

| | | |
|---|--|---|
| Equações de Euler | Relações Trigonométricas | Números Complexos |
| $e^{j\theta} = \cos \theta + j \sin \theta$ $\cos \theta = \frac{e^{j\theta} + e^{-j\theta}}{2}$ $\sin \theta = \frac{e^{j\theta} - e^{-j\theta}}{j2}$ | $\cos(\alpha \pm \beta) = \cos(\alpha) \cos(\beta) \mp \sin(\alpha) \sin(\beta)$ $\sin(\alpha \pm \beta) = \sin(\alpha) \cos(\beta) \pm \cos(\alpha) \sin(\beta)$ $\cos(\alpha) \cos(\beta) = \frac{1}{2} \cos(\alpha + \beta) + \frac{1}{2} \cos(\alpha - \beta)$ $\sin(\alpha) \sin(\beta) = \frac{1}{2} \cos(\alpha - \beta) - \frac{1}{2} \cos(\alpha + \beta)$ $\sin(\alpha) \cos(\beta) = \frac{1}{2} \sin(\alpha + \beta) + \frac{1}{2} \sin(\alpha - \beta)$ $\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1$ $\cos^2(\alpha) = \frac{1}{2} (1 + \cos(2\alpha))$ $\sin^2(\alpha) = \frac{1}{2} (1 - \cos(2\alpha))$ $\cos(2\alpha) = 2 \cos^2 \alpha - 1 = 1 - 2 \sin^2 \alpha$ | $C = a + jb = r e^{j\theta}$ $r = \sqrt{a^2 + b^2} ; \theta = \arctan \frac{b}{a}$ $a = r \cos \theta ; b = r \sin \theta$ $C^H = a - jb = r e^{-j\theta}$ $CC^H = r^2$ |
| Espaço de Sinais | Decomposição de um sinal (par ímpar) | |
| $y(t) = \sum_{i=1}^N a_i x_i(t) + e(t)$ se $\langle x_i(t), x_j(t) \rangle = 0, \forall i \neq j$ minimizar o erro quad. médio $a_i = \frac{\langle y(t), x_i(t) \rangle}{\ x_i(t)\ ^2}$ | Sinal par: $x(t) = x(-t)$ Sinal ímpar: $x(t) = -x(-t)$ $x(t) = x_{par}(t) + x_{impar}(t)$ $x_{par}(t) = \frac{1}{2} (x(t) + x(-t))$ $x_{impar}(t) = \frac{1}{2} (x(t) - x(-t))$ | |
| | Sinais periódicos | Sinais de Energia |
| Produto interno: Norma: | $\langle y(t), x(t) \rangle = \frac{1}{T_0} \int_{T_0} y(t) x(t) dt$ $P_x = \ x(t)\ ^2 = \langle x(t), x(t) \rangle$ | $\langle y(t), x(t) \rangle = \int_{-\infty}^{+\infty} y(t) x(t) dt$ $E_x = \ x(t)\ ^2 = \langle x(t), x(t) \rangle$ |
| Série de Fourier | $C_k = \frac{1}{T_0} \int_{T_0} x_P(t) e^{-j2\pi k f_0 t} dt$ $x_P(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} C_k e^{j2\pi k f_0 t}$ | |
| Transformada de Fourier | $X_P(f) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} C_k \delta(f - k f_0)$ com $C_k = \frac{1}{T_0} X_E(k f_0)$ se $x_P(t) = \sum_{-\infty}^{\infty} x_E(t - k T_0)$ | $X_E(f) = \int_{-\infty}^{+\infty} x_E(t) e^{-j2\pi f t} dt$ $x_E(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} X_E(f) e^{j2\pi f t} df$ |
| Propriedades | $x(t)$ | $X(f) = \text{TF}\{x(t)\}$ |
| Simetrias | $x(t)$ real $x(t)$ real e par $x(t)$ real ímpar | $X(f) = X(-f)^H$ $X(f)$ par e real $X(f)$ imaginário ímpar |
| Linearidade | $\sum_{i=1}^N a_i x_i(t)$ | $\sum_{i=1}^N a_i X_i(f)$ |
| Escalamento | $x(at)$ $x(-t)$ | $\frac{1}{ a } X\left(\frac{f}{a}\right)$ $X(-f)$ |
| Deslocamento no tempo | $x(t - t_0)$ $x(at - b)$ | $X(f) e^{-j2\pi f t_0}$ $\frac{1}{ a } X\left(\frac{f}{a}\right) e^{-j2\pi f \frac{b}{a}}$ |
| Translação na frequência | $x(t) e^{j2\pi f_c t}$ | $X(f - f_c)$ |
| Modulação | $x(t) \cos(2\pi f_c t)$ | $\frac{1}{2} (X(f - f_c) + X(f + f_c))$ |
| Dualidade | $y(t) = X(t)$ | $Y(f) = x(-f)$ |
| integração | $\int_{-\infty}^t x(\lambda) d\lambda$ | $\frac{1}{j2\pi f} X(f) + \frac{1}{2} X(0) \delta(f)$ |
| Diferenciação | $\frac{d^n x(t)}{dt^n}$ $t^n x(t)$ | $(j2\pi f)^n X(f)$ $(-j2\pi)^{-n} \frac{d^n X(f)}{df^n}$ |
| Multiplicação | $x(t)^H$ $x(t)y(t)$ | $X(-f)^H$ $X(f) * Y(f)$ |
| Teorema de Parseval | $x(t) * y(t)$ | $X(f) Y(f)$ |
| Teorema de Rayleigh | $P = \frac{1}{T_0} \int_{T_0} x(t) ^2 dt$ $E = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) ^2 dt$ | $P = \sum_{k=-\infty}^{\infty} C_k ^2$ $E = \int_{-\infty}^{\infty} X(f) ^2 df$ |
| Transformadas de sinais | $A\Pi\left(\frac{t-t_0}{\tau}\right)$ $A\Lambda\left(\frac{t-t_0}{\tau}\right)$ A $A\delta(t)$ $A\delta(t - t_d)$ $u(t)$ $A\text{sign}(t)$ $Ae^{-at}u(t)$ $e^{j2\pi f_c t}$ $A\cos(2\pi f_c t + \theta)$ $A\sin(2\pi f_c t + \theta)$ $\sum_{-\infty}^{\infty} A\delta(t - kT_0)$ | $A\tau \text{sinc}(f\tau) e^{-j2\pi f t_0}$ $A\tau \text{sinc}^2(f\tau) e^{-j2\pi f t_0}$ $A\delta(f)$ A $Ae^{-j2\pi f t_d}$ $\frac{1}{j2\pi f} + \frac{1}{2}\delta(f)$ $A\frac{1}{j2\pi f}$ $\frac{A}{a+j2\pi f}$ $\delta(f - f_c)$ $\frac{A}{2} e^{j\theta} \delta(f - f_c) + \frac{A}{2} e^{-j\theta} \delta(f + f_c)$ $\frac{A}{2} e^{j(\theta - \frac{\pi}{2})} \delta(f - f_c) + \frac{A}{2} e^{-j(\theta - \frac{\pi}{2})} \delta(f + f_c)$ $Af_0 \sum_{-\infty}^{\infty} \delta(f - kf_0)$ |

| | |
|----------------------------|--|
| SLITS | |
| Resposta do sistema | $y(t) = h(t) * x(t)$ |
| Resposta ao escalão | $g(t) = \int_{-\infty}^t h(\lambda) d\lambda$ |
| | $h(t) = \frac{dg(t)}{dt}$ |
| Resposta em frequência | $H(f) = Y(f)/X(f)$ |
| | $H(f) = TF\{h(t)\}$ |
| Resposta em Reg. Estacion. | $x(t) = A \cos(2\pi f_x t + \theta)$ |
| | $y(t) = A H(f_x) \cos(2\pi f_x t + \theta + \arg(H(f_x)))$ |
| SLIT causal | $h(t) = 0$ para $t < 0$ |
| SLIT sem memória | $h(t) = 0$ para $t \neq 0$ |
| SLIT estável | $\int_{-\infty}^{\infty} h(t) dt < \infty$ |
| operação convolução | |
| | $z(t) = x(t) * y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\lambda) y(t - \lambda) d\lambda$ |
| Propriedades da convolução | |
| | $x(t) * y(t) = y(t) * x(t)$ $x(t) * (y(t) * z(t)) = (x(t) * y(t)) * z(t)$ $x(t) * (ay(t) + bz(t)) = a(x(t) * y(t)) + b(x(t) * z(t))$ $\frac{d(x(t) * y(t))}{dt} = \frac{d(x(t))}{dt} * y(t) = x(t) * \frac{d(y(t))}{dt}$ $x(t) * \delta(t - t_0) = x(t - t_0)$ |
| Propriedades do Dirac | |
| | $\int_{-\infty}^{\infty} A\delta(t - t_0) dt = A$ $\int_{-\infty}^t A\delta(\lambda - t_0) d\lambda = Au(t - t_0)$ $\frac{dAu(t - t_0)}{dt} = A\delta(t - t_0)$ $\int_{-\infty}^{\infty} x(t)\delta(t - kt_0) dt = x(t_0)$ $\delta(at) = \frac{1}{ a }\delta(t)$ |