Taller de Álgebra I

Clase 6 - Listas

```
▶ maximo :: Int → Int → Int
```

- ▶ maximo :: Int → Int → Int
- ▶ maximo3 :: Int -> Int -> Int

- ▶ maximo :: Int → Int → Int
- ▶ maximo3 :: Int -> Int -> Int
- ▶ maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int

```
maximo :: Int -> Int -> Int
maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int
maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int

maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int

maximoN :: Int -> Int -> Int
```

Algunas operaciones

```
maximo :: Int -> Int -> Int
maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int
maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int
:
:
maximoN :: Int -> Int -> Int -> Int
```

Pregunta

¿Hay alguna manera de definir funciones que nos permitan trabajar con cantidades arbitrarias de elementos?

Algunas operaciones

```
maximo :: Int -> Int -> Int
maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int
maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int
:
:
maximoN :: Int -> Int -> Int
```

Pregunta

¿Hay alguna manera de definir funciones que nos permitan trabajar con cantidades arbitrarias de elementos?

Más concretamente, ¿podemos definir una función máximo que funcione por igual para 0, 10 o una cantidad n de elementos?

Algunas operaciones

```
maximo :: Int -> Int -> Int
maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int
maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int

maximo4 :: Int -> Int -> Int -> Int

...
maximoN :: Int -> Int -> ... -> Int
```

Pregunta

¿Hay alguna manera de definir funciones que nos permitan trabajar con cantidades arbitrarias de elementos?

Más concretamente, ¿podemos definir una función máximo que funcione por igual para 0, 10 o una cantidad n de elementos?

Respuesta: Sí!, usando listas.

Expresiones

▶ [1, 2, 1]

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- ▶ [] (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Tipo Listas

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Tipo Listas

```
▶ [True, False, False]:: [ ]
```

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- [] (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Tipo Listas

El tipo de una lista se escribe como: [tipo]

► [True, False, False]:: [Bool]

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- [] (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Tipo Listas

- ► [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- [] (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Tipo Listas

- ► [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- [] (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Tipo Listas

- ▶ [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]
- ► [[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: []

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Tipo Listas

- ▶ [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]
- ·
- ▶ [[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: [[Int]]

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Tipo Listas

- ▶ [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- 2-, -, -, -, -, -----
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]
- ▶ [[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: [[Int]]
- ► [1, True]

Expresiones

- **▶** [1, 2, 1]
- ▶ [True, False, False, True]
- [] (símbolo distinguido para denotar una lista vacía, es decir, una lista sin elementos)

Las listas son "listas" de elementos de un mismo tipo cuyos elementos se pueden repetir.

Tipo Listas

El tipo de una lista se escribe como: [tipo]

- ► [True, False, False]:: [Bool]
- ▶ [1, 2, 3, 4] :: [Int]
- ▶ [div 10 5, div 2 2] :: [Int]
- ▶ [[1], [2,3], [], [1,1000,2,0]] :: [[Int]]
- ▶ [1, True]
- ► [(1,2), (3,4), (5,2)]

¿Cuál es el tipo de esta lista?



Operaciones

- ▶ head :: [a] -> a
- ▶ tail :: [a] -> [a]
- ▶ (:) :: a -> [a] -> [a]

Operaciones

Algunas operaciones

- ▶ head :: [a] -> a
- ▶ tail :: [a] -> [a]
- ▶ (:) :: a → [a] → [a]

Tipar y evaluar las siguientes expresiones

- ▶ head [(1,2), (3,4), (5,2)]
- ▶ tail [1,2,3,4,4,3,2,1]
- **▶** [1,2] : []
- ▶ head []
- ▶ head [1,2,3] : [4,5]
- ▶ head ([1,2,3] : [4,5])
- ▶ head ([1,2,3] : [4,5] : [])

Recursión sobre listas

¿Se puede pensar recursivamente en listas? ¿Cómo?

Pensar las siguientes funciones

- sumatoria :: [Int] -> Int
 que indica la suma de los elementos de una lista.
- 2 longitud :: [Int] -> Int
 que indica cuántos elementos tiene una lista.
- 3 pertenece :: Int → [Int] → Bool
 que indica si un elemento aparece en la lista. Por ejemplo:
 pertenece 9 [] → False
 pertenece 9 [1,2,3] → False
 pertenece 9 [1,2,9,9,-1,0] → True

Idea: Pensar cómo combinar el resultado de la función sobre la cola de la lista con el primer elemento. Recordar:

- ▶ head [1, 2, 3] <>> 1
- ▶ tail [1, 2, 3] \(\times \) [2, 3]

Ejercicios

Formas rápidas para crear listas

Prueben las siguientes expresiones en GHCI

- **[1..100]**
- **▶** [1,3..100]
- **▶** [100..1]
- ▶ [1..]

Ejercicio

- ▶ Escribir una expresión que denote la lista estrictamente decreciente de enteros que comienza con el número 1 y termina con el número -100.
- ▶ Definir la función primerMultiplode45345 :: [Int] → Int que indica el primer elemento de la lista que es múltiplo de 45345 que encuentre en la lista.

Ya vimos cómo hacer pattern matching sobre distintos tipos (Boo1, Int, tuplas). ¿Se puede hacer pattern matching en listas?

Ya vimos cómo hacer pattern matching sobre distintos tipos (Bool, Int, tuplas). ¿Se puede hacer pattern matching en listas?

¿Cuál es la verdadera forma de las listas?

Las listas tienen dos "pintas":

▶ []

(lista vacía)

▶ algo : lista

(lista no vacía)

¿Cómo escribir la función sumatoria :: [Int] -> Int usando pattern matching?

Ya vimos cómo hacer pattern matching sobre distintos tipos (Bool, Int, tuplas). ¿Se puede hacer pattern matching en listas?

¿Cuál es la verdadera forma de las listas?

```
Las listas tienen dos "pintas":
```

• []

▶ algo : lista

(lista vacía)

(lista no vacía)

¿Cómo escribir la función sumatoria :: [Int] -> Int usando pattern matching?

```
sumatoria [] = 0
sumatoria (x:xs) = sumatoria xs + x
```

Ya vimos cómo hacer pattern matching sobre distintos tipos (Bool, Int, tuplas). ¿Se puede hacer pattern matching en listas?

¿Cuál es la verdadera forma de las listas?

Las listas tienen dos "pintas":

- **▶** []
- ▶ algo : lista

(lista vacía)

(lista no vacía)

¿Cómo escribir la función sumatoria :: [Int] -> Int usando pattern matching?

```
sumatoria [] = 0 sumatoria (x:xs) = sumatoria xs + x
```

Otro ejemplo:

```
longitud :: [a] -> Int
longitud [] = 0
```

longitud (_:xs) = 1 + longitud xs

Ejercicio: pertenece

Repensar la función pertenece utilizando pattern matching.



Ejercicios

Resolver los siguientes ejercicios sobre listas

- productoria :: [Int] -> Int que devuelve la productoria de los elementos.
- sumarN :: Int -> [Int] -> [Int] que dado un número N y una lista xs, suma N a cada elemento de xs.
- SumarElPrimero :: [Int] → [Int] que dada una lista no vacía xs, suma el primer elemento a cada elemento de xs. Ejemplo sumarElPrimero [1,2,3] → [2,3,4]
- SumarElUltimo :: [Int] → [Int] que dada una lista no vacía xs, suma el último elemento a cada elemento de xs. Ejemplo sumarElUltimo [1,2,3] → [4,5,6]
- pares :: [Int] -> [Int] que devuelve una lista con los elementos pares de la lista original. Ejemplo pares [1,2,3,5,8] \(\times [2,8] \)
- quitar :: Int -> [Int] -> [Int] que elimina la primera aparición del elemento en la lista (de haberla).
- quitarTodas :: Int -> [Int] -> [Int] que elimina todas las apariciones del elemento en la lista (de haberla).
- B hayRepetidos :: [Int] -> Bool que indica si una lista tiene elementos repetidos.
- eliminarRepetidosAlFinal :: [Int] -> [Int] que deja en la lista la primera aparición de cada elemento, eliminando las repeticiones adicionales.
- m eliminarRepetidosAlInicio :: [Int] -> [Int] que deja en la lista la última aparición de cada elemento, eliminando las repeticiones adicionales.
- Inaximo :: [Int] -> Int que calcula el máximo elemento de una lista no vacía.

Ejercicios

Resolver los siguientes ejercicios sobre listas

- ▼ reverso :: [Int] -> [Int] que dada una lista invierte su orden.
- concatenar :: [Int] → [Int] que devuelve la concatenación de la primera lista con la segunda. Ejemplo concatenar [1,2,3] [4,5,6] ↔ [1,2,3,4,5,6], concatenar [] [4,5,6] ↔ [4,5,6]. Esta operación está en el prelude y se escribe como (++).
- E zipi :: [a] → [b] → [(a,b)] que devuelve una lista de tuplas, cada tupla contiene elementos de ambas listas que ocurren en la misma posición. En caso que tengan distintas longitudes, la longitud de la lista resultado es igual a la longitud de la lista más chica pasada por parámetro. Ejemplo zipi [1,2,3] ['a','b','c'] ↔ [(1,'a'), (2,'b'), (3,'c')], zipi [1,2,3] ['a','b'] ↔ [(1,'a'), (2,'b')]. Esta operación está en el prelude y se escribe como zip.