

Aplicación del aprendizaje automático en la medicina predictiva.

Práctica 1: Clasificación para el diagnóstico de enfermedades.

Indice

- 1. Objetivos
- 2. Problema
- 3. Datos
- 4. Desarrollo de la práctica
 - □ 4.1. Carga de los datos en R y Python
 - □ 4.2. EDA en R
 - □ o 4.2.1 EDA con skimr
 - □ o 4.2.2 EDA con DataExplorer
 - □ 4.3. EDA en Python
 - □ o 4.3.1. Estructura del data-set
 - □ o 4.3.2. Resumen Estadístico Descriptivo Básico
 - □ o 4.3.3. Análisis gráfico general
 - □ o 4.3.3.1. Histogramas de las variables cuantitativas
 - □ o 4.3.3.2. Diagramas de barras de las variables categóricas
 - □ o 4.3.3.3. Box-plots de las variables cuantitativas
 - □ o 4.3.4. Análisis de la relación entre los predictores categóricos y la respuesta
 - □ o 4.3.4.1. Análisis relación entre respuesta (Diseased) y Gender
 - □ o 4.3.4.2. Análisis relación entre respuesta (Diseased) y Grupo de Edad
 - □ o 4.3.5. Análisis de la relación entre los predictores cuantitativos y la respuesta
 - □ o 4.3.5.1. Resumen Estadísticos Descriptivos Cuantitativos en función de la respuesta (Diseased)
 - □ o 4.3.5.2. Diagrama de puntos de los predictores cuantitativos en función de la respuesta (Diseased)
 - □ o 4.3.5.3. Box-plots de los predictores cuantitativos en función de la respuesta (Diseased)
- □ 4.4. Árboles de clasificación en R
 - □ o 4.4.1. Algoritmo rpart en R
 - □ o 4.4.2. Algoritmo C50 en R
 - □ o 4.4.3. Algoritmo CART en R con mlr3
 - □ o 4.4.4. Algoritmo C5.0 en R con mlr3
 - □ o 4.4.5. Comparación entre R y mlr3
 - □ o 4.4.6. Comparación de resultados
- □ 4.5. Árboles de clasificación en Python
 - □ o 4.5.1. Árboles de clasificación: teoría
 - □ o 4.5.2. Algoritmo de creación propia en Python
 - □ o 4.5.3. Árboles de clasificación en Python con sklearn
 - □ o 4.5.4. Árboles de clasificación penalizados en sklearn : α óptimo
 - □ o 4.5.5. Comparación final entre árboles de clasificación por validación simple
- □ 4.6. KNN para clasificación en Python

- ■ ○ 4.6.1. KNN para clasificación: teoría
 - ■ ○ 4.6.2. Algoritmo de creación propia en Python
 - ■ ○ 4.6.3. KNN para clasificación en Python con sklearn
-
- ■ 4.7. Comparación final entre árboles y KNN para clasificación por validación simple

1. Objetivos

- Conocer un contexto de aplicación real.
- Ejercitarnos en el análisis de datos y la implementación de algoritmos de clasificación, para adquirir criterio en la aplicación de los mismos.
- Evaluar las capacidades de R y mlr para la implementación.

2. Problema

- Resolver un problema de clasificación para el diagnóstico de pacientes hepáticos.

3. Datos

- Usaremos el conjunto de datos “Indian Liver Patient Dataset”: Los pacientes con enfermedades del hígado han ido aumentando continuamente debido al consumo excesivo de alcohol, inhalación de gases nocivos, ingesta de alimentos contaminados, encurtidos y drogas.
- Este conjunto de datos se utilizó para evaluar los algoritmos de predicción en un esfuerzo por reducir la carga para los médicos. Este conjunto de datos contiene 416 registros de pacientes hepáticos y 167 registros de pacientes no hepáticos recopilados en el noreste de Andhra Pradesh, India.
- La variable de respuesta es “diseased” (personas que tienen enfermedad del hígado)
- El data set encuentra en la librería “mlr3data”.

```
data("ilpd", package = "mlr3data")
```

4. Desarrollo de la práctica

Vamos a desarrollar esta práctica en los lenguajes de programación `R` y `Python` simultaneamente.

En general loaremos a través el lenguaje `Python` utilizando un paquete llamado `rpy2` que permite ejecutar código `R` desde `Python`.

4.1. Carga de los datos

Empezamos la práctica cargando los datos, tanto en `R` como en `Python`:

Importamos en Python la librería `rpy2` que nos será esencial para trabajar con R y Python simultaneamente desde el mismo entorno:

```
In [ ]: import warnings  
warnings.filterwarnings("ignore")
```

```
In [ ]: import rpy2  
  
%load_ext rpy2.ipython
```

```
In [ ]: %%R  
  
# install.packages("mlr3data")  
# install.packages("mlr3")
```

NULL

Cargamos los datos en R

In []:

```
%%R  
data("ilpd", package = "mlr3data")  
head(ilpd,5)
```

	age	gender	total_bilirubin	direct_bilirubin	alkaline_phosphatase	
1	65	Female	0.7	0.1	187	
2	62	Male	10.9	5.5	699	
3	62	Male	7.3	4.1	490	
4	58	Male	1.0	0.4	182	
5	72	Male	3.9	2.0	195	
			alanine_transaminase	aspartate_transaminase	total_protein	albumin
1			16	18	6.8	3.3
2			64	100	7.5	3.2
3			60	68	7.0	3.3
4			14	20	6.8	3.4
5			27	59	7.3	2.4
			albumin_globulin_ratio	diseased		
1			0.90	yes		
2			0.74	yes		
3			0.89	yes		
4			1.00	yes		
5			0.40	yes		

Cargamos los datos en Python

In []:

```
import pandas as pd
```

In []:

```
Data_Python = pd.read_csv('indian_liver_patient.csv')
```

In []:

```
Data_Python = Data_Python.rename({'Dataset': 'Diseased'}, axis=1)
```

In []:

```
Data_Python.head()
```

Out[]:

	Age	Gender	Total_Bilirubin	Direct_Bilirubin	Alkaline_Phosphotase	Alamine_Aminotransferase	Aspartate_Aminotransferase	Total_
0	65	Female	0.7	0.1	187	16	18	
1	62	Male	10.9	5.5	699	64	100	
2	62	Male	7.3	4.1	490	60	68	
3	58	Male	1.0	0.4	182	14	20	
4	72	Male	3.9	2.0	195	27	59	

Describiremos cada una de las variables:

- age: edad del paciente. A los pacientes que exceden 89 son listados con la edad 90
- gender: género del paciente.
- total_bilirubin: Total de bilirrubina.
- direct_bilirubin: Bilirrubina directa.
- alkaline_phosphatase: Fosfatasa alcalina.
- alanine_transaminase: alanina aminotransferasa o transamisana glutámico pirúvica.
- aspartate_trasaminase: aspartato aminotransferasa.
- total_protein: proteinas totales.
- albumin: albúmina.
- albumin_globulin_ratio: albúmina y globulina ratio.
- diseased: Si tienen (1) o no (2) enfermedad en el hígado.

Ahora que ya tenemos cargados los datos y hemos visto la apariencia de los mismo procedemos a hacer un EDA (exploratory data analysis).

4.2. EDA en R

4.2.1. EDA con skimr

Haremos el EDA con la librería `skimr`, como se pide en el enunciado de la práctica.

In []:

```
%%R  
  
# install.packages('skimr')  
  
library(skimr) # Cargamos Librería  
  
skim(ilpd) # EDA con Librería  
  
-- Data Summary -----  
                           Values  
Name                      ilpd  
Number of rows             583  
Number of columns          11  
  
Column type frequency:  
  factor                  2  
  numeric                 9  
  
Group variables           None  
  
-- Variable type: factor -----  
skim_variable n_missing complete_rate ordered n_unique top_counts  
1 gender                 0           1 FALSE          2 Mal: 441, Fem: 142  
2 diseased               0           1 FALSE          2 yes: 416, no: 167  
  
-- Variable type: numeric -----  
skim_variable      n_missing complete_rate     mean      sd    p0    p25  
1 age                     0            1   44.7    16.2    4    33  
2 total_bilirubin         0            1   3.30     6.21   0.4    0.8  
3 direct_bilirubin        0            1   1.49     2.81   0.1    0.2  
4 alkaline_phosphatase    0            1  291.    243.    63    176.  
5 alanine_transaminase   0            1   80.7    183.    10    23  
6 aspartate_transaminase 0            1  110.    289.    10    25  
7 total_protein           0            1   6.48     1.09   2.7    5.8  
8 albumin                 0            1   3.14     0.796   0.9    2.6  
9 albumin_globulin_ratio 0            1   0.947    0.318   0.3    0.7  
  p50    p75    p100 hist  
1  45     58     90 <U+2582><U+2586><U+2587><U+2585><U+2581>  
2  1      2.6    75 <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581><U+2581>  
3  0.3    1.3    19.7 <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581><U+2581>  
4  208    298    2110 <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581><U+2581>  
5  35     60.5   2000 <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581><U+2581>  
6  42     87     4929 <U+2587><U+2581><U+2581><U+2581><U+2581>  
7  6.6    7.2    9.6 <U+2581><U+2582><U+2587><U+2587><U+2581>  
8  3.1    3.8    5.5 <U+2581><U+2585><U+2587><U+2586><U+2581>  
9  0.947  1.1    2.8 <U+2586><U+2587><U+2582><U+2581><U+2581>
```

Tambiénaremos uso de la función `str()` que nos da la estructura de nuestro dataset.

In []:

`%%R`

```
str(ilpd) # Analizamos la estructura de los datos
```

```
'data.frame': 583 obs. of 11 variables:  
 $ age : int 65 62 62 58 72 46 26 29 17 55 ...  
 $ gender : Factor w/ 2 levels "Female","Male": 1 2 2 2 2 2 1 1 2 2 ...  
 $ total_bilirubin : num 0.7 10.9 7.3 1 3.9 1.8 0.9 0.9 0.9 0.7 ...  
 $ direct_bilirubin : num 0.1 5.5 4.1 0.4 2 0.7 0.2 0.3 0.3 0.2 ...  
 $ alkaline_phosphatase : int 187 699 490 182 195 208 154 202 202 290 ...  
 $ alanine_transaminase : int 16 64 60 14 27 19 16 14 22 53 ...  
 $ aspartate_transaminase: int 18 100 68 20 59 14 12 11 19 58 ...  
 $ total_protein : num 6.8 7.5 7 6.8 7.3 7.6 7 6.7 7.4 6.8 ...  
 $ albumin : num 3.3 3.2 3.3 3.4 2.4 4.4 3.5 3.6 4.1 3.4 ...  
 $ albumin_globulin_ratio: num 0.9 0.74 0.89 1 0.4 1.3 1 1.1 1.2 1 ...  
 $ diseased : Factor w/ 2 levels "yes","no": 1 1 1 1 1 1 1 2 1 ...
```

Claramente podemos ver como con `skimr`, las variables que son numéricas las considera todas numéricas, mientras que la función `str` nos especifica las variables numéricas si son variables que toman valores reales o enteros.

4.2.2. EDA con DataExplorer

Por último sacaremos un reporte con la librería `DataExplorer`:

In []:

`%%R`

```
# install.packages('DataExplorer')  
  
# DataExplorer::create_report(ilpd, y="diseased")
```

NULL

Se genera un reporte en HTML que puede ser abierto en el navegador.

Aquí esta la versión en PDF de dicho reporte:

<https://github.com/FabioScielzoOrtiz/Estadistica4all.github.io/blob/main/Notebooks/Aprendizaje%20Automatico/Data%20Profiling.pdf>

Aunque hemos visto el número de valores ausentes en la salida que nos da skimr, esto se puede hacer a mano como sigue:

In []: %%R

```
library(tidyverse)  
ilpd %>% map_dbl(.f = function(x){sum(is.na(x))}) # Número de missing values
```

age	gender	total_bilirubin
0	0	0
direct_bilirubin	alkaline_phosphatase	alanine_transaminase
0	0	0
aspartate_transaminase	total_protein	albumin
0	0	0
albumin_globulin_ratio	diseased	
0	0	

Podemos sacar las siguientes conclusiones del EDA anterior:

- Se dispone de 583 instancias y 11 variables (2 de tipo factor biclase, 5 de tipo numérico y 4 enteras)
- No hay ausencia de valores por lo que no habrá que eliminar instancias o al menos los modelos no se verán dificultados por los mismos.
- La variable respuesta es diseased que es una de las variables tipo factor biclase que puede tomar valores "yes" o "no". Se puede ver como esta variable está un poco desbalanceada ya que tenemos muchas más observaciones con valor "yes"(416 observaciones) que con valor "no"(167 observaciones).
- En cuanto a las correlaciones se puede ver que son relativamente altas entre los pares que tienen que ver con sustancias similares, como bilirubina directa y bilirubina total. Con respecto a la variable respuesta podemos ver como hay relaciones directas con el resto de variables y una correlacion similar en torno a 0.7.

4.3. EDA en Python

Ahora vamos a realizar un EDA del data-set pero usando **Python**

El EDA (Exploratory Data Analysis) en líneas generales va a consistir en:

- Analizar estructura del data-set que tenemos (dimensiones, tipo de variables, valores faltantes, etc)
- Cálculo de estadísticos básicos para cada variable
- Generación de gráficos que aporten información relevante (histogramas, diagramas de barras, scatter plots, box plots, etc)
- Análisis de relaciones entre los predictores y la respuesta.

4.3.1. Estructura del data-set

```
In [ ]: import warnings  
warnings.filterwarnings("ignore")
```

```
In [ ]: Data_Python.shape
```

```
Out[ ]: (583, 11)
```

Tenemos un data-set con 11 variables y 583 observaciones.

Las variables son:

- 10 predictores (age , gender , Total_Bilirubin , Direct_Bilirubin , Alkaline_Phosphotase , Alamine_Aminotransferase , Aspartate_Aminotransferase ,Total_Proteins , Albumin , Albumin_and_Globulin_Ratio)
- 1 respuesta (Diseased)

Las variables **categoricas** del data-set son:

- Diseased y Gender (*binarias*)

Las variables **cuantitativas** del data-set son:

- age , Alkaline_Phosphotase, Alamine_Aminotransferase , Aspartate_Aminotransferase (*discretas*) y Total_Bilirubin , Direct_Bilirubin, Total_Proteins, Albumin, Albumin_and_Globulin_Ratio (*continuas*)

Con el siguiente código podemos ver el tipo de cada una de las variables en Python (que podría no coincidir con el descrito anteriormente, en su caso habría que modificarlo.)

```
In [ ]: Data_Python.info()
```

```
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
RangeIndex: 583 entries, 0 to 582
Data columns (total 11 columns):
 #   Column            Non-Null Count  Dtype  
--- 
 0   Age               583 non-null    int64  
 1   Gender            583 non-null    object  
 2   Total_Bilirubin   583 non-null    float64 
 3   Direct_Bilirubin 583 non-null    float64 
 4   Alkaline_Phosphotase 583 non-null  int64  
 5   Alamine_Aminotransferase 583 non-null  int64  
 6   Aspartate_Aminotransferase 583 non-null  int64  
 7   Total_Protiens    583 non-null    float64 
 8   Albumin           583 non-null    float64 
 9   Albumin_and_Globulin_Ratio 583 non-null  float64 
 10  Diseased          583 non-null    int64  
dtypes: float64(5), int64(5), object(1)
memory usage: 50.2+ KB
```

En este caso el tipo en Python es correcto para todas las variables salvo para la respuesta (Diseased) ya que Python la considera entera (cuantitativa discreta: int64) cuando realmente es categórica binaria, por ello transformamos su tipo de int64 a object (el tipo clásico de las variables categóricas en Python).

```
In [ ]: Data_Python['Diseased'] = Data_Python['Diseased'].astype('object')
```

Comprobamos que los cambios se han producido correctamente:

```
In [ ]: Data_Python.info()
```

```
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
RangeIndex: 583 entries, 0 to 582
Data columns (total 11 columns):
 #   Column           Non-Null Count  Dtype  
 ---  --  
 0   Age              583 non-null    int64  
 1   Gender            583 non-null    object  
 2   Total_Bilirubin  583 non-null    float64 
 3   Direct_Bilirubin 583 non-null    float64 
 4   Alkaline_Phosphotase 583 non-null    int64  
 5   Alamine_Aminotransferase 583 non-null    int64  
 6   Aspartate_Aminotransferase 583 non-null    int64  
 7   Total_Protiens    583 non-null    float64 
 8   Albumin           583 non-null    float64 
 9   Albumin_and_Globulin_Ratio 583 non-null    float64 
 10  Diseased          583 non-null    object  
dtypes: float64(5), int64(4), object(2)
memory usage: 50.2+ KB
```

Ahora vamos a ver si existe algún valor nulo en el data-set:

```
In [ ]: Data_Python.isnull().sum()
```

```
Out[ ]: Age                  0
Gender                0
Total_Bilirubin      0
Direct_Bilirubin     0
Alkaline_Phosphotase 0
Alamine_Aminotransferase 0
Aspartate_Aminotransferase 0
Total_Protiens        0
Albumin               0
Albumin_and_Globulin_Ratio 0
Diseased              0
dtype: int64
```

Ninguna de las variables tiene valores faltantes (nulos).

Ahora vamos a ver cual es el rango de las variables categoricas, y posteriormente lo codificaremos en formato estandar $\{0, 1, 2, \dots\}$, si es que no lo están ya.

```
In [ ]: Data_Python['Gender'].unique()  
Out[ ]: array(['Female', 'Male'], dtype=object)  
  
In [ ]: Data_Python['Diseased'].unique()  
Out[ ]: array([1, 2], dtype=object)
```

Vamos a codificar en formato estandar la variable **Gender** tal que: **Female=0** , **Male=1** , y la variable **Diseased** tal que: **1=0** , **2=1**

Para ello vamos a apoyarnos en la libreria `sklearn` , que posteriormente volverá a ser usada. Se podría hacer esto de otras formas, como con un bucle for, pero en casos en los que el número de categorias es alto, la opción aportada por `sklearn` es bastante más eficiente que un bucle.

```
In [ ]: from sklearn.preprocessing import OrdinalEncoder  
ord_enc = OrdinalEncoder()  
  
In [ ]: Data_Python['Gender'] = ord_enc.fit_transform(Data_Python[['Gender']])  
Data_Python['Diseased'] = ord_enc.fit_transform(Data_Python[['Diseased']])
```

Comprobamos que los cambios se han realizado correctamente:

```
In [ ]: Data_Python['Gender'].unique()  
Out[ ]: array([0., 1.])  
  
In [ ]: Data_Python['Diseased'].unique()  
Out[ ]: array([0., 1.])
```

Pero cuidado, tras realizar estos cambios tambien se cambia en Python el tipo de las variables codificadas a 'float64' , que es un tipo cuantitativo (continuo), por lo que debemos volver a fijar el tipo de Diseased y Gender como 'object' (ya que son categoricas).

```
In [ ]: Data_Python.dtypes
```

```
Out[ ]: Age           int64
Gender          float64
Total_Bilirubin float64
Direct_Bilirubin float64
Alkaline_Phosphotase int64
Alamine_Aminotransferase int64
Aspartate_Aminotransferase int64
Total_Protiens    float64
Albumin          float64
Albumin_and_Globulin_Ratio float64
Diseased         float64
dtype: object
```

```
In [ ]: Data_Python['Diseased'] = Data_Python['Diseased'].astype('object')
Data_Python['Gender'] = Data_Python['Gender'].astype('object')
```

Verificamos que se han realizado correctamente los cambios:

```
In [ ]: Data_Python.dtypes
```

```
Out[ ]: Age           int64
Gender          object
Total_Bilirubin float64
Direct_Bilirubin float64
Alkaline_Phosphotase int64
Alamine_Aminotransferase int64
Aspartate_Aminotransferase int64
Total_Protiens    float64
Albumin          float64
Albumin_and_Globulin_Ratio float64
Diseased         object
dtype: object
```

4.3.2. Resumen Estadístico Descriptivo Básico

Ahora vamos a hacer una descripción estadística básica de las variables del data-set:

```
In [ ]: Data_Python.describe(include='all') # include='all' para dar un tratamiento diferente a las categoricas que a las
```

	Age	Gender	Total_Bilirubin	Direct_Bilirubin	Alkaline_Phosphotase	Alamine_Aminotransferase	Aspartate_Aminotransfe
count	583.000000	583.0	583.000000	583.000000	583.000000	583.000000	583.000000
unique	Nan	2.0	Nan	Nan	Nan	Nan	Nan
top	Nan	1.0	Nan	Nan	Nan	Nan	Nan
freq	Nan	441.0	Nan	Nan	Nan	Nan	Nan
mean	44.746141	Nan	3.298799	1.486106	290.576329	80.713551	109.91
std	16.189833	Nan	6.209522	2.808498	242.937989	182.620356	288.91
min	4.000000	Nan	0.400000	0.100000	63.000000	10.000000	10.00
25%	33.000000	Nan	0.800000	0.200000	175.500000	23.000000	25.00
50%	45.000000	Nan	1.000000	0.300000	208.000000	35.000000	42.00
75%	58.000000	Nan	2.600000	1.300000	298.000000	60.500000	87.00
max	90.000000	Nan	75.000000	19.700000	2110.000000	2000.000000	4929.00

4.3.3. Análisis gráfico general

4.3.3.1. Histogramas para las variables cuantitativas

```
In [ ]: import numpy as np
```

```
import seaborn as sns
import matplotlib as mpl
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
In [ ]: fig, axs = plt.subplots(3, 3, figsize=(13, 13))
```

```
p1 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Total_Bilirubin", stat="proportion", bins=15, color="skyblue", ax=axs[0, 0])
p1.set_xticks( range(int(Data_Python['Total_Bilirubin'].min()), int(Data_Python['Total_Bilirubin'].max()), 10) )
p1.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )

p2 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Direct_Bilirubin", stat="proportion", bins=15, color="olive", ax=axs[0, 1])
p2.axes.set(xlabel='Direct_Bilirubin', ylabel=' ')
p2.set_xticks( range(int(Data_Python['Direct_Bilirubin'].min()), int(Data_Python['Direct_Bilirubin'].max()), 3) )
p2.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )

p3 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Alkaline_Phosphotase", stat="proportion", bins=15, color="blue", ax=axs[0, 2])
p3.axes.set(xlabel='Alkaline_Phosphotase', ylabel=' ')
p3.set_xticks( range(int(Data_Python['Alkaline_Phosphotase'].min()), int(Data_Python['Alkaline_Phosphotase'].max()), 1) )
p3.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )

p4 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Alamine_Aminotransferase", stat="proportion", bins=15, color="teal", ax=axs[1, 0])
p4.axes.set(xlabel='Alamine_Aminotransferase', ylabel=' ')
p4.set_xticks( range(int(Data_Python['Alamine_Aminotransferase'].min()), int(Data_Python['Alamine_Aminotransferase'].max()), 1) )
p4.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )

p5 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Aspartate_Aminotransferase", stat="proportion", bins=15, color="purple", ax=axs[1, 1])
p5.axes.set(xlabel='Aspartate_Aminotransferase', ylabel=' ')
p5.set_xticks( range(int(Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'].min()), int(Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'].max()), 1) )
p5.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )

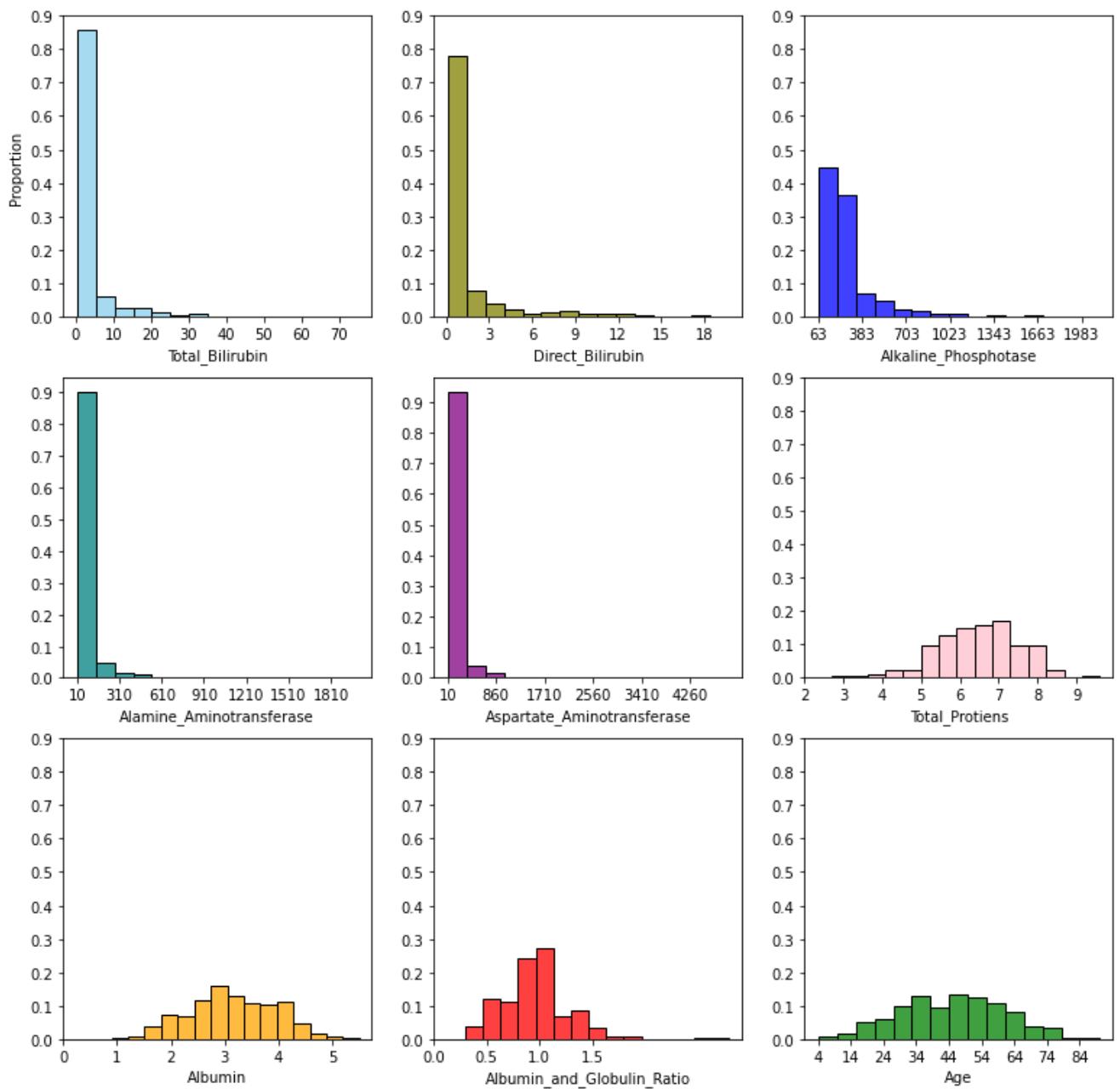
p6 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Total_Protiens", stat="proportion", bins=15, color="pink", ax=axs[1, 2])
p6.axes.set(xlabel='Total_Protiens', ylabel=' ')
p6.set_xticks( range(int(Data_Python['Total_Protiens'].min()), int(Data_Python['Total_Protiens'].max())+1), 1 )
p6.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )

p7 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Albumin", stat="proportion", bins=15, color="orange", ax=axs[2, 0])
p7.axes.set(xlabel='Albumin', ylabel=' ')
p7.set_xticks( range(int(Data_Python['Albumin'].min()), int(Data_Python['Albumin'].max())+1), 1 )
p7.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )

p8 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Albumin_and_Globulin_Ratio", stat="proportion", bins=15, color="red", ax=axs[2, 1])
p8.axes.set(xlabel='Albumin_and_Globulin_Ratio', ylabel=' ')
p8.set_xticks( np.arange(0, 2, 0.5) )
p8.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )

p9 = sns.histplot(data=Data_Python, x="Age", stat="proportion", bins=15, color="green", ax=axs[2, 2])
p9.axes.set(xlabel='Age', ylabel=' ')
p9.set_xticks( range(int(Data_Python['Age'].min()), int(Data_Python['Age'].max()), 10) )
p9.set_yticks( np.arange(0, 1, 0.1) )

plt.show()
```



4.3.3.2. Diagramas de barras para las variables categóricas

Ahora vamos a realizar una serie de operaciones para generar dos diagramas de barras, uno para la variable Gender y otro para Diseased.

```
In [ ]: proportion_Female = len( Data_Python.loc[ Data_Python['Gender']==0 , : ] ) / len(Data_Python)
proportion_Male = len( Data_Python.loc[ Data_Python['Gender']==1 , : ] ) / len(Data_Python)

proportion_Diseased_yes = len( Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased']==0 , : ] ) / len(Data_Python)
proportion_Diseased_no = len( Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased']==1 , : ] ) / len(Data_Python)
```

```
In [ ]: Data_Python['proportion_Gender'] = 0

for i in range(0, len(Data_Python)):
    if Data_Python['Gender'][i] == 0 :
        Data_Python['proportion_Gender'][i] = proportion_Female
    else :
        Data_Python['proportion_Gender'][i] = proportion_Male
```

```
In [ ]: Data_Python['proportion_Diseased'] = 0

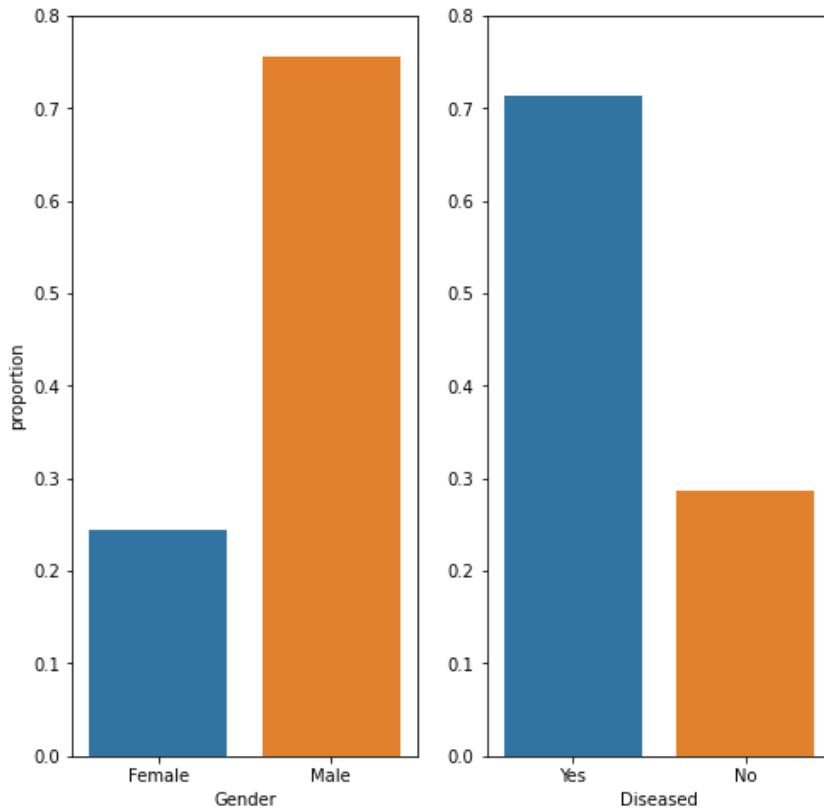
for i in range(0, len(Data_Python)):
    if Data_Python['Diseased'][i] == 0 :
        Data_Python['proportion_Diseased'][i] = proportion_Diseased_yes
    else :
        Data_Python['proportion_Diseased'][i] = proportion_Diseased_no
```

```
In [ ]: fig, axs = plt.subplots(1, 2, figsize=(8, 8))

p1 = sns.barplot(x='Gender', y='proportion_Gender', data=Data_Python, ax=axs[0])
p1.set_yticks( np.arange(0, 0.85, 0.1) )
p1.set_xticklabels(['Female', 'Male'])
p1.axes.set(xlabel='Gender', ylabel='proportion')

p2 = sns.barplot(x='Diseased', y='proportion_Diseased', data=Data_Python, ax=axs[1])
p2.set_yticks( np.arange(0, 0.85, 0.1) )
p2.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p2.axes.set(xlabel='Diseased', ylabel=' ')

plt.show()
```



```
In [ ]: [ proportion_Female , proportion_Male ]
```

```
Out[ ]: [0.24356775300171526, 0.7564322469982847]
```

```
In [ ]: [ proportion_Diseased_yes , proportion_Diseased_no ]
```

```
Out[ ]: [0.7135506003430532, 0.2864493996569468]
```

Como puede verse el porcentaje de mujeres en la muestra es del 24.36% , mientras que el de hombres es del 75.64%

Por otro lado el porcentaje de enfermos es del 71.36%, mientras que el de no enfermos es del 28.64%

4.3.3.3. Box-plots para las variables cuantitativas

```
In [ ]: fig, axs = plt.subplots(3, 3, figsize=(13, 13))

p1 = sns.boxplot(x=Data_Python['Age'], color="palegreen", ax=axs[0, 0])
p1.set_xticks( range(int(Data_Python['Age'].min()), int(Data_Python['Age'].max())+10) , 10)

p2 = sns.boxplot(x=Data_Python['Direct_Bilirubin'], color="olive", ax=axs[0, 1])
p2.set_xticks( range(int(Data_Python['Direct_Bilirubin'].min()), int(Data_Python['Direct_Bilirubin'].max()) , 10) )

p3 = sns.boxplot(x=Data_Python['Alkaline_Phosphotase'], color="blue", ax=axs[1, 0])
p3.set_xticks( range(int(Data_Python['Alkaline_Phosphotase'].min()), int(Data_Python['Alkaline_Phosphotase'].max()) , 10) )

p4 = sns.boxplot(x=Data_Python['Alamine_Aminotransferase'], color="teal", ax=axs[1, 1])
p4.set_xticks( range(int(Data_Python['Alamine_Aminotransferase'].min()), int(Data_Python['Alamine_Aminotransferase'].max()) , 10) )

p5 = sns.boxplot(x=Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'], color="purple", ax=axs[0, 2])
p5.set_xticks( range(int(Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'].min()), int(Data_Python['Aspartate_Aminotransferase'].max()) , 10) )

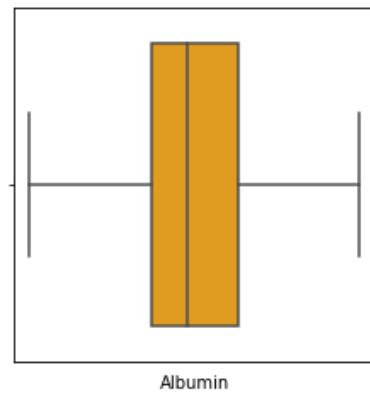
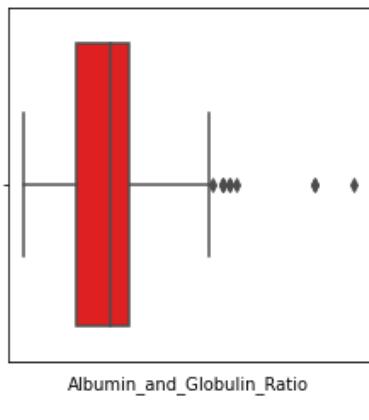
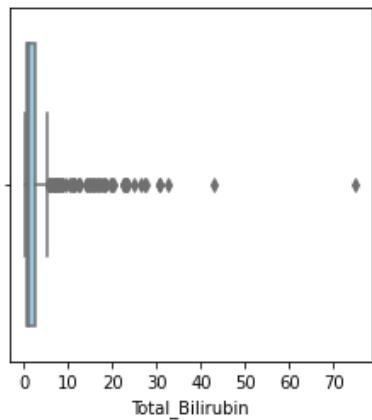
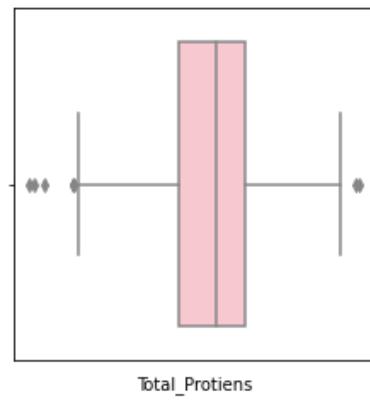
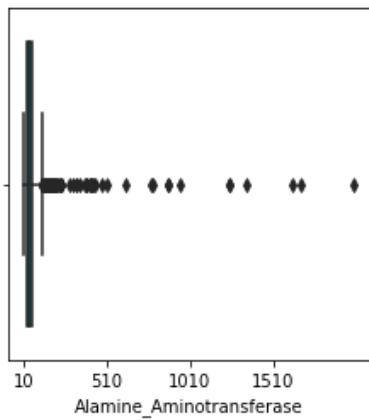
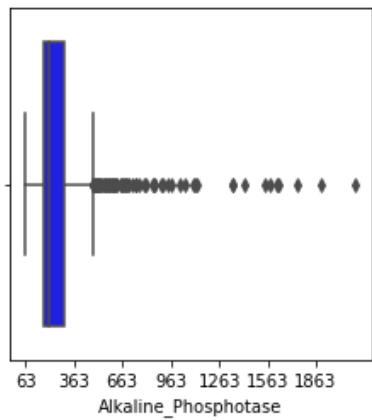
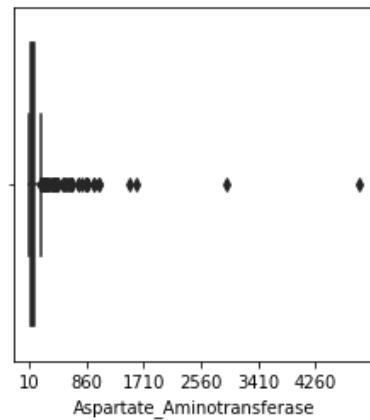
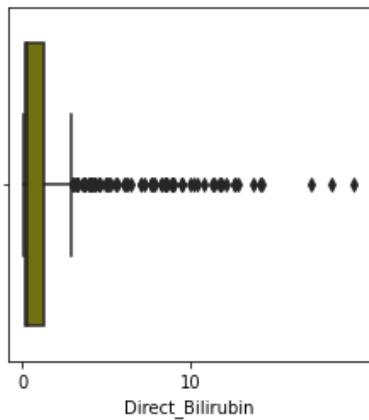
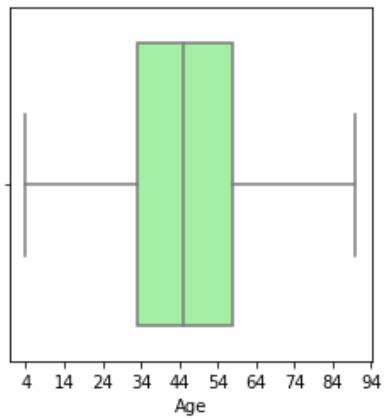
p6 = sns.boxplot(x=Data_Python['Total_Protiens'], color="pink", ax=axs[1, 2])
p6.set_xticks( range(int(Data_Python['Total_Protiens'].min()), int(Data_Python['Total_Protiens'].max()) , 10) )

p7 = sns.boxplot(x=Data_Python['Albumin'], color="orange", ax=axs[2, 2])
p7.set_xticks( range(int(Data_Python['Albumin'].min()), int(Data_Python['Albumin'].max()) , 10) )

p8 = sns.boxplot(x=Data_Python['Albumin_and_Globulin_Ratio'], color="red", ax=axs[2, 1])
p8.set_xticks( range(int(Data_Python['Albumin_and_Globulin_Ratio'].min()), int(Data_Python['Albumin_and_Globulin_Ratio'].max()) , 10) )

p9 = sns.boxplot(x=Data_Python['Total_Bilirubin'], color="skyblue", ax=axs[2, 0])
p9.set_xticks( range(int(Data_Python['Total_Bilirubin'].min()), int(Data_Python['Total_Bilirubin'].max()) , 10) )

plt.show()
```



4.3.4. Análisis de la relación entre los predictores categoricos y la respuesta

4.3.4.1. Análisis relación entre respuesta (Diseased) y Gender

Frecuencia relativa de genero condicionada a enfermedad

Ahora vamos a realizar una serie de operaciones para obtener una tabla de frecuencias relativas de la variable Gender condicionada a la respuesta (Diseased). También obtendremos el gráfico de barras asociado a esta tabla.

```
In [ ]: Df_Diseased_Yes = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased']==0 , :]

proportion_Female_in_Diseased_Yes = len( Df_Diseased_Yes.loc[Df_Diseased_Yes['Gender']==0 , :] ) / len(Df_Diseased_Yes)

#####
# Df_Diseased_Yes = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased']==0 , :]

proportion_Male_in_Diseased_Yes = len( Df_Diseased_Yes.loc[Df_Diseased_Yes['Gender']==1 , :] ) / len(Df_Diseased_Yes)

#####
# Df_Diseased_No = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased']==1 , :]

proportion_Female_in_Diseased_No = len( Df_Diseased_No.loc[Df_Diseased_No['Gender']==0 , :] ) / len(Df_Diseased_No)

#####
# Df_Diseased_No = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased']==1 , :]

proportion_Male_in_Diseased_No = len( Df_Diseased_No.loc[Df_Diseased_No['Gender']==1 , :] ) / len(Df_Diseased_No)
```

Función para calcular tablas de frecuencias relativas condicionadas con dos variables:

```
In [ ]: def Table_Con_Rel_Freq_2_Var_Py (df, var1, p1, p2, var1_name='var1' , var2_name='var2') :

    table = np.zeros(( p2+1 , p1+1 ))
    table[:] = np.nan

#####

    for i in range(0, p2+1):
        for j in range(0, p1+1):

            df_new = df.loc[ var1 == j , : ]

            table[i,j] = len( df_new.loc[ df_new[var2_name] == i , :] ) / len(df_new)

    table = pd.DataFrame(table)

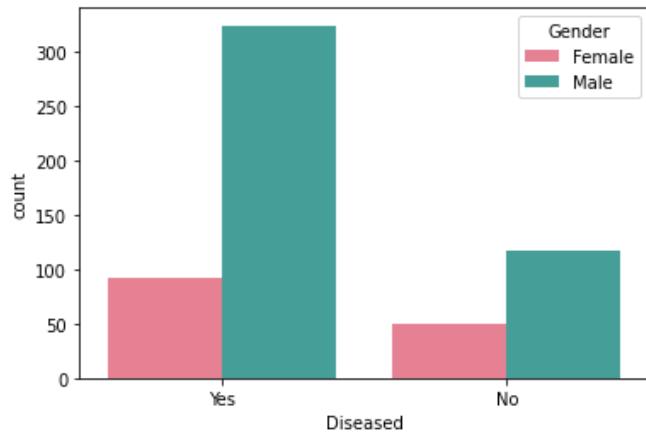
    return table

In [ ]: Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased = Table_Con_Rel_Freq_2_Var_Py (Data_Python, Data_Python['Diseased'])

Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased.index = [ 'Female' , 'Male' ]
Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased.columns = [ 'Yes' , 'No' ]
Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased = Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased.style.set_capti

In [ ]: p1 = sns.countplot(data=Data_Python, x="Diseased", hue="Gender", palette="husl")
p1.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p1.legend(title='Gender', loc='upper right', labels=['Female', 'Male'])

Out[ ]: <matplotlib.legend.Legend at 0x2736f2a9750>
```



```
In [ ]: Frec_Relativas_Condicionadas_Gender_in_Diseased
```

```
Out[ ]: Gender | Diseased
```

	Yes	No
Female	0.221154	0.299401
Male	0.778846	0.700599

```
In [ ]: [proportion_Female_in_Diseased_Yes , proportion_Male_in_Diseased_Yes]
```

```
Out[ ]: [0.22115384615384615, 0.7788461538461539]
```

```
In [ ]: [proportion_Female_in_Diseased_No , proportion_Male_in_Diseased_No]
```

```
Out[ ]: [0.2994011976047904, 0.7005988023952096]
```

Como puede observarse el porcentaje de mujeres dentro del grupo de los enfermos es del 22.12% , mientras que el de hombres es del 77.88%.

Por otro lado el porcentaje de mujeres dentro del grupo de los no enfermos es del 29.94%, mientras que el de hombres es del 70.06%

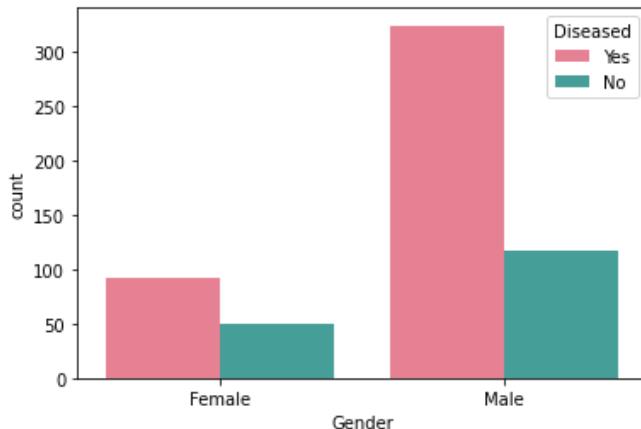
Frecuencia relativa de enfermedad condicionada al genero

Ahora vamos a realizar una serie de operaciones para obtener una tabla de frecuencias relativas de la variable respuesta (Diseased) condicionada a la variable Gender . También obtendremos el gráfico de barras asociado a esta tabla.

```
In [ ]: Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender = Table_Con_Rel_Freq_2_Var_Py (Data_Python, Data_Python['Gender'])
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender.index = ['Yes' , 'No']
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender.columns = ['Female' , 'Male']
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender = Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender.style.set_capti
```

```
In [ ]: p = sns.countplot(data=Data_Python, x="Gender", hue="Diseased", palette="husl")
p.set_xticklabels(['Female', 'Male'])
p.legend(title='Diseased', loc='upper right', labels=['Yes', 'No'])
```

```
Out[ ]: <matplotlib.legend.Legend at 0x2736f2d2bc0>
```



```
In [ ]: Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Gender
```

```
Out[ ]: Diseased | Gender
```

	Female	Male
Yes	0.647887	0.734694
No	0.352113	0.265306

Como puede observarse el porcentaje de enfermos dentro del grupo de as mujeres es del 64.79% , mientras que el de no enfermos es del 35.21%.

Por otro lado el porcentaje de enfermos dentro del grupo de los hombres es del 73.47%, mientras que el de no enfermos es del 26.53%

4.3.4.2. Analisis relación entre respuesta (Diseased) y Grupo de Edad

Frecuencia relativa de enfermedad en función del grupo de edad

Tenemos que categorizar la variable cuantitativa Age (edad), para ello debemos emplear una regla de categorización (mediana, media, cuartiles, Scott ...)

Usaremos la regla de los cuartiles por simplicidad:

```
In [ ]: intervals = np.quantile( Data_Python['Age'] , [0, 0.25, 0.5, 0.75 , 1])
intervals
```



```
Out[ ]: array([ 4., 33., 45., 58., 90.])
```

Nos apoyaremos en la función `cut()` de la librería `Pandas` para categorizar la variable Age usando la regla de los cuartiles.

A esta función le das un vector (bins) y construye unos intervalos con los elementos del vector, en este caso (3, 33], (33, 45], (45, 58], (58, 90]. Luego te devuelve a qué intervalo pertenece cada observación de una variable dada (en nuestro caso Age), y también nos permite codificar estos intervalos con la codificación estandar (0,1,2,...), y así obtener una nueva variable que es una versión categorizada de la variable pasada (Age en nuestro caso).

Vamos a restar una cantidad positiva (por ejemplo 1) al mínimo de Age, puesto que ese valor será el extremo inferior del primer intervalo, y dicho intervalo será abierto en ese extremo (por configuración de la función `cut`), por tanto si no restasemos una cantidad positiva, el valor mínimo de Age no estaría en ninguno de los intervalos generados por `cut()`

```
In [ ]: intervals[0] = intervals[0] - 1
intervals
```

```
Out[ ]: array([ 3., 33., 45., 58., 90.])
```

```
In [ ]: pd.cut(x=Data_Python['Age'] , bins=intervals , right=True)
```

```
Out[ ]: 0      (58.0, 90.0]
1      (58.0, 90.0]
2      (58.0, 90.0]
3      (45.0, 58.0]
4      (58.0, 90.0]
...
578    (58.0, 90.0]
579    (33.0, 45.0]
580    (45.0, 58.0]
581    (3.0, 33.0]
582    (33.0, 45.0]
Name: Age, Length: 583, dtype: category
Categories (4, interval[float64, right]): [(3.0, 33.0] < (33.0, 45.0] < (45.0, 58.0] < (58.0, 90.0]]
```

```
In [ ]: pd.cut(x=Data_Python['Age'] , bins=intervals , labels=False)
```

```
Out[ ]: 0      3
1      3
2      3
3      2
4      3
...
578    3
579    1
580    2
581    0
582    1
Name: Age, Length: 583, dtype: int64
```

```
In [ ]: Data_Python['Age_cat'] = pd.cut(x=Data_Python['Age'] , bins=intervals , labels=False)
```

La nueva variable Age_cat es tal que:

$$Age_{cat_i} = \begin{cases} 0, & \text{if } Age_i \in [Min(Age), Q(0.25, Age)] \\ 1, & \text{if } Age_i \in (Q(0.25, Age), Q(0.50, Age)] \\ 2, & \text{if } Age_i \in (Q(0.50, Age), Q(0.75, Age)] \\ 3, & \text{if } Age_i \in (Q(0.75, Age), Max(Age)] \end{cases}$$

para $i = 1, \dots, n$

Ahora tenemos una variable que nos indica el grupo de edad de cada individuo. Tenemos tres grupos de edad.

Grupo 0: ≤ 33 años

Grupo 1: entre 33 y 45 años

Grupo 2: entre 45 y 58 años

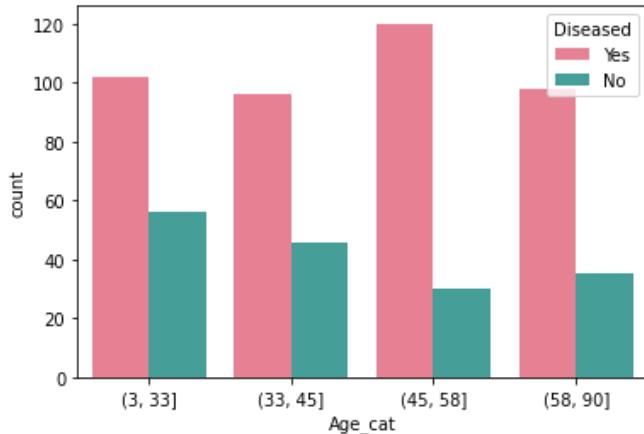
Grupo 3: > 58 años

Ahora vamos a generar una tabla de frecuencias relativas de la variable respuesta (Diseased) condicionada a la nueva variable Grupo de edad (Age_cat), también generaremos su gráfico de barras asociado.

```
In [ ]: Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged = Table_Con_Rel_Freq_2_Var_Py (Data_Python, Data_Python['Age_cat'],  
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged.index = ['Yes', 'No']  
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged.columns = ['(3, 33]', '(33, 45]', '(45, 58]', '(58, 90]']  
Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged = Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged.style.set_caption('
```

```
In [ ]: p = sns.countplot(data=Data_Python, x="Age_cat", hue="Diseased", palette="husl")  
p.set_xticklabels(['(3, 33]', '(33, 45]', '(45, 58]', '(58, 90]'])  
p.legend(title='Diseased', loc='upper right', labels=['Yes', 'No'] )
```

```
Out[ ]: <matplotlib.legend.Legend at 0x2736ed18ac0>
```



```
In [ ]: Frec_Relativas_Condicionadas_Diseased_in_Aged
```

```
Out[ ]: Disease | Age Group  
          (3, 33]  (33, 45]  (45, 58]  (58, 90]  
Yes    0.645570  0.676056  0.800000  0.736842  
No     0.354430  0.323944  0.200000  0.263158
```

Como puede observarse dentro del grupo de los más jóvenes (de edad menor o igual a 33) el porcentaje de enfermos es del 64.56%, este porcentaje aumenta hasta el 67.60% en el grupo de individuos cuya edad esta entre 33 y 45 años, y hasta el 80% en el de los individuos con una edad entre 45 y 58 años, luego pasa a ser del 73.68% en el grupo de edad superior a 58 años.

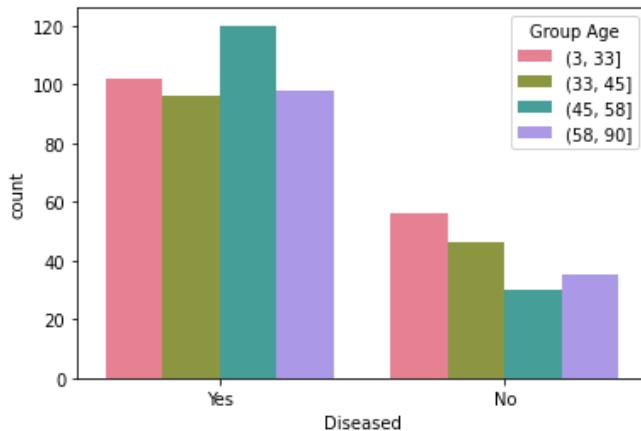
Frecuencia relativa de grupo de edad en función de la enfermedad

Ahora vamos a generar una tabla de frecuencias relativas de la variable grupo de edad (Age_cat) condicionada a la variable respuesta, también generaremos su gráfico de barras asociado.

```
In [ ]: Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased = Table_Con_Rel_Freq_2_Var_Py (Data_Python, Data_Python['Diseased'],  
Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased.index = ['(3, 33]', '(33, 45]', '(45, 58]', '(58, 90]']  
Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased.columns = ['Yes', 'No']  
Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased = Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased.style.set_caption("Age Group | Disease")
```

```
In [ ]: p = sns.countplot(data=Data_Python, x="Diseased", hue="Age_cat", palette="husl")  
p.set_xticklabels(['Yes', 'No'])  
p.legend(title='Group Age', loc='upper right', labels=['(3, 33]', '(33, 45]', '(45, 58]', '(58, 90]'])
```

```
Out[ ]: <matplotlib.legend.Legend at 0x2736ed181c0>
```



```
In [ ]: Frec_Relativas_Condicionadas_Age_in_Diseased
```

```
Out[ ]: Age Group | Disease
```

	Yes	No
(3, 33]	0.245192	0.335329
(33, 45]	0.230769	0.275449
(45, 58]	0.288462	0.179641
(58, 90]	0.235577	0.209581

Se puede apreciar que dentro del grupo de los enfermos, el grupo de edad más frecuente sería el de los individuos con una edad entre 45 y 58 años, seguido del de más de 58 años.

Por otro lado dentro del grupo de los no enfermos el grupo de edad claramente mayoritario es el de los más jóvenes (edad menor o igual a 33 años), seguido del siguiente grupo más joven (edad entre 33 y 45).

4.3.5. Análisis de la relación entre los predictores cuantitativos y la respuesta

4.3.5.1. Resumen Estadístico Descriptivo Cuantitativo en función de Diseased

Ahora vamos a hacer una serie de operaciones para obtener una tabla en la que se pueden comparar los valores de diferentes estadísticos descriptivos básicos para cada variable cuantitativa en función del valor de la respuesta (Diseased).

```
In [ ]: Data_Python_Quantitative_Diseased_yes = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased'] == 0 , (Data_Python.columns != 'Diseased') ]
Data_Python_Quantitative_Diseased_no = Data_Python.loc[ Data_Python['Diseased'] == 1 , (Data_Python.columns != 'Diseased') ]
```

```
In [ ]: std_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.std()
std_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.std()

mean_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.mean()
mean_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.mean()

Q25_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.quantile(q=0.25)
Q25_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.quantile(q=0.25)

Q50_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.quantile(q=0.5)
Q50_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.quantile(q=0.5)

Q75_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.quantile(q=0.75)
Q75_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.quantile(q=0.75)

min_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.min()
min_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.min()

max_yes = Data_Python_Quantitative_Diseased_yes.max()
max_no = Data_Python_Quantitative_Diseased_no.max()
```

```
In [ ]: df_yes = pd.DataFrame({'mean':mean_yes , 'min':min_yes , 'Q25':Q25_yes , 'median':Q50_yes , 'Q75':Q75_yes , 'max':max_yes})
df_no = pd.DataFrame({'mean':mean_no , 'min':min_no , 'Q25':Q25_no , 'median':Q50_no , 'Q75':Q75_no , 'max':max_no})
```

```
In [ ]: Statistics_Quantitatives_Diseased = pd.DataFrame({  
  
    'Age_yes':df_yes.iloc[0,:],  
    'Age_no':df_no.iloc[0,:],  
    'Total_Bilirubin_yes':df_yes.iloc[1,:],  
    'Total_Bilirubin_no':df_no.iloc[1,:],  
    'Direct_Bilirubin_yes':df_yes.iloc[2,:],  
    'Direct_Bilirubin_no':df_no.iloc[2,:],  
    'Alkaline_Phosphotase_yes':df_yes.iloc[3,:],  
    'Alkaline_Phosphotase_no':df_no.iloc[3,:],  
    'Alamine_Aminotransferase_yes':df_yes.iloc[4,:],  
    'Alamine_Aminotransferase_no':df_no.iloc[4,:],  
    'Aspartate_Aminotransferase_yes':df_yes.iloc[5,:],  
    'Aspartate_Aminotransferase_no':df_no.iloc[5,:],  
    'Total_Protiens_yes':df_yes.iloc[6,:],  
    'Total_Protiens_no':df_no.iloc[6,:],  
    'Albumin_yes':df_yes.iloc[7,:],  
    'Albumin_no':df_no.iloc[7,:],  
    'Albumin_and_Globulin_Ratio_yes':df_yes.iloc[8,:],  
    'Albumin_and_Globulin_Ratio_no':df_no.iloc[8,:],  
  
})
```

In []: Statistics_Quantitatives_Diseased

	Age_yes	Age_no	Total_Bilirubin_yes	Total_Bilirubin_no	Direct_Bilirubin_yes	Direct_Bilirubin_no	Alkaline_Phosphotase_yes
mean	46.153846	41.239521	4.164423	1.142515	1.923558	0.396407	319.007212
min	7.000000	4.000000	0.400000	0.500000	0.100000	0.100000	63.000000
Q25	34.000000	28.000000	0.800000	0.700000	0.200000	0.200000	186.000000
median	46.000000	40.000000	1.400000	0.800000	0.500000	0.200000	229.000000
Q75	58.000000	55.000000	3.625000	1.100000	1.800000	0.350000	315.250000
max	90.000000	85.000000	75.000000	7.300000	19.700000	3.600000	2110.000000
std	15.654412	16.999366	7.144831	1.004472	3.206901	0.519255	268.307911

Esta tabla nos aporta información muy relevante, algunos ejemplos son los siguientes:

- La media de edad en el grupo de los enfermos es de 46 años mientras que en el de no enfermos es 41.24
- Hay un 25% de los enfermos que tienen un valor de Total_Bilirubin superior a 3.62, mientras que en el grupo de los no enfermos solo un 25% supera un valor de 1.1.

4.3.5.2. Diagrama de puntos de la respuesta (Diseased) en función de predictores cuantitativos

En este caso vamos a generar unos diagramas de puntos de la respuesta en función de cada uno de los predictores cuantitativos. El diagrama de puntos que usaremos es un tipo especial que añade ruido horizontal a los puntos para poder así visualizar varios puntos que tengan un mismo valor real (valor sin ruido).

```
In [ ]: fig, axs = plt.subplots(3, 3, figsize=(15, 15))

p1 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Age", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[0, 0])
p1.set_xticklabels(['Yes', 'No'])
p1.set_yticks(range(int(Data_Python['Age'].min()), int(Data_Python['Age'].max()), 7))

p2 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Direct_Bilirubin", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[0, 1])
p2.set_xticklabels(['Yes', 'No'])

p3 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Alkaline_Phosphotase", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[0, 2])
p3.set_xticklabels(['Yes', 'No'])

p4 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Alamine_Aminotransferase", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[1, 0])
p4.set_xticklabels(['Yes', 'No'])

p5 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Aspartate_Aminotransferase", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[1, 1])
p5.set_xticklabels(['Yes', 'No'])

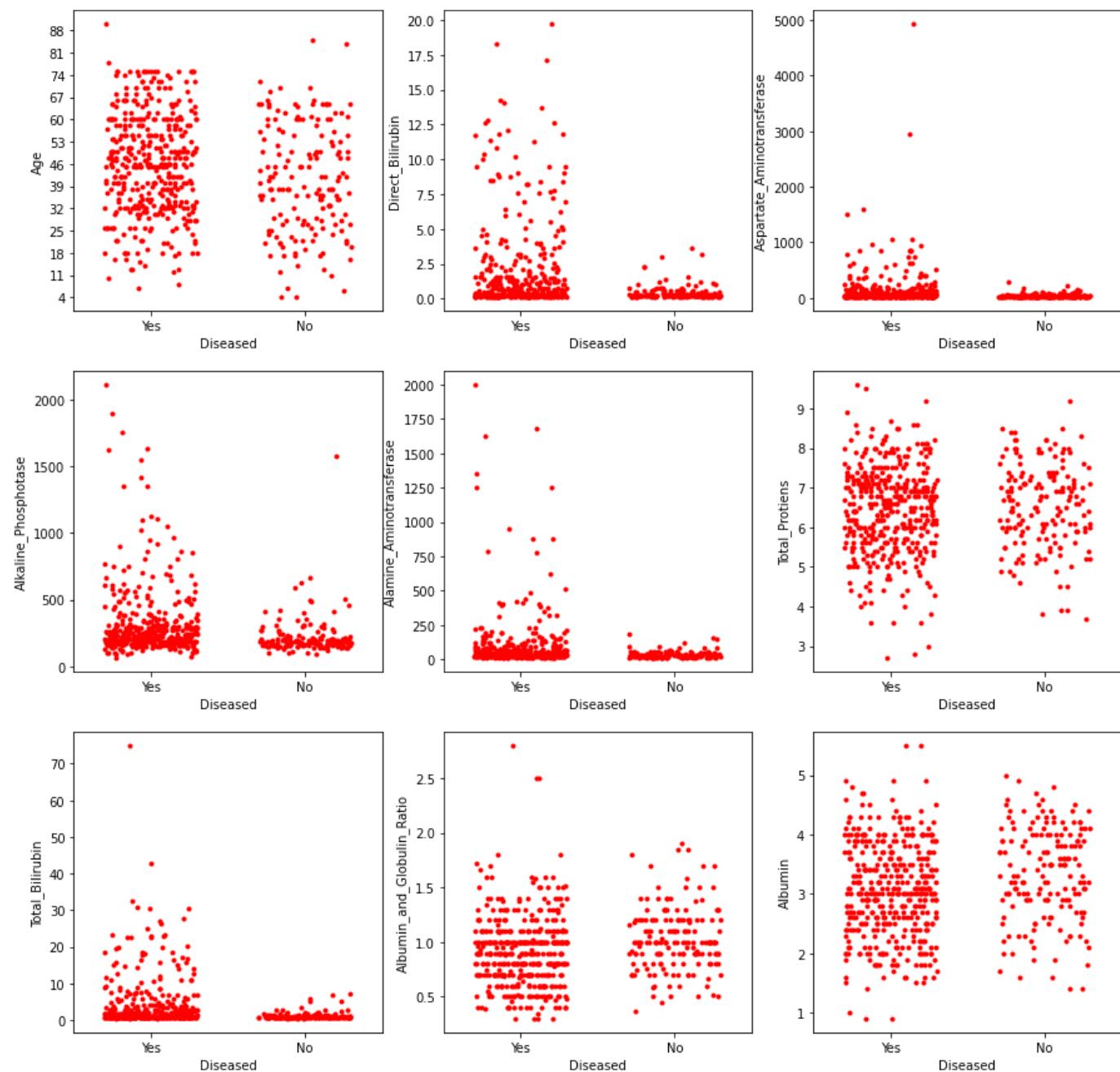
p6 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Total_Protiens", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[1, 2])
p6.set_xticklabels(['Yes', 'No'])

p7 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Albumin", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[2, 0])
p7.set_xticklabels(['Yes', 'No'])

p8 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Albumin_and_Globulin_Ratio", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[2, 1])
p8.set_xticklabels(['Yes', 'No'])

p9 = sns.stripplot(data=Data_Python, x="Diseased", y="Total_Bilirubin", jitter=0.3, size=4, color='red', ax=axs[2, 2])
p9.set_xticklabels(['Yes', 'No'])

plt.show()
```



4.4. Arboles de clasificación en R

4.4.1. Algoritmo rpart con R

In []:

```
%%R

library(rpart)
library(rpart.plot)
library(caret)
library(tidyverse)

R[write to console]: Loading required package: lattice

R[write to console]:
Attaching package: 'caret'

R[write to console]: The following object is masked from 'package:purrr':
lift
```

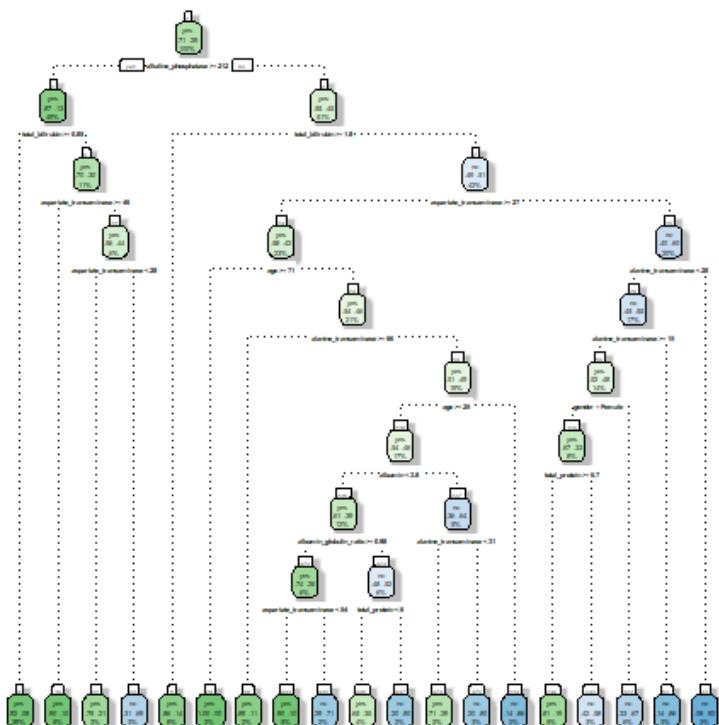
Vamos a hacer la visualización del arbol con `rpart`

In []:

```
%%R

set.seed(0)
datos_entreno<-sample_frac(ilpd,0.75) # fraccionamos La muestra en entrenamiento y test
datos_test<-setdiff(ilpd,datos_entreno)

arbol_0<-rpart(diseased~,data = datos_entreno, method = "class", cp=0.01)
rpart.plot(arbol_0,
           extra = 104,      # show fitted class, probs, percentages
           box.palette = "GnBu", # color scheme
           branch.lty = 3,      # dotted branch lines
           shadow.col = "gray", # shadows under the node boxes
           nn = TRUE)
```



Ahora vamos a calcular las predicciones y la matriz de confusión:

```
In [ ]: %%R  
  
prediccion1<-predict(arbol_0,newdata=datos_test,type="class")  
  
matriz_confusion1<-confusionMatrix(prediccion1,datos_test[["diseased"]])
```

```
In [ ]: %%R  
  
prediccion1  
  
 1   2   3   4   5   6   7   8   9   10  11  12  13  14  15  16  17  18  19  20  
no  no  yes yes yes yes  no  yes  no  yes  yes yes yes yes  no  no  yes yes yes yes yes  
21  22  23  24  25  26  27  28  29  30  31  32  33  34  35  36  37  38  39  40  
yes yes yes yes  no  yes  
41  42  43  44  45  46  47  48  49  50  51  52  53  54  55  56  57  58  59  60  
no  yes  no  no  yes yes yes  no  yes yes yes  no  yes yes yes  no  yes yes yes yes yes  
61  62  63  64  65  66  67  68  69  70  71  72  73  74  75  76  77  78  79  80  
yes yes yes  no  no  yes yes  no  yes yes yes  no  yes yes no  no  yes yes yes yes yes  
81  82  83  84  85  86  87  88  89  90  91  92  93  94  95  96  97  98  99  100  
yes yes  no  yes  no  yes yes yes yes  no  yes  no  no  no  yes yes  no  yes yes yes yes  
101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120  
yes yes yes yes  no  no  yes yes yes  no  no  no  yes  no  yes yes yes yes no  yes  
121 122 123 124 125 126 127 128 129 130 131 132 133 134 135 136 137 138 139 140  
yes yes yes yes  no  yes yes yes  no  yes yes yes  no  yes yes yes yes yes yes yes yes  
141  
yes  
Levels: yes no
```

In []:

%%R

```
matriz_confusion1
```

Confusion Matrix and Statistics

Reference		
Prediction	yes	no
yes	80	25
no	22	14

Accuracy : 0.6667
95% CI : (0.5824, 0.7437)

No Information Rate : 0.7234
P-Value [Acc > NIR] : 0.9431

Kappa : 0.1468

McNemar's Test P-Value : 0.7705

Sensitivity : 0.7843
Specificity : 0.3590
Pos Pred Value : 0.7619
Neg Pred Value : 0.3889
Prevalence : 0.7234
Detection Rate : 0.5674
Detection Prevalence : 0.7447
Balanced Accuracy : 0.5716

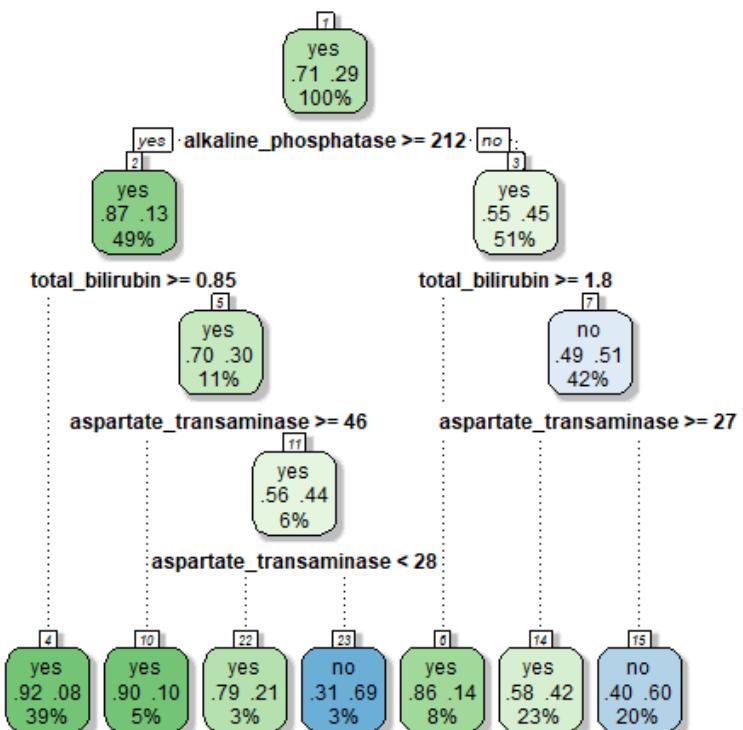
'Positive' Class : yes

Debido a la alta complejidad de estos arboles le vamos a hacer un proceso de prepoda, para ello podemos hacer uso tanto del parámetro cp o directamente manipulando los hiperparametros de los modelos.

Arbol podado con un profundidad maxima de 4:

In []:

```
%%R  
  
set.seed(0)  
datos_entreno2<-sample_frac(ilpd,0.75) # Separamos Los datos de entrenamiento  
datos_test2<-setdiff(ilpd, datos_entreno2) # Separamos Los datos de test  
  
arbol_1<-rpart(diseased~,data=datos_entreno2, maxdepth=4, method = "class") # Cambiamos La profundidad  
rpart.plot(arbol_1,  
           extra = 104,          # show fitted class, probs, percentages  
           box.palette = "GnBu", # color scheme  
           branch.lty = 3,       # dotted branch lines  
           shadow.col = "gray", # shadows under the node boxes  
           nn = TRUE)
```



Con esto hemos conseguido un modelo mucho más simple que el anterior sin prepoda. El cual es más facil de interpretar.

En estos gráficos, cada uno de los rectángulos representa un nodo de nuestro árbol, con su regla de clasificación.

Cada nodo está coloreado de acuerdo a la categoría mayoritaria entre los datos que agrupa. Esta es la categoría que ha predicho el modelo para ese grupo.

Dentro del rectángulo de cada nodo se nos muestra qué proporción de casos pertenecen a cada categoría y la proporción del total de datos que han sido agrupados allí.

Estas proporciones nos dan una idea de la precisión de nuestro modelo al hacer predicciones.

Calculamos las predicciones y la matriz de confusión:

In []:

```
%%R  
  
prediccion2 <-predict(arbol_1,newdata=datos_test2,type="class")  
matriz_confusion2<-confusionMatrix(prediccion2,datos_test2[["diseased"]])
```

In []: %%R

prediccion2

```
 1  2  3  4  5  6  7  8  9  10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20
no no yes yes yes yes no yes no yes yes yes yes yes yes yes yes
21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40
yes yes yes yes no yes yes
41 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60
no yes yes no yes yes yes no yes yes yes yes yes yes yes yes yes
61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80
yes yes yes no no yes yes no yes yes yes yes yes yes yes yes yes
81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 100
yes yes no yes yes yes yes yes yes yes no yes no yes yes no yes yes
101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120
yes yes yes yes yes no yes yes yes no no no yes no yes yes yes yes
121 122 123 124 125 126 127 128 129 130 131 132 133 134 135 136 137 138 139 140
yes yes yes yes yes yes yes no yes yes no yes yes yes yes yes yes yes
141
yes
Levels: yes no
```

In []:

%%R

```
matriz_confusion2
```

Confusion Matrix and Statistics

Reference

Prediction yes no

yes 87 29

no 15 10

Accuracy : 0.6879

95% CI : (0.6045, 0.7633)

No Information Rate : 0.7234

P-Value [Acc > NIR] : 0.84963

Kappa : 0.123

Mcnemar's Test P-Value : 0.05002

Sensitivity : 0.8529

Specificity : 0.2564

Pos Pred Value : 0.7500

Neg Pred Value : 0.4000

Prevalence : 0.7234

Detection Rate : 0.6170

Detection Prevalence : 0.8227

Balanced Accuracy : 0.5547

'Positive' Class : yes

Se puede ver como hemos mejorado un poco la precisión de la predicción simplemente cambiando la profundidad máxima.

Cabe remarcar que el algoritmo de los CART utilizan el índice de Gini como criterio de división.

4.4.2. Algoritmo C5.0 con R

Cargamos el paquete específico del Arbol de clasificación C5.0

```
In [ ]: %%R  
# install.packages("C50", dependencies=TRUE)  
library(C50)
```

Realizamos la partición en datos de entrenamiento y test:

```
In [ ]: %%R  
set.seed(0)  
tamano_total<-nrow(ilpd)  
tamano_entreno<-round(tamano_total*0.75)  
datos_indices<-sample(1:tamano_total, size = tamano_entreno)  
datos_entreno<-ilpd[datos_indices,]  
datos_test<-ilpd[-datos_indices,]
```

Las siguientes proporciones deberían de ser relativamente similares para que los arboles den unos buenos resultados:

```
In [ ]: %%R  
round(table(datos_entreno$diseased)/nrow(datos_entreno), 3)  
yes no  
0.709 0.291  
  
In [ ]: %%R  
round(table(datos_test$diseased)/nrow(datos_test), 3)  
yes no  
0.726 0.274
```

Ejecución del modelo de clasificación C5.0

```
In [ ]: %%R  
modeloC50 <- C5.0(diseased~., data=datos_entreno, trials=1, rules=FALSE)
```

Información del modelo creado

```
In [ ]: %%R  
summary(modeloC50)
```

```
Call:  
C5.0.formula(formula = diseased ~ ., data = datos_entreno, trials = 1, rules  
= FALSE)
```

```
C5.0 [Release 2.07 GPL Edition] Wed Oct 12 23:37:09 2022
```

```
-----  
Class specified by attribute `outcome'
```

```
Read 437 cases (11 attributes) from undefined.data
```

```
Decision tree:
```

```
direct_bilirubin > 0.9: yes (135/9)  
direct_bilirubin <= 0.9:  
:...alanine_transaminase > 65:  
....albumin <= 3.9: yes (35/1)  
:   albumin > 3.9:  
:     ....aspartate_transaminase <= 99: no (4/1)  
:       aspartate_transaminase > 99: yes (4)  
alanine_transaminase <= 65:  
....alkaline_phosphatase > 211:  
....total_bilirubin <= 0.8:  
:   ....gender = Female:  
:     ....age <= 39: yes (2)  
:       age > 39: no (5)  
:         gender = Male:  
:           ....age <= 13: no (3)  
:             age > 13:  
:               ....albumin_globulin_ratio <= 0.55: no (2)  
:                 albumin_globulin_ratio > 0.55: yes (25/4)  
:               total_bilirubin > 0.8:  
:                 ....age > 37: yes (27/1)  
:                   age <= 37:  
:                     ....total_bilirubin > 1.6: no (2)  
:                       total_bilirubin <= 1.6:  
:                         ....alanine_transaminase <= 23: no (2)  
:                           alanine_transaminase > 23: yes (10/1)  
alkaline_phosphatase <= 211:  
....direct_bilirubin <= 0.1:  
....gender = Male: yes (21/5)  
:   gender = Female:  
:     ....alkaline_phosphatase <= 168: no (4)  
:       alkaline_phosphatase > 168: yes (8/2)  
direct_bilirubin > 0.1:  
....total_bilirubin <= 0.7:  
....alanine_transaminase > 33:  
:   ....aspartate_transaminase > 64: yes (3)  
:     aspartate_transaminase <= 64:  
:       ....aspartate_transaminase <= 41: yes (2)  
:         aspartate_transaminase > 41: no (2)  
:           alanine_transaminase <= 33:  
:             ....albumin_globulin_ratio > 0.9: no (19)  
:               albumin_globulin_ratio <= 0.9:  
:                 ....gender = Female:  
:                   ....alkaline_phosphatase <= 176: yes (3/1)  
:                     alkaline_phosphatase > 176: no (3)  
:                       gender = Male:  
:                         ....age <= 34: no (2)  
:                           age > 34: yes (5/1)  
total_bilirubin > 0.7:  
....gender = Female:  
....alanine_transaminase > 29: no (7)  
:   alanine_transaminase <= 29:  
:     ....total_bilirubin > 0.9: no (7/1)  
:       total_bilirubin <= 0.9:  
:         ....albumin <= 4.3: yes (23/3)  
:           albumin > 4.3: no (4/1)  
gender = Male:  
....aspartate_transaminase <= 25:  
....albumin <= 3.9: no (18/1)  
:   albumin > 3.9: yes (5/1)
```

```
aspartate_transaminase > 25:  
:...aspartate_transaminase > 70: no (4)  
    aspartate_transaminase <= 70:  
        ...albumin_globulin_ratio <= 0.58: no (3)  
            albumin_globulin_ratio > 0.58: yes (38/11)
```

Evaluation on training data (437 cases):

```
Decision Tree  
-----  
Size      Errors  
33      44(10.1%)  <<  
  
(a)  (b)  <-classified as  
---  ---  
306   4    (a): class yes  
40    87   (b): class no
```

Attribute usage:

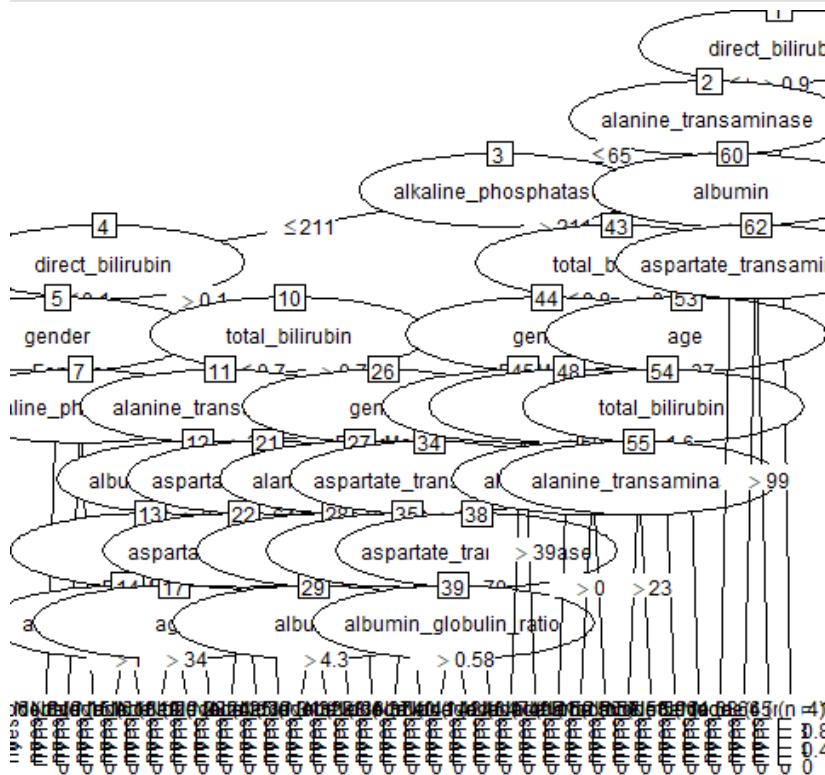
```
100.00% direct_bilirubin  
69.11% alanine_transaminase  
59.27% alkaline_phosphatase  
51.72% total_bilirubin  
43.94% gender  
22.88% albumin_globulin_ratio  
21.28% albumin  
19.45% age  
18.99% aspartate_transaminase
```

Time: 0.0 secs

Podemos ver el gráfico del modelo:

In []: %%R

```
plot(modeloC50)
```



Calculamos las predicciones del modelo:

In []: %%R

(pr)

```
[1] no yes yes yes yes yes no yes yes yes yes yes no yes no yes y
```

Calculamos la matriz de confusión:

In []:

```
%%R  
(matriz_confusion<-table(predicho=prediccion, real=datos_test$diseased))  
  
real  
predicho yes no  
yes    92 30  
no     14 10
```

Calculamos la tasa de acierto en la clasificación (TAC) obtenida parte del modelo, es decir el porcentaje de clasificaciones correctas.

In []:

```
%%R  
  
100*sum(diag(matriz_confusion))/sum(matriz_confusion)  
  
[1] 69.86301  
  
TAC = 0.6986
```

Calculamos la tasa de error de clasificación (TEC = 1 - TAC) cometido por el modelo, que es el porcentaje de clasificaciones incorrectas

In []:

```
%%R  
  
error_clas<-round(mean(prediccion != datos_test$diseased),3)  
paste(  
  "El error de clasificacion es del:",100*error_clas,"%.",sum(prediccion==datos_test$diseased),"clasificaciones correctas de un total de",sum(prediccion!=datos_test$diseased))  
  
[1] "El error de clasificacion es del: 30.1 %. 102 clasificaciones correctas de un total de 146"  
  
TEC = 0.301
```

Ahora vamos a podar el árbol con la librería C5.0

Seleccionamos la submuestra del 75% de los datos

In []:

```
%%R  
  
set.seed(0)  
tamano_total<-nrow(ilpd)  
tamano_entreno<-round(tamano_total*0.75)  
datos_indices<-sample(1:tamano_total,size = tamano_entreno)  
datos_entreno<-ilpd[datos_indices,]  
datos_test<-ilpd[-datos_indices,]
```

Las siguientes proporciones deberían de ser relativamente similares para que los arboles den unos buenos resultados:

In []:

```
%%R  
round(table(datos_entreno$diseased)/nrow(datos_entreno), 3)  
  
yes no  
0.709 0.291
```

In []:

```
%%R  
round(table(datos_test$diseased)/nrow(datos_test), 3)  
  
yes no  
0.726 0.274
```

Ejecución del arbol de clasificación podado con la libreria C5.0

In []:

```
%%R  
  
modeloC50<-C5.0(diseased~., data=datos_entreno, trials=1, rules=FALSE, control = C5.0Control(minCases = 10, earlyStop=TRUE))
```

Información del modelo creado

In []:

```
%%R  
summary(modeloC50)
```

```
Call:  
C5.0.formula(formula = diseased ~ ., data = datos_entreno, trials = 1, rules  
= FALSE, control = C5.0Control(minCases = 10, earlyStopping = TRUE))
```

```
C5.0 [Release 2.07 GPL Edition]           Wed Oct 12 23:37:24 2022  
-----
```

```
Class specified by attribute `outcome'
```

```
Read 437 cases (11 attributes) from undefined.data
```

```
Decision tree:
```

```
direct_bilirubin > 0.9: yes (135/9)  
direct_bilirubin <= 0.9:  
:...alanine_transaminase > 65: yes (43/4)  
alanine_transaminase <= 65:  
....alkaline_phosphatase > 211: yes (78/20)  
    alkaline_phosphatase <= 211:  
      ....direct_bilirubin <= 0.1: yes (33/11)  
      direct_bilirubin > 0.1:  
        ....total_bilirubin <= 0.7: no (39/11)  
        total_bilirubin > 0.7:  
          ....gender = Female:  
            ....total_bilirubin <= 0.8: yes (20/5)  
            :   total_bilirubin > 0.8: no (21/7)  
            gender = Male:  
              ....aspartate_transaminase <= 25: no (23/5)  
              aspartate_transaminase > 25: yes (45/18)
```

```
Evaluation on training data (437 cases):
```

```
Decision Tree  
-----  
Size      Errors  
  
 9      90(20.6%)  <<  
  
(a)    (b)    <-classified as  
---  ---  
 287     23    (a): class yes  
  67     60    (b): class no
```

```
Attribute usage:
```

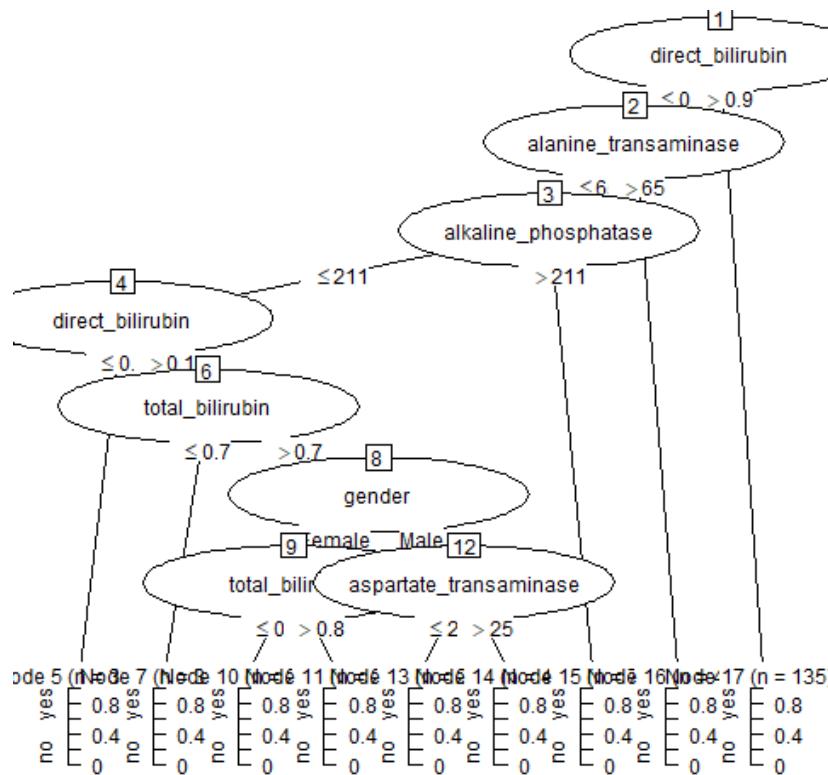
```
100.00% direct_bilirubin  
 69.11% alanine_transaminase  
 59.27% alkaline_phosphatase  
 33.87% total_bilirubin  
 24.94% gender  
 15.56% aspartate_transaminase
```

```
Time: 0.0 secs
```

```
Gráfico del modelo:
```

```
In [ ]: %%R
```

```
plot(modeloC50)
```



Calculamos las predicciones:

In []: %%R

```
(prediccion<-predict(modeloC50, newdata = datos_test,type="class"))
```

```
[1] no no yes  

[19] yes  

[37] yes yes yes yes yes yes yes yes yes no yes no no yes yes yes yes  

[55] yes yes yes yes yes yes yes yes yes no no yes no yes no no yes yes  

[73] no yes yes yes yes no yes yes yes yes yes yes yes yes yes no yes no  

[91] yes no yes yes yes yes no yes no yes yes no yes no yes yes yes yes  

[109] yes yes yes yes yes yes no yes yes no no yes yes yes yes yes yes yes  

[127] yes yes yes yes yes yes no yes yes no yes yes yes yes yes yes yes yes  

[145] yes yes  

Levels: yes no
```

Calculamos la matriz de confusión:

In []:

```
%%R  
(matriz_confusion<-table(predicho=prediccion, real=datos_test$diseased))  
  
real  
predicho yes no  
yes    92  28  
no     14  12
```

Porcentaje de clasificados correctamente:

In []:

```
%%R  
100*sum(diag(matriz_confusion))/sum(matriz_confusion)  
  
[1] 71.23288  
TAC = 0.7123
```

Error de clasificación :

In []:

```
%%R  
error_clas<-round(mean(prediccion != datos_test$diseased),3)  
paste(  
  "El error de clasificacion es del:", 100*error_clas, "%.", sum(prediccion==datos_test$diseased), "clasificaciones correctas de un total de", 146)  
  
[1] "El error de clasificacion es del: 28.8 %. 104 clasificaciones correctas de un total de 146"  
TEC = 0.288
```

4.4.3. Algoritmo CART en R con mlr3

No es necesario preprocesar los datos para árboles (dummy y normalización).

In []:

```
%%R  
  
# install.packages('mlr3extralearners')  
  
library(mlr3)  
library(mlr3learners)
```

```
R[write to console]:  
Attaching package: 'mlr3'
```

```
R[write to console]: The following object is masked from 'package:skimr':  
  
partition
```

Creamos la tarea de clasificación:

In []:

```
%%R  
  
ILPD_task <- as_task_classif(ilpd , target = "diseased")
```

Partimos el data-set en parte de test y parte de train:

In []:

```
%%R  
  
res_desc <- rsmp("holdout" , ratio=0.75)  
  
set.seed(0)  
  
res_desc$instantiate(ILPD_task)
```

Definimos el método de aprendizaje:

In []:

```
%%R  
  
tree_learner <- lrn("classif.rpart" , maxdepth=4)
```

Entrenamos y evaluamos el modelo:

```
In [ ]: %%R  
tree_resample<-resample(task = ILPD_task, learner = tree_learner,resampling = res_desc,store_models = TRUE)  
INFO [23:37:39.510] [mlr3] Applying learner 'classif.rpart' on task 'ilpd' (iter 1/1)
```

Calculamos las predicciones:

```
In [ ]: %%R  
tree_test<-tree_resample$predictions()  
tree_test[[1]]  
  
<PredictionClassif> for 146 observations:  
  row_ids truth response  
    4     yes      no  
    9     no       no  
   11     yes      yes  
---  
  575     yes      yes  
  577     yes      yes  
  583     no       yes
```

Calculamos la accuracy (que es la TAC):

```
In [ ]: %%R  
tree_acc <- tree_resample$aggregate(msr("classif.acc"))  
  
tree_acc  
classif.acc  
0.6917808
```

Visualizamos el modelo:

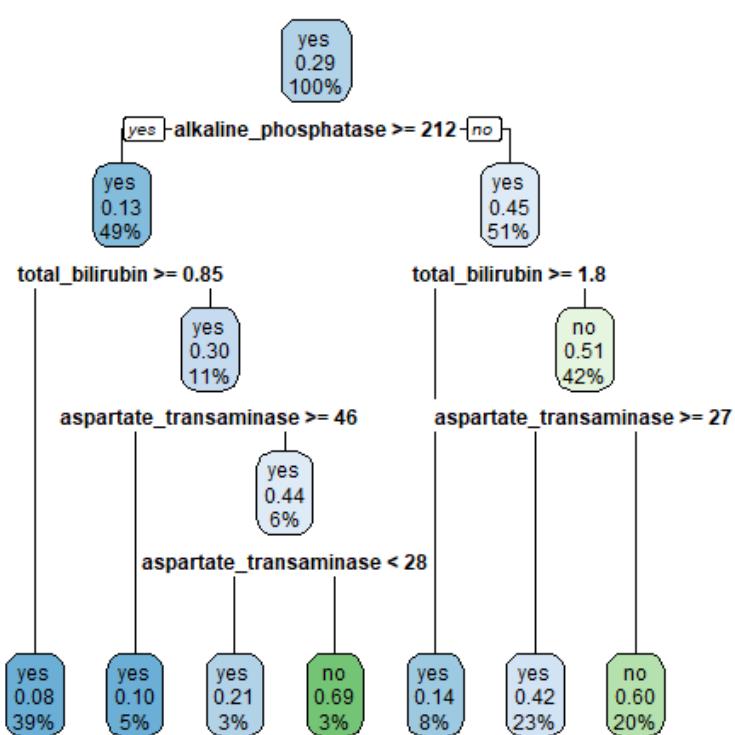
Primero obtendremos la expresión en texto del modelo, luego su gráfico.

In []:

```
%%R  
tree_learner<-tree_resample$learners[[1]]  
tree_learner$model  
  
n= 437  
  
node), split, n, loss, yval, (yprob)  
  * denotes terminal node  
  
1) root 437 127 yes (0.70938215 0.29061785)  
2) alkaline_phosphatase>=211.5 216 28 yes (0.87037037 0.12962963)  
  4) total_bilirubin>=0.85 169 14 yes (0.91715976 0.08284024) *  
  5) total_bilirubin< 0.85 47 14 yes (0.70212766 0.29787234)  
    10) aspartate_transaminase>=45.5 20 2 yes (0.90000000 0.10000000) *  
    11) aspartate_transaminase< 45.5 27 12 yes (0.55555556 0.44444444)  
      22) aspartate_transaminase< 27.5 14 3 yes (0.78571429 0.21428571) *  
      23) aspartate_transaminase>=27.5 13 4 no (0.30769231 0.69230769) *  
3) alkaline_phosphatase< 211.5 221 99 yes (0.55203620 0.44796380)  
6) total_bilirubin>=1.75 36 5 yes (0.86111111 0.13888889) *  
7) total_bilirubin< 1.75 185 91 no (0.49189189 0.50810811)  
  14) aspartate_transaminase>=26.5 99 42 yes (0.57575758 0.42424242) *  
  15) aspartate_transaminase< 26.5 86 34 no (0.39534884 0.60465116) *
```

In []:

```
%%R  
rpart.plot(tree_learner$model)
```



4.4.4. Algoritmo C5.0 en R con mlr3

In []:

```
%%R  
  
library(mlr3)  
library(mlr3learners)  
library(mlr3extralearners)
```

Cambiamos el tipo de los datos a numerico porque si no el algoritmo no funciona.

In []:

```
%%R  
  
ilpd$age<-as.numeric(ilpd$age)  
ilpd$alkaline_phosphatase<-as.numeric(ilpd$alkaline_phosphatase)  
ilpd$alanine_transaminase<-as.numeric(ilpd$alanine_transaminase)  
ilpd$aspartate_transaminase<-as.numeric(ilpd$aspartate_transaminase)
```

Creamos la tarea de clasificación:

In []:

```
%%R  
  
ILPD_task<-as_task_classif(ilpd,target = "diseased")
```

Definimos el método de evaluación:

In []:

```
%%R  
  
res_desc<-rsmp("holdout",ratio=0.75)  
set.seed(0)  
res_desc$instance(ILPD_task)
```

Definimos el método de aprendizaje:

In []:

```
%%R  
  
tree_learner<-lrn("classif.C50")
```

Entrenamos y evaluamos el modelo:

In []:

```
%%R  
  
tree_resample<-resample(task = ILPD_task, learner = tree_learner, resampling = res_desc, store_models = TRUE)  
INFO [23:37:50.846] [mlr3] Applying learner 'classif.C50' on task 'ilpd' (iter 1/1)
```

Obtenemos la predicciones del modelo:

In []:

```
%%R  
  
tree_test<-tree_resample$predictions()  
tree_test[[1]]
```

```
<PredictionClassif> for 146 observations:  
  row_ids truth response  
    4     yes      no  
    9     no       yes  
   11    yes      yes  
---  
  575    yes      yes  
  577    yes      yes  
  583    no       yes
```

Calculamos la accuracy (TAC) del modelo:

```
In [ ]: %%R  
  
tree_acc<-tree_resample$aggregate(msr("classif.acc"))  
  
tree_acc  
  
classif.acc  
0.6986301
```

Visualizamos el modelo :

```
In [ ]: %%R  
  
tree_learner<-tree_resample$learners[[1]]  
tree_learner$model  
  
Call:  
C50::C5.0.formula(formula = f, data = data, control = ctrl)  
  
Classification Tree  
Number of samples: 437  
Number of predictors: 10  
  
Tree size: 35  
  
Non-standard options: attempt to group attributes
```

Como vemos no da plena información sobre la estructura del modelo.

Ahora hemos intentado graficar el modelo, pero nos sale un error.

```
In [ ]: %%R  
  
# plot(tree_Learner$model)  
NULL
```

4.4.5. Comparación entre R y mlr3

Algoritmo RPART con Rpart (R) Inicializamos la semilla y dividimos el data frame en datos de muestra de entrenamiento y muestra de test con funciones de dplyr. Después creamos el modelo con rpart y le metemos la variable respuesta, el data frame de entrenamiento, el método y el coeficiente de partición que nos poda el árbol. Posteriormente, sacamos las predicciones a partir del modelo, el data frame de test y el type. Por último, lo que hacemos es sacar la matriz de confusiones, que nos da una medida de cómo de bueno es nuestro modelo. Más concretamente, en este problema, nos interesa la accuracy.

Aunque no se pide, para poder podar los árboles en este caso, lo que se puede hacer es ajustar los hiperparámetros como pueden ser la profundidad máxima. Y en este tipo de árboles se utiliza GINI como criterio de división.

Algoritmo C5.0 con C5.0 (R) Lo primero que hacemos es crear la semilla y dividir el data frame en datos de entrenamiento y datos de test. Hecho esto, hacemos el modelo con C5.0 y le metemos la variable respuesta, el data frame de entrenamiento, si queremos que nos saque las reglas y el número de intentos (este es un argumento que nos es útil en un proceso de boosting). Para ver la información del modelo creado lo que hacemos es uso de la función summary y lo graficamos con plot. Por último, lo que hacemos es como en el caso anterior sacar las predicciones con predict y la matriz de confusiones, en este caso la hemos sacado con table, que no te saca como en el caso anterior otros estadísticos a parte de la accuracy como puede ser Kappa. En este caso, no es así y para sacar la accuracy, tenemos que calcularla a mano.

Para podar, este tipo de árboles lo que se puede hacer es usar control dentro de la función que crea el modelo, en nuestro caso hemos puesto un mínimo de casos y una parada rápida. La diferencia principal entre los algoritmos es que el C5.0 utiliza la entropía como criterio de división.

Algoritmo RPART con Mlr3 Lo primero que hacemos es crear una tarea de clasificación, donde tenemos los datos y el problema a resolver. Después le metemos el método de evaluación, en este caso holdout al 75% y dividimos los datos en test y entrenamiento. Posteriormente, definimos el método de aprendizaje con un learner donde se contiene el método a utilizar. Lo entrenamos y evaluamos con resample y los distintos objetos que hemos creado en pasos anteriores. Para sacar las predicciones, la accuracy y visualizar el modelo, lo que debemos hacer es llamar a los elementos del modelo pertinentes, y no como en R que debemos calcularlos a mano.

Algoritmo C5.0 con Mlr3 Lo primero que hacemos es cambiar las variables que son enteras a numéricas. Después, de la misma forma que para rpart creamos la tarea donde metemos los datos y le indicamos la variable respuesta. Definimos el método de evaluación, que como en el anterior usamos un holdout al 75% y dividimos los datos en estrenamiento y test. Posteriormente, definimos el método de aprendizaje con un learner y en este caso es "classif.c50". A partir de aquí, procedemos de la misma forma que en el caso anterior con las predicciones, accuracy y visualización del modelo.

A modo de resumen, con R es bastante intuitivo el proceso, pero tiene el problema de que cuando quieres sistematizar el análisis, ya que este tipo de árboles dependen mucho de como sea la partición en muestra entrenamiento y muestra test, es realmente complicado. También podemos ver como el ajuste de hiperparámetros o la poda de los árboles es bastante manual, por lo que esto no es demasiado eficiente.

En general, en mlr3 está todo el proceso mucho más optimizado y de forma más automática. Además el preprocess o el ajuste de hiperparámetros es mucho más fácil que con R. Podemos decir que mlr3 es una familia de paquetes que forman un ecosistema muy avanzado para algoritmos de machine learning, aun así es algo complicado acostumbrarnos a la sintaxis del paquete y a su filosofía. Después de haber trabajado un tiempo con este grupo de paquetes, está claro que es mucho mejor que hacerlo con R y algunas librerías sueltas.

A modo de resumen, en R puedes hacer problemas básicos, pero a la hora de hacer un proceso completo, lo idóneo es usar la librería mlr3 a pesar de que la curva de aprendizaje y aclimatación al paquete por su filosofía y sintaxis pueda parecer algo complicada al principio. Todo ello sin decir que con mlr3 todos los algoritmos se programan de una forma similar, ahorrando líneas de código con respecto a hacerlo con rpart y C5.0.

En ninguno de los casos, hace falta un preprocess de los datos.

4.4.6. Comparación de resultados

Rpart con R

Sin podar:

5 predicciones primeras: NO NO YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6667

Primeros índices: 1 2 3 5 6

Podado:

5 predicciones primeras: NO NO YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6879

Primeros índices: 1 2 3 5 6

C5.0 con R

Sin podar:

5 predicciones primeras: NO YES YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6986

Primeros índices: 1 2 3 5 6

Podado:

5 predicciones primeras: NO NO YES YES YES

Accuracy modelo: 0.7123

Primeros índices: 1 2 3 5 6

Rpart con Mlr3

5 predicciones primeras: NO NO YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6917

Primeros índices: 4 9 11 12 13

C5.0 con Mlr3

5 predicciones primeras: NO YES YES YES YES

Accuracy modelo: 0.6986

Primeros índices: 4 9 11 12 13

Se puede ver como dan cosas distintas con R y Mlr3 aunque la diferencia es mínima. También vemos diferencias entre algoritmos ya que parece que dan una mayor precisión los algoritmos c5.0 además de una mayor eficiencia computacional. En cuanto a los índices, podemos ver como Mlr3 coge distintos de los que toma R. También tenemos que remarcar que la semilla es la misma en todos los casos.

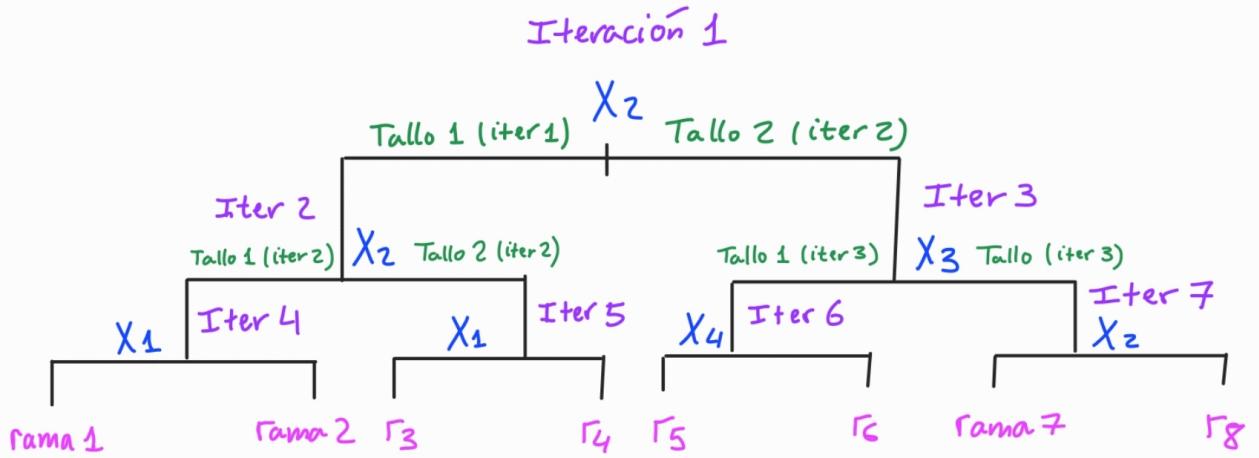
4.5. Arboles de clasificación en Python

4.5.1. Arboles de clasificación: teoría

Vamos a considerar el siguiente tipo de arboles (matematicos):

```
In [ ]: from IPython.display import Image  
Image(filename='arbol.jpg', width = 1000, height = 400)
```

Out[]:



Es importante tener en cuenta los elementos que estan reflejados, pues los usaremos posteriormente.

Los arboles estan compuestos de iteraciones, que a su vez cada una de ellas se dividen en dos tallos. La union de tallos de distintas iteraciones da lugar a las ramas del arbol.

Arboles de clasificación

La idea de los algoritmos de arboles de clasificacion es segmentar las observaciones de los predictores X_1, \dots, X_p para predecir el valor de la respuesta Y en base a esa informacion segmentada. Es algo asi como predecir Y por grupos/segmentos.

Definicion formal de los arboles de clasificación:

Elementos Básicos

- Tenemos unos predictores X_1, \dots, X_p y una variable respuesta **categorica** Y
- Tenemos un arbol T de la forma del expuesto en la imagen con $m - 1$ iteraciones y m ramas.
- r_{ht} es la rama h del arbol con t iteraciones.
- Cada iteracion del arbol tiene asociado uno de los predictores X_1, \dots, X_n
- Cada iteracion del arbol tiene dos tallos (tallo 1 (izquierdo) y tallo 2 (derecho)).
- En cada tallo de una iteracion se define un intervalo.
- I_{lt} es el intervalo asociado al tallo l de la iteracion t
- Para simplificar el problema consideraremos $I_{1t} = (-\infty, s_t)$ y $I_{2t} = [s_t, \infty]$ donde s_t es llamado punto de corte de la iteracion t del arbol
- R_{ht} es la region (rectangulo n -dimensional) definida por la rama h de un arbol con t iteraciones

Criterio de predicción de la variable respuesta

Dada una nueva observacion $x_{new} = (x_{new,1}, x_{new,2}, \dots, x_{new,p})$ la idea es predecir y_{new} como sigue:

Sea $f_{r,R_{ht}}$ la frecuencia relativa de la clase/grupo r en la rama h de un arbol con t iteraciones.

Es decir, es la proporcion de individuos de la muestra de entrenamiento que caen en la rama h de un arbol con t iteraciones que pertenecen a la clase r (es decir, para los que $Y = r$) :

$$f_{r,R_{ht}} = \frac{\# \{i / x_i \in R_{ht} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_i \in R_{ht}\}}$$

Donde: $r \in \text{Rango}(Y) = \{0, 1, \dots, c - 1\}$

Si $x_{new} \in R_{ht} \Rightarrow x_{new}$ es clasificado en la clase/grupo mayoritaria (mas frecuente) en la rama h (r_h)

Por tanto:

Si $r_{R_{ht}}^* = \arg \max_r (f_{r,R_{ht}})$, entonces :

Si $x_{new} \in R_h \Rightarrow \hat{y}_{new} = r_{R_{ht}}^*$

Observación:

Definida la region R_{ht} , es relativamente sencillo resolver el problema $\max_r (f_{r,R_{ht}})$ y asi obtener $r_{R_{ht}}^*$

Objetivo : Usando la **tasa de error de clasificación** como métrica a optimizar

Definimos el **error de entrenamiento de la rama h de un arbol de clasificación con t iteraciones** como la tasa de error de clasificación para las observaciones de entrenamiento que caen en la rama h de dicho arbol, es decir, como:

$$TEC(R_{ht}) = 1 - f_{r_{R_{ht}}^*, R_{ht}}$$

Observación:

$f_{r_{R_{ht}}^*, R_{ht}}$ es la proporción de individuos de la muestra de entrenamiento que caen en la rama h de un arbol con t iteraciones que son de la clase/grupo $r_{R_{ht}}^*$ (el valor de la variable respuesta para ellos es $r_{R_{ht}}^*$)

Como el modelo clasifica a los que caen en esa rama como de la clase $r_{R_{ht}}^*$, es decir, como la predicción de la respuesta para todo individuo que pertenezca a esa rama es $r_{R_{ht}}^*$, por parte del modelo, entonces se tiene lo siguiente:

$f_{r_{R_{ht}}^*, R_{ht}}$ es la proporción de individuos de la muestra de entrenamiento que caen en la rama h de un arbol con t iteraciones que son correctamente clasificados por el modelo (proporción de individuos de la región R_{ht} a los que se les ha predicho bien la respuesta).

$TEC(R_{ht})$ es la proporción de individuos de la muestra de entrenamiento que caen en la rama h de un arbol con t iteraciones (sus observaciones de los predictores pertenecen a R_{ht}) y que han sido clasificados erróneamente. Se les ha clasificado en la clase $r_{R_{ht}}^*$ y su clase era otra diferente, es decir, tenían un valor distinto a $r_{R_{ht}}^*$ para la variable respuesta, que es el valor que el modelo les predice para la respuesta.

Definimos el **error global de entrenamiento de un arbol de clasificación** como la suma de los errores de entrenamiento de las ramas del arbol de clasificación:

$$\sum_{h=1}^m TEC(R_h)$$

El **objetivo** es construir un arbol de regresión con m ramas tal que **minimice** el **error global de entrenamiento**.

Es decir, formalmente el objetivo es:

$$\underset{R_1, \dots, R_m}{\text{Min}} \sum_{h=1}^m TEC(R_h)$$

Pero para escoger las regiones R_1, \dots, R_m que definen las ramas del arbol hay que determinar dos elementos que definen a su vez a las regiones:

1. Qué predictores están asociados a cada iteración del arbol \Rightarrow Para cada iteración i escoger X_j (es decir, escoger j)
2. Qué intervalos están asociados a cada uno de los dos tallos de cada interacción \Rightarrow Para cada iteración i escoger I_{1i} y I_{2i} (es decir, escoger el punto de corte s_i)

Por tanto el problema a resolver se puede reformular como:

Para cada iteración i escoger X_j (es decir j) y (I_{1i}, I_{2i}) (es decir s_i) tal que se acaben formando un arbol cuyas ramas definan unas regiones R_1, \dots, R_m que **minimicen** $\sum_{h=1}^m TEC(R_h)$

Objetivo : Usando el índice de Gini como métrica a optimizar

Definimos el **error de entrenamiento de la rama h de un arbol de clasificacion con t iteraciones** como el índice de Gini de la respuesta en la rama h del arbol con t iteraciones (índice de gini de la respuesta en la region R_{ht}) , es decir, como:

$$G_{R_{ht}} = \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{ht}} \cdot (1 - f_{r,R_{ht}})$$

Donde: $Rango(Y) = \{0, 1, \dots, c - 1\}$

$G_{R_{ht}}$ toma valores pequeños cuando la frecuencia de una clase $r = 0, 1, \dots$ en la region R_{ht} es alta , y por tanto la del resto baja.

$G_{R_{ht}}$ toma valores altos cuando las frecuencias de las clases se reparten de manera "igualitaria" en la region R_{ht} . Y cuanto mas igualitaria es la reparticion de las classes, mas alto es $G_{R_{ht}}$. Hasta el punto que cuando la reparticion es totalmente igualitaria, esto es, cada clase tiene la misma frecuencia , si hay c clases, cada una tiene una frecuencia relativa de $1/c$ en la region, entonces en indicide de Gini alcanza su maximo valor.

Ejemplo:

Para $c = 3$ ($Rango(Y) = \{0, 1, 2\}$)

Si tenemos: $f_{0,R_{ht}} = 0.40$, $f_{1,R_{ht}} = 0.30$ y $f_{2,R_{ht}} = 0.30 \Rightarrow G_{R_{ht}} = 0.66$

Si tenemos: $f_{0,R_{ht}} = 0.80$, $f_{1,R_{ht}} = 0.10$ y $f_{2,R_{ht}} = 0.10 \Rightarrow G_{R_{ht}} = 0.34$

Si tenemos: $f_{0,R_{ht}} = 0.9$, $f_{1,R_{ht}} = 0.05$ y $f_{2,R_{ht}} = 0.05 \Rightarrow G_{R_{ht}} = 0.185$

Teniendo esto en cuenta nos interesan que en cada rama (region R_{ht}) la frecuencia de la clase mayoritaria sea lo mayor posible, y eso equivale a que el indice de Gini sea lo menos posible dentro de cada rama, siguiendo la filosofia empleada con la *TEC*, donde nos interesaba que $f_{r^*,R_{ht}}$ fuese lo mayor posible en cada rama.

Definimos el **error global de entrenamiento de un arbol de clasificación** como la suma de los errores de entrenamiento de las ramas del arbol de clasificación:

$$\sum_{h=1}^m G_{R_{ht}}$$

El **objetivo** es construir un arbol de regresion con m ramas tal que **minimice** el **error global de entrenamiento**.

Es decir, formalmente el objetivo es:

$$\underset{R_1, \dots, R_m}{\text{Min}} \sum_{h=1}^m G_{R_{ht}}$$

En el fondo minimizar el error de clasificacion de un arbol de clasificacion equivale a minimizar el indice de Gini en las ramas del arbol conjuntamente (a nivel global).

Pero para escoger las regiones R_1, \dots, R_m que definen las ramas del arbol hay que determinar dos elementos que definen a su vez a las regiones:

1. Qué predictores estan asociados a cada iteracion del arbol \Rightarrow Para cada iteracion i escoger X_j (es decir, escoger j)
2. Qué intervalos estan asociados a cada uno de los dos tallos de cada interaccion \Rightarrow Para cada iteracion i escoger I_{1i} y I_{2i} (es decir, escoger el punto de corte s_i)

Por tanto el porblema a resolver se puede reformular como:

Para cada iteracion i escoger X_j (es decir j) y (I_{1i}, I_{2i}) (es decir s_i) tal que se acaben formando un arbol cuyas ramas definan unas regiones R_1, \dots, R_m que **minimicen** $\sum_{h=1}^m G_{R_{ht}}$

Algoritmo para la resolucion del problema \Rightarrow Algoritmo de particion binaria

El siguiente algoritmo es una forma de resolver el problema planteado anteriormente. Consiste en ir generando el arbol de manera secuencial, iteracion a iteracion, minimizando en cada paso el error de clasificacion para las observaciones de train que caen en las ramas asociadas a la iteracion en cuestion que esta siendo optimizada.

El algoritmo se basa en la resolucion secuencial de problemas de minimizacion, uno por cada iteracion tenga el arbol que se acabará generando.

Importante:

Para esta exposicion teorica del algoritmo se va a usar como metrica principal la TEC , pero es facilmente extrapolable al caso en el que se usase el índice de Gini como metrica a optimizar.

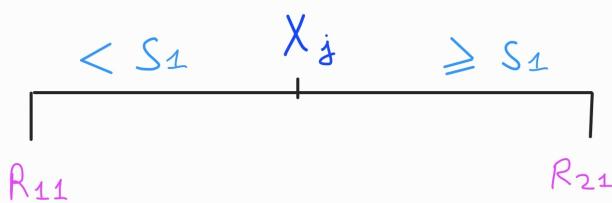
Problema de la Iteracion 1

Arbol con 1 iteracion:

```
In [ ]: from IPython.display import Image  
Image(filename='arbol 1iter.jpg', width = 400, height = 200)
```

Out[]:

Iteración 1



La idea es, determinar las regiones R_{11} y R_{21} (es decir, j y s_1) del arbol con 1 iteracion tal que minimizan el error de entrenamiento global de dicho arbol con 1 iteracion.

Mas formalmente el problema planteado es:

- Si utilizamos la **TEC** como metrica de error a minimizar:

$$\begin{aligned}
 & \underset{R_{11}, R_{21}}{\text{Min}} \quad (TEC_1 = TEC(R_{11}) + TEC(R_{21})) = \\
 &= \underset{R_{11}, R_{21}}{\text{Min}} \left(\left(1 - f_{r_{R_{11}}^*, R_{11}} \right) + \left(1 - f_{r_{R_{21}}^*, R_{21}} \right) \right) \\
 &= \underset{R_{11}, R_{21}}{\text{Min}} \left(1 - \frac{\# \{ i / x_i \in R_{11} \text{ y } y_i = r_{R_{11}}^* \}}{\# \{ i / x_i \in R_{11} \}} + 1 - \frac{\# \{ i / x_i \in R_{21} \text{ y } y_i = r_{R_{21}}^* \}}{\# \{ i / x_i \in R_{21} \}} \right) \\
 &= \underset{j, s_1}{\text{Min}} \left(1 - \frac{\# \{ i / x_i < s_1 \text{ y } y_i = r_{R_{11}}^* \}}{\# \{ i / x_i < s_1 \}} + 1 - \frac{\# \{ i / x_i \geq s_1 \text{ y } y_i = r_{R_{21}}^* \}}{\# \{ i / x_i \geq s_1 \}} \right)
 \end{aligned}$$

- Si utilizamos el **índice de Gini** como metrica de error a minimizar:

$$\begin{aligned}
 & \underset{R_{11}, R_{21}}{\text{Min}} \quad (G_1 = G_{R_{11}} + G_{R_{21}}) = \\
 &= \underset{R_{11}, R_{21}}{\text{Min}} \left\{ \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{11}} \cdot (1 - f_{r,R_{11}}) + \sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{21}} \cdot (1 - f_{r,R_{21}}) \right\} \\
 &= \underset{R_{11}, R_{21}}{\text{Min}} \left\{ \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \{ i / x_i \in R_{11} \text{ y } y_i = r \}}{\# \{ i / x_i \in R_{11} \}} \cdot \left(1 - \frac{\# \{ i / x_i \in R_{11} \text{ y } y_i = r \}}{\# \{ i / x_i \in R_{11} \}} \right) + \right. \\
 & \quad \left. \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \{ i / x_i \in R_{21} \text{ y } y_i = r \}}{\# \{ i / x_i \in R_{21} \}} \cdot \left(1 - \frac{\# \{ i / x_i \in R_{21} \text{ y } y_i = r \}}{\# \{ i / x_i \in R_{21} \}} \right) \right\} \\
 &= \underset{j, s_1}{\text{Min}} \left\{ \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \{ i / x_{ij} < s_1 \text{ y } y_i = r \}}{\# \{ i / x_{ij} < s_1 \}} \cdot \left(1 - \frac{\# \{ i / x_{ij} < s_1 \text{ y } y_i = r \}}{\# \{ i / x_{ij} < s_1 \}} \right) + \right. \\
 & \quad \left. \sum_{r=0,1,\dots,c-1} \frac{\# \{ i / x_{ij} \geq s_1 \text{ y } y_i = r \}}{\# \{ i / x_{ij} \geq s_1 \}} \cdot \left(1 - \frac{\# \{ i / x_{ij} \geq s_1 \text{ y } y_i = r \}}{\# \{ i / x_{ij} \geq s_1 \}} \right) \right\}
 \end{aligned}$$

Notar que:

$$\begin{aligned}
 R_{11} &= \{(v_1, \dots, v_n)/v_j < s_1\} \Rightarrow [x_i \in R_{11} \Leftrightarrow x_{ij} < s_1] \Rightarrow \{i/x_i \in R_{11}\} \\
 &= \{i/x_{ij} < s_1\}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 R_{12} &= \{(v_1, \dots, v_n)/v_j \geq s_1\} \Rightarrow [x_i \in R_{21} \Leftrightarrow x_{ij} \geq s_1] \Rightarrow \{i/x_i \in R_{21}\} \\
 &= \{i/x_{ij} \geq s_1\}
 \end{aligned}$$

Notese que determinar R_{11} y R_{21} es equivalente a determinar el predictor X_j (es decir j) y el punto de corte s_1 asociados a la iteracion 1, ya que R_{11} y R_{21} quedan determinadas al fijar X_j y s_1

Notar también que:

Fijado (j, s_1) puede calcularse $r_{R_{11}}^*$ como solucion al problema de maximizacion:

$$\begin{aligned} \text{Max}_r (f_{r,R_{11}}) &= \text{Max}_r \left(\frac{\#\{i / x_i \in R_{11} \text{ y } y_i = r\}}{\#\{i / x_i \in R_{11}\}} \right) = \text{Max}_r \\ &\quad \left(\frac{\#\{i / x_{ij} < s_1 \text{ y } y_i = r\}}{\#\{i / x_{ij} < s_1\}} \right) \end{aligned}$$

Fijado (j, s_2) puede calcularse $r_{R_{21}}^*$ como solucion al problema de maximizacion:

$$\begin{aligned} \text{Max}_r (f_{r,R_{21}}) &= \text{Max}_r \left(\frac{\#\{i / x_i \in R_{21} \text{ y } y_i = r\}}{\#\{i / x_i \in R_{21}\}} \right) = \text{Max}_r \\ &\quad \left(\frac{\#\{i / x_{ij} \geq s_1 \text{ y } y_i = r\}}{\#\{i / x_{ij} \geq s_1\}} \right) \end{aligned}$$

Donde :

- $j \in \{1, 2, \dots, p\}$
- Si X_j es cuantitativa:

Ordenamos las observaciones de X_j y quitamos repeticiones, obtenemos X_j^{order} , entonces:

$$s_1 \in \left\{ \frac{x_{(1)j} + x_{(2)j}}{2}, \frac{x_{(2)j} + x_{(3)j}}{2}, \dots, \frac{x_{(n-1)j} + x_{(n)j}}{2} \right\}$$

Donde $x_{(i)j}$ es la observacion que ocupa la posicion i -esima en X_j^{order}

- Si X_j es categorica con c categorias:

$$s_1 \in \text{Rango}(X_j) = \{0, 1, \dots, c - 1\}$$

Notese que la eleccion de X_j determina el campo de variacion de s_1

- $TEC(R_{11})$ es el error de entrenamiento de la rama 1 de un arbol de clasificación con 1 iteracion
- $TEC(R_{21})$ es el error de entrenamiento de la rama 2 de un arbol de clasificación con 1 iteracion

Estos elementos no volveran a ser definidos en los sucesivos problemas de iteracion para no pecar de ser repetitivo, puesto que pueden ser facilmente extrapolados a cualquier problema de iteracion. Ademas las definiciones generales de estos elementos han sido expuestas ya anteriormente.

- Denotaremos por $(j^{*(i)}, s^{*(i)})$ a una solucion del problema de la iteracion i , para $i = 1, \dots, m - 1$

Arbol obtenido tras resolver el problema de la iteracion 1:

```
In [ ]: from IPython.display import Image
Image(filename='iter1.jpg', width = 400, height = 200)
```

Out[]:

Iteración 1

$$\begin{array}{ccc} < S^{*(1)} & X_j^{*(1)} & \geq S^{*(1)} \\ \text{Rama 1} & & \text{Rama 2} \end{array}$$

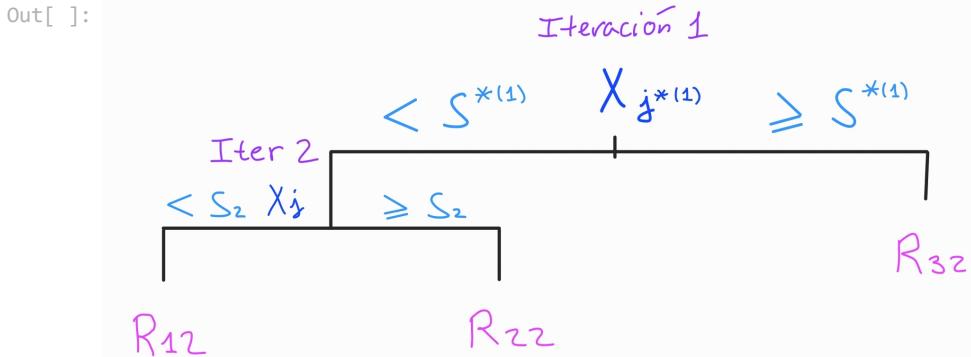
- Si alguna de las ramas del arbol resultante de resolver el problema la iteracion 1 tiene menos de k observaciones de train
⇒ se para el algoritmo
- Si todas las ramas tienen k o mas observaciones de train ⇒ el algoritmo continua, se pasa a resolver el problema de la iteracion siguiente, en este caso el de la iteracion 2

Notese que k será un ***hiperparametro*** del algoritmo.

Problema de la Iteracion 2

Arbol con 2 iteraciones tras resolver el problema anterior:

```
In [ ]: from IPython.display import Image  
Image(filename='arbol 2iter.jpg', width = 550, height = 300)
```



Si estamos en este problema es porque ninguna rama del arbol resultante del problema de la Iteracion 1 tiene menos de k observaciones

La idea es, determinar las regiones R_{12} , R_{22} y R_{32} del arbol con 2 iteraciones (es decir, j y s_2), considerando la solucion del problema de la iteracion 1 (arbol de arriba), que minimizan el error de entrenamiento global de dicho arbol.

Notese que R_{32} ya esta determinada tras la resolucion del problema anterior, por ello realmente solo hay que determinar las regiones R_{12} y R_{22} óptimas (a saber, j y s_2 óptimos)

Mas formalmente el problema planteado es:

- Si utilizamos la **TEC** como metrica de error a minimizar:

$$\begin{aligned}
& \underset{R_{12}, R_{22}, R_{32}}{\text{Min}} \left\{ TEC_2 = TEC(R_{12}) + TEC(R_{22}) + TEC(R_{32}) \right\} = \\
&= \underset{R_{12}, R_{22}, R_{32}}{\text{Min}} \left\{ \left(1 - f_{r_{R_{12}}^*, R_{12}}\right) + \left(1 - f_{r_{R_{22}}^*, R_{22}}\right) + \left(1 - f_{r_{R_{32}}^*, R_{32}}\right) \right\} \\
&= \underset{j, s_2}{\text{Min}} \left\{ 1 - \frac{\#\{i / x_i \in R_{12} \text{ y } y_i = r_{R_{12}}^*\}}{\#\{i / x_i \in R_{12}\}} + 1 - \frac{\#\{i / x_i \in R_{22} \text{ y } y_i = r_{R_{22}}^*\}}{\#\{i / x_i \in R_{22}\}} + \right. \\
&\quad \left. 1 - \frac{\#\{i / x_i \in R_{32} \text{ y } y_i = r_{R_{32}}^*\}}{\#\{i / x_i \in R_{32}\}} \right\} \\
&= \underset{j, s_2}{\text{Min}} \left\{ 1 - \frac{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2 \text{ y } y_i = r_{R_{12}}^*\}}{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2\}} + 1 \right. \\
&\quad \left. - \frac{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2 \text{ y } y_i = r_{R_{22}}^*\}}{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2\}} + 1 \right. \\
&\quad \left. - \frac{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)} \text{ y } y_i = r_{R_{32}}^*\}}{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)}\}} \right\} \\
&= \underset{j, s_2}{\text{Min}} \left\{ 1 - \frac{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2 \text{ y } y_i = r_{R_{12}}^*\}}{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2\}} + 1 \right. \\
&\quad \left. - \frac{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2 \text{ y } y_i = r_{R_{22}}^*\}}{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2\}} \right\} \\
&= \underset{R_{12}, R_{22}}{\text{Min}} \left\{ \left(1 - f_{r_{R_{12}}^*, R_{12}}\right) + \left(1 - f_{r_{R_{22}}^*, R_{22}}\right) \right\}
\end{aligned}$$

- Si utilizamos el **índice de Gini** como metrica de error a minimizar:

$$\begin{aligned}
& \underset{R_{12}, R_{22}, R_{32}}{\text{Min}} \left\{ G_1 = G_{R_{12}} + G_{R_{22}} + G_{R_{32}} \right\} = \\
&= \underset{R_{12}, R_{22}, R_{32}}{\text{Min}} \left\{ \sum_{r=0,1,..,c-1} f_{r,R_{12}} \cdot (1 - f_{r,R_{12}}) + \sum_{r=0,1,..,c-1} f_{r,R_{22}} \cdot (1 - f_{r,R_{22}}) + \right. \\
&\quad \left. \sum_{r=0,1,..,c-1} f_{r,R_{32}} \cdot (1 - f_{r,R_{32}}) \right\} \\
&= \underset{R_{12}, R_{22}, R_{32}}{\text{Min}} \left\{ \sum_{r=0,1,..,c-1} \frac{\# \{i / x_i \in R_{12} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_i \in R_{12}\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \{i / x_i \in R_{12} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_i \in R_{12}\}} \right) \right. \\
&\quad + \sum_{r=0,1,..,c-1} \frac{\# \{i / x_i \in R_{22} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_i \in R_{22}\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \{i / x_i \in R_{22} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_i \in R_{22}\}} \right) \\
&\quad \left. + \sum_{r=0,1,..,c-1} \frac{\# \{i / x_i \in R_{32} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_i \in R_{32}\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \{i / x_i \in R_{32} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_i \in R_{32}\}} \right) \right\} \\
&= \underset{j, s_2}{\text{Min}} \left\{ \sum_{r=0,1,..,c-1} \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2\}} \right. \\
&\quad \cdot \left(1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2\}} \right) \\
&\quad + \sum_{r=0,1,..,c-1} \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2\}} \\
&\quad \cdot \left(1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2\}} \right) \\
&\quad \left. + \sum_{r=0,1,..,c-1} \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)}\}} \cdot \left(1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)} \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)}\}} \right) \right\} \\
&= \underset{j, s_2}{\text{Min}} \left\{ \sum_{r=0,1,..,c-1} \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2\}} \right. \\
&\quad \cdot \left(1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2\}} \right) \\
&\quad + \sum_{r=0,1,..,c-1} \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2\}} \\
&\quad \cdot \left(1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2\}} \right) \Big\} \\
&= \underset{R_{12}, R_{22}}{\text{Min}} \left\{ \sum_{r=0,1,..,c-1} f_{r,R_{12}} \cdot (1 - f_{r,R_{12}}) + \sum_{r=0,1,..,c-1} f_{r,R_{22}} \cdot (1 - f_{r,R_{22}}) \right\}
\end{aligned}$$

Notar que:

Fijado (j, s_2) puede calcularse $r_{R_{12}}^*$ como solucion al problema de maximizacion:

$$\begin{aligned} \underset{r}{\operatorname{Max}} (f_{r,R_{12}}) &= \underset{r}{\operatorname{Max}} \left(\frac{\#\{i / x_i \in R_{12} \text{ y } y_i = r\}}{\#\{i / x_i \in R_{12}\}} \right) = \underset{r}{\operatorname{Max}} \\ &\left(\frac{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_2\}} \right) \end{aligned}$$

Fijado (j, s_2) puede calcularse $r_{R_{22}}^*$ como solucion al problema de maximizacion:

$$\begin{aligned} \underset{r}{\operatorname{Max}} (f_{r,R_{22}}) &= \underset{r}{\operatorname{Max}} \left(\frac{\#\{i / x_i \in R_{22} \text{ y } y_i = r\}}{\#\{i / x_i \in R_{22}\}} \right) = \underset{r}{\operatorname{Max}} \\ &\left(\frac{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2 \text{ y } y_i = r\}}{\#\{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_2\}} \right) \end{aligned}$$

Notese que ninguna de las siguientes expresiones:

$$(1 - f_{r_{R_{32}}, R_{32}})$$

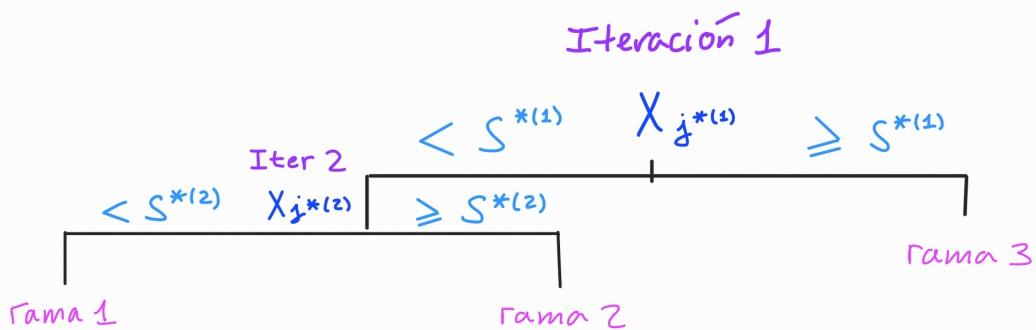
$$\sum_{r=0,1,\dots,c-1} f_{r,R_{32}} \cdot (1 - f_{r,R_{32}})$$

dependen de (j, s_2) , por lo que puede sacarse de la funcion objetivo de sus respectivos problemas de minimizacion sin que esto altere la solucion del problema.

Arbol tras resolver el problema de la Iteracion 2:

```
In [ ]: from IPython.display import Image
Image(filename='iter2.jpg', width = 940, height = 320)
```

Out[]:



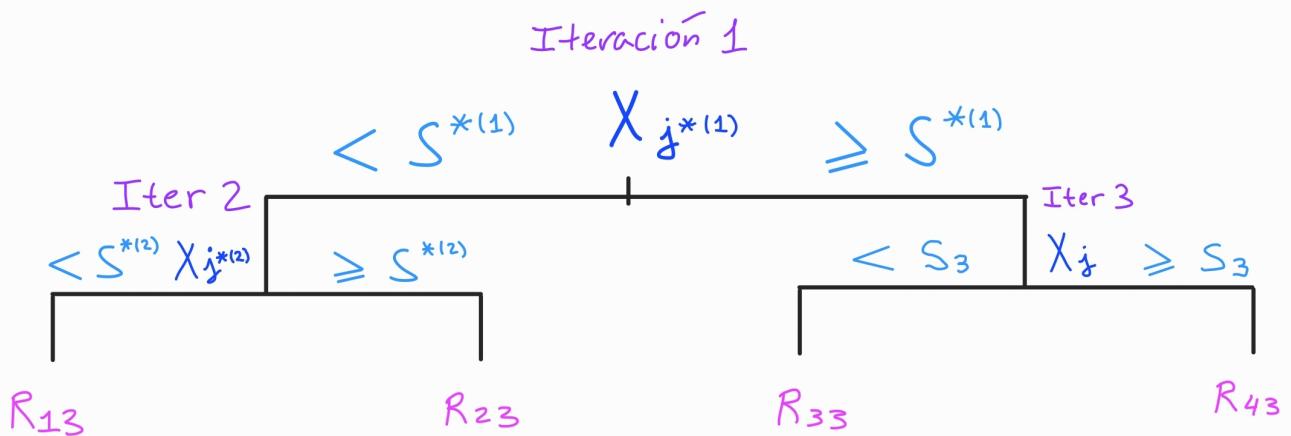
- Si alguna de las ramas tiene menos de k observaciones de train \Rightarrow se para el algoritmo
- Si todas las ramas tienen k o mas observaciones de train \Rightarrow el algoritmo continua, se pasa a resolver el problema de la iteracion siguiente, en este caso el de la iteracion 2

Problema de la Iteracion 3:

Arbol con 3 iteraciones tras resolver el problema anterior:

```
In [ ]: from IPython.display import Image
Image(filename='arbol 3iter.jpg', width = 940, height = 320)
```

Out[]:



Si estamos en este problema es porque ninguna rama del arbol resultante del problema de la Iteracion 2 tiene menos de k observaciones

La idea es, determinar las regiones R_{13} , R_{23} , R_{33} y R_{43} del arbol con 3 iteraciones (es decir, j y s_3), considerando la solucion del problema de la iteracion 2 (arbol de arriba), que minimizan el error de entrenamiento global de dicho arbol.

Notese que R_{13} y R_{23} ya están determinadas tras la resolucion del problema anterior, por ello realmente solo hay que determinar las regiones R_{33} y R_{43} óptimas (a saber, j y s_3 óptimos)

Mas formalmente el problema se plantea como sigue:

- Usando TEC como métrica a optimizar

$$\begin{aligned} & \underset{R_{13}, R_{23}, R_{33}, R_{43}}{\text{Min}} \left\{ TEC_3 = TEC(R_{13}) + TEC(R_{23}) + TEC(R_{33}) + TEC(R_{43}) \right\} = \\ & = \underset{R_{13}, R_{23}, R_{33}, R_{43}}{\text{Min}} \left\{ \left(1 - f_{r_{13}^*, R_{13}}\right) + \left(1 - f_{r_{23}^*, R_{23}}\right) + \left(1 - f_{r_{33}^*, R_{33}}\right) + \left(1 - f_{r_{43}^*, R_{43}}\right) \right\} \end{aligned}$$

$$= \underset{j,s_3}{\text{Min}} \left\{ 1 - \frac{\# \{i / x_i \in R_{13} \text{ y } y_i = r_{R_{13}}^*\}}{\# \{i / x_i \in R_{12}\}} + 1 - \frac{\# \{i / x_i \in R_{23} \text{ y } y_i = r_{R_{23}}^*\}}{\# \{i / x_i \in R_{23}\}} + \right.$$

$$\left. 1 - \frac{\# \{i / x_i \in R_{33} \text{ y } y_i = r_{R_{33}}^*\}}{\# \{i / x_i \in R_{33}\}} + 1 - \frac{\# \{i / x_i \in R_{43} \text{ y } y_i = r_{R_{43}}^*\}}{\# \{i / x_i \in R_{43}\}} \right\}$$

$$= \underset{j,s_3}{\text{Min}} \left\{ 1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij^{*(2)}} < s^{*(2)} \text{ y } y_i = r_{R_{13}}^*\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s^{*(2)}\}} + 1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s^{*(2)} \text{ y } y_i = r_{R_{23}}^*\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s^{*(2)}\}} + \right.$$

$$\left. 1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_3 \text{ y } y_i = r_{R_{33}}^*\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_3\}} + 1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_3 \text{ y } y_i = r_{R_{43}}^*\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_3\}} \right\}$$

$$= \underset{j,s_3}{\text{Min}} \left\{ 1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_3 \text{ y } y_i = r_{R_{33}}^*\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} < s_3\}} + 1 - \frac{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} \geq s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_3 \text{ y } y_i = r_{R_{43}}^*\}}{\# \{i / x_{ij^{*(1)}} < s^{*(1)} \text{ y } x_{ij} \geq s_3\}} \right\}$$

$$= \underset{j,s_3}{\text{Min}} \left\{ \left(1 - f_{r_{R_{33}}^*, R_{33}} \right) + \left(1 - f_{r_{R_{43}}^*, R_{43}} \right) \right\}$$

$$= \underset{R_{33}, R_{43}}{\text{Min}} \left\{ TEC(R_{33}) + TEC(R_{43}) \right\}$$

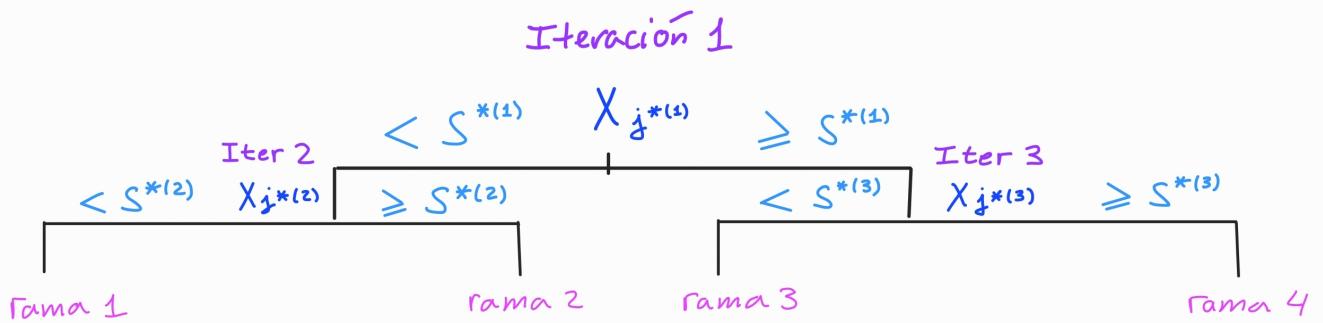
Notar que:

Fijado (j, s_3) puede calcularse $r_{R_{33}}^*$ como solucion al problema de maximizacion:

Arbol tras resolver el problema de la Iteracion 3

```
In [ ]: from IPython.display import Image  
Image(filename='iter3.jpg', width = 900, height = 300)
```

Out[]:



- Si alguna de las ramas tiene menos de k observaciones de train \Rightarrow se para el algoritmo
- Si todas las ramas tienen k o mas observaciones de train \Rightarrow el algoritmo continua, se pasa a resolver el problema de la iteracion siguiente, en este caso el de la iteracion 2

Siempre que no se cumpla la condicion de parada se seguiria haciendo crecer el arbol generando nuevas iteraciones.

No seguiremos exponiendo mas iteraciones del algoritmo, puesto que es facilmente extrapolable lo expuesto a cualquier iteracion superior.

Arboles de Clasificación Penalizados

La idea es esencialmente la misma la ya comentada en la sección de arboles de regresion penalizados.

Los arboles de clasificación penalizados son esencialemente iguales que los arboles de clasificacion ordinarios pero tienen una modificacion en el problema de optimizacion tal que permiten penalizar los arboles con muchas ramas.

El problema de optimizacion a resolver en los arboles de regresion ordinarios (usando Gini como métrica, sin perdida de generalidad) era:

$$\underset{R_1, \dots, R_m}{\text{Min}} \sum_{h=1}^m G_{R_{ht}}$$

En los arboles de regresion penalizados el problema a resolver es:

$$\underset{R_1, \dots, R_m}{\text{Min}} \sum_{h=1}^m G_{R_{ht}} + \alpha \cdot m$$

Donde m es el numero de ramas del arbol

De este modo, si $\alpha = 0$ estamos en el caso de arboles de clasificacion ordinarios.

Si $\alpha > 0$, entonces se penalizara el numero de ramas del arbol (m).

Dado un $\alpha > 0$, cuanto mayor sea el tamaño del arbol (m) mas dificil sera que sea optimo en el sentido de que resuelva el problema deminimizacion. Y viceversa.

Cuanto mayor sea α mas se estará penalizando a los arboles de tamaño grande.

Con $\alpha > 0$ (y especialmente $\alpha >> 0$ (relativamente grandes)) tienden a salir como optimos arboles que son mas pequeños que los que salen usando el algoritmo ordinario (sin penalizacion).

En el algoritmo ordinario se prioriza que el arbol se ajuste a los datos de entrenamiento, lo que suele provocar overfitting (sobreajuste). Esto es un problema porque hace que el arbol funcione muy bien (prediga bien) en la muestra de entrenamiento (cuando usa los datos que ya ha "visto"), pero bastante peor en la muestra de test. Estos modelos tendrán poco sesgo pero mucha varianza a nivel predictivo, lo cual es negativo.

El algoritmo penalizado permite obtener un equilibrio entre sesgo y varianza a través del parámetro de penalización α .

La idea es seleccionar un α que nos genere un modelo con quizás un poco más de sesgo pero con considerable menos varianza que el ordinario, lo cual conduzca a un error de predicción menor que en el caso ordinario.

¿ Cómo escoger α en la práctica ?

Una idea razonable es entrenar un arbol con los mismos datos de entrenamiento pero con B distintos α .

Calcular con una muestra de test el error de cada uno de los B modelos.

Quedarse con el α asociado al modelo con menor error de test.

Una cuestión relevante aquí es cómo definir el conjunto de B valores de α que se van a tener en consideración.

No entraremos aquí en esta cuestión.

4.5.2. Arboles de clasificación: algoritmo de creación propia en Python

Algoritmo de creacion propia con TEC

```
In [ ]: def classification_tree(Data_set, iterations_vector, k, Y_categories) :  
  
    # POR AHORA SOLO GENERA 4 ITERACIONES EN EL ARBOL --> iterations_vector = range(1,5) como mucho (=[1,2,3,4])  
  
    # Data_set tiene que ser tal que, su columna 0 sea Y, y la j-esima sea la variable Xj , para j=1,...,p  
  
    # Si se quiere que el arbol tenga como mucho 3 iteraciones --> iterations_vector = range(1,4) = [1,2,3]  
  
    # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)  
  
    # k = numero de observaciones minimas por rama del arbol --> criterio de parada  
  
    #####  
  
    def s_values(j, Data_set):  
  
        s_values = []  
  
        if (Data_set.dtypes[j] != 'float64') & (Data_set.dtypes[j] != 'int64') : # Para las variables categoricas  
  
            s_values = Data_set.sort_values(by=[Data_set.columns[j]], axis=0, ascending=True, ignore_index=True).  
  
        elif (Data_set.dtypes[j] == 'float64') | (Data_set.dtypes[j] == 'int64') :  
  
            Xj_sorted = Data_set.sort_values(by=[Data_set.columns[j]], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)  
  
            for i in range(0, len(Xj_sorted)-1):  
  
                s_values.append( (Xj_sorted[i] + Xj_sorted[i+1]) / 2 )  
  
        return s_values  
  
#####  
  
## ITERACION 1  
  
if iterations_vector[0] == 1 : # nacimiento del arbol  
  
    #####  
  
def f_R11(j, s, r, Data_set):  
  
    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las  
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.  
  
    cond_R11 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] < s) , : ] )  
  
    if cond_R11 != 0 :  
  
        f_R11 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] < s) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / len(  
  
    elif cond_R11 == 0 :  
  
        f_R11 = 0  
  
    return f_R11  
#####
```

```

def f_R21(j, s, r, Data_set):

    cond_R21 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] >= s) , : ] )

    if cond_R21 != 0 :

        f_R21 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] >= s) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / len(Data_set)

    elif cond_R21 == 0 :

        f_R21 = 0

    return f_R21

#####
TEC_vector = []
j_vector = []
s_vector = []

j_star_vector = []
s_star_vector = []
TEC_star_vector = []

for j in range(1, Data_set.shape[1]) :

    for s in s_values(j, Data_set) :

        # Busqueda de r_star_R11 :

        f_R11_r_vector = []

        for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

            f_R11_r_vector.append( f_R11(j, s, r , Data_set) )

        f_R11_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R11':f_R11_r_vector })

        f_R11_df_sorted = f_R11_df.sort_values(by=['f_R11'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

        r_star_R11 = f_R11_df_sorted.loc[0, 'r']

        # Busqueda de r_star_R21 :

        f_R21_r_vector = []

        for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

            f_R21_r_vector.append( f_R21(j, s, r , Data_set) )

        f_R21_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R21':f_R21_r_vector })

        f_R21_df_sorted = f_R21_df.sort_values(by=['f_R21'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

        r_star_R21 = f_R21_df_sorted.loc[0, 'r']

        # Calculo de TEC_1 para la combinacion (j, s) dada:

        TEC_1 = 1- f_R11(j, s, r_star_R11, Data_set) + 1- f_R21(j, s, r_star_R21, Data_set)

        TEC_vector.append(TEC_1)
        j_vector.append(j)
        s_vector.append(s)

    # Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:

    TEC_df = pd.DataFrame({'TEC':TEC_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})

```

```

TEC_df_sorted = TEC_df.sort_values(by=['TEC'], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)

s_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 's'] )
j_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 'j'] )
TEC_star_vector.append(TEC_df_sorted.loc[0, 'TEC'])

# OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...
# OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...

#####
# Condicion de parada:

obs_r11 = len( Data_set.loc[ Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0] , : ] )
obs_r21 = len( Data_set.loc[ Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0] , : ] )

if(obs_r11 < k) | (obs_r21 < k) : # Si se cumple el criterio de parada

    print('El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en num
number_iterations=1

obs_ramas = [obs_r11 , obs_r21]

#####
return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, TEC_star_vector, obs_ramas )

#####

elif (obs_r11 >= k) & (obs_r21 >= k) : # No se cumple el criterio de parada

    pass

#####
## ITERACION 2 ..... POR MODIFICAR !! ......

if iterations_vector[1] == 2 : # Desarrollar nodo R1 de la 1ª iteracion

#####
def f_R12(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ] )

    if cond_R12 != 0 :

        f_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ] )

    elif cond_R12 == 0 :

        f_R12 = 0

    return f_R12

#####

def f_R22(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ] )

```

```

if cond_R22 != 0 :

    f_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.i]

elif cond_R22 == 0 :

    f_R22 = 0

return f_R22

#####
TEC_vector = []
j_vector = []
s_vector = []

for j in range(1, Data_set.shape[1]) :

    for s in s_values(j, Data_set) :

        # Busqueda de r_star_R12 :

        f_R12_r_vector = []

        for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

            f_R12_r_vector.append( f_R12(j, s, r , Data_set) )

        f_R12_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R12':f_R12_r_vector })

        f_R12_df_sorted = f_R12_df.sort_values(by=['f_R12'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

        r_star_R12 = f_R11_df_sorted.loc[0, 'r']

        # Busqueda de r_star_R22 :

        f_R22_r_vector = []

        for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

            f_R22_r_vector.append( f_R22(j, s, r , Data_set) )

        f_R22_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R22':f_R22_r_vector })

        f_R22_df_sorted = f_R22_df.sort_values(by=['f_R22'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

        r_star_R22 = f_R22_df_sorted.loc[0, 'r']

        # Calculo de TEC_1 para la combinacion (j, s) dada:

        TEC_2 = 1- f_R12(j, s, r_star_R12, Data_set) + 1- f_R22(j, s, r_star_R22, Data_set)

        TEC_vector.append(TEC_2)
        j_vector.append(j)
        s_vector.append(s)

        # Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:

        TEC_df = pd.DataFrame({ 'TEC':TEC_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})

        TEC_df_sorted = TEC_df.sort_values(by=[ 'TEC'], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)

        s_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 's'] )
        j_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 'j'] )
        TEC_star_vector.append(TEC_df_sorted.loc[0, 'TEC'])


```

```

# OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...
# OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...



#####
# Condicion de parada:

obs_r12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , : ] )
obs_r22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , : ] )
obs_r32 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , : ] )

if(obs_r12 < k) | (obs_r22 < k) : # Si se cumple el criterio de parada

    print('El arbol final es el arbol con 2 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero de ramas')
    number_iterations=2
    obs_ramas = [obs_r12 , obs_r22, obs_r32]

#####

return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, TEC_star_vector, obs_ramas )

#####


elif (obs_r12 >= k) & (obs_r22 >= k) : # No se cumple el criterio de parada
    pass


#####
## ITERACION 3

if iterations_vector[2] == 3 : # Desarrollar nodo R2 de la 1ª iteracion --> considerar j_star_vector[0] y s_star_vector[0]

#####

def f_R33(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas cumplen la condicion.
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , : ] )

    if cond_R33 != 0 :

        f_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , : ] )

    elif cond_R33 == 0 :

        f_R33 = 0

    return f_R33


#####

def f_R43(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas cumplen la condicion.
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , : ] )

    if cond_R43 != 0 :

```

```

f_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.i

```

elif cond_R43 == 0 :

```

f_R43 = 0

```

return f_R43

#####
TEC_vector = []
j_vector = []
s_vector = []

for j **in** range(1, Data_set.shape[1]) :

```

for s in s_values(j, Data_set) :
    # Busqueda de r_star_R11 :
    f_R33_r_vector = []
    for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
        f_R33_r_vector.append( f_R33(j, s, r , Data_set) )
    f_R33_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R33':f_R11_r_vector })
    f_R33_df_sorted = f_R33_df.sort_values(by=['f_R33'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
    r_star_R33 = f_R11_df_sorted.loc[0, 'r']

    # Busqueda de r_star_R21 :
    f_R43_r_vector = []
    for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
        f_R43_r_vector.append( f_R43(j, s, r , Data_set) )
    f_R43_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R43':f_R21_r_vector })
    f_R43_df_sorted = f_R43_df.sort_values(by=['f_R43'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)
    r_star_R43 = f_R43_df_sorted.loc[0, 'r']

    # Calculo de TEC_1 para la combinacion (j, s) dada:
    TEC_1 = 1- f_R33(j, s, r_star_R33, Data_set) + 1- f_R43(j, s, r_star_R43, Data_set)

    TEC_vector.append(TEC_1)
    j_vector.append(j)
    s_vector.append(s)

# Busqueda de j_star y s_star de la iteracion 1:
TEC_df = pd.DataFrame({ 'TEC':TEC_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})
TEC_df_sorted = TEC_df.sort_values(by=[ 'TEC'], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)
s_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 's'] )
j_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 'j'] )
TEC_star_vector.append(TEC_df_sorted.loc[0, 'TEC'])

# OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para i=0,1, ...
# OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para i=0,1, ...

```

```

#####
# Condicion de parada:

obs_r13 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) ]
obs_r23 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ]
obs_r33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ]
obs_r43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ]

if(obs_r33 < k) | (obs_r43 < k) : # Si se cumple el criterio de parada

    print('El arbol final es el arbol con 3 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero de ramas')
    number_iterations = 3
    obs_ramas = [obs_r13, obs_r23, obs_r33 , obs_r43]

#####
return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, TEC_star_vector, obs_ramas )

#####

elif (obs_r33 >= k) & (obs_r43 >= k) : # No se cumple el criterio de parada
    pass

#####
## ITERACION 4

if iterations_vector[3] == 4 :

#####
#####

def f_R14(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas cumplen la condicion
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) ] )
    if cond_R14 != 0 :
        f_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) ] )
    elif cond_R14 == 0 :
        f_R14 = 0

    return f_R14

#####

def f_R24(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas cumplen la condicion
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) ] )

```

```

if cond_R24 != 0 :

    f_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, s_star_vector[0]] >= r_star_vector[0]) ] )

elif cond_R24 == 0 :

    f_R24 = 0

return f_R24

#####
TEC_vector = []
j_vector = []
s_vector = []

for j in range(1, Data_set.shape[1]) :

    for s in s_values(j, Data_set) :

        # Busqueda de r_star_R11 :

        f_R14_r_vector = []

        for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

            f_R14_r_vector.append( f_R14(j, s, r , Data_set) )

        f_R14_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R14':f_R14_r_vector })

        f_R14_df_sorted = f_R14_df.sort_values(by=['f_R14'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

        r_star_R14 = f_R14_df_sorted.loc[0, 'r']

        # Busqueda de r_star_R21 :

        f_R24_r_vector = []

        for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

            f_R24_r_vector.append( f_R24(j, s, r , Data_set) )

        f_R24_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R24':f_R24_r_vector })

        f_R24_df_sorted = f_R24_df.sort_values(by=['f_R24'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

        r_star_R24 = f_R24_df_sorted.loc[0, 'r']

        # Calculo de TEC_1 para la combinacion (j, s) dada:

        TEC_1 = 1- f_R14(j, s, r_star_R14, Data_set) + 1- f_R24(j, s, r_star_R24, Data_set)

        TEC_vector.append(TEC_1)
        j_vector.append(j)
        s_vector.append(s)

# Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:

TEC_df = pd.DataFrame({ 'TEC':TEC_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})

TEC_df_sorted = TEC_df.sort_values(by=[ 'TEC'], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)

s_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 's'] )
j_star_vector.append( TEC_df_sorted.loc[0, 'j'] )
TEC_star_vector.append(TEC_df_sorted.loc[0, 'TEC'])

```

```

# OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...
# OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...



#####
# Condicion de parada:

obs_r14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] < s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] < s_star_vector[3]) ]
obs_r24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] < s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] < s_star_vector[3]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[4] ] < s_star_vector[4]) ]
obs_r34 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] < s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] < s_star_vector[3]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[4] ] < s_star_vector[4]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[5] ] < s_star_vector[5]) ]
obs_r44 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] < s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] < s_star_vector[3]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[4] ] < s_star_vector[4]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[5] ] < s_star_vector[5]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[6] ] < s_star_vector[6]) ]
obs_r54 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] < s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] < s_star_vector[3]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[4] ] < s_star_vector[4]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[5] ] < s_star_vector[5]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[6] ] < s_star_vector[6]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[7] ] < s_star_vector[7]) ]



if(obs_r14 < k) | (obs_r24 < k) : # Si se cumple el criterio de parada

    print('El arbol final es el arbol con 3 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero de ramas')
    number_iterations = 4
    obs_ramas = [obs_r14, obs_r24, obs_r34 , obs_r44, obs_r54]

#####

return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, TEC_star_vector, obs_ramas )

#####



elif (obs_r14 >= k) & (obs_r24 >= k) : # No se cumple el criterio de parada

    print('Se ha generado el arbol mas grande permitido por el algoritmo (arbol con 4 Iteraciones)')
    # Aunque no se haya cumplido el criterio de parada como esta es la ultima Iteracion contemplada por el algoritmo
    # debemos calcular las metricas finales para que sean escupidas por el algoritmo.

    number_iterations=4
    obs_ramas = [obs_r14, obs_r24, obs_r34, obs_r44, obs_r54]

pass

#####

return( number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, TEC_star_vector, obs_ramas )

```

Definimos una función para obtener predicciones de la respuesta:

```
In [ ]: def classification_tree_PREDICTIONS(Data_set, Y_categories, number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, obs_ramas):

    if number_iterations == 1 :

        obs_r11 = obs_ramas[0]
        obs_r21 = obs_ramas[1]

    ### Prediccion:

    # Si x_new cae en R11

    if x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0] : # Ojo: el elemento j-1 de x_new es el valor de x

        def f_R11(r, Data_set):

            cond_R11 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) , : ])

            if cond_R11 != 0 :

                f_R11 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r] >= s_star_vector[0]) ] )

            elif cond_R11 == 0 :

                f_R11 = 0

        return f_R11

    # Busqueda de r_star_R11 :

    f_R11_r_vector = []

    for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

        f_R11_r_vector.append( f_R11(r , Data_set) )

    f_R11_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R11':f_R11_r_vector })

    f_R11_df_sorted = f_R11_df.sort_values(by=['f_R11'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

    r_star_R11 = f_R11_df_sorted.loc[0, 'r']

    y_new_predict = r_star_R11

    # Si x_new cae en r21

    elif x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0] :

        def f_R21(r, Data_set):

            cond_R21 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , : ])

            if cond_R21 != 0 :

                f_R21 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r] < s_star_vector[0]) ] )

            elif cond_R21 == 0 :

                f_R21 = 0

        return f_R21
```

```

# Busqueda de r_star_R21 :

f_R21_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R21_r_vector.append( f_R21(r , Data_set) )

f_R21_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R21':f_R21_r_vector })

f_R21_df_sorted = f_R21_df.sort_values(by=['f_R21'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R21 = f_R21_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R21

#####
#####
```

if number_iterations == 2 :

```

obs_r12 = obs_ramas[0]
obs_r22 = obs_ramas[1]
obs_r32 = obs_ramas[2]
```

Prediccion:

```

# Si x_new cae en R12

if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[1] - 1] < s_star_vector[1])
```

def f_R12(r, Data_set):

```

cond_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) ] )

if cond_R12 != 0 :

    f_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) ] )
```

elif cond_R12 == 0 :

```

    f_R12 = 0
```

Busqueda de r_star_R12 :

```

f_R12_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R12_r_vector.append( f_R12(r , Data_set) )

f_R12_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R12':f_R12_r_vector })

f_R12_df_sorted = f_R12_df.sort_values(by=['f_R12'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R12 = f_R12_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R12
```

Si x_new cae en R22

```

elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[1] - 1] >= s_star_vector[1])
```

```

def f_R22(r, Data_set):

    cond_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r] >= s_star_vector[0]) ] )
    
    if cond_R22 != 0 :

        f_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r] < s_star_vector[0]) ] )

    elif cond_R22 == 0 :

        f_R22 = 0

    return f_R22

# Busqueda de r_star_R22 :

f_R22_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R22_r_vector.append( f_R22(r , Data_set) )

f_R22_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R22':f_R22_r_vector })

f_R22_df_sorted = f_R22_df.sort_values(by=['f_R22'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R22 = f_R22_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R22


# Si x_new cae en R32

elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) :

    def f_R32(r, Data_set):

        cond_R32 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) , (Data_set.iloc[:, r] < s_star_vector[0]) ] )

        if cond_R32 != 0 :

            f_R32 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r] < s_star_vector[0]) ] )

        elif cond_R32 == 0 :

            f_R32 = 0

        return f_R32

# Busqueda de r_star_R32 :

f_R32_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R32_r_vector.append( f_R32(r , Data_set) )

f_R32_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R32':f_R32_r_vector })

f_R32_df_sorted = f_R32_df.sort_values(by=['f_R32'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R32 = f_R32_df_sorted.loc[0, 'r']

```

```

y_new_predict = r_star_R32

if number_iterations == 3:

    obs_r13 = obs_ramas[0]
    obs_r23 = obs_ramas[1]
    obs_r33 = obs_ramas[2]
    obs_r43 = obs_ramas[3]

    ### Prediccion:

    # Si x_new cae en R13

    if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[1] - 1] < s_star_vector[1]):

        def f_R13(r, Data_set):

            cond_R13 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) ] )

            if cond_R13 != 0 :

                f_R13 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) ] )

            elif cond_R13 == 0 :

                f_R13 = 0

        return f_R13

    # Busqueda de r_star_R13

    f_R13_r_vector = []

    for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

        f_R13_r_vector.append( f_R13(r , Data_set) )

    f_R13_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R13':f_R13_r_vector })

    f_R13_df_sorted = f_R13_df.sort_values(by=['f_R13'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

    r_star_R13 = f_R13_df_sorted.loc[0, 'r']

    y_new_predict = r_star_R13


# Si x_new cae en R23

if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[1] - 1] >= s_star_vector[1]):

    def f_R23(r, Data_set):

        cond_R23 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1]) ] )

        if cond_R23 != 0 :

            f_R23 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1]) ] )

        elif cond_R23 == 0 :

            f_R23 = 0

    return f_R23

```

```

# Busqueda de r_star_R23

f_R23_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R23_r_vector.append( f_R23( r , Data_set ) )

f_R23_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R23':f_R23_r_vector })

f_R23_df_sorted = f_R23_df.sort_values(by=['f_R23'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R23 = f_R23_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R23


# Si x_new cae en R33

if (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[2] - 1] < s_star_vector[2])

    def f_R33(r, Data_set):

        cond_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) &

        if cond_R33 != 0 :

            f_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) &

        elif cond_R33 == 0 :

            f_R33 = 0

        return f_R33


# Busqueda de r_star_R33

f_R33_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R33_r_vector.append( f_R33( r , Data_set ) )

f_R33_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R33':f_R33_r_vector })

f_R33_df_sorted = f_R33_df.sort_values(by=['f_R33'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R33 = f_R33_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R33


# Si x_new cae en R43

elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[2] - 1] >= s_star_vector[2])

    def f_R43(r, Data_set):

        cond_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) &

        if cond_R43 != 0 :

            f_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) &

        elif cond_R43 == 0 :

            f_R43 = 0

```

```

    return f_R43

# Busqueda de r_star_R33

f_R43_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R43_r_vector.append( f_R43( r , Data_set ) )

f_R43_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R43':f_R43_r_vector })

f_R43_df_sorted = f_R43_df.sort_values(by=['f_R43'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R43 = f_R43_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R43


if number_iterations == 4 :

    obs_r14 = obs_ramas[0]
    obs_r24 = obs_ramas[1]
    obs_r34 = obs_ramas[2]
    obs_r44 = obs_ramas[3]
    obs_r54 = obs_ramas[4]

#### Prediccion:

# Si x_new cae en R14

if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[1] - 1] < s_star_vector[1])

    def f_R14(r, Data_set):

        cond_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) ] )

        if cond_R14 != 0 :

            f_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] < s_star_vector[1]) ] )

        elif cond_R14 == 0 :

            f_R14 = 0

        return f_R14

# Busqueda de r_star_R14

f_R14_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R14_r_vector.append( f_R14(r , Data_set) )

f_R14_df = pd.DataFrame({ 'r':Y_categories , 'f_R14':f_R14_r_vector })

f_R14_df_sorted = f_R14_df.sort_values(by=['f_R14'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R14 = f_R14_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R14

```

```

# Si x_new cae en R24

if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[1] - 1] < s_star_vector[1])

def f_R24(r, Data_set):

    cond_R24 = len(Data_set.loc[(Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] < s_star_vector[1])])

    if cond_R24 != 0 :

        f_R24 = len(Data_set.loc[(Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] < s_star_vector[1])])

    elif cond_R24 == 0 :

        f_R24 = 0

    return f_R24

# Busqueda de r_star_R24

f_R24_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R24_r_vector.append(f_R24(r , Data_set))

f_R24_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R24':f_R24_r_vector })

f_R24_df_sorted = f_R24_df.sort_values(by=['f_R24'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R24 = f_R24_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R24


# Si x_new cae en R34

if (x_new[j_star_vector[0] - 1] < s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[1] - 1] >= s_star_vector[1])

def f_R34(r, Data_set):

    cond_R34 = len(Data_set.loc[(Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1])])

    if cond_R34 != 0 :

        f_R34 = len(Data_set.loc[(Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1]] >= s_star_vector[1])])

    elif cond_R34 == 0 :

        f_R34 = 0

    return f_R34

# Busqueda de r_star_R34

f_R34_r_vector = []

for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R34_r_vector.append(f_R34(r , Data_set))

f_R34_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories , 'f_R34':f_R34_r_vector })

f_R34_df_sorted = f_R34_df.sort_values(by=['f_R34'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R34 = f_R34_df_sorted.loc[0, 'r']

```

```

y_new_predict = r_star_R34

# Si x_new cae en R44

elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[2] - 1] < s_star_vector[2]):
    def f_R44(r, Data_set):

        cond_R44 = len(Data_set.loc[(Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) &
                                     (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] < s_star_vector[2])])

        if cond_R44 != 0:

            f_R44 = len(Data_set.loc[(Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) &
                                     (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] < s_star_vector[2])])

        elif cond_R44 == 0:

            f_R44 = 0

    return f_R44

# Busqueda de r_star_R44

f_R44_r_vector = []

for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R44_r_vector.append(f_R44(r, Data_set))

f_R44_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories, 'f_R44':f_R44_r_vector})

f_R44_df_sorted = f_R44_df.sort_values(by=['f_R44'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R44 = f_R44_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R44


# Si x_new cae en R54

elif (x_new[j_star_vector[0] - 1] >= s_star_vector[0]) & (x_new[j_star_vector[2] - 1] >= s_star_vector[2]):
    def f_R54(r, Data_set):

        cond_R54 = len(Data_set.loc[(Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) &
                                     (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] >= s_star_vector[2])])

        if cond_R54 != 0:

            f_R54 = len(Data_set.loc[(Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) &
                                     (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2]] >= s_star_vector[2])])

        elif cond_R54 == 0:

            f_R54 = 0

    return f_R54

# Busqueda de r_star_R54

f_R54_r_vector = []

for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

    f_R54_r_vector.append(f_R54(r, Data_set))

f_R54_df = pd.DataFrame({'r':Y_categories, 'f_R54':f_R54_r_vector})

```

```
f_R54_df_sorted = f_R54_df.sort_values(by=['f_R54'], axis=0, ascending=False, ignore_index=True)

r_star_R54 = f_R54_df_sorted.loc[0, 'r']

y_new_predict = r_star_R54

return(y_new_predict)
```

Testeo del algoritmo de arbol de clasificacion creado en Python

```
In [ ]: import numpy as np  
import pandas as pd
```

```
In [ ]: Data_Python = Data_Python.iloc[:, 0:11]
```

```
In [ ]: Data_Python.head()
```

```
Out[ ]:
```

	Age	Gender	Total_Bilirubin	Direct_Bilirubin	Alkaline_Phosphotase	Alamine_Aminotransferase	Aspartate_Aminotransferase	Total_
0	65	0.0	0.7	0.1	187	16		18
1	62	1.0	10.9	5.5	699	64		100
2	62	1.0	7.3	4.1	490	60		68
3	58	1.0	1.0	0.4	182	14		20
4	72	1.0	3.9	2.0	195	27		59

Transformaciones necesarias para poder aplicar sobre este data-set nuestro algoritmo:

- Tranformar las variables categoricas a type=Object en Python (ya hecho en la parte de EDA)
- Llamar 'Y' a la variable respuesta (y hacer que sea la primera columna del data-set)
- La variable respuesta tiene que ser la primera columna (columna cero en Python)

Renombramos la variable respuesta y la ponemos como primera columna:

```
In [ ]: Data_Python.insert(0, 'Y', Data_Python['Diseased'])
```

```
In [ ]: Data_Python = Data_Python.drop(['Diseased'], axis=1)
```

```
In [ ]: Data_Python.head()
```

```
Out[ ]:
```

	Y	Age	Gender	Total_Bilirubin	Direct_Bilirubin	Alkaline_Phosphotase	Alamine_Aminotransferase	Aspartate_Aminotransferase	T
0	0.0	65	0.0	0.7	0.1	187	16		18
1	0.0	62	1.0	10.9	5.5	699	64		100
2	0.0	62	1.0	7.3	4.1	490	60		68
3	0.0	58	1.0	1.0	0.4	182	14		20
4	0.0	72	1.0	3.9	2.0	195	27		59

Ahora dividimos el data-set en train y test:

```
In [ ]: Data_Python_Train = Data_Python.sample(frac=0.8, replace=False, weights=None, random_state=666, axis=None, ignore_index=True)

Data_Python_Test = Data_Python.drop(Data_Python_Train.index, )
```

```
In [ ]: ## TEST

X_test = Data_Python_Test.loc[:, Data_Python_Test.columns != 'Y']
Y_test = Data_Python_Test.loc[:, 'Y']

Data_Test = pd.concat([Y_test, X_test], axis=1)

#####
## TRAIN

X_train = Data_Python_Train.loc[:, Data_Python_Train.columns != 'Y']
Y_train = Data_Python_Train.loc[:, 'Y']

Data_Train = pd.concat([Y_train, X_train], axis=1)
```

Testeamos la función creada `classification_tree`

```
In [ ]: number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, TEC_star_vector, obs_ramas = classification_tree(Data_set=Data_1)

El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero minimo 20 de observaciones por rama
```

Los predictores seleccionados en cada iteración son:

```
In [ ]: j_star_vector
```

Out[]: [1]

Los puntos de corte seleccionados en cada iteración son:

```
In [ ]: s star vector
```

Out[]: [6.5]

El TEC óptimo obtenido en cada iteración es:

In []: TEC star vector

```
Out[ ]: [0.2764578833693304]
```

El número de observaciones por rama es:

In []: obs ramas

Out[]: [3, 463]

Validacion Simple con funcion de validación propia y funcion Classification Tree propia

```
In [ ]: def Simple Validation Classification(Data Test, X train, Y train, Y test) :
```

```

#####
from joblib import Parallel, delayed
import multiprocessing

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

#####
number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, TEC_star_vector, obs_ramas = classification_tree(Data_set=Data_set)

Y_categories = range(0,2)

def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]

    y_new_predict = classification_tree_PREDICTIONS(Data_Test, Y_categories ,number_iterations, j_star_vector, s_star_vector)

    return(y_new_predict)

#####
y_predictions_vector = []

# Paralelizamos el siguiente bucle for :
# for i in range(0, Len(Data_Test)):

#     y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train)

#     y_predictions_vector.append( y_new_predict )

y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, Len(Data_Test)) )

#####
TEC = ( y_predictions_vector != Y_test ).sum() / len(Y_test)

return(y_predictions_vector , TEC)

```

In []: y_predictions_vector , TEC_classification_tree_own_function = Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train)

El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero minimo 20 de observaciones por rama

In []: TEC_classification_tree_own_function

Out[]: 0.3076923076923077

Algoritmo de creacion propia con Gini

```

In [ ]: def classification_tree_Gini(Data_set, iterations_vector, k, Y_categories) :

# POR AHORA SOLO GENERA 4 ITERACIONES EN EL ARBOL --> iterations_vector = range(1,5) como mucho (=[1,2,3,4])

# Data_set tiene que ser tal que, su columna 0 sea Y, y la j-esima sea la variable Xj , para j=1,...,p

# Si se quiere que el arbol tenga como mucho 3 iteraciones --> iterations_vector = range(1,4) = [1,2,3]

# Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

# k = numero de observaciones minimas por rama del arbol --> criterio de parada

#####

```

```

def s_values(j, Data_set):
    s_values = []
    if (Data_set.dtypes[j] != 'float64') & (Data_set.dtypes[j] != 'int64') : # Para las variables categoricas
        s_values = Data_set.sort_values(by=[Data_set.columns[j]], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)

    elif (Data_set.dtypes[j] == 'float64') | (Data_set.dtypes[j] == 'int64') :
        Xj_sorted = Data_set.sort_values(by=[Data_set.columns[j]], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)

        for i in range(0, len(Xj_sorted)-1):
            s_values.append( (Xj_sorted[i] + Xj_sorted[i+1]) / 2 )

    return s_values

#####
## ITERACION 1

if iterations_vector[0] == 1 : # nacimiento del arbol

#####
def f_R11(j, s, r, Data_set):
    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas cumplen la condicion
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R11 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] < s) , : ] )

    if cond_R11 != 0 :
        f_R11 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] < s) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / len(Data_set)

    elif cond_R11 == 0 :
        f_R11 = 0

    return f_R11

#####
def f_R21(j, s, r, Data_set):
    cond_R21 = len(Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] >= s) , : ] )

    if cond_R21 != 0 :
        f_R21 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j] >= s) & (Data_set.loc[:, 'Y'] == r) , : ] ) / len(Data_set)

    elif cond_R21 == 0 :
        f_R21 = 0

    return f_R21

#####
G_vector = []
j_vector = []

```

```

s_vector = []

j_star_vector = []
s_star_vector = []
G_star_vector = []

for j in range(1, Data_set.shape[1]) :

    for s in s_values(j, Data_set) :

        f_R11_r_vector = []
        f_R21_r_vector = []

        for r in Y_categories: # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

            f_R11_r_vector.append( f_R11(j, s, r , Data_set)*(1 - f_R11(j, s, r , Data_set)) )

            f_R21_r_vector.append( f_R21(j, s, r , Data_set)*(1 - f_R21(j, s, r , Data_set)) )

# Calculo de G_1 para la combinacion (j, s) dada:

G_R11 = sum(f_R11_r_vector)
G_R21 = sum(f_R21_r_vector)

G_1 = G_R11 + G_R21

G_vector.append(G_1)
j_vector.append(j)
s_vector.append(s)

# Busqueda de j_star y s_star de la iteracion 1:

G_df = pd.DataFrame({'G':G_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})

G_df_sorted = G_df.sort_values(by=['G'], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)

s_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 's'] )
j_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 'j'] )
G_star_vector.append(G_df_sorted.loc[0, 'G'])

# OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...
# OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...

#####
# Condicion de parada:

obs_r11 = len( Data_set.loc[ Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0] , : ] )
obs_r21 = len( Data_set.loc[ Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] >= s_star_vector[0] , : ] )

if(obs_r11 < k) | (obs_r21 < k) : # Si se cumple el criterio de parada

    print('El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en num')
    number_iterations=1

    obs_ramas = [obs_r11 , obs_r21]

#####

return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, G_star_vector, obs_ramas )

#####

elif (obs_r11 >= k) & (obs_r21 >= k) : # No se cumple el criterio de parada

    pass

```

```

#####
## ITERACION 2 ..... POR MODIFICAR !! .....

if iterations_vector[1] == 2 : # Desarrollar nodo R1 de La 1a iteracion

#####

def f_R12(j, s, r, Data_set):

# Verificando si se cumplen Las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas La
# Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

cond_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ] )

if cond_R12 != 0 :

    f_R12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r_star_vector[0]] <= s_star_vector[0]) ] )

elif cond_R12 == 0 :

    f_R12 = 0

return f_R12

#####

def f_R22(j, s, r, Data_set):

# Verificando si se cumplen Las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas La
# Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

cond_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r_star_vector[0]] <= s_star_vector[0]) ] )

if cond_R22 != 0 :

    f_R22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ] )

elif cond_R22 == 0 :

    f_R22 = 0

return f_R22

#####

G_vector = []
j_vector = []
s_vector = []

for j in range(1, Data_set.shape[1]) :

    for s in s_values(j, Data_set) :

        # Busqueda de r_star_R11 :

        f_R12_r_vector = []
        f_R22_r_vector = []

        for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

            f_R12_r_vector.append( f_R12(j, s, r , Data_set)*(1 - f_R12(j, s, r , Data_set)) )

            f_R22_r_vector.append( f_R22(j, s, r , Data_set)*(1 - f_R22(j, s, r , Data_set)) )

G_vector.append(j_vector)
j_vector.append(s_vector)
s_vector.append(f_R12_r_vector)
f_R12_r_vector.append(f_R22_r_vector)
f_R22_r_vector.append(f_R12_r_vector)

```

```

# Calculo de G_2 para la combinacion (j, s) dada:

G_R12 = sum(f_R12_r_vector)
G_R22 = sum(f_R22_r_vector)

G_2 = G_R12 + G_R22

G_vector.append(G_2)
j_vector.append(j)
s_vector.append(s)

# Busqueda de j_star y s_star de la iteracion 1:

G_df = pd.DataFrame({'G':G_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})

G_df_sorted = G_df.sort_values(by=['G'], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)

s_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 's'] )
j_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 'j'] )
G_star_vector.append(G_df_sorted.loc[0, 'G'])

# OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...
# OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...

#####
# Condicion de parada:

obs_r12 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, obs_r22 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, obs_r32 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]), : ] )

if(obs_r12 < k) | (obs_r22 < k) : # Si se cumple el criterio de parada

    print('El arbol final es el arbol con 2 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero de ramas')
    number_iterations=2
    obs_ramas = [obs_r12 , obs_r22, obs_r32]

#####

return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, G_star_vector, obs_ramas )

#####

elif (obs_r12 >= k) & (obs_r22 >= k) : # No se cumple el criterio de parada

    pass

#####

## ITERACION 3

if iterations_vector[2] == 3 : # Desarrollar nodo R2 de la 1ª iteracion --> considerar j_star_vector[0] y s_star_vector[0]

#####

def f_R33(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas cumplen la condicion
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

```

```

cond_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.i
if cond_R33 != 0 :

    f_R33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.i

elif cond_R33 == 0 :

    f_R33 = 0

return f_R33

#####
def f_R43(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas la
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.i
if cond_R43 != 0 :

    f_R43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.i

elif cond_R43 == 0 :

    f_R43 = 0

return f_R43

#####
G_vector = []
j_vector = []
s_vector = []

for j in range(1, Data_set.shape[1]) :

    for s in s_values(j, Data_set) :

        f_R33_r_vector = []
        f_R43_r_vector = []

        for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)
            f_R33_r_vector.append( f_R33(j, s, r, Data_set)*(1 - f_R33(j, s, r, Data_set)) )
            f_R43_r_vector.append( f_R43(j, s, r, Data_set)*(1 - f_R43(j, s, r, Data_set)) )

# Calculo de G_3 para la combinacion (j, s) dada:

G_R33 = sum(f_R33_r_vector)
G_R43 = sum(f_R43_r_vector)

G_3 = G_R33 + G_R43

G_vector.append(G_3)
j_vector.append(j)
s_vector.append(s)

# Busqueda de j_star y s_star de la itracion 1:

```

```

G_df = pd.DataFrame({'G':G_vector, 'j':j_vector, 's':s_vector})

G_df_sorted = G_df.sort_values(by=['G'], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)

s_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 's'] )
j_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 'j'] )
G_star_vector.append(G_df_sorted.loc[0, 'G'])

# OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...
# OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para i=0,1,...

#####
# Condicion de parada:

obs_r13 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) ] )
obs_r23 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ] )
obs_r33 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) ] )
obs_r43 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ] )

if(obs_r33 < k) | (obs_r43 < k) : # Si se cumple el criterio de parada

    print('El arbol final es el arbol con 3 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero de ramas')
    number_iterations = 3
    obs_ramas = [obs_r13, obs_r23, obs_r33 , obs_r43]

#####
return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, G_star_vector, obs_ramas )

#####

elif (obs_r33 >= k) & (obs_r43 >= k) : # No se cumple el criterio de parada

    pass

#####

## ITERACION 4

if iterations_vector[3] == 4 :

#####
#####

def f_R14(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las ramas tengan al menos una observacion de train
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ] )

    if cond_R14 != 0 :

        f_R14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] >= s_star_vector[0]) ] )

    elif cond_R14 == 0 :

        f_R14 = 0

    return f_R14

```

```

#####
def f_R24(j, s, r, Data_set):

    # Verificando si se cumplen las siguientes dos condiciones conjuntamente nos garantizamos que todas las
    # Es decir, no habra ninguna rama sin observaciones de train que caigan en ella.

    cond_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) ] )

    if cond_R24 != 0 :

        f_R24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, r_star_vector[0]] < s_star_vector[0]) ] )

    elif cond_R24 == 0 :

        f_R24 = 0

    return f_R24

#####
G_vector = []
j_vector = []
s_vector = []

for j in range(1, Data_set.shape[1]) :

    for s in s_values(j, Data_set) :

        f_R14_r_vector = []
        f_R24_r_vector = []

        for r in Y_categories : # Si Y tiene como categorias 0,1,2 --> Y_categories = range(0,3)

            f_R14_r_vector.append( f_R14(j, s, r, Data_set)*(1 - f_R14(j, s, r, Data_set)) )
            f_R24_r_vector.append( f_R24(j, s, r, Data_set)*(1 - f_R24(j, s, r, Data_set)) )

    # Calculo de G_4 para la combinacion (j, s) dada:

    G_R33 = sum(f_R33_r_vector)
    G_R43 = sum(f_R43_r_vector)

    G_3 = G_R33 + G_R43

    G_vector.append(G_3)
    j_vector.append(j)
    s_vector.append(s)

# Busqueda de j_star y s_star de la iteracion 1:

G_df = pd.DataFrame({ 'G' : G_vector, 'j' : j_vector, 's' : s_vector })

G_df_sorted = G_df.sort_values(by=[ 'G' ], axis=0, ascending=True, ignore_index=True)

s_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 's'] )
j_star_vector.append( G_df_sorted.loc[0, 'j'] )
G_star_vector.append(G_df_sorted.loc[0, 'G'])

# OJO: s_star_vector[i] sera el s_star de la iteracion i+1 , para i=0,1, ...
# OJO: j_star_vector[i] sera el j_star de la iteracion i+1 , para i=0,1, ...

#####

```

```

# Condicion de parada:

obs_r14 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] < s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] < s_star_vector[3]) ]
obs_r24 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] < s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] >= s_star_vector[3]) ]
obs_r34 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] >= s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] >= s_star_vector[3]) ]
obs_r44 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] >= s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] >= s_star_vector[3]) ]
obs_r54 = len( Data_set.loc[ (Data_set.iloc[:, j_star_vector[0] ] < s_star_vector[0]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[1] ] < s_star_vector[1]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[2] ] >= s_star_vector[2]) & (Data_set.iloc[:, j_star_vector[3] ] >= s_star_vector[4]) ]

if(obs_r14 < k) | (obs_r24 < k) : # Si se cumple el criterio de parada

    print('El arbol final es el arbol con 3 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero de ramas')
    number_iterations = 4
    obs_ramas = [obs_r14, obs_r24, obs_r34 , obs_r44, obs_r54]

    #####
    return(number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, G_star_vector, obs_ramas )
    #####

elif (obs_r14 >= k) & (obs_r24 >= k) : # No se cumple el criterio de parada

    print('Se ha generado el arbol mas grande permitido por el algoritmo (arbol con 4 Iteraciones)')

    # Aunque no se haya cumplido el criterio de parada como esta es la ultima Iteracion contemplada por el algoritmo
    # debemos calcular las metricas finales para que sean escupidas por el algoritmo.

    number_iterations=4
    obs_ramas = [obs_r14, obs_r24, obs_r34, obs_r44, obs_r54]

    pass
#####

return( number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, G_star_vector, obs_ramas )

```

Testeo del algoritmo

```
In [ ]: number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, G_star_vector, obs_ramas = classification_tree_Gini(Data_set=Data_set)

El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero minimo 20 de observaciones por rama

In [ ]: number_iterations

Out[ ]: 1

In [ ]: j_star_vector

Out[ ]: [6]

In [ ]: s_star_vector

Out[ ]: [11.5]

In [ ]: G_star_vector

Out[ ]: [0.40005784418456025]

In [ ]: obs_ramas

Out[ ]: [3, 463]
```

Validacion Simple con funcion de validación propia y funcion Regression Tree Gini propia

```
In [ ]: def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test) :

    #####
    from joblib import Parallel, delayed
    import multiprocessing

    n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

    #####
    number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, G_star_vector, obs_ramas = classification_tree_Gini(Data_set=Data_set)

    Y_categories = range(0,2)

    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
        x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]

        y_new_predict = classification_tree_PREDICTIONS(Data_Test, Y_categories ,number_iterations, j_star_vector, s_star_vector, obs_ramas)

        return(y_new_predict)

    #####
    y_predictions_vector = []

    # Paralelizamos el siguiente bucle for :
    # for i in range(0, Len(Data_Test)):

        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )

    y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train ) for i in range(0, Len(Data_Test)) )
```

```
#####
TEC = ( y_predictions_vector != Y_test ).sum() / len(Y_test)

return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
In [ ]: y_predictions_vector , TEC_classification_tree_Gini_own_function = Simple_Validation_Classification(Data_Test , X_
El arbol final es el arbol con 1 Iteracion. Se ha cumplido el criterio de parada basado en numero minimo 20 de o
bservaciones por rama
In [ ]: TEC_classification_tree_Gini_own_function
Out[ ]: 0.28205128205128205
```

4.5.3. Arboles de clasificación en Python con Sklearn

La función de `sklearn` para arboles de clasificación es la siguiente :

```
sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best', max_depth=None, min_samples_split=2, min_samples_leaf=1, min_weight_fraction_leaf=0.0, max_features=None, random_state=None, max_leaf_nodes=None, min_impurity_decrease=0.0, class_weight=None, ccp_alpha=0.0)
```

Donde :

- `criterion{"gini", "entropy", "log_loss"}, default="gini"`
- `splitter{"best", "random"}, default="best"`

The strategy used to choose the split at each node. Supported strategies are "best" to choose the best split and "random" to choose the best random split.

- `max_depthint, default=None`

Es la profundidad maxima del arbol (la distancia maxima entre el nodo raiz y alguno de los nodos terminales)

- `min_samples_split int or float, default=2`

Es el numero minimo de observaciones que tienen que tener un nodo para separarlo/dividirlo (split) en dos nuevos cuadrados/nodos. Si cierto nodo tiene menos de `min_samples_split` observaciones, el algoritmo ya no lo dividirá.

If int, then consider `min_samples_split` as the minimum number.

If float, then `min_samples_split` is a fraction and `ceil(min_samples_split * n_samples)` are the minimum number of samples for each split.

- `min_samples_leaf`

Es el numero minimo de observaciones que tienen que tener cada rama del arbol. Para que un nodo sea dividido en dos nuevos nodos (generando dos nuevas ramas) es necesario (aunque no suficiente) que el numero de observaciones que tendrían las dos nuevas ramas (los dos nuevos nodos) sea mayor que `min_samples_leaf`.

- `ccp_alpha non-negative float, default=0.0`

Complexity parameter used for Minimal Cost-Complexity Pruning. The subtree with the largest cost complexity that is smaller than `ccp_alpha` will be chosen. By default, no pruning is performed. See Minimal Cost-Complexity Pruning for details

Probamos la funcion de `sklearn` :

```
In [ ]: import sklearn  
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier  
  
In [ ]: x_new = X_test.iloc[ 8 , :]  
  
In [ ]: Classification_Tree_sklearn = sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best', min_samples_
```

Para poder ajustar el modelo con el metodo `fit` de `sklearn` la respuesta tiene que ser type = int o float

```
In [ ]: Y_train = Y_train.astype('int')
Y_test = Y_test.astype('int')
```

```
In [ ]: Classification_Tree_sklearn.fit(X_train, Y_train)
```

```
Out[ ]: DecisionTreeClassifier(ccp_alpha=0, min_samples_leaf=50, min_samples_split=40,
random_state=666)
```

Predecir la respuesta para un vector de predictores :

```
In [ ]: Classification_Tree_sklearn.predict( [x_new] )
```

```
Out[ ]: array([0])
```

Obtener la profundidad del arbol generado :

```
In [ ]: Classification_Tree_sklearn.get_depth()
```

```
Out[ ]: 4
```

Obtener el numero de ramas del arbol generado:

```
In [ ]: Classification_Tree_sklearn.get_n_leaves()
```

```
Out[ ]: 8
```

nº de iteraciones (nodos que se han dividido en otros dos nodos) = nº ramas - 1

Plotear el arbol :

```
In [ ]: from sklearn import tree
import graphviz
import os
os.environ["PATH"] += os.pathsep + 'C:/Program Files (x86)/graphviz/Graphviz/bin'
```

```
In [ ]: fit = Classification_Tree_sklearn.fit(X_train, Y_train)

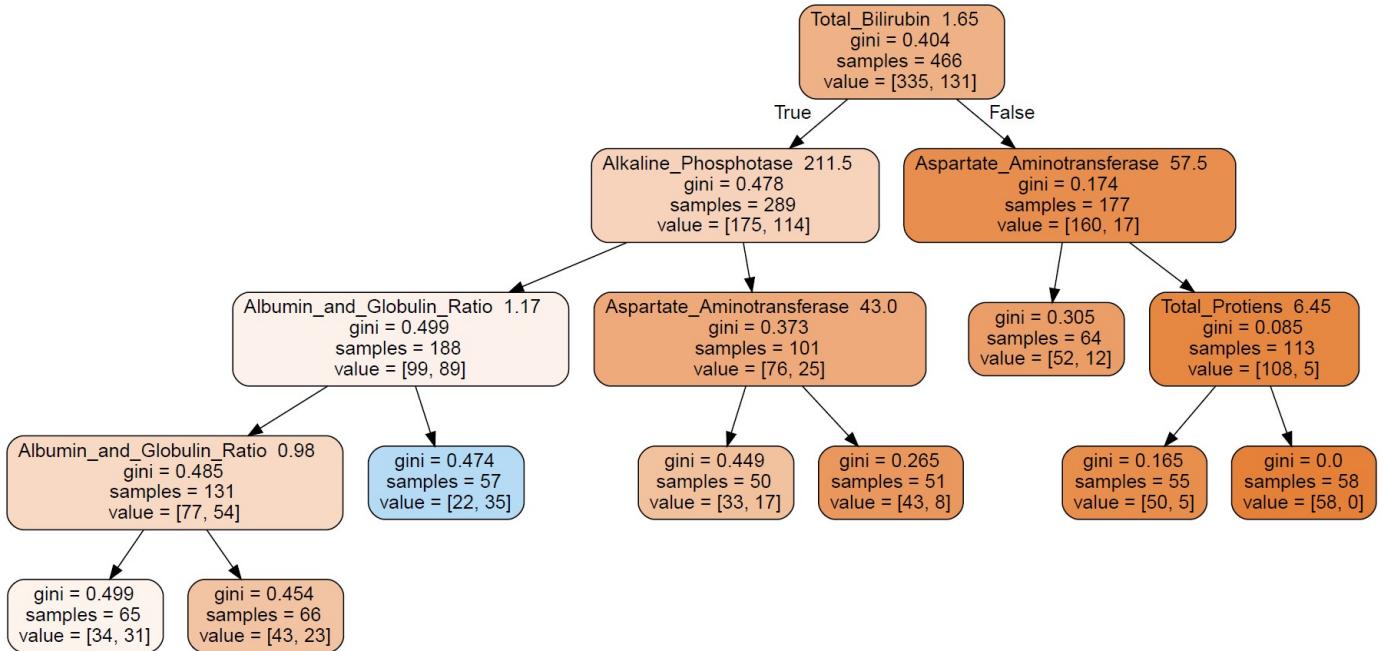
dot_data = tree.export_graphviz( fit , out_file=None)
graph = graphviz.Source(dot_data)
graph.render("plot")

dot_data = tree.export_graphviz(fit, out_file=None,
                               feature_names=X_train.columns,
                               filled=True, rounded=True,
                               special_characters=True)

graph = graphviz.Source(dot_data)
```

```
In [ ]: from IPython.display import Image
Image(filename='arbol_skl.jpg', width = 1000, height = 500)
```

Out[]:



Para demostrar que entendemos los parametros que vienen en cada nodo (en cada recuadro) los vamos a calcular "manualmente" para el nodo que se deriva de True en el nodo raiz, el que tiene como parametros: gini = 0.478 , samples = 289 , value = [175, 114]

```
samples = 289
```

```
In [ ]: df = Data_Train.loc[Data_Python['Total_Bilirubin']<=1.65 , :]
```

```
In [ ]: len(df)
```

```
Out[ ]: 289
```

Por tanto, dado un nodo, su parametro *samples* indica el numero de observaciones de entrenamiento que caerian en la rama que contiene a ese nodo, si este nodo fuera el nodo terminal de la rama. En el caso escogido seria la rama definida por Total_Bilirubin ≤ 1.65 .

```
value = [175, 114]
```

```
In [ ]: len(df.loc[df['Y'] == 0 , :])
```

```
Out[ ]: 175
```

```
In [ ]: len(df.loc[df['Y'] == 1 , :])
```

```
Out[ ]: 114
```

Por tanto, dado un nodo, su parametro *value* es un vector con las frecuencias de las categorias de la variable respuesta (Y) para las observaciones de train que caerian en la rama que contiene a ese nodo, si este nodo fuera el nodo terminal de la rama.

```
gini = 0.478
```

```
In [ ]: p0 = len(df.loc[df['Y'] == 0 , :])/len(df)  
p1 = len(df.loc[df['Y'] == 1 , :])/len(df)
```

```
In [ ]: p0*(1-p0) + p1*(1-p1)
```

```
Out[ ]: 0.4777241651800146
```

Por tanto, dado un nodo del arbol, el parametro *gini* indica el indice de gini para las observaciones de train que caerian en rama que contiene a dicho nodo, si este nodo fuera el nodo terminal de dicha rama.

Validación simple con función de validacion propia y funcion Classification Tree de sklearn

```
In [ ]: def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test) :
```

```
    #####
```

```
    from joblib import Parallel, delayed
```

```
    import multiprocessing
```

```
    n_jobs = multiprocessing.cpu_count()
```

```
    #####
```

```
    Classification_Tree_sklearn = sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best', min_sam#####
```

```
    #####
```

```
    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
```

```
        x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]
```

```
        Classification_Tree_sklearn.fit(X_train, Y_train)
```

```
        y_new_predict = Classification_Tree_sklearn.predict( [x_new] )
```

```
        return(y_new_predict)
```

```
    #####
```

```
    y_predictions_vector = []
```

```
    # Paralelizamos el siguiente bucle for :
```

```
    # for i in range(0, Len(Data_Test)):
```

```
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train)
```

```
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )
```

```
    y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in
```

```
    #####
```

```
    from itertools import chain
```

```
    y_predictions_vector = list(chain(*y_predictions_vector))
```

```
    TEC = sum(y_predictions_vector != Y_test)/len(Y_test)
```

```
    return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
In [ ]: y_predictions_vector , TEC_classification_tree_sklearn = Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_t
```

```
In [ ]: TEC_classification_tree_sklearn
```

```
Out[ ]: 0.3418803418803419
```

4.5.4. Arboles de clasificación penalizados en `sklearn` : α óptimo

Vamos a obtener para los datos dados el α óptimo para un arbol de clasificacion del tipo tipo `sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best', random_state=222)`

Es decir para un arbol de clasificacion en el que por defecto `ccp_alpha=0, min_samples_split=2, min_samples_leaf=2`

```
In [ ]: Classification_Tree_sklearn = sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best', ccp_alpha=0)
path = Classification_Tree_sklearn.cost_complexity_pruning_path(X_train, Y_train)
path
```

```
Out[ ]: {'ccp_alphas': array([0.          , 0.00190749, 0.00190749, 0.00198085, 0.00199264,
 0.00204838, 0.00204838, 0.00208281, 0.00208792, 0.00214592,
 0.00256706, 0.00286123, 0.00286123, 0.00286123, 0.00286123,
 0.00321888, 0.00321888, 0.00321888, 0.00330839, 0.00333381 ,
 0.0033632 , 0.00339575, 0.00343348, 0.00357654, 0.00367872,
 0.00367872, 0.00375536, 0.00375687, 0.00381497, 0.00390878,
 0.00393419, 0.00394962, 0.00398529, 0.00422372, 0.00429185,
 0.0046785 , 0.00525751, 0.00530546, 0.00554939, 0.00566861,
 0.00578789, 0.00579405, 0.00633117, 0.00718679, 0.00983335,
 0.01012134, 0.01438729, 0.0419547 ]),
'impurities': array([0.          , 0.00381497, 0.00762995, 0.01159165, 0.01557694,
 0.0196737 , 0.02786722, 0.03203284, 0.03620869, 0.03835461,
 0.04862283, 0.05148406, 0.05720652, 0.06006775, 0.06292898,
 0.06614787, 0.06936675, 0.07258564, 0.0891276 , 0.09580381,
 0.10589341, 0.10928915, 0.11272263, 0.11629917, 0.11997789,
 0.12365662, 0.12741198, 0.13116885, 0.1387988 , 0.14661635,
 0.15055054, 0.15844978, 0.16243507, 0.17088251, 0.1794662 ,
 0.19818019, 0.2034377 , 0.21404863, 0.21959801, 0.2762841 ,
 0.28207199, 0.29366009, 0.30632242, 0.3278828 , 0.33771614,
 0.34783749, 0.36222478, 0.40417948])}
```

```
In [ ]: ccp_alphas, impurities = path ccp_alphas, path impurities
```

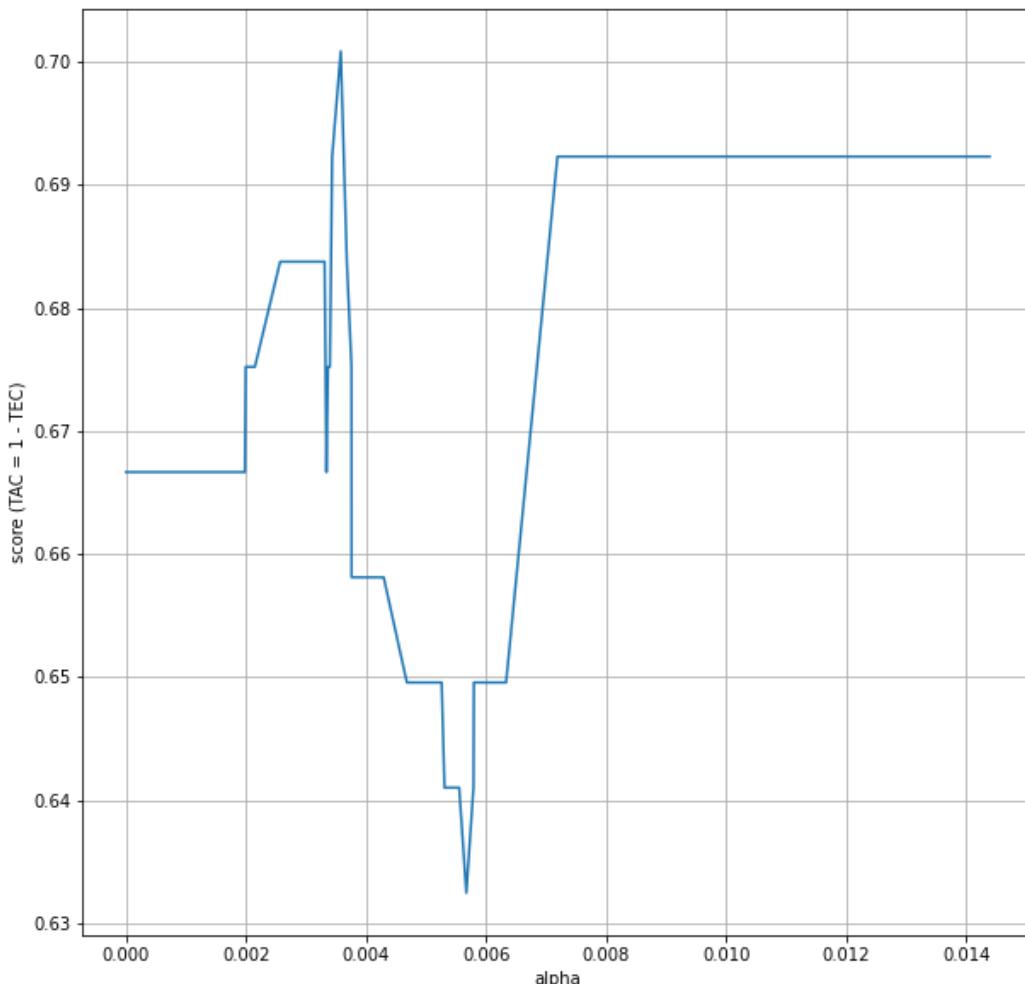
```
In [ ]: Classification_Tree_sklearn_vector = []
for ccp_alpha in ccp_alphas:
    Classification_Tree_sklearn = DecisionTreeClassifier(ccp_alpha=ccp_alpha, criterion='gini', splitter='best',
    Classification_Tree_sklearn.fit(X_train, Y_train)
    Classification_Tree_sklearn_vector.append(Classification_Tree_sklearn)
```

```
In [ ]: from sklearn.metrics import accuracy_score
```

```
In [ ]: acc_scores = [accuracy_score(Y_test, Classification_Tree_sklearn.predict(X_test)) for Classification_Tree_sklearn in Classification_Tree_sklearn_vector]
n_leaves = [Classification_Tree_sklearn.get_n_leaves() for Classification_Tree_sklearn in Classification_Tree_sklearn_vector]
```

```
In [ ]: import matplotlib.pyplot as plt
plt.figure(figsize=(10, 10))
plt.grid()
plt.plot(ccp_alphas[:-1], acc_scores[:-1])
plt.xlabel("alpha")
plt.ylabel("score (TAC = 1 - TEC)")
```

```
Out[ ]: Text(0, 0.5, 'score (TAC = 1 - TEC)')
```



```
In [ ]: alpha_score_df = pd.DataFrame({'alpha':ccp_alphas, 'score (TAC = 1-TEC)': acc_scores , 'ramas': ramas})
```

```
In [ ]: alpha_score_df_sorted = alpha_score_df.sort_values(by=["score (TAC = 1-TEC)"], ascending=False).reset_index(drop=True)
alpha_score_df_sorted['TEC'] = 1 - alpha_score_df_sorted['score (TAC = 1-TEC)']
```

```
In [ ]: alpha_score_df_sorted.head(10)
```

	index	alpha	score (TAC = 1-TEC)	ramas	TEC
0	23	0.003577	0.700855	47	0.299145
1	47	0.041955	0.692308	1	0.307692
2	46	0.014387	0.692308	2	0.307692
3	45	0.010121	0.692308	3	0.307692
4	44	0.009833	0.692308	4	0.307692
5	43	0.007187	0.692308	5	0.307692
6	22	0.003433	0.692308	48	0.307692
7	14	0.002861	0.683761	63	0.316239
8	25	0.003679	0.683761	45	0.316239
9	18	0.003308	0.683761	55	0.316239

Validacion simple con α óptimo:

```
In [ ]: def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test) :
    #####
    from joblib import Parallel, delayed
```

```

import multiprocessing

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

#####
Classification_Tree_penalized_star = sklearn.tree.DecisionTreeClassifier(ccp_alpha=alpha_score_df_sorted['alpha'].min())
#####

def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]

    Classification_Tree_penalized_star.fit(X_train, Y_train)

    y_new_predict = Classification_Tree_penalized_star.predict( [x_new] )

    return(y_new_predict)

#####
y_predictions_vector = []

# Paralelizamos el siguiente bucle for :

# for i in range(0, Len(Data_Test)):

#     y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train)

#     y_predictions_vector.append( y_new_predict )

y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )

#####

from itertools import chain

y_predictions_vector = list(chain(*y_predictions_vector))

TEC = sum(y_predictions_vector != Y_test)/len(Y_test)

return(y_predictions_vector , TEC)

```

```

In [ ]: y_predictions_vector , TEC_classification_tree_penalized_star = Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train)
In [ ]: TEC_classification_tree_penalized_star
Out[ ]: 0.29914529914529914

```

4.5.5. Comparación final entre árboles de clasificación por validación simple

```
In [ ]: [TEC_classification_tree_penalized_star , TEC_classification_tree_sklearn, TEC_classification_tree_own_function,
```

```
Out[ ]: [0.29914529914529914,
 0.3418803418803419,
 0.3076923076923077,
 0.28205128205128205]
```

El ranking de modelos segun validacion simple sería :

1. TEC_classification_tree_Gini_own_function
2. TEC_classification_tree_penalized_star(ccp_alpha=alpha_score_df_sorted['alpha'][0] , criterion='gini', splitter='best', random_state=222)
3. TEC_classification_tree_own_function
4. TEC_classification_tree_sklearn (DecisionTreeRegressor(criterion='gini', splitter='best', min_samples_split=40, min_samples_leaf=50, max_depth=None, ccp_alpha=0, random_state=222))

4.6. KNN para clasificación en Python

4.6.1. KNN para clasificación: teoría

- Tenemos p variables $X = (X_1, \dots, X_p)$ medidas en un n muestra de tamaño.
- También tenemos una variable de respuesta **categórica** Y con g categorías que indica el grupo al que cada elemento de la muestra pertenece ($\text{Range}(Y) = \{c_1, \dots, c_g\}$)
- Los grupos generados por Y se denotan como $\Omega_1, \dots, \Omega_g$ ($y_i = c_r \Leftrightarrow i \in \Omega_r$)

El problema de clasificación supervisada consiste en, para una nueva observación de las variables X_1, \dots, X_p , $x_{nueva} = (x_{nueva,1}, x_{nueva,2}, \dots, x_{nueva,p})$, predecir es Y valor (y_{nuevo}) usando la información disponible de X_1, \dots, X_p y Y .

Entonces, el problema es clasificar un nuevo elemento/individuo en uno de los g grupos generados por Y usando la información disponible de X_1, \dots, X_p y Y , y también $x_{nuevo} = (x_{nuevo,1}, x_{nuevo,2}, \dots, x_{nuevo,p})$

Tenga en cuenta que si no tenemos información sobre Y , esto sería un problema de clasificación no supervisado.

El algoritmo KNN (K-vecinos más cercanos) para la clasificación supervisada tiene los siguientes pasos:

1. Define una medida de **distancia** entre las observaciones de la muestra original respecto a las variables $X_1, \dots, X_p \Rightarrow \delta$
2. Calcula las distancias entre x_{new} y las observaciones iniciales $\{x_1, \dots, x_n\} \Rightarrow \{\delta(x_{nuevo}, x_i) / i = 1, \dots, n\}$
3. Seleccione la k observación más cercana a x_{nuevo} basado en δ (k vecinos más cercanos de x_{nuevo}) \Rightarrow El conjunto de estas observaciones será denotar por $KNN(x_{nuevo})$
4. Calcula la proporción de estas observaciones (vecinos) que pertenecen a cada grupo \Rightarrow
 \Rightarrow La proporción de KNN que pertenece al grupo Ω_r ($Y = c_r$) será denotado por f_r^{knn}

$$f_r^{KNN(x_{nuevo})} = \frac{\# \{ i \in KNN(x_{nuevo}) / i \in \Omega_r \}}{\# KNN(x_{nuevo}) = k} = \frac{\# \{ i \in KNN / y_i = r \}}{k}$$

5. Clasifica x_{nuevo} en ese grupo/clase (definido por Y) más frecuente en KNN:

$$\text{If } \underbrace{f_s^{knn} \geq f_r^{knn}}_{\Omega_s \text{ es el grupo más frecuente en } KNN} \ hspace{0.15cm}, \forall r = 1, \dots, g \Rightarrow x_{new} \text{ se clasifica en } \Omega_s \ hspace{0.25cm} \Rightarrow \hat{y}_{nuevo} = s$$

En otras palabras:

$$\text{If } r^* = \arg \max_r \left(f_r^{KNN(x_{nuevo})} \right) \Rightarrow \hat{y}_{nuevo} = r^*$$

4.6.2. Algoritmo de creación proia en Python

Vamos a desarrollar nuestro propio algoritmo para no depender de sklearn

```
In [ ]: def KNN_classification( X , Y , x_new, k, distance = "Minkowski" , q = 0, p1=0, p2=0, p3=0 ):  
  
    ## Para paralelizar el algoritmo  
  
    from joblib import Parallel, delayed  
    import multiprocessing  
  
    n_jobs = multiprocessing.cpu_count()  
  
    #####  
  
    # Y, X y x_new deben ser objetos Pandas ya que luego seran convertidos a objetos Numpy automaticamente por el  
    # Y tiene que ser un Pandas data frame con la variable respuesta (que en este caso debe ser categorica y con  
    # X tiene que ser un Pandas data frame con los predictores (X1,...,Xp).  
    # x_new tiene que ser un vector con una nueva observacion de los predictores.  
  
    #####  
  
    Y = Y.to_numpy()  
    X = X.to_numpy()  
    x_new = x_new.to_numpy()  
    X = np.concatenate((X, [x_new]), axis=0)  
  
    distances = []  
    groups_knn = []  
  
    #####  
  
    def a(Binary_Data) :  
        X = Binary_Data  
        a = X @ X.T  
        return(a)  
  
    #####  
  
    def d(Binary_Data):  
        X = Binary_Data  
        ones_matrix = np.ones(( X.shape[0] , X.shape[1]))  
        d = (ones_matrix - X) @ (ones_matrix - X).T  
        return(d)  
  
    #####  
  
    def alpha_py(i,j, Multiple_Categorical_Data):  
        X = Multiple_Categorical_Data  
        alpha = np.repeat(0, X.shape[1])
```

```

    for k in range(0, X.shape[1]) :

        if X[i-1, k] == X[j-1, k] :

            alpha[k] = 1

        else :

            alpha[k] = 0

    alpha = alpha.sum()

    return(alpha)

#####
if distance == "Euclidean":

    def Dist_Euclidea_Python(i, j, Quantitative_Data_set):

        Dist_Euclidea = ( ( Quantitative_Data_Set[i-1, :] - Quantitative_Data_Set[j-1, :] )**2 ).sum()

        Dist_Euclidea = np.sqrt(Dist_Euclidea)

        return Dist_Euclidea

#####

## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR

#for j in range(1, len(X)):

    # distances.append( Dist_Euclidea_Python( len(X), i , X ) )

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Euclidea_Python)( len(X), s , X ) for s in range(1, len(X)) )

#####

if distance == "Minkowski":

    def Dist_Minkowski_Python(i,j, q , Quantitative_Data_Set):

        Dist_Minkowski = ( ( abs( Quantitative_Data_Set[i-1, :] - Quantitative_Data_Set[j-1, :] ) )**q ).sum()

        return Dist_Minkowski

#####

## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR

# for i in range(1, len(X)):

    # distances.append( Dist_Minkowski_Python( len(X), i , q , X ) )

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Minkowski_Python)( len(X), s , q , X ) for s in range(1, len(X)) )

#####

if distance == "Canberra":

    def Dist_Canberra_Python(i,j, Quantitative_Data_Set):

        numerator = abs( Quantitative_Data_Set[i-1, :] - Quantitative_Data_Set[j-1, :] )

        denominator = ( abs(Quantitative_Data_Set[i-1, :]) + abs(Quantitative_Data_Set[j-1, :]) )

        numerator=np.array([numerator], dtype=float)

```

```

denominator=np.array([denominator], dtype=float)

Dist_Canberra = ( np.divide( numerator , denominator , out=np.zeros_like(numerator), where=denominator==0 ) )

return Dist_Canberra

#####
## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR

# for i in range(1, len(X)):

#     distances.append( Dist_Canberra_Python( Len(X), i , X) )

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Canberra_Python)( len(X), s , X) for s in range(1, len(X)) )

#####

if distance == "Pearson":

    def Dist_Pearson_Python(i, j, Quantitative_Data_set):

        Dist_Pearson = ( ( Quantitative_Data_set[i-1, ] - Quantitative_Data_set[j-1, ] )**2 / Quantitative_Data_set.shape[1] )**0.5

        Dist_Pearson = np.sqrt(Dist_Pearson)

    return Dist_Pearson

#####

## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR

# for i in range(1, len(X)):

#     distances.append( Dist_Pearson_Python( Len(X), i , X) )

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Pearson_Python)( len(X), s , X) for s in range(1, len(X)) )

#####

if distance == "Mahalanobis":

    def Dist_Mahalanobis_Python(i, j, Quantitative_Data_set):

        # All the columns of Quantitative_Data_set must be type = 'float' or 'int' (specially not 'object'), 
        # dimensional problems when Python compute x @ S_inv @ x.T

        x = (Quantitative_Data_set[i-1, :] - Quantitative_Data_set[j-1, :])

        x = np.array([x]) # necessary step to transpose a 1D array

        S_inv = np.linalg.inv( np.cov(Quantitative_Data_set , rowvar=False) ) # inverse of covariance matrix

        Dist_Maha = np.sqrt( x @ S_inv @ x.T ) # x @ S_inv @ x.T = np.matmul( np.matmul(x , S_inv) , x.T )

    return Dist_Maha

#####

## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR

# for i in range(1, len(X)):

#     distances.append( Dist_Mahalanobis_Python( Len(X), i , X) )

```

```

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Mahalanobis_Python)( len(X), s , X) for s in range(1, 1)

#####
if distance == "Sokal":

    a = X @ X.T
    n = X.shape[0]
    p = X.shape[1]
    ones_matrix = np.ones((n, p))
    b = (ones_matrix - X) @ X.T
    c = b.T
    d = (ones_matrix - X) @ (ones_matrix - X).T

def Sokal_Similarity_Py(i, j):

    Sokal_Similarity = ( a[i-1 , j-1] + d[i-1 , j-1] ) / p

    return Sokal_Similarity

def Dist_Sokal_Python(i, j, Binary_Data_set):

    dist_Sokal = np.sqrt( 2 - 2*Sokal_Similarity_Py(i,j, Binary_Data_set) )

    return dist_Sokal

#####
## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR

# for i in range(1, len(X)):

#     distances.append( Dist_Sokal_Python( len(X), i , X) )

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Sokal_Python)( len(X), s , X) for s in range(1, len(X)))

#####

if distance == "Jaccard":

    a = X @ X.T
    n = X.shape[0]
    p = X.shape[1]
    ones_matrix = np.ones((n, p))
    b = (ones_matrix - X) @ X.T
    c = b.T
    d = (ones_matrix - X) @ (ones_matrix - X).T

def Jaccard_Similarity_Py(i, j):

    Jaccard_Similarity = a[i-1,j-1] / (a[i-1,j-1] + b[i-1,j-1] + c[i-1,j-1])

    return Jaccard_Similarity

def Dist_Jaccard_Python(i, j):

    dist_Jaccard = np.sqrt( Jaccard_Similarity_Py(i,i) + Jaccard_Similarity_Py(j,j) - 2*Jaccard_Similarity_Py(i,j))

    return dist_Jaccard

#####

```

```

## PARTE DEL CODIGO A PARALELIZAR

# for i in range(1, len(X)):

#     distances.append( Dist_Jaccard_Python( Len(X), i , X) )

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Jaccard_Python)( len(X), s , X) for s in range(1, len(X)) )

#####
if distance == "Matches":

    def matches_similarity_py(i, j, Multiple_Categorical_Data):

        p = Multiple_Categorical_Data.shape[1]

        matches_similarity = alpha_py(i,j, Multiple_Categorical_Data) / p

        return(matches_similarity)

    def Dist_Matches_Py(i,j, Multiple_Categorical_Data):

        Dist_Matches = np.sqrt( matches_similarity_py(i, i, Multiple_Categorical_Data) + matches_similarity_py(j, j, Multiple_Categorical_Data))

        return( Dist_Matches )

#####
# for i in range(1, len(X)):

#     distances.append( Dist_Matches_Py( Len(X), i , X) )

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Matches_Py)( len(X), s , X) for s in range(1, len(X)) )

#####

if distance == "Gower":

    # The data matrix X have to be order in the following way:
    # The p1 first are quantitative, the following p2 are binary categorical, and the following p3 are multiple categorical

#####

def Gower_Similarity_Python(i,j, Mixed_Data_Set, p1, p2, p3):

    X = Mixed_Data_Set

    # The data matrix X have to be order in the following way:
    # The p1 first are quantitative, the following p2 are binary categorical, and the following p3 are multiple categorical

#####

    def G(k, X):

        range = X[:,k].max() - X[:,k].min()

        return(range)

    G_vector = np.repeat(0.5, p1)

    for r in range(0, p1):

        G_vector[r] = G(r, X)

```

```

#####
ones = np.repeat(1, p1)

Quantitative_Data = X[:, 0:p1]

Binary_Data = X[:, (p1):(p1+p2)]

Multiple_Categorical_Data = X[:, (p1+p2):(p1+p2+p3) ]

#####

numerator_part_1 = ( ones - ( abs(Quantitative_Data[i-1,:]) - Quantitative_Data[j-1,:]) / G_vector ) )

numerator_part_2 = a(Binary_Data)[i-1,j-1] + alpha_py(i,j, Multiple_Categorical_Data)

numerator = numerator_part_1 + numerator_part_2

denominator = p1 + (p2 - d(Binary_Data)[i-1,j-1]) + p3

Similarity_Gower = numerator / denominator

return(Similarity_Gower)

#####

def Dist_Gower_Py(i, j, Mixed_Data , p1, p2, p3):

    Dist_Gower = np.sqrt( 1 - Gower_Similarity_Python(i, j, Mixed_Data , p1, p2, p3) )

    return(Dist_Gower)

#####

# for i in range(1, len(X)):

#     distances.append( Dist_Gower_Py( len(X), i , X, p1, p2, p3) )

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_Gower_Py)( len(X), s , X, p1, p2, p3) for s in range(1, len(X)) )

#####

if distance == "Gower-BM" :

    def GowerBM_Similarity_Python(i,j, BM_Data_Set, p2, p3):

        X = BM_Data_Set

        # The data matrix X have to be order in the following way:
        # The p2 first are binary categorical, and the following p3 are multiple categorical.

#####

        Binary_Data = X[:, 0:p2]

        Multiple_Categorical_Data = X[:, (p2):(p2+p3) ]

#####

        numerator_part_2 = a(Binary_Data)[i-1,j-1] + alpha_py(i,j, Multiple_Categorical_Data)

        numerator = numerator_part_2

        denominator = (p2 - d(Binary_Data)[i-1,j-1]) + p3

        Similarity_Gower = numerator / denominator

        return(Similarity_Gower)

#####

```

```

def Dist_GowerBM_Py(i, j, BM_Data , p2, p3):

    Dist_Gower = np.sqrt( 1 - GowerBM_Similarity_Python(i, j, BM_Data , p2, p3) )

    return(Dist_Gower)

#####
# for i in range(1, len(X)):

    # distances.append( Dist_GowerBM_Py( len(X), i , X, p2, p3) )

    n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

    distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_GowerBM_Py)( len(X), s , X, p2, p3) for s in range(1, len(X)))

#####

if distance == "Gower-BQ" :

    def GowerBQ_Similarity_Python(i,j, BQ_Data_Set, p1, p2):

        X = BQ_Data_Set

        # The data matrix X have to be order in the following way:
        # The p1 first are quantitative, the following p2 are binary categorical

#####

        def G(k, X):

            range = X[:,k].max() - X[:,k].min()

            return(range)

        G_vector = np.repeat(0.5, p1)

        for r in range(0, p1):

            G_vector[r] = G(r, X)
#####

        ones = np.repeat(1, p1)

        Quantitative_Data = X[:, 0:p1]

        Binary_Data = X[:, (p1):(p1+p2)]

#####

        numerator_part_1 = ( ones - ( abs(Quantitative_Data[i-1,:]) - Quantitative_Data[j-1,:]) / G_vector ) )

        numerator_part_2 = a(Binary_Data)[i-1,j-1]

        numerator = numerator_part_1 + numerator_part_2

        denominator = p1 + (p2 - d(Binary_Data)[i-1,j-1])

        Similarity_Gower = numerator / denominator

        return(Similarity_Gower)

#####

def Dist_GowerBQ_Py(i, j, BQ_Data , p1, p2):

    Dist_Gower = np.sqrt( 1 - GowerBQ_Similarity_Python(i, j, BQ_Data , p1, p2) )

    return(Dist_Gower)

```

```

#####
# for i in range(1, len(X)):

# distances.append( Dist_GowerBQ_Py( Len(X), i , X, p1, p2) )

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_GowerBQ_Py)( len(X), s , X, p1, p2) for s in range(1, 1

#####

if distance == "Gower-MQ" :

    def GowerMQ_Similarity_Python(i,j, MQ_Data_Set, p1, p3):

        X = MQ_Data_Set

        # The data matrix X have to be order in the following way:
        # The p1 first are quantitative, the following p2 are binary categorical, and the following p3 are multiple ca

#####

        def G(k, X):

            range = X[:,k].max() - X[:,k].min()

            return(range)

        G_vector = np.repeat(0.5, p1)

        for r in range(0, p1):

            G_vector[r] = G(r, X)

#####

        ones = np.repeat(1, p1)

        Quantitative_Data = X[:, 0:p1]

        Multiple_Categorical_Data = X[:, (p1):(p1+p3)]



#####

        numerator_part_1 = ( ones - ( abs(Quantitative_Data[i-1,:]) - Quantitative_Data[j-1,:]) / G_vector ) )

        numerator_part_2 = alpha_py(i,j, Multiple_Categorical_Data)

        numerator = numerator_part_1 + numerator_part_2

        denominator = p1 + p3

        Similarity_Gower = numerator / denominator

        return(Similarity_Gower)

#####



def Dist_GowerMQ_Py(i, j, MQ_Data , p1, p3):

    Dist_Gower = np.sqrt( 1 - GowerMQ_Similarity_Python(i, j, MQ_Data , p1, p3) )

    return(Dist_Gower)

#####

# for i in range(1, len(X)):
```

```
# distances.append( Dist_GowerMQ_Py( len(X), i , X, p1, p3 ) )

n_jobs  = multiprocessing.cpu_count()

distances = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(Dist_GowerMQ_Py)( len(X), s , X, p1, p3) for s in range(1, 1

#####
#####

distances = pd.DataFrame({'distances': distances})

distances = distances.sort_values(by=["distances"]).reset_index(drop=False)

knn = distances.iloc[0:k , :]

for i in knn.iloc[:,0]:

    groups_knn.append(Y[i])

unique, counts = np.unique(groups_knn , return_counts=True)

unique_Y , counts_Y = np.unique(Y , return_counts=True)

if len(unique) == len(unique_Y) :

    proportions_groups_knn = pd.DataFrame({'proportions_groups': counts/k, 'groups': unique_Y })

elif len(unique) < len(unique_Y) :

    proportions_groups_knn = pd.DataFrame({'proportions_groups': counts/k, 'groups': unique })

prediction_group = proportions_groups_knn.sort_values(by=[ "proportions_groups"], ascending=False).iloc[0,:][ ']

return prediction_group, proportions_groups_knn
```

```
In [ ]: prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification( X_train , Y_train , x_new, 10 , distance = "Eucli  
In [ ]: prediction_group  
Out[ ]: 0.0  
In [ ]: proportions_groups_knn  
Out[ ]:    proportions_groups  groups  
          0                  0.8      0  
          1                  0.2      1
```

Validación simple con función de validación propia y función de clasificación KNN propia

```
In [ ]: def Simple_Validation_Classification(distance, Data_Test, X_train, Y_train, Y_test) :  
    #####  
  
    from joblib import Parallel, delayed  
    import multiprocessing  
  
    n_jobs = multiprocessing.cpu_count()  
  
    #####  
  
    #####  
  
    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train ):  
  
        x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]  
  
        prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification( X_train , Y_train , x_new, 10 , distance =  
            y_new_predict = prediction_group  
  
        return(y_new_predict)  
  
    #####  
  
    y_predictions_vector = []  
  
    # Paralelizamos el siguiente bucle for :  
  
    # for i in range(0, Len(Data_Test)):  
  
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )  
  
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )  
  
  
    y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in  
        #####  
  
        from itertools import chain  
  
        TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)  
  
  
    return(y_predictions_vector , TEC)
```

Se va a probar el algoritmo con distancias diferentes a las que pueden usarse conn `sklearn` para asi cubrir un mayor campo.

Usando la distancia de Canberra:

```
In [ ]: y_predictions_vector , TEC_KNN_Canberra = Simple_Validation_Classification('Canberra', Data_Test, X_train, Y_train)  
In [ ]: TEC_KNN_Canberra  
Out[ ]: 0.23931623931623935
```

Usando la distancia de Pearson:

```
In [ ]: y_predictions_vector , TEC_KNN_Pearson = Simple_Validation_Classification('Pearson', Data_Test, X_train, Y_train)  
In [ ]: TEC_KNN_Pearson  
Out[ ]: 0.2991452991452992
```

Usando la distancia de Mahalanobis:

Ahora vamos a usar la distancia de Mahalanobis, pero teniendo especial cuidado, porque como pone dentro de la propia funcion (# All the columns of Quantitative_Data_set must be type = 'float' or 'int' (specially not 'object'), in other case we will find dimensional problems when Python compute $x @ S_{inv} @ x.T$) todas las variables de X_train asi como x_new tienen que ser tipo float o int , y especialmente no ser tipo object, y resulta que tenemos Gender como object, luego tenemos que modificar esto para poder usar el algoritmo con la distancia de Mahalanobis.

Para hacer que todas las variables de X_train sean tipo float o int basta con cambiar a int la variable Gender que es la unica tipo object.

```
In [ ]: X_train.dtypes
```

```
Out[ ]: Age           int64
Gender          object
Total_Bilirubin float64
Direct_Bilirubin float64
Alkaline_Phosphotase int64
Alamine_Aminotransferase int64
Aspartate_Aminotransferase int64
Total_Protiens    float64
Albumin          float64
Albumin_and_Globulin_Ratio float64
dtype: object
```

```
In [ ]: X_train['Gender'] = X_train['Gender'].astype('int')
```

Pero por otro lado como x_new se define en el algoritmo de validacion como $x_{new} = Data_Test.iloc[i, range(1, Data_Test.shape[1])]$ y Data_test tambien tiene variables tipo object, por lo que hay que convertirlas en tipo float o int, ya que si no x_new será tipo object y no podrá intervenir en ciertas operaciones entre arrays con Numpy , cosa que pasa en el algoritmo. En general para quitarnos problemas siempre que se usen operaciones entre arrays con Numpy estos deberian ser tipo float o int, nunca object.

```
In [ ]: Data_Test.dtypes
```

```
Out[ ]: Y           object
Age          int64
Gender          object
Total_Bilirubin float64
Direct_Bilirubin float64
Alkaline_Phosphotase int64
Alamine_Aminotransferase int64
Aspartate_Aminotransferase int64
Total_Protiens    float64
Albumin          float64
Albumin_and_Globulin_Ratio float64
dtype: object
```

```
In [ ]: Data_Test['Gender'] = Data_Test['Gender'].astype('int')
Data_Test['Y'] = Data_Test['Y'].astype('int')
```

```
In [ ]: y_predictions_vector, TEC_KNN_Mahalanobis = Simple_Validation_Classification('Mahalanobis', Data_Test, X_train,
```

```
In [ ]: TEC_KNN_Mahalanobis
```

```
Out[ ]: 0.3504273504273504
```

Usando la distancia de Gower:

Ahora vamos a probar con la distancia de Gower, que es la ideal para conjuntos de datos de tipo mixto (que tienen por lo menos dos tipos de variables (cuantitativas-binarias , cuantitativas-multiclas, binarias-multiclas o cuantitativas-binarias multiclas)).

Notese que las distancias usadas hasta el momento (Minkowski con $p=1,2$ (es decir, Euclidea y Manhattan), Canberra, Pearson y Mahalanobis) NO son distancias apropiadas, desde un punto de vista estadistico, para matrices de datos de tipo mixto. La distancia mas estandarizada para este tipo de conjunto de datos es la de Gower. En este caso como tenemos un conjunto de datos de tipo cuantitativo-binario usaremos una version de la distancia de Gower adecuada para este tipo de datos.

Para ello podemos usar el parametro `distance="Gower-BQ"` en nuestra funcion de KNN. Pero para ello debemos hacer unas modificaciones en el data-set de predictores para que nuestra funcion pueda operar correctamente.

Por un lado tenemos que hacer que las primeras p_1 variables (columnas) de X_{train} sean las cuantitativas, y las siguientes p_2 variables las binarias. Tras esto ya podremos usar nuestra funcion KKN con la distancia de Gower para datos binarios-cuantitativos, pasandole como parametros adicionales p_1 y p_2 .

```
In [ ]: X_train_rearranged = X_train.loc[ :, [ 'Age', 'Total_Bilirubin', 'Direct_Bilirubin',  
    'Alkaline_Phosphotase', 'Alamine_Aminotransferase',           # Cuantitativas  
    'Aspartate_Aminotransferase', 'Total_Protiens', 'Albumin',  
    'Albumin_and_Globulin_Ratio',  
  
    'Gender'      # Binarias (1)  
  
]]
```

Como $x_{\text{new}} = \text{Data_Test}.iloc[i, \text{range}(1, \text{Data_Test.shape}[1])]$ y tambien tiene que ser un vector con el mismo orden que $X_{\text{train_rearranged}}$ tenemos que reordenar Data_test del mismo modo que lo hemos hecho con X_{train} .

```
In [ ]: Data_Test_rearranged.shape
```

Out[]: (117, 11)

```
In [ ]: def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test) :  
    #####  
  
    from joblib import Parallel, delayed  
    import multiprocessing  
  
    n_jobs = multiprocessing.cpu_count()  
  
    #####  
  
    #####  
  
    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):  
  
        x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]  
  
        prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification( X_train , Y_train , x_new, 10 , distance =  
            'euclidean')  
  
        y_new_predict = prediction_group  
  
        return(y_new_predict)  
  
    #####  
  
    y_predictions_vector = []  
  
    # Paralelizamos el siguiente bucle for :
```

```
# for i in range(0, Len(Data_Test)):

# y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )

# y_predictions_vector.append( y_new_predict )

y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train ) for i in
#####


from itertools import chain

TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)

return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
In [ ]: prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification( X=X_train_rearranged , Y=Y_train , x_new=x_new,
```

```
In [ ]: y_predictions_vector , TEC_KNN_Gower_BQ = Simple_Validation_Classification(Data_Test_rearranged, X_train_rearrar
```

```
In [ ]: TEC_KNN_Gower_BQ
```

```
Out[ ]: 0.3418803418803419
```

4.6.3. KNN para clasificación en Python con sklearn

```
In [ ]: import sklearn
```

```
from sklearn.neighbors import NearestNeighbors
```

```
In [ ]: ## sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=5, *, weights='uniform', algorithm='auto', leaf_size=30, p=
```

Es recomendable ver primero la documentación de sklearn: <https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier.html>

```
In [ ]: knn_classification = sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=10, weights='uniform', p=2, metric='minkowski')
```

```
In [ ]: knn_classification.fit(X_train, Y_train)
```

```
Out[ ]: KNeighborsClassifier(n_neighbors=10)
```

```
In [ ]: knn_classification.predict([x_new])
```

```
Out[ ]: array([0])
```

```
In [ ]: knn_classification.predict_proba([x_new])
```

```
Out[ ]: array([[0.8, 0.2]])
```

Validación simple con función de validación propia y función de clasificación KNN `sklearn`

```
In [ ]: def Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_test) :
```

```
#####
from joblib import Parallel, delayed
import multiprocessing

n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

#####
knn_classification = sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=10, weights='uniform', p=2, metric=
```

```
#####
def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train) :
    x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]

    knn_classification.fit(X_train, Y_train)

    y_new_predict = knn_classification.predict( [x_new] )

    return(y_new_predict)

#####
y_predictions_vector = []

# Paralelizamos el siguiente bucle for :

# for i in range(0, Len(Data_Test)):

#     y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train)

#     y_predictions_vector.append( y_new_predict )

y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in
#####
from itertools import chain

y_predictions_vector = list(chain(*y_predictions_vector))

TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)

return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
In [ ]: y_predictions_vector , TEC_KNN_Minkowski_p_2 = Simple_Validation_Classification(Data_Test, X_train, Y_train, Y_te
```

```
In [ ]: TEC_KNN_Minkowski_p_2
```

```
Out[ ]: 0.2991452991452992
```

Validación simple con la función de validación `sklearn`

Usando la distancia de Minkowski con $q=2$:

```
In [ ]: knn_classification = sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=10, weights='uniform', p=2, metric='minkowski')
knn_classification.fit(X_train, Y_train)

Out[ ]: KNeighborsClassifier(n_neighbors=10)

In [ ]: TEC_KNN_sk1_Minkowski_p_2 = 1 - knn_classification.score(X_test, Y_test)
TEC_KNN_sk1_Minkowski_p_2

Out[ ]: 0.2991452991452992
```

Usando la distancia de Minkowski con $q=1$:

```
In [ ]: knn_classification = sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=10, weights='uniform', p=1, metric='minkowski')
knn_classification.fit(X_train, Y_train)

Out[ ]: KNeighborsClassifier(n_neighbors=10, p=1)

In [ ]: TEC_sk1_Minkowski_p_1 = 1 - knn_classification.score(X_test, Y_test)
TEC_sk1_Minkowski_p_1

Out[ ]: 0.32478632478632474
```

Usando la distancia coseno:

```
In [ ]: knn_classification = sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier(n_neighbors=10, weights='uniform', metric='cosine')
knn_classification.fit(X_train, Y_train)

Out[ ]: KNeighborsClassifier(metric='cosine', n_neighbors=10)

In [ ]: TEC_sk1_Coseno = 1 - knn_classification.score(X_test, Y_test)
TEC_sk1_Coseno

Out[ ]: 0.2991452991452992
```

Selección óptima del hiperparámetro k en KNN

Vamos a hacer una selección óptima del hiperparámetro k por validación simple para KNN con varias distancias.

k óptimo con distancia Canberra

```
In [ ]: def Simple_Validation_Classification(k, Data_Test, X_train, Y_train, Y_test) :  
    #####  
    from joblib import Parallel, delayed  
    import multiprocessing  
    n_jobs = multiprocessing.cpu_count()  
    #####  
    #####  
  
    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train):  
        x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]  
        prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification( X_train , Y_train , x_new, k , distance = 'canberra')  
        y_new_predict = prediction_group  
        return(y_new_predict)  
    #####  
  
    y_predictions_vector = []  
    # Paralelizamos el siguiente bucle for :  
    # for i in range(0, Len(Data_Test)):  
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )  
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )  
  
    y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train) for i in range(0, len(Data_Test)) )  
    #####  
    from itertools import chain  
    TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)  
  
    return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
In [ ]: TEC_KNN_Canberra_vector = []  
  
for k in range(1, 50) :  
    y_predictions_vector , TEC = Simple_Validation_Classification(k, Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)  
    TEC_KNN_Canberra_vector.append(TEC)
```

```
In [ ]: k_KNN_Canberra_df = pd.DataFrame({ 'k':range(1,50), 'TEC':TEC_KNN_Canberra_vector})  
k_KNN_Canberra_df = k_KNN_Canberra_df.sort_values(by=[ "TEC"]).reset_index(drop=False)
```

```
In [ ]: k_KNN_Canberra_df.head()
```

Out[]: **index** **k** **TEC**

0	3	4	0.230769
1	4	5	0.230769
2	5	6	0.230769
3	7	8	0.230769
4	9	10	0.239316

k óptimo con distancia Pearson

```
In [ ]: def Simple_Validation_Classification(k, Data_Test, X_train, Y_train, Y_test) :
    #####
    from joblib import Parallel, delayed
    import multiprocessing

    n_jobs = multiprocessing.cpu_count()

    #####
    #####
    #####
    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train ):

        x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]

        prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification( X_train , Y_train , x_new, k , distance = 'minkowski' )
        y_new_predict = prediction_group

        return(y_new_predict)

    #####
    y_predictions_vector = []

    # Paralelizamos el siguiente bucle for :

    # for i in range(0, Len(Data_Test)):

        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )

        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )

    y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train ) for i in range(0, len(Data_Test)) )

    #####
    from itertools import chain

    TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)

    return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
In [ ]: TEC_KNN_Pearson_vector = [ ]

for k in range(1, 50) :

    y_predictions_vector , TEC = Simple_Validation_Classification(k, Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)

    TEC_KNN_Pearson_vector.append(TEC)
```

```
In [ ]: k_KNN_Pearson_df = pd.DataFrame({'k':range(1,50), 'TEC':TEC_KNN_Pearson_vector})

k_KNN_Pearson_df = k_KNN_Pearson_df.sort_values(by=[ "TEC" ]).reset_index(drop=False)
```

```
In [ ]: k_KNN_Pearson_df.head()
```

Out[]: **index** **k** **TEC**

0	3	4	0.230769
1	4	5	0.230769
2	5	6	0.230769
3	7	8	0.230769
4	9	10	0.239316

k óptimo con distancia Euclidea

```
In [ ]: def Simple_Validation_Classification(k, Data_Test, X_train, Y_train, Y_test) :  
    #####  
  
    from joblib import Parallel, delayed  
    import multiprocessing  
  
    n_jobs = multiprocessing.cpu_count()  
  
    #####  
  
    #####  
  
    def prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train ):  
  
        x_new = Data_Test.iloc[ i , range(1, Data_Test.shape[1])]  
  
        prediction_group, proportions_groups_knn = KNN_classification( X_train , Y_train , x_new, k , distance = '  
        y_new_predict = prediction_group  
  
        return(y_new_predict)  
  
    #####  
  
    y_predictions_vector = []  
  
    # Paralelizamos el siguiente bucle for :  
  
    # for i in range(0, Len(Data_Test)):  
  
        # y_new_predict = prediction(i, Data_Test, X_train, Y_train )  
  
        # y_predictions_vector.append( y_new_predict )  
  
    y_predictions_vector = Parallel(n_jobs=n_jobs)( delayed(prediction)( i, Data_Test, X_train, Y_train ) for i in  
    #####  
  
    from itertools import chain  
  
    TEC = 1 - sum(y_predictions_vector == Y_test)/len(Y_test)  
  
    return(y_predictions_vector , TEC)
```

```
In [ ]: TEC_KNN_Euclidean_vector = []  
  
for k in range(1, 50) :  
  
    y_predictions_vector , TEC = Simple_Validation_Classification(k, Data_Test, X_train, Y_train, Y_test)  
  
    TEC_KNN_Euclidean_vector.append(TEC)
```

```
In [ ]: k_KNN_Euclidean_df = pd.DataFrame({'k':range(1,50), 'TEC':TEC_KNN_Euclidean_vector})  
  
k_KNN_Euclidean_df = k_KNN_Euclidean_df.sort_values(by=[ "TEC" ]).reset_index(drop=False)
```

```
In [ ]: k_KNN_Euclidean_df.head()
```

Out[]: **index** **k** **TEC**

0	3	4	0.230769
1	4	5	0.230769
2	5	6	0.230769
3	7	8	0.230769
4	9	10	0.239316

4.7. Comparación final entre árboles y KNN para clasificación por validacion simple

```
In [ ]: modelos = ['']
```

```
TAC = []
```

```
TEC = []
```

rpart sin podar TAC 0.6667 rpart podado (maxdepth=4) TAC 0.6879 c5.0 sin podar 0.6986 c5.0 podado control = C5.0Control(minCases = 10,earlyStopping = TRUE) TAC 0.7123 (segun marcos) rpart con mlr3 maxdepth=4 TAC 0.6917 c5.0 con mlr3 TAC 0.6986

arbol clasificacion algoritmo de creacion propia con TEC como metrica a optimizar y k=20 TAC = 0.6923

arbol clasificacion algoritmo de creacion propia con Gini como metrica a optimizar y k=20 TAC = 0.7179

arbol de clasificacion con sklearn DecisionTreeClassifier(criterion='gini', splitter='best', min_samples_split=40, min_samples_leaf=50, max_depth=None, ccp_alpha=0, random_state=666) TAC 0.6581

arbol de clasificacion con sklearn penalizacion optima DecisionTreeClassifier(ccp_alpha=alpha_score_df_sorted['alpha'][0], criterion='gini', splitter='best', random_state=222) TAC 0.7008

KNN funcion propia con distancia canberra y k=10 TAC 0.7607

KNN funcion propia con distancia Pearson y k=10 TAC 0.7008

KNN funcion propia con distancia Mahalanobis y k=10 TAC 0.6496

KNN funcion propia con distancia Gower y k=10 TAC 0.6581

KNN funcion sklearn con distancia Minkowski q=2 y k=10 TAC 0.7008

KNN funcion sklearn con distancia Minkowski q=1 y k=10 TAC 0.67521

KNN funcion sklearn con distancia Coseno y k=10 TAC 0.7008

KNN con k optimio para la distancia Canberra

KNN con k optimio para la distancia Pearson

KNN con k optimio para la distancia Euclidea