Elementi di Bioinformatica

Gianluca Della Vedova

Univ. Milano-Bicocca http://gianluca.dellavedova.org

10 ottobre 2019

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica

1/1

3/1

Alfabeto binario

Karp-Rabin

- $H(S) = \sum_{i=1}^{|S|} 2^{i-1} H(S[i])$
- sliding window di ampiezza m su T
- H(T[i+1:i+m]) =

 $= (H(T[i:i+m-1]) - T[i])/2 + 2^{m-1}T[i+m]$

- operazioni su bit
- $\bullet \ T[i:i+m-1] = P \Leftrightarrow H(T[i:i+m-1]) = H(P)$

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica

2/1

Karp-Rabin: problema

Numeri troppo grandi

- Modello RAM: numeri O(n + m)
- $\bullet \mod p$
- H(T[i+1:i+m]) = $(H(T[i:i+m-1]) - T[i])/2 + 2^{m-1}T[i+m]) \mod p$
- $2^{m-1}T[i+m] \mod p$ calcolato iterativamente, mod p ad ogni passo

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica

Karp-Rabin: falsi positivi

Possibili errori

- Falso positivo (FP): occorrenza non vera
- Falso negativo (FN): occorrenza non trovata
- $\bullet \ \ H(T[i:i+m-1]) = H(P) \Leftrightarrow T[i:i+m-1] = P$
- $\bullet \ H(T[i:i+m-1]) \ \bmod p = H(P) \ \bmod p$ $\Leftarrow T[i:i+m-1] = P$

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica 4/1

Karp-Rabin: falsi positivi

Probabilità di errore

 $P[\#FP \ge 1] \le O(nm/I)$ se il numero primo p è scelto fra tutti i primi $\leq I$

Valori di *I*

 $I = n^2 m \Rightarrow P[\#FP \ge 1] \le 2.54/n$ • $I = nm^2 \Rightarrow P[\#FP \ge 1] \in O(1/m)$

Abbassare probabilità di errore

Scegliere *k* primi casuali (indipendenti senza ripetizioni), cambiare primo dopo ogni FP

> Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica 5/1

Las Vegas vs. Monte Carlo

Classificazione algoritmi probabilistici

Monte Carlo:

Sempre veloce Forse non corretto Karp-Rabin

• Las Vegas:

Sempre corretto Forse non veloce

Quicksort con pivot random

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica 6/1

Controllo falsi positivi

L: posizioni iniziali in *T* delle occorrenze

Run

sequenza $\langle l_1, \dots, l_k \rangle$ di posizioni in L distanti al massimo m/2

- \bullet $d = l_2 l_1$
- ullet *P* semiperiodico con periodo *d*
- $P = \alpha \beta^{k-1}$, α suffisso di β
- o ogni run occupa $\geq n$ caratteri di T
- o ogni carattere di *T* è in max 2 run

Licenza d'uso

Quest'opera è soggetta alla licenza Creative Commons: Attribuzione-Condividi allo stesso modo 4.0. (https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/). Sei libero di riprodurre, distribuire, comunicare al pubblico, esporre in pubblico, rappresentare, eseguire, recitare e modificare quest'opera alle seguenti condizioni:

- Attribuzione Devi attribuire la paternità dell'opera nei modi indicati dall'autore o da chi ti ha dato l'opera in licenza e in modo tale da non suggerire che essi avallino te o il modo in cui tu usi l'opera.
- Condividi allo stesso modo Se alteri o trasformi quest'opera, o se la usi per crearne un'altra, puoi distribuire l'opera risultante solo con una licenza identica o equivalente a questa.

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica 8/1