

Universidad Carlos III de Madrid

Aprendizaje Automático, Grado en Estadística y Empresa

Práctica I: KNN y Árboles de clasificación

Marcos Álvarez Martín Fabio Scielzo Ortiz

Índice

1 Objetivos				4	
2	Pro	blema		4	
3	Dat	os		4	
4	Des	arrollo	o de la práctica	5	
	4.1	Carga	de los datos \dots	5	
	4.2	EDA e	en R	8	
		4.2.1	EDA con skimr	8	
		4.2.2	EDA con DataExplorer	9	
	4.3	EDA e	en Python	11	
		4.3.1	Estructura del data-set	11	
		4.3.2	Resumen Estadístico Descriptivo Básico	16	
		4.3.3	Análisis gráfico general	18	
		4.3.4	Box-plots para las variables cuantitativas	23	
		4.3.5	Análisis de la relación entre los predictores categoricos y la respuesta	25	
		4.3.6	4.3.5. Análisis de la relación entre los predictores cuantitativos y la respuesta	33	
	4.4	Arbole	es de clasificación en R	39	
		4.4.1	Algoritmo rpart con R	39	
		4.4.2	Algoritmo C5.0 con R	46	
		4.4.3	Algoritmo CART en R con mlr3	55	
		4.4.4	Algoritmo C5.0 en R con mlr3	59	
		4.4.5	Comparación entre R y mlr3	62	
		4.4.6	Comparación de resultados	64	
	4.5	Arbole	es de clasificación en Python	65	
		4.5.1	Arboles de clasificación: teoría	65	
		4.5.2	Definicion formal de los arboles de clasificación:	66	
		4.5.3	Arboles de Clasificación Penalizados	82	
		4.5.4	Arboles de clasificación: algoritmo de creación propia en Python	83	
		4.5.5	Testeo del algoritmo de arbol de clasificación creado en ${\tt Python}$	112	
		4.5.6	Validación Simple con funcion de validación propia y funcion Classification Tree propia	115	
		4.5.7	Algoritmo de creacion propia con Gini	117	
		4.5.8	Testeo del algoritmo	130	
		4.5.9	Validacion Simple con funcion de validación propia y funcion Regresssion Tree Gini propia	131	

	4.5.10	Arboles de clasificación en Python con Sklearn
	4.5.11	Validación simple con función de validacion propia y funcion Classification Tree de sklearn
	4.5.12	4.5.4. Arboles de clasificación penalizados en sklearn : α óptimo $$. 139
	4.5.13	4.5.5. Comparación final entre árboles de clasificación por validación simple
	4.5.14	KNN para clasificación: teoría
	4.5.15	4.6.2. Algoritmo de creación proia en Python
	4.5.16	KNN para clasificación en Python con sklearn
	4.5.17	Selección óptima del hiperparámetro k en KNN
4.6		omparación final entre árboles y KNN para clasificación por validample

1 Objetivos

- Conocer un contexto de aplicación real.
- Ejercitarnos en el análisis de datos y la implementación de algoritmos de clasificación, para adquirir criterio en la aplicación de los mismos.
- Evaluar las capacidades de R y mlr para la implementación.

2 Problema

• Resolver un problema de clasificación para el diagnóstico de pacientes hepáticos.

3 Datos

- Usaremos el conjunto de datos "Indian Liver Patient Dataset": Los pacientes con enfermedades del hígado han ido aumentando continuamente debido al consumo excesivo de alcohol, inhalación de gases nocivos, ingesta de alimentos contaminados, encurtidos y drogas.
- Este conjunto de datos se utilizó para evaluar los algoritmos de predicción en un esfuerzo por reducir la cargapara los médicos. Este conjunto de datos contiene 416 registros de pacientes hepáticos y 167 registros de pacientes no hepáticos recopilados en el noreste de Andhra Pradesh, India.
- La variable de respuesta es "diseased" (personas que tienen enfermedad del hígado)
- El data set encuentra en la librería "mlr3data". data("ilpd", package = "mlr3data")

4 Desarrollo de la práctica

Vamos a desarrollar esta práctica en los lenguajes de programación R y Python simultaneamente.

En general lo haremos a través el lenguaje Python utilizando un paquete llamado rpy2 que permite ejecutar codigo R desde Python

4.1 Carga de los datos

Empezamos la práctica cargando los datos, tanto en R como en Python :

Importamos en Python la libreria rpy2 que nos será esencial para trabajar con R y Python simultaneamente desde el mismo entorno:

```
import warnings
warnings.filterwarnings("ignore")

import rpy2
%load_ext rpy2.ipython

%%R

# install.packages("mlr3data")
# install.packages("mlr3")
```

Cargamos los datos en R

```
%%R
data("ilpd", package = "mlr3data")
head(ilpd,5)
```

```
age gender total_bilirubin direct_bilirubin alkaline_phosphatase
1 65 Female
                         0.7
                                          0.1
                                                                187
                        10.9
                                          5.5
2
  62
       Male
                                                                699
3 62
                         7.3
                                          4.1
                                                               490
       Male
4 58
       Male
                         1.0
                                          0.4
                                                                182
5 72
                         3.9
                                          2.0
                                                                195
       Male
  alanine_transaminase aspartate_transaminase total_protein albumin
                                                        6.8
1
                    16
                                           18
                                          100
                                                        7.5
2
                    64
                                                                3.2
3
                    60
                                           68
                                                        7.0
                                                                3.3
4
                    14
                                           20
                                                        6.8
                                                                3.4
5
                    27
                                           59
                                                        7.3
                                                                 2.4
  albumin_globulin_ratio diseased
                    0.90
1
                              yes
2
                    0.74
                              yes
3
                    0.89
                              yes
4
                    1.00
                              yes
5
                    0.40
                              yes
```

```
import pandas as pd
Data_Python = pd.read_csv('indian_liver_patient.csv')
Data_Python = Data_Python.rename({'Dataset': 'Diseased'}, axis=1)
Data_Python.head()
                Total_Bilirubin Direct_Bilirubin Alkaline_Phosphotase
   Age
        Gender
0
    65
        Female
                             0.7
                                                0.1
                                                                        187
1
    62
          Male
                            10.9
                                                5.5
                                                                        699
2
    62
          Male
                             7.3
                                                 4.1
                                                                        490
3
    58
          Male
                             1.0
                                                 0.4
                                                                        182
4
    72
                             3.9
                                                 2.0
          Male
                                                                        195
   Alamine_Aminotransferase Aspartate_Aminotransferase Total_Protiens
0
                                                        18
                          64
                                                       100
                                                                        7.5
1
2
                          60
                                                        68
                                                                        7.0
3
                          14
                                                        20
                                                                        6.8
4
                          27
                                                        59
                                                                        7.3
           Albumin_and_Globulin_Ratio
   Albumin
                                         Diseased
0
       3.3
                                    0.90
1
       3.2
                                    0.74
                                                  1
2
       3.3
                                    0.89
                                                  1
3
       3.4
                                    1.00
                                                  1
4
       2.4
                                    0.40
                                                  1
```

Describiremos cada una de las variables:

- age: edad del paciente. A los pacientes que exceden 89 son listados con la edad 90
- gender: género del paciente.
- total_bilirubin: Total de bilirubina.
- direct bilirubin: Bilirubina directa.
- alkaline phosphatase: Fosfatasa alcalina.
- alanine_transaminase: alanina aminotransferasa o transamisana glutámico pirúvica.
- aspartate_trasaminase: aspartato aminotransferasa.
- total protein: proteins totales.
- albumin: albúmina.
- albumin_globulin_ratio: albúmina y globulina ratio.
- diseased: Si tienen (1) o no (2) enfermadad en el hígado.

Ahora que ya tenenmos cargados los datos y hemos visto la apariencia de los mismo procedemos a hacer un EDA (exploratory data analysis).

4.2 EDA en R

4.2.1 EDA con skimr

Haremos el EDA con la librería skimr, como se pide en el enunciado de la práctica.

```
%%R
# install.packages('skimr')
library(skimr) # Cargamos librería
skim(ilpd) # EDA con librería
-- Data Summary -----
                        Values
Name
                         ilpd
Number of rows
                        583
Number of columns
                        11
Column type frequency:
                         2
 factor
 numeric
                         9
Group variables
                        None
-- Variable type: factor -----
 skim_variable n_missing complete_rate ordered n_unique top_counts
                                   1 FALSE
                                                  2 Mal: 441, Fem: 142
1 gender
                      0
                      0
2 diseased
                                   1 FALSE
                                                  2 yes: 416, no: 167
-- Variable type: numeric -----
                                                      sd
 skim_variable
                      n_missing complete_rate
                                               mean
                                                             p0
                                                                  p25
                              0
                                           1 44.7
                                                     16.2
                                                             4
                                                                 33
1 age
                              0
                                                      6.21
2 total_bilirubin
                                           1 3.30
                                                             0.4
                                                                  0.8
3 direct_bilirubin
                              0
                                           1
                                               1.49
                                                      2.81
                                                             0.1
                                                                  0.2
4 alkaline_phosphatase
                                           1 291.
                                                            63
                                                                176.
                              0
                                                    243.
5 alanine_transaminase
                              0
                                           1 80.7
                                                    183.
                                                            10
                                                                 23
6 aspartate_transaminase
                              0
                                           1 110.
                                                    289.
                                                            10
                                                                 25
7 total_protein
                              0
                                           1
                                                             2.7
                                                                 5.8
                                               6.48
                                                      1.09
8 albumin
                              0
                                           1
                                               3.14
                                                      0.796 0.9
                                                                  2.6
9 albumin_globulin_ratio
                                               0.947
                                                      0.318 0.3
                                                                  0.7
     p50
          p75
                p100 hist
1
  45
          58
                90
                     <U+2582><U+2586><U+2587><U+2585><U+2581>
2
           2.6
                75
                     <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581><U+2581>
   1
3
   0.3
           1.3
                19.7 <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581>
4 208
         298 2110 <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581><U+2581>
5
  35
          60.5 2000
                     <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581>
6
              4929
                     <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581>
7
           7.2
   6.6
                 9.6 <U+2581><U+2582><U+2587><U+2587><U+2581>
   3.1
           3.8
                 5.5 <U+2581><U+2585><U+2587><U+2586><U+2581>
8
                 2.8 <U+2586><U+2587><U+2582><U+2581><U+2581>
   0.947
           1.1
```

También haremos uso de la función str() que nos da la estructura de nuestro dataset.

```
%%R
str(ilpd) # Analizamos la estructura de los datos
```

```
583 obs. of 11 variables:
'data.frame':
$ age
                         : int 65 62 62 58 72 46 26 29 17 55 ...
                         : Factor w/ 2 levels "Female", "Male": 1 2 2 2 2 1 1 2 2 ...
$ gender
$ total_bilirubin
                                0.7 10.9 7.3 1 3.9 1.8 0.9 0.9 0.9 0.7 ...
$ direct_bilirubin
                         : num
                                0.1 5.5 4.1 0.4 2 0.7 0.2 0.3 0.3 0.2 ...
$ alkaline phosphatase : int
                                187 699 490 182 195 208 154 202 202 290 ...
$ alanine_transaminase : int
                                16 64 60 14 27 19 16 14 22 53 ...
$ aspartate_transaminase: int 18 100 68 20 59 14 12 11 19 58 ...
$ total_protein
                         : num 6.8 7.5 7 6.8 7.3 7.6 7 6.7 7.4 6.8 ...
$ albumin
                         : num
                                3.3 3.2 3.3 3.4 2.4 4.4 3.5 3.6 4.1 3.4 ...
$ albumin_globulin_ratio: num    0.9    0.74    0.89    1    0.4    1.3    1    1.1    1.2    1    ...
                         : Factor w/ 2 levels "yes", "no": 1 1 1 1 1 1 1 2 1 ...
$ diseased
```

Claramente podemos ver como con skimr, las variables que son numéricas las considera todas numéricas, mientras que la función str nos especifica las variables numéricas en si son variables que toman valores reales o enteros.

4.2.2 EDA con DataExplorer

Por último sacaremos un reporte con la librería DataExplorer:

```
%%R
# install.packages('DataExplorer')
# DataExplorer::create_report(ilpd, y="diseased")
```

Se genera un reporte en HTML que puede ser abierto en el navegador.

Aqui esta la version en PDF de dicho reporte:

https://github.com/FabioScielzoOrtiz/Estadistica4all.github.io/blob/main/Notebooks/Aprendizaje%20Automatico/Data%20Profiling%20Report.pdf

Aunque hemos visto el número de valores ausentes en la salida que nos da skimr, esto se puede hacer a mano como sigue:

```
%%R
library(tidyverse)

ilpd %>% map_dbl(.f = function(x){sum(is.na(x))})

# Número de missing values
```

age	gender	total_bilirubin
0	0	0
direct_bilirubin	alkaline_phosphatase	alanine_transaminase
0	0	0
aspartate_transaminase	total_protein	albumin
0	0	0
albumin_globulin_ratio	diseased	
0	0	

Podemos sacar las siguientes conclusiones del EDA anterior: - Se dispone de 583 instancias y 11 variables (2 de tipo factor biclase, 5 de tipo numérico y 4 enteras) - No hay ausencia de valores por lo que no habrá que eliminar instancias o al menos los modelos no se verán dificultados por los mismos. - La variable respuesta es diseased que es una de las variables tipo factor biclase que puede tomar valores "yes" o "no". Se puede ver como esta variable está un poco desbalanceada ya que tenemos muchas más observaciones con valor "yes" (416 observaciones) que con valor "no" (167 observaciones). - En cuanto a las correlaciones se puede ver que son relativamente altas entre los pares que tienen que ver con sustancias similares, como bilirubina directa y bilirubina total. Con respecto a la variable respuesta podemos ver como hay relaciones directas con el resto de variables y una correlacion similar en torno a 0.7.

4.3 EDA en Python

Ahora vamos a realizar un EDA del data-set pero usando Python

El EDA (Exploratory Data Analysis) en lineas generales va a consistir en:

- Analizar estructura del data-set que tenemoss (dimensiones, tipo de variables, valores faltantes, etc)
- Cálculo de estadísticos básicos para cada variable
- Generación de gráficos que aporten información relevante (histogramas, diagramas de barras, scatter plots, box plots, etc)
- Análisis de relaciones entre los predictores y la respuesta.

4.3.1 Estructura del data-set

```
import warnings
warnings.filterwarnings("ignore")
```

```
Data_Python.shape
```

(583, 11)

Tenemos un data-set con 11 variables y 583 observaciones.

Las variables son:

- 10 predictores (age , gender , Total_Bilirubin , Direct_Bilirubin , Alkaline_Phosphotase , Alamine_Aminotransferase , Aspartate_Aminotransferase , Total_Protiens , Albumin , Albumin_and_Globulin_Ratio)
- 1 respuesta (Diseased)

La variables categoricas del data-set son:

• Diseased y Gender (binarias)

Las variables cuantitativas del data-set son:

• age , Alkaline_Phosphotase, Alamine_Aminotransferase , Aspartate_Aminotransferase (discretas) y Total_Bilirubin , Direct_Bilirubin, Total_Protiens, Albumin, Albumin_and_Globulin_Ratio (continuas)

Con el siguiente código podemos ver el tipo de cada una de las variables en Python (que podría no coincidir con el descrito anteriormente, en su caso habría que modificarlo.)

Data_Python.info()

<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
RangeIndex: 583 entries, 0 to 582
Data columns (total 11 columns):

#	Column	Non-Null Count	Dtype
0	Age	583 non-null	int64
1	Gender	583 non-null	object
2	Total_Bilirubin	583 non-null	float64
3	Direct_Bilirubin	583 non-null	float64
4	Alkaline_Phosphotase	583 non-null	int64
5	Alamine_Aminotransferase	583 non-null	int64
6	Aspartate_Aminotransferase	583 non-null	int64
7	Total_Protiens	583 non-null	float64
8	Albumin	583 non-null	float64
9	Albumin_and_Globulin_Ratio	583 non-null	float64
10	Diseased	583 non-null	int64

dtypes: float64(5), int64(5), object(1)

memory usage: 50.2+ KB

En este caso el tipo en Python es correcto para todas las variables salvo para la respuesta (Diseased) ya que Python la considera entera (cuantitativa discreta: int64) cuando realmente es categórica binaria, por ello tranformamos su tipo de int64 a object (el tipo clasico de las variables categoricas en Python).

```
Data_Python['Diseased'] = Data_Python['Diseased'].astype('object')
```

Comprobamos que los cambios se han producido correctamente:

```
Data_Python.info()
```

<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
RangeIndex: 583 entries, 0 to 582
Data columns (total 11 columns):

#	Column	Non-Null Count	Dtype
0	Age	583 non-null	int64
1	Gender	583 non-null	object
2	Total_Bilirubin	583 non-null	float64
3	Direct_Bilirubin	583 non-null	float64
4	Alkaline_Phosphotase	583 non-null	int64
5	Alamine_Aminotransferase	583 non-null	int64
6	Aspartate_Aminotransferase	583 non-null	int64
7	Total_Protiens	583 non-null	float64
8	Albumin	583 non-null	float64
9	Albumin_and_Globulin_Ratio	583 non-null	float64

10 Diseased 583 non-null object

dtypes: float64(5), int64(4), object(2)

memory usage: 50.2+ KB

Ahora vamos a ver si existe algún valor nulo en el data-set:

Data_Pyth	non.isnull()	.sum()
-----------	--------------	--------

Age	0
Gender	0
Total_Bilirubin	0
Direct_Bilirubin	0
Alkaline_Phosphotase	0
Alamine_Aminotransferase	0
Aspartate_Aminotransferase	0
Total_Protiens	0
Albumin	0
Albumin_and_Globulin_Ratio	0
Diseased	0
1	

dtype: int64

Ninguna de las variables tiene valores faltantes (nulos).

Ahora vamos a ver cual es el rango de las variables categoricas, y posteriormete lo codificaremos en formato estandar $\{0, 1, 2, ...\}$, si es que no lo están ya.

```
Data_Python['Gender'].unique()
```

```
array(['Female', 'Male'], dtype=object)
```

```
Data_Python['Diseased'].unique()
```

```
array([1, 2], dtype=object)
```

Vamos a codificar en formato estandar la variable **Gender** tal que: **Female=0**, **Male=1**, y la variable **Diseased** tal que: 1=0, 2=1

Para ello vamos a apoyarnos en la libreria sklearn, que posteriormente volverá a ser usada. Se podría hacer esto de otras formas, como con un bucle for, pero en casos en los que el número de categorias es alto, la opción aportada por sklearn es bastante más eficiente que un bucle.

```
from sklearn.preprocessing import OrdinalEncoder

ord_enc = OrdinalEncoder()
```

```
Data_Python['Gender'] = ord_enc.fit_transform(Data_Python[['Gender']])
Data_Python['Diseased'] = ord_enc.fit_transform(Data_Python[['Diseased']])
```

Comprobamos que los cambios se han realizado correctamente:

```
Data_Python['Gender'].unique()
array([0., 1.])
Data_Python['Diseased'].unique()
array([0., 1.])
```

Pero cuidado, tras realizar estos cambios tambien se cambia en Python el tipo de las variables codificadas a 'float64', que es un tipo cuantitativo (continuo), por lo que debemos volver a fijar el tipo de Diseased y Gender como 'object' (ya que son categoricas).

Data_Python.dtypes

Age	int64
Gender	float64
Total_Bilirubin	float64
Direct_Bilirubin	float64
Alkaline_Phosphotase	int64
Alamine_Aminotransferase	int64
Aspartate_Aminotransferase	int64
Total_Protiens	float64
Albumin	float64
Albumin_and_Globulin_Ratio	float64
Diseased	float64
dtype: object	

```
Data_Python['Diseased'] = Data_Python['Diseased'].astype('object')
Data_Python['Gender'] = Data_Python['Gender'].astype('object')
```

Verificamos que se han realizado correctamente los cambios:

Data_Python.dtypes

Age	int64
Gender	object
Total_Bilirubin	float64
Direct_Bilirubin	float64
Alkaline_Phosphotase	int64
Alamine_Aminotransferase	int64
Aspartate_Aminotransferase	int64
Total_Protiens	float64
Albumin	float64
Albumin_and_Globulin_Ratio	float64
Diseased	object
d+rma, abject	

dtype: object

4.3.2 Resumen Estadístico Descriptivo Básico

Ahora vamos a hacer una descripcion estadística básica de las variables del data-set:

	Y	Age	Gender	Total_Bilirubin	Direct_Bilirubin	
count	583.0	583.000000	583.0	583.000000	583.000000	
unique	2.0	NaN	2.0	NaN	NaN	
top	0.0	NaN	1.0	NaN	NaN	
freq	416.0	NaN	441.0	NaN	NaN	
mean	NaN	44.746141	NaN	3.298799	1.486106	
std	NaN	16.189833	NaN	6.209522	2.808498	
min	NaN	4.000000	NaN	0.400000	0.100000	
25%	NaN	33.000000	NaN	0.800000	0.200000	
50%	NaN	45.000000	NaN	1.000000	0.300000	
75%	NaN	58.000000	NaN	2.600000	1.300000	
max	NaN	90.000000	NaN	75.000000	19.700000	
	471 7.	D1 1 .	47 .	A		
	AIKall	ne_Phosphota		ne_Aminotransfer		
count		583.0000		583.000		
unique			aN - N		NaN N-N	
top			aN - N	NaN NaN		
freq			aN		NaN	
mean		290.5763		80.713		
std		242.9379		182.620		
min		63.0000		10.000		
25% 50%		175.5000		23.000		
50%		208.0000 298.0000		35.000 60.500		
75%						
max		2110.0000	00	2000.000	0000	
	Aspart	ate_Aminotra	nsferase	Total_Protiens	Albumin	
count		58	3.000000	583.000000	583.000000	
unique			NaN	NaN	NaN	
top			NaN	NaN	NaN	
freq			NaN	Nan	NaN	
mean		1	09.910806	6.483190	3.141852	
std		2	88.918529	1.085451	0.795519	
min		1	0.000000	2.700000	0.900000	
25%		2	5.000000	5.800000	2.600000	
50%		4	2.000000	6.600000	3.100000	
75%		8	7.000000	7.200000	3.800000	
max		4	929.00000	9.600000	5.500000	

	Albumin_and_Globulin_Ratio
count	583.000000
unique	NaN
top	NaN
freq	NaN
mean	0.947064
std	0.318492
min	0.300000
25%	0.700000
50%	0.947064
75%	1.100000
max	2.800000

4.3.3 Análisis gráfico general

Histogramas para las variables cuantitativas

Vamos a generar un histograma para cadda variable cuantitativa.

```
import numpy as np
import seaborn as sns
import matplotlib as mpl
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
fig, axs = plt.subplots(3, 3, figsize=(13, 13))
p1 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Total_Bilirubin",

    stat="proportion", bins=15, color="skyblue", ax=axs[0, 0])

p1.set_xticks( range(int(Data_Python['Total_Bilirubin'].min()) ,
→ int(Data_Python['Total_Bilirubin'].max()) , 10) )
p1.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )
p2 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Direct_Bilirubin",

    stat="proportion", bins=15, color="olive", ax=axs[0, 1])

p2.axes.set(xlabel='Direct_Bilirubin', ylabel=' ')
p2.set_xticks( range(int(Data_Python['Direct_Bilirubin'].min()) ,
→ int(Data_Python['Direct_Bilirubin'].max()) , 3) )
p2.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )
p3 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Alkaline_Phosphotase",

    stat="proportion", bins=15, color="blue", ax=axs[0, 2])

p3.axes.set(xlabel='Alkaline_Phosphotase', ylabel=' ')
p3.set_xticks( range(int(Data_Python['Alkaline_Phosphotase'].min()) ,

    int(Data_Python['Alkaline_Phosphotase'].max()) , 320) )
p3.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )
p4 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Alamine_Aminotransferase",

    stat="proportion", bins=15, color="teal", ax=axs[1, 0])

p4.axes.set(xlabel='Alamine_Aminotransferase', ylabel=' ')
p4.set_xticks( range(int(Data_Python['Alamine_Aminotransferase'].min()) ,

    int(Data_Python['Alamine_Aminotransferase'].max()) , 300) )

p4.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )
p5 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Aspartate_Aminotransferase",

    stat="proportion", bins=15, color="purple", ax=axs[1, 1])

p5.axes.set(xlabel='Aspartate_Aminotransferase', ylabel=' ')
p5.set_xticks( range(int(Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'].min())
→ , int(Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'].max()) , 850) )
p5.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )
p6 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Total_Protiens", stat="proportion",
\rightarrow bins=15, color="pink", ax=axs[1, 2])
p6.axes.set(xlabel='Total_Protiens', ylabel=' ')
p6.set_xticks( range(int(Data_Python['Total_Protiens'].min()) ,
→ int(Data_Python['Total_Protiens'].max()+1) , 1) )
p6.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )
```

```
p7 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Albumin", stat="proportion",

    bins=15, color="orange", ax=axs[2, 0])

p7.axes.set(xlabel='Albumin', ylabel=' ')
p7.set_xticks( range(int(Data_Python['Albumin'].min()) ,

    int(Data_Python['Albumin'].max()+1) , 1) )

p7.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )
p8 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Albumin_and_Globulin_Ratio",

    stat="proportion", bins=15, color="red", ax=axs[2, 1])

p8.axes.set(xlabel='Albumin_and_Globulin_Ratio', ylabel=' ')
p8.set_xticks( np.arange(0, 2, 0.5) )
p8.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )
p9 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Age", stat="proportion", bins=15,

    color="green", ax=axs[2, 2])

p9.axes.set(xlabel='Age', ylabel=' ')
p9.set_xticks( range(int(Data_Python['Age'].min()) ,

→ int(Data_Python['Age'].max()) , 10) )
p9.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )
plt.show()
```

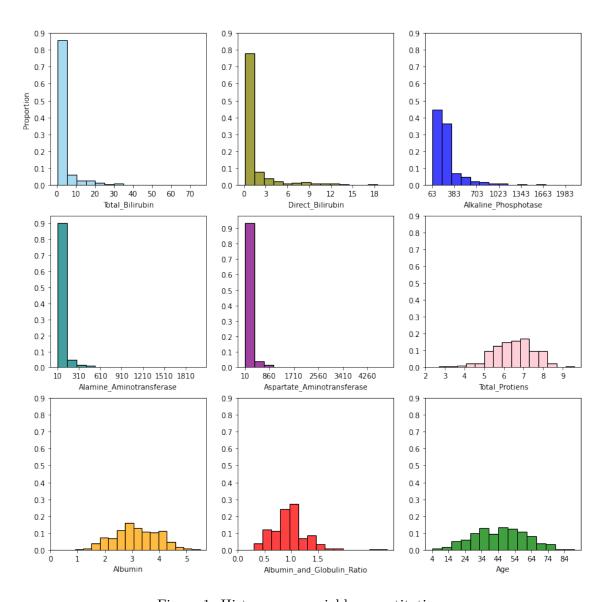


Figure 1: Histogramas variables cuantitativas $\,$

Diagramas de barras para las variables categóricas

Ahora vamos a realizar una serie de operaciones para generar dos diagramas de barrras, uno para la variable Gender y otro para Diseased.

```
Data_Python['proportion_Gender'] = 0

for i in range(0, len(Data_Python)):
    if Data_Python['Gender'][i] == 0 :
        Data_Python['proportion_Gender'][i] = proportion_Female
    else :
        Data_Python['proportion_Gender'][i] = proportion_Male
```

```
Data_Python['proportion_Diseased'] = 0

for i in range(0, len(Data_Python)):
    if Data_Python['Diseased'][i] == 0 :
        Data_Python['proportion_Diseased'][i] = proportion_Diseased_yes
    else :
        Data_Python['proportion_Diseased'][i] = proportion_Diseased_no
```

```
p2.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p2.axes.set(xlabel='Diseased', ylabel=' ')
plt.show()
```

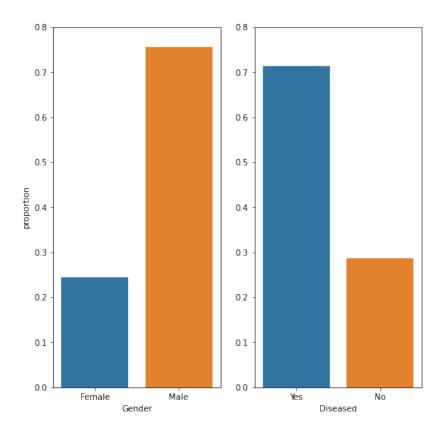


Figure 2: Diagramas de barras variables categoricas

```
[ proportion_Female , proportion_Male ]
```

[0.24356775300171526, 0.7564322469982847]

```
[ proportion_Diseased_yes , proportion_Diseased_no ]
```

[0.7135506003430532, 0.2864493996569468]

Como puede verse el porcentaje de mujeres en la muestra es del 24.36% , mientras que el de hombres es del 75.64%

Por otro lado el porcentaje de endfermos es del
71.36%, mientras que el de no enfermos es del 28.64%

4.3.4 Box-plots para las variables cuantitativas

```
fig, axs = plt.subplots(3, 3, figsize=(13, 13))
p1 = sns.boxplot(x=Data_Python['Age'], color="palegreen", ax=axs[0, 0])
p1.set_xticks( range(int(Data_Python['Age'].min()) ,
→ int(Data_Python['Age'].max()+10) , 10) )
p2 = sns.boxplot(x=Data_Python['Direct_Bilirubin'], color="olive",
\rightarrow ax=axs[0, 1])
p2.set_xticks( range(int(Data_Python['Direct_Bilirubin'].min()) ,

    int(Data_Python['Direct_Bilirubin'].max()) , 10) )

p3 = sns.boxplot(x=Data_Python['Alkaline_Phosphotase'], color="blue",
\rightarrow ax=axs[1, 0])
p3.set_xticks( range(int(Data_Python['Alkaline_Phosphotase'].min()) ,

    int(Data_Python['Alkaline_Phosphotase'].max() ) , 300) )
p4 = sns.boxplot(x=Data_Python['Alamine_Aminotransferase'], color="teal",
\rightarrow ax=axs[1, 1])
p4.set_xticks( range(int(Data_Python['Alamine Aminotransferase'].min()) ,

    int(Data_Python['Alamine_Aminotransferase'].max()) , 500) )
p5 = sns.boxplot(x=Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'],

    color="purple", ax=axs[0, 2])

p5.set_xticks( range(int(Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'].min())
, int(Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'].max()) , 850) )
p6 = sns.boxplot(x=Data_Python['Total_Protiens'], color="pink", ax=axs[1,
\hookrightarrow 2])
p6.set_xticks( range(int(Data_Python['Total_Protiens'].min()) ,
→ int(Data_Python['Total_Protiens'].max()) , 10) )
p7 = sns.boxplot(x=Data_Python['Albumin'], color="orange", ax=axs[2, 2])
p7.set_xticks( range(int(Data_Python['Albumin'].min()) ,
→ int(Data_Python['Albumin'].max()) , 10) )
p8 = sns.boxplot(x=Data_Python['Albumin_and_Globulin_Ratio'], color="red",
\rightarrow ax=axs[2, 1])
p8.set_xticks( range(int(Data_Python['Albumin_and_Globulin_Ratio'].min())
p9 = sns.boxplot(x=Data_Python['Total_Bilirubin'], color="skyblue",
\rightarrow ax=axs[2, 0])
p9.set_xticks( range(int(Data_Python['Total_Bilirubin'].min()) ,
→ int(Data_Python['Total_Bilirubin'].max()) , 10) )
plt.show()
```

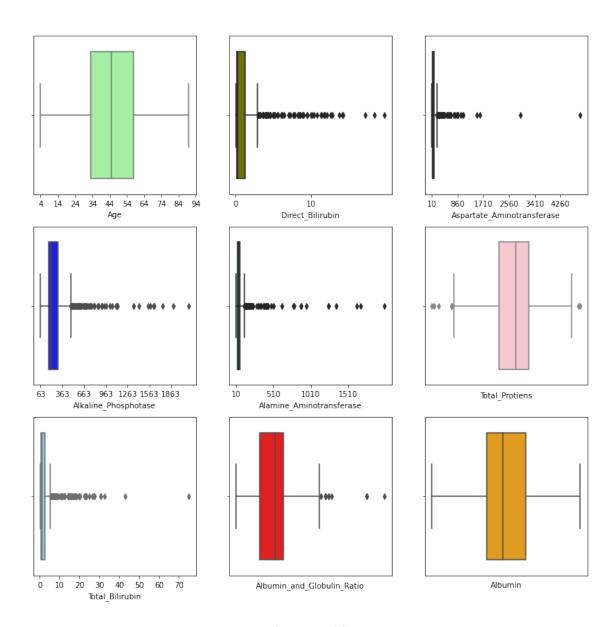


Figure 3: Box-plots variables cuantitativas

4.3.5 Análisis de la relación entre los predictores categoricos y la respuesta

Analisis relación entre respuesta (Diseased) y Gender

Frecuencia relativa de genero condicionada a enfermedad

Ahora vamos a realizar una serie de operaciones para obtener una tabla de frecuencias relativas de la variable Gender condicionada a la respuesta (Diseased). También obtendremos el gráfico de barras asociado a esta tabla.

```
Df_Diseased_Yes = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased'] == 0 , :]
proportion_Female_in_Diseased_Yes = len(
→ Df_Diseased_Yes.loc[Df_Diseased_Yes['Gender']==0 , :] ) /
→ len(Df_Diseased_Yes)
####################
Df_Diseased_Yes = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased'] == 0 , :]
proportion_Male_in_Diseased_Yes = len(

→ Df_Diseased_Yes.loc[Df_Diseased_Yes['Gender']==1 , :] ) /
→ len(Df_Diseased_Yes)
#####################
Df_Diseased_No = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased']==1 , :]
proportion_Female_in_Diseased_No = len(
→ Df_Diseased_No.loc[Df_Diseased_No['Gender']==0 , :] ) /
→ len(Df_Diseased_No)
####################
Df_Diseased_No = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased']==1 , :]
proportion_Male_in_Diseased_No = len(
→ Df_Diseased_No.loc[Df_Diseased_No['Gender']==1 , :] ) /
→ len(Df_Diseased_No)
```

Función para calcular tablas de frecuencias relativas condicionadas con dos variables:

```
Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased =

Table_Con_Rel_Freq_2_Var_Py (Data_Python, Data_Python['Diseased'], 1,

1, var1_name='Diseased', var2_name='Gender')

Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased.index = ['Female',

'Male']

Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased.columns = ['Yes', 'No']

Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased =

Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased.style.set_caption("Gender

Diseased")
```

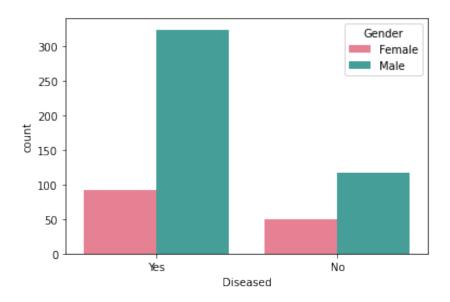


Figure 4: Diagrama de barras de Gender condicionada a Diseased

${\tt Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased}$

Gender | Diseased

```
Yes No
Female 0.221154 0.299401
Male 0.778846 0.700599
```

```
[proportion_Female_in_Diseased_Yes , proportion_Male_in_Diseased_Yes]
```

```
[0.22115384615384615, 0.7788461538461539]
```

```
[proportion_Female_in_Diseased_No , proportion_Male_in_Diseased_No]
```

```
[0.2994011976047904, 0.7005988023952096]
```

Como puede observarse el porcentaje de mujeres dentro del grupo de los enfermos es del 22.12%, mientras que el de hombres es del 77.88%.

Por otro lado el porcentaje de mujeres dentro del grupo de los no enfermos es del 29.94%, mientras que el de hombres es del 70.06%

Frecuencia relativa de enfermedad condicionada al genero

Ahora vamos a realizar una serie de operaciones para obtener una tabla de frecuencias relativas de la variable respuesta (Diseased) condicionada a la variable Gender . También obtendremos el gráfico de barras asociado a esta tabla.

```
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender =
    Table_Con_Rel_Freq_2_Var_Py (Data_Python, Data_Python['Gender'], 1, 1,
    var1_name='Gender' , var2_name='Diseased')
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender.index = ['Yes' , 'No']
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender.columns = ['Female' ,
    'Male']
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender =
    Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender.style.set_caption("Diseased | Gender")

p = sns.countplot(data=Data_Python, x="Gender", hue="Diseased",
    palette="husl")
p.set_xticklabels(['Female', 'Male'])
p.legend(title='Diseased', loc='upper right', labels=['Yes', 'No'])
```

```
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender
```

Diseased | Gender

```
Female Male
Yes 0.647887 0.734694
No 0.352113 0.265306
```

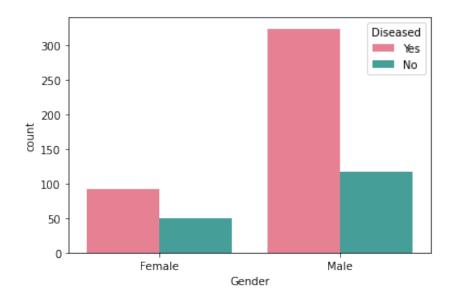


Figure 5: Diagrama de barras de Diseased condicionada a Gender

Como puede observarse el porcentaje de enfermos dentro del grupo de as mujeres es del 64.79%, mientras que el de no enfermos es del 35.21%.

Por otro lado el porcentaje de enfermos dentro del grupo de los hombres es del 73.47%, mientras que el de no enfermos es del 26.53%

Analisis relación entre respuesta (Diseased) y Grupo de Edad

Frecuecnia relativa de enfermedad en funcion del grupo de edad

Tenemos que categorizar la variable cuantitativa Age (edad) , para ello debemos emplear una regla de categorización (mediana, media, cuartiles, Scott ...)

Usaremos la regla de los cuartiles por simplicidad:

```
intervals = np.quantile( Data_Python['Age'] , [0, 0.25, 0.5, 0.75 , 1])
intervals
```

```
array([ 4., 33., 45., 58., 90.])
```

Nos apoyaremos en la funcion cut() de la libreria Pandas para categorizar la variable Age usando la regla de los cuartiles.

A esta función le das un vector (bins) y construye unos intervalos con los elementos del vector, en este caso (3, 33], (33, 45], (45, 58], (58, 90]. Luego te devuelve a qué intervalo pertenece cada observación de una variable dada (en nuestro caso Age), y también nos permite codificar estos intervalos con la codificacion estandar (0,1,2,...), y así obtener una nueva variable que es una versión categorizada de la variable pasada (Age en nuestro caso).

Vamos a restar una cantidad positiva (por ejemplo 1) al mínimo de Age, puesto que ese valor será el extremo inferior del primer intervalo, y dicho intervalo será abierto en ese extremo (por configuración de la función cut), por tanto si no restasemos una cantidad positiva, el valor mínimo de Age no estaría en ninguno de los intervalos generados por cut()

```
intervals[0] = intervals[0] - 1
intervals
array([ 3., 33., 45., 58., 90.])
```

```
pd.cut(x=Data_Python['Age'] , bins=intervals , right=True)
```

```
0
       (58.0, 90.0]
1
       (58.0, 90.0]
2
       (58.0, 90.0]
3
       (45.0, 58.0]
4
       (58.0, 90.0]
578
       (58.0, 90.0]
579
       (33.0, 45.0]
580
       (45.0, 58.0]
        (3.0, 33.0]
581
582
       (33.0, 45.0]
Name: Age, Length: 583, dtype: category
Categories (4, interval[float64, right]): [(3.0, 33.0] < (33.0, 45.0] < (45.0, 58.0] < (5
```

```
pd.cut(x=Data_Python['Age'] , bins=intervals , labels=False)
```

```
0
        3
1
        3
2
        3
        2
3
4
        3
578
        3
579
        1
580
        2
581
        0
582
Name: Age, Length: 583, dtype: int64
```

```
Data_Python['Age_cat'] = pd.cut(x=Data_Python['Age'] , bins=intervals , 

\( \to \) labels=False)
```

La nueva variable Age_cat es tal que:

$$Age_cat_i = \begin{cases} 0, & \text{if } Age_i \in [Min(Age), Q(0.25, Age)] \\ \\ 1, & \text{if } Age_i \in (Q(0.25, Age), Q(0.50, Age)] \\ \\ 2, & \text{if } Age_i \in (Q(0.50, Age), Q(0.75, Age)] \\ \\ 3, & \text{if } Age_i \in (Q(0.75, Age), Max(Age)] \end{cases}$$

para i = 1, ..., n

Ahora tenemos una variable que nos indica el grupo de edad de cada individuo. Tenemos tes grupos de edad.

Grupo 0: ≤ 33 años

Grupo 1: entre 33 y 45 años

Grupo 2: entre 45 y 58 años

grupo 3: > 58 años

Ahora vamos a generar una tabla de frecuencias relativas de la variable respuesta (Diseased) condicionada a la nueva variable Grupo de edad (Age_cat), también generaremos su gráfico de barras asociado.

```
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged =

\( \to Table_Con_Rel_Freq_2_Var_Py \) (Data_Python, Data_Python['Age_cat'], 3,
\( \to 1, var1_name='Age_cat' \), var2_name='Diseased')

Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged.index = ['Yes' , 'No']

Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged.columns = ['(3, 33]', '(33, \( \to 45)' \), '(45, 58]' , '(58, 90]']

Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged =
\( \to Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged.style.set_caption("Diseased \( \to Age Group") \)
```

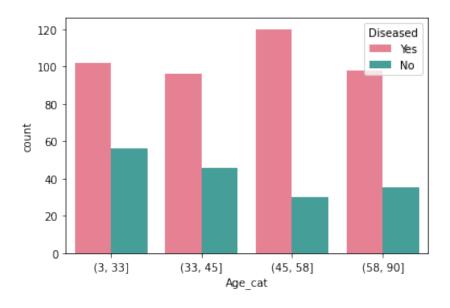


Figure 6: Grafico de barras de Diseased condicionada a grupo de edad (Age_cat)

Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged

Diseased | Age Group

	(3, 33]	(33, 45]	(45, 58]	(58, 90]
Yes	0.645570	0.676056	0.800000	0.736842
No	0.354430	0.323944	0.200000	0.263158

Como puede observarse dentro del grupo de los más jovenes (de edad menor o igual a 33) el procentaje de enfermos es del 64.56%, este porcentaje aumenta hasta el 67.60% en el grupo de individuos cuya edad esta entre 33 y 45 años, y hasta el 80% en el de los individuos con una edad entre 45 y 58 años, luego pasa a ser del 73.68% en el grupo de edad superior a 58 años.

Frecuecnia relativa de grupo de edad en funcion de enfermedad

Ahora vamos a generar una tabla de frecuencias relativas de la variable grupo de edad (Age_cat) condicionada a la variable respuesta, también generaremos su gráfico de barras asociado.

```
Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased = Table_Con_Rel_Freq_2_Var_Py

Obta_Python, Data_Python['Diseased'], 1, 3, var1_name='Diseased',

var2_name='Age_cat')

Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased.index = ['(3, 33]', '(33, 45]', '(45, 58]', '(58, 90]']

Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased.columns = ['Yes', 'No']

Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased =

Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased.style.set_caption("Age

Group | Diseased")
```

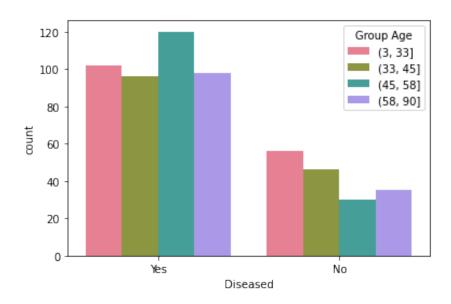


Figure 7: Grafico de barras de grupo de edad (Age_cat) condicionada Diseased

Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased

Age Group | Diseased

	Yes	No
(3, 33]	0.245192	0.335329
(33, 45]	0.230769	0.275449
(45, 58]	0.288462	0.179641
(58, 90]	0.235577	0.209581

Se puede apreciar que dentro del grupo de los enfermos , el grupo de edad mas frecuente seria el de los individuos con una edad entre 45 y 58 años, seguido del de más de 58 años.

Por otro lado dentro del grupo de los no enfermos el grupo de edad claramente mayoritario es el de los mas jovenes (edad menor o igual a 33 años), seguido del siguiente grupo mas joven (edad entre 33 y 45).

4.3.6 4.3.5. Análisis de la relación entre los predictores cuantitativos y la respuesta

Resumen Estadístico Descriptivo Cuantitativo en función de Diseased

Ahora vamos a hacer una serie de operaciones para obtener una tabla en la que se pueden comparar los valores de diferentes estadísticos descriptivos básicos para cada variable cuantitativa en función del valor de la respuesta (Diseased).

```
Data_Python_Quantitative_Diseased_yes = Data_Python.loc[

Data_Python['Diseased'] == 0 , (Data_Python.columns != 'Gender') &

(Data_Python.columns != 'Diseased') & (Data_Python.columns !=

'proportion_Gender') & (Data_Python.columns != 'proportion_Diseased')

& (Data_Python.columns != 'Age_cat') ]

Data_Python_Quantitative_Diseased_no = Data_Python.loc[

Data_Python['Diseased'] == 1 , (Data_Python.columns != 'Gender') &

(Data_Python.columns != 'Diseased') & (Data_Python.columns !=

'proportion_Gender') & (Data_Python.columns != 'proportion_Diseased')

& (Data_Python.columns != 'Age_cat') ]
```

```
std_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.std()
std_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.std()

mean_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.mean()
mean_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.mean()

Q25_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.quantile(q=0.25)
Q25_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.quantile(q=0.25)

Q50_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.quantile(q=0.5)
Q50_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.quantile(q=0.5)

Q75_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.quantile(q=0.75)
Q75_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.quantile(q=0.75)
min_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.min()
```

'Alkaline_Phosphotase_yes':df_yes.iloc[3,:]'Alkaline_Phosphotase_no':df_no.iloc[3,:],

'Total_Protiens_yes':df_yes.iloc[6,:]
'Total_Protiens_no':df_no.iloc[6,:],

'Albumin_yes':df_yes.iloc[7,:]
'Albumin_no':df_no.iloc[7,:],

})

'Alamine_Aminotransferase_yes':df_yes.iloc[4,:]
'Alamine_Aminotransferase_no':df_no.iloc[4,:],
'Aspartate_Aminotransferase_yes':df_yes.iloc[5,:]
'Aspartate_Aminotransferase_no':df_no.iloc[5,:],

'Albumin_and_Globulin_Ratio_yes':df_yes.iloc[8,:]
'Albumin_and_Globulin_Ratio_no':df_no.iloc[8,:],

	Age_yes	Age_no	Total Bi	llirubin_yes	Total B	ilirubin_	no
mean	46.153846	41.239521	TOUGI_DI	4.164423	TOUGI_D	1.1425	
min	7.000000	4.000000		0.400000		0.5000	
Q25	34.000000	28.000000		0.800000		0.7000	
median	46.000000	40.000000		1.400000		0.8000	
Q75	58.000000	55.000000		3.625000		1.1000	
max	90.000000	85.000000		75.000000		7.3000	
std	15.654412	16.999366		7.144831		1.0044	
sta	13.034412	10.999300		7.144031		1.0044	:12
	Direct_Bil	iruhin ves	Direct F	Bilirubin_no	Alkalin	e_Phospho	tase ves
mean	D11000_D11	1.923558	D11000_1	0.396407		_ •	9.007212
min		0.100000		0.100000			3.000000
Q25		0.200000		0.200000			86.000000
median		0.500000		0.200000			29.000000
Q75		1.800000		0.350000			5.250000
		19.700000		3.600000			.0.00000
max		3.206901		0.519255			8.307911
std		3.200901		0.519255		20	00.307911
	Alkaline P	hosphotase_	no Alami	ne_Aminotran	sferase	ves	
mean		219.7544			99.605	-	
min		90.0000			12.000		
Q25		161.5000			25.00000		
median		186.0000		41.000000			
Q75		213.0000		76.500000			
max		1580.0000			2000.000		
std		140.9862			212.768		
sta		140.9002	02		212.700	412	
Alk	aline Phosp	hotase no	Alamine I	Aminotransfer	ase ves		
mean		219.7544			99.605	769	
min		90.0000		12.00000			
Q25		161.5000		25.000000			
median		186.0000			41.000000		
Q75		213.0000			76.500000		
max		1580.0000			2000.000000		
std		140.9862			212.768472		
Doa		110.0002	02		2121100		
	Alamine_Am	inotransfer	ase_no <i>l</i>	Aspartate_Ami	notransf	erase_yes	;
mean	_	33.	652695	-	1	37.699519)
min		10.	000000		11.000000		
Q25			000000		29.750000		
median			000000		52.500000		
Q75			500000		108.750000		
max			000000		4929.000000		
std			060392	337.389980			
	Aspartate_	Aminotransf	erase_no	Total_Proti	ens_yes	Total_Pr	otiens_no
mean			0.688623	6	.459135		6.543114
min		1	0.000000	2	.700000		3.700000
Q25		2	1.000000	5	.700000		5.900000
			1.000000	U	. 1 00000		5.900000
median			9.000000		.550000		6.600000

max std	285.000000 36.411620		.600000 .094659	9.200000 1.063042		
Total_Prot	ciens_yes Total_Protiens_no	Albumin_yes	Albumin_n	10		
mean	6.459135 6	3.543114	3.060577	3.344311		
min	2.700000 3	3.700000	0.900000	1.400000		
Q25	5.700000 5	5.900000 2	2.500000	2.900000		
median	6.550000 6	3.600000	3.000000	3.400000		
Q75	7.200000 7	7.300000 3	3.625000	4.000000		
max	9.600000 9	0.200000 5	5.500000	5.000000		
std	1.094659 1	.063042	0.786595	0.783690		
Albumin_and_Globulin_Ratio_yes Albumin_and_Globulin_Ratio_no						
mean	0.914337	•		1.028588		
min	0.300000)		0.370000		
Q 25	0.700000)		0.900000		
median	0.900000)		1.000000		

43.500000

7.200000

7.300000

1.200000

1.900000

0.285658

Q75

Q75

 $\begin{array}{c} \mathtt{max} \\ \mathtt{std} \end{array}$

Esta tabla nos aporta información muy relevante, algunos ejemplos son los siguientes:

1.100000

2.800000

0.325374

- $\bullet\,$ La media de edad en el grupo de los enfermos es de 46 años mientras que en el de no enfermos es 41.24
- Hay un 25% de los enfermos que tienen un valor de Total_Bilirubin superior a 3.62, mientras que en el grupo de los no enfermos solo un 25% supera un valor de 1.1.

Diagrama de puntos de la respuesta (Diseased) en función de predictores cuantitativos

En este caso vamos a generar unos diagramas de puntos de la respuesta en función de cada uno de los predictores cuantitativos. El diagrama de puntos que usaremos es un tipo especial que añade ruido horizontal a los puntos para poder así visulalizar varios puntos que tengan un mismo valor real (valor sin ruido).

```
fig, axs = plt.subplots(3, 3, figsize=(15, 15))
p1 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Age", jitter=0.3,

    size=4, color='red', ax=axs[0, 0])

p1.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p1.set_yticks( range(int(Data_Python['Age'].min()) ,
→ int(Data_Python['Age'].max()) , 7) )
p2 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Direct_Bilirubin",

    jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[0, 1])
p2.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p3 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased",
y="Alkaline_Phosphotase", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[1,
\hookrightarrow 0])
p3.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p4 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased",

→ y="Alamine_Aminotransferase", jitter=0.3, size=4, color='red',
\rightarrow ax=axs[1, 1])
p4.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p5 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased",

→ y="Aspartate_Aminotransferase", jitter=0.3, size=4, color='red',
\rightarrow ax=axs[0, 2])
p5.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p6 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Total_Protiens",

    jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[1, 2])

p6.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p7 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Albumin",

    jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[2, 2])
p7.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p8 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased",
→ y="Albumin and Globulin Ratio", jitter=0.3, size=4, color='red',
\rightarrow ax=axs[2, 1])
p8.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p9 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Total_Bilirubin",

    jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[2, 0])

p9.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
```

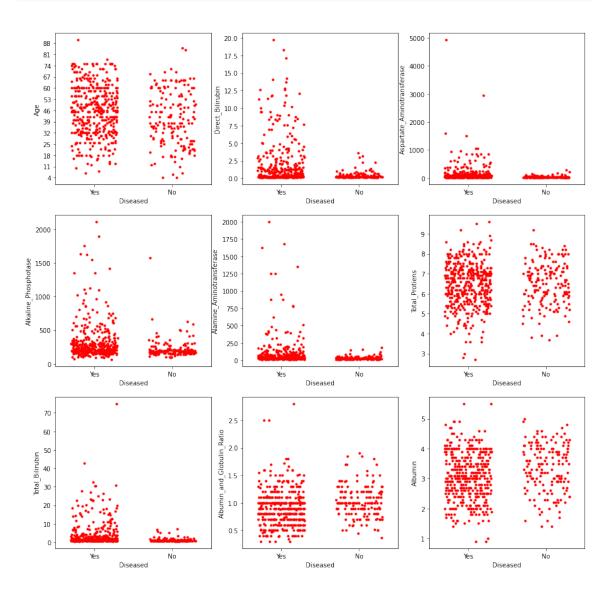


Figure 8: Diagrama de puntos Diseased en función de los predictores cuantitativos

4.4 Arboles de clasificación en R

4.4.1 Algoritmo rpart con R

```
%%R

library(rpart)
library(rpart.plot)
library(caret)
library(tidyverse)
```

Vamos a hacer la visualización del arbol con rpart

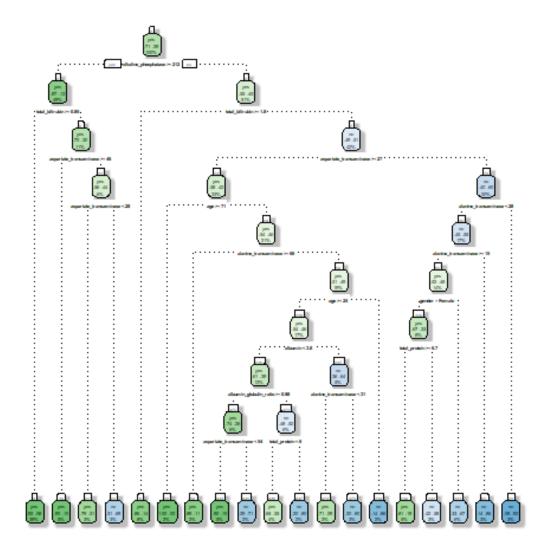


Figure 9: Arbol rpart con R

Ahora vamos a calcular las predicciones y la matriz de confusión:

```
%%R
prediccion1<-predict(arbol_0,newdata=datos_test,type="class")</pre>
matriz_confusion1<-confusionMatrix(prediccion1,datos_test[["diseased"]])</pre>
%%R
prediccion1
 1
       3
              5
                 6
                    7
                       8
                          9
                             10 11 12 13 14
                                            15
                                               16
                                                  17
                                                      18
no no yes yes yes no yes no yes yes yes yes
                                         no
                                            no yes yes yes yes
                                            35
21 22 23 24 25 26
                   27
                      28
                         29
                            30 31 32 33
                                         34
                                               36
                                                  37
                                                     38
                                                        39 40
41 42 43
         44 45
                46
                   47
                      48
                         49
                             50 51 52 53 54 55 56
                                                  57
                                                      58
                                                         59 60
62
      63
         64
             65
               66
                   67
                      68
                         69
                             70
                               71
                                   72 73 74
                                            75
                                               76
                                                  77
                                                     78
                                                        79 80
yes yes yes
         no no yes yes no yes yes no yes yes
                                            no no yes yes yes
                                  92 93 94
81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91
                                            95
                                               96 97
                                                     98 99 100
yes yes no yes no yes yes yes yes no yes no no no yes yes no yes yes
101\ 102\ 103\ 104\ 105\ 106\ 107\ 108\ 109\ 110\ 111\ 112\ 113\ 114\ 115\ 116\ 117\ 118\ 119\ 120
yes yes yes yes no no yes yes yes no no no yes yes yes no yes
121 122 123 124 125 126 127 128 129 130 131 132 133 134 135 136 137 138 139 140
141
yes
Levels: yes no
%%R
matriz_confusion1
Confusion Matrix and Statistics
       Reference
Prediction yes no
     yes 80 25
     no
         22 14
           Accuracy : 0.6667
             95% CI: (0.5824, 0.7437)
   No Information Rate: 0.7234
   P-Value [Acc > NIR] : 0.9431
              Kappa: 0.1468
```

Mcnemar's Test P-Value: 0.7705

Sensitivity: 0.7843

```
Specificity: 0.3590
Pos Pred Value: 0.7619
Neg Pred Value: 0.3889
Prevalence: 0.7234
Detection Rate: 0.5674
Detection Prevalence: 0.7447
Balanced Accuracy: 0.5716

'Positive' Class: yes
```

Debido a la alta complejidad de estos arboles le vamos a hacer un proceso de prepoda, para ello podemos hacer uso tanto del parámetro cp o directamente manipulando los hiperparametros de los modelos.

Arbol podado con una profundidad maxima de 4:

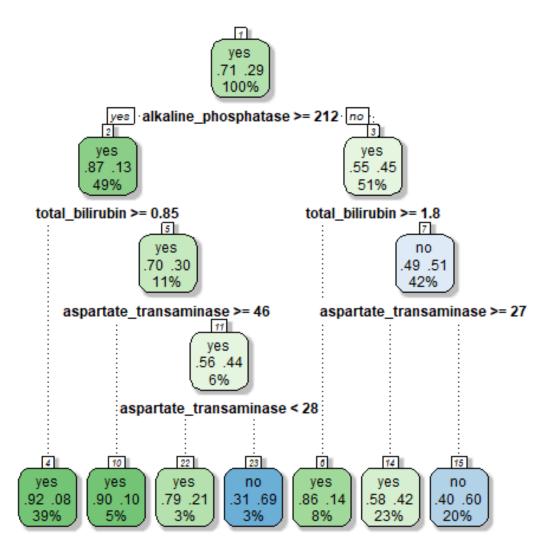


Figure 10: Arbol rpart podado en R

Con esto hemos conseguido un modelo mucho más simple que el anterior sin prepoda. El cual es más facil de interpretar.

En estos gráficos, cada uno de los rectángulos representa un nodo de nuestro árbol, con su regla de clasificación.

Cada nodo está coloreado de acuerdo a la categoría mayoritaria entre los datos que agrupa. Esta es la categoría que ha predicho el modelo para ese grupo.

Dentro del rectángulo de cada nodo se nos muestra qué proporción de casos pertenecen a cada categoría y la proporción del total de datos que han sido agrupados allí.

Estas proporciones nos dan una idea de la precisión de nuestro modelo al hacer predicciones.

Calculamos las predicciones y la matriz de confusión:

```
%%R
prediccion2 <-predict(arbol_1,newdata=datos_test2,type="class")
matriz_confusion2<-confusionMatrix(prediccion2,datos_test2[["diseased"]])

%%R
prediccion2</pre>
```

```
1
         3
                 5
                     6
                        7
                            8
                                9
                                   10
                                       11
                                           12
                                              13
                                                  14
                                                      15
                                                          16
                                                              17
                                                                  18
                                                  no
    no yes yes yes yes
                       no yes
                               no yes yes yes yes
                                                      no yes yes yes yes
        23
            24
                25
                    26
                       27
                           28
                               29
                                   30
                                       31
                                           32
                                              33
                                                  34
                                                      35
                                                          36
                                                              37
                                                                  38
yes yes yes yes
                yes yes yes yes
    42
        43
            44
                45
                    46
                        47
                           48
                               49
                                   50
                                       51
                                           52
                                              53
                                                  54
                                                      55
                                                          56
                                                              57
no yes yes
            no yes yes yes
                           no yes yes yes yes
                                                  no yes yes yes yes yes
        63
            64
                65
                           68
                               69
                                       71
                                           72
                                              73
                                                  74
                                                      75
                                                              77
 61
    62
                    66
                       67
                                   70
                                                          76
                                                                  78
                                                                     79
yes yes yes
            no
                no yes yes
                           no yes yes yes yes yes yes yes
                                                             yes yes yes yes
    82
        83
            84
                85
                    86
                       87
                           88
                               89
                                   90
                                       91
                                           92
                                              93
                                                  94
                                                      95
                                                          96
                                                              97
                                                                  98
                                                                     99 100
yes yes no yes yes yes yes yes yes yes yes
                                              no yes
                                                      no yes yes
                                                                 no yes yes
101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120
yes yes yes yes yes no yes yes no no
                                              no yes
                                                     no yes yes yes yes
121 122 123 124 125 126 127 128 129 130 131 132 133 134 135 136 137 138 139 140
yes yes yes yes yes yes yes no yes yes no yes yes yes yes yes yes yes yes
141
```

yes

Levels: yes no

%%R

matriz_confusion2

Confusion Matrix and Statistics

Reference

Prediction yes no

yes 87 29

no 15 10

Accuracy : 0.6879

95% CI : (0.6045, 0.7633)

No Information Rate : 0.7234 P-Value [Acc > NIR] : 0.84963

Kappa : 0.123

Mcnemar's Test P-Value : 0.05002

Sensitivity: 0.8529 Specificity: 0.2564 Pos Pred Value: 0.7500 Neg Pred Value: 0.4000 Prevalence: 0.7234

Detection Rate : 0.6170 Detection Prevalence : 0.8227 Balanced Accuracy : 0.5547

'Positive' Class : yes

Se puede ver como hemos mejorado un poco la precisión de la predicción simplemente cambiando la profundidad máxima. Cabe remarcar que el algoritmo de los CART utilizan el índice de Gini como criterio de división.

4.4.2 Algoritmo C5.0 con R

Cargamos el paquete específico del Arbol de clasificación C5.0

```
%%R
# install.packages("C50", dependencies=TRUE)
library(C50)
```

Realizamos la partición en datos de entrenaminento y test:

```
%%R

set.seed(0)
tamano_total<-nrow(ilpd)
tamano_entreno<-round(tamano_total*0.75)
datos_indices<-sample(1:tamano_total,size = tamano_entreno)
datos_entreno<-ilpd[datos_indices,]
datos_test<-ilpd[-datos_indices,]</pre>
```

Las siguientes proporciones deberían de ser relativamente similares para que los arboles den unos buenos resultados:

```
%%R
round(table(datos_entreno$diseased)/nrow(datos_entreno), 3)

yes no
0.709 0.291

%%R
round(table(datos_test$diseased)/nrow(datos_test), 3)
```

```
yes no 0.726 0.274
```

Ejecución del modelo de clasificación C5.0

```
%%R
modeloC50 <- C5.0(diseased~.,data=datos_entreno,trials=1,rules=FALSE)</pre>
```

```
%%R
summary(modeloC50)
Call:
C5.0.formula(formula = diseased ~ ., data = datos_entreno, trials = 1, rules
= FALSE)
C5.0 [Release 2.07 GPL Edition]
                                     Thu Oct 13 16:14:45 2022
Class specified by attribute `outcome'
Read 437 cases (11 attributes) from undefined.data
Decision tree:
direct_bilirubin > 0.9: yes (135/9)
direct_bilirubin <= 0.9:</pre>
:...alanine_transaminase > 65:
    :...albumin \leq 3.9: yes (35/1)
        albumin > 3.9:
        :...aspartate_transaminase <= 99: no (4/1)
            aspartate_transaminase > 99: yes (4)
    alanine_transaminase <= 65:</pre>
    :...alkaline_phosphatase > 211:
        :...total_bilirubin <= 0.8:
            :...gender = Female:
            : :...age <= 39: yes (2)
            :
               :
                    age > 39: no (5)
               gender = Male:
               :...age <= 13: no (3)
                    age > 13:
           :
                     :...albumin_globulin_ratio <= 0.55: no (2)
                         albumin_globulin_ratio > 0.55: yes (25/4)
           total_bilirubin > 0.8:
           :...age > 37: yes (27/1)
        :
                age <= 37:
                :...total_bilirubin > 1.6: no (2)
                    total_bilirubin <= 1.6:</pre>
                     :...alanine_transaminase <= 23: no (2)
                         alanine_transaminase > 23: yes (10/1)
        alkaline_phosphatase <= 211:</pre>
        :...direct_bilirubin <= 0.1:
            :...gender = Male: yes (21/5)
                gender = Female:
                :...alkaline_phosphatase <= 168: no (4)
                    alkaline_phosphatase > 168: yes (8/2)
            direct_bilirubin > 0.1:
            :...total_bilirubin <= 0.7:
```

```
:...alanine_transaminase > 33:
    :...aspartate_transaminase > 64: yes (3)
        aspartate_transaminase <= 64:</pre>
        :...aspartate_transaminase <= 41: yes (2)
            aspartate_transaminase > 41: no (2)
   alanine_transaminase <= 33:</pre>
   :...albumin_globulin_ratio > 0.9: no (19)
        albumin globulin ratio <= 0.9:
        :...gender = Female:
            :...alkaline_phosphatase <= 176: yes (3/1)
                alkaline_phosphatase > 176: no (3)
            gender = Male:
            :...age \leq 34: no (2)
                age > 34: yes (5/1)
total_bilirubin > 0.7:
:...gender = Female:
    :...alanine_transaminase > 29: no (7)
        alanine_transaminase <= 29:</pre>
        :...total_bilirubin > 0.9: no (7/1)
            total_bilirubin <= 0.9:</pre>
            :...albumin <= 4.3: yes (23/3)
                albumin > 4.3: no (4/1)
    gender = Male:
    :...aspartate_transaminase <= 25:
        :...albumin \leq 3.9: no (18/1)
            albumin > 3.9: yes (5/1)
        aspartate_transaminase > 25:
        :...aspartate_transaminase > 70: no (4)
            aspartate_transaminase <= 70:</pre>
            :...albumin_globulin_ratio <= 0.58: no (3)
                albumin_globulin_ratio > 0.58: yes (38/11)
```

Evaluation on training data (437 cases):

Decision Tree

```
Size Errors

33 44(10.1%) <<

(a) (b) <-classified as
---- 306 4 (a): class yes
40 87 (b): class no
```

Attribute usage:

100.00% direct_bilirubin 69.11% alanine_transaminase 59.27% alkaline_phosphatase 51.72% total_bilirubin

43.94% gender

22.88% albumin_globulin_ratio

21.28% albumin

19.45% age

18.99% aspartate_transaminase

Time: 0.0 secs

Podemos ver el gráfico del modelo:

%%R

plot(modeloC50)

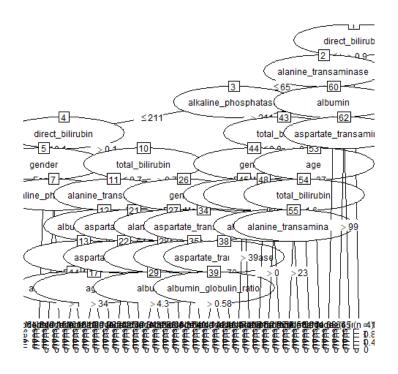


Figure 11: Arbol C5.0 en R

Calculamos las predicciones del modelo:

Calculamos la matriz de confusión:

TAC = 0.6986

Calculamos la tasa de acierto en la clasificación (TAC) obtenida parte del modelo, es decir el porcentaje de clasificaciones correctas.

```
%%R
100*sum(diag(matriz_confusion))/sum(matriz_confusion)
[1] 69.86301
```

Calculamos la tasa de error de clasificacion (TEC = 1 - TAC) cometido por el modelo, que es el porcentaje de clasificaciones incorrectas

```
[1] "El error de clasificacion es del: 30.1 %. 102 clasificaciones correctas de un total \label{eq:TEC} \text{TEC} = 0.301
```

Ahora vamos a podar el arbol con la libreria C5.0

Seleccionamos la submuestra del 75% de los datos

```
%%R
set.seed(0)
tamano_total<-nrow(ilpd)
tamano_entreno<-round(tamano_total*0.75)
datos_indices<-sample(1:tamano_total,size = tamano_entreno)
datos_entreno<-ilpd[datos_indices,]
datos_test<-ilpd[-datos_indices,]</pre>
```

Las siguientes proporciones deberían de ser relativamente similares para que los arboles den unos buenos resultados:

```
%%R
round(table(datos_entreno$diseased)/nrow(datos_entreno), 3)
```

```
yes no 0.709 0.291
```

```
%%R
round(table(datos_test$diseased)/nrow(datos_test), 3)
```

```
yes no 0.726 0.274
```

Ejecución del arbol de clasificación podado con la libreria C5.0

Información del modelo creado

```
%%R
summary(modeloC50)
```

```
Call:
C5.0.formula(formula = diseased ~ ., data = datos_entreno, trials = 1, rules
= FALSE, control = C5.0Control(minCases = 10, earlyStopping = TRUE))
C5.0 [Release 2.07 GPL Edition]
                                   Thu Oct 13 16:14:56 2022
_____
Class specified by attribute `outcome'
Read 437 cases (11 attributes) from undefined.data
Decision tree:
direct_bilirubin > 0.9: yes (135/9)
direct_bilirubin <= 0.9:</pre>
:...alanine_transaminase > 65: yes (43/4)
    alanine_transaminase <= 65:</pre>
    :...alkaline_phosphatase > 211: yes (78/20)
        alkaline_phosphatase <= 211:</pre>
        :...direct_bilirubin <= 0.1: yes (33/11)
           direct_bilirubin > 0.1:
            :...total_bilirubin <= 0.7: no (39/11)
               total_bilirubin > 0.7:
               :...gender = Female:
                   :...total_bilirubin <= 0.8: yes (20/5)
                       total_bilirubin > 0.8: no (21/7)
                   gender = Male:
                   :...aspartate_transaminase <= 25: no (23/5)
                       aspartate_transaminase > 25: yes (45/18)
Evaluation on training data (437 cases):
       Decision Tree
       _____
     Size Errors
           90(20.6%) <<
       (a)
            (b)
                   <-classified as
      ____
             23 (a): class yes
       287
       67
             60 (b): class no
    Attribute usage:
    100.00% direct_bilirubin
    69.11% alanine_transaminase
```

59.27% alkaline_phosphatase 33.87% total_bilirubin

```
24.94% gender
15.56% aspartate_transaminase
```

Time: 0.0 secs

Gráfico del modelo:

%%R

plot(modeloC50)

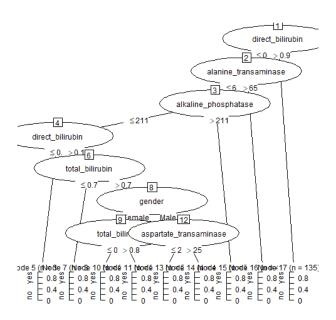


Figure 12: Arbol C5.0 podado con R

Calculamos las predicciones:

```
%%R
(prediccion<-predict(modeloC50, newdata = datos_test,type="class"))</pre>
 [1] no no yes yes yes yes yes yes no yes yes yes yes yes yes yes yes
 [37] yes yes yes yes yes yes yes yes no yes no no yes yes yes yes
 [55] yes yes yes yes yes yes yes yes no no yes no no yes no no yes yes
 [73] no yes yes yes yes no yes yes yes yes yes yes yes no yes no
 [91] yes no yes yes yes yes no yes no yes no yes no yes no yes yes
[109] yes yes yes yes yes yes no yes yes no no yes yes yes yes yes
[127] yes yes yes yes yes yes no yes yes no yes yes yes yes yes yes
[145] yes yes
Levels: yes no
Calculamos la matriz de confusión:
%%R
(matriz_confusion<-table(predicho=prediccion, real=datos_test$diseased))</pre>
      real
predicho yes no
    yes 92 28
    no 14 12
Porcentaje de clasificados correctamente:
%%R
100*sum(diag(matriz_confusion))/sum(matriz_confusion)
[1] 71.23288
TAC = 0.7123
```

Error de clasificación:

```
[1] "El error de clasificacion es del: 28.8 %. 104 clasificaciones correctas de un total TEC=0.288
```

4.4.3 Algoritmo CART en R con mlr3

No es necesario preprocesar los datos para árboles (dummy y normalización).

```
%%R
# install.packages('mlr3extralearners')
library(mlr3)
library(mlr3learners)

R[write to console]:
Attaching package: 'mlr3'

R[write to console]: The following object is masked from 'package:skimr':
    partition

Creamos la tarea de clasificación:

%%R
```

ILPD_task <- as_task_classif(ilpd , target = "diseased")</pre>

Partimos el data-set en parte de test y parte de train:

```
%%R
res_desc <- rsmp("holdout" , ratio=0.75)
set.seed(0)
res_desc$instantiate(ILPD_task)</pre>
```

Definimos el método de aprendizaje:

```
%%R
tree_learner <- lrn("classif.rpart" , maxdepth=4)</pre>
```

Entrenamos y evaluamos el modelo:

```
INFO [16:15:05.775] [mlr3] Applying learner 'classif.rpart' on task 'ilpd' (iter 1/1)
```

Calculamos las predicciones:

```
%%R

tree_test<-tree_resample$predictions()
tree_test[[1]]</pre>
```

<PredictionClassif> for 146 observations:

```
row_ids truth response
         yes
     9
                 no
        no
    11
       yes
               yes
   575
         yes
                 yes
   577
         yes
                 yes
   583
        no
                 yes
```

Calculamos la accuracy (que es la TAC):

```
%%R
tree_acc <- tree_resample$aggregate(msr("classif.acc"))</pre>
tree_acc
classif.acc
  0.6917808
Visualizamos el modelo:
Primero obtenderemos la expresion en texto del modelo, luego su gráfico.
%%R
tree_learner<-tree_resample$learners[[1]]</pre>
tree_learner$model
n = 437
node), split, n, loss, yval, (yprob)
     * denotes terminal node
 1) root 437 127 yes (0.70938215 0.29061785)
  2) alkaline_phosphatase>=211.5 216 28 yes (0.87037037 0.12962963)
    4) total_bilirubin>=0.85 169 14 yes (0.91715976 0.08284024) *
    5) total_bilirubin< 0.85 47 14 yes (0.70212766 0.29787234)
     10) aspartate_transaminase>=45.5 20  2 yes (0.90000000 0.10000000) *
     11) aspartate transaminase< 45.5 27 12 yes (0.55555556 0.44444444)
       23) aspartate_transaminase>=27.5 13 4 no (0.30769231 0.69230769) *
  3) alkaline_phosphatase< 211.5 221 99 yes (0.55203620 0.44796380)
    6) total_bilirubin>=1.75 36 5 yes (0.86111111 0.13888889) *
    7) total_bilirubin< 1.75 185 91 no (0.49189189 0.50810811)
     14) aspartate_transaminase>=26.5 99 42 yes (0.57575758 0.42424242) *
     15) aspartate_transaminase< 26.5 86 34 no (0.39534884 0.60465116) *
```

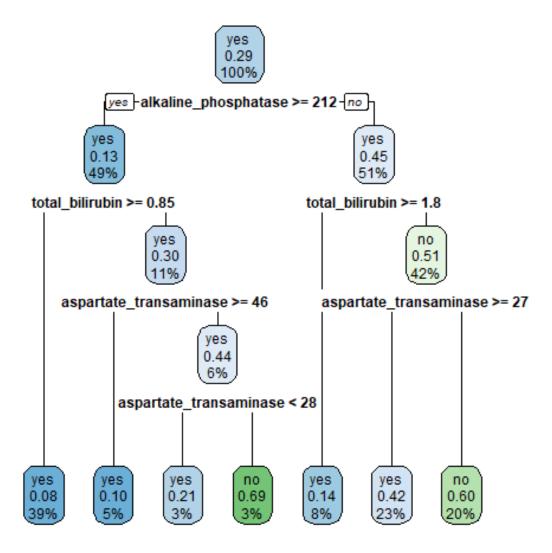


Figure 13: Arbol rpart podado con mlr3

4.4.4 Algoritmo C5.0 en R con mlr3

```
%%R

library(mlr3)

library(mlr3learners)

library(mlr3extralearners)
```

Cambiamos el tipo de los datos a numerico porque si no el algoritmo no funciona.

```
%%R
ilpd$age<-as.numeric(ilpd$age)
ilpd$alkaline_phosphatase<-as.numeric(ilpd$alkaline_phosphatase)
ilpd$alanine_transaminase<-as.numeric(ilpd$alanine_transaminase)
ilpd$aspartate_transaminase<-as.numeric(ilpd$aspartate_transaminase)</pre>
```

Creamos la tarea de clasificación:

```
%%R
ILPD_task<-as_task_classif(ilpd,target = "diseased")</pre>
```

Definimos el método de evaluación:

```
%%R

res_desc<-rsmp("holdout",ratio=0.75)
set.seed(0)
res_desc$instantiate(ILPD_task)</pre>
```

Definimos el método de aprendizaje:

```
%%R
tree_learner<-lrn("classif.C50")
```

Entrenamos y evaluamos el modelo:

```
%%R

tree_resample<-resample(task = ILPD_task, learner = tree_learner,
    resampling = res_desc, store_models = TRUE)</pre>
```

```
INFO [16:15:13.538] [mlr3] Applying learner 'classif.C50' on task 'ilpd' (iter 1/1)
```

Obtenemos la predicciones del modelo:

```
%%R
tree_test<-tree_resample$predictions()</pre>
tree_test[[1]]
<PredictionClassif> for 146 observations:
    row_ids truth response
               yes
                         no
          9
               no
                        yes
         11
             yes
                       yes
        575
              yes
                        yes
        577
              yes
                        yes
        583
               no
                        yes
Calculamos la accuracy (TAC) del modelo:
%%R
tree_acc<-tree_resample$aggregate(msr("classif.acc"))</pre>
tree_acc
classif.acc
  0.6986301
TAC = 0.6986
Visualizamos el modelo:
%%R
tree_learner<-tree_resample$learners[[1]]</pre>
tree_learner$model
Call:
C50::C5.0.formula(formula = f, data = data, control = ctrl)
Classification Tree
Number of samples: 437
Number of predictors: 10
Tree size: 35
Non-standard options: attempt to group attributes
Como vemos no da plena información sobre la estructura del modelo.
```

Ahora hemos intentado graficar el modelo, pero nos sale un error.

%%R

plot(tree_learner\$model)

4.4.5 Comparación entre R y mlr3

Algoritmo RPART con Rpart (R) Inicializamos la semilla y dividimos el data frame en datos de muestra de entrenamiento y muestra de test con funciones de dplyr. Después creamos el modelo con rpart y le metemos la modelo la variable respuesta, el data frame de entrenamiento, el método y el coeficiente de partición que nos poda el árbol. Posteriormente, sacamos las predicciones a partir del modelo, el data frame de test y el type. Por último, lo que hacemos es sacar la matriz de confusiones, que nos da una medida de cómo de bueno es nuestro modelo. Más concretamente, en este problema, nos interesa la accuracy.

Aunque no se pide, para poder podar los árboles en este caso, lo que se puede hacer es ajustar los hiperparámetros como pueden ser la profundidad máxima. Y en este tipo de árboles se utiliza GINI como criterio de división.

Algoritmo C5.0 con C5.0 (R) Lo primero que hacemos es crear la semilla y dividir el data frame en datos de entrenamiento y datos de test. Hecho esto, hacemos el modelo con C5.0 y le metemos la variable respuesta, el data frame de entrenamiento, si queremos que nos saque las reglas y el número de intentos (este es un argumento que nos es útil en un proceso de boosting). Para ver la información del modelo creado lo que hacemos es uso de la función summary y lo graficamos con plot. Por último, lo que hacemos es como en el caso anterior sacar las predicciones con predict y la matriz de confusiones, en este caso la hemos sacado con table, que no te saca como en el caso anterior otros estadísticos a parte de la accuaracy como puede ser Kappa. En este caso, no es así y para sacar la accuracy, tenemos que calcularla a mano.

Para podar, este tipo de árboles lo que se puede hacer es usar control dentro de la función que crea el modelo, en nuestro caso hemos puesto un mínimo de casos y una parada rápida. La diferencia principal entre los algoritmos es que el C5.0 utiliza la entropía como criterio de división.

Algoritmo RPART con Mlr3 Lo primero que hacemos es crear una tarea de clasificación, donde tenemos los datos y el problema a resolver. Después le metemos el método de evaluación, en este caso holdout al 75% y dividimos los datos en test y entrenamiento. Posteriormente, definimos el método de aprendizaje con un learner donde se contiene el método a utilizar. Lo entrenamos y evaluamos con resample y los distintos objetos que hemos creado en pasos anteriores. Para sacar las predicciones, la accuracy y visualizar el modelo, lo que debemos hacer es llamar a los elementos del modelo pertinentes, y no como en R que debemos calcularlos a mano.

Algoritmo C5.0 con Mlr3 Lo primero que hacemos es cambiar las variables que son enteras a numéricas. Después, de la misma forma que para rpart creamos la tarea donde metemos los datos y le indicamos la variable respuesta. Definimos el método de evaluación, que como en el anterior usamos un holdout al 75% y dividimos los datos en estrenamiento y test. Posteriormente, definimos el método de aprendizaje con un learner y en este caso es "classif.c50". A partir de aquí, procedemos de la misma forma que en el caso anterior con las predicciones, accuracy y visualización del modelo.

A modo de resumen, con R es bastante intutivo el proceso, pero tiene el problema de que cuando quieres sistematizar el análisis, ya que este tipo de árboles dependen mucho de como sea la partición en muestra entrenamiento y muestra test, es realmente complicado. También podemos ver como el ajuste de hiperparámetros o la poda de los árboles es bastante manual, por lo que esto no es demasiado eficiente.

En general, en mlr3 está todo el proceso mucho más optimizado y de forma más automática. Además el preproceso o el ajuste de hiperparámetros es mucho más fácil que con R. Podemos decir que mlr3 es una familia de paquetes que forman un ecosistema muy avanzado para algoritmos de machine learning, aun así es algo complicado acostumbrarnos

a la sintaxis del paquete y a su filosofía. Después de haber trabajado un tiempo con este grupo de paquetes, está claro que es mucho mejor que hacerlo con R y algunas librerías sueltas.

A modo de resumen, en R puedes hacer problemas básicos, pero a la hora de hacer un proceso completo, lo idóneo es usar la librería mlr3 a pesar de que la curva de aprendizaje y aclimatación al paquete por su filosofía y sintaxis pueda parecer algo complicada al principio. Todo ello sin decir que con mlr3 todos los algoritmos se programan de una forma similar, ahorrando líneas de código con respecto a hacerlo con rpart y C5.0.

En ninguno de los casos, hace falta un preproceso de los datos.

4.4.6 Comparación de resultados

Rpart con R

Sin podar:

5 predicciones primeras: NO NO YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6667 Primeros índices: 1 2 3 5 6

Podado:

5 predicciones primeras: NO NO YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6879 Primeros índices: 1 2 3 5 6

C5.0 con R

Sin podar:

5 predicciones primeras: NO YES YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6986 Primeros índices: 1 2 3 5 6

Podado:

5 predicciones primeras: NO NO YES YES YES

Accuracy modelo: 0.7123 Primeros índices: 1 2 3 5 6

Rpart con Mlr3

5 predicciones primeras: NO NO YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6917

Primeros índices: 4 9 11 12 13

C5.0 con Mlr3

5 predicciones primeras: NO YES YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6986

Primeros índices: 4 9 11 12 13

Se puede ver como dan cosas distintas con R y Mlr3 aunque la diferencia es mínima. También vemos diferencias entre algoritmos ya que parece que dan una mayor precisión los algoritmos c5.0 además de una mayor eficiencia computacional. En cuanto a los índices, podemos ver como Mlr3 coge distintos de los que toma R. También tenemos que remarcar que la semilla es la misma en todos los casos.

4.5 Arboles de clasificación en Python

4.5.1 Arboles de clasificación: teoría

Vamos a considerar el siguiente tipo de arboles (matematicos):

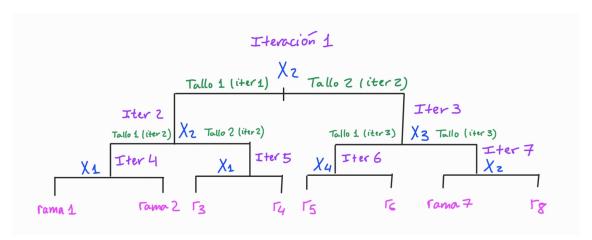


Figure 14: Arbol matemático

Es importante tener en cuenta los elementos que estan reflejados, pues los usaremos posteriormente.

Los arboles estan compuestos de iteraciones, que a su vez cada una de ellas se dividen en dos tallos. La union de tallos de distintas iteraciones da lugar a las ramas del arbol.

4.5.2 Definicion formal de los arboles de clasificación:

La idea de los algoritmos de arboles de clasificación es segmentar las observaciones de los predictores $X_1, ..., X_p$ para predecir el valor de la respuesta Y en base a esa información segmentada. Es algo así como predecir Y por grupos/segmentos.

Elementos Básicos

- Tenemos unos predictores $X_1,...,X_p$ y una variable respuesta **categorica** Y
- Tenemos un arbol T de la forma del expuesto en la imagen con m-1 iteraciones y m ramas.
- r_{ht} es la rama h del arbol con t iteraciones.
- Cada iteración del arbol tiene asociado uno de los predictores $X_1, ..., X_n$
- Cada iteración del arbol tiene dos tallos (tallo 1 (izquierdo) y tallo 2 (derecho)).
- En cada tallo de una iteración se define un intervalo.
- I_{lt} es el intervalo asociado al tallo l de la iteración t
- Para simplificar el problema consideraremos $I_{1t} = (-\infty, s_t)$ y $I_{2t} = [s_t, \infty]$ donde s_t es llamado punto de corte de la iteración t del arbol
- R_{ht} es la region (rectangulo *n*-dimensional) definida por la rama h de un arbol con t iteraciones

Criterio de prediccion de la variable respuesta

Dada una nueva observacion $x_{new} = (x_{new,1}, x_{new,2}, ..., x_{new,p})$ la idea es predecir y_{new} como sigue:

Sea $f_{r,R_{ht}}$ la frecuencia relativa de la clase/grupo r en la rama h de un arbol con t iteraciones.

Es decir, es la proporcion de individuos de la muestra de entrenamiento que caen en la rama h de un arbol con t iteraciones que pertenecen a la clase r (es decir, para los que Y=r):

$$f_{r,R_{ht}} = \frac{\# \{i / x_i \in R_{ht} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_i \in R_{ht}\}}$$

Donde: $r \in Rango(Y) = \{0, 1, ..., c - 1\}$

• $Si x_{new} \in R_{ht} \Rightarrow x_{new}$ es clasificado en la clase/grupo mayoritaria (más frecuente) en la rama $h (r_h)$

Por tanto:

• $Si \ r_{R_{ht}}^* = arg \ Max \ (f_{r,R_{ht}}) \ , entonces :$

$$Si \ x_{new} \in R_h \ \Rightarrow \ \widehat{y}_{new} = r_{R_{ht}}^*$$

Observación:

Definida la region R_{ht} , es relativamente sencillo resolver el problema $\max_r (f_{r,R_{ht}})$ y asi obtener $r_{R_{ht}}^*$

Objetivo: Usando la tasa de error de clasificacion como métrica a optimizar

Definimos el error de entrenamiento de la rama h de un arbol de clasificacion con t iteraciones como la tasa de error de clasificacion para las observaciones de entrenamiento que caen en la rama h de dicho arbol, es decir, como:

$$TEC(R_{ht}) = 1 - f_{r_{R_{ht}}^*, R_{ht}}$$

Observación:

 $f_{r_{R_{ht}}^*,R_{ht}}$ es la proporcion de individuos de la muestra de entrenamiento que caen en la rama h de un arbol con t iteraciones que son de la clase/grupo $r_{R_{ht}}^*$ (el valor de la variable respuesta para ellos es $r_{R_{ht}}^*$)

Como el modelo clasifica a los que caen en esa rama como de la clase $r_{R_{ht}}^*$, es decir, como la predicion de la respuesta para todo individuo que pertenezaca a esa rama es $r_{R_{ht}}^*$, por parte del modelo, entonces se tiene lo siguiente:

 $f_{r_{R_{ht}}^*,R_{ht}}$ es la proporcion de individuos de la muestra de entrenamiento que caen en la rama h de un arbol con t iteraciones que son correctamente clasificados por el modelo (proporcion de individuos de la region R_{ht} a los que se les ha predicho bien la respuesta).

 $TEC(R_{ht})$ es la proporcion de individuos de la muestra de entrenamiento que caen en la rama h de un arbol con t iteraciones (sus observaciones de los predictores pertenecen a R_{ht}) y que han sido clasificados erroneamente. Se les ha clasificado en la clase $r_{R_{ht}}^*$ y su clase era otra diferente, es decir, tenian un valor distinto a $r_{R_{ht}}^*$ para la variable respeusta, que es el valor que el modelo les predice para la respuesta.

Definimos el **error global de entrenamiento de un arbol de clasificación** como la suma de los errores de entrenamiento de las ramas del arbol de clasificación:

$$\sum_{h=1}^{m} TEC(R_h)$$

El objetivo es construir un arbol de regresion con m ramas tal que **minimice** el **error** global de entrenamiento.

Es decir, formalmente el objetivo es:

$$\underset{R_1,\dots,R_m}{Min} \sum_{h=1}^{m} TEC(R_h)$$

Pero para escoger las regiones $R_1, ..., R_m$ que definen las ramas del arbol hay que determinar dos elementos que definen a su vez a las regiones:

- 1. Qué predictores estan asociados a cada iteración del arbol \Rightarrow Para cada iteración i escoger X_i \$(\$ es decir, escoger j)
- 2. Qué intervalos estan asociados a cada uno de los dos tallos de cada interaccion \Rightarrow Para cada iteracion i escoger I_{1i} y I_{2i} (es decir, escoger el punto de corte s_i)

Por tanto el porblema a resolver se puede reformular como:

Para cada iteracion i escoger X_j (es decir j) y (I_{1i}, I_{2i}) (es decir s_i) tal que se acaben formando un arbol cuyas ramas definan unas regiones $R_1, ..., R_m$ que **minimicen** $\sum_{h=1}^m TEC(R_h)$

Objetivo: Usando el índice de Gini como métrica a optimizar

Definimos el error de entrenamiento de la rama h de un arbol de clasificacion con t iteraciones como el índice de Gini de la respuesta en la rama h del arbol con t iteraciones (indice de gini de la respuesta en la region R_{ht}), es decir, como:

$$G_{R_{ht}} = \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{ht}} \cdot (1 - f_{r,R_{ht}})$$

Donde: $Rango(Y) = \{0, 1, ..., c - 1\}$

 $G_{R_{ht}}$ toma valores pequeños cuando la frecuencia de una clase r=0,1,... en la region R_{ht} es alta , y por tanto la del resto baja.

 $G_{R_{ht}}$ toma valores altos cuando las frecuencias de las clases se reparten de manera "igualitaria" en la region R_{ht} . Y cuanto mas igualitaria es la reparticion de las classes, mas alto es $G_{R_{ht}}$. Hasta el punto que cuando la reparticion es totalmente igualitaria, esto es, cada clase tiene la misma frecuencia , si hay c clases, cada una tiene una frecuencia relativa de 1/c en la region, entonces en indicide de Gini alcanza su maximo valor.

Ejemplo:

Para c = 3 $(Rango(Y) = \{0, 1, 2\})$

Si tenemos: $f_{0,R_{ht}} = 0.40$, $f_{1,R_{ht}} = 0.30$ y $f_{2,R_{ht}} = 0.30$ \Rightarrow $G_{R_{ht}} = 0.66$

Si tenemos: $f_{0,R_{ht}} = 0.80$, $f_{1,R_{ht}} = 0.10$ y $f_{2,R_{ht}} = 0.10$ \Rightarrow $G_{R_{ht}} = 0.34$

Si tenemos: $f_{0,R_{ht}}=0.9$, $f_{1,R_{ht}}=0.05$ y $f_{2,R_{ht}}=0.05$ \Rightarrow $G_{R_{ht}}=0.185$

Teniendo esto en cuenta nos interesan que en cada rama (region R_{ht}) la frecuencia de la clase mayoritaria sea lo mayor posible, y eso equivale a que el indice de Gini sea lo menos posible dentro de cada rama, siguiendo la filosofia empleada con la TEC, donde nos interesaba que $f_{r_{R_{ht}}^*, R_{ht}}$ fuese lo mayor posible en cada rama.

Definimos el **error global de entrenamiento de un arbol de clasificación** como la suma de los errores de entrenamiento de las ramas del arbol de clasificación:

$$\sum_{h=1}^{m} G_{R_{ht}}$$

El objetivo es construir un arbol de regresion con m ramas tal que **minimice** el **error** global de entrenamiento.

Es decir, formalmente el objetivo es:

$$Min_{R_1,..,R_m} \sum_{h=1}^{m} G_{R_{ht}}$$

En el fondo minimizar el error de clasificacion de un arbol de clasificacion equivale a minimizar el indice de Gini en las ramas del arbol conjuntamente (a nivel global).

Pero para escoger las regiones $R_1, ..., R_m$ que definen las ramas del arbol hay que determinar dos elementos que definen a su vez a las regiones:

- 1. Qué predictores estan asociados a cada iteracion del arbol \Rightarrow Para cada iteracion i escoger X_j \$(\$ es decir, escoger j)
- 2. Qué intervalos estan asociados a cada uno de los dos tallos de cada interaccion \Rightarrow Para cada iteracion i escoger I_{1i} y I_{2i} (es decir, escoger el punto de corte s_i)

Por tanto el porblema a resolver se puede reformular como:

Para cada iteracion i escoger X_j (es decir j) y (I_{1i}, I_{2i}) (es decir s_i) tal que se acaben formando un arbol cuyas ramas definan unas regiones $R_1, ..., R_m$ que **minimicen** $\sum_{h=1}^m G_{R_{ht}}$

Algoritmo para la resolucion del problema : algoritmo de particion binaria

El siguiente algoritmo es una forma de resolver el problema planteado anteriormente. Consiste en ir generando el arbol de manera secuencial, iteracion a iteracion, minimizando en cada paso el error de clasificacion para las observaciones de train que caen en las ramas asociadas a la iteracion en cuestion que esta siendo optimizada.

El algoritmo se basa en la resolucion secuencial de problemas de minimizacion, uno por cada iteracion tenga el arbol que se acabará generando.

Problema de la Iteración 1

Arbol con 1 iteración:

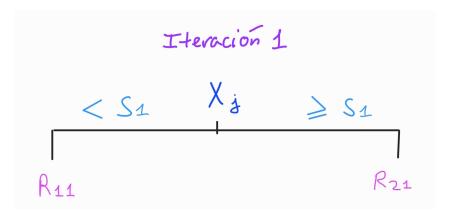


Figure 15: Arbol 1^a Iteración

La idea es, determinar las regiones R_{11} y R_{21} (es decir, j y s_1) del arbol con 1 iteracion tal que minimizan el error de entrenamiento global de dicho arbol con 1 iteracion.

Mas formalmente el problema planteado es:

• Si utilizamos la **TEC** como metrica de error a minimizar:

$$\begin{split} &\underset{R_{11},R_{21}}{Min} \ \left(\ TEC_1 = TEC(R_{11}) + TEC(R_{21}) \ \right) = \\ &= \underset{R_{11},R_{21}}{Min} \ \left(\ \left(1 - f_{r_{R_{11}}^*,R_{11}} \right) \ + \left(1 - f_{r_{R_{21}}^*,R_{21}} \right) \ \right) \\ &= \underset{R_{11},R_{21}}{Min} \ \left(\ 1 - \frac{\# \left\{ i \ / \ x_i \in R_{11} \ y \ y_i = r_{R_{11}}^* \right\}}{\# \left\{ i \ / \ x_i \in R_{11} \right\}} \ + \ 1 - \frac{\# \left\{ i \ / \ x_i \in R_{21} \ y \ y_i = r_{R_{21}}^* \right\}}{\# \left\{ i \ / \ x_i \in R_{21} \right\}} \ \right) \\ &= \underset{j,s_1}{Min} \ \left(\ 1 - \frac{\# \left\{ i \ / \ x_i < s_1 \ y \ y_i = r_{R_{21}}^* \right\}}{\# \left\{ i \ / \ x_i < s_1 \right\}} \ + \ 1 - \frac{\# \left\{ i \ / \ x_i \geqslant s_1 \ y \ y_i = r_{R_{21}}^* \right\}}{\# \left\{ i \ / \ x_i \geqslant s_1 \right\}} \ \right) \end{split}$$

• Si utilizamos el **índice de Gini** como metrica de error a minimizar:

$$\begin{split} & \underset{R_{11},R_{21}}{Min} \quad \left(\, G_{1} = G_{R_{11}} + G_{R_{21}} \, \right) \, = \\ & = \, \underset{R_{11},R_{21}}{Min} \left\{ \, \, \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{11}} \cdot (1-f_{r,R_{11}}) \, + \, \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{21}} \cdot (1-f_{r,R_{21}}) \, \right\} \\ & = \, \underset{R_{11},R_{21}}{Min} \left\{ \, \, \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{i} \in R_{11} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{i} \in R_{11} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{i} \in R_{11} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{i} \in R_{21} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \right) \right. \\ & + \, \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{i} \in R_{21} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{i} \in R_{21} \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{i} \in R_{21} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{i} \in R_{21} \right\}} \right) \right. \\ & = \, \underset{j,s_{1}}{Min} \left\{ \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} < s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} < s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} < s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \right. \\ & + \, \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \right) \right. \\ & + \, \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \right) \right. \\ & + \, \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \right) \right. \\ & + \, \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij} \geqslant s_{1} \, \, y \, \, y_{i} = r \right\}} \right) \right.$$

Notar que:

$$\begin{array}{lll} R_{11} &= \{(v_1,...,v_n)/v_j < s_1\} & \Rightarrow & [x_i \in R_{11} \Leftrightarrow x_{ij} < s_1] & \Rightarrow & \{i/x_i \in R_{11}\} = \{i/x_{ij} < s_1\} \\ R_{21} &= \{(v_1,...,v_n)/v_j \geqslant s_1\} & \Rightarrow & [x_i \in R_{21} \Leftrightarrow x_{ij} \geqslant s_1] & \Rightarrow & \{i/x_i \in R_{11}\} = \{i/x_{ij} \geqslant s_1\} \end{array}$$

Notese que determinar R_{11} y R_{21} es equivalente a determinar el predictor X_j (es decir j) y el punto de corte s_1 asociados a la Iteración 1, ya que R_{11} y R_{21} quedan determinadas al fijar X_j y s_1

Notar también que:

Fijado (j, s_1) puede calcularse $r_{R_{11}}^*$ como solucion al problema de maximizacion:

$$M_{r}ax (f_{r,R_{11}}) = M_{r}ax \left(\frac{\# \{i / x_{i} \in R_{11} \ y \ y_{i} = r\}}{\# \{i / x_{i} \in R_{11}\}} \right) = M_{r}ax \left(\frac{\# \{i / x_{ij} < s_{1} \ y \ y_{i} = r\}}{\# \{i / x_{ij} < s_{1}\}} \right)$$

Fijado (j, s_2) puede calcularse $r_{R_{21}}^*$ como solucion al problema de maximizacion:

$$M_{r}^{ax} (f_{r,R_{21}}) = M_{r}^{ax} \left(\frac{\# \{i / x_{i} \in R_{21} \ y \ y_{i} = r\}}{\# \{i / x_{i} \in R_{21}\}} \right) = M_{r}^{ax} \left(\frac{\# \{i / x_{ij} \geqslant s_{1} \ y \ y_{i} = r\}}{\# \{i / x_{ij} \geqslant s_{1}\}} \right)$$

Donde:

- $j \in \{1, 2, ..., p\}$
- Si X_i es cuantitativa:

Ordenamos las observaciones de X_j y quitamos repeticiones, obtenemos X_j^{order} , entonces:

$$s_1 \in \left\{ \frac{x_{(1)j} + x_{(2)j}}{2}, \frac{x_{(2)j} + x_{(3)j}}{2}, ..., \frac{x_{(n-1)j} + x_{(n)j}}{2} \right\}$$

Donde $x_{(i)j}$ es la observación que ocupa la posición i-esima en X_j^{order}

• Si X_j es categorica con c categorias:

$$s_1 \in Rango(X_j) = \{0, 1, ..., c - 1\}$$

Notese que la elección de X_j determina el campo de variación de s_1

- $TEC(R_{11})$ es el error de entrenamiento de la rama 1 de un arbol de clasificación con 1 iteracion
- $TEC(R_{21})$ es el error de entrenamiento de la rama 2 de un arbol de clasificación con 1 iteración

Estos elementos no volveran a ser definidos en los sucesivos problemas de iteracion para no pecar de ser repetitivo, puesto que pueden ser facilmente extrapolados a cualquier problema de iteracion. Ademas las definiciones generales de estos elementos han sido expuestas ya anteriormente.

• Denotaremos por $\left(j^{*(i)}, s^{*(i)}\right)$ a una solucion del problema de la Iteracion i, para i=1,...,m-1

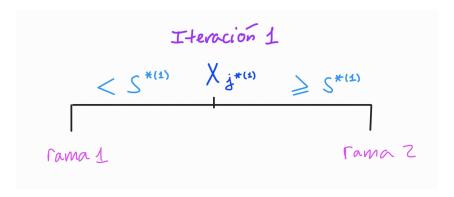


Figure 16: Arbol óptimo tras resolver el problema de la 1ª Iteración

Arbol obtenido tras resolver el problema de la Iteración 1:

- Si alguna de las ramas del arbol resultante de resolver el problema la iteración 1 tiene menos de k observaciones de train \Rightarrow se para el algoritmo
- Si todas las ramas tienen k o mas observaciones de train \Rightarrow el algoritmo continua, se pasa a resolver el problema de la iteracion siguiente, en este caso el de la iteracion 2

Notese que k será un hiperparametro del algoritmo.

Problema de la Iteracion 2

Arbol con 2 iteraciones tras resolver el problema anterior:

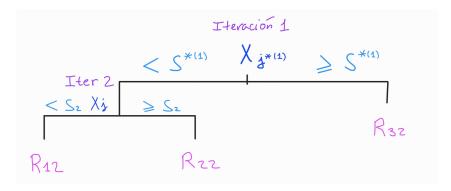


Figure 17: Arbol con 2 Iteraciones tras resolver el problema de la 1ª Iteración

Si estamos en este problema es porque ninguna rama del arbol resultante del problema de la Iteración 1 tiene menos de k observaciones

La idea es, determinar las regiones R_{12} , R_{22} y R_{32} del arbol con 2 iteraciones (es decir, j y s_2), considerando la solucion del problema de la iteracion 1 (arbol de arriba), que minimizan el error de entrenamiento global de dicho arbol.

Notese que R_{32} ya esta determinada tras la resolucion del problema anterior, por ello realmente solo hay que determinar las regiones R_{12} y R_{22} óptimas (a saber, j y s_2 óptimos)

Mas formalmente el problema planteado es:

• Si utilizamos la **TEC** como metrica de error a minimizar:

$$\begin{split} \min_{R_{12},R_{22},R_{32}} \left\{ & TEC_2 = TEC(R_{12}) + TEC(R_{22}) + TEC(R_{32}) \right\} = \\ & = \min_{R_{12},R_{22},R_{32}} \left\{ \left. \left(1 - f_{r_{R_{12}}^*,R_{12}} \right) \right. + \left(1 - f_{r_{R_{22}}^*,R_{22}} \right) + \left(1 - f_{r_{R_{32}}^*,R_{32}} \right) \right. \right\} \\ & = \min_{J,s_2} \left\{ \left. 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_i \in R_{12} \, y \, y_i = r_{R_{12}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_i \in R_{22} \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}} \right. + \\ & + 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_i \in R_{32} \, y \, y_i = r_{R_{32}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_i \in R_{32} \right\}} \right. \\ & = \min_{J,s_2} \left\{ \left. 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} < s_2 \, y \, y_i = r_{R_{12}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}} \right. + \\ & 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} > s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{12}}^* \right\}} \right. \\ & = \min_{J,s_2} \left\{ \left. 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} < s_2 \, y \, y_i = r_{R_{12}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} < s_2 \, y \, y_i = r_{R_{12}}^* \right\}} \right. \\ & 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}} \\ & = \min_{J,s_2} \left\{ \left. 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}} \right. \\ & = \min_{R_{12},R_{22}} \left\{ \left. 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}} \right. \\ & = \min_{R_{12},R_{22}} \left\{ \left. 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}} \right. \\ & = \min_{R_{12},R_{22}} \left\{ \left. 1 - \frac{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y \, x_{ij} > s_2 \, y \, y_i = r_{R_{22}}^* \right\}}{\# \left\{ i \, / \, x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \, y$$

• Si utilizamos el **índice de Gini** como metrica de error a minimizar:

$$\begin{split} \min_{R_{12},R_{22},R_{23}} \left\{ & G_1 = G_{R_{12}} + G_{R_{22}} + G_{R_{23}} \right\} = \\ & = \max_{R_{12},R_{22},R_{23}} \left\{ \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{12}} \cdot (1-f_{r,R_{12}}) + \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{22}} \cdot (1-f_{r,R_{23}}) + \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{22}} \cdot (1-f_{r,R_{23}}) + \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{22}} \cdot (1-f_{r,R_{23}}) \right\} = \\ & = \max_{R_{12},R_{22},R_{22}} \left\{ \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{12} \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{22} \mid y \mid y_i = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{12} \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{22} \mid y \mid y_i = r \right\}} \right) \right. \\ & + \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{22} \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{22} \mid y \mid y_i = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{22} \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{22} \mid y \mid y_i = r \right\}} \right) \right. \\ & = \min_{j,v_2} \left\{ \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{22} \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{22} \mid y \mid y_i = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \mid x_i \in R_{22} \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid y \mid x_{ij} < s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}} \right. \\ & + \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid y \mid x_{ij} > s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid x_{ij} \mid s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid y \mid x_{ij} > s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid x_{ij} \mid s_2 \mid s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}} \right. \\ & + \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid y \mid x_{ij} < s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid x_{ij} \mid s_2 \mid s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid x_{ij} \mid s_2 \mid s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid x_{ij} \mid s_2 \mid s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}} \right. \\ \\ & + \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid x_{ij} \mid s_2 \mid s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}}{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid x_{ij} \mid s_2 \mid s_2 \mid y \mid y_i = r \right\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \left\{ i \mid x_{ij} \cdot (1) < s^{*(1)}} \mid x_{ij} \mid s_2 \mid s_2$$

Notar que:

Fijado (j, s_2) puede calcularse $r_{R_{12}}^*$ como solucion al problema de maximizacion:

$$\mathop{Max}_r \; (\; f_{r,R_{12}} \;) = \mathop{Max}_r \; \left(\; \frac{\# \; \{i \; / \; x_i \in R_{12} \; \mathbf{y} \; y_i = r \}}{\# \; \{i \; / \; x_i \in R_{12} \}} \; \right) =$$

$$Max \left(\frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \ y \ x_{ij} < s_2 \ y \ y_i = r \}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \ y \ x_{ij} < s_2 \}} \right)$$

Fijado (j, s_2) puede calcularse $r_{R_{22}}^*$ como solucion al problema de maximizacion:

$$M_r^{ax} (f_{r,R_{22}}) = M_r^{ax} \left(\frac{\# \{i / x_i \in R_{22} \ y \ y_i = r\}}{\# \{i / x_i \in R_{22}\}} \right) =$$

$$Max \left(\frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \ y \ x_{ij} \geqslant s_2 \ y \ y_i = r \}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \ y \ x_{ij} \geqslant s_2 \}} \right)$$

Notese que ninguna de las siguientes expresiones:

$$\left(1 - f_{r_{R_{32}}^*, R_{32}}\right)$$

$$\sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{32}} \cdot (1 - f_{r,R_{32}})$$

dependen de (j, s_2) , por lo que puede sacarse de la funcion objetivo de sus respectivos problemas de minimizacion sin que esto altere la solucion del problema.

Arbol tras resolver el problema de la Iteración 2:

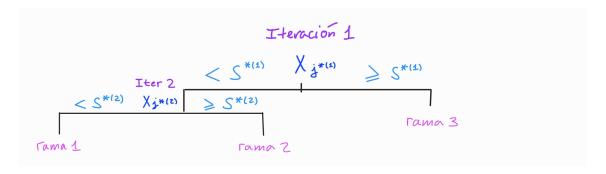


Figure 18: Arbol óptimo tras resolver el problema de la 2ª Iteración

- Si alguna de las ramas tiene menos de k observaciones de train \Rightarrow se para el algoritmo
- Si todas las ramas tienen k o mas observaciones de train \Rightarrow el algoritmo continua, se pasa a resolver el problema de la iteracion siguiente, en este caso el de la iteracion 2

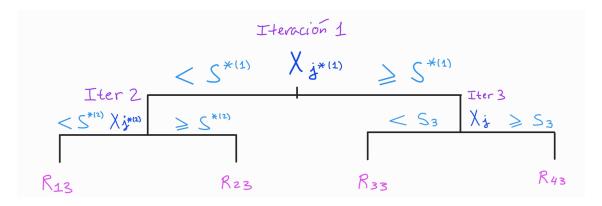


Figure 19: Arbol con 3 Iteraciones tras resolver el problema de la 2ª Iteración

Problema de la Iteracion 3:

Arbol con 3 iteraciones tras resolver el problema anterior:

Si estamos en este problema es porque ninguna rama del arbol resultante del problema de la Iteración 2 tiene menos de k observaciones

La idea es, determinar las regiones R_{13} , R_{23} , R_{33} y R_{43} del arbol con 3 iteraciones (es decir, j y s_3), considerando la solucion del problema de la iteracion 2 (arbol de arriba), que minimizan el error de entrenamiento global de dicho arbol.

Notese que R_{13} y R_{23} ya están determinadas tras la resolucion del problema anterior, por ello realmente solo hay que determinar las regiones R_{33} y R_{43} óptimas (a saber, j y s_3 óptimos)

Mas formalmente el problema se plantea como sigue:

• Usando TEC como métrica a optimizar

$$\begin{split} \min_{R_{13},R_{23},R_{33},R_{43}} \left\{ & TEC_3 = TEC(R_{13}) + TEC(R_{23}) + TEC(R_{33}) + TEC(R_{43}) \right\} = \\ & = \min_{R_{13},R_{23},R_{33},R_{43}} \left\{ \left(1 - f_{r_{R_{13}}^*,R_{13}}\right) + \left(1 - f_{r_{R_{23}}^*,R_{23}}\right) + \left(1 - f_{r_{R_{33}}^*,R_{33}}\right) + \left(1 - f_{r_{R_{43}}^*,R_{43}}\right) \right\} \\ & = \min_{j,s_3} \left\{ 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_i \in R_{13} \mid y_{ji} = r_{R_{33}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_i \in R_{12}\right\}} \right. + \left. 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_i \in R_{23} \mid y_{ji} = r_{R_{23}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_i \in R_{23}\right\}} \right. + \\ & 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_i \in R_{33} \mid y_{ji} = r_{R_{33}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_i \in R_{33} \mid y_{ji} = r_{R_{33}}^* \right\}} \\ & = \min_{j,s_3} \left\{ 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} < s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij^{s(2)}} < s^{s(2)} \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{13}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} < s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s^{s(2)} \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}} \right. + \\ & 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} < s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s^{s(2)} \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} < s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s^{s(2)} \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}} \\ & + 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} < s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}} \\ & + 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}} \\ & + 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}} \\ & + 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}} \\ & + 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}} \\ & + 1 - \frac{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii} = r_{R_{23}}^* \right\}}{\# \left\{i \mid x_{ij^{s(1)}} \geqslant s^{s(1)} \mid y \mid x_{ij} \geqslant s_3 \mid y \mid y_{ii$$

Arbol tras resolver el problema de la Iteración 3:

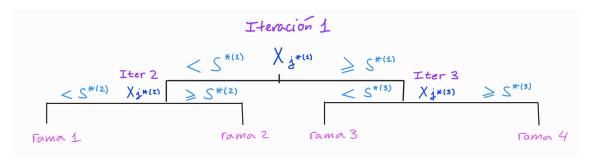


Figure 20: Arbol tras resolver el problema de la 3ª Iteración

- Si alguna de las ramas tiene menos de k observaciones de train \Rightarrow se para el algoritmo
- Si todas las ramas tienen k o mas observaciones de train \Rightarrow el algoritmo continua, se pasa a resolver el problema de la iteracion siguiente, en este caso el de la iteracion 2

Siempre que no se cumpla la condicion de parada se seguiria haciendo crecer el arbol generando nuevas iteraciones.

No seguiremos exponiendo mas iteraciones del algoritmo, puesto que es facilmente extrapolable lo expuesto a cualquier iteracion superior.

4.5.3 Arboles de Clasificación Penalizados

La idea es esencialmente la misma la ya comentada en la sección de arboles de regresion penalizados.

Los arboles de clasificación penalizados son esencialemte iguales que los arboles de clasificación ordinarios pero tienen una modificación en el problema de optimización tal que permiten penalizar los arboles con muchas ramas.

El problema de optimizacion a resolver en los arboles de regresion ordinarios (usando Gini como métrica, sin perdida de generalidad) era:

$$\underset{R_1,\dots,R_m}{Min} \sum_{h=1}^m G_{R_{ht}}$$

En los arboles de regresion penalizados el problema a resolver es:

$$\underset{R_1,\dots,R_m}{Min} \sum_{h=1}^{m} G_{R_{ht}} + \alpha \cdot m$$

Donde m es el numero de ramas del arbol

De este modo, si $\alpha = 0$ estamos en el caso de arboles de clasificación ordinarios.

Si $\alpha > 0$, entonces se penalizara el numero de ramas del arbil (m).

Dado un $\alpha > 0$, cuanto mayor sea el tamaño del arbol (m) mas dificil sera que sea optimo en el sentido de que resuelva el probema deminimizacion. Y viceversa.

Cuanto mayor sea α más se estará penalizando a los arboles de tamaño grande.

Con $\alpha > 0$ (y especialmente $\alpha >> 0$ (relativamente grande)) tienden a salir como optimos arboles que son mas pequeños que los que salen pusando elalgoritmo ordinario (sin penalizacion).

En el algoritmo ordinario se prioriza que el arbol se ajuste a los datos de entrenamiento, lo que psuele provocar overfiting (sobreajuse). Esto es un problema porque hace que el arbol funcione muy bien (prediga bien) en la muestra de entrenamiento (cuando usa los datos que ya ha "visto"), pero bastante peor en la muestra de test. Estos modelos tendran poco sesgo pero mucha varianza a nivel predictivo, lo cual es negativo.

El algoritmo penalizado permite obtener un equilibrio entre sesgo y varianza a traves del parametro de penalizacion α

La idea es seleccionar un alpha que nos genere un modelo con quiza un poco mas de sesgo pero con considerable menos varianza que el ordinario, lo cualq conduzca a un erro de prediccion menor que en el caso ordinario.

¿ Cómo escoger α en la practica ?

Una idea razonable es entrenar un arbol con los mismos datos de entrenamiento pero con B distintos α

Calcular con una muestra de test el error de cada uno de los B modelos.

Quedarse con el α asociado al modelo con menor error de test.

Una cuestion relevante aqui es como definir el conjunto de B valores de α que se van a tener en consideracion.

No entraremos aqui en esta cuestión.

4.5.4 Arboles de clasificación: algoritmo de creación propia en Python Algoritmo de creacion propia con TEC

```
def classification_tree(Data_set, iterations_vector, k, Y_categories) :
# POR AHORA SOLO GENERA 4 ITERACIONES EN EL ARBOL --> iterations_vector =
\rightarrow range(1,5) como mucho (=[1,2,3,4])
# Data_set tiene que ser tal que, su columna O sea Y, y la j-esima sea la
\rightarrow variable Xj , para j=1,...,p
# Si se quiere que el arbol tenga como mucho 3 iteraciones -->
\rightarrow iterations_vector = range(1,4) = [1,2,3]
# Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
\# k = numero de obsrevaciones minimas por rama del arbol --> criterio de
\rightarrow parada
def s_values(j, Data_set):
       s_values = []
       if (Data_set.dtypes[j] != 'float64') & (Data_set.dtypes[j] !=
       → 'int64') : # Para las variables categoricas s_value sera
       → simplemente su rango.
          s_values = Data_set.sort_values(by=[Data_set.columns[j]],
→ axis=0, ascending=True, ignore_index=True).iloc[:, j].unique()
       elif (Data_set.dtypes[j] == 'float64') | (Data_set.dtypes[j] ==
       → 'int64') :
          Xj_sorted = Data_set.sort_values(by=[Data_set.columns[j]],
→ axis=0, ascending=True, ignore_index=True).iloc[:, j].unique()
          for i in range(0, len(Xj_sorted)-1):
              s_values.append( (Xj_sorted[i] + Xj_sorted[i+1] ) / 2 )
       return s_values
## ITERACION 1
```

```
if iterations_vector[0] == 1 : # nacimiento del arbol
      def f_R11(j, s, r, Data_set):
         # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
         → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
         \hookrightarrow observaciones de train.
         # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
         → que caigan en ella.
         cond_R11 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] < s) , : ] )</pre>
         if cond_R11 != 0 :
             f_R11 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] < s) &</pre>
→ (Data_set.iloc[:, j] < s) , : ] )</pre>
          elif cond_R11 == 0 :
             f_R11 = 0
          return f_R11
      def f_R21(j, s, r, Data_set):
          cond_R21 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] >= s) , : ]
\hookrightarrow )
          if cond_R21 != 0 :
             f_R21 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] >= s) &
\rightarrow (Data_set.iloc[:, j] >= s) , : ] )
          elif cond_R21 == 0 :
             f_R21 = 0
          return f_R21
      ######################################
      TEC_vector = []
```

```
j_vector = []
       s_vector = []
       j_star_vector = []
       s_star_vector = []
       TEC_star_vector = []
       for j in range(1, Data_set.shape[1]) :
           for s in s_values(j, Data_set) :
               # Busqueda de r_star_R11 :
               f_R11_r_vector = []
               for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2
               \rightarrow --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R11_r_vector.append( f_R11(j, s, r , Data_set) )
               f_R11_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R11':f_R11_r_vector })
               f_R11_df_sorted = f_R11_df.sort_values(by=['f_R11'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R11 = f_R11_df_sorted.loc[0, 'r']
               # Busqueda de r_star_R21 :
               f_R21_r_vector = []
               for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2
               \rightarrow --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R21_r_vector.append( f_R21(j, s, r , Data_set) )
               f_R21_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R21':f_R21_r_vector })
               f_R21_df_sorted = f_R21_df.sort_values(by=['f_R21'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R21 = f_R21_df_sorted.loc[0, 'r']
               # Calculo de TEC_1 para la combinación (j, s) dada:
               TEC_1 = 1 - f_R11(j, s, r_star_R11, Data_set) + 1 - f_R21(j, s)
TEC_vector.append(TEC_1)
```

```
j_vector.append(j)
               s_vector.append(s)
       # Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:
       TEC_df = pd.DataFrame({'TEC':TEC_vector, 'j':j_vector,
   's':s_vector})
       TEC_df_sorted = TEC_df.sort_values(by=['TEC'], axis=0,
  ascending=True, ignore_index=True)
       s_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 's'] )
       j_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 'j'] )
       TEC_star_vector.append(TEC_df_sorted.loc[0, 'TEC'])
       # OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para
       \hookrightarrow i=0,1,\ldots
       # OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para
       \rightarrow i=0,1,\ldots
     # Condicion de parada:
       obs_r11 = len( Data_set.loc[ Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] <</pre>
  s_star_vector[0] , : ] )
       obs_r21 = len( Data_set.loc[ Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
\rightarrow >= s_star_vector[0] , : ] )
       if(obs_r11 < k) | (obs_r21 < k) : # Si se cumple el criterio de</pre>
       \rightarrow parada
           print('El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha
           → ,'de observaciones por rama')
           number_iterations=1
           obs_ramas = [obs_r11, obs_r21]
           ###################
           return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,
           → TEC_star_vector, obs_ramas )
           ###################
       elif (obs_r11 >= k) & (obs_r21 >= k) : # No se cumple el criterio
       \hookrightarrow de parada
```

```
pass
## ITERACION 2 ····· POR MODIFICAR !! ····
   if iterations_vector[1] == 2 : # Desarrollar nodo R1 de la 1ª
   \hookrightarrow iteracion
   def f_R12(j, s, r, Data_set):
          # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
          → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
          → observaciones de train.
          # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
          → que caigan en ella.
          cond_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) , :
</pre>
→ ] )
          if cond_R12 != 0 :
              f_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) &</pre>
\hookrightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R12
          elif cond_R12 == 0 :
              f_R12 = 0
          return f_R12
       ########
       def f_R22(j, s, r, Data_set):
          # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
          → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
          → observaciones de train.
          # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
          → que caigan en ella.
          cond_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) , :

→ ] )
```

```
if cond_R22 != 0 :
                f_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) &
\rightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R22
            elif cond_R22 == 0 :
                f_R22 = 0
            return f_R22
       #####################################
       TEC_vector = []
       j_vector = []
       s_vector = []
       for j in range(1, Data_set.shape[1]) :
            for s in s_values(j, Data_set) :
                # Busqueda de r_star_R12 :
               f_R12_r_vector = []
                for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R12_r_vector.append( f_R12(j, s, r , Data_set) )
                f_R12_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R12':f_R11_r_vector })
                f_R12_df_sorted = f_R12_df.sort_values(by=['f_R12'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R12 = f_R11_df_sorted.loc[0, 'r']
                # Busqueda de r_star_R22 :
               f_R22_r_vector = []
                for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2
                \rightarrow --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R22_r_vector.append( f_R22(j, s, r , Data_set) )
```

```
f_R22_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R22':f_R22_r_vector })
              f_R22_df_sorted = f_R22_df.sort_values(by=['f_R22'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
              r_star_R22 = f_R22_df_sorted.loc[0, 'r']
              # Calculo de TEC_1 para la combinación (j, s) dada:
              TEC_2 = 1 - f_R12(j, s, r_star_R12, Data_set) + 1 - f_R22(j, s)
\rightarrow s, r_star_R22, Data_set)
              TEC vector.append(TEC 2)
              j_vector.append(j)
              s_vector.append(s)
       # Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:
       TEC_df = pd.DataFrame({'TEC':TEC_vector, 'j':j_vector,
  's':s_vector})
       TEC_df_sorted = TEC_df.sort_values(by=['TEC'], axis=0,
   ascending=True, ignore_index=True)
       s_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 's'] )
       j_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 'j'] )
       TEC_star_vector.append(TEC_df_sorted.loc[0, 'TEC'])
       \# OJO: s\_star\_vector[i] sera el s\_star de la iteracion i+1 , para
       \rightarrow i=0,1,\ldots
       # OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para
       \rightarrow i=0,1,\ldots
     # Condicion de parada:
       obs_r12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
\rightarrow s star vector[1]), : ])
       obs_r22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) , : ] )

       obs_r32 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
\rightarrow >= s_star_vector[0]) , : ] )
       if(obs_r12 < k) | (obs_r22 < k) : # Si se cumple el criterio de</pre>
       \rightarrow parada
```

```
print('El arbol final es el arbol con 2 Iteracion. Se ha
           → ,'de observaciones por rama')
          number_iterations=2
          obs_ramas = [obs_r12, obs_r22, obs_r32]
          ###################
          return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,

→ TEC_star_vector, obs_ramas )

          ###################
       elif (obs_r12 >= k) & (obs_r22 >= k) : # No se cumple el criterio

→ de parada

          pass
## ITERACION 3
   if iterations_vector[2] == 3 : # Desarrollar nodo R2 de la 1ª
   \rightarrow iteracion --> considerar j_star_vector[0] y s_star_vector[0] (1<sup>a</sup>
   \rightarrow iteracion) y >= (R2)
      def f_R33(j, s, r, Data_set):
         # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
          → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
          → observaciones de train.
         # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
          → que caigan en ella.
          cond_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) , :
</pre>
→ ] )
          if cond_R33 != 0 :
              f_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) &</pre>
\hookrightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R33
```

```
elif cond_R33 == 0 :
                f_R33 = 0
            return f_R33
        ########
       def f_R43(j, s, r, Data_set):
           # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
           → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
           → observaciones de train.
           # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
           → que caigan en ella.
            cond_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) ,
\hookrightarrow : ] )
           if cond_R43 != 0 :
                f_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) &
\rightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R43
            elif cond_R43 == 0 :
                f R43 = 0
           return f_R43
        ######################################
       TEC_vector = []
        j_vector = []
       s_vector = []
       for j in range(1, Data_set.shape[1]) :
            for s in s_values(j, Data_set) :
                # Busqueda de r_star_R11 :
                f_R33_r_vector = []
                for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
```

```
f_R33_r_vector.append( f_R33(j, s, r , Data_set) )
                f_R33_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R33':f_R11_r_vector })
                f_R33_df_sorted = f_R33_df.sort_values(by=['f_R33'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
                r_star_R33 = f_R11_df_sorted.loc[0, 'r']
                # Busqueda de r_star_R21 :
                f_R43_r_vector = []
                for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2
                \rightarrow --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R43_r_vector.append( f_R43(j, s, r , Data_set) )
                f_R43_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,

    'f_R43':f_R21_r_vector })
                f_R43_df_sorted = f_R43_df.sort_values(by=['f_R43'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
                r_star_R43 = f_R43_df_sorted.loc[0, 'r']
                # Calculo de TEC_1 para la combinación (j, s) dada:
                TEC_1 = 1 - f_R33(j, s, r_star_R33, Data_set) + 1 - f_R43(j, s)
\rightarrow s, r_star_R43, Data_set)
                TEC_vector.append(TEC_1)
                j_vector.append(j)
                s_vector.append(s)
       # Busqueda de j\_star y s\_star de la itracion 1:
       TEC_df = pd.DataFrame({'TEC':TEC_vector, 'j':j_vector,

    's':s_vector})

       TEC_df_sorted = TEC_df.sort_values(by=['TEC'], axis=0,
  ascending=True, ignore_index=True)
       s_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 's'] )
        j_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 'j'] )
       TEC_star_vector.append(TEC_df_sorted.loc[0, 'TEC'])
       \# OJO: s\_star\_vector[i] sera el s\_star de la iteración i+1 , para
        \rightarrow i=0,1,\ldots
```

```
\# OJO: j\_star\_vector[i] sera el j\_star de la iteracion i+1 , para
        \rightarrow i=0,1,\ldots
     #####################################
       # Condicion de parada:
       obs_r13 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
\rightarrow s_star_vector[1]) , : ] )
       obs_r23 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
 < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] >=

    s_star_vector[1]) , : ] )

       obs_r33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
→ >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] <</pre>

    s_star_vector[2]) , : ] )

       obs_r43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
→ >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] >=
\rightarrow s_star_vector[2]) , : ] )
       if(obs_r33 < k) | (obs_r43 < k) : # Si se cumple el criterio de</pre>
        \rightarrow parada
           print('El arbol final es el arbol con 3 Iteracion. Se ha
            → cumplido el criterio de parada basado en numero minimo', k
            → ,'de observaciones por rama')
           number_iterations = 3
           obs_ramas = [obs_r13, obs_r23, obs_r33, obs_r43]
           ###################
           return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,
            → TEC_star_vector, obs_ramas )
           ####################
       elif (obs_r33 >= k) & (obs_r43 >= k) : # No se cumple el criterio
        \rightarrow de parada
           pass
   ########################
   ## ITERACION 4
```

```
if iterations_vector[3] == 4 :
      def f_R14(j, s, r, Data_set):
          # Verificando si se cumplen las siquientes dos condiciones

ightarrow conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
           → observaciones de train.
          # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
           → que caigan en ella.
           cond_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) , :
</pre>
→ ] )
           if cond_R14 != 0 :
               f_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] 
    s_star_vector[1]) 
    (Data_set.iloc[:, j] 
    s) 
    &
\rightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R14
           elif cond_R14 == 0 :
               f R14 = 0
           return f_R14
       ########
       def f_R24(j, s, r, Data_set):
          # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
           → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
           → observaciones de train.
          # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
           → que caigan en ella.
           cond_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) , :

→ ] )
           if cond_R24 != 0 :
               f_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) &
\Rightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r), : )^{4}) / cond_R24
```

```
elif cond R24 == 0:
               f_R24 = 0
           return f_R24
#####################################
       TEC_vector = []
       j_vector = []
       s_vector = []
       for j in range(1, Data_set.shape[1]) :
           for s in s_values(j, Data_set) :
                # Busqueda de r_star_R11 :
               f_R14_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R14_r_vector.append( f_R14(j, s, r , Data_set) )
                f_R14_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R14':f_R11_r_vector })
                f_R14_df_sorted = f_R14_df.sort_values(by=['f_R14'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R14 = f_R11_df_sorted.loc[0, 'r']
                # Busqueda de r_star_R21 :
               f_R24_r_vector = []
               for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2
                \rightarrow --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R24_r_vector.append( f_R24(j, s, r , Data_set) )
                f_R24_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R24':f_R21_r_vector })
                f_R24_df_sorted = f_R24_df.sort_values(by=['f_R24'],
→ axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
```

```
r_star_R24 = f_R24_df_sorted.loc[0, 'r']
              # Calculo de TEC_1 para la combinación (j, s) dada:
              TEC_1 = 1 - f_R14(j, s, r_star_R14, Data_set) + 1 - f_R24(j, s)
TEC_vector.append(TEC_1)
              j_vector.append(j)
              s_vector.append(s)
      # Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:
      TEC_df = pd.DataFrame({'TEC':TEC_vector, 'j':j_vector,
  's':s_vector})
      TEC_df_sorted = TEC_df.sort_values(by=['TEC'], axis=0,
   ascending=True, ignore_index=True)
      s_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 's'] )
      j_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 'j'] )
      TEC_star_vector.append(TEC_df_sorted.loc[0, 'TEC'])
      # OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para
       \rightarrow i=0,1,\ldots
      # OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para
       \hookrightarrow i=0,1,\ldots
     # Condicion de parada:
      obs_r14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3]] 

\rightarrow s_star_vector[3]), : ])
      obs_r24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3]] >=

    s_star_vector[3]) , : ] )

      obs_r34 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) , : ] )

      obs_r44 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
→ >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] <</pre>

    s_star_vector[2]) , : ] )

      obs_r54 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
→ >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] >=

    s_star_vector[2]) , : ] )
```

```
if(obs_r14 < k) | (obs_r24 < k) : # Si se cumple el criterio de
    \rightarrow parada
        print('El arbol final es el arbol con 3 Iteracion. Se ha
        \hookrightarrow cumplido el criterio de parada basado en numero minimo', k

→ ,'de observaciones por rama')

        number_iterations = 4
        obs_ramas = [obs_r14, obs_r24, obs_r34, obs_r44, obs_r54]
        ###################
        return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,

→ TEC_star_vector, obs_ramas )

        ###################
    elif (obs_r14 >= k) & (obs_r24 >= k) : # No se cumple el criterio
    \rightarrow de parada
        print('Se ha generado el arbol mas grande permitido por el
        → algoritmo (arbol con 4 Iteraciones)')
    # Aunque no se haya cummplido el criterio de parada como esta es
    → la ultima Iteracion contemplada por el algoritmo,
    # debemos calcular las metricas finales para que sean escupidas
    → por el algoritmo.
        number_iterations=4
        obs_ramas = [obs_r14, obs_r24, obs_r34, obs_r44, obs_r54]
        pass
########################
return( number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,

→ TEC_star_vector, obs_ramas )
```

Definimos una funcion para obtener predicciones de la respuesta:

```
def classification_tree_PREDICTIONS(Data_set, Y_categories,
if number_iterations == 1 :
           obs_r11 = obs_ramas[0]
           obs_r21 = obs_ramas[1]
        ### Prediccion:
           \# Si x_new cae en R11
           if x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0] : # Ojo: el</pre>
            \rightarrow elemento j-1 de x_new es el valor de X_{j} , con
            \rightarrow j=1,2,\ldots
                def f_R11(r, Data_set):
                    cond_R11 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) , : ] )

                   if cond_R11 != 0 :
                        f_R11 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,</pre>
\rightarrow : ] ) / cond_R11
                   elif cond_R11 == 0 :
                       f_R11 = 0
                   return f_R11
                # Busqueda de r_star_R11 :
               f_R11_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R11_r_vector.append( f_R11(r , Data_set) )
                f_R11_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,

    'f_R11':f_R11_r_vector })
```

```
f_R11_df_sorted = f_R11_df.sort_values(by=['f_R11'],
→ axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R11 = f_R11_df_sorted.loc[0, 'r']
               y_new_predict = r_star_R11
           # Si x_new cae en r21
           elif x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0] :
               def f_R21(r, Data_set):
                   cond_R21 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , : ] )

                   if cond_R21 != 0 :
                       f_R21 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,
\rightarrow : ] ) / cond_R21
                   elif cond_R21 == 0 :
                       f R21 = 0
                   return f_R21
           # Busqueda de r_star_R21 :
               f_R21_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
               \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R21_r_vector.append( f_R21(r , Data_set) )
               f_R21_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R21':f_R21_r_vector })
               f_R21_df_sorted = f_R21_df.sort_values(by=['f_R21'],

→ axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

               r_star_R21 = f_R21_df_sorted.loc[0, 'r']
               y_new_predict = r_star_R21
```

```
if number_iterations == 2 :
           obs_r12 = obs_ramas[0]
           obs_r22 = obs_ramas[1]
           obs_r32 = obs_ramas[2]
        ### Prediccion:
           \# Si x_new cae en R12
           if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) &</pre>
            \rightarrow el elemento j-1 de x_new es el valor de X_{j} , con
            \rightarrow j=1,2,\ldots
                def f_R12(r, Data_set):
                    cond_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) , : ] )
</pre>
                    if cond_R12 != 0 :
                        f_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,</pre>
\rightarrow : ] ) / cond_R12
                    elif cond_R12 == 0 :
                        f_R12 = 0
           # Busqueda de r_star_R12 :
                f_R12_r_vector = []
                for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_{categories} = range(0,3)
                    f_R12_r_vector.append( f_R12(r , Data_set) )
                f_R12_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R12':f_R12_r_vector })
                f_R12_df_sorted = f_R12_df.sort_values(by=['f_R12'],

→ axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
```

```
r_star_R12 = f_R12_df_sorted.loc[0, 'r']
                y_new_predict = r_star_R12
            # Si x_new cae en R22
            elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) &</pre>
            \rightarrow (x_new[j_star_vector[1] - 1] >= s_star_vector[1]) :
                def f_R22(r, Data_set):
                    cond_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1]) , : ] )

                    if cond_R22 != 0 :
                         f_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,
\rightarrow : ] ) / cond_R22
                    elif cond_R22 == 0 :
                         f R22 = 0
                    return f_R22
            # Busqueda de r_star_R22 :
                f_R22_r_vector = []
                for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R22_r_vector.append( f_R22(r , Data_set) )
                f_R22_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
\rightarrow 'f_R22':f_R22_r_vector })
                f_R22_df_sorted = f_R22_df.sort_values(by=['f_R22'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
                r_star_R22 = f_R22_df_sorted.loc[0, 'r']
```

```
y_new_predict = r_star_R22
           # Si x_new cae en R32
           elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) :
                def f_R32(r, Data_set):
                        cond_R32 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , : ] )
                        if cond_R32 != 0 :
                            f_R32 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,
\rightarrow : ] ) / cond_R32
                        elif cond_R32 == 0 :
                            f_R32 = 0
                        return f_R32
           # Busqueda de r_star_R32 :
               f_R32_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R32_r_vector.append( f_R32(r , Data_set) )
                f_R32_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R32':f_R32_r_vector })
               f_R32_df_sorted = f_R22_df.sort_values(by=['f_R32'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R32 = f_R32_df_sorted.loc[0, 'r']
               y_new_predict = r_star_R32
   if number_iterations == 3:
```

```
obs_r13 = obs_ramas[0]
           obs_r23 = obs_ramas[1]
           obs_r33 = obs_ramas[2]
           obs_r43 = obs_ramas[3]
       ### Prediccion:
           # Si x_new cae en R13
           if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) &</pre>
            \rightarrow el elemento j-1 de x_new es el valor de X_{j} , con
            \hookrightarrow j=1,2,\ldots
               def f_R13(r, Data_set):
                    cond_R13 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] 
    s_star_vector[1]) , : ] )

                   if cond_R13 != 0 :
                       f_R13 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,</pre>
\rightarrow : ] ) / cond_R13
                   elif cond_R13 == 0 :
                        f_R13 = 0
                   return f_R13
           # Busqueda de r_star_R13
               f_R13_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R13_r_vector.append( f_R13(r , Data_set) )
               f_R13_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R13':f_R13_r_vector })
               f_R13_df_sorted = f_R13_df.sort_values(by=['f_R13'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R13 = f_R13_df_sorted.loc[0, 'r']
               y_new_predict = r_star_R13
```

```
\# Si x_new cae en R23
            if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) &</pre>
            \rightarrow (x_new[j_star_vector[1] - 1] >= s_star_vector[1]) : #
            \rightarrow Ojo: el elemento j-1 de x_new es el valor de X_{j} , con
            \rightarrow j=1,2,...
                def f_R23(r, Data_set):
                     cond_R23 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1]) , : ] )

                     if cond_R23 != 0 :
                         f_R23 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,
_{\rightarrow} : ] ) / cond_R23
                     elif cond_R23 == 0 :
                         f_R23 = 0
                     return f_R23
            # Busqueda de r_star_R23
                f_R23_r_vector = []
                for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                 \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                     f_R23_r_vector.append( f_R23( r , Data_set) )
                f_R23_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R23':f_R23_r_vector })
                f_R23_df_sorted = f_R23_df.sort_values(by=['f_R23'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
                r_star_R23 = f_R23_df_sorted.loc[0, 'r']
                y_new_predict = r_star_R23
```

```
# Si x new cae en R33
           if (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) &
            \rightarrow el elemento j-1 de x_new es el valor de X_{j} , con
            \rightarrow j=1,2,\ldots
               def f_R33(r, Data_set):
                        cond_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[2]] 
    s_star_vector[2]) , : ] )

                        if cond R33 != 0 :
                           f_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[2]] < s_star_vector[2]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,</pre>
\rightarrow : ] ) / cond_R33
                        elif cond_R33 == 0 :
                           f_R33 = 0
                        return f_R33
           # Busqueda de r_star_R33
               f_R33_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R33_r_vector.append( f_R33( r , Data_set) )
               f_R33_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,

    'f_R33':f_R33_r_vector })
               f_R33_df_sorted = f_R33_df.sort_values(by=['f_R33'],
→ axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R33 = f_R33_df_sorted.loc[0, 'r']
               y_new_predict = r_star_R33
       \# Si x_new cae en R43
           elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) &
            \rightarrow (x_new[j_star_vector[2] - 1] >= s_star_vector[2]) :
```

```
def f_R43(r, Data_set):
                        cond_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[2]] >= s_star_vector[2]) , : ] )

                        if cond_R43 != 0 :
                            f_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[2]] >= s_star_vector[2]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,
\rightarrow : ] ) / cond_R43
                        elif cond_R43 == 0 :
                            f_R43 = 0
                        return f_R43
           \# Busqueda de r_star_R33
               f_R43_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R43_r_vector.append(f_R43(r, Data_set))
                f_R43_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R43':f_R43_r_vector })
                f_R43_df_sorted = f_R43_df.sort_values(by=['f_R43'],
→ axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R43 = f_R43_df_sorted.loc[0, 'r']
               y_new_predict = r_star_R43
   if number_iterations == 4 :
           obs_r14 = obs_ramas[0]
           obs_r24 = obs_ramas[1]
           obs_r34 = obs_ramas[2]
           obs_r44 = obs_ramas[3]
           obs_r54 = obs_ramas[4]
```

```
### Prediccion:
           # Si x_new cae en R14
           if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) &</pre>
            # Ojo:
            \rightarrow el elemento j-1 de x_new es el valor de X_{j} , con
            \rightarrow j=1,2,\ldots
               def f_R14(r, Data_set):
                       cond_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,</pre>

    j_star_vector[1]] 
    s_star_vector[1]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[3]] 
    s_star_vector[3]) , : ] )

                       if cond R14 != 0 :
                           f_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:,</pre>

    j_star_vector[3]] < s_star_vector[3]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,</pre>
\hookrightarrow : ] ) / cond_R14
                       elif cond R14 == 0:
                           f_R14 = 0
                       return f R14
           # Busqueda de r_star_R14
               f_R14_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
               \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R14_r_vector.append( f_R14(r , Data_set) )
               f_R14_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
\rightarrow 'f_R14':f_R14_r_vector })
               f_R14_df_sorted = f_R14_df.sort_values(by=['f_R14'],

→ axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

               r_star_R14 = f_R14_df_sorted.loc[0, 'r']
               y_new_predict = r_star_R14
```

```
# Si x_new cae en R24
           if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) &</pre>
            \rightarrow (x_new[j_star_vector[3] - 1] >= s_star_vector[3]) : #
            \rightarrow Ojo: el elemento j-1 de x_new es el valor de X_{j}, con
            \rightarrow j=1,2,\ldots
               def f_R24(r, Data_set):
                        cond_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,</pre>

    j_star_vector[1]] 
    s_star_vector[1]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[3]] >= s_star_vector[3]) , : ] )

                        if cond_R24 != 0 :
                            f_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:,</pre>

    j_star_vector[3]] >= s_star_vector[3]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,
\rightarrow : ] ) / cond_R24
                        elif cond_R24 == 0 :
                            f_R24 = 0
                        return f_R24
           # Busqueda de r_star_R24
               f_R24_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R24_r_vector.append( f_R24(r , Data_set) )
                f_R24_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R24':f_R24_r_vector })
               f_R24_df_sorted = f_R24_df.sort_values(by=['f_R24'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R24 = f_R24_df_sorted.loc[0, 'r']
                y_new_predict = r_star_R24
```

```
# Si x_new cae en R34
            if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) &</pre>
            \rightarrow (x_new[j_star_vector[1] - 1] >= s_star_vector[1]) : #
            \rightarrow Ojo: el elemento j-1 de x_new es el valor de X_{j} , con
            \rightarrow j=1,2,...
                def f_R34(r, Data_set):
                         cond_R34 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1]) , : ] )

                         if cond_R34 != 0 :
                             f_R34 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,</pre>

    j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,
\rightarrow : ] ) / cond_R34
                         elif cond_R34 == 0 :
                             f_R34 = 0
                         return f_R34
            # Busqueda de r_star_R34
                f_R34_r_vector = []
                for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                 \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R34_r_vector.append( f_R34(r , Data_set) )
                f_R34_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R34':f_R34_r_vector })
                f_R34_df_sorted = f_R34_df.sort_values(by=['f_R34'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
                r_star_R34 = f_R34_df_sorted.loc[0, 'r']
                y_new_predict = r_star_R34
            \# Si x_new cae en R44
```

```
elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) &
           def f_R44(r, Data_set):
                       cond_R44 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[2]] 
    s_star_vector[2]) , : ] )

                       if cond_R44 != 0 :
                           f_R44 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[2]] < s_star_vector[2]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,</pre>
\rightarrow : ] ) / cond_R44
                       elif cond_R44 == 0 :
                           f_R44 = 0
                       return f_R44
           # Busqueda de r_star_R44
               f_R44_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
               \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R44_r_vector.append( f_R44(r , Data_set) )
               f_R44_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R44':f_R44_r_vector })
               f_R44_df_sorted = f_R44_df.sort_values(by=['f_R44'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
               r_star_R44 = f_R44_df_sorted.loc[0, 'r']
               y_new_predict = r_star_R44
           \# Si x_new cae en R54
           elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) &
            \rightarrow (x_new[j_star_vector[2] - 1] >= s_star_vector[2]) :
               def f_R54(r, Data_set):
```

```
cond_R54 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[2]] >= s_star_vector[2]) , : ] )

                        if cond_R54 != 0 :
                            f_R54 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[2]] >= s_star_vector[2]) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) ,
\hookrightarrow : ] ) / cond_R44
                        elif cond_R54 == 0 :
                            f_R54 = 0
                        return f_R54
            # Busqueda de r_star_R54
                f_R54_r_vector = []
                for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_{categories} = range(0,3)
                    f_R54_r_vector.append( f_R54(r , Data_set) )
                f_R54_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories ,
  'f_R54':f_R54_r_vector })
                f_R54_df_sorted = f_R54_df.sort_values(by=['f_R54'],
  axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
                r_star_R54 = f_R54_df_sorted.loc[0, 'r']
                y_new_predict = r_star_R54
   return(y_new_predict)
```

4.5.5 Testeo del algoritmo de arbol de clasificación creado en Python

```
import numpy as np
import pandas as pd
Data_Python = Data_Python.iloc[: , 0:11]
Data_Python.head()
              Total_Bilirubin Direct_Bilirubin Alkaline_Phosphotase \
  Age Gender
0
    65
          0.0
                            0.7
                                                0.1
                                                                       187
                                                5.5
    62
          1.0
                           10.9
                                                                       699
1
2
    62
          1.0
                            7.3
                                                4.1
                                                                       490
3
    58
          1.0
                            1.0
                                                0.4
                                                                       182
4
    72
          1.0
                            3.9
                                                2.0
                                                                       195
   Alamine Aminotransferase Aspartate Aminotransferase Total Protiens
0
                          16
                                                        18
                                                                        6.8
                          64
                                                       100
                                                                        7.5
1
2
                          60
                                                        68
                                                                        7.0
3
                          14
                                                        20
                                                                        6.8
4
                          27
                                                        59
                                                                        7.3
   Albumin Albumin_and_Globulin_Ratio Diseased
       3.3
0
                                    0.90
                                               0.0
1
       3.2
                                    0.74
                                               0.0
                                    0.89
2
       3.3
                                               0.0
3
       3.4
                                    1.00
                                               0.0
       2.4
4
                                    0.40
                                               0.0
```

Transformaciones necesarias para poder aplicar sobre este data-set nuestro algoritmo:

- Tranformar las variables categoricas a type=Object en Python (ya hecho en la parte de EDA)
- Llamar 'Y' a la variable respuesta (y hacer que sea la primera columna del data-set)
- La variable respuesta tiene que ser la primera columna (columna cero en Python)

Renombramos la variable respuesta y la ponemos como primera columna:

```
Data_Python.insert(0, 'Y', Data_Python['Diseased'])
Data_Python = Data_Python.drop(['Diseased'], axis=1)
```

Data_Python.head()

```
Age Gender Total_Bilirubin Direct_Bilirubin Alkaline_Phosphotase
    Y
0
  0.0
        65
              0.0
                               0.7
              1.0
                              10.9
                                                 5.5
                                                                       699
1
  0.0
        62
2
  0.0
        62
              1.0
                               7.3
                                                 4.1
                                                                       490
3 0.0
        58
              1.0
                               1.0
                                                 0.4
                                                                       182
4 0.0
       72
             1.0
                               3.9
                                                 2.0
                                                                       195
```

	Alamine_Aminotransferase	Aspartate_Aminotransferase	Total_Protiens
0	16	18	6.8
1	64	100	7.5
2	60	68	7.0
3	14	20	6.8
4	27	59	7.3

	Albumin	Albumin_and_Globulin_Ratio
0	3.3	0.90
1	3.2	0.74
2	3.3	0.89
3	3.4	1.00
4	2.4	0.40

Ahora dividimos el data-set en train y test :

```
Data_Python_Train = Data_Python.sample(frac=0.8, replace=False,
    weights=None, random_state=666, axis=None, ignore_index=False)
Data_Python_Test = Data_Python.drop( Data_Python_Train.index , )
```

```
## TEST

X_test = Data_Python_Test.loc[: , Data_Python_Test.columns != 'Y']
Y_test = Data_Python_Test.loc[: , 'Y']

Data_Test = pd.concat([Y_test , X_test], axis=1)

###############################

## TRAIN

X_train = Data_Python_Train.loc[: , Data_Python_Train.columns != 'Y']
Y_train = Data_Python_Train.loc[: , 'Y']

Data_Train = pd.concat([Y_train , X_train], axis=1)
```

Testeamos la funcion creada classification_tree

```
number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, TEC_star_vector,

output obs_ramas = classification_tree(Data_set=Data_Train,

iterations_vector=range(1,5), k=20, Y_categories=range(0,2))
```

El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado e

Los predictores seleccionados en cada iteración son:

```
j_star_vector
```

[1]

Los puntos de corte seleccionados en cada iteración son:

```
s_star_vector
```

[6.5]

El TEC óptimo obtenido en cada iteración es:

```
TEC_star_vector
```

[0.2764578833693304]

El número de observaciones por rama es:

```
obs_ramas
```

[3, 463]

4.5.6 Validación Simple con funcion de validación propia y funcion Classification Tree propia

```
def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)
   ############################
   from joblib import Parallel, delayed
   import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
   ######################################
   number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, TEC_star_vector,
→ obs_ramas = classification_tree(Data_set=Data_Train,

    iterations_vector=range(1,5), k=20, Y_categories=range(0,2))

   Y_categories = range(0,2)
   def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    y_new_predict = classification_tree_PREDICTIONS(Data_Test,

→ Y_categories ,number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,
→ obs_ramas, x_new)
    return(y_new_predict)
   ##############################
   y_predictions_vector = []
   # Paralelizamos el siguiente bucle for :
   # for i in range(0, len(Data_Test)):
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
   y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)(
→ i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )
   ############################
   TEC = ( y_predictions_vector != Y_test ).sum() / len(Y_test)
```

```
return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
y_predictions_vector , TEC_classification_tree_own_function =

Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)
```

El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado e

 ${\tt TEC_classification_tree_own_function}$

4.5.7 Algoritmo de creacion propia con Gini

```
def classification_tree_Gini(Data_set, iterations_vector, k, Y_categories)
# POR AHORA SOLO GENERA 4 ITERACIONES EN EL ARBOL --> iterations_vector =
\rightarrow range(1,5) como mucho (=[1,2,3,4])
# Data_set tiene que ser tal que, su columna O sea Y, y la j-esima sea la
\rightarrow variable Xj, para j=1,...,p
# Si se quuiere que el arbol tenga como mucho 3 iteraciones -->
\rightarrow iterations_vector = range(1,4) = [1,2,3]
# Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y categories = range(0,3)
# k = numero de obsrevaciones minimas por rama del arbol --> criterio de
\rightarrow parada
def s_values(j, Data_set):
       s_values = []
       if (Data_set.dtypes[j] != 'float64') & (Data_set.dtypes[j] !=
       → 'int64') : # Para las variables categoricas s_value sera
       \rightarrow simplemente su rango.
           s_values = Data_set.sort_values(by=[Data_set.columns[j]],
→ axis=0, ascending=True, ignore_index=True).iloc[:, j].unique()
       elif (Data_set.dtypes[j] == 'float64') | (Data_set.dtypes[j] ==
       \rightarrow 'int64') :
           Xj_sorted = Data_set.sort_values(by=[Data_set.columns[j]],
→ axis=0, ascending=True, ignore_index=True).iloc[:, j].unique()
           for i in range(0, len(Xj_sorted)-1):
              s_values.append( (Xj_sorted[i] + Xj_sorted[i+1] ) / 2 )
       return s values
## ITERACION 1
 if iterations_vector[0] == 1 : # nacimiento del arbol
```

```
def f_R11(j, s, r, Data_set):
         # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
         → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
         → observaciones de train.
         # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
         → que caigan en ella.
         cond_R11 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] < s) , : ] )</pre>
         if cond_R11 != 0 :
             f_R11 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] < s) &</pre>

→ (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / len( Data_set.loc[
elif cond_R11 == 0 :
             f_R11 = 0
         return f_R11
      def f_R21(j, s, r, Data_set):
         cond_R21 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] >= s) , : ]
\rightarrow )
         if cond_R21 != 0 :
             f_R21 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] >= s) &
(Data_set.iloc[:, j] >= s) , : ] )
         elif cond_R21 == 0 :
             f R21 = 0
         return f_R21
      ######################################
      G_vector = []
      j_vector = []
```

```
s_vector = []
       j_star_vector = []
       s_star_vector = []
       G_star_vector = []
       for j in range(1, Data_set.shape[1]) :
           for s in s_values(j, Data_set) :
                f_R11_r_vector = []
               f_R21_r_vector = []
               for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2
                \rightarrow --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R11_r_vector.append( f_R11(j, s, r , Data_set)*(1 -
\rightarrow f_R11(j, s, r , Data_set)) )
                    f_R21_r_vector.append(f_R21(j, s, r, Data_set)*(1 -
\rightarrow f_R21(j, s, r , Data_set)) )
           # Calculo de G_1 para la combinación (j, s) dada:
                G_R11 = sum(f_R11_r_vector)
                G_R21 = sum(f_R21_r_vector)
               G_1 = G_R11 + G_R21
               G_vector.append(G_1)
                j_vector.append(j)
                s_vector.append(s)
       # Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:
       G df = pd.DataFrame({'G':G_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})
       G_df_sorted = G_df.sort_values(by=['G'], axis=0, ascending=True,
→ ignore_index=True)
       s_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 's'] )
       j_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 'j'] )
       G_star_vector.append(G_df_sorted.loc[0, 'G'])
       \# OJO: s\_star\_vector[i] sera el s\_star de la iteracion i+1 , para
        \rightarrow i=0,1,\ldots
       # OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para
        \rightarrow i=0,1,\ldots
```

```
# Condicion de parada:
       obs_r11 = len( Data_set.loc[ Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] <
  s_star_vector[0] , : ] )
       obs_r21 = len( Data_set.loc[ Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
  >= s_star_vector[0] , : ] )
       if(obs_r11 < k) | (obs_r21 < k) : # Si se cumple el criterio de</pre>
       \rightarrow parada
           print('El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha
           → cumplido el criterio de parada basado en numero minimo', k
           → ,'de observaciones por rama')
           number_iterations=1
           obs_ramas = [obs_r11, obs_r21]
           ##################
           return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,

→ G_star_vector, obs_ramas )

           ####################
       elif (obs_r11 >= k) & (obs_r21 >= k) : # No se cumple el criterio
       \rightarrow de parada
           pass
## ITERACION 2 ······ POR MODIFICAR !! ·····
   if iterations_vector[1] == 2 : # Desarrollar nodo R1 de la 1ª
    \rightarrow iteracion
       def f_R12(j, s, r, Data_set):
          # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
          → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
          → observaciones de train.
          # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
          → que caigan en ella.
           cond_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) , :
</pre>
   ])
```

```
if cond_R12 != 0 :
               f_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) &</pre>
\rightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R12
           elif cond_R12 == 0 :
               f_R12 = 0
           return f R12
       ########
       def f_R22(j, s, r, Data_set):
          # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
          → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
          → observaciones de train.
          # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
          → que caigan en ella.
           cond_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) , :
→ ] )
           if cond_R22 != 0 :
               f_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) &
\rightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R22
           elif cond_R22 == 0 :
               f_R22 = 0
           return f_R22
       G_vector = []
       j_vector = []
       s_vector = []
       for j in range(1, Data_set.shape[1]) :
```

```
for s in s_values(j, Data_set) :
               # Busqueda de r_star_R11 :
               f_R12_r_vector = []
               f_R22_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
               \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R12_r_vector.append(f_R12(j, s, r, Data_set)*(1 -
\rightarrow f_R12(j, s, r, Data_set)))
                   f_R22_r_vector.append(f_R22(j, s, r, Data_set)*(1 -
  f_R22(j, s, r , Data_set)))
           # Calculo de G_2 para la combinacion (j, s) dada:
               G_R12 = sum(f_R12_r_vector)
               G_R22 = sum(f_R22_r_vector)
               G_2 = G_R12 + G_R22
               G_vector.append(G_2)
               j_vector.append(j)
               s_vector.append(s)
       # Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:
       G_df = pd.DataFrame({'G':G_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})
       G_df_sorted = G_df.sort_values(by=['G'], axis=0, ascending=True,
→ ignore_index=True)
       s_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 's'] )
       j_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 'j'] )
       G_star_vector.append(G_df_sorted.loc[0, 'G'])
       # OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para
       \rightarrow i=0,1,\ldots
       # OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para
       \rightarrow i=0,1,\ldots
     ######################################
       # Condicion de parada:
       obs_r12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
s_star_vector[1]) , : ] )
```

```
obs_r22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) , : ] )

      obs_r32 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
\rightarrow >= s_star_vector[0]) , : ] )
      if(obs_r12 < k) | (obs_r22 < k) : # Si se cumple el criterio de</pre>
       \rightarrow parada
          print('El arbol final es el arbol con 2 Iteracion. Se ha
          → ,'de observaciones por rama')
          number_iterations=2
          obs_ramas = [obs_r12, obs_r22, obs_r32]
          ###################
          return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,

→ G_star_vector, obs_ramas )

          ###################
       elif (obs_r12 >= k) & (obs_r22 >= k) : # No se cumple el criterio

→ de parada

          pass
## ITERACION 3
   if iterations_vector[2] == 3 : # Desarrollar nodo R2 de la 1ª
   \rightarrow iteracion --> considerar j_star_vector[0] y s_star_vector[0] (1<sup>a</sup>
   \rightarrow iteracion) y >= (R2)
      def f_R33(j, s, r, Data_set):
         # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
         → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
         → observaciones de train.
         # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
          → que caigan en ella.
          cond_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) , :
</pre>
  ] )
```

```
if cond_R33 != 0 :
               f_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) &</pre>
\hookrightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R33
           elif cond_R33 == 0 :
               f_R33 = 0
           return f R33
       ########
       def f_R43(j, s, r, Data_set):
          # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
          → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
          → observaciones de train.
          # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
          → que caigan en ella.
           cond_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) ,
if cond_R43 != 0 :
               f_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) &
\rightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R43
           elif cond_R43 == 0 :
               f_R43 = 0
           return f_R43
       G_vector = []
       j_vector = []
       s_vector = []
       for j in range(1, Data_set.shape[1]) :
```

```
for s in s_values(j, Data_set) :
               f_R33_r_vector = []
               f_R43_r_vector = []
               for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
               \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                   f_R33_r_vector.append(f_R33(j, s, r, Data_set)*(1 -
\rightarrow f_R33(j, s, r , Data_set)) )
                   f_R43_r_vector.append(f_R43(j, s, r, Data_set)*(1 -
\rightarrow f_R43(j, s, r , Data_set)) )
           # Calculo de G_3 para la combinación (j, s) dada:
               G_R33 = sum(f_R33_r_vector)
               G_R43 = sum(f_R43_r_vector)
               G_3 = G_R33 + G_R43
               G_vector.append(G_3)
               j_vector.append(j)
               s_vector.append(s)
       # Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:
       G_df = pd.DataFrame({'G':G_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})
       G_df_sorted = G_df.sort_values(by=['G'], axis=0, ascending=True,
→ ignore_index=True)
       s_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 's'] )
       j_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 'j'] )
       G_star_vector.append(G_df_sorted.loc[0, 'G'])
       # OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para
       \rightarrow i=0,1,\ldots
       # OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para
        \rightarrow i=0,1,\ldots
     ######################################
       # Condicion de parada:
       obs_r13 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) , : ] )
```

```
obs_r23 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) , : ] )

      obs_r33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
→ >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] <</pre>
   s_star_vector[2]) , : ] )
      obs_r43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
→ >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] >=

    s_star_vector[2]) , : ] )

      if(obs_r33 < k) | (obs_r43 < k) : # Si se cumple el criterio de
       \rightarrow parada
          print('El arbol final es el arbol con 3 Iteracion. Se ha
          → cumplido el criterio de parada basado en numero minimo', k
          → ,'de observaciones por rama')
          number_iterations = 3
          obs_ramas = [obs_r13, obs_r23, obs_r33, obs_r43]
          ###################
          return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,

    G_star_vector, obs_ramas )

          ###################
      elif (obs_r33 >= k) & (obs_r43 >= k) : # No se cumple el criterio

→ de parada

          pass
   #######################
   ## ITERACION 4
   if iterations_vector[3] == 4 :
      def f_R14(j, s, r, Data_set):
         # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
         → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
          → observaciones de train.
```

```
# Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
           → que caigan en ella.
           cond_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j] < s) , :
</pre>
→ ] )
           if cond_R14 != 0 :
               f_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:,</pre>
\hookrightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R14
           elif cond_R14 == 0 :
               f R14 = 0
           return f_R14
       ########
       def f_R24(j, s, r, Data_set):
          # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones
          → conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tienes
           → observaciones de train.
          # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train
           → que caigan en ella.
           cond_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,
\rightarrow j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) , :
→ ] )
           if cond_R24 != 0 :
               f_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[0]] 
    s_star_vector[0]) 
    (Data_set.iloc[:,

    j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j] >= s) &
\rightarrow (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / cond_R24
           elif cond_R24 == 0 :
               f_R24 = 0
           return f_R24
```

```
#####################################
       G_vector = []
        j_vector = []
        s_vector = []
       for j in range(1, Data_set.shape[1]) :
            for s in s_values(j, Data_set) :
                f_R14_r_vector = []
                f_R24_r_vector = []
                for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias
                \rightarrow 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
                    f_R14_r_vector.append(f_R14(j, s, r, Data_set)*(1 -
\rightarrow f_R14(j, s, r , Data_set)) )
                    f_R24_r_vector.append(f_R24(j, s, r, Data_set)*(1 -
\rightarrow f_R24(j, s, r , Data_set)) )
            # Calculo de G_4 para la combinación (j, s) dada:
                G_R33 = sum(f_R33_r_vector)
                G_R43 = sum(f_R43_r_vector)
                G_3 = G_R33 + G_R43
                G_vector.append(G_3)
                j_vector.append(j)
                s_vector.append(s)
        # Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:
       G_df = pd.DataFrame({'G':G_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})
       G_df_sorted = G_df.sort_values(by=['G'], axis=0, ascending=True,
→ ignore_index=True)
       s_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 's'] )
        j_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 'j'] )
       G_star_vector.append(G_df_sorted.loc[0, 'G'])
        # OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para
        \rightarrow i=0,1,\ldots
        # OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para
        \rightarrow i=0,1,\ldots
```

```
# Condicion de parada:
      obs_r14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3]] 

    s_star_vector[3]) , : ] )

      obs_r24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3]] >=

    s_star_vector[3]) , : ] )

      obs_r34 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]

    s_star_vector[1]) , : ] )

      obs_r44 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
→ >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] <</pre>
 s_star_vector[2]) , : ] )
      obs_r54 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ]
→ >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] >=

    s_star_vector[2]) , : ] )

      if(obs_r14 < k) | (obs_r24 < k) : # Si se cumple el criterio de</pre>
       \rightarrow parada
          print('El arbol final es el arbol con 3 Iteracion. Se ha
          → cumplido el criterio de parada basado en numero minimo', k

→ ,'de observaciones por rama')

          number_iterations = 4
          obs_ramas = [obs_r14, obs_r24, obs_r34, obs_r44, obs_r54]
          ###################
          return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,

→ G_star_vector, obs_ramas )

          ####################
      elif (obs_r14 >= k) & (obs_r24 >= k) : # No se cumple el criterio

→ de parada

          print('Se ha generado el arbol mas grande permitido por el
          → algoritmo (arbol con 4 Iteraciones)')
```

4.5.8 Testeo del algoritmo

El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado e

```
number_iterations
1
```

```
j_star_vector
```

```
s_star_vector
```

[11.5]

[6]

```
G_star_vector
```

[0.40005784418456025]

```
obs_ramas
```

[3, 463]

4.5.9 Validación Simple con funcion de validación propia y funcion Regresssion Tree Gini propia

```
def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)
   ##########################
   from joblib import Parallel, delayed
   import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
   ######################################
   number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, G_star_vector,
→ obs_ramas = classification_tree_Gini(Data_set=Data_Train,

    iterations_vector=range(1,5), k=20 , Y_categories=range(0,2))

   Y_categories = range(0,2)
   def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    y_new_predict = classification_tree_PREDICTIONS(Data_Test,

→ Y_categories ,number_iterations, j_star_vector, s_star_vector,
→ obs_ramas, x_new)
    return(y_new_predict)
   ##############################
   y_predictions_vector = []
   # Paralelizamos el siguiente bucle for :
   # for i in range(0, len(Data_Test)):
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
   y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)(
→ i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )
   ############################
   TEC = ( y_predictions_vector != Y_test ).sum() / len(Y_test)
```

return(y_predictions_vector , TEC)

El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero minimo 20 de observaciones por rama.

 ${\tt TEC_classification_tree_Gini_own_function}$

4.5.10 Arboles de clasificación en Python con Sklearn

La función de sklearn para arboles de clasificación es la siguiente :

```
sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best', max_depth=None, min_samples_split=2, min_samples_leaf=1, min_weight_fraction_leaf=0.0, max_features=None, random_state=None, max_leaf_nodes=None, min_impurity_decrease=0.0, class_weight=None, ccp_alpha=0.0)
```

Donde algunos de los parámetros más importantes son:

- criterion{"gini", "entropy", "log_loss"}, default="gini"
- splitter{"best", "random"}, default="best"

The strategy used to choose the split at each node. Supported strategies are "best" to choose the best split and "random" to choose the best random split.

• max_depthint, default=None

Es la profundidad maxima del arbol (la distancia maxima entre el nodo raiz y alguno de los nodos terminales)

• min samples split int or float, default=2

Es el numero minimo de observaciones que tienen que tener un nodo para separarlo/dividirlo (split) en dos nuesvos cuadrados/nodos. Si cierto nodo tiene menos de min_samples_split observaciones, el algoritmo ya no lo dividirá.

If int, then consider min_samples_split as the minimum number.

If float, then min_samples_split is a fraction and ceil(min_samples_split * n_samples) are the minimum number of samples for each split.

• min_samples_leaf

Es el numero minimo de observaciones que tienen que tener cada rama del arbol. Para que un nodo sea dividido en dos nuevos nodos (generando dos nuevas ramas) es necesario (aunque no suficiente) que el numero de observaciones que tendrían las dos nuevas ramas (los dos nuevos nodos) sea mayor que min_samples_leaf.

• ccp alpha non-negative float, default=0.0

Complexity parameter used for Minimal Cost-Complexity Pruning. The subtree with the largest cost complexity that is smaller than ccp_alpha will be chosen. By default, no pruning is performed. See Minimal Cost-Complexity Pruning for details

Probamos la funcion de sklearn:

```
import sklearn
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
x_new = X_test.iloc[ 8 , :]
Classification_Tree_sklearn =

→ min_samples_split=40, min_samples_leaf=50, max_depth=None,

    ccp_alpha=0, random_state=666)

Para poder ajustar el modelo con el metodo fit de sklearn la respuesta tiene que ser
type = int o float
Y_train = Y_train.astype('int')
Y_test = Y_test.astype('int')
Classification_Tree_sklearn.fit(X_train, Y_train)
DecisionTreeClassifier(ccp_alpha=0, min_samples_leaf=50, min_samples_split=40,
                      random_state=666)
Predecir la respuesta para un vector de predictores :
Classification_Tree_sklearn.predict( [x_new] )
array([0])
Obtener la profundidad del arbol generado:
Classification_Tree_sklearn.get_depth()
4
Obtener el numero de ramas del arbol generado:
Classification_Tree_sklearn.get_n_leaves()
8
n^{o} de iteraciones (nodos que se han dividido en otros dos nodos) = n^{o} ramas - 1
```

Plotear el arbol:

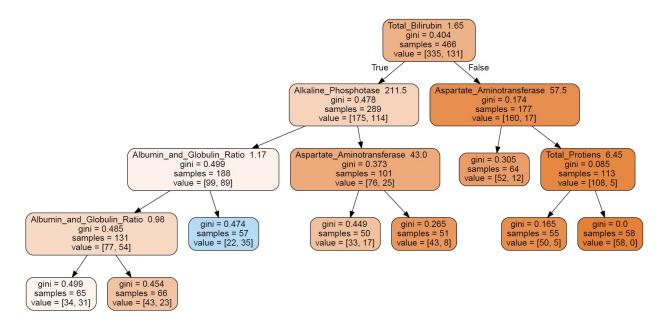


Figure 21: Arbol sklearn (criterion='gini', splitter='best', min_samples_split=40, min_samples_leaf=50, max_depth=None, ccp_alpha=0)

Para demostrar que entendemos los parametros que vienen en cada nodo (en cada recuadro) los vamos a calcular "manualmente" para el nodo que se deriva de True en el nodo raiz, el que tiene como parametros: gini = 0.478, samples = 289, value = [175, 114]

```
samples = 289
```

```
df = Data_Train.loc[Data_Python['Total_Bilirubin'] <= 1.65 , :]</pre>
```

```
len(df)
```

289

Por tanto, dado un nodo, su parametro samples indica el numero de observaciones de entrenamiento que caerian en la rama que contiene a ese nodo, si este nodo fuera el nodo terminal de la rama. En el caso escogido seria la rama definida por Total_Bilirubin <= 1.65.

```
value = [175, 114]
```

```
len(df.loc[df['Y'] == 0 , ])
```

175

```
len(df.loc[df['Y'] == 1 , ])
```

114

Por tanto, dado un nodo, su parametro *value* es un vector con las frecuencias de las categorias de la variable respuesta (Y) para las observaciones de train que caerian en la rama que contiene a ese nodo, si este nodo fuera el nodo terminal de la rama.

```
gini = 0.478
```

```
p0 = len(df.loc[df['Y'] == 0 , ])/len(df)
p1 = len(df.loc[df['Y'] == 1 , ])/len(df)
```

```
p0*(1-p0) + p1*(1-p1)
```

0.4777241651800146

Por tanto, dado un nodo del arbol, el parametro *gini* indica el indice de gini para las observaciones de train que caerian en rama que contiene a dicho nodo, si este nodo fuera el nodo terminal de dicha rama.

4.5.11 Validación simple con función de validación propia y funcion Classification Tree de sklearn

```
def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)
   ##############################
   from joblib import Parallel, delayed
   import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
   ##############################
   Classification_Tree_sklearn =

→ sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best',

→ min_samples_split=40, min_samples_leaf=50, max_depth=None,

    ccp_alpha=0, random_state=666)

   ##############################
   def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    Classification_Tree_sklearn.fit(X_train, Y_train)
    y_new_predict = Classification_Tree_sklearn.predict( [x_new] )
    return(y_new_predict)
   ##############################
   y_predictions_vector = []
   # Paralelizamos el siguiente bucle for :
   # for i in range(0, len(Data_Test)):
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
   y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)(
→ i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )
   ############################
   from itertools import chain
   y_predictions_vector = list(chain(*y_predictions_vector))
```

```
TEC = sum(y_predictions_vector != Y_test)/len(Y_test)
return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
y_predictions_vector , TEC_classification_tree_sklearn =

\( \to \) Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)
```

 ${\tt TEC_classification_tree_sklearn}$

4.5.12 4.5.4. Arboles de clasificación penalizados en sklearn : α óptimo

Vamos a obtener para los datos dados el α optimo para un arbol de clasificación del tipo tipo sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best', random state=222)

Es decir para un arbol de clasificacion en el que por defecto ccp_alpha=0, min_samples_split=2, min_samples_leaf=2

```
Classification_Tree_sklearn =

→ sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best',

    ccp_alpha=0, random_state=222)

path = Classification_Tree_sklearn.cost_complexity_pruning_path(X_train,
path
{'ccp_alphas': array([0. , 0.00190749, 0.00190749, 0.00198085, 0.00199264,
       0.00204838, 0.00204838, 0.00208281, 0.00208792, 0.00214592,
       0.00256706, 0.00286123, 0.00286123, 0.00286123, 0.00286123,
       0.00321888, 0.00321888, 0.00321888, 0.00330839, 0.0033381,
       0.0033632, 0.00339575, 0.00343348, 0.00357654, 0.00367872,
       0.00367872, 0.00375536, 0.00375687, 0.00381497, 0.00390878,
       0.00393419, 0.00394962, 0.00398529, 0.00422372, 0.00429185,
       0.0046785 , 0.00525751, 0.00530546, 0.00554939, 0.00566861,
        0.00578789, 0.00579405, 0.00633117, 0.00718679, 0.00983335,
        0.01012134, 0.01438729, 0.0419547 ]),
                              , 0.00381497, 0.00762995, 0.01159165, 0.01557694,
 'impurities': array([0.
        0.0196737, 0.02786722, 0.03203284, 0.03620869, 0.03835461,
       0.04862283, 0.05148406, 0.05720652, 0.06006775, 0.06292898,
       0.06614787, 0.06936675, 0.07258564, 0.0891276, 0.09580381,
       0.10589341, 0.10928915, 0.11272263, 0.11629917, 0.11997789,
       0.12365662, 0.12741198, 0.13116885, 0.1387988, 0.14661635,
        0.15055054, 0.15844978, 0.16243507, 0.17088251, 0.1794662,
       0.19818019, 0.2034377, 0.21404863, 0.21959801, 0.2762841,
       0.28207199, 0.29366009, 0.30632242, 0.3278828, 0.33771614,
        0.34783749, 0.36222478, 0.40417948])
ccp_alphas, impurities = path.ccp_alphas, path.impurities
Classification_Tree_sklearn_vector = []
for ccp_alpha in ccp_alphas:
    Classification_Tree_sklearn =
→ DecisionTreeClassifier(ccp_alpha=ccp_alpha, criterion='gini',
Classification_Tree_sklearn.fit(X_train, Y_train)
    Classification_Tree_sklearn_vector.append(Classification_Tree_sklearn)
```

```
acc_scores = [accuracy_score(Y_test,

→ Classification_Tree_sklearn.predict(X_test)) for

→ Classification_Tree_sklearn in Classification_Tree_sklearn_vector]

ramas = [Classification_Tree_sklearn.get_n_leaves() for

→ Classification_Tree_sklearn in Classification_Tree_sklearn_vector]
```

```
import matplotlib.pyplot as plt

plt.figure(figsize=(9, 9))
plt.grid()
plt.plot(ccp_alphas[:-1], acc_scores[:-1], color='red')
plt.xlabel("alpha")
plt.ylabel("score (TAC = 1 - TEC)")
```

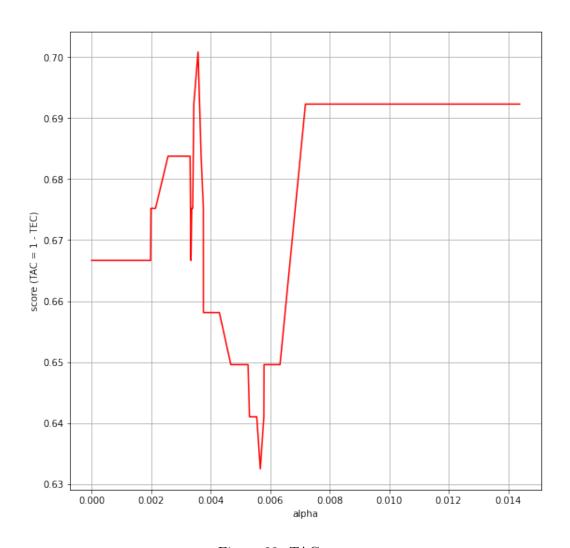


Figure 22: TAC vs α

alpha_score_df_sorted.head(7)

	index	alpha	score (TAC = 1-TEC)	ramas	TEC
0	23	0.003577	0.700855	47	0.299145
1	47	0.041955	0.692308	1	0.307692
2	46	0.014387	0.692308	2	0.307692
3	45	0.010121	0.692308	3	0.307692
4	44	0.009833	0.692308	4	0.307692
5	43	0.007187	0.692308	5	0.307692
6	22	0.003433	0.692308	48	0.307692

Validacion simple con α óptimo:

```
def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)
   ##############################
   from joblib import Parallel, delayed
   import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
   ###########################
   Classification_Tree_penalized_star =

→ sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(ccp_alpha=alpha_score_df_sorted['alpha'][0],

    criterion='gini', splitter='best', random_state=222)

   #############################
   def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train ):
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    Classification_Tree_penalized_star.fit(X_train, Y_train)
    y_new_predict = Classification_Tree_penalized_star.predict( [x_new] )
    return(y_new_predict)
    #############################
```

 ${\tt TEC_classification_tree_penalized_star}$

4.5.13 4.5.5. Comparación final entre árboles de clasificación por validación simple

```
[TEC_classification_tree_penalized_star , TEC_classification_tree_sklearn,

          TEC_classification_tree_own_function,
          TEC_classification_tree_Gini_own_function,]
```

- [0.29914529914529914,
- 0.3418803418803419,
- 0.3076923076923077,
- 0.28205128205128205]

El ranking de modelos segun validacion simple sería :

- 1. TEC_classification_tree_Gini_own_function
- 2. TEC_classification_tree_penalized_star(ccp_alpha=alpha_score_df_sorted['alpha'][0], criterion='gini', splitter='best', random_state=222))
- $3. \ \ TEC_classification_tree_own_function$
- 4. TEC_classification_tree_sklearn (DecisionTreeRegressor(criterion='gini', splitter='best', min_samples_split=40, min_samples_leaf=50, max_depth=None, ccp_alpha=0, random_state=222))

4.5.14 KNN para clasificación: teoría

- Tenemos p variables $X = (X_1, ..., X_p)$ medidas en un n muestra de tamaño.
- También tenemos una variable de respuesta **categórica** Y con g categorías que indica el grupo al que cada elemento de la muestra pertenece ($Range(Y) = \{c_1, ..., c_q\}$)
- Los grupos generados por Y se denotan como $\Omega_1,...,\Omega_g$ ($y_i=c_r \Leftrightarrow i\in\Omega_r$)

El problema de clasificación supervisada consiste en, para una nueva observación de las variables $X_1,...,X_p$, $x_{nueva}=(x_{nueva,1}\ hspace0.1cm,\ x_{nuevo,2},...,\ x_{nuevo,p})$, predecir es Y valor (y_{nuevo}) usando la información disponible de $X_1,...,X_p$ y \$ Y\$

Entonces, el problema es clasificar un nuevo elemento/individuo en uno de los g grupos generados por Y usando la información disponible de $X_1, ..., X_p$ y Y, y también $x_{nuevo} = (x_{nuevo,1}, x_{nuevo,2}, ..., x_{nuevo,p})$

Tengase en cuenta que si no tenemos información sobre $\,Y\,$, esto sería un problema de clasificación no supervisado.

El algoritmo KNN (K-vecinos más cercanos) para la clasificación supervisada tiene los siguientes pasos:

- 1. Define una medida de **distancia** entre las observaciones de la muestra original respecto a las variables $X_1, ..., X_p \Rightarrow \delta$
- 2. Calcula las distancias entre x_{new} y las observaciones iniciales $\{x_1,...,x_n\} \Rightarrow \{\delta(x_{nuevo},x_i) \mid i=1,...,n\}$
- 3. Seleccione la k observación más cercana a x_{nuevo} basado en δ (k vecinos más cercanos de x_{nuevo}) \Rightarrow El conjunto de estas observaciones será denotar por $KNN(x_{nuevo})$
- 4. Calcular la proporción de estas observaciones (vecinos) que pertenecen a cada grupo : La proporción de KNN que pertenece al grupo Ω_r $(Y = c_r)$ será denotado por f_r^{knn}

$$f_r^{KNN(x_{new})} \ = \ \frac{\# \ \{ \ i \in KNN(x_{new}) \ / \ i \in \Omega_r \ \}}{\# \ KNN(x_{new}) = k} \ = \ \frac{\# \ \{ \ i \in KNN \ / \ y_i = r \ \}}{k}$$

5. Clasifica x_{new} en ese grupo/clase (definido por Y) más frecuente en KNN:

If
$$\underbrace{f_s^{knn} \geqslant f_r^{knn}}_{s \text{ es la clase más frecuente en } KNN}^{knn}_{s \text{ es la clase más frecuente en } KNN}^{knn}_{s \text{ es la clase más frecuente en } KNN}$$
 $\Rightarrow x_{new}$ se clasifica en $\Omega_s \Rightarrow \widehat{y}_{new} = s$

En otras palabras:

$$\text{If} \quad s^* = \arg \mathop{M\acute{a}x}_s. \left(\, f_s^{KNN(x_{new})} \, \right) \quad \Rightarrow \quad \widehat{y}_{new} = s^*$$

4.5.15 4.6.2. Algoritmo de creación proia en Python

Vamos a desarrollar nuestro propio algoritmo para no depender de sklearn

```
def KNN_classification( X , Y , x_new, k, distance = "Minkowski" , q = 0,
\rightarrow p1=0, p2=0, p3=0):
## Para paralelizar el algoritmo
   from joblib import Parallel, delayed
   import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
# Y, X y x_new deben ser objetos Pandas ya que luego seran convertidos
   → a objetos Numpy automaticamente por el algoritmo
   # Y tiene que ser un Pandas data frame con la variable respuesta (que
   → en este caso debe ser categorica y con categorias estandar
   \rightarrow {0,1,2,...})
   # X tiene que ser un Pandas data frame con los predictotres
   \hookrightarrow (X1,\ldots,Xp).
   \# x_new tiene que ser un vector con una nueva observacion de los
   → predictores.
Y = Y.to_numpy()
   X = X.to_numpy()
   x_new = x_new.to_numpy()
   X = np.concatenate((X, [x_new]), axis=0)
   distances = []
   groups_knn = []
def a(Binary_Data) :
          X = Binary_Data
          a = X @ X.T
```

```
return(a)
def d(Binary_Data):
        X = Binary_Data
        ones_matrix = np.ones(( X.shape[0] , X.shape[1]))
        d = (ones_matrix - X) @ (ones_matrix - X).T
        return(d)
def alpha_py(i,j, Multiple_Categorical_Data):
     X = Multiple_Categorical_Data
     alpha = np.repeat(0, X.shape[1])
     for k in range(0, X.shape[1]) :
        if X[i-1, k] == X[j-1, k]:
           alpha[k] = 1
        else :
           alpha[k] = 0
     alpha = alpha.sum()
     return(alpha)
if distance == "Euclidean":
     def Dist_Euclidea_Python(i, j, Quantitative_Data_set):
        Dist_Euclidea = ( ( Quantitative_Data_set[i-1, :] -

    Quantitative_Data_set[j-1, :] )**2 ).sum()

        Dist_Euclidea = np.sqrt(Dist_Euclidea)
        return Dist_Euclidea
## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR
```

```
#for j in range(1, len(X)):
        # distances.append( Dist_Euclidea_Python( len(X), i , X ) )
      n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
      distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)(
\rightarrow delayed(Dist_Euclidea_Python)( len(X), s , X ) for s in range(1,
\rightarrow len(X))
if distance == "Minkowski":
      def Dist_Minkowski_Python(i,j, q , Quantitative_Data_set):
          Dist_Minkowski = ( ( ( abs( Quantitative_Data_set[i-1, :] -
\rightarrow Quantitative_Data_set[j-1, :] ) )**q ).sum() )**(1/q)
          return Dist_Minkowski
## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR
       # for i in range(1, len(X)):
        # distances.append( Dist_Minkowski_Python( len(X), i , q , X)
      n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
      distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)(

→ delayed(Dist_Minkowski_Python)(len(X), s, q, X) for s in range(1,
\rightarrow len(X))
if distance == "Canberra":
      def Dist_Canberra_Python(i,j, Quantitative_Data_set):
          numerator = abs( Quantitative_Data_set[i-1, :] -
   Quantitative_Data_set[j-1, :])
          denominator = ( abs(Quantitative_Data_set[i-1, :]) +
→ abs(Quantitative_Data_set[j-1, :]) )
          numerator=np.array([numerator], dtype=float)
          denominator=np.array([denominator], dtype=float)
```

```
Dist_Canberra = ( np.divide( numerator , denominator ,
→ out=np.zeros like(numerator), where=denominator!=0) ).sum()
         return Dist_Canberra
## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR
      # for i in range(1, len(X)):
        # distances.append( Dist_Canberra_Python( len(X), i , X) )
      n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
      distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)(

→ delayed(Dist_Canberra_Python)(len(X), s, X) for s in range(1,
  len(X)) )
if distance == "Pearson":
      def Dist_Pearson_Python(i, j, Quantitative_Data_set):
         Dist Pearson = ( ( Quantitative Data set[i-1, ] -

    Quantitative_Data_set[j-1, ] )**2 / Quantitative_Data_set.var()

→ ).sum()
         Dist_Pearson = np.sqrt(Dist_Pearson)
         return Dist_Pearson
## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR
     # for i in range(1, len(X)):
         distances.append( Dist_Pearson_Python( len(X), i , X) )
      n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
      distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Pearson_Python)(
\rightarrow len(X), s , X) for s in range(1, len(X)) )
if distance == "Mahalanobis":
      def Dist_Mahalanobis_Python(i, j, Quantitative_Data_set):
```

```
# All the columns of Quantitative_Data_set must be type =
           → 'float' or 'int' (specially not 'object'), in other case
           \hookrightarrow we will find
          # dimensional problems when Python compute x @ S_inv @ x.T
          x = (Quantitative_Data_set[i-1, :] -
→ Quantitative_Data_set[j-1, :])
          x = np.array([x]) # necessary step to transpose a 1D array
          S_inv = np.linalg.inv( np.cov(Quantitative_Data_set ,
  rowvar=False) ) # inverse of covariance matrix
          Dist_Maha = np.sqrt( x @ S_inv @ x.T ) # x @ S_inv @ x.T =
  np.matmul(np.matmul(x, S_inv), x.T)
          return Dist_Maha
## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR
      # for i in range(1, len(X)):
           distances.append( Dist_Mahalanobis_Python( len(X), i , X) )
       n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
       distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)(

→ delayed(Dist_Mahalanobis_Python)( len(X), s , X) for s in range(1,
\rightarrow len(X)))
if distance == "Sokal":
       a = X @ X.T
       n = X.shape[0]
       p = X.shape[1]
       ones_matrix = np.ones((n, p))
      b = (ones_matrix - X) @ X.T
       c = b.T
       d = (ones_matrix - X) @ (ones_matrix - X).T
       def Sokal_Similarity_Py(i, j):
          Sokal_Similarity = (a[i-1, j-1] + d[i-1, j-1]) / p
```

```
return Sokal_Similarity
       def Dist_Sokal_Python(i, j, Binary_Data_set):
          dist_Sokal = np.sqrt( 2 - 2*Sokal_Similarity_Py(i,j,
→ Binary_Data_set) )
          return dist_Sokal
## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR
     # for i in range(1, len(X)):
           distances.append( Dist_Sokal_Python( len(X), i , X) )
      n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
       distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Sokal_Python)(
   len(X), s , X) for s in range(1, len(X)) )
if distance == "Jaccard":
      a = X @ X.T
      n = X.shape[0]
      p = X.shape[1]
      ones_matrix = np.ones((n, p))
      b = (ones_matrix - X) @ X.T
       c = b.T
       d = (ones_matrix - X) @ (ones_matrix - X).T
       def Jaccard_Similarity_Py(i, j):
          Jaccard_Similarity = a[i-1,j-1] / (a[i-1,j-1] + b[i-1,j-1] +
\hookrightarrow c[i-1,j-1])
          return Jaccard_Similarity
       def Dist_Jaccard_Python(i, j):
          dist_Jaccard = np.sqrt( Jaccard_Similarity_Py(i,i) +
  Jaccard_Similarity_Py(i,i) - 2*Jaccard_Similarity_Py(i,j) )
          return dist_Jaccard
```

```
## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR
     # for i in range(1, len(X)):
          distances.append( Dist_Jaccard_Python( len(X), i , X) )
      n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
      distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Jaccard_Python)(
\rightarrow len(X), s , X) for s in range(1, len(X)) )
if distance == "Matches":
      def matches_similarity_py(i, j, Multiple_Categorical_Data):
          p = Multiple_Categorical_Data.shape[1]
          matches_similarity = alpha_py(i,j, Multiple_Categorical_Data)

→ / p

          return(matches_similarity)
      def Dist_Matches_Py(i,j, Multiple_Categorical_Data):
          Dist_Matches = np.sqrt( matches_similarity_py(i, i,
\hookrightarrow Multiple_Categorical_Data) + matches_similarity_py(j, j,
→ Multiple_Categorical_Data) - 2*matches_similarity_py(i, j,
→ Multiple_Categorical_Data) )
          return( Dist_Matches )
# for i in range(1, len(X)):
        # distances.append( Dist_Matches_Py( len(X), i , X) )
      n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
      distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Matches_Py)(
\rightarrow len(X), s , X) for s in range(1, len(X))
if distance == "Gower":
      # The data matrix X have to be order in the following way:
      # The p1 first are quantitative, the following p2 are binary
       \rightarrow categorical, and the following p3 are multiple categorical.
```

```
def Gower_Similarity_Python(i,j, Mixed_Data_Set, p1, p2, p3):
         X = Mixed_Data_Set
  # The data matrix X have to be order in the following way:
  # The p1 first are quantitative, the following p2 are binary
  \hookrightarrow categorical, and the following p3 are multiple categorical.
def G(k, X):
            range = X[:,k].max() - X[:,k].min()
            return(range)
         G_vector = np.repeat(0.5, p1)
         for r in range(0, p1):
            G \ vector[r] = G(r, X)
ones = np.repeat(1, p1)
         Quantitative_Data = X[: , 0:p1]
         Binary_Data = X[: , (p1):(p1+p2)]
         Multiple_Categorical_Data = X[: , (p1+p2):(p1+p2+p3) ]
numerator_part_1 = ( ones - ( abs(Quantitative_Data[i-1,:] -
  Quantitative_Data[j-1,:]) / G_vector ) ).sum()
         numerator_part_2 = a(Binary_Data)[i-1,j-1] + alpha_py(i,j,
 Multiple_Categorical_Data)
         numerator = numerator_part_1 + numerator_part_2
         denominator = p1 + (p2 - d(Binary_Data)[i-1,j-1]) + p3
         Similarity_Gower = numerator / denominator
         return(Similarity_Gower)
```

```
def Dist_Gower_Py(i, j, Mixed_Data , p1, p2, p3):
        Dist_Gower = np.sqrt( 1 - Gower_Similarity_Python(i, j,
→ Mixed_Data , p1, p2, p3) )
        return(Dist_Gower)
# for i in range(1, len(X)):
         # distances.append( Dist_Gower_Py( len(X), i , X, p1, p2, p3)
     n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
     distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Gower_Py)(
\rightarrow len(X), s , X, p1, p2, p3) for s in range(1, len(X))
if distance == "Gower-BM" :
     def GowerBM_Similarity_Python(i,j, BM_Data_Set, p2, p3):
        X = BM_Data_Set
       # The data matrix X have to be order in the following way:
       # The p2 first are binary categorical, and the following p3 are
       → multiple categorical.
Binary_Data = X[: , 0:p2]
        Multiple_Categorical_Data = X[: , (p2):(p2+p3)]
numerator_part_2 = a(Binary_Data)[i-1,j-1] + alpha_py(i,j,
→ Multiple_Categorical_Data)
        numerator = numerator_part_2
        denominator = (p2 - d(Binary_Data)[i-1,j-1]) + p3
        Similarity_Gower = numerator / denominator
        return(Similarity_Gower)
```

```
def Dist_GowerBM_Py(i, j, BM_Data , p2, p3):
        Dist_Gower = np.sqrt( 1 - GowerBM_Similarity_Python(i, j,
→ BM_Data , p2, p3) )
        return(Dist_Gower)
# for i in range(1, len(X)):
        # distances.append( Dist_GowerBM_Py( len(X), i , X, p2, p3) )
     n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
     distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_GowerBM_Py)(
  len(X), s , X, p2, p3) for s in range(1, len(X))
if distance == "Gower-BQ" :
     def GowerBQ_Similarity_Python(i,j, BQ_Data_Set, p1, p2):
        X = BQ_Data_Set
     # The data matrix X have to be order in the following way:
     # The p1 first are quantitative, the following p2 are binary
      \rightarrow categorical
def G(k, X):
           range = X[:,k].max() - X[:,k].min()
           return(range)
        G_vector = np.repeat(0.5, p1)
        for r in range(0, p1):
           G_{vector}[r] = G(r, X)
ones = np.repeat(1, p1)
        Quantitative_Data = X[: , 0:p1]
```

```
Binary_Data = X[: , (p1):(p1+p2)]
numerator_part_1 = ( ones - ( abs(Quantitative_Data[i-1,:] -

    Quantitative_Data[j-1,:]) / G_vector ) ).sum()

         numerator_part_2 = a(Binary_Data)[i-1, j-1]
         numerator = numerator_part_1 + numerator_part_2
         denominator = p1 + (p2 - d(Binary_Data)[i-1,j-1])
         Similarity_Gower = numerator / denominator
         return(Similarity_Gower)
def Dist_GowerBQ_Py(i, j, BQ_Data , p1, p2):
         Dist_Gower = np.sqrt( 1 - GowerBQ_Similarity_Python(i, j,
→ BQ_Data , p1, p2) )
        return(Dist_Gower)
# for i in range(1, len(X)):
      # distances.append( Dist_GowerBQ_Py( len(X), i , X, p1, p2) )
     n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
      distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_GowerBQ_Py)(
 len(X), s , X, p1, p2) for s in range(1, len(X)) )
if distance == "Gower-MQ" :
      def GowerMQ_Similarity_Python(i,j, MQ_Data_Set, p1, p3):
         X = MQ_Data_Set
  # The data matrix X have to be order in the following way:
  # The p1 first are quantitative, the following p2 are binary
  → categorical, and the following p3 are multiple categorical.
```

```
def G(k, X):
           range = X[:,k].max() - X[:,k].min()
           return(range)
        G_vector = np.repeat(0.5, p1)
        for r in range(0, p1):
           G_{vector}[r] = G(r, X)
ones = np.repeat(1, p1)
        Quantitative_Data = X[: , 0:p1]
        Multiple_Categorical_Data = X[: , (p1):(p1+p3)]
numerator_part_1 = ( ones - ( abs(Quantitative_Data[i-1,:] -
 Quantitative_Data[j-1,:]) / G_vector ) ).sum()
        numerator_part_2 = alpha_py(i,j, Multiple_Categorical_Data)
        numerator = numerator_part_1 + numerator_part_2
        denominator = p1 + p3
        Similarity_Gower = numerator / denominator
        return(Similarity_Gower)
def Dist_GowerMQ_Py(i, j, MQ_Data , p1, p3):
           Dist_Gower = np.sqrt( 1 - GowerMQ_Similarity_Python(i, j,
→ MQ_Data , p1, p3) )
           return(Dist_Gower)
# for i in range(1, len(X)):
```

```
# distances.append( Dist_GowerMQ_Py( len(X), i , X, p1, p3) )
      n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
       distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_GowerMQ_Py)(
\rightarrow len(X), s , X, p1, p3) for s in range(1, len(X)) )
distances = pd.DataFrame({'distances': distances})
   distances =

→ distances.sort_values(by=["distances"]).reset_index(drop=False)
   knn = distances.iloc[0:k , :]
   for i in knn.iloc[:,0]:
       groups_knn.append(Y[i])
   unique, counts = np.unique(groups_knn , return_counts=True)
   unique_Y , counts_Y = np.unique(Y , return_counts=True)
   if len(unique) == len(unique_Y) :
      proportions_groups_knn = pd.DataFrame({'proportions_groups':
  counts/k, 'groups': unique_Y })
   elif len(unique) < len(unique_Y) :</pre>
      proportions_groups_knn = pd.DataFrame({'proportions_groups':
  counts/k, 'groups': unique })
   prediction_group =

→ proportions_groups_knn.sort_values(by=["proportions_groups"],
→ ascending=False).iloc[0,:]['groups']
   return prediction_group, proportions_groups_knn
```

Probamos el algoritmo con un ejemplo:

```
prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification(X_{train}, \hookrightarrow Y_{train}, x_{new}, 10 , distance = "Euclidean")
```

prediction_group

0.0

proportions_groups_knn

	proportions_groups	groups
0	0.8	0
1	0.2	1

Validación simple con función de validación propia y función de clasificación KNN propia

```
def Simple_Validation_Classification(distance, Data_Test, X_train,
##########################
   from joblib import Parallel, delayed
   import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
   ############################
   ##############################
   def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification(
\rightarrow X_train , Y_train , x_new, 10 , distance = distance )
    y_new_predict = prediction_group
    return(y_new_predict)
   #############################
   y_predictions_vector = []
   # Paralelizamos el siguiente bucle for :
   # for i in range(0, len(Data_Test)):
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
   y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)(

→ i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )
   #########################
   from itertools import chain
   TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)
   return(y_predictions_vector , TEC)
```

Se va a probar el algoritmo con distancias diferentes a las que pueden usarse conn sklearn para asi cubrir un mayor campo.

Usando la distancia de Canberra:

```
TEC_KNN_Canberra
```

0.23931623931623935

Usando la distancia de Pearson:

```
TEC_KNN_Pearson
```

0.2991452991452992

Usando la distancia de Mahalanobis:

Ahora vamos a usar la distancia de Mhalanobis, pero teniendo especial cuidado, porque como pone dentro de la propia funcion (# All the columns of Quantitative_Data_set must be type = 'float' or 'int' (specially not 'object'), in other case we will find dimensional problems when Python compute x @ S_inv @ x.T) todas las variables de X_train asi como x_new tienen que ser tipo float o int , y especialmente no ser tipo object, y resulta que tenemos Gender como object, luego tenemos que modificar esto para poder usar el algoritmo con la distancia de Mahalanobis.

Para hacer que todas las variables de X_train sean tipo float o int basta con cambiar a int la variable Gender que es la unica tipo object.

X_train.dtypes

dtype: object

Age	int64
Gender	object
Total_Bilirubin	float64
Direct_Bilirubin	float64
Alkaline_Phosphotase	int64
Alamine_Aminotransferase	int64
Aspartate_Aminotransferase	int64
Total_Protiens	float64
Albumin	float64
Albumin_and_Globulin_Ratio	float64

```
X_train['Gender'] = X_train['Gender'].astype('int')
```

Pero por otro lado como x_new se define en el algoritmo de validacion como x_new = $Data_Test.iloc[i, range(1, Data_Test.shape[1])]$ y $Data_test$ tambien tiene variables tipo object, por lo que hay que convertirlas en tipo float o int, ya que si no x_new será tipo object y no podrá intervenir en ciertas operaciones entre arrays con Numpy, cosa que pasa en el algoritmo. En general para quitarnos problemas siempre que se usen operaciones entre arrays con Numpy estos deberian ser tipo float o int, nunca object.

Data_Test.dtypes

```
Y
                                object
                                 int64
Age
Gender
                                object
Total_Bilirubin
                               float64
Direct_Bilirubin
                               float64
Alkaline_Phosphotase
                                 int64
Alamine_Aminotransferase
                                 int64
Aspartate_Aminotransferase
                                 int64
Total Protiens
                               float64
Albumin
                               float64
Albumin_and_Globulin_Ratio
                               float64
```

dtype: object

```
Data_Test['Gender'] = Data_Test['Gender'].astype('int')
Data_Test['Y'] = Data_Test['Y'].astype('int')
```

```
TEC_KNN_Mahalanobis
```

0.3504273504273504

Usando la distancia de Gower:

Ahora vamos a probar con la distancia de Gower, que es la ideal para conjuntos de datos de tipo mixto (que tienen por lo menos dos tipos de vairbales (cuantitativas-binarias , cuantitativas-multiclase, binarias-multiclase o cuantitativas-binarias-multiclase)).

Notese que las distancias usadas hasta el momento (Minkowski con p=1,2 (es decir, Euclidea y Manhattan), Canberra, Pearson y Mahalanobis) NO son distancias apropiadas, desde un punto de vista estadistico, para matrices de datos de tipo mixto. La distancia mas estandarizada para este tipo de conjunto de datos es la de Gower. En este caso como tenemos un conjunto de datos de tipo cuantitativo-binario usaremos una version de la distancia de Gower adecuada para este tipo de datos.

Para ello podemos usar el parametro distance="Gower-BQ" en nuestra funcion de KNN. Pero para ello debemos hacer unas modificaciones en el data-set de predictores para que nuestra funcion pueda operar correctamente.

Por un lado tenemos que hacer que las primeras p1 variables (columnas) de X_train sean las cuantitativas, y las siguientes p2 variables las binarias. Tras esto ya podremos usar nuestra funcion KKN con la distancia de Gower para datos binarios-cuantitativos, pasandole como parametros adicionales p1 y p2.

Como x_new = Data_Test.iloc[i , range(1, Data_Test.shape[1])] y tambien tiene que ser un vector con el mismo orden que X_train_rearranged tenemos que reordenar Data_test del mismo modo que lo hemos hecho con X_train.

```
Data_Test_rearranged = Data_Test.loc[:, ['Y', #Respuesta

'Age', 'Total_Bilirubin',

'Direct_Bilirubin',

'Alkaline_Phosphotase',

'Alamine_Aminotransferase',

#Cuantitativas (9)

'Aspartate_Aminotransferase',

'Total_Protiens', 'Albumin',

'Albumin_and_Globulin_Ratio',

'Gender' #Binarias (1)

]]
```

Validamos el algoritmo por validación simple:

```
#############################
    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train ):
     x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification(
\rightarrow X_train , Y_train , x_new, 10 , distance = "Gower-BQ" , p1=9 , p2=1)
     y_new_predict = prediction_group
     return(y_new_predict)
    ##########################
    y_predictions_vector = []
    # Paralelizamos el siguiente bucle for :
    # for i in range(0, len(Data_Test)):
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
    y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)(
→ i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )
    ############################
    from itertools import chain
    TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)
    return(y_predictions_vector , TEC)
prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification(

→ X=X_train_rearranged , Y=Y_train , x_new=x_new, k=10 ,
\rightarrow distance="Gower-BQ" , p1=9 , p2=1)
y_predictions_vector , TEC_KNN_Gower_BQ
\  \, \hookrightarrow \  \, \text{Simple\_Validation\_Classification(Data\_Test\_rearranged,}

→ X_train_rearranged, Y_train, Y_test)

TEC_KNN_Gower_BQ
```

0.3418803418803419

4.5.16 KNN para clasificación en Python con sklearn

```
import sklearn
from sklearn.neighbors import NearestNeighbors

# sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=5, *,
    weights='uniform', algorithm='auto', leaf_size=30, p=2,
    metric='minkowski', metric_params=None, n_jobs=None)

Es recomendable ver primero la documentación de sklearn: https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier.html

knn_classification = sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=10
    , weights='uniform', p=2, metric='minkowski')

knn_classification.fit(X_train, Y_train)

KNeighborsClassifier(n_neighbors=10)
knn_classification.predict([x_new])

array([0])
knn_classification.predict_proba([x_new])

array([0.8, 0.2]])
```

Validación simple con función de validación propia y función de clasificación KNN sklearn

```
def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)
   ##########################
   from joblib import Parallel, delayed
   import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
   ##############################
   knn classification =

    sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=10 ,

    weights='uniform', p=2, metric='minkowski')

   ##########################
   def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    knn_classification.fit(X_train, Y_train)
    y_new_predict = knn_classification.predict( [x_new] )
    return(y_new_predict)
   ##########################
   y_predictions_vector = []
   # Paralelizamos el siguiente bucle for :
   # for i in range(0, len(Data_Test)):
       # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
       # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
   y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)(
#########################
   from itertools import chain
   y_predictions_vector = list(chain(*y_predictions_vector))
```

```
TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)
    return(y_predictions_vector , TEC)
y_predictions_vector , TEC_KNN_Minkowski_p_2 =
→ Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)
TEC_KNN_Minkowski_p_2
0.2991452991452992
Validación simple con la función de validación sklearn
Usando la distancia de Minkowski con q=2:
knn_classification = sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=10
→ , weights='uniform', p=2, metric='minkowski')
knn_classification.fit(X_train, Y_train)
KNeighborsClassifier(n_neighbors=10)
TEC_KNN_skl_Minkowski_p_2 = 1 - knn_classification.score(X_test, Y_test)
TEC_KNN_skl_Minkowski_p_2
0.2991452991452992
Usando la distancia de Minkowski con q=1:
knn_classification = sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=10
→ , weights='uniform', p=1, metric='minkowski')
knn_classification.fit(X_train, Y_train)
KNeighborsClassifier(n_neighbors=10, p=1)
TEC_skl_Minkowski_p_1 = 1 - knn_classification.score(X_test, Y_test)
TEC_skl_Minkowski_p_1
```

0.32478632478632474

Usando la distancia coseno:

0.2991452991452992

4.5.17 Selección óptima del hiperparámetro k en KNN

Vamos a hacer una seleccion óptima del hiperparametro k por validacion simple para KNN con varias distancias.

k óptimo con distancia Canberra

```
def Simple_Validation_Classification(k, Data_Test, X_train, Y_train,
\hookrightarrow Y_test) :
   ##########################
   from joblib import Parallel, delayed
   import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
   ############################
   ##############################
   def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification(

→ X_train , Y_train , x_new, k , distance = 'Canberra' )

    y_new_predict = prediction_group
    return(y_new_predict)
   ##############################
   y_predictions_vector = []
   # Paralelizamos el siguiente bucle for :
   # for i in range(0, len(Data_Test)):
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
   y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)(
→ i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )
   from itertools import chain
   TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)
```

4 5 0.230769

5 6 0.230769

7 8 0.230769 9 10 0.239316

1 2

3

k óptimo con distancia Pearson

```
def Simple_Validation_Classification(k, Data_Test, X_train, Y_train,
\hookrightarrow Y_test) :
    #############################
    from joblib import Parallel, delayed
    import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
    ############################
    ##############################
    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train ):
     x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification(
\hookrightarrow X_train , Y_train , x_new, k , distance = 'Pearson' )
     y_new_predict = prediction_group
    return(y_new_predict)
    ############################
   y_predictions_vector = []
    # Paralelizamos el siguiente bucle for :
    # for i in range(0, len(Data_Test)):
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
    y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)(

→ i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )
    ############################
    from itertools import chain
    TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)
   return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
TEC_KNN_Pearson_vector = [ ]

for k in range(1, 50) :

    y_predictions_vector , TEC = Simple_Validation_Classification(k,
    Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)

    TEC_KNN_Pearson_vector.append(TEC)

k_KNN_Pearson_df = pd.DataFrame({'k':range(1,50),
    'TEC':TEC_KNN_Pearson_vector})

k_KNN_Pearson_df =
    k_KNN_Pearson_df.sort_values(by=["TEC"]).reset_index(drop=False)

k_KNN_Pearson_df.head()

index k TEC
0 3 4 0.256410
```

1 2 0.264957

4 5 0.264957

3 2 3 0.273504 4 5 6 0.273504

1

2

k óptimo con distancia Euclidea

```
def Simple_Validation_Classification(k, Data_Test, X_train, Y_train,
\hookrightarrow Y_test) :
    #############################
    from joblib import Parallel, delayed
    import multiprocessing
   n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
    ############################
    ##############################
    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train ):
     x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
    prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification(
\hookrightarrow X_train , Y_train , x_new, k , distance = 'Euclidean' )
     y_new_predict = prediction_group
    return(y_new_predict)
    ############################
   y_predictions_vector = []
    # Paralelizamos el siguiente bucle for :
    # for i in range(0, len(Data_Test)):
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
    y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)(

→ i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )
    ############################
    from itertools import chain
    TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)
   return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
TEC_KNN_Euclidean_vector = [ ]

for k in range(1, 50) :

    y_predictions_vector , TEC = Simple_Validation_Classification(k,
    Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)

    TEC_KNN_Euclidean_vector.append(TEC)
```

k_KNN_Euclidean_df.head()

	index	k	TEC
0	3	4	0.256410
1	1	2	0.264957
2	4	5	0.264957
3	2	3	0.273504
4	5	6	0.273504

4.6 4.7. Comparación final entre árboles y KNN para clasificación por validacion simple

Modelo	TAC
rpart sin podar	0.6667
rpart podado	0.6879
c5.0 sin podar	0.6986
c5.0 podado	0.7123
rpart podado (mlr3)	0.6917
c5.0 (mlr3)	0.6986
AC propio TEC $k = 20$	0.6923
AC propio Gini $k=20$	0.7179
AC sklearn (criterion='gini', min_samples_split=40,	0.6581
min_samples_leaf=50)	
AC sklearn penalizacion α^* (criterion='gini')	0.7008
KNN Canberra $k = 10$	0.7607
KNN Pearson $k = 10$	0.7008
KNN Mahalanobis $k = 10$	0.6496
KNN Gower $k = 10$	0.6581
KNN Minkowski $q=2\ k=10$	0.7008
KNN Minkowski $q=1\ k=10$	0.67521
KNN Coseno $k = 10$	0.7008
KNN Canbera $k*$	0.7692
KNN Pearson k^*	0.74359
KNN Euclidea k^*	0.74359

arbol de clasificacion con sklearn DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best', min_samples_split=40, min_samples_leaf=50, max_depth=None, ccp_alpha=0, random state=666) TAC 0.6581

arbol de clasificacion con sklearn penalizacion optima Decision TreeClassifier(ccp_alpha=alpha_score_df_socriterion='gini', splitter='best', random_state=222) TAC 0.7008

KNN funcion propia con distancia canberra y k=10 TAC 0.7607

KNN funcion propia con distancia Pearson y k=10 TAC 0.7008

KNN funcion propia con distancia Mahalanobis y k=10 TAC 0.6496

KNN funcion propia con distancia Gower y k=10 TAC 0.6581

KNN funcion sklearn con distancia Minkowski q=2 y k=10 TAC 0.7008

KNN funcion sklearn con distancia Minkowski q=1 y k=10 TAC 0.67521

KNN funcion sklearn con distancia Coseno y k=10 TAC 0.7008

KNN con k optimio para la distancia Canberra

KNN con k optimio para la distancia Pearson

KNN con k optimio para la distancia Euclidea