeDepart)." << endl;</pre>
        return false;
      maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
    }
  }
 return true;
} //---- Fin de estValide
void TrajetCompose::afficher(ostream & out) const
// Algorithme : On parcourt tous les sous-trajets pour les afficher un par un
// à la suite dans le flux de sortie.
//
{
  if(estVide())
    out << "Le trajet composé est vide.";</pre>
  else
  {
    MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
    out << "Trajet composé: ";</pre>
    while(maillonAct != nullptr)
      out << '(';
      maillonAct->getTrajet()->afficher(out);
      out << ')';
      if(maillonAct->getMaillonSuivant() != nullptr)
        out << " + ";
      maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
    }
 }
}
const char* TrajetCompose::getVilleDepart() const
  if(estVide())
  {
    return nullptr;
  }
  else
  {
```



```
return premierMaillon->getTrajet()->getVilleDepart();
 }
}
const char* TrajetCompose::getVilleArrivee() const
 if(estVide())
 {
   return nullptr;
 }
 else
 {
   return dernierMaillon->getTrajet()->getVilleArrivee();
}
//----- Constructeurs - destructeur
TrajetCompose::TrajetCompose ( ) : Trajet(), ListeChaineeTrajets()
 #ifdef MAP
 cout << "Appel au constructeur de TrajetCompose" << endl;</pre>
} //---- Fin de TrajetCompose
TrajetCompose::~TrajetCompose ( )
 #ifdef MAP
 cout << "Appel au destructeur de TrajetCompose" << endl;</pre>
 //Suppression des trajets sur le tas
 MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
 while(maillonAct != nullptr)
   delete maillonAct->getTrajet();
   maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
} //---- Fin de ~TrajetCompose
//----- PRIVE
//---- Méthodes protégées
```



C.10 TrajetCompose.h

```
TrajetCompose - Trajet composé de plusieurs sous-trajets
d\acute{e}but
              : 20/11/2019
copyright
e-mail
              : (C) 2019 par Charles Javerliat
              : charles. javerliat@insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde@insa-lyon. fr\\
//----- Interface de la classe TrajetCompose (fichier TrajetCompose.h) -------
#if !defined ( TRAJET_COMPOSE_H )
#define TRAJET_COMPOSE_H
#include "Trajet.h"
#include "TrajetSimple.h"
#include "ListeChaineeTrajets.h"
//----- Interfaces utilisées
using namespace std;
#include <iostream>
// Rôle de la classe TrajetCompose
// La classe TrajetCompose permet de gérer un Trajet composé de plusieurs
// sous-trajets.
//----
class TrajetCompose : public Trajet, public ListeChaineeTrajets
 //----- PUBLIC
public:
 //---- Méthodes publiques
 bool ajouter(Trajet* unTrajet) override;
 // Mode d'emploi : Ajoute un trajet au trajet composé, retourne vrai si l'action a été
 // effectuée avec succès.
 // Contrat :
 // - Ne rajoute pas le trajet si il rend le trajet composé invalide.
 // - Retourne vrai si le trajet a bien été rajouté.
 // - Affiche un message d'erreur sur la sortie standard d'erreur si une des conditions n'e
```



```
bool supprimer(Trajet* unTrajet) override;
 // Mode d'emploi : Supprime un trajet du trajet composé, retourne vrai si l'action a été
 // effectuée avec succès.
 // Contrat :
 // - Ne supprime pas le trajet si il rend le trajet composé invalide.
 // - Retourne vrai si le trajet a bien été supprimé.
 // - Affiche un message d'erreur sur la sortie standard d'erreur si une des conditions n'e
 bool estValide() const override;
 // Mode d'emploi : Renvoie vrai ou faux selon si le trajet est valide
 //
 // Contrat : Renvoie faux dans les cas suivants:
 // - L'un des trajets simples n'est pas valide
 // - Pour deux trajets successifs, la ville d'arrivée du premier ne correspond
 // pas à la ville de départ de l'autre
 // - Le trajet composé est vide
 // - La ville de départ est égale à la ville d'arrivée
 // - Affiche un message d'erreur sur la sortie standard d'erreur si une des conditions n
 void afficher(ostream & out) const override;
 // Mode d'emploi : Affiche la définition du trajet sur la sortie standard
 //
 // Contrat :
 // - Affiche (Sans retour à la ligne) la description du trajet sur le stdout au format:
      Si le trajet composé n'est pas vide:
        "Trajet composé: ({description trajetSimple1}) + ({description trajetSimple2}) +
 //
 //
      Sinon:
 //
        "Le trajet composé est vide."
 //
 const char* getVilleDepart() const override;
 const char* getVilleArrivee() const override;
 //----- Constructeurs - destructeur
 TrajetCompose ( );
 virtual ~TrajetCompose ( );
 //-----PRIVE
 //---- Méthodes protégées
 //---- Attributs protégés
};
```



//	Autres	$d\'efinitions$	$d\'ependantes$	de	TrajetCompose
#endif // TRAJET_COMPOSE_H					



C.11 Catalogue.h

```
Catalogue - Classe permettant de gérer une liste de Trajets, et notamment
à procéder à des recherches de trajets entre deux villes.
début
             : 20/11/2019
copyright
e-mail
            : (C) 2019 par Charles Javerliat
             : charles. javerliat @insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde @insa-lyon. fr \\
//---- Interface de la classe Cataloque (fichier Cataloque.h) -----
#if !defined ( CATALOGUE_H )
#define CATALOGUE_H
//----- Interfaces utilisées
#include <iostream>
using namespace std;
#include "Trajet.h"
#include "ListeChaineeTrajets.h"
//----- Constantes
//----
// Rôle de la classe Catalogue
//
// La classe Cataloque permet de gérer une liste de Trajets, et notamment
// à procéder à des recherches simples ou avancées d'itinéraire entre deux villes.
//-----
class Catalogue : public ListeChaineeTrajets
 //----- PUBLIC
public:
 //---- Méthodes publiques
 bool ajouter(Trajet* unTrajet) override;
 // Mode d'emploi : Ajoute un trajet au catalogue, retourne vrai si l'action a été
 // effectuée avec succès.
 //
 // Contrat :
 // - Ne rajoute pas le trajet si il rend le catalogue invalide.
 // - Attribue un indice au trajet ajouté.
```



```
// - Retourne vrai si le trajet a bien été rajouté.
// - Affiche un message d'erreur sur la sortie standard d'erreur si une des conditions n'e
bool supprimer(Trajet* unTrajet) override;
// Mode d'emploi : Supprime un trajet du catalogue, retourne vrai si l'action a été
// effectuée avec succès.
// Contrat :
// - Ne supprime pas le trajet si il rend le catalogue invalide.
// - Met à jour l'indice des trajets suivant le trajet supprimé.
// - Retourne vrai si le trajet a bien été supprimé.
// - Affiche un message d'erreur sur la sortie standard d'erreur si une des conditions n'e
bool estValide() const;
// Mode d'emploi : Renvoie vrai ou faux selon si le catalogue est valide
//
// Contrat : Renvoie faux dans les cas suivants:
// - L'un des trajets n'est pas valide
// Affiche un message d'erreur sur la sortie standard d'erreur si une des conditions n'es
ListeChaineeTrajets rechercheTrajetsEnDepartDe(const char* villeDepart) const;
// Mode d'emploi : Renvoie la liste des trajets en départ de villeDepart
//
// Contrat :
// - Renvoie la liste contenant les trajets en départ de villeDepart
// - Renvoie une liste vide si aucun trajet n'est trouvé.
bool rechercheTrajetSimple(const char* villeDepart, const char* villeArrivee) const;
// Mode d'emploi : Affiche les trajets directs possibles pour aller de villeDepart
// à villeArrivee et retourne vrai si au moins un est trouvé.
//
// Contrat :
// - Affiche les trajets trouvés sur la sortie standard
// - Renvoie vrai si au moins un trajet est trouvé.
//
bool rechercheTrajetAvancee(const char* villeDepart, const char* villeArrivee) const;
// Mode d'emploi : Affiche les trajets ou combinaisons de trajets possibles pour
// aller de villeDepart à villeArrivee et retourne vrai si au moins un est trouvé.
// Contrat :
// - Affiche les trajets trouvés sur la sortie standard
// - Renvoie vrai si au moins un trajet est trouvé.
void afficher(ostream & out) const;
// Mode d'emploi : Affiche le catalogue sur le flux de sortie
// Contrat : Affiche le catalogue sur le flux de sortie au format:
// * Si le catalogue n'est pas vide:
```



```
// "Trajet i - {définition trajet_i}" n fois avec un saut de ligne entre chaque trajet
 // * Sinon:
 // "Le catalogue est vide."
 // Sans retour à la ligne à la fin
 //
 //
 //----- Constructeurs - destructeur
 Catalogue ();
 // Mode d'emploi :
 // Contrat :
 virtual ~Catalogue ( );
 // Mode d'emploi :
 // Contrat :
 //----- PRIVE
protected:
 //---- Méthodes protégées
 bool sousRechercheTrajetAvancee(const char* villeDepart, const char* villeArrivee, bool*
 // Mode d'emploi : Affiche les trajets ou combinaisons de trajets possibles pour
 // aller de villeDepart à villeArrivee et retourne vrai si au moins un est trouvé.
 //
 // Contrat :
 // - Affiche les trajets trouvés sur la sortie standard
 // - Renvoie vrai si au moins un trajet est trouvé.
 // - trajetsParcourus[i] est vrai si le i\_ème trajet a d\'ejà \'et\'e trait\'e dans la branche d
 // - chemin contient l'ensemble des trajets empruntés dans la branche de récursion actue
 //---- Attributs protégés
};
//---- Autres définitions dépendantes de Catalogue
#endif // CATALOGUE_H
```



C.12 Catalogue.cpp

```
/*****************************
Catalogue - Un catalogue est un ensemble de trajets
début
             : 20/11/2019
copyright
             : (C) 2019 par Charles Javerliat
e-mail
             : charles.javerliat@insa-lyon.fr, pierre.sibut-bourde@insa-lyon.fr
//----- Réalisation de la classe Cataloque (fichier Cataloque.cpp) ------
//----- Include système
using namespace std;
#include <iostream>
#include <string.h>
//----- Include personnel
#include "Catalogue.h"
//----- PUBLIC
//---- Méthodes publiques
// Algorithme : Attribue un indice au trajet, puis essaie de l'ajouter,
// si une erreur survient (trajet non valide), on procède à un retour en arrière.
bool Catalogue::ajouter(Trajet* unTrajet)
 //Affecte un indice au trajet
 if(unTrajet != nullptr)
  unTrajet->setIndice(getTaille());
 ListeChaineeTrajets::ajouter(unTrajet);
 //Si le catalogue n'est pas valide en l'état, on revient en arrière
 if(!estValide())
  ListeChaineeTrajets::supprimer(unTrajet);
  //Supprime le trajet du tas
  delete unTrajet;
```



```
return false;
 return true;
// Algorithme : Essaie de supprimer un trajet du Catalogue.
// Décrèmente l'indice de tous les trajets suivants si il est effectivement supprimé.
// Si une erreur survient (trajet non valide), on procède à un retour en arrière.
bool Catalogue::supprimer(Trajet* unTrajet)
 ListeChaineeTrajets::supprimer(unTrajet);
  //Si le catalogue n'est pas valide en l'état, on revient en arrière
  if(!estValide())
  {
   ListeChaineeTrajets::ajouter(unTrajet);
   return false;
  //On décrémente tous les indices des trajets suivants
  MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = get(unTrajet->getIndice());
  while(maillonAct != nullptr)
   maillonAct->getTrajet()->setIndice(maillonAct->getTrajet()->getIndice() - 1);
   maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
  //Supprime le trajet du tas
 delete unTrajet;
 return true;
// Algorithme : Vérifie de manière itérative que tous les trajets du catalogue
// sont valides.
bool Catalogue::estValide() const
 MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
  while(maillonAct != nullptr)
   if(!maillonAct->getTrajet()->estValide())
     return false;
    }
   maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
```



```
return true;
// Algorithme : Cherche de manière itérative dans le catalogue les trajets ayant
// pour ville de départ la ville donnée en argument.
ListeChaineeTrajets Catalogue::rechercheTrajetsEnDepartDe(const char* villeDepart) const
 ListeChaineeTrajets liste;
  MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
  while(maillonAct != nullptr)
    if(strcmp(maillonAct->getTrajet()->getVilleDepart(), villeDepart) == 0)
      liste.ajouter(maillonAct->getTrajet());
   maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
 return liste;
// Algorithme: Cherche de manière itérative un trajet du catalogue respectant
// la contrainte de ville de départ et d'arrivée.
bool Catalogue::rechercheTrajetSimple(const char* villeDepart, const char* villeArrivee) c
{
  bool found = false;
 MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
  while(maillonAct != nullptr) {
   if(strcmp(maillonAct->getTrajet()->getVilleDepart(), villeDepart) == 0
    && strcmp(maillonAct->getTrajet()->getVilleArrivee(), villeArrivee) == 0)
    {
      cout << endl << " - ";
     maillonAct->getTrajet()->afficher(cout);
     found = true;
    }
   maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
 return found;
} //---- Fin de rechercheTrajetSimple
// Algorithme : Cherche toutes les combinaisons de trajets respectant la contrainte
// de manière récursive dans le graphe de trajets.
```



```
bool Catalogue::rechercheTrajetAvancee(const char* villeDepart, const char* villeArrivee)
  //Le nombre d'arêtes du graphe
 unsigned int nbTrajets = getTaille();
  //Vrai pour une arête si elle a déjà été parcourue (initialisé à false)
 bool* trajetsParcourus = new bool[nbTrajets]();
  //Liste des trajets constituant le chemin
 ListeChaineeTrajets chemin;
  bool found = sousRechercheTrajetAvancee(villeDepart, villeArrivee, trajetsParcourus, &ch
  delete [] trajetsParcourus;
  //Vrai si un trajet a été trouvé
 return found;
} //---- Fin de rechercheTrajetAvancee
// Algorithme: Affiche de manière itérative tous les trajets dans le flux de sortie
void Catalogue::afficher(ostream & out) const
 if(estVide())
  {
   out << "Le catalogue est vide.";</pre>
  }
  else
    int i = 1;
   MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
    while(maillonAct != nullptr) {
      out << "Trajet " << i << " - ";
     maillonAct->getTrajet()->afficher(out);
      out << " (indice = " << maillonAct->getTrajet()->getIndice() << ")";</pre>
      if(maillonAct->getMaillonSuivant() != nullptr)
       out << endl;</pre>
     maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
      ++i;
    }
  }
} //---- Fin de afficher
//----- Constructeurs - destructeur
Catalogue::Catalogue ( ) : ListeChaineeTrajets()
```



```
// Algorithme : Crée le tableau de trajets sur le tas
{
 #ifdef MAP
 cout << "Appel au constructeur de Catalogue" << endl;</pre>
 #endif
} //---- Fin de Catalogue
Catalogue::~Catalogue ( )
// Algorithme : Détruit le tableau de trajets
//
{
 #ifdef MAP
 cout << "Appel au destructeur de Catalogue" << endl;</pre>
  #endif
  //Suppression des trajets sur le tas
 MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = premierMaillon;
 while(maillonAct != nullptr)
   delete maillonAct->getTrajet();
   maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
} //---- Fin de ~Catalogue
//----- PRIVE
//---- Méthodes protégées
// Algorithme : Cherche toutes les combinaisons de trajets respectant la contrainte
// de manière récursive dans le graphe de trajets.
bool Catalogue::sousRechercheTrajetAvancee(const char* villeDepart, const char* villeArriv
 ListeChaineeTrajets trajets = rechercheTrajetsEnDepartDe(villeDepart);
 MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = trajets.getPremierMaillon();
  //Vrai si un trajet a été trouvé
 bool found = false;
  //Pour chaque trajet possible à partir de la ville de départ donné en argument
  //on fait un appel récursif pour afficher les trajets possibles.
  while(maillonAct != nullptr)
   if(!trajetsParcourus[maillonAct->getTrajet()->getIndice()])
     Trajet* trajet = maillonAct->getTrajet();
     //On ne repassera pas par cette arête dans les appels fils
```



```
trajetsParcourus[trajet->getIndice()] = true;
   chemin->ajouter(trajet);
   //Si la ville d'arrivée du trajet correspond à la ville d'arrivée qu'on cherche
   if(strcmp(trajet->getVilleArrivee(), villeArrivee) == 0)
     found = true;
     //---- Affichage d'un trajet solution -----
     MaillonListeChaineeTrajets* maillonAct = chemin->getPremierMaillon();
     cout << endl << " - ";
     while(maillonAct != nullptr)
       maillonAct->getTrajet()->afficher(cout);
       if(maillonAct->getMaillonSuivant() != nullptr)
         cout << " + ";
       }
       maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
     }
                                        _____
   }
   found |= sousRechercheTrajetAvancee(trajet->getVilleArrivee(), villeArrivee, trajets
   //On rend à nouveau le trajet disponible pour les autres noeuds du même niveau du gr
   chemin->supprimer(trajet);
   trajetsParcourus[trajet->getIndice()] = false;
  }
 maillonAct = maillonAct->getMaillonSuivant();
return found;
```



C.13 StringHelper.h

```
#if ! defined(STRING_HELPER_H)
\#define\ STRING\_HELPER\_H
#include <string.h>
static bool strempty(const char* str)
// Mode d'emploi :
     Retourne vrai si la chaîne de caractères est vide
//
// Contrat :
   Retourne vrai si la chaîne de caractère ne contient aucun caractères, que des espace
//
// Algorithme :
// Parcourt tous les caractères de la chaîne de caractère
// Dès qu'un caractère différent d'une espace est rencontré, retourne faux
     Si la chaîne de caractères ne contient aucun caractère ou que des espaces, retourne
 if(str == nullptr)
   return true;
  for(unsigned int i = 0; i < strlen(str); i++)</pre>
    if(str[i] != ' ')
     return false;
  return true;
#endif
```



C.14 main.cpp

```
/******************************
Main - Classe principale servant d'interface entre l'utilisateur et le
système de gestion du catalogue
début
                 : 20/11/2019
copyright
e-mail
                : (C) 2019 par Charles Javerliat
                : charles. javerliat @insa-lyon. fr, \ pierre. sibut-bourde @insa-lyon. fr \\
//----- INCLUDE
//----- Include système
#include <string.h>
#include <iostream>
using namespace std;
//----- Include personnel
#include "Catalogue.h"
#include "TrajetSimple.h"
#include "TrajetCompose.h"
// Contrat : Affiche le catalogue dans le terminal
static void afficherCatalogue(const Catalogue & catalogue)
 cout << endl << " ====== CATALOGUE ====== " << endl << endl;</pre>
 catalogue.afficher(cout);
 cout << endl << endl << " === FIN DU CATALOGUE === " << endl << endl;</pre>
// Contrat : Ajoute un trajet simple au Cataloque en demandant à l'utilisateur
// de renseigner les informations du trajet.
static void ajouterTrajetSimple(Catalogue & catalogue)
 cout << endl << " === AJOUT D'UN TRAJET SIMPLE === " << endl << endl;</pre>
 TrajetSimple* trajetSimple = nullptr;
 do
   char villeDepart[100];
   char villeArrivee[100];
   char typeTransport[100];
   //Prompt de la ville de départ
   do {
    villeDepart[0] = '\0';
     cout << "Ville de départ: ";</pre>
     cin.clear();
```



```
cin.getline(villeDepart, sizeof(villeDepart));
    } while(cin.fail());
    //Prompt de la ville d'arrivée
    do {
     villeArrivee[0] = '\0';
     cout << "Ville d'arrivée: ";</pre>
     cin.clear();
      cin.getline(villeArrivee, sizeof(villeArrivee));
    } while(cin.fail());
    //Prompt du type de transport
      typeTransport[0] = '\0';
      cout << "Type de transport: ";</pre>
     cin.clear();
      cin.getline(typeTransport, sizeof(typeTransport));
    } while(cin.fail());
    trajetSimple = new TrajetSimple(villeDepart, villeArrivee, typeTransport);
    //On essaie d'ajouter le trajet, si il n'est pas valide on recommence
  } while(!catalogue.ajouter(trajetSimple));
  cout << endl << " ======= FIN DE L'AJOUT ======= " << endl << endl;
// Contrat : Ajoute un trajet composé au Catalogue en demandant à l'utilisateur
// de renseigner les informations du trajet, aka les différents trajets simples
// qui le constitue.
static void ajouterTrajetCompose(Catalogue & catalogue)
  cout << endl << " === AJOUT D'UN TRAJET COMPOSE === " << endl;</pre>
  TrajetCompose* trajetCompose = nullptr;
  //Variable contenant la valeur de retour (o/n) à la question de si
  //on souhaite rajouter un autre trajet simple
  char ajouterTrajetSimple;
  do
    delete trajetCompose;
   trajetCompose = new TrajetCompose();
    do
    {
     TrajetSimple* trajetSimple = nullptr;
      //----- Ajout d'un sous-trajet simple -----
      do
```



```
{
  char villeDepart[100];
  char villeArrivee[100];
  char typeTransport[100];
  cout << endl << ">>> Ajout d'un trajet simple <<< " << endl;</pre>
  //Prompt de la ville de départ
  do {
    villeDepart[0] = '\0';
    cout << "Ville de départ: ";</pre>
    cin.clear();
    cin.getline(villeDepart, sizeof(villeDepart));
  } while(cin.fail());
  //Prompt de la ville d'arrivée
  do {
    villeArrivee[0] = '\0';
    cout << "Ville d'arrivée: ";</pre>
    cin.clear();
    cin.getline(villeArrivee, sizeof(villeArrivee));
  } while(cin.fail());
  //Prompt du type de transport
    typeTransport[0] = '\0';
    cout << "Type de transport: ";</pre>
    cin.clear();
    cin.getline(typeTransport, sizeof(typeTransport));
  } while(cin.fail());
  trajetSimple = new TrajetSimple(villeDepart, villeArrivee, typeTransport);
  //On essaie d'ajouter le trajet, si il n'est pas valide on recommence
} while(!trajetCompose->ajouter(trajetSimple));
do
  cout << endl << "Ajouter un autre trajet simple (o/n) ? ";</pre>
  cin.clear();
  cin >> ajouterTrajetSimple;
  cin.ignore(10000, '\n');
  if(cin.fail() || (ajouterTrajetSimple != 'o' && ajouterTrajetSimple != 'n'))
    cout << "Veuillez écrire o ou n." << endl;</pre>
  }
  //Tant que l'utilisateur ne répond pas 'o' ou 'n', on recommence
} while(cin.fail() || (ajouterTrajetSimple != 'o' && ajouterTrajetSimple != 'n'));
```



```
} while(ajouterTrajetSimple == 'o');
    //On essaie d'ajouter le trajet, si il n'est pas valide on recommence
  } while(!catalogue.ajouter(trajetCompose));
 cout << " ======= FIN DE L'AJOUT ======= " << endl << endl;</pre>
// Contrat : Supprime un trajet du Catalogue en demandant à l'utilisateur
// de renseigner le numéro du trajet à supprimer.
static void supprimerTrajet(Catalogue & catalogue)
  cout << endl << " === SUPPRESSION D'UN TRAJET === " << endl;</pre>
 if(catalogue.estVide())
    cout << endl << "Aucun trajet à supprimer." << endl;</pre>
  else
    unsigned int numeroTrajet;
    do
      cout << endl << "Entrez le numéro de trajet à supprimer (entre 1 et " << catalogue.g
      cin.clear();
      cin >> numeroTrajet;
      if(cin.fail() || numeroTrajet < 1 || numeroTrajet > catalogue.getTaille())
        cout << "Numéro de trajet invalide." << endl;</pre>
        cin.clear();
    } while(numeroTrajet < 1 || numeroTrajet > catalogue.getTaille());
    cin.ignore(10000, '\n');
    catalogue.supprimer(catalogue.get(numeroTrajet - 1)->getTrajet());
  cout << endl << " ===== FIN DE LA SUPPRESSION ====== " << endl << endl;</pre>
// Contrat : Liste tous les trajets allant d'une ville à l'autre sans tester
// de combinaisons possibles de trajets. Demande à l'utilisateur d'entrée la
// ville de départ et d'arrivée.
static void rechercheTrajetSimple(Catalogue & catalogue)
  cout << endl << " ===== RECHERCHE DE TRAJET SIMPLE ===== " << endl << endl;</pre>
  char villeDepart[100];
```



```
char villeArrivee[100];
  //Prompt de la ville de départ
  {
    villeDepart[0] = '\0';
    cout << "Ville de départ: ";</pre>
    cin.clear();
    cin.getline(villeDepart, 100);
    if(cin.fail())
    {
      cout << "Entrée invalide." << endl;</pre>
  } while(cin.fail());
  //Prompt de la ville d'arrivée
    villeArrivee[0] = '\0';
    cout << "Ville d'arrivée: ";</pre>
    cin.clear();
    cin.getline(villeArrivee, 100);
    if(cin.fail())
      cout << "Entrée invalide." << endl;</pre>
  } while(cin.fail());
 bool found = catalogue.rechercheTrajetSimple(villeDepart, villeArrivee);
  if(!found)
  {
    cout << endl << "Aucun trajet trouvé entre " << villeDepart << " et " << villeArrivee;</pre>
  cout << endl << endl << " == FIN DE RECHERCHE DE TRAJET SIMPLE == " << endl << endl;</pre>
}
// Contrat : Liste tous les trajets allant d'une ville à l'autre en testant
// les combinaisons possibles de trajets. Demande à l'utilisateur d'entrée la
// ville de départ et d'arrivée.
static void rechercheTrajetAvancee(Catalogue & catalogue)
 cout << endl << " ===== RECHERCHE DE TRAJET AVANCEE ===== " << endl << endl;</pre>
  char villeDepart[100];
  char villeArrivee[100];
```



```
//Prompt de la ville de départ
  do
    villeDepart[0] = '\0';
    cout << "Ville de départ: ";</pre>
    cin.clear();
    cin.getline(villeDepart, 100);
    if(cin.fail())
      cout << "Entrée invalide." << endl;</pre>
  } while(cin.fail());
  //Prompt de la ville d'arrivée
  do
    villeArrivee[0] = '\0';
    cout << "Ville d'arrivée: ";</pre>
    cin.clear();
    cin.getline(villeArrivee, 100);
    if(cin.fail())
      cout << "Entrée invalide." << endl;</pre>
  } while(cin.fail());
  bool found = catalogue.rechercheTrajetAvancee(villeDepart, villeArrivee);
  if(!found)
    cout << endl << "Aucun trajet trouvé entre " << villeDepart << " et " << villeArrivee;</pre>
  cout << endl << endl << " == FIN DE RECHERCHE DE TRAJET AVANCEE == " << endl << endl;</pre>
}
int main(void)
  //Instance unique du Catalogue sur la pile
  Catalogue catalogue;
  unsigned short choix = 0;
  cout << " === PROGRAMME DE GESTION DE CATALOGUE === " << endl;</pre>
  do
    cout << "Que désirez-vous faire ?" << endl;</pre>
```



```
cout << "\t1 - Afficher le catalogue" << endl;</pre>
  cout << "\t2 - Ajouter un trajet simple" << endl;</pre>
  cout << "\t3 - Ajouter un trajet composé" << endl;</pre>
  cout << "\t4 - Supprimer un trajet" << endl;</pre>
  cout << "\t5 - Recherche de trajet simple" << endl;</pre>
  cout << "\t6 - Recherche de trajet avancée" << endl;</pre>
  cout << "\t7 - Quitter" << endl;</pre>
  //Prompt de l'action à effectuer sur la Catalogue
  do {
    cout << "Entrez votre choix: ";</pre>
    cin >> choix;
    if(cin.fail() \mid \mid choix < 1 \mid \mid choix > 7) {
      cout << "Choix invalide." << endl;</pre>
      cin.clear();
    cin.ignore(10000, '\n');
  } while(choix < 1 || choix > 7);
  switch(choix) {
    case 1:
    afficherCatalogue(catalogue);
    break;
    case 2:
    ajouterTrajetSimple(catalogue);
    break;
    case 3:
    ajouterTrajetCompose(catalogue);
    break;
    case 4:
    supprimerTrajet(catalogue);
    break;
    case 5:
    rechercheTrajetSimple(catalogue);
    break;
    case 6:
    rechercheTrajetAvancee(catalogue);
    break;
    default:
    break;
  }
} while(choix != 7);
cout << endl << " === FERMETURE DU PROGRAMME === " << endl;</pre>
```



```
return 0;
}
```