

Universidad Carlos III de Madrid

MÉTODOS BAYESIANOS, GRADO EN ESTADÍSTICA Y EMPRESA

Análisis y clasificación de textos

Fabio Scielzo Ortiz

Índice

1	Introducción				
2	2 Carga de los datos (Python)				
3	Des	Descripción estadistica de los datos (Python)			
	3.1	Gráfico de barras de la variable respuesta (Fake)	5		
	3.2	Número de palabras por noticia	7		
	3.3	Numero medio de palabras por noticia en función de si son fake o no	9		
4	\mathbf{Pre}	procesado de texto	9		
	4.1	Tokenizacion	9		
5	Des	scripción estadística de los datos tras la tokenización	15		
	5.1	Numero de tokens del conjunto de noticias en funcion de si son fake o no . $$.	15		
	5.2	Numero de tokens $\'unicos$ del conjunto de noticias en funcion de si son fake	4 5		
	- 0	0 10	15		
	5.3	Numero de tokens en cada una de las noticias individualmente	15		
	5.4	Número de veces que aparece cada token en el conjunto de las noticias en funcion de si es fake o no	18		
	5.5	Stop words	21		
	5.6	Ranking de tokens mas frecuentes en el conjunto de las noticas en funcion de si son fake y no fake tras eliminar stopwords	23		
	5.7	Odds Ratio	24		
6	Ter	m frequency – Inverse document frequency (Tf - Idf)	36		
	6.1	Definición formal del estadistico tf-idf	36		
	6.2	Cálculo de tf-idf en Python	38		
		6.2.1 Cálculo de tf	38		
		6.2.2 Cálculo de idf	39		
		6.2.3 Cálculo de tf-idf	40		
	6.3	Matriz Tf-Idf	41		
7	Mé	todos Naive Bayes	48		
	7.1	Gaussian Naive Bayes	49		
	7.2	Multinomial Naive Bayes	50		
	7.3	Gaussian Naive Bayes aplicado con Python	50		
8	Bib	liografía	51		

1 Introducción

En este trabajo se va a realizar un análisis y clasificación de textos. Para ellos se utilizaran dos lenguajes de programación, Python y R. El trabajo puede dividirse en dos partes bien diferenciadas, una primera parte en la que se trabaja con Python y una segunda en la que se usa R.

En la primera parte, en la que trabajamos con Python, se llevará acabo una descripción y preprocesado del data-set con el que trabajaremos, posteriormente se llevara acabo un análisis de texto, y para finalizar se realizaran tareas de clasificación aplicando algoritmos de clasificación supervisada, especialmente el algoritmo de clasificación ingenua bayesiana.

En la parte en la que trabajamos con R se seguirán los pasos del ejemplo ilustrado en clase.

2 Carga de los datos (Python)

El data-set con el que vamos a trabajar contiene como observaciones noticias fechadas entre el 31 de marzo de 2015 y el 18 de febrero de 2018, y como variables la fecha, el título y el texto de la noticia, y si es una noticia falsa (fake new) o es verdadera (no fake new). La variable respuesta será Fake . Las variables predictoras que se usaran en el apartado de aplicación de algoritmos de clasificación no aparecen en el data-set original, pero serán creadas usando la información de la variable texto.

El data set ha sido obtenido de la pagina web Kaggle

Importamos la libreria pandas, que es la liberia de Python mas usada para la manipulación y manejo de datos en formato de tabla, es decir, data-frames.

```
import pandas as pd
```

Ahora importamos los datos, que originalmente estan distribuidos en dos data-sets, uno que contiene las fake news (df_Fake) y otro que contiene las no fake news (df_True):

```
df_Fake = pd.read_csv('Fake.csv')
df_True = pd.read_csv('True.csv')
```

Creamos una variable que indicará en nuestro data-set final si la noticia es fake o no fake:

```
df_Fake['Fake'] = 1
df_True['Fake'] = 0
```

Si para una noticia la nueva variable creada Fake toma el valor 1 , indica que es fake new, y si toma el 0 indica que no es fake new.

Ahora concatenamos (por filas) los dos data-sets anteriores, para generar el data-set con el que trabajaremos:

```
Fake_News_Data = pd.concat([df_Fake, df_True])
```

Seleccionamos las columnas (variables) de nuestro interés:

```
Fake_News_Data = Fake_News_Data.loc[: , ['Fake', 'title', 'text', 'date']

...
```

Añadimos un índice al data-set:

```
Fake_News_Data.index = range(0 , len(Fake_News_Data))
```

Ahora vamos a ver de qué tipo son nuestras variables en Python:

Fake_News_Data.dtypes

```
Fake int64 title object text object date object dtype: object
```

El tipo object es propio de variables no cuantitativos, como categoricas o texto, y el tipo int64 es propio de variables enteras.

En este caso dejaremos los types como están, salvo el de la variable Fake que es categorica y por tanto es más adecuado que su type sea object

```
Fake_News_Data['Fake'] = Fake_News_Data['Fake'].astype('object')
```

Calculamos el numero de valores faltantes (NA) en cada una de las variables:

```
Fake_News_Data.isnull().sum()
```

```
Fake 0 title 0 text 0 date 0
```

Vamos a imprimir el data set para hacernos una mejor idea de su contenido:

Fake_News_Data

```
Fake
                                                         title
0
             Donald Trump Sends Out Embarrassing New Year'...
         1
1
             Drunk Bragging Trump Staffer Started Russian ...
2
         1
             Sheriff David Clarke Becomes An Internet Joke...
3
         1
             Trump Is So Obsessed He Even Has Obama's Name...
4
         1
             Pope Francis Just Called Out Donald Trump Dur...
. . .
44893
         O 'Fully committed' NATO backs new U.S. approach...
44894
         O LexisNexis withdrew two products from Chinese ...
44895
         O Minsk cultural hub becomes haven from authorities
```

```
44896
           Vatican upbeat on possibility of Pope Francis ...
44897
            Indonesia to buy $1.14 billion worth of Russia...
                                                                        date
                                                     text
       Donald Trump just couldn t wish all Americans ...
                                                           December 31, 2017
1
       House Intelligence Committee Chairman Devin Nu...
                                                           December 31, 2017
2
       On Friday, it was revealed that former Milwauk...
                                                          December 30, 2017
       On Christmas day, Donald Trump announced that ...
                                                          December 29, 2017
3
4
                                                           December 25, 2017
       Pope Francis used his annual Christmas Day mes...
44893
      BRUSSELS (Reuters) - NATO allies on Tuesday we...
                                                            August 22, 2017
      LONDON (Reuters) - LexisNexis, a provider of 1...
44894
                                                            August 22, 2017
      MINSK (Reuters) - In the shadow of disused Sov...
                                                            August 22, 2017
44895
                                                            August 22, 2017
44896
      MOSCOW (Reuters) - Vatican Secretary of State ...
       JAKARTA (Reuters) - Indonesia will buy 11 Sukh...
                                                            August 22, 2017
44897
```

3 Descripción estadistica de los datos (Python)

Hacemos una breve descripción estadistica de las variables del data-set:

```
Fake_News_Data.describe(include='all')
```

count unique top freq	Fake 44898 2 1 23481	title 44898 38729 Factbox: Trump fills top jobs for his administ 14
count	date 44898	text 44898
unique	2397	38646
top freq	December 20, 2017 182	(no se muestra por tamaño excesivo) 627

Esta tabla nos da alguna informacion relevante, como que en el data-set hay mas fake news que no fake news. Concretamente hay 44898 noticias, de las cuales 23481 son fakes y 44898-23481 = 21417 son no fakes.

Vamos ahora a realizar un análisis descriptivo del data-set algo más profundo.

3.1 Gráfico de barras de la variable respuesta (Fake)

Importamos algunas librerias necesarias para realizar este análisis en Python

Concretamente la libreria numpy da soporte para crear vectores y matrices grandes multidimensionales, junto con una gran colección de funciones matemáticas de alto nivel para operar con ellas. En general es una de las librerias de Python más empleadas junto con pandas Tambien importamos las librerias seaborn y matplotlibque son muy empleadas para visualización de datos (creación de gráficos).

```
import numpy as np
import seaborn as sns
import matplotlib as mpl
import matplotlib.pyplot as plt
sns.set(rc={'figure.figsize':(8,8)})
```

Vamos a calcular un gráfico de barras para la variable Fake:

```
Fake_News_Data['proportion_Fakes'] = 0

for i in range(0, len(Fake_News_Data)):
    if Fake_News_Data['Fake'][i] == 1 :
        Fake_News_Data['proportion_Fakes'][i] = prop_Fake_yes
    else :
        Fake_News_Data['proportion_Fakes'][i] = prop_Fake_no
```

Las proporciones exactas de fake y no fake news son:

```
[prop_Fake_no , prop_Fake_yes]
```

[0.47701456635039424, 0.5229854336496058]

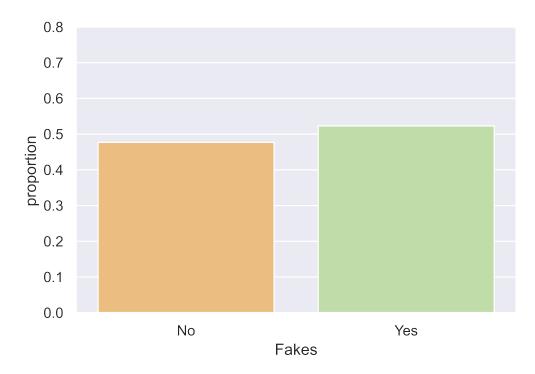


Figure 1: Gráfico de barras de la variable Fake

El número exacto de fake y no fake news es:

```
[prop_Fake_no*len(Fake_News_Data) , prop_Fake_yes*len(Fake_News_Data)]
```

[21417.0, 23481.0]

Eliminamos la columna proportion_Fakes del data-set, que ha sido creada solamente de manera auxiliar para poder generar el gráfico de barras anterior:

3.2 Número de palabras por noticia

Una forma de calcular en Python el número de palabras de cada notica es la siguiente:

```
Fake_News_Data['word_count'] =
          Fake_News_Data['text'].str.split().str.len()
```

Vamos a ver el data-set con la nueva columna ${\tt word_count}$ que contiene el n^o de palabras por noticia

```
Fake_News_Data
```

Fake title

```
0
             Donald Trump Sends Out Embarrassing New Year'...
1
         1
             Drunk Bragging Trump Staffer Started Russian ...
2
             Sheriff David Clarke Becomes An Internet Joke...
         1
3
         1
             Trump Is So Obsessed He Even Has Obama's Name...
4
         1
             Pope Francis Just Called Out Donald Trump Dur...
       . . .
                                                            . . .
           'Fully committed' NATO backs new U.S. approach...
44893
         0
44894
         O LexisNexis withdrew two products from Chinese ...
         O Minsk cultural hub becomes haven from authorities
44895
44896
         O Vatican upbeat on possibility of Pope Francis ...
            Indonesia to buy $1.14 billion worth of Russia...
44897
       text
                                                           date
0
       Donald Trump just couldn t wish all Americans ...
                                                           December 31, 2017
1
       House Intelligence Committee Chairman Devin Nu...
                                                           December 31, 2017
2
       On Friday, it was revealed that former Milwauk... December 30, 2017
3
       On Christmas day, Donald Trump announced that ... December 29, 2017
4
       Pope Francis used his annual Christmas Day mes... December 25, 2017
44893 BRUSSELS (Reuters) - NATO allies on Tuesday we...
                                                            August 22, 2017
44894 LONDON (Reuters) - LexisNexis, a provider of 1...
                                                            August 22, 2017
44895 MINSK (Reuters) - In the shadow of disused Sov...
                                                            August 22, 2017
44896 MOSCOW (Reuters) - Vatican Secretary of State ...
                                                            August 22, 2017
       JAKARTA (Reuters) - Indonesia will buy 11 Sukh...
                                                            August 22, 2017
44897
       word_count
0
              495
1
              305
2
              580
3
              444
4
              420
. . .
              . . .
44893
              466
44894
              125
44895
              320
44896
              205
44897
              210
```

3.3 Numero medio de palabras por noticia en función de si son fake o no

Calculamos ahora la media de palabras de las fakes news y de la sno fake news. Es decir, el n^{o} medio de palabras en el cojuntos de las noticias fake, y por otro lado en el conjutno de las no fake:

```
Fake_News_Data.groupby('Fake')['word_count'].mean()
```

```
Fake Mean word_count
0 385.640099
1 423.197905
```

4 Preprocesado de texto

En este apartado se vana a hacer una serie de operaciones orientadas al preprocesado de texto, para poder posteriormente realizar analasis mas profundos, y para poder implementar algoritmos de clasificación sobre texto.

Este tipo de preprocesado es básico y fundamental en areas de la ciencia de datos que trabajan con texto, como son la mineria de texto (text minning), el procesamiento del lenguaje natural (PLN) y la recuperación de información (information retrival).

Una de las operaciones centrales del preproceso de textos es la tokenización.

4.1 Tokenizacion

Existen algunas librerias de Python que tienen funciones para realizar operaciones de tokenizacion, como por ejemplo las librerias sklearn, nltk o spaCy

En este caso no usaremos ninguna función de alguna de esas librerias, sino que crearemos nuestra propia función para realizar la tokenización.

Esta función esta totalmente inspirada en la función creada por el cientifico de datos Joaquín Amat Rodrigo, el cual es el creador del excelente blog sobre ciencia de datos Cienciadedatos.net. En este blog Joaquin tiene un articulo sobre analisis de texto en Python en el cual se encuentra la función que ahora vamos a presentar. Ademas muchas otras partes de este trabajo estan basadas en dicho articulo, es por ello que s ele hace una especial mención tanto aqui como en el apartado de bibliografia.

La función limpiar_tokenizar toma como input texto y devuelve como output un vector de tokens asociado a ese texto, es decir, un vector con las cadenas caracteres del texto, pero no con cualquier tipo, sino que la función no considera signos de puntuación , palabras que empiezan por "http", números, espacios en blancos múltiples, tokens con longitud menor que 2.

Un token aqui es considerado como una cadena de caracteres, es decir, una concatenación de símbolos (sin considerar el espacio en blanco como un símbolo).

Veamos un ejemplo de lo que consideramos tokens:

Dado el siguiente texto:

[&]quot; Esto es 1 ejemplo de l'limpieza de
6 TEXTO https://t.co/rnHPgyhx4Z @cienciadedatos #textmining "

Los tokens (en sentido estricto, no en el sentido restrictivo que considera la función limpiar_tokenizar) asociados a dicho texto son:

[Esto , es , 1 , ejemplo , de , l'limpieza , de
6 , TEXTO , https://t.co/rnHPgyhx4Z , @cienciadedatos , #textmining]

```
def limpiar_tokenizar(texto):
   import re
    111
   Esta función limpia y tokeniza el texto en palabras individuales.
   El orden en el que se va limpiando el texto no es arbitrario.
   El listado de signos de puntuación se ha obtenido de:
→ print(string.punctuation)
   y re.escape(string.punctuation)
   # Se convierte todo el texto a minúsculas:
   nuevo_texto = texto.lower()
   # Eliminacion de paginas web (palabras que empiezan por "http"):
   ## Las cadenas de caracteres que sean enlaces a webs no serán
    → consideradas como tokens
   nuevo_texto = re.sub('http\S+', ' ', nuevo_texto)
   # Eliminacion de signos de puntuación:
   ## Si una cadena de caractrer contiene un signo de puntuacion estos
    → serán eliminados y sustituidos por un espacio en blanco. Si por
    \rightarrow ejemplo tenemos las cadenas '@FabioScielzo' y 'Fabio@Scielzo' ,
   ## la funcion las transforma en 'FabioScielzo' en el primer caso y

ightarrow en el par de cadenas 'Fabio' , 'Scielzo' en el segundo. Y si
    \hookrightarrow tenemos
   ## una cadena de signos d puntuación como '@#!' la elimina
    \rightarrow directamente.
   regex =
nuevo_texto = re.sub(regex , ' ', nuevo_texto)
   # Eliminacion de numeros:
   ## Si una cadena de caracter tiene numeros estos serán eliminados y
    → sustituidos por un espacio en blanco. Si por ejemplo tenemos las
    \hookrightarrow cadenas '4FabioScielzo' y 'Fabio44Scielzo' la funcion las
    → transforma en 'FabioScielzo' y 'Fabio' , 'Scielzo' ,
    → respectivamente. Ademas si una cadena solo contienen numeros, por
    → ejemplo '123' la elimina directamente.
```

```
nuevo_texto = re.sub("\d+", ' ', nuevo_texto)
# Eliminacion de espacios en blanco multiples:
## Si tenemos en un texto dos o mas espacios en blanco consecutivos la
→ funcion los transforma en un solo espacio en blanco. Por ejemplo
→ si tenemos el texto "Fabio" es abogado" la funcion lo
→ transforma en "Fabio es abogado".
nuevo_texto = re.sub("\\s+", ' ', nuevo_texto)
# Una vez que a un texto se le han aplicado las operaciones anteriores
→ ya solo quede considerar las cadenas de caracteres de ese texto
→ como tokens, ya que son cadenas con buenas propiedades, a saber,
→ sin signos de puntuacion, sin numeros, sin links de web. Ademas la
- eliminacion de espacios en blanco multiples es fundamental para
→ que la siguiente operacion funcione bien, ya que en el texto final
→ resultante todas las cadenas estan separadas entre si por un solo

ightarrow espacio, y la siguiente operacion utiliza esa propiedad para
→ identificar a las cadenas, que ya serán considerados tokens en
\rightarrow sentido estricto.
# Obtención de tokens:
nuevo_texto = nuevo_texto.split(sep = ' ')
# Eliminacion de tokens con una longitud menor que 2:
## Una ultima operacion es solo considerar los tokens obteenidos tras
\rightarrow las operaciones anteriores que tengan un tamaño (nº de caracteres)
→ igual o superior a 2 , es decir, dejar fuera tokens con solo un
\rightarrow caracter.
nuevo_texto = [token for token in nuevo_texto if len(token) >= 2]
return(nuevo_texto)
```

Probamos el funcionamiento de la función limpiar_tokenizar con el mismo texto que fue usado antes como ejemplo ilustrativo.

['esto', 'es', 'ejemplo', 'de', 'limpieza', 'de', 'texto', 'cienciadedatos', 'textmining'

Ahora probamos la función limpiar_tokenizar con la primera noticia del data-set Fake News_Data:

```
Fake_News_Data['text'][0]
```

'Donald Trump just couldn t wish all Americans a Happy New Year and leave it at that. Ins

```
print(limpiar_tokenizar(texto=Fake_News_Data['text'][0]))
```

```
['donald', 'trump', 'just', 'couldn', 'wish', 'all', 'americans', 'happy', 'new', 'year',
```

Ahora aplicamos la función limpiar_tokenizar a cada una de las noticias del data-set Fake_News_Data

```
Fake_News_Data['text_tokenizado'] = Fake_News_Data['text'].apply(

impiar_tokenizar)
```

Creamos una columna que identifique las noticias:

```
Fake_News_Data['id_text'] = range(0, len(Fake_News_Data))
```

Vemos como queda tras estos cambios el data-set Fake_News_Data:

```
Fake_News_Data
```

```
Fake
                              title
0
             Donald Trump Sends Out Embarrassing New Year'...
         1
             Drunk Bragging Trump Staffer Started Russian ...
         1
2
             Sheriff David Clarke Becomes An Internet Joke...
3
             Trump Is So Obsessed He Even Has Obama's Name...
         1
             Pope Francis Just Called Out Donald Trump Dur...
44893
           'Fully committed' NATO backs new U.S. approach...
         O LexisNexis withdrew two products from Chinese ...
44894
44895
         O Minsk cultural hub becomes haven from authorities
         O Vatican upbeat on possibility of Pope Francis ...
44896
         O Indonesia to buy $1.14 billion worth of Russia...
44897
```

text date

```
Donald Trump just couldn t wish all Americans ... December 31, 2017
House Intelligence Committee Chairman Devin Nu... December 31, 2017
On Friday, it was revealed that former Milwauk... December 30, 2017
On Christmas day, Donald Trump announced that ... December 29, 2017
Pope Francis used his annual Christmas Day mes... December 25, 2017
```

...

```
44893 BRUSSELS (Reuters) - NATO allies on Tuesday we... August 22, 2017
44894 LONDON (Reuters) - LexisNexis, a provider of 1... August 22, 2017
44895 MINSK (Reuters) - In the shadow of disused Sov... August 22, 2017
44896 MOSCOW (Reuters) - Vatican Secretary of State ... August 22, 2017
44897 JAKARTA (Reuters) - Indonesia will buy 11 Sukh... August 22, 2017
```

	word_count	text_tokenizado	id_text
0	495	[donald, trump, just, couldn, wish, all, ameri	0
1	305	[house, intelligence, committee, chairman, dev	1
2	580	[on, friday, it, was, revealed, that, former,	2
3	444	[on, christmas, day, donald, trump, announced,	3
4	420	[pope, francis, used, his, annual, christmas,	4
		•••	
44893	466	[brussels, reuters, nato, allies, on, tuesday,	44893
44894	125	[london, reuters, lexisnexis, provider, of, le	44894
44895	320	[minsk, reuters, in, the, shadow, of, disused,	44895
44896	205	[moscow, reuters, vatican, secretary, of, stat	44896
44897	210	[jakarta, reuters, indonesia, will, buy, sukho	44897

Creamos un nuevo data-frame solo con las columnas (variables) id_text, text_tokenizado y Fake, en ell que la columna text_tokenizado esta expandida, es decir, al ser una columna cuyos elementos son vectores, lo que se hace con la operacion explode es expandir cada uno de esos vectores en un nuevo data-frame, es decir, para cada uno de esos vectores se crean tantas filas en el nuevo data-frame como elementos hay en el vector, y en cada una de esas filas la columna text_tokenizado contendra un elemento del vector expandido. Visualmente es mas facil de entenderlo como se verá a continuación:

Imprimimos el nuevo data-frame creado Fake_News_Tokens al expandir la columna text_tokenizado del data-frame Fake_News_Data

Fake_News_Tokens

	id_text	token	Fake
0	0	donald	1
0	0	trump	1
0	0	just	1

0	0	couldn	1
0	0	wish	1
44897	44897	technology	0
44897	44897	and	0
44897	44897	aviation	0
44897	44897	among	0
44897	44897	others	0

- 5 Descripción estadística de los datos tras la tokenización
- 5.1 Numero de tokens del conjunto de noticias en funcion de si son fake o no

```
# nº de palabras (tokens) en el conjunto de textos clasificados como fake

→ y en los no fake

Fake_News_Tokens.groupby(by='Fake')['token'].count()
```

```
Fake
0 7891501
1 9611544
Name: token, dtype: int64
```

5.2 Numero de tokens únicos del conjunto de noticias en funcion de si son fake o no

```
# nº de palabras (tokens) *unicos* en el conjunto de textos clasificados

→ como fake y en los no fake

Fake_News_Tokens.groupby(by='Fake')['token'].nunique()
```

```
Fake
0 78020
1 85642
Name: token, dtype: int64
```

5.3 Numero de tokens en cada una de las noticias individualmente

```
df1
```

		n° _tokens
id_text	Fake	
0	1	447
1	1	294
2	1	563
3	1	426
4	1	415

• • •	• • •	• • •
44893	0	433
44894	0	120
44895	0	307
44896	0	196
44897	0	197

Hay noticias que no tienen tokens :

```
df1.loc[df1['nº_tokens'] == 0, :]
```

		n° _tokens
id_text	Fake	
9358	1	0
10923	1	0
11041	1	0
11190	1	0
11225	1	0
21857	1	0
21869	1	0
21870	1	0
21873	1	0
32451	0	0
21869 21870 21873	1 1 1	0

Algunos ejemplos de estas noticias son los siguientes:

```
Fake_News_Data.loc[Fake_News_Data.id_text == 9358]
```

```
Fake title
9358 1 https://100percentfedup.com/served-roy-moore-v...

text
9358 https://100percentfedup.com/served-roy-moore-v...

date word_count
9358 1

text_tokenizado id_text
9358 [] 9358

Fake_News_Data.loc[Fake_News_Data.id_text == 10923]
```

```
Fake title

10923 1 TAKE OUR POLL: Who Do You Think President Trum...

text date word_count text_tokenizado id_text

10923 May 10, 2017 0 [] 10923
```

Nos quedamos por tanto solo con las noticias que tienen algun token :

```
df2 = df1.loc[df1['nº_tokens'] != 0, :]
df2
```

		n° _tokens
id_text	Fake	
0	1	447
1	1	294
2	1	563
3	1	426
4	1	415
• • •	• • •	• • •
44893	0	433
44894	0	120
44895	0	307
44896	0	196
44897	0	197

Calculamos el numero medio de tokens para las noticas que tienen uno o mas tokens en funcion se si son fake o no:

```
df2.groupby("Fake")["nº_tokens"].agg(['mean'])
```

mean Fake 0 368.486225 1 422.169983

Se puede interpretar como la longitud media de las noticas fake y de las no fake

Hay diferencias entre lo obtenido mediante esta operación y lo obtenido al usar el siguiente código, que fue visto anteriormente:

```
Fake_News_Data['word_count'] =

    Fake_News_Data['text'].str.split().str.len()

Fake_News_Data.groupby('Fake')['word_count'].mean()
```

```
Fake Mean word_count
0 385.640099
1 423.197905
```

Y esto es debido a que el código Fake_News_Data['text'].str.split() hace una operacion similar a la realizada por nuestra funcion limpiar_tokenizar pero no exactamente igual, y esto lleva a que con la primera opcion se obtiene un conjunto de tokens diferente al obtenido con la funcion limpiar_tokenizar, en los distintos documentos, y esto lleva a que la longitud de los documentos sea diferente si se consideran los tokens obtenidos con Fake_News_Data['text'].str.split() a si se usan los obtenidos con limpiar_tokenizar, llo que lleva a diferencias en las longitudes medias obtenidas.

```
Fake_News_Data['text'].str.split()
0
         [Donald, Trump, just, couldn, t, wish, all, Am...
1
         [House, Intelligence, Committee, Chairman, Dev...
2
         [On, Friday,, it, was, revealed, that, former,...
3
         [On, Christmas, day,, Donald, Trump, announced...
4
         [Pope, Francis, used, his, annual, Christmas, ...
44893
         [BRUSSELS, (Reuters), -, NATO, allies, on, Tue...
44894
         [LONDON, (Reuters), -, LexisNexis,, a, provide...
         [MINSK, (Reuters), -, In, the, shadow, of, dis...
44895
44896
         [MOSCOW, (Reuters), -, Vatican, Secretary, of,...
         [JAKARTA, (Reuters), -, Indonesia, will, buy, ...
44897
```

Como se pueden ver con el código anterior se obtiene por ejemplo que '-' y ', Donald' son tokens , cuando con la función limpiar_tokenizar no serían considerados un tokens.

Otra forma de calcular lo anterior:

409.332822

1

1

```
m0 = (

→ Fake_News_Tokens.loc[Fake_News_Tokens['Fake']==0].groupby('id_text')['token'].count()

→ ).mean()

m1 = (

→ Fake_News_Tokens.loc[Fake_News_Tokens['Fake']==1].groupby('id_text')['token'].count()

→ ).mean()

pd.DataFrame({'fake_new': [0,1] , 'tokens_mean': [m0 , m1]})

fake_new tokens_mean

0 0 368.469020
```

5.4 Número de veces que aparece cada token en el conjunto de las noticias en funcion de si es fake o no

	Fake	token	frecuencia_token
0	0	aa	22
1	0	aaa	7
2	0	aaaaaaand	0
3	0	aaaaackkk	0
4	0	aaaaapkfhk	0
• • •		• • •	
251605	1	""it	0
251606	1	""when	0
251607	1	•if	0
251608	1	\$emoji1	\$ 0
251609	1	\$emoji2	\$ 0

La salida anterior nos da para cada token el numero de veces que aparece en el conjunto de las fake news por un lado (Fake = 1), y por otro lado en el conjunto de las no fake (Fake=0)

Veamos algunos ejemplos para tokens concretos:

En la siguiente salida vemos el n° de veces que aparece el token 'yes' en en conjunto de las fake news (1775), asi como en el conjunto de las no fake news (336).

```
df.loc[df['token']=='yes' , ] # El token 'yes' aprece 1775 veces en el

→ conjunto de las fake news y 336 en el de las no fake news
```

	Fake	token	frecuencia_token
116577	0	yes	336
242382	1	ves	1775

En la siguiente salida vemos el n° de veces que aparece el token 'true' en eñ conjunto de las fake news (2595), asi como en el conjunto de las no fake news (412).

```
df.loc[df['token']=='true',] # El token 'true' aparece 2595 veces en el \hookrightarrow conjunto de las fake news y 412 en el de las no fake news
```

	Fake	token	frecuencia_token
106608	0	true	412
232413	1	true	2595

En la siguiente salida podemos ver el n^o de veces que aparece cada token en el conjunto de las no fake news.

```
df.loc[df['Fake']==0 , ]
```

	Fake	token	frecuencia_token
0	0	aa	22
1	0	aaa	7
2	0	aaaaaaand	0
3	0	aaaaackkk	0
4	0	aaaaapkfhk	0
• • •		• • •	
125800	0	""it	1
125801	0	""when	1
125802	0	•if	3
125803	0	\$emoji1\$	3
125804	0	\$emoji2\$	1

Y en la siguiente salida podemos ver el n^o de veces que aparece cada token en el conjunto de las fake news.

```
df.loc[df['Fake']==1 , ]
```

	Fake	token	<pre>frecuencia_token</pre>
125805	1	aa	24
125806	1	aaa	9
125807	1	aaaaaaaand	1
125808	1	aaaaackkk	1
125809	1	aaaaapkfhk	1
251605	1	""it	0
251606	1	""when	0
251607	1	•if	0
054000			
251608	1	\$emoji1	\$ 0
251608 251609	1 1	\$emoji1 \$emoji2	

Ahora vamos a ordenar los dos data-frames anteriores en función de la columna frecuencia_token , de mayor a menor, para así poder ver cuales son los tokens con mayor frecuencia tanto en el conjunto de las fake news, como en el de las no fake news.

Imprimimos las primeras 15 filas de cada uno de los nuevos data-frames ordenados:

df_fake_sort.head(15)

	index	Fake	token	<pre>frecuencia_token</pre>
0	229301	1	the	544521
1	230713	1	to	290882
2	199217	1	of	236735
3	129697	1	and	227349
4	174372	1	in	171433
5	229261	1	that	151789
6	176603	1	is	111278
7	162672	1	for	93538
8	176868	1	it	83693
9	199777	1	on	83661
10	232444	1	trump	79922
11	169936	1	he	79124
12	238650	1	was	67865
13	240547	1	with	63441
14	229776	1	this	58581

df_no_fake_sort.head(15)

	index	Fake	token	frecuencia_token
0	103496	0	the	478548
1	104908	0	to	245378
2	73412	0	of	205193
3	3892	0	and	181715
4	48567	0	in	181082
5	73972	0	on	108459
6	90350	0	said	99054
7	103456	0	that	86723
8	36867	0	for	79705
9	50798	0	is	55298
10	114742	0	with	54327
11	44131	0	he	52605
12	112845	0	was	47892
13	14219	0	by	47871
14	5659	0	as	46935

Se puede observar que en ambas tablas la mayoria de los 15 tokens mas frecuentees se corresponden con artículos, preposiciones, pronombres, etc. En general, palabras que no aportan información relevante sobre el texto. A estas palabras se les conoce como **stopwords**. Para cada idioma existen distintos listados de stopwords, además, dependiendo del contexto, puede ser necesario adaptar el listado. Con frecuencia, a medida que se realiza un análisis se encuentran palabras que deben incluirse en el listado de stopwords.

5.5 Stop words

Vamos a obtener un listado de **stopwords** en ingles, ya que nuestros textos (noticias) están en ingles. Si estuvieran en varios idiosmas habra que formar un listado de stopwords para todos esos idomas.

Para ontener el listado de stopwords usaremos la libreria nltk (Natural Language Toolki) , una de las librerias mas importantes en Python en el área de procesamiento de lenguaje natural.

```
# pip install nltk
```

```
import nltk
nltk.download('stopwords')
from nltk.corpus import stopwords
```

Obtenemos el listado de stopwords que provee nltk para el idioma inglés, y ademas le añadimos una lista extra de palabras que también vamos a considerar stopwords:

```
# Obtencion de listado de stopwords del ingles
stop_words = stopwords.words('english') + ["pic" , "getty", "quot", "acr",
→ "filessupport", "flickr", "fjs", "js", "somodevilla", "var",
→ "henningsen",
"ck", "cdata", "subscribing", "mcnamee", "amp", "wfb", "screenshot",
→ "hesher", "nyp", "cking", "helton", "raedle", "donnell",
"getelementbyid", "src", "behar", "createelement", "getelementsbytagname",
→ "parentnode", "wnd", "insertbefore",
"jssdk", "nowicki", "xfbml", "camerota", "sdk", ""i", ""the", ""we",
→ "it's", "don't", ""this", ""it", ""a",
""if", ""it's", "we're", "that's", ""he", ""there", "i'm", "he's",
→ ""we're", "doesn't", "can't", ""i'm", ""in",
"suu", ""they", "you're", ""but", "didn't", ""you", "they're", ""no",

    ""as", ""very" , "there's", ""what", ""and", "won't",

 ""to", ""that", ""one", "we've", ""when", ""our", ""not", "'"
  → ,""that's", ""these", ""there's", ""he's", "we'll", 'one',
  'would', 'like', 'us', 'even', 'could', 'two', 'many', 'angerer',

    'reilly']
```

Imprimimos la lista de stopwords que se van a considerar en este trabajo:

```
print(stop_words)
```

```
['i', 'me', 'my', 'myself', 'we', 'our', 'ours', 'ourselves', 'you', "you're", "you'v
```

De los data-frames df_fake_sort y df_no_fake_sort eliminamos aquellos tokens que estan en la lista de stopwords:

```
df_fake_sort_not_StopWords = df_fake_sort[ ~

    df_fake_sort['token'].isin(stop_words)] # ranking de tokens para las
    fake news sin stop words
```

Imprimimos las primeras 15 filas de los nuevos data-frames creados:

df_fake_sort_not_StopWords.head(15)

	index	Fake	token	frecuencia_token
10	232444	1	trump	79922
31	216155	1	said	33763
34	206880	1	president	27801
35	203392	1	people	26591
56	144568	1	clinton	19209
59	198761	1	obama	18833
62	154174	1	donald	17789
67	128977	1	also	15420
69	196554	1	news	14688
73	196507	1	new	14414
75	171064	1	hillary	14184
77	230293	1	time	13854
79	224427	1	state	13471
82	239806	1	white	13194
84	237031	1	via	12830

df_no_fake_sort_not_StopWords.head(15)

	index	Fake	token	frecuencia_token
6	90350	0	said	99054
17	106639	0	trump	42755
26	87534	0	reuters	28880
28	81075	0	president	27128
36	98622	0	state	19912
41	41076	0	government	18484
44	70702	0	new	16849
47	46493	0	house	16480
48	98655	0	states	16380
49	86922	0	republican	16175
50	3172	0	also	15948
51	109089	0	united	15584
53	77587	0	people	14945
54	116463	0	year	14276
55	105051	0	told	14245

5.6 Ranking de tokens mas frecuentes en el conjunto de las noticas en funcion de si son fake y no fake tras eliminar stopwords

Una vez eliminadas las stopwords vamos a crear unos graficos de barras para representar el ranking de los 15 tokens mas frecuentes en el conjunto de las fake news por un lado, y por otro las no fake news:

Ranking 15 Tokens in Fake News

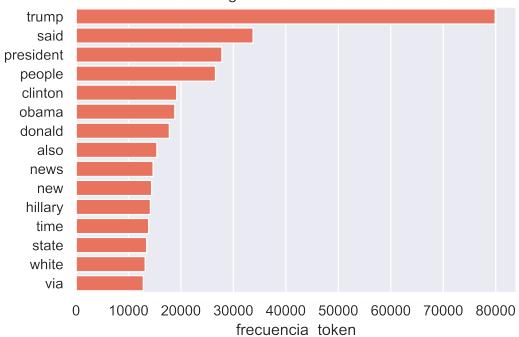


Figure 2: Ranking 15 Tokens in Fake News

5.7 Odds Ratio

A continuación, se estudia qué palabras se utilizan de forma más diferenciada en cada tipo de noticia (fake / no fake), es decir, palabras que utiliza mucho en las fake news y que no se utilizan tanto en las no fakes, y viceversa.

Una forma de hacer este análisis es mediante el odds ratio de las frecuencias.

Sea
$$p_k 1 = \frac{n_{k1} + 1}{N_1 + 1}$$
 y $p_k 0 = \frac{n_{k0} + 1}{N_0 + 1}$
$$OR(Fake|NoFake, k) = \frac{p_{k1}}{p_{k0}}$$

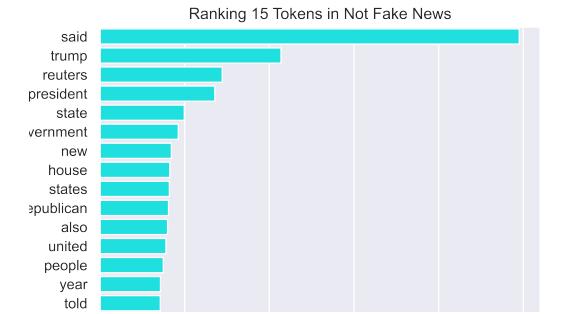


Figure 3: Ranking 15 Tokens in Not Fake News

frecuencia token

60000

80000

100000

Donde:

0

 n_{k1} el número de veces que aparece el token k en las **fake news**.

20000

 n_{k0} el numero de veces que aparece el termino k en las **no fake news**.

40000

 N_1 es el número de tokens, contando repeticiones, que aparecen en las **fake news**.

 N_0 es el número de tokens, contando repeticiones, que aparecen en las **no fake news** Por tanto:

 $p_{k1} \approx$ proporcion de apariciones del token k en las **fake news**

 $p_{k0} \approx$ proporcion de apariciones del token k en las **no fake news**

Si
$$OddsRatio(k) = \frac{p_k 1}{p_k 0} = h$$
, entonces:

Si $h > 1 \Rightarrow$ el token k es h veces mas frecuente en las **fake news** que en las **no fake news**, ya que $p_{k1} = h \cdot p_{k0}$

Si $h \in (0,1) \Rightarrow$ el token k es 1/h veces mas frecuente en las **no fake news** que en las **fake news**, ya que $p_{k0} = (1/h) \cdot p_{k1}$, donde (1/h) > 1

Si $h=1 \Rightarrow$ el token k es igual de frecuente en las **fake news** que en las **no fake news**, ya que $p_{k1}=p_{k0}$

A continuación definimos funciones para calcular n_{k1} y n_{k0} en Python

```
def n_k1(token) :
    n_k1 = df_fake_sort_not_StopWords.loc[
    df_fake_sort_not_StopWords['token'] == token , 'frecuencia_token']
    return(n_k1)
```

```
def n_k0(token) :
    n_k0 = df_no_fake_sort_not_StopWords.loc[
    df_no_fake_sort_not_StopWords['token'] == token , 'frecuencia_token']
    return(n_k0)
```

Probamos las funciones para algunos tokens concretos:

```
n_k0('trump')

17   42755
Name: frecuencia_token

n_k1('trump')

10   79922
Name: frecuencia_token
```

Estas salidas nos indican que el n^o de veces que aparece el token 'trump' en el conjunto de las fake news es 79922, mientras que en el conjunto de las no fake news es 42755.

 N_0 y N_1 coinciden con el nº de tokens, contando repeticiones y sin considerar las stopwords, que aparecen el las no fake y fake news, respectivamente:

```
Fake_News_Tokens_not_StopWords = Fake_News_Tokens[ ~

Gray Fake_News_Tokens['token'].isin(stop_words)]

Fake_News_Tokens_not_StopWords
```

	id_text	token	Fake
0	0	donald	1
0	0	trump	1
0	0	wish	1
0	0	americans	1
0	0	happy	1
44897	44897	energy	0
44897	44897	technology	0
44897	44897	aviation	0
44897	44897	among	0
44897	44897	others	0

Fake_News_Tokens_not_StopWords.groupby(by='Fake')['token'].count()

```
Fake
0
     4782198
1
     5396339
Name: token
NO = Fake_News_Tokens_not_StopWords.groupby(by='Fake')['token'].count()[0]
N1 = Fake_News_Tokens_not_StopWords.groupby(by='Fake')['token'].count()[1]
NO
4782198
N1
5396339
Como ejemplo vamos a calcular el Odds Ratio fake - no fake para el toke 'trump' :
n_k0('trump') / NO
      0.00894
17
Name: frecuencia_token, dtype: float64
n_k1('trump') / N1
10
      0.01481
Name: frecuencia_token, dtype: float64
# Odds Ratio fake - no fake para el token 'trump'
float( n_k0('trump') / N0 ) / float( n_k1('trump') / N1 )
1.6565622548396417
Por tanto el token 'trump' es 1.66 veces mas frecuente en las fake news que en las no fake.
df1 =
→ df_fake_sort_not_StopWords.sort_values(by=["token"]).reset_index(drop=True)
df1
         index Fake
                            token frecuencia_token
0
        125805
                  1
                               aa
1
        125806
                   1
                                                    9
                              aaa
        125807 1 aaaaaaaand
125808 1 aaaaach
```

1

1

2

3

```
125809 1 aaaaapkfhk
4
                                                1
                     ...
        . . .
                . . .
                                              . . .
                          ""it
125561 251605
                 1
                                                0
                        ""when
125562 251606
                 1
                                               0
                 1
125563 251607
                             if
                                               0
125564 251608
                 1
                         emoji1
                                                0
125565 251609
                  1
                         emoji2
                                                0
df0 =
\hookrightarrow
   df_no_fake_sort_not_StopWords.sort_values(by=["token"]).reset_index(drop=True)
df0
         index Fake
                          token frecuencia_token
0
            0 0
                                               22
                            aa
1
            1
                  0
                                                7
                            aaa
2
            2
                  0 aaaaaaaand
                                                0
3
            3
                  0
                     aaaaackkk
                                                0
4
           4
                0 aaaaapkfhk
                                                0
                . . .
                           . . .
                                              . . .
                          ""it
               0
125561 125800
                                                1
                         ""when
125562 125801
                0
                                                1
               0
125563 125802
                          if
                                                3
125564 125803
                0
                        emoji1
                                                3
               0
125565 125804
                                                1
                          emoji2
n_k0_vector = df0['frecuencia_token']
n_k1_vector = df1['frecuencia_token']
Odds_ratio = ( ( n_k1_vector + 1 ) / ( N1 + 1) ) / ( ( n_k0_vector + 1 ) /
\rightarrow (N0 + 1))
df0['Odds ratio Fake NotFake'] = Odds ratio
df1['Odds_ratio_Fake_NotFake'] = Odds_ratio
df0['Odds_ratio_NotFake_Fake'] = 1 / df0["Odds_ratio_Fake_NotFake"]
df1['Odds_ratio_NotFake_Fake'] = 1 / df1["Odds_ratio_Fake_NotFake"]
df0
                          token frecuencia token Odds ratio Fake NotFake
         index Fake
                  0
                             aa
                                               22
                                                                 0.963253
0
            0
            1
                  0
                                               7
                                                                 1.107741
1
                            aaa
            2
2
                  0 aaaaaaaand
                                               0
                                                                 1.772386
3
            3
                  0
                    aaaaackkk
                                               0
                                                                 1.772386
4
            4
                  0 aaaaapkfhk
                                                0
                                                                 1.772386
                           ""it
125561 125800
               0
                                                1
                                                                0.443097
```

```
""when
125562
        125801
                    0
                                                      1
                                                                         0.443097
125563
        125802
                    0
                                 if
                                                      3
                                                                         0.221548
125564
        125803
                    0
                          $emoji1$
                                                      3
                                                                         0.221548
125565
        125804
                    0
                          $emoji2$
                                                      1
                                                                         0.443097
        Odds_ratio_NotFake_Fake
0
                         1.038149
1
                         0.902738
2
                         0.564211
3
                         0.564211
4
                         0.564211
. . .
                         2.256845
125561
125562
                         2.256845
125563
                         4.513689
                         4.513689
125564
125565
                         2.256845
df1
         index
                Fake
                             token
                                     frecuencia_token
                                                         Odds_ratio_Fake_NotFake
0
        125805
                                                    24
                                                                         0.963253
                    1
                                 aa
1
         125806
                    1
                                                     9
                                                                         1.107741
                               aaa
2
        125807
                        aaaaaaand
                                                      1
                                                                         1.772386
3
                                                                         1.772386
                                                      1
        125808
                     1
                         aaaaackkk
4
        125809
                    1
                        aaaaapkfhk
                                                      1
                                                                         1.772386
                               . . .
                              ""it
125561
        251605
                                                     0
                                                                         0.443097
                    1
125562
        251606
                            ""when
                                                     0
                                                                         0.443097
125563
        251607
                    1
                                 if
                                                     0
                                                                         0.221548
                    1
                                                     0
125564
        251608
                          $emoji1$
                                                                         0.221548
125565
        251609
                    1
                          $emoji2$
                                                     0
                                                                         0.443097
        Odds_ratio_NotFake_Fake
0
                         1.038149
1
                         0.902738
2
                         0.564211
3
                         0.564211
4
                         0.564211
                              . . .
. . .
                         2.256845
125561
125562
                         2.256845
125563
                         4.513689
125564
                         4.513689
125565
                         2.256845
df0.sort_values(by=["Odds_ratio_Fake_NotFake"],
→ ascending=False).reset_index(drop=True).head(5)
    index
           Fake
                             token
                                     frecuencia_token
                                                         Odds_ratio_Fake_NotFake
    35830
                           finicum
                                                      0
                                                                       320.801884
                                                     0
```

200.279629

wikimedia

114264

0

```
109040
                 uninterruptible
                                                   0
                                                                     189.645313
                     philosophers
3
    78372
              0
                                                   0
                                                                     186.100540
                          lovable
4
    60711
              0
                                                   0
                                                                     183.441961
   Odds_ratio_NotFake_Fake
0
                   0.003117
1
                   0.004993
2
                   0.005273
3
                   0.005373
4
                   0.005451
df0.sort_values(by=["Odds_ratio_NotFake_Fake"],
    ascending=False).reset_index(drop=True).head(5)
    index Fake
                             frecuencia_token
                                                Odds_ratio_Fake_NotFake
                      token
   106864
              0
                                                                0.000076
0
                    trump's
                                         11629
1
    72989
              0
                    obama's
                                          2132
                                                                0.000415
2
    18791
               0
                 clinton's
                                          1604
                                                                0.000552
3
    76630
              0
                    party's
                                          1101
                                                                0.000804
4
                                                                0.000877
    98675
              0
                    state's
                                          1010
   Odds_ratio_NotFake_Fake
0
              13123.551362
1
               2406.924768
2
               1811.117793
3
               1243.521376
4
               1140.834946
df1.sort_values(by=["Odds_ratio_Fake_NotFake"],
    ascending=False).reset_index(drop=True).head(5)
    index Fake
                            token
                                   frecuencia_token
                                                       Odds_ratio_Fake_NotFake
0
  161635
                          finicum
                                                 361
                                                                     320.801884
  240069
               1
                        wikimedia
                                                 225
                                                                     200.279629
2
  234845
               1
                 uninterruptible
                                                 213
                                                                     189.645313
                     philosophers
3
   204177
               1
                                                 209
                                                                     186.100540
4
  186516
              1
                          lovable
                                                 206
                                                                     183.441961
   Odds_ratio_NotFake_Fake
0
                   0.003117
                   0.004993
1
2
                   0.005273
3
                   0.005373
                   0.005451
4
df1.sort_values(by=["Odds_ratio_NotFake_Fake"],
    ascending=False).reset_index(drop=True).head(5)
                      token
                                                Odds_ratio_Fake_NotFake
```

0

0.000076

frecuencia token

index Fake

trump's

232669

```
198794
                                             0
                                                                0.000415
                    obama's
                                             0
2
  144596
              1
                 clinton's
                                                                0.000552
                                             0
3 202435
              1
                    party's
                                                                0.000804
                                             0
   224480
              1
                    state's
                                                                0.000877
   Odds_ratio_NotFake_Fake
0
              13123.551362
1
               2406.924768
2
               1811.117793
3
               1243.521376
4
               1140.834946
```

Notese que en ambos data sets las columnas Odds_ratio_Fake_NotFake y Odds_ratio_NotFake_Fake son las mismas, por tanto podemos construir un nuevo data set solo con esas columnas y otra para los tokens, a partir de cualquiera de esos dos data-sets.

	token	Odds_ratio_Fake_NotFake	Odds_ratio_NotFake_Fake
0	aa	0.963253	1.038149
1	aaa	1.107741	0.902738
2	aaaaaaaand	1.772386	0.564211
3	aaaaackkk	1.772386	0.564211
4	aaaaapkfhk	1.772386	0.564211
125561	""it	0.443097	2.256845
125562	""when	0.443097	2.256845
125563	if	0.221548	4.513689
125564	\$emoji2\$	0.221548	4.513689
125565	<pre>\$emoji1\$</pre>	0.443097	2.256845

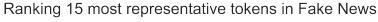
```
Odds_ratio_df.sort_values(by=["Odds_ratio_Fake_NotFake"],
          ascending=False).head(15)
```

	token	Odds_ratio_Fake_NotFake	Odds_ratio_NotFake_Fake
35775	finicum	320.801884	0.003117
114071	wikimedia	200.279629	0.004993
108870	uninterruptible	189.645313	0.005273
78242	philosophers	186.100540	0.005373
60612	lovable	183.441961	0.005451
91113	savants	182.555768	0.005478
67583	moralists	182.555768	0.005478
97785	spore	182.555768	0.005478
84324	rascals	181.669575	0.005504
32976	evangelists	181.669575	0.005504
63302	masochists	181.669575	0.005504
11482	boiler	172.586096	0.005794
13727	bundy	170.813710	0.005854
92025	screengrab	167.490486	0.005970
113747	whined	166.604293	0.006002

```
Odds_ratio_Fake_NotFake
                                                      Odds_ratio_NotFake_Fake
                    token
106696
                  trump's
                                            0.000076
                                                                   13123.551362
72874
                  obama's
                                            0.000415
                                                                    2406.924768
18756
                clinton's
                                            0.000552
                                                                    1811.117793
76500
                  party's
                                            0.000804
                                                                    1243.521376
98529
                  state's
                                            0.000877
                                                                    1140.834946
80975
              president's
                                            0.000979
                                                                    1021.222183
83999
                  rakhine
                                            0.000987
                                                                    1013.323226
1242
        administration's
                                            0.001157
                                                                     864.371483
88673
                                            0.001294
                                                                     772.969276
                 rohingya
117944
                     zuma
                                            0.001298
                                                                     770.712432
82344
               puigdemont
                                            0.001372
                                                                     728.960807
17524
                  china's
                                            0.001400
                                                                     714.291317
89715
                 russia's
                                            0.001439
                                                                     695.108137
21888
                country's
                                            0.001541
                                                                     648.842823
69047
                  myanmar
                                            0.001579
                                                                     633.496280
```

Vamos a hacer un pequeño analisis de los tokens que son los mas representativos para las fake news, es decir, aquellos tokens con mayor odds ratio fake - no fake, esto es, aquellos que son mucho mas frecuentes en las fake news que en las no fake news.

- El token mas representativa de las fake news analizadas es 'finicum'
 - El token 'finicum' podria hace referencia a Robert LaVoy Finicum, que según Wikipedia fue uno de los militantes estadounidenses que organizaron una ocupación armada del Refugio Nacional de Vida Silvestre Malheur en enero de 2016. Después de que comenzó, la fuerza de ocupación se organizó como Ciudadanos por la Libertad Constitucional. , de la que Finicum fue portavoz. Fue la única víctima mortal de la ocupación. El 26 de enero de 2016, agentes del orden público intentaron arrestar a Finicum y a otros líderes de la ocupación mientras viajaban por una carretera remota para reunirse con simpatizantes en el condado vecino. Cuando el camión de Finicum finalmente fue detenido por una barricada, salió del vehículo hacia la nieve profunda y le dispararon, pero los oficiales fallaron. Finicum hizo dos movimientos a su chaqueta mientras le gritaba a la policía que tendrían que dispararle. Luego, Finicum fue asesinado a tiros. Más tarde, los oficiales encontraron un arma cargada en su bolsillo.
- El segundo token mas representativo de las fakes news es 'wikipedia'



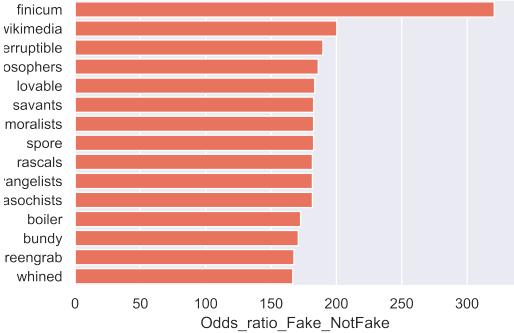


Figure 4: Ranking de los 15 tokens mas representativos de las Fake News

- La Fundación Wikimedia (en inglés: Wikimedia Foundation, Inc.) es una organización sin ánimo de lucro. Es la organización matriz de Wikipedia
- El tercer token mas representativo de las fakes news es 'uninterruptible' que significa 'ininterrumpible' en español.
- El cuarto token mas representativo de las fakes news es 'philosophers' que significa 'filosofos' en español.
- El quinto token mas representativo de las fakes news es 'lovable' que significa 'amable' en español.
- El sexto token mas representativo de las fakes news es 'savants' que significa 'sabios' en español.
- El septimo token mas representativo de las fakes news es 'moralist' que significa 'moralistas' en español.
- El octavo token mas representativo de las fakes news es 'spore' que significa 'espora' en español.
- El noveno token mas representatico de las fake news es 'rascals' que podria hacer alusion a la pelicula 'The Little Rascals' en la cual participo como parte del elenco de actores el ex-presidente de Estados Unidos Donald Trump.
- El decimo token mas representativo es 'evangelist' que significa 'evangelistas' en español.
- El undecimo token mas representativo es 'masochist' que significa 'masoquista' en español.
- El duodecimo token mas representativo es 'boiler' que significa 'caldera' en español.

- El decimotercero token mas representativo es 'bundy' que significa 'paquete' en español.
- El decimocuarto token mas representativo es 'screengrab' que significa 'captura de pantalla' en español.
- El decimoquinto token mas representativo es 'whined' que significa 'quejarse' en español.

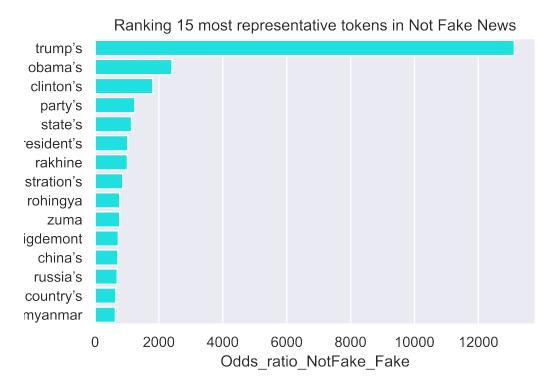


Figure 5: Ranking de los 15 tokens mas representativos de las No Fake News

Vamos a hacer un pequeño analisis de los tokens que son los mas representativos para las fake news, es decir, aquellos tokens con mayor odds ratio fake - no fake, esto es, aquellos que son mucho mas frecuentes en las fake news que en las no fake news.

- El token mas representativa de las fake news analizadas es 'trump's'
 - Este token hace referencia a Donald John Trump es un empresario, director ejecutivo, inversor en bienes inmuebles, personalidad televisiva y político estadounidense que ejerció como el 45.º presidente de los Estados Unidos de América desde el 20 de enero de 2017 hasta el 20 de enero de 2021

- El segundo token mas representativo de las fakes news es 'obama's'
 - Este token hace referencia a Barack Hussein Obama es un político estadounidense que ejerció como el 44.º presidente de los Estados Unidos de América desde el 20 de enero de 2009 hasta el 20 de enero de 2017
- El tercer token mas representativo de las fakes news es 'clinton's'
 - William Jefferson Clinton es un político y abogado estadounidense que ejerció como el 42.º presidente de los Estados Unidos de América de 1993 a 2001
- El cuarto token mas representativo de las fakes news es 'party's' que hace referencia a 'partidos políticos' en español.
- El quinto token mas representativo de las fakes news es 'state's' que significa 'estados' en español.
- El sexto token mas representativo de las fakes news es 'president's' que significa 'presidentes' en español.
- El septimo token mas representativo de las fakes news es 'rakhine'
 - Rakhine es un estado de Birmania.
- El octavo token mas representativo de las fakes news es 'administration's' que significa 'gobierno' en español.
- El noveno token mas representatico de las fake news es 'rohingya'
 - Los rohingya son un grupo étnico musulmán de Birmania (Myanmar) que desde 2017 fue objeto, según la ONU, de una limpieza étnica por parte de las autoridades birmanas que obligó a la mayoría de sus integrantes a refugiarse en la vecina Bangladés.
- El decimo token mas representativo es 'zuma' que podria hacer referencia a Jacob Zuma
 - El un decime talcon mag nonnegentative es (nuindement) que les conferencie e Conleg
- El undecimo token mas representativo es 'puigdemont' que hace referencia a Carles Puigdemont
- El duodecimo token mas representativo es 'china's' que hace referencia a China.
- El decimotercero token mas representativo es 'russia's' que hace referencia a Rusia.
- El decimocuarto token mas representativo es 'county's' que significa 'país' en español.
- El decimoquinto token mas representativo es 'myanmar'
 - Birmania o Myanmar denominada oficialmente República de la Unión de Myanmar, es

- Jacob Gedleyihlekisa Zuma es un político sudafricano que ejerció como el cuarto P

- Carles Puigdemont i Casamajón es un político y periodista español, diputado a

La interpretacion de estos términos no es una tarea en la que necesariamente el cientifico de datos que los ha obtenido pueda aportar un gran valor. Desde mi punto de vista, es mas adecuado que la interpretacion de estas palabras se haga por parte de expertos en el contexto en el que se encuentran las noticias analizadas, a saber, en el contexto politico, economico y social que rodeaba a Estados Unidos entre los años 2015 y 2018.

6 Term frequency – Inverse document frequency (Tf - Idf)

Siguiendo a Joaquin Amat Rodrigo , creador de Cienciadedatos.net y la entrada de Wikipedia

Uno de los principales intereses en **text mining**, **natural language processing** e **information retrieval** es cuantificar la temática de un texto, así como la importancia de cada término que lo forma. Una manera sencilla de medir la importancia de un término dentro de un documento es utilizando la frecuencia con la que aparece (tf, term-frequency). Esta aproximación, aunque simple, tiene la limitación de atribuir mucha importancia a aquellas palabras que aparecen muchas veces aunque no aporten información selectiva. Por ejemplo, si la palabra matemáticas aparece 5 veces en un documento y la palabra página aparece 50, la segunda tendrá 10 veces más peso a pesar de que no aporte tanta información sobre la temática del documento.

Para solucionar este problema se pueden ponderar los valores tf multiplicándolos por la inversa de la frecuencia con la que el término en cuestión aparece en el resto de documentos (idf). Asi se obtienee el estadístico **tf-idf**, que se consigue reducir el valor de aquellos términos que aparecen en muchos documentos y que, por lo tanto, no aportan información selectiva.

El estadístico **tf-idf** es una medida numérica que expresa cuán relevante es un término para un documento dentro de una colección de documentos. Esta medida se utiliza a menudo como un factor de ponderación en la recuperación de información y la minería de texto. El valor **tf-idf** aumenta proporcionalmente al número de veces que una palabra aparece en el documento, pero es compensada por la frecuencia de la palabra en la colección de documentos, lo que permite manejar el hecho de que algunas palabras son generalmente más comunes que otras.

Variaciones del esquema de peso **tf-idf** son empleadas frecuentemente por los motores de búsqueda como herramienta fundamental para medir la relevancia de un documento dada una consulta del usuario, estableciendo así una ordenación o ranking de los mismos. **Tf-idf** también puede utilizarse exitosamente para el filtrado de las denominadas stop-words (palabras que suelen usarse en casi todos los documentos).

6.1 Definición formal del estadistico tf-idf

Term Frequency (tf)

• Versión simple:

$$tf(k,d) = \frac{n(k,d)}{size(d)}$$

Donde:

n(k,d) es el número de veces que aparece el término k en el documento d

size(d)es el nº de terminos del documento d

• Versión normalizada (para evitar una predisposición hacia los documentos largos):

$$tf_{norm}(k,d) = \frac{tf(k,d)}{Max\{tf(k,d) / k \in d\}}$$

Inverse Document Frequency (idf)

• Versión simple:

$$idf(k) = log\left(\frac{n(D)}{n(k, D)}\right)$$

Donde:

n(D)=#D es el número total de documentos , donde D es el conjunto de los documentos

 $n(D,k)=\#\{d\in D/k\in d\}$ el número de documentos que contienen el término k

log() es la función logaritmo en base e

• Versión sklearn si smooth_idf = True

$$idf(k) = log\left(\frac{n(D)}{n(k, D)}\right) + 1$$

• Versión sklearn si smooth_idf = False

$$idf(k) = log\left(\frac{n(D)+1}{n(k,D)+1}\right) + 1$$

Estadístico tf-idf

• Versión simple:

$$t f i d f(k, d) = t f(k, d) \cdot i d f(k)$$

• Versión normalizada :

$$tfidf_{norm}(k,d) = tf_{norm}(k,d) \cdot idf(k)$$

• Versión sklearn

$$tfidf(k,d) = \frac{tfidf(k,d)}{\sum_{k \in T(D)} tfidf(k,d)^2}$$

Donde:

T(D) es el conjunto de términos del conjunto de documentos (D).

Sea $tfidf(k \in T, d) = (tfidf(k, d))_{k \in T}$ el vector que contiene como componentes los valores de tf-idf para los terminos $k \in T$ en el documento d, entonces:

 $||tfidf(k\in T,d)||_2=\sqrt{\sum_{k\in T(D)}tfidf(k,d)^2},$ es decir, es la norma euclidea del vector $tfidf(k\in T,d)$

Notese que si $k \notin d$, entonces tfidf(k,d) = 0, por tanto, $\sum_{k \in T} tfidf(k,d)^2 = \sum_{k \in T(d)} tfidf(k,d)^2$, donde T(d) es el conjunto de los terminos del documento $d \in D$

6.2 Cálculo de tf-idf en Python

6.2.1 Cálculo de tf

Veamos como queda el data-frame creado:

```
df_tf
```

	id_text	token	n_k	size(d)	tf	max_tf	tf_norm
0	0	accept	1	251	0.003984	0.059761	0.066667
1	0	alan	1	251	0.003984	0.059761	0.066667
2	0	alansandoval	1	251	0.003984	0.059761	0.066667
3	0	allow	1	251	0.003984	0.059761	0.066667

```
4
                       also
                                       251 0.003984 0.059761 0.066667
                        . . .
                                        . . .
                                              . . .
                                                       . . .
. . .
           . . .
                                                                   . . .
                                       132 0.007576 0.030303 0.250000
7155407
         44897
                      union 1
7155408
       44897
                     volume 1
                                       132 0.007576 0.030303 0.250000
       44897
7155409
                              1
                                       132 0.007576 0.030303 0.250000
                      wants
                              2
                                       132 0.015152 0.030303 0.500000
7155410
         44897
                      worth
7155411
         44897
                      years 1
                                        132 0.007576 0.030303 0.250000
```

6.2.2 Cálculo de idf

```
# Calculo del n^{\varrho} de documentos en los que aparece cada termino (token)
\hookrightarrow (n(D,k))
df_Idf = pd.DataFrame(
→ Fake_News_Tokens_not_StopWords.groupby(['token'])['id_text'].nunique().reset_index(na
# \mathit{Ojo}, si se usa count en lugar de nunique no se estaria contando el n^{\it o} de
\rightarrow documentos
# en los que aparece cada termino, si no el n^{\varrho} de veces en total (contando
→ repeticiones) que
# aparece un termino en el conjunto de documentos. Por ejemplo, dado un
\rightarrow termino k que aparece 10 veces en el documento d1 y 3 veces en el d3 ,
\hookrightarrow usando count() la cuenta sale 13 , que es el n^{\varrho} de veces que aparece
\rightarrow k en el conjunto de los documentos, en cambio usando nunique() la
\hookrightarrow cuenta sale 2 que es el n^{\varrho} de documentos en los que aparece el termino
\rightarrow k, que es lo que buscamos
# Calculo del n^{\circ} total de documentos (n_D)
df_Idf['n_D'] = len(Fake_News_Data)
# Calculo de Idf
df_Idf['Idf'] = np.log((df_Idf['n_D']) / (df_Idf['n_d_k'])) + 1
```

Vemos como queda el data-frame creado:

df_Idf

```
token n_d_k
                          n_d
                                    Idf
0
                     28 44898
                                8.379944
              aa
                     11 44898 9.314253
1
             aaa
2
                     1 44898 11.712149
       aaaaaaand
3
       aaaaackkk
                    1 44898 11.712149
       aaaaapkfhk
                    1 44898 11.712149
                   . . .
            ""it
                    1 44898 11.712149
125561
           ""when
                     1 44898 11.712149
125562
125563
              if
                     1 44898 11.712149
                     1 44898 11.712149
125564
      $emoji1$
125565
        $emoji2$
                     1 44898 11.712149
```

6.2.3 Cálculo de tf-idf

Vemos con es el nuevo data-frame creado:

```
df_tf_Idf
```

	id_text	1	token	n_k	si	ze(d)	tf	max_tf
0	0	accept		1		251	0.003984 0.003984	0.059761
304262	0	-	llitt	1		251		0.059761
304263	0	-	power	1		251	0.003984	0.059761
309320	0	-	ident	3		251	0.011952	0.059761
332891	0	preside	ntial	1		251	0.003984	0.059761
• • •	• • •					• • •	• • •	• • •
5516302	44897	amid		1		132	0.007576	0.030303
5350014	44897	string		1		132	0.007576	0.030303
2043348	44897	state		2		132	0.015152	0.030303
1423490	44897	delivered		1		132	0.007576	0.030303
7155411	44897	suhkoi		1		132	0.007576	0.030303
	tf_norm	n_d_k	n_d		Idf	tf_	Idf tf_I	df_sklearn
0	0.066667	1395	44898	4.	471499	0.017	815 0	. 298100
304262	0.066667	1	44898	11.712149		0.046	662 0	.780810
304263	0.066667	5057	44898	3.	183620			.212241
309320	0.200000				644376	0.019654 0.328		.328875
003020	0.200000	20011	17000	Ι.,	017010	0.013	0.	.020010

332891	0.066667	8823	44898	2.627031	0.010466	0.175135
5516302	0.250000	1316	44898	4.529796	0.034317	1.132449
5350014	0.250000	404	44898	5.710734	0.043263	1.427683
2043348	0.500000	14226	44898	2.149322	0.032565	1.074661
1423490	0.250000	882	44898	4.929956	0.037348	1.232489
7155411	0.250000	1	44898	11.712149	0.088728	2.928037

6.3 Matriz Tf-Idf

44895

44896

44897

Para poder aplicar algoritmos de clasificación a un texto, es necesario crear una representación numérica del mismo. Para ello se utiliza una matriz que tiene como filas los documentos y como columnas los tokens. Existen diferentes criterios para definir los elementos internos de esta matriz. Sea (i,j) el elemento de la fila i y columna j distinguimos varias aproximaciones. Una es que (i,j) sea la frecuencia del token j en el documento i , es decir, tf(j,i), otra aproximacion es que (i, j) sea 0 si el token j no aparece en el documento i y 1 en el caso de que si aparece. Otra aprozimacion es que (i,j) sea tfidf(j,i).

El criterio seguido en esta seccion del trabajo es que (i,j) = t fidf(j,i), ya que es el criterio seguido por la libreria sklearn, la cual será empleada para calcular la matriz tf-idf. Además es uno de los criterios mas habituales para definir dicha matriz.

Se ha intentado construir esta matriz a traves de bucles, pero dado que es una matriz con 44898 filas (documentos) y 125565 columnas (tokens), la sola operacion de crear la primera fila no ha podido ser ejecutada por el computador por sobrepasar la memoria necesaria para ello. Por tanto deben usarse métodos de programación mas eficientes, o usar opciones eficientes ya implementadas por desarrolladores profesionales, como el equipo de sklearn. Esta segunda opción es la que seguiresmos, es decir, usaremos dicha funciones de dicha libreria para crear la matriz tf-idf.

Para crear la matriz tf-idf con sklearn necesitamos construir por un un vector con los documentos (en este caso noticias). Además también vamos a crear otro con la variable respuesta (en este caso la variable binaria Fake que indica si las noticias son o no fakes), que será necesario para la parte de clasificación de texto.

```
X_data = Fake_News_Data.loc[ : , 'text']
X_data
0
         Donald Trump just couldn t wish all Americans ...
         House Intelligence Committee Chairman Devin Nu...
1
2
         On Friday, it was revealed that former Milwauk...
3
         On Christmas day, Donald Trump announced that ...
4
         Pope Francis used his annual Christmas Day mes...
44893
         BRUSSELS (Reuters) - NATO allies on Tuesday we...
44894
         LONDON (Reuters) - LexisNexis, a provider of 1...
         MINSK (Reuters) - In the shadow of disused Sov...
```

MOSCOW (Reuters) - Vatican Secretary of State ...

JAKARTA (Reuters) - Indonesia will buy 11 Sukh...

```
Y_data = Fake_News_Data.loc[ : , 'Fake']
Y_data
0
          1
1
          1
2
          1
3
          1
4
44893
          0
44894
44895
44896
          0
44897
          0
```

Importamos la funcion TfidfVectorizer de sklearn la cual nos permitirá generar la matriz tf-idf.

Es recomendable ver la documentación de sklearn para esta función documentación

En este caso usaremos como funcion de tokenizacion la anteriormente creada limpiar_tokenizar , podria usarse la que usa por defecto sklearn, además la lista de stopwords que también se ha usado anteriormente. Ademas usamos los argumentos min_df = 0 , lo cual significa que se van a considerar todos los tokens generados por la funcion tokenizer, si min_df=h la función solo consideraria los tokens que aparecen en mas de h documentos. Por ultimo usaremos el argumento smooth_idf=False , el cual ya fue mencionado en la seccion definición formal del estadistico tf-idf.

Ahora necesitamos usar el método fit con el vector de documentos X_data

```
tfidf_vectorizador.fit(X_data)
```

Creamos la matriz tf-idf con el metodo transform

```
tfidf_matrix = tfidf_vectorizador.transform(X_data)
```

Comprobamos el tamaño de la matriz

```
tfidf_matrix.shape
```

(44898, 125566)

Podemos obtener los nombres de las columnas de la matriz, a saber, los tokens, con el metodo get_feature_names_out, en este caso imprimimos los 50 primeros:

```
print(tfidf_vectorizador.get_feature_names_out()[0:50])
```

```
['aa' 'aaa' 'aaaaaaaaand' 'aaaaackkk' 'aaaaapkfhk' 'aaaahhhh' 'aaaand'
'aaaarrgh' 'aaab' 'aaarf' 'aab' 'aaba' 'aabfsv' 'aabge' 'aabo'
'aaccording' 'aachen' 'aacnr' 'aadhaar' 'aadhar' 'aadl' 'aaf' 'aafn'
'aag' 'aahd' 'aahwuhvvnh' 'aai' 'aaj' 'aaja' 'aal' 'aalberg' 'aalberts'
'aaldef' 'aaliyah' 'aamer' 'aamin' 'aammir' 'aamom' 'aamrrd' 'aan'
'aaofj' 'aapa' 'aapi' 'aapl' 'aapxim' 'aar' 'aardal' 'aardvark'
'aardvarks' 'aargh']
```

sklearn no permite imprimir la matriz tf-idf obtenida debido a sus dimension excesiva, pero si podemos acceder a sus elementos del siguiente modo:

Por ejemplo, podemos acceder al tf-idf del token asociado a la columna $645~\mathrm{y}$ el documento asociado a la columna 0

```
tfidf_matrix[0, 645]
```

0.034889784479772486

La salida anterior nos indicas que el valor del estadistico tf-idf para el token asociado a la columna 645 en el documento (noticia) asociada a la fila 0 (la fila 0 en Python es la fila 1) es 0.0349

Vamos a crear un data-frame para identificar cada columna con su token asociado:

	index	token
0	0	aa
1	1	aaa
2	2	aaaaaaaand
3	3	aaaaackkk
4	4	aaaaapkfhk
125561	125561	""it
125562	125562	""when
125563	125563	if
125564	125564	\$emoji1\$
125565	125565	\$emoji2\$

Utilizando este da-taframe vamos a comparar algunos valores de la matriz tf-idf obtenida con sklearncon los valores que calculamos nosotros en las secciones anteriores y que se encuentran registrados en el data-frame df_tf_Idf

 ${\tt df_tf_Idf}$

	id_text		token	n_k	longit	ud(d)		tf	max_tf
0	0	a	ccept	1		251	0.0	03984	0.059761
304262	0		llitt	1		251	0.0	03984	0.059761
304263	0	-	power	1		251	0.0	03984	0.059761
309320	0		ident	3		251		11952	0.059761
332891	0	preside		1		251		03984	0.059761
 5516302	 44897		\dots amid			 132	0.0	 07576	0.030303
5350014	44897	9	tring	1		132		07576	0.030303
2043348	44897		state	2		132		15152	0.030303
1423490	44897		vered	1		132		07576	0.030303
7155411	44897		uhkoi	1		132		07576	0.030303
7133411	44031	٥	ulikoi	1		132	0.0	01310	0.030303
	tf_norm	n_d_k	n_d		Idf	tf_	Idf	tf_Id	f_norm
0	0.066667	1395	44898		471499	0.017	815	0.	
304262	0.066667	1	44898	11.	712149	0.046	662	0.	780810
304263	0.066667	5057	44898	3.	183620	0.012	684	0.	212241
309320	0.200000	23571	44898	1.	644376	0.019	654	0.	328875
332891	0.066667	8823	44898	2.	627031	0.010	466	0.	175135
5516302	0.250000	1316	44898	4.	529796	0.034	317	1.	132449
5350014	0.250000	404	44898	5.	710734	0.043	263	1.	427683
2043348	0.500000	14226	44898	2.	149322	0.032	32565 1.		074661
1423490	0.250000	882	44898	4.	929956	0.037	348	1.	232489
7155411	0.250000	1	44898	11.	712149	0.088	728	2.	928037
	euclidear	norm	tf Tdf	skle	arn				
0		510600		0.034					
304262		510600		0.091					
304263		510600		0.024					
309320		510600		0.038					
332891				0.020					
5516302	0.5	585168	(0.058	644				
5350014		0.585168			933				
2043348		585168		0.055					
1423490		585168		0.063					
7155411		585168).151					

Vamos a comparar concretamente los tf-idf obtenidos "manualmente" y con sklearn para los tokens 'accept' , 'pollit' , 'string', 'never', e 'investigation' :

Primero tenemos que identificar la columna asociada al token 'accept'

```
df_index_token.loc[df_index_token.token == 'accept', ]
```

index token

645 645 accept

Ahora vemos cual es el valor del estadistico tf-idf calculado por sklearn para el token 'accept' en el documento asociado a la fila 0.

```
tfidf_matrix[0, 645]
```

0.034889784479772486

→ 'pollitt') ,]

Ahora comprobamos el valor del estadistico tf-idf calculado "manualmente" por nosotros para el token 'accept' y la noticia con identificador 0 (notese que la noticia con identificador i es la que esta asociada a la fila i de la matriz creada por sklearn, para i=0,1,2,...)

```
df_tf_Idf.loc[ ( df_tf_Idf.id_text == 0 ) & ( df_tf_Idf.token == 'accept' \hookrightarrow ) , ]
```

```
token n_k longitud(d)
id_text
                                        tf
                                             max_tf
                                                      tf_norm n_d_k
                             251 0.003984 0.059761 0.066667
                                                                1395
     0 accept
                  1
                  tf_Idf tf_Idf_norm euclidean_norm tf_Idf_sklearn
 n_d
           Idf
44898 4.471499 0.017815
                               0.2981
                                               0.5106
                                                             0.03489
```

Podemos ver que de todos los estadisticos tf-idf calculados (el simple, el normalizado y la versión de sklearn) el único que coincide con el obtenido al usar sklearn es justanmente tf_Idf_sklearn, como cabria esperar.

En este punto hay que hacer una mención especial a la entrada de analyticsvidhya, la cual me permitio resolver una disparidad de resultados que obtuve inicialmente, al no ser consciente de que sklearn normalizaba el tf-idf (la version simple) dividiendolo entre la norma euclidea, tal y como se ha explicado anteriormente con más detalle.

Ahora repetimos el mismo proceso para el token 'pollitt'

df_tf_Idf.loc[(df_tf_Idf.id_text == 0) & (df_tf_Idf.token ==

```
id\_text \qquad token \quad n\_k \quad longitud(d) \qquad \qquad tf \qquad max\_tf \quad tf\_norm \quad \backslash
                              251 0.003984 0.059761 0.066667
         0 pollitt
                         1
304262
       1 44898 11.712149 0.046662 0.78081
                                                            0.5106
304262
       tf_Idf_sklearn
304262
           0.091386
df_index_token.loc[df_index_token.token == 'string', ]
  index token
99546 99546 string
tfidf_matrix[44897, 99546]
0.07393279140214064
df_tf_Idf.loc[ ( df_tf_Idf.id_text == 44897 ) & ( df_tf_Idf.token ==

    'string' ) , ]

    id_text token n_k longitud(d) tf max_tf tf_norm \
5350014 44897 string 1 132 0.007576 0.030303 0.25
                      Idf tf_Idf tf_Idf_norm euclidean_norm \
    n_d_k n_d
5350014 404 44898 5.710734 0.043263 1.427683 0.585168
    tf_Idf_sklearn
5350014 0.073933
df_index_token.loc[df_index_token.token == 'never', ]
  index token
70560 70560 never
tfidf_matrix[3, 70560]
0.022176846230040667
df_tf_Idf.loc[ ( df_tf_Idf.id_text == 3 ) & ( df_tf_Idf.token == 'never'
\hookrightarrow ),]
```

```
id_text token n_k longitud(d)
                                           tf max_tf tf_norm n_d_k \
990208 3 never 1 249 0.004016 0.044177 0.090909 6077
                     tf_Idf tf_Idf_norm euclidean_norm tf_Idf_sklearn
     n_d
990208\ 44898\ 2.999882\ 0.012048\ 0.272717\ 0.543257\ 0.022177
df_index_token.loc[df_index_token.token == 'investigation', ]
   index
                  token
50314 50314 investigation
tfidf_matrix[1522, 50314]
0.2598673157066844
df_tf_Idf.loc[ ( df_tf_Idf.id_text == 1522 ) & ( df_tf_Idf.token ==

        'investigation'), ]

                     token n_k longitud(d)
    id_text
                                                    tf
                                                          max_tf \
635701 1522 investigation 7 210 0.033333 0.052381
     tf_norm n_d_k n_d
                                 Idf tf_Idf tf_Idf_norm \
635701\ 0.636364\ 3753\ 44898\ 3.481838\ 0.116061\ 2.215715
    euclidean_norm tf_Idf_sklearn
635701\ 0.446617\ 0.259867
```

7 Métodos Naive Bayes

Los métodos de naive Bayes son un conjunto de algoritmos de aprendizaje supervisado basados en aplicar el teorema de Bayes con el supuesto "naive" de independencia condicional entre cada par de predictores dada una clase de la variable respuesta (que debe ser categorica).

Sean $Y, X_1, ..., X_p$ la respuesta categorica y los predictores, y sean $x_i = (x_i 1, x_i 2, ..., x_i p)^t$ y y_i la i-esima observación de los predictores y de la respuesta, respectivamente.

Si consideramos $Y, X_1, ..., X_p$ como variables aleatorias, por el teorema de Bayes tenemos que :

$$P(Y = y_i | X_1 = x_{i1}, ..., X_p = x_{ip}) = \frac{P(Y = y_i) \cdot P(X_1 = x_{i1}, ..., X_p = x_{ip} | Y = y_i)}{P(X_1 = x_{i1}, ..., X_p = x_{ip})}$$

Usando el supuesto naive de independencia entre cada par de predictores

$$X_r \perp X_j, \forall r \neq j = 1, ..., p$$

tenemos que:

$$P(X_1 = x_{i1}, ..., X_p = x_{ip}|Y = y_i) = \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij}|Y = y_i)$$

Por tanto, podemos reformular el teorema de Bayes como:

$$P(Y = y_i | X_1 = x_1, ..., X_p = x_p) = \frac{P(Y = y_i) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)}{P(X_1 = x_{i1}, ..., X_p = x_{ip})}$$

$$P(Y = y_i | X_1 = x_1, ..., X_p = x_p) \propto \P(Y = y_i) \cdot \prod_{i=1}^p P(X_i = x_{ij} | Y = y_i)$$

El algoritmo de naive Bayes predice la respuesta Y para un vector de observaciones de los predictores $x_i = (x_i 1, x_i 2, ..., x_i p)^t$ como la solucion del siguiente problema de optimización:

$$y \underset{Max}{P(Y = y | X_1 = x_1, ..., X_p = x_p)} = y \underset{Max}{\frac{P(Y = y_i) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)}{P(X_1 = x_{i1}, ..., X_p = x_{ip})}} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_i)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Max}{P(Y = y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij} | Y = y_j)} = y \underset{Ma$$

Notese que $P(X_1 = x_{i1}, ..., X_p = x_{ip})$ no depende del valor de y por lo que puede sacarse del problema de maximización.

Es decir, la prediccion de Y para el vector de observaciones de los predictores $x_i = (x_i 1, x_i 2, ..., x_i p)^t$ es

$$\hat{y}_i = \arg y_{Max} P(Y = y | X_1 = x_1, ..., X_p = x_p) = \arg y_{Max} P(Y = y) \cdot \prod_{i=1}^p P(X_i = x_{ij} | Y = y)$$

Es decir, la observación *i*-esima $x_i = (x_i 1, x_i 2, ..., x_i p)^t$ se clasifica en la clase/categoria/grupo de maxima probabilidad para esa observación.

Problemas

Dados y y x_{ij}

• ¿Cómo estimar P(Y=y) ?

$$\widehat{P}(Y=y) = \frac{\#\{r=1,...,n/y_r=y\}}{n}$$

Es decir, P(Y=y) se estima como la proporcion de observaciones (del conjunto de entrenamiento) que pertenecen a la clase/categoria/grupo y, es decir, se estima como la proporción de observaciones para las que la respuesta toma la categoria y

• ¿ Cómo estimar $P(X_j=x_{ij}) | Y=y$?

Podria seguirse la solución del problema anterior, a saber:

$$\widehat{P}(X_j = x_{ij}|Y = y) = \frac{\#\{r = 1, ..., n \ y_r = yyx_{rj} = x_{ij}\}}{\#\{r = 1, ..., n \ y_r = y\}}$$

Problema: en la practica en cuanto haya algun predictor X_j tal que el valor observado x_{ij} no este en el set de observaciones de entrenamiento con Y=y se tendrá $\hat{P}(X_j = x_{ij}|Y=y) = 0$, lo que conducirá a $P(Y=y) \cdot \prod_{j=1}^p P(X_j = x_{ij}|Y=y) = 0$, y esto llevará a no clasificar la observacion $x_i = (x_i1, x_i2, ..., x_ip)^t$ en la clase y, independientemente de los valores observados para el resto de predictores. Por lo que es razonable pensar que esta aproximacion no conduciria a buenas predicciones de la respuesta.

Ademas si nos enfocamos en un problema de clasificación de texto, en el que se usa la matriz tf-idf como matriz de predictores, esta aproximacion queda en clara evidencia, ya que para cualquier categoria y habria algunas palabras (tokens) que tienen para cada documento un valor del estadistico tf-idf diferente al valor correspondiente de la observacion $x_i = (x_i 1, x_i 2, ..., x_i p)^t$, es decir, para cada y habria algun predictor X_j tal que $\hat{P}(X_j = x_{ij}|Y = y) = 0$, por lo que la observacion $x_i = (x_i 1, x_i 2, ..., x_i p)^t$ seria clasificada indistintamente en cualquier categoria de la respuesta, lo cual no es razonable en absoluto.

Si en lugar de una matriz tf-idf se usase un matriz con el conteo de ocurrencia de cada palabra en los textos la situación seria similar, puesto que para cada categoria y de la respuesta habria algunas palabras que aparecen 0 veces en los textos de dicha categoria (es decir, habria algunos predictores X_j tales que $\hat{P}(X_j = x_{ij}|Y = y) = 0$), y esto llevaria a la misma conclusion que antes.

La solución estandar a este problema pasa por estimar $\widehat{P}(X_j = x_{ij}|Y = y)$ usando la funcion de probabilidad/densidad de una distribución conocida. En este trabajo distinguiremos dos casos (los estandar), uno en el que se usa la distribución normal Gaussiana (Gaussian Naive Bayes) y otro en el que se usa la distribución multinomial (multinomial naive Bayes).

7.1 Gaussian Naive Bayes

Es un naive Bayes classifier en el que se considera el siguiente supuesto:

$$\widehat{P}(X_j = x_{ij}|Y = y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2(x_{ij}|y)}} \cdot exp\{-\frac{(x_{ij} - \mu(x_{ij}|y))^2}{2\sigma^2(x_{ij}|y)}\}$$

Donde:

 $\mu(x_{ij}|y)=Mean(x_{rj}/r=1,..,n;y_r=y)$, es decir, es la media de los valores de X_j asociados a la clase y de la variable respuesta Y

 $\sigma^2(x_{ij}|y)=Var(x_{rj}/r=1,..,n;y_r=y)$, es decir, es la varianza de los valores de X_j asociados a la clase y de la variable respuesta Y

- 7.2 Multinomial Naive Bayes
- 7.3 Gaussian Naive Bayes aplicado con Python

8 Bibliografía

https://scikit-learn.org/stable/modules/naive_bayes.html

https://en.wikipedia.org/wiki/Naive_Bayes_classifier

https://www.cienciadedatos.net/documentos/py25-text-mining-python.html

 $https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.feature_extraction.text. \\ TfidfVectorizer.html$

https://www.analyticsvidhya.com/blog/2021/11/how-sklearns-tfidfvectorizer-calculates-tf-idf-values/

 $https://github.com/scikit-learn/scikit-learn/blob/f3f51f9b6/sklearn/feature_extraction/text.py\#L1717$

https://es.wikipedia.org/wiki/Tf-idf

web sklearn, numpy, pandas, wikipedia