

# **Exclusion Mutuelle en Réparti**

Master informatique SU 2017-2018  
UE AR (4I403)

# Plan

---

- **Exclusion mutuelle en réparti**

- Types d'algorithmes
- Propriétés
- Classes d'algorithmes

- **Algorithmes à permission**

- Lamport
- Ricart-Agrawala
- Maekawa (quorum)

- **Algorithmes à jeton**

- Martin
- Raymonde
- Naimi-Trehel
- Susuki-Kasami

# Exclusion Mutuelle

---

## ■ Objectif:

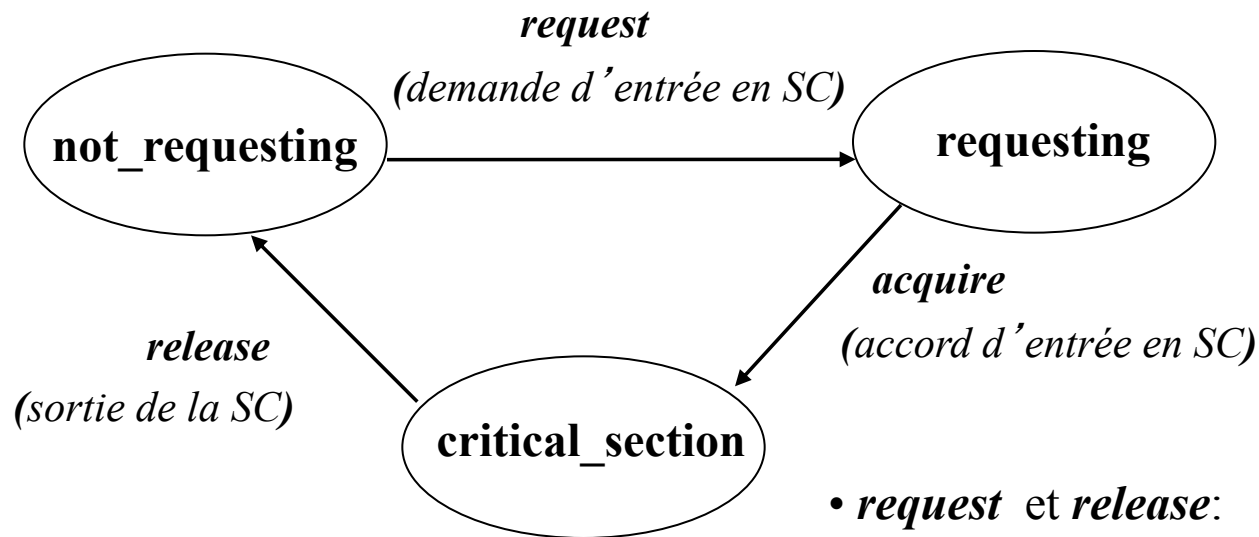
- Coordonner des processus se partageant une ressource commune pour qu'à tout instant, au plus un processus ait accès à cette ressource.
- L'accès se fait dans une section critique (SC), dont les processus demandent l'entrée et signalent la sortie.

## ■ Exclusion Mutuelle en réparti:

- Les processus sont répartis et ne communiquent que par passage de messages.

# Transitions d'un processus

- **N processus:  $P_1, \dots, P_N$** 
  - $\text{état}_i : \{requesting, not\_requesting, critical\_section\}$



- ***request* et *release***: fonctions invoquées par les processus
- ***acquire***: transition contrôlée par l'algorithme.

# Algorithme d'Exclusion Mutuelle

---

- **Un algorithme d'exclusion mutuelle doit garantir :**
  - Au plus un processus exécute la section critique à un instant donné.
  - Pas d'**interblocage**
    - Si des processus demandent concurremment à entrer en section critique, la sélection ne peut pas être ajournée indéfiniment.
  - Pas de **famine**
    - La demande d'un processus ne peut pas être différée indéfiniment. Autrement dit, un processus qui demande à entrer en section critique doit être autorisé à le faire dans un temps fini.

# Propriétés à assurer

**Les propriétés d'un algorithme se classent en deux catégories:**

- **sûreté (safety) :**
  - jamais rien de "mauvais" n'arrive
- **vivacité (liveness) :**
  - quelque chose de "bien" finit par arriver

## ■ Algorithme d'exclusion mutuelle

- **Sûreté :**
  - à tout instant il y a au plus un processus dans la section critique.
    - *Si  $(etat_i = critical\_section)$  alors  $(etat_j \neq critical\_section)$  pour tout  $j \neq i$ ;*
- **Vivacité :**
  - Tout processus qui demande la section critique doit l'obtenir au bout d'un temps fini.
    - *$(etat_i = requesting) \rightarrow (etat_i = critical\_section)$*
    - Garantir l'absence d'interblocage et de famine.
- Propriétés auxquelles on ajoute **l'équité.**

# Exclusion mutuelle en réparti

---

## ■ Le contexte réparti :

- $N$  sites (nœuds ou processus).
- Pas de mémoire globale partagée ni d'horloge physique globale.
- Les sites communiquent par passage de messages, qui sont envoyés et reçus sur des canaux.
  - Aucune hypothèse temporelle n'est faite pour le délai de transmission des messages.
- Les canaux:
  - Fiables.
  - "FIFO" ou non "FIFO", selon les hypothèses de l'algorithme.

# Algorithme centralisé x réparti

---

## ■ Algorithme centralisé - coordinateur

- Le processus coordinateur est le seul à prendre une décision sur les accès à la section critique.
- Tous les informations nécessaires pour l'algorithme sont concentrées dans le coordinateur.

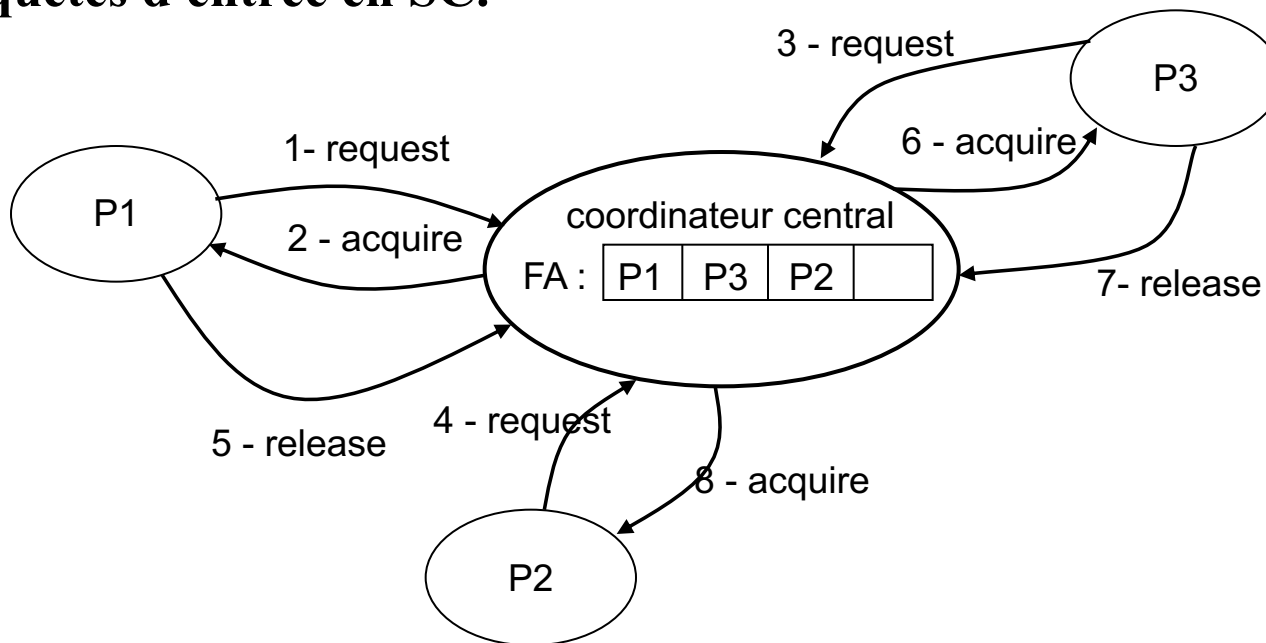
## ■ Solutions entièrement réparties :

- Tous les processus peuvent participer à la décision sur l'accès à la section critique.
- Les informations pour réaliser l'algorithme sont réparties entre les processus.



# Algorithme centralisé

- Tous les processus s'adressent à un coordinateur pour demander l'entrée et signaler la sortie de SC. Le coordinateur maintient une file d'attente (FA) dans laquelle il range par ordre d'arrivée les requêtes d'entrée en SC.



# Algorithme centralisé (Evaluation)

---

- **Nombre de Messages par exécution de SC :**
  - 3 messages.
- **Equitable :**
  - requêtes traitées par ordre d'arrivée sur le coordinateur.
- **Avantages :**
  - simplicité (en fonctionnement normal).
  - faible complexité en messages.
- **Inconvénients :**
  - goulot d'étranglement sur le coordinateur.
  - panne du coordinateur relativement complexe à résoudre.

# Algorithmes répartis

---

## ■ Classes d'algorithmes

### ➤ A base de permission :

- Afin d'entrer en section critique, un processus  $P_i$  doit demander la permission à d'autre processus.
- Le droit d'entrée en SC est acquis lorsque le processus a obtenu un nombre suffisant de permissions.

### ➤ A base de jeton :

- Seul le processus possédant le jeton peut entrer en section critique.
- L'unicité du jeton garantit la propriété de sûreté
- Différentes façons de réaliser la vivacité:
  - informer le site qui possède le jeton des requêtes en cours.
  - assurer le routage du jeton vers les processus demandeurs.

# Algorithmes à base de Permission

---

- Lamport
- Ricart-Agrawala
- Maekawa (quorum)

# Algorithme à Base de Permission

---

- **Lamport (1978) et Ricart/Agrawala (1981)**
  - Un message de demande d'entrée en SC est envoyé à tous les autres sites  $R_i$ 
    - $R_i = \{1, 2, 3, \dots, N\} - \{i\}$
  - **Ordre total des requêtes d'entrée en section critique :**
    - Les requêtes sont totalement ordonnées et satisfaites selon cet ordre.
    - La date d'une requête est la valeur de l'**horloge logique scalaire** du processus émetteur  $P_i$ , complétée par son identifiant :  $(H_i, i)$ .
      - $(H_i, i) < (H_j, j) \Leftrightarrow (H_i < H_j \text{ ou } (H_i = H_j \text{ et } i < j))$
    - Garantie de la **sûreté** et de la **vivacité**.
  - Chaque processus  $P_i$  gère une horloge logique, une file d'attente  $FA_i$  de requêtes **classées par date** et les attentes de permission  $At_i$ .

# Algorithme de Lamport

---

## ■ Hypothèses :

- Le nombre  $N$  de processus est connu de tous.
- Les **canaux** de communication sont fiables et **FIFO**.

## ■ Messages :

### ➤ Types :

- *REQUEST* : demande d'entrer en SC.
- *REPLY* : réponse à la réception d'un message *REQUEST*.
- *RELEASE* : libération de la SC.

### ➤ Contenu:

- $(\text{type}, (H_i, S_i))$ ;

## ■ Variables Locales du processus $P_i$ :

- $H_i$  : Horloge logique scalaire
- $FA_i$  : File d'attente de requêtes
  - Dans l'ordre induit par la valeur de leurs estampilles (y compris celle de  $P_i$ )
- $At_i$  : Attente de permission.

# Algorithme de Lamport

## Tous les processus $S_i$ :

### Variables Locales:

$FA_i = \emptyset;$   
 $H_i = 0;$   
 $At_i = \emptyset;$

### Request\_CS( $S_i$ ) :

- $H_i = ++;$
- Placer sa requête  $req_i$  dans la file d'attente;
- Envoyer un message *REQUEST* à tous les autres sites ( $At_i = R_i - \{S_i\}$ );
- Attendre l'accord de tous les autres sites (msg *REPLY*) et que sa propre requête soit la plus ancienne de toutes ( $At_i = \emptyset$ ; et  $req_i = head(FA_i)$ );

### Release\_SC( $S_i$ ) :

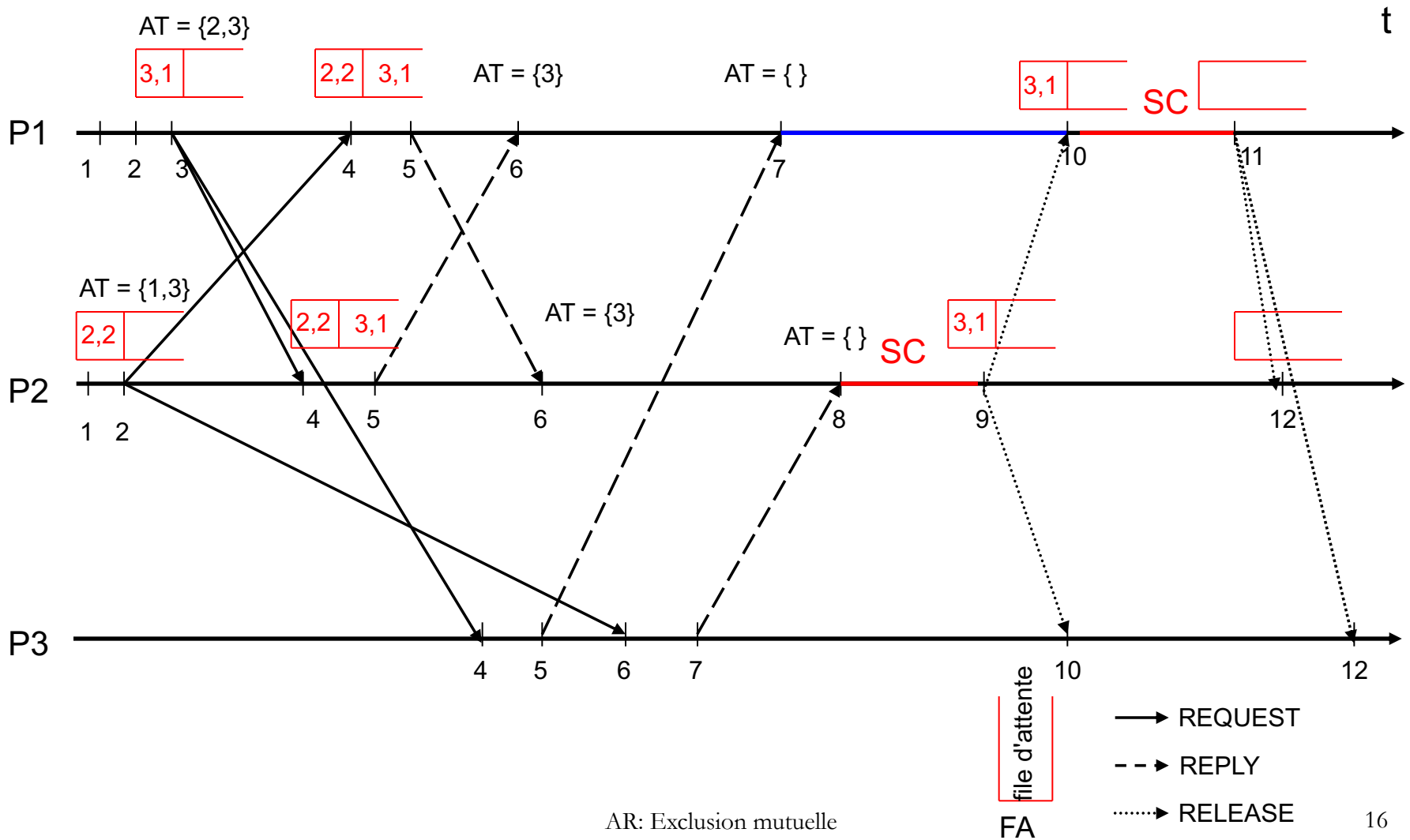
- $H_i ++;$
- Diffuser un message *RELEASE* à tous les autres sites ( $R_i - \{S_i\}$ );
- Enlever sa requête  $req_i$  de la file d'attente  $FA_i$ ;

### Reception (msg de $S_j$ ) :

- Mettre à jour  $H_i$ : ( $H_i = \max(H_i, H_j) + 1$ );
- Switch (type msg) :{
  - REQUEST : - placer la requête reçue dans la file d'attente  $FA_i$  dans l'ordre des estampilles : ( $FA_i \cup \{msg\ S_j\}$ );
  - envoyer un message *REPLY* à  $S_j$ .
  - REPLY: - traiter la réception de l'acquittement ( $At_i - \{S_j\}$ )
  - RELEASE: - Enlever la requête de  $S_j$  de la file d'attente ( $FA_i - \{msg\ S_j\}$ );}

}

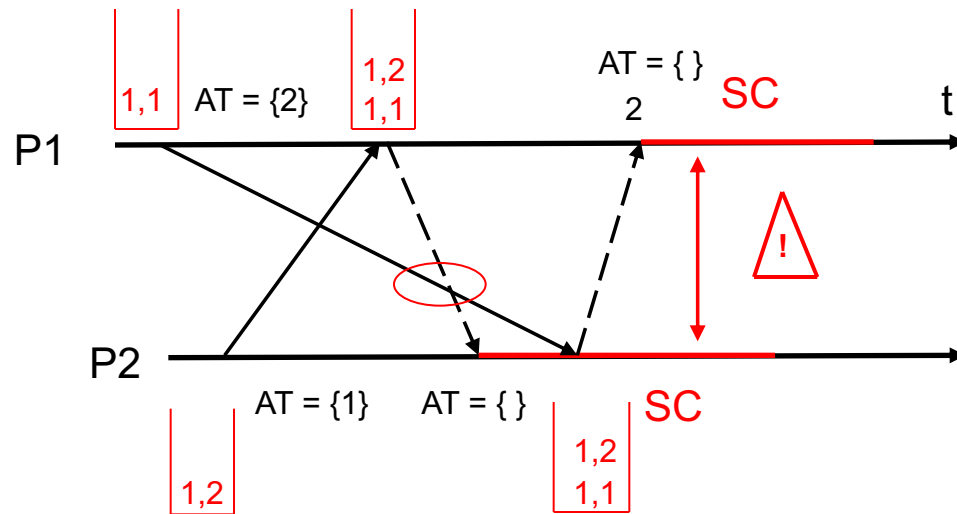
# Algorithme de Lamport (exemple)





# Algorithme de Lamport

- Si les canaux ne sont pas FIFO, l'exclusion mutuelle n'est pas garantie.



- Propriété **FIFO** de canaux garantie:
  - Si un site  $S_i$  a reçu un message d'accord (REPLY) de  $S_j$ , toute requête antérieure de  $S_j$  lui est forcément arrivée. Toute demande lui arrivant de  $S_j$  sera postérieure à la sienne.

# Algorithme de Lamport

---

- **L'ordre total sur les demandes garantit :**
  - **La sûreté:**
    - Seul le site en tête de la file d'attente *FA* pourra rentrer en SC; les autres attendent que cette demande soit retirée (réception du message RELEASE).
  - **La vivacité:**
    - Toute demande finira par avoir la plus petite estampille et donc se trouvera en tête de la file d'attente.

# Algorithme de Lamport (Evaluation)

---

- **Nombre de Messages par exécution de SC:**
  - $3 * (N-1)$  messages.
- **Equitable :**
  - requêtes traitées par l'ordre total.
- **Avantages :**
  - simplicité (en fonctionnement normal).
- **Inconvénients :**
  - Hypothèse de canaux FIFO.
  - Pas extensible.

# Algorithme Ricart/Agrawala

---

- **Amélioration de l'algorithme de Lamport:.**
  - **Message REPLY** : possède le sens d'une autorisation d'accès, délivrée de façon conditionnelle. Un processus  $P_i$  n'acquiesce une requête que s'il n'est pas en SC et sa requête en cours n'est pas plus prioritaire.
  - **Message RELEASE** : n'est envoyé qu'aux processus dont la requête a été différée. Remplacé par le message **REPLY**.
  - **File d'attente** : chaque processus  $P_i$  ne conserve dans sa file d'attente  $FA_i$  que les requêtes dont l'acquiescement a été différé.

# Algorithme de Ricart/Agrawala

---

## ■ Hypothèses :

- Le nombre  $N$  de processus est connu de tous.
- Les canaux de communication sont fiables, mais pas **FIFO**.

## ■ Messages :

- Types :
  - *REQUEST* : demande d'entrer en SC.
  - *REPLY* : réponse à la réception d'un message *REQUEST*.
- Contenu :
  - (type, ( $H_i$ ,  $S_i$  ));

## ■ Variables Locales du processus $P_i$ :

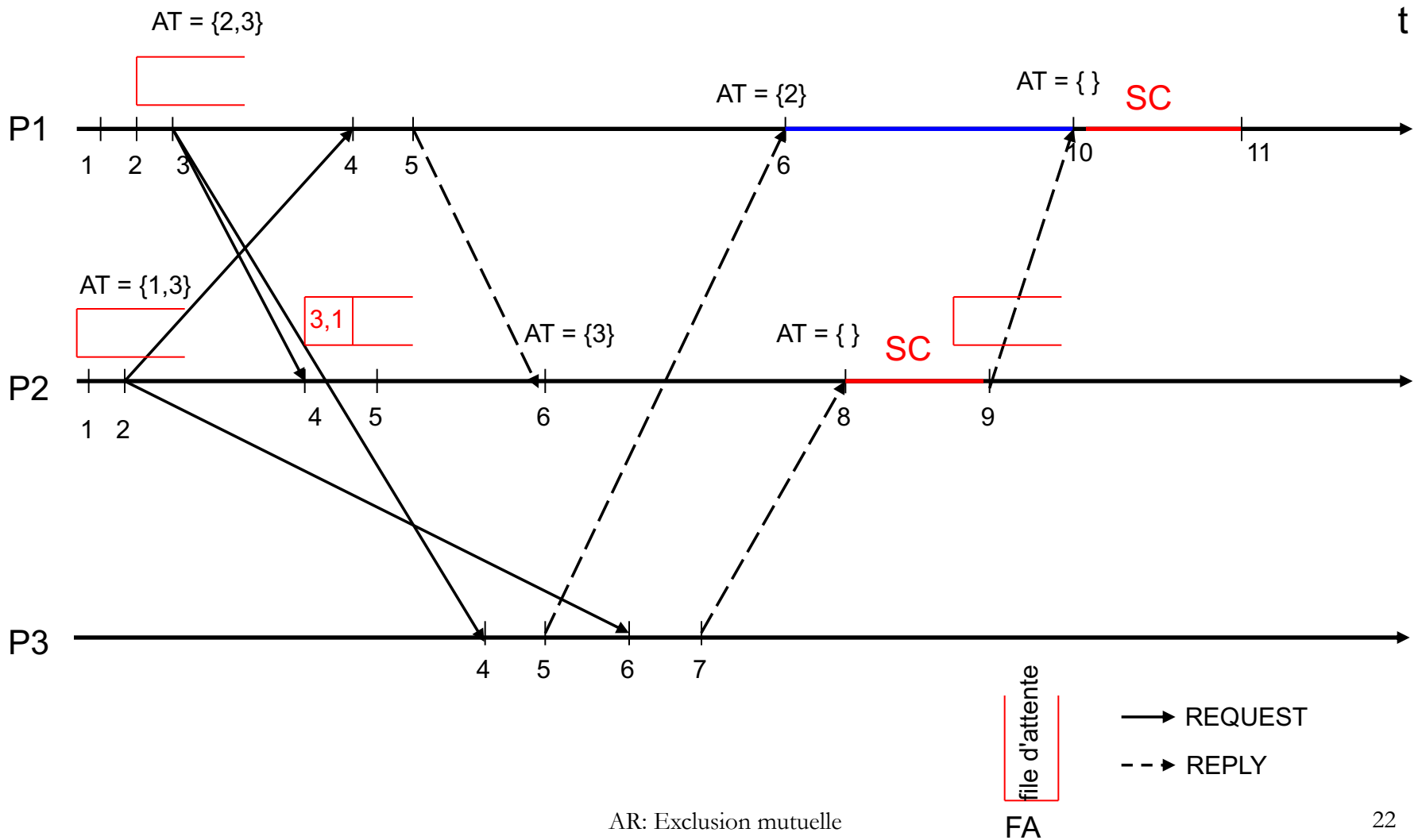
- $H_i$  : Horloge logique scalaire
- $FA_i$  : File d'attente
- $At_i$  : Attente de permission.
- $Etat_i$  : *requesting*, *not\_requesting*, *critical\_section*.

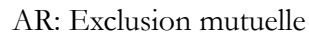
## ■ Algorithme



- Sera vu en TD et TME.

# Algorithme de Ricart/Agrawala (exemple 1)

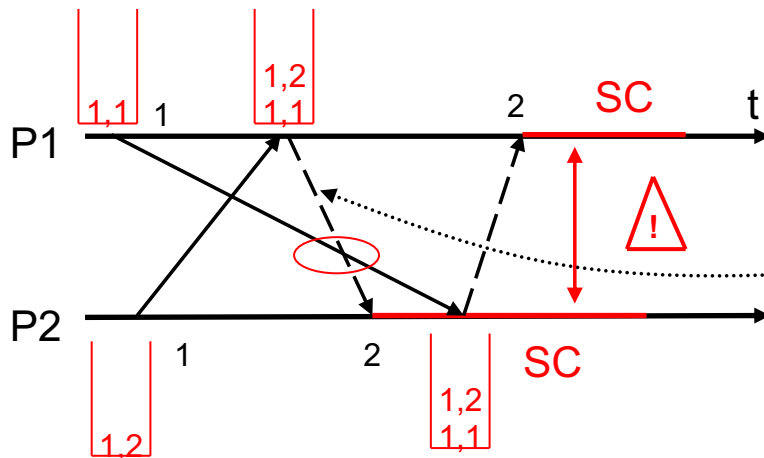




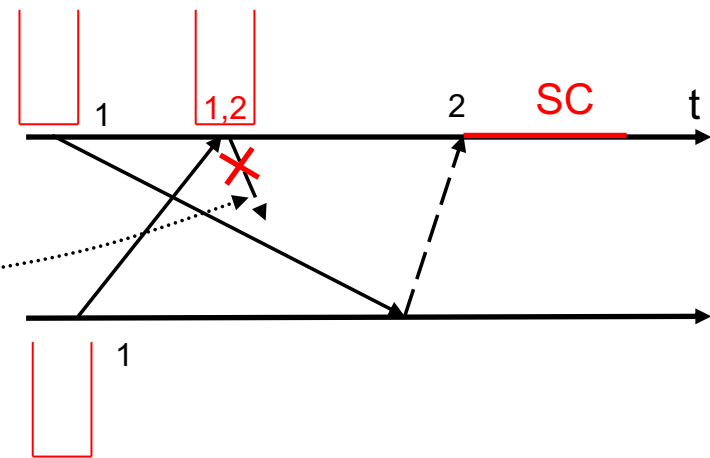
# Algorithme de Ricart/Agrawala

## ■ Hypothèse FIFO n'est plus nécessaire

- les messages *REPLY* valent autorisation d'entrée en SC. Quand un processus a reçu tous les msg. *REPLY*, il n'y a plus de requête plus récente en cours.



Lamport 78



Ricart et Agrawala 81



# Algorithme de Ricart/Agrawala (Evaluation)

---

- **Nombre de Messages par exécution de SC :**
  - $2*(N-1)$  messages.
- **Equitable :**
  - requêtes traitées par l'ordre total.
- **Avantages par rapport à Lamport:**
  - moins de messages envoyés.
  - taille de la file d'attente FA plus petite.
  - hypothèse FIFO non nécessaire.