# Funções de Várias Variáveis

# 2° Quadrimestre – 2023

# Páginas do Curso:

- Moodle
- Gradmat: http://gradmat.ufabc.edu.br/disciplinas/fvv/

#### **Ementa:**

Parametrização de Curvas. Domínios, curvas de nível e esboço de gráficos. Limite e continuidade: Limite e continuidade de funções de várias variáveis. Derivadas: Derivadas parciais. Diferenciabilidade. Derivada direcional. Regra da cadeia. Funções implícitas. Máximos e mínimos. Multiplicadores de Lagrange. Integrais: Integrais duplas e triplas. Mudança

de variáveis. Integração em coordenadas polares, cilíndricas e esféricas. Aplicações no cálculo de áreas e volumes.

### Bibliografia Básica

- 1. Stewart, James. Cálculo Volume 2, Cengage Learning, 2017. (disponível em "Minha biblioteca").
- **2.** Guidorizzi, Hamilton. Um Curso de Cálculo Vol. 2, Grupo GEN, 2018. (disponível em "Minha biblioteca").
- **3.** Guidorizzi, Hamilton. Um Curso de Cálculo Vol. 3, Grupo GEN, 2018. (disponível em "Minha biblioteca").
- **4.** Anton, Howard, et al. Cálculo Volume II, Grupo A, 2014. (**disponível em "Minha biblioteca"**).
- 5. Apostol, Tom. Cálculo II, Waltham, USA: Reverté, 1996.
- **6.** Cândida, Maria; Morgado, Ferreira; Pinto, Diomara. Cálculo Diferencial e Integral de Funções de Várias Variáveis, Editora UFRJ, 3ª Edição, 2005.

### **Bibliografia Complementar**

- 1. George Thomas, Cálculo Vol. 2, Ed. Pearson Education.
- **2.** MARSDEN; TROMBA, Vector Calculus, W H Freeman, Co (Sd); 4th edition (April 1996).
- 3. KAPLAN, W., Cálculo Avançado, Vol. I, Edgard Blucher 3
- **4.** EDWARDS JR, C.H.; PENNEY, David E. Cálculo com geometria analítica: vol.2, 4.ed. Rio de Janeiro: Prentice-Hall do Brasil, 1997.

### 1. Metodologia:

Aulas presenciais, Atividades avaliativas (Provas e Testes no Moodle) e Atendimento aos alunos.

#### Vídeos

Os vídeos das aulas estarão disponíveis no site da disciplina no Moodle.

Espera-se que os alunos assistam esses vídeos antes das aulas para poder aprofundar no conteúdo da disciplina em sala de aula.

#### Horários de Atendimento aos alunos

A combinar

#### 2. Método avaliativo

As atividades avaliativas consistirão dos Testes (Moodle) e das Provas.

### **Testes (Moodle)**

- No máximo 6 (seis) e serão realizados remotamente;
- O Teste será constituído de 2 partes. A Primeira parte, intitulada "<u>Teste Questão</u>", é relativa ao sorteio, à resolução e submissão da solução escrita da questão sorteada. A segunda parte, intitulada "<u>Teste -Vídeo</u>", é relativa à submissão do vídeo (*link não listado no YouTube*) contendo as explicações da solução do exercício sorteado na primeira parte.

#### **IMPORTANTE**:

- É obrigatório a submissão da solução escrita e do vídeo (*link não listado no YouTube*) contendo as explicações da solução do exercício, caso contrário será atribuído nota 0 (zero) ao teste;
- Haverá correção automática do exercício sorteado em "Teste Questão" e valerá 10,0 pontos. Caso a professora corrija a questão, cada uma das partes (solução escrita e solução em vídeo) valerá 50%.

#### **Provas**

■ Serão aplicadas 2 Provas (presenciais e no horário da aula);

■ Sem consulta e individual.

#### Médias e Conceitos

#### Notação:

- P1 = Prova 1
- P2 = Prova 2

#### Médias:

- MC1 = 0.7(P1) + 0.3(Média dos Testes antes da P1)
- MC2 = 0.7 (P2) + 0.3 (Média dos Testes depois da P1)
- MC = (MC1 + MC2)/2

#### **IMPORTANTE:**

Para a **APROVAÇÃO** na disciplina o aluno deverá, **obrigatoriamente**, atender as condições abaixo:

- MC1  $\geq$  4.5 e P1  $\geq$  4
- MC2  $\geq$  4.5 e P2  $\geq$  4
- MC ≥ 4.5

### Tabela de conversão

Intervalo de Notas	Conceito
0,0 ≤ MC < 4, 5	F
4,5 ≤ MC < 5,5	D
5,5 ≤ MC < 7,0	С
7,0 ≤ MC < 8,5	В
8,5 ≤ MC ≤ 10	A

#### **Provas substitutivas**

Provas Substitutivas serão possíveis se for apresentado a justificativa e anexado o atestado.

- Serão realizadas fora do horário da aula;
- Para cada Prova aplicada e perdida, o aluno que fizer jus a Prova Substitutiva deverá, obrigatoriamente, manifestar o interesse através do preenchimento do Formulário disponível para essa finalidade e isso deverá ocorrer no prazo máximo de 48 horas após a realização da Prova (1 ou 2).

### Controle de Frequência

O controle de frequência será feito através da presença nas aulas e da realização das atividades avaliativas.

### Recuperação

O Exame de Recuperação (ER), consistirá de uma prova que irá substituir a Prova 1 e/ou Prova 2, será direcionado aos alunos que não obtiveram aprovação na Parte 1 (MC1  $\geq$  4.5 e P1  $\geq$  4) e/ou na Parte 2 (MC2  $\geq$  4.5 e P2  $\geq$  4). O conceito máximo atribuído será C.

O Exame de Recuperação será direcionado apenas aos alunos que ficaram com conceito D ou F. Para exercer o direito de realizar o Exame de Recuperação, o interessado deverá, obrigatoriamente, manifestar interesse através do preenchimento do Formulário destinado para essa finalidade.

Para aqueles que realizarem o Exame de Recuperação, o conceito máximo atribuído será o conceito C.

# 3. Cronograma

# Semana 1

Aula 1	Plano e superfícies cilíndricas: definição e alguns exemplos
Aula 2	CANCELADA: visita do Presidente Lula

# Semana 2

Aula 1	Quádricas: elipsóide, parabolóide, cone e exemplos (Revisão)
	Funções de R <sup>N</sup> em R, Gráfico
	Conjunto de nível (curva e superfície) (Stewart: 14.1)
Aula 2	FERIADO

# Semana 3

Aula 1	Noções topológicas (conjunto aberto e fechado) Limites (definição, propriedades) (Stewart: 14.2)
Aula 2	Limites e continuidade. Exemplos e Cálculos (Stewart: 14.2)

### **TESTE 1**

■ Funções e conjunto de nível

# Semana 4

Aula 2	Aproximação linear, diferenciabilidade (Stewart: 14.4)

### TESTE 2

■ Limite, continuidade, derivadas parciais e de ordem superior

# Semana 5

Aula 1	Regra da cadeia (Stewart: 14.5)
Aula 2	Derivadas direcionais e Gradiente (Stewart: 14.6)

#### **TESTE 3**

■ Aproximação linear, diferenciabilidade, Regra da Cadeia, Derivada direcional e gradiente

# Semana 6

Aula 1	Prova 1
Aula 2	Máximos e mínimos (em abertos e compactos) (Stewart: 14.7)

# Semana 7

Aula 1	Máximos e mínimos (multiplicadores de Lagrange) (Stewart: 14.8)
Aula 2	Integral dupla: Definição, Teorema de Fubini e exemplos (Stewart: 15.1, 15.2 e 15.3)

#### **TESTE 4**

#### ■ Máximos e mínimos

# Semana 8

Aula 1	Integral dupla: mudança de variável – coordenadas polares e	
	retangulares (Stewart: 15.4)	
Aula 2	Integral dupla: mudança de variável – coordenadas polares e	
	retangulares (Stewart: 15.4)	

# Semana 9

Aula 1	Integral dupla: aplicações – área de regiões planas, volume de sólidos e área de superfícies que são gráficos de funções (Stewart: 15.5 e 15.6)
Aula 2	Integral dupla: aplicações – área de regiões planas, volume de sólidos e área de superfícies que são gráficos de funções (Stewart: 15.5 e 15.6)

#### **TESTE 5**

■ Integral dupla

# Semana 10

Aula 1	Integral tripla: definição e Teorema de Fubini (Stewart: 15.7)
Aula 2	Integral tripla: coordenadas cilíndricas (Stewart: 15.8)

#### **TESTE 6**

■ Integral tripla

# Semana 11

Aula 1	Integral tripla: coordenadas esféricas
Aula 2	Prova 2

# Semana 12

■ Exame de Recuperação (dia 22/08 – 3ª-feira) – Período de reposição