

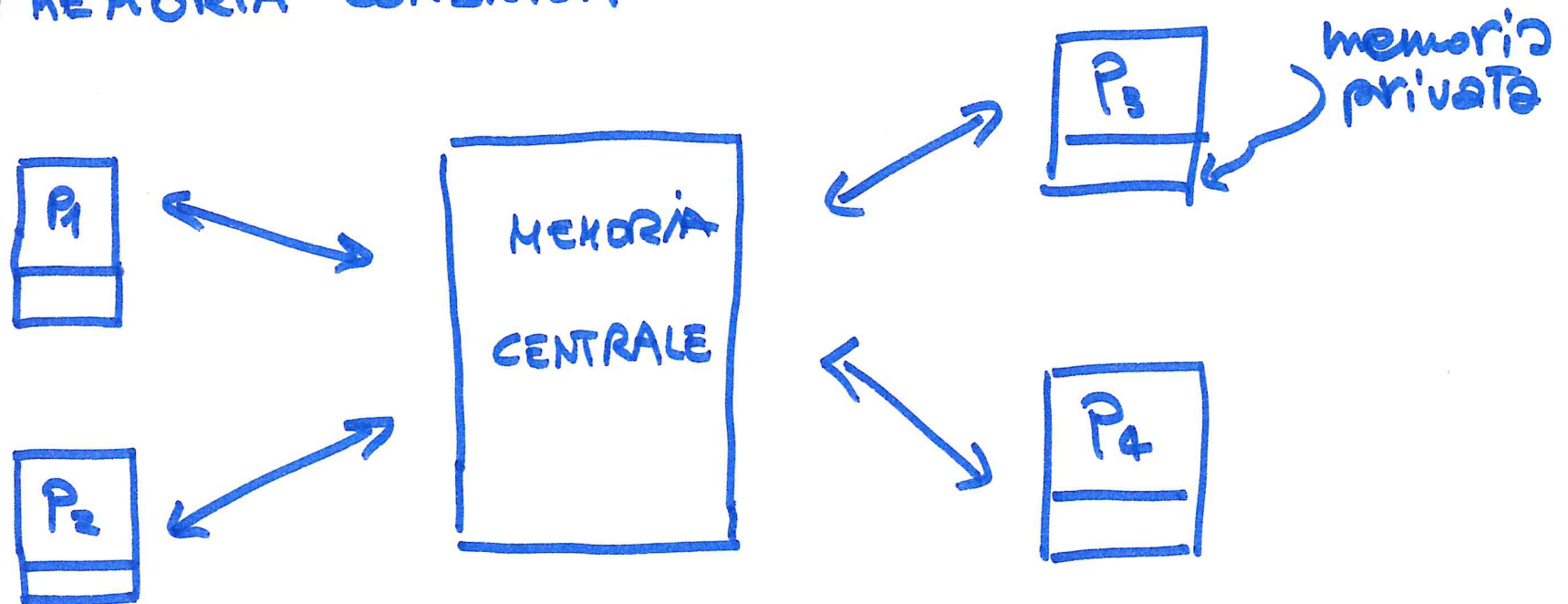
# TIP I DI ARCHITETTURE PARALLELE

1 A MEMORIA CONDIVISA

2 A MEMORIA DISTRIBUITA

---

1 A MEMORIA CONDIVISA



Proprietà non visibile:

Abbiamo un unico clock centrale

Proprietà sulla comunicazione:

comunicazione costante in tempo tra i processori

Cioè:

se  $P_j$  vuole comunic. uno dato  $x$  a  $P_i$ :

- $P_j$  scrive  $x$  in mem. centrale
- $P_i$  legge  $x$  dalla mem. centrale

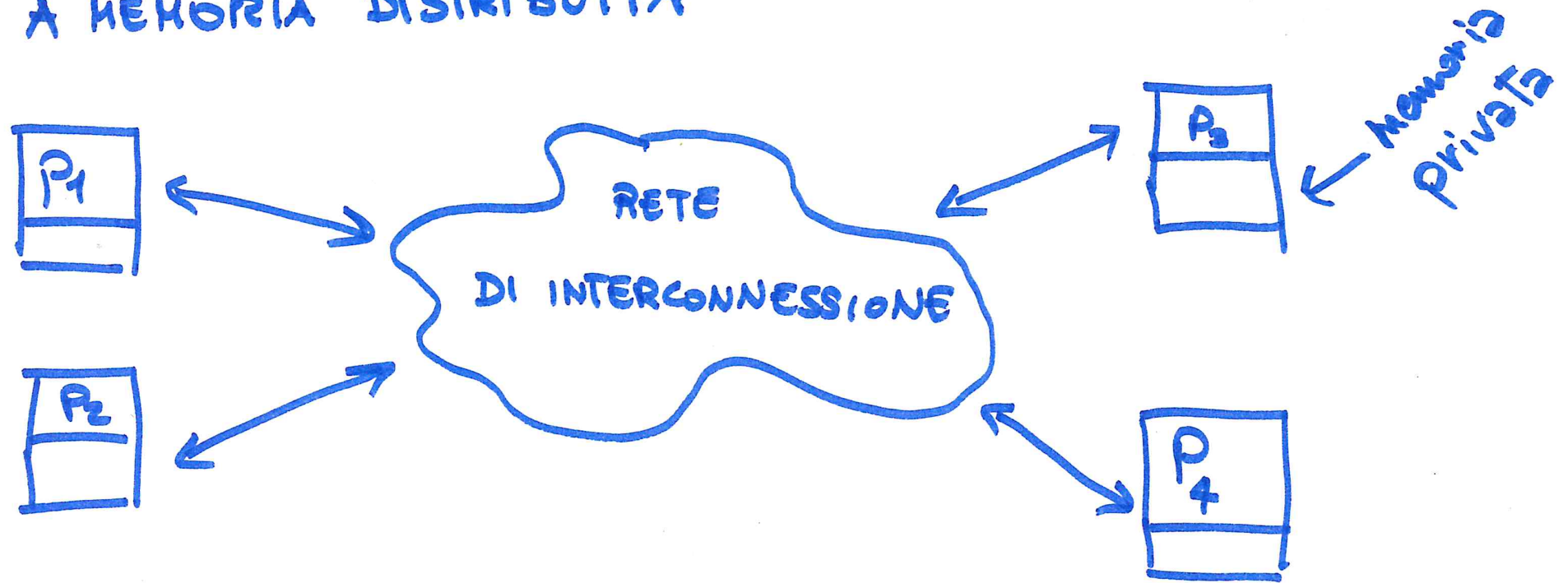
es: multicore attuali

Domanda:

Questa architettura permette una forte parallelizzazione

Perché?

## 2 A MEMORIA DISTRIBUITA



"DA NON CONFONDERE CON LE ARCHITETTURE DISTRIBUITE"

Proprietà non visibile:

Abbiamo un unico clock centrale

Proprietà sulla comunicazione:

La comunicazione dipende dalla "distanza" tra i processori: se  $P_j$  vuole comunicare con  $P_i$  ci dobbiamo chiedere quanti processori collegano  $P_j$  a  $P_i$ .

Proprietà

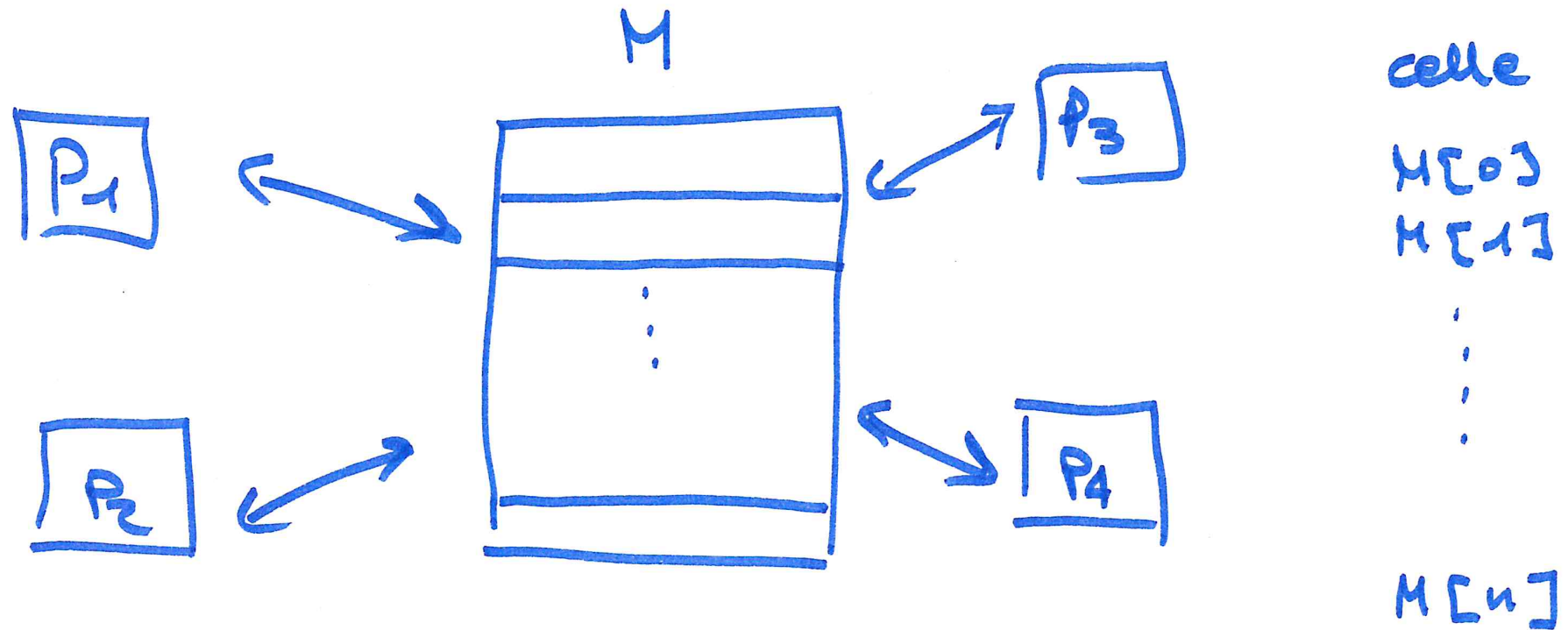
La rete di interconnessione è fissa:

- array lineare
- mesh
- ipercubo



# Modello PRAM (Parallel RAM)

Teorico anche se oggi è attuale



Ogni  $P_i$  è una RAM  
sequenziale

memoria  
privata



Tipo di istruzioni dei  $P_i$  :

- operazioni aritmetico/logiche
- istruzioni da/per la memoria centrale :
  - STORE  $R[k]$   $M[h]$
  - LOAD  $R[k']$   $M[h']$

N.B. operiamo solo sui dati <sup>nella</sup> memoria privata

### Comunicazione

Esempio:  $P_j$  vuole comunicare con  $P_i$  il contenuto di  $R[t]$

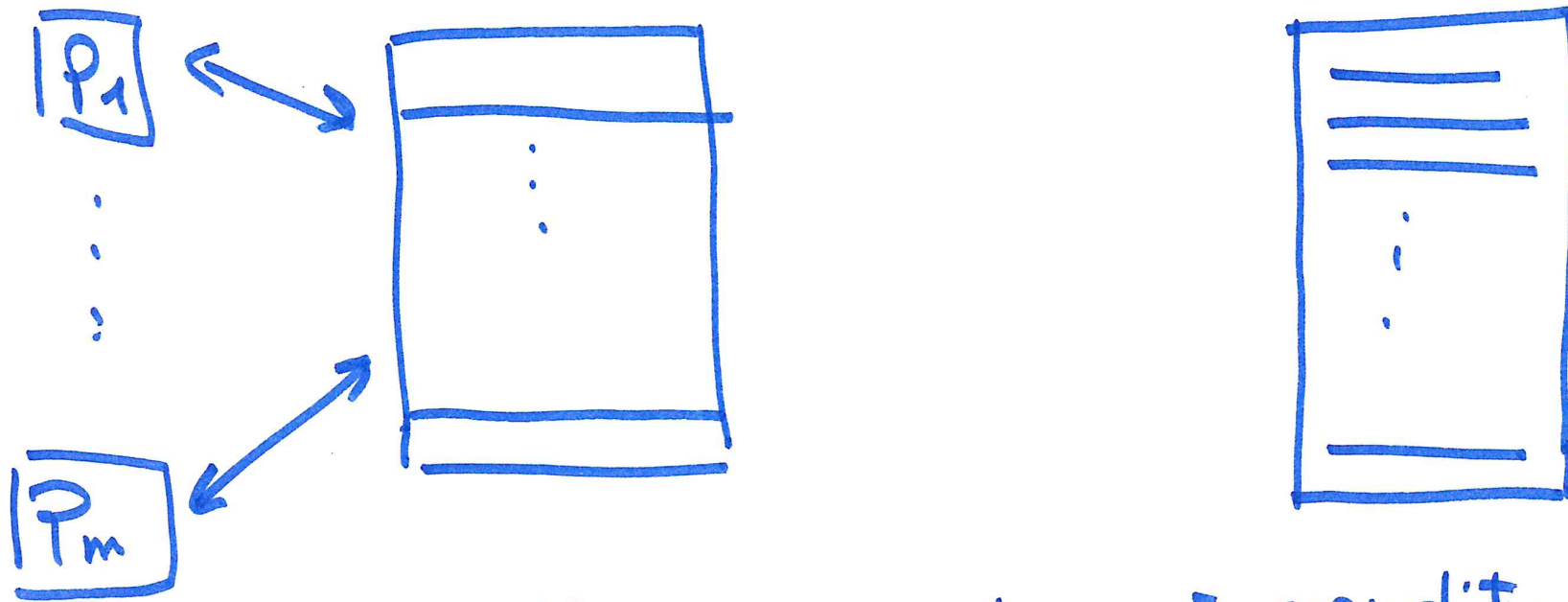
Istruzioni :

$P_j$  : STORE  $R[t]$   $M[x]$

$P_i$  : LOAD  $R[s]$   $M[x]$

La comunicazione avviene in Tempo  $O(1)$

Come si programma una PRAM?  
M UNICO PROGRAMMA



- ① Il tempo per ogni  $P_i$  è scandito dal clock centrale
- ② Ogni  $P_i$  esegue la "stessa istruzione"

Forma dell'istruzione:

for all  $i \in I$  par do:

istruzione <sub>$i$</sub>

NOTA BENE:

- I processori con indice in  $I$  eseguono istruzione <sub>$i$</sub>
- I processori con indice non in  $I$  eseguono l'istruzione nulla



Istruzione<sub>i</sub> = ?

Risposta : ci sono due architetture diverse :

- SIMD : single instruction multiple data ←
- MIMD : multiple " " "

$\begin{cases} \text{Istruzione}_i \\ \text{Istruzione}_j \end{cases}$  è quindi per  $i \neq j$  la stessa istruzione ma su dati diversi che in genere dipendono dagli indici  $i$  e  $j$

Risposta :

In funzione della capacità di accedere alla memoria  $M$  abbiamo anche qui diverse architetture :

EREW, CREW, CRCW dove

E = exclusive      C = concurrent

R = read  
W = write

(1) EREW: no scrittura/lettura stessa cella di M

(2) CREW: lettura simultanea si  
scrittura simultanea no

(3) CRCW: si scrittura/lettura simultanea

Per la scrittura simultanea abbiamo diverse politiche:

- common: i processori possono scrivere solo lo stesso dato pena arresto del sistema
- random: si sceglie un  $P_i$  a caso
- max/min: vince il  $P_i$  con il dato max/min
- priority: vince il  $P_i$  con priorità max

Osservazione :

$Alg(1) \Rightarrow Alg(2) \Rightarrow Alg(3)$



Trasformazioni

L'architettura più ragionevole e più semplice è EREW

### Risorse di calcolo

- sequenziale :  $T(n)$  ,  $S(n)$
- parallelo :  $P(n)$  ,  $T(n, P(n))$

## Esempio di algoritmo su P-RAM di tipo CREW

- # di processori =  $n$
- assumiamo l'input array  $A$  con valori tutti distinti

Cerca ( $A, n, x$ )

```
{ indice = -1
  for i = 0 to n-1 parallel
    Pi: if  $A[i] = x$  then indice = i
  return indice
}
```

- Tempo parallelo = costante
- se  $A$  può contenere elementi ripetuti  $\Rightarrow$  CRCW



## Definizioni informali

$P(n)$  = numero dei processori richiesti su input di lunghezza  $n$  (caso peggiore)

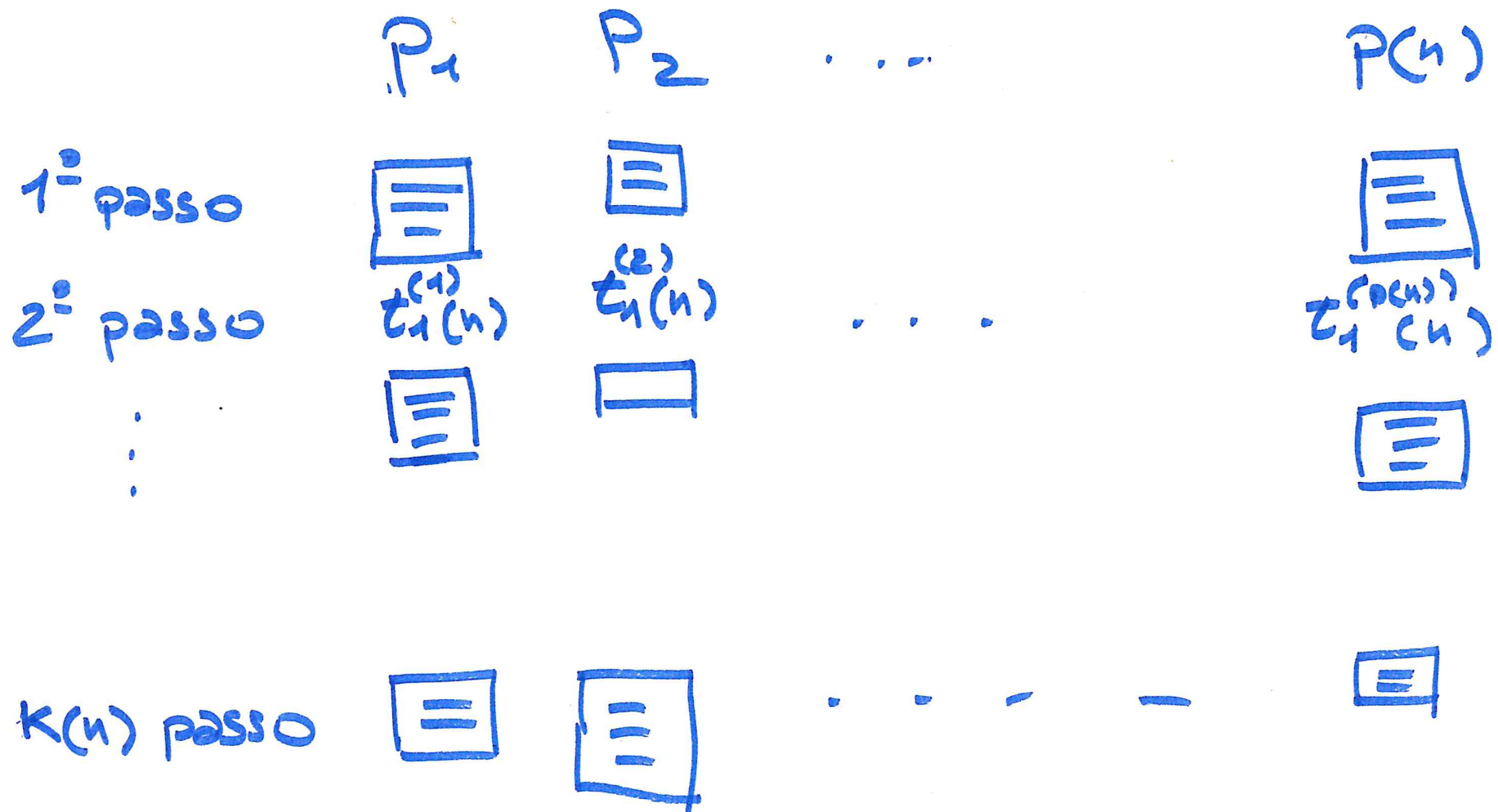
$T(n, P(n))$  = Tempo richiesto da un input di lunghezza  $n$  e  $P(n)$  processori (caso peggiore)

## Osservazione

$T(n, 1)$  = Tempo sequenziale

Valutazione precisa del Tempo  $T(n, p(n))$

Programma parallelo:



## NOTAZIONE

$$t_i(n) = \max \{ t_i^{(j)}(n) \mid 1 \leq j \leq p(n) \}$$

Pertanto

$$T(n, p(n)) = \sum_{i=1}^{k(n)} t_i(n)$$

- $T$  dipende da  $k(n)$
- $T$  dipende anche dalla dimensione dell'input  
[ costo logaritmico / costo uniforme )
- $T$  dipende da  $p(n)$