CHAPITRE 4 : MÉTHODES DE PROTECTION DES DONNÉES

Prof. A. Ettaoufik

MÉTHODES DE PROTECTION DES DONNÉES

CRYPTOGRAPHIE

- Chiffrement
- Hachage
- Signature numérique

- la cryptographie (KRYPTOS = CACHÉ, GRAPHOS = ECRITURE) est la science qui étudie le chiffrement et le déchiffrement de messages.
- Son but est d'échanger des informations de façon sécurisée.

Cryptographie : Etude des algorithmes et méthodes permettant d'envoyer des données de manière confidentielle.

Cryptanalyse: Technique qui permet de retrouver le message clair À partir d'un texte chiffré.

Crypto-système : triplet (algorithmes de **chiffrement**, l'ensemble de **clefs** utilisées).

Message Chiffrement Cryptogramme Déchiffrement Message

Ecoute et cryptonalyse

Message ou clé

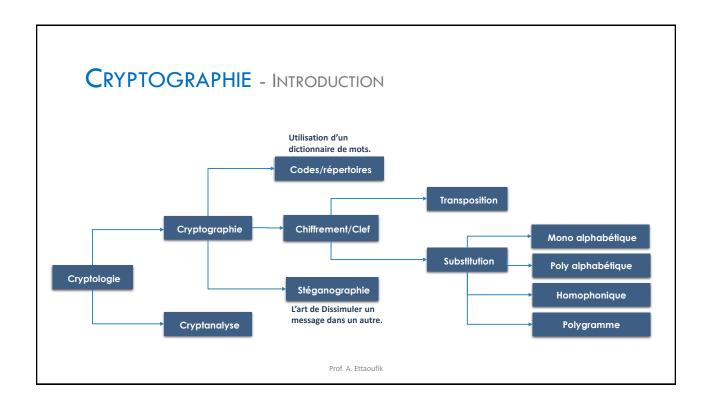
Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

Il y a essentiellement deux types de cryptographie:

- La cryptographie à clé secrète ou cryptographie symétrique. C'est la plus ancienne.
- La cryptographie à clé publique ou cryptographie asymétrique. C'est la plus récente : on considère généralement qu'elle est née en 1976 avec l'article de Diffie et Hellman : "New directions in cryptography".
- Le chiffrement symétrique est <u>beaucoup plus rapide</u> que le chiffrement asymétrique mais a l'inconvénient de nécessiter le partage au préalable d'une clé secrète.
- En pratique, on utilise d'abord un chiffrement asymétrique pour échanger la clé secrète et ensuite un chiffrement symétrique pour l'échange des données.

- □ Chiffrement : transforme une donnée afin de la rendre inintelligible par une personne autre que le destinataire.
- □ Déchiffrement : permet d'obtenir la version originale d'un message précédemment chiffré (connaissant l'algorithme de chiffrement et les clefs).
- □Cryptogramme : c'est le texte chiffré, le résultat du chiffrement d'un texte clair.
- □Clef: paramètre indispensable à l'application des opérations de chiffrement déchiffrement.
- □ Décrypter/casser le code : récupérer le texte en clair ou la clef sans disposer des paramètres nécessaires.



STÉGANOGRAPHIE

l'art de la dissimulation ou cacher un message dans un autre message.

□Encre invisible

Écrire avec du lait ou du jus de citron, ensuite chauffer le support sur lequel on écrit pour faire réapparaître le message (1 er siècle av. J.C). À l'heure, D'autres substances sont utilisées (aspirine ou pyramidon).

□Crâne rasé

On tatouait des messages dans la tête des esclaves. Ils faisaient un long voyage avant d'arriver chez le destinataire qui rasait leurs têtes pour lire le message.

☐Micro point

Dissimuler du texte ou une image dans un point de ponctuation d'une lettre. Il suffisait alors d'agrandir le point pour voir le message.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT PAR TRANSPOSITION - MÉTHODE ASSYRIENNE

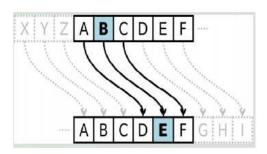
Les assyriens ont utilisé un outil appelé la Scytale, un cylindre sur lequel on enroulait le papyrus avant d'écrire le message.

Le diamètre de la Scytale représentait la clé de chiffrement.



CHIFFREMENT DE CÉSAR

Consiste à décaler chaque lettre de l'alphabet un nombre précis de fois. Le message chiffré est généré par la correspondance des deux alphabet.





Prof. A. Ettaoufik

Décalage circulaire

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT DE CÉSAR

Exemple:

Ici le décalage est réalisé 3 fois.

Le message 'BONJOUR' donnera 'ERQMRXU'.

La clé de cryptage est le nombre de décalage.

CHIFFREMENT DE CÉSAR

La fonction de chiffrement de décalage k=4

$$C_{k} : \begin{cases} Z/26Z \rightarrow Z/26Z \\ x \rightarrow x+4 \end{cases}$$

La fonction de déchiffrement de décalage k est

$$D_{k}: \begin{cases} Z/26Z \rightarrow Z/26Z \\ x \rightarrow x-4 \end{cases}$$

 D_k est la <u>bijection réciproque</u> de $C_k \rightarrow D_k$ (C_k (x)) = x k

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT DE CÉSAR

Principe de chiffrement

Ils se mettent sur une clé secrète k (par exemple k=11)



CHIFFREMENT DE CÉSAR

 \square II y a 26 fonctions de chiffrements C_k différentes, k=0, 1, 2,...,25

 \square Les fonctions C_{29} et C_3 sont identiques

■Sécurité faible

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT PAR SUBSTITUTION

On associe à chaque lettre une autre lettre

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z F Q B M X I T E P A L W H S D O Z K V G R C N Y J U

ÊTRE OU NE PAS ÊTRE TELLE EST LA QUESTION

 $E \rightarrow X$ $T \rightarrow G$ $R \rightarrow K$

XGKX DR SX OFV GXWWX XVG WF ZRXVGPDS

Pour le décrypter on fait les substitutions inverses

Inconvénient:

Sécurité faible

CHIFFREMENT PAR SUBSTITUTION

ESPACE DE CLÉS

Mathématiquement, choisir une clé de chiffrement revient à choisir une Bijection de :

E:
$$\{A, B, ..., Z\} \rightarrow \{A, B, ..., Z\}$$

Il y a 26! choix possibles

- ☐ Pour décrypter la lettre A il y a 26 choix
- ☐ Pour décrypter la lettre B il reste 25 choix
- **...**
- ☐ Pour Z une reste une seule possibilité

26x25x24x..x1 = 26! Choix de clés = 4x10²⁶ clés

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT PAR SUBSTITUTION

ATTAQUE STATISTIQUE

Une même lettre est toujours cryptée de la même façon

 $E \rightarrow X$

Les lettres n'apparaissent pas avec la même fréquence

En français, les lettres les plus fréquents sont :

ESAINTRULODCPMVQGFHBXJYZKW ESAINTRULODCPMVQGFHBXJYZKW 14.6% 8.0% 7.5% 7.1% 6.8% 6.8% 6.4% 6.1% 5.6%

CHIFFREMENT PAR SUBSTITUTION

ATTAQUE STATISTIQUE

Dans le texte, on cherche la lettre qui apparait le plus souvent

C(E) - C(S) - C(A) - ...

Par exemple: LHLZ HFQ BC HFFPZ WH YOUPFH MUPZH

On compte apparitions des lettres : H:6, F:4, P:3, Z:3

On suppose que H crypte E te F crypte S

→Le texte à trou suivant : *E** ES* ** ESS** *E ***SE ****E

Dans les statistiques P et Z devraient se décrypter en A et I (ou I et A)

➤ HFFPZ → ESSAI ou ESSIA

En réfléchissant un peu -> CECI EST UN ESSAI DE PHRASE VRAIE

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

MÉTHODE DE VIGENÈRE

Est une technique de chiffrement poly-alphabétique qui améliore le chiffrement de César en utilisant une clé sous forme de mot ou de phrase répétée tout au long du texte à chiffrer.

Principe

- On associe chaque lettre du texte clair avec une lettre de la clé.
- On applique un décalage correspondant à la position de la lettre de la clé dans l'alphabet.

Formellement, chaque lettre C_i du texte chiffré est obtenue par :

$$C_i = (P_i + K_i) \mod 26$$

où:

- P_i est la position de la lettre du texte clair (A = 0, B = 1, ..., Z = 25),
- K; est la position de la lettre de la clé,
- C_i est la position de la lettre chiffrée.

MÉTHODE DE VIGENÈRE

On regroupe les lettres par blocs de longueur k

Exemple:

K=4

CETTE PHRASE NE VAUT RIEN DIRE -> CETT EPHR ASEN EVAU TRIE NDIR E

Une clé est constituée de k nombres de 0 à 25 (n1, n2, ..., n,)

→Décalage de n1 de la 1ère lettre de chaque bloc

→Décalage de n1 de la 2^{ème} lettre de chaque bloc

→...

Exemple : considérons la clé (3,1,5,2) . CETT → FFYV

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

MÉTHODE DE VIGENÈRE

L'élément de base est un Bloc

$$C_{n_1,n_2,...,n_k}$$
:
$$\begin{cases} z/26z \times ... \ z/26z \rightarrow z/26z \times ... \ z/26z \\ (x_1,x_2,...,x_k) \rightarrow x_1+n_1, \ x_2+n_2, \ ... \ x_k+n_k \end{cases}$$

Chacun de ces composants est un chiffrement de César

La fonction de déchiffrement :

$$C - n_1$$
, $-n_2$, ..., $-n_k$

MÉTHODE DE VIGENÈRE

Fonction de chiffrement

Soit Σ un alphabet fini de cardinal q que l'on identifie à l'anneau Z/qZ et soient k et x deux mots de longueur n de Σ^* .

La fonction de chiffrement de Vigenère $e_k: \Sigma^n \rightarrow (Z/qZ)^n$ est définie par :

$$e_k(x) = x+k$$

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

MÉTHODE DE VIGENÈRE

ESPACES DES CLÉS ET ATTAQUES

Pour une clé de longueur k, il y a 26k choix possibles

Exemple : pour $k=4 \rightarrow 26^4 = 456 976 \text{ clés}$

Même faiblesse que le chiffrement par substitution

ALPH ABET → DMUJ DCJV : les deux A sont cryptés par la même lettre

Attaque:

- ☐ On découpe le texte en plusieurs listes
- ☐ Les premières lettres de chaque bloc, les deuxièmes lettres de chaque bloc...
- Attaque statistique sur chacun de ces regroupements
- ☐ La taille des blocs doit être petite devant la longueur du texte

CRYPTANALYSE



- 1. chiffré connu, Oscar connaît des chiffrés y.
- 2. clair connu, Oscar connaît des couples (x,y).
- 3. clair choisi, Oscar peut chiffrer des clairs x de son choix (mais ne dispose pas de la clef secrète).
- 4. chiffré choisi, Oscar peut déchiffrer des chiffrés, y (mais ne dispose pas de la clef secrète.)

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CRYPTANALYSE

La cryptanalyse du système de chiffrement de Vigenère est une attaque à chiffré connu

- 1. Estimation de la longueur de la clef : Méthode de Kasiski
- La première étape de la cryptanalyse de ce système est de déterminer la longueur *l* de la clef secrète. Pour cela on applique le *test de Kasiski* qui consiste à chercher des motifs identiques de longueur au moins 2 dans le texte chiffré y.
- Deux raisons peuvent expliquer plusieurs occurrences d'un même motif:
 - ☐ Une pure coïncidence.
 - Les motifs correspondant dans le message clair x sont identiques.

CRYPTANALYSE

Exemple:

Considérons la clef k=SECRETS et le message clair suivant :

x=SUDESTRHODESAPPLIQUERCODESX

La table ci-suivante résume l'opération de chiffrement.



Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CRYPTANALYSE

- On calcule donc le PGCD des distances entre les différentes occurrences du motif dans le message chiffré;
- □Comme le motif DES ici aux positions 2, 9 et 23, et que ces répétitions sont distantes d'un multiple de la longueur de la clef (ici 9-2=7 et 23-2=21=3×7), il est évident qu'il y aura une répétition du motif chiffré, ici FVW.

→ La clé k=7

CRYPTANALYSE

Si I désigne la longueur de la clef et $i \in [0, I-1]$, alors tous les symboles du message chiffré y dont la position modulo I est égale à i ont été chiffrés avec le même symbole k_i de la clef k par un simple décalage circulaire (César)

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CRYPTANALYSE

L'indice de coïncidence : IC

- L'indice de Coïncidence (IC) est la probabilité que deux lettres choisies aléatoirement dans un texte soient identiques.
- □ Il fut inventé par William Friedman et publié en 1920, dans l'article "The Index of Coincidence and its Applications in Cryptography", Riverbank Publications Number 22.

$$IC = \frac{\sum_{k=1}^{26} n_i (ni_{-1})}{N(N-1)}$$

- IC du français = 0.0746
- IC (M) = IC (C)

LIMITATIONS

- Pour pallier ses faiblesses, on peut utiliser une clé aussi longue que le message (One-Time Pad), rendant le chiffrement théoriquement incassable
- La méthode de Vigenère a été historiquement utilisée mais est aujourd'hui dépassée par des algorithmes modernes comme AES.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

Une liste non exhaustive d'algorithme de chiffrements symétriques :

- I- Algorithmes de chiffrement par blocs
- DES (Data Encryption Standard): Blocs de 64 bits, clé de 56 bits (désormais considéré comme obsolète).
- O 3DES (Triple DES) : Version améliorée de DES, appliquant trois passes de chiffrement.
- AES (Advanced Encryption Standard): Standard actuel, utilisant des blocs de 128 bits avec des clés de 128, 192 ou 256 bits.
- O IDEA (International Data Encryption Algorithm): Blocs de 64 bits, clé de 128 bits, utilisé dans PGP.
- ORC5 : Algorithme à blocs avec tailles de clé et de bloc variables.
- **RC6** : Version améliorée de RC5, finaliste d'AES.

o ...

Une liste non exhaustive d'algorithme de chiffrements symétriques :

II- Algorithmes de chiffrement par flux

Les données sont chiffrées bit par bit ou octet par octet, souvent utilisés pour le chiffrement des communications en temps réel.

- RC4 (Rivest Cipher 4): Chiffrement rapide utilisé dans SSL/TLS (désormais considéré comme vulnérable).
- O Salsa20: Chiffrement rapide et sécurisé, utilisé dans des protocoles modernes.
- O ChaCha20 : Variante améliorée de Salsa20, utilisé dans TLS 1.3 et WireGuard.
- A5/1 et A5/2: Utilisés dans le chiffrement des communications GSM (considérés comme cassés).
- O Grain: Algorithme léger pour les dispositifs contraints (IoT).
- O Trivium : Algorithme de chiffrement par flux très efficace, souvent utilisé en cryptographie légère.
- 0 ...

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

Une liste non exhaustive d'algorithme de chiffrements symétriques :

III- Algorithmes spécialisés et légers

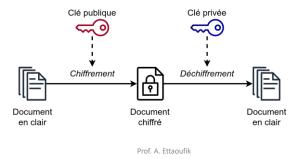
Optimisés pour les environnements contraints (IoT, cartes à puce, etc.).

- O LEA (Lightweight Encryption Algorithm): Utilisé pour les systèmes embarqués.
- O PRESENT : Algorithme ultra-léger pour des applications à faible puissance.
- O Simon & Speck: Conçus par la NSA pour des applications à faible consommation d'énergie

CHIFFREMENT ASYMÉTRIQUE

Les algorithmes asymétriques ont besoin de deux clés :

- i. Une clé publique qui sert au chiffrement ou parfois aussi à la vérification de signature,
- ii. Une clé privée qui sert au déchiffrement ou parfois aussi à la signature.



CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT ASYMÉTRIQUE

Les plus connus d'entre eux :

- RSA (Rivest, Shamir et Adleman en 1977): Il permet le chiffrement et la signature.
- Le protocole d'échanges de clés Diffie-Hellman (en 1976), protocole à l'origine de la cryptographie moderne.
- La cryptographie sur les courbes elliptiques (Koblitz et Miller en 1985): ECC (Elliptic Curve Cryptography).
- L'algorithme de signature numérique DSA (Digital Signature Algorithm) proposé par le NIST (National Institute of Standards and Technology) en 1991.
- Et bien d'autres encore...

NOTIONS MATHÉMATIQUES

ALGORITHME D'EUCLIDE

L'algorithme d'Euclide est une méthode efficace pour calculer le PGCD de deux nombres entiers.

L'algorithme repose sur la propriété mathématique suivante :

PGCD(a, b) = PGCD(b, a mod b)

- \triangleright On remplace a par b, et b par a mod b, jusqu'à ce que b = 0.
- Le PGCD est alors la dernière valeur non nulle de a

EXEMPLE:

- \circ 252mod105=42 \Rightarrow PGCD(252,105)=PGCD(105,42)
- \circ 105mod 42=21 \Rightarrow PGCD (105, 42) = PGCD (42, 21)
- $0.42 \mod 21 = 0 \implies PGCD(42, 21) = 21$
- \rightarrow PGCD (252, 105) = 21

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

NOTIONS MATHÉMATIQUES

ALGORITHME D'EUCLIDE ÉTENDU

Une version améliorée de l'algorithme d'Euclide qui permet non seulement de calculer le PGCD de deux nombres a et b, mais aussi de trouver les coefficients x et y tels que :

$$ax+by=PGCD(a,b)$$

Ces coefficients x et y sont appelés **coefficients de Bézout**, et ils sont très utiles en cryptographie RSA pour calculer l'inverse modulaire.

NOTIONS MATHÉMATIQUES

EXPONENTIATIONS MODULAIRES

- L'exponentiation modulaire (ou powmod, ou modpow) est un calcul sur des nombres entiers composé d'une puissance suivie d'un modulo.
- Ce type de calcul est très utilisé en cryptographie moderne comme RSA ou Diffie-Hellman.
- Consiste à calculer :

 $C=A^B \mod M$

Avec :

A : la base
B : l'exposant
M : le modulo
C : le résultat.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

NOTIONS MATHÉMATIQUES

EXPONENTIATIONS MODULAIRES - ALGORITHME D'EXPONENTIATION MODULAIRE RAPIDE

- i. On utilise la décomposition binaire de B pour réduire le nombre de multiplications
- ii. On applique la récurrence suivante :
 - B pair: $C = A^B \mod M = (A^{B/2} \mod M)^2 \mod M$
 - B impair: $C = A^B \mod M = (A^{(B-1)} \mod M) \times A \mod M$

NOTIONS MATHÉMATIQUES

EXPONENTIATIONS MODULAIRES - ALGORITHME D'EXPONENTIATION MODULAIRE RAPIDE

Exemple

$$C = 3^{13} \mod 7$$

a. Décomposition binaire de 13 :

$$13=1101_2 \rightarrow 3^{13} = 3^8 \times 3^4 \times 3^1$$

b. Calculs successifs avec réduction modulo 7 :

$$3^1 = 3 \mod 7$$
 $3^4 = (3^2)^2 = 2^2 = 4 \mod 7$ $3^2 = 9 = 2 \mod 7$ $3^8 = (3^4)^2 = 4^2 = 16 = 2 \mod 7$ $3^{13} = 3^8 \times 3^4 \times 3^1 \cdot 4^2 = (2 \times 4 \times 3) \mod 7 = 24 = 3 \mod 7$ Donc $3^{13} \mod 7 = 3$

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT RSA

- Calcul de la clé publique et de la clé privée
- ☐ Chiffrement du message
- Déchiffrement du message
- Attaques possibles sur RSA et contre-mesures

CHIFFREMENT RSA

PRINCIPE



Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

PRINCIPE DU CHIFFREMENT RSA

RSA repose sur trois étapes :

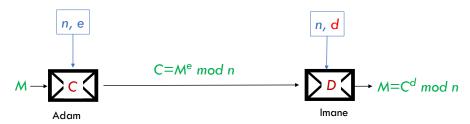
- i. Génération des clés
 - Choisir deux nombres premiers p et q
 - Calculer $n = p \times q$ (modulo public).
 - Calculer $\phi(n) = (p-1) \times (q-1)$
 - Choisir un exposant e tel que $1 < e < \phi(n)$ et e est premier avec $\phi(n)$.
 - Calculer d tel que d×e = 1 mod ϕ (n) \leftarrow à laide le <u>l'algo d'Euclide etendu</u>

ii. Chiffrement

iii. Déchiffrement

M est chiffré en C avec : $C = M^e \mod n$ Le message est récupéré avec : $M=C^d \mod n$

PRINCIPE DU CHIFFREMENT RSA



LEMME

Soit **d** l'inverse de modulo ϕ (n) avec n=p x q (p # q)

$$Si x = m^e \mod(n) \text{ alors } m = x^d \mod(n)$$

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT RSA

Exemple 1: Chiffrement du nombre 7 (M = 7) avec RSA

i. Génération des clés

Choisissons p=3 et q=11

$$-n = 3 \times 11 = 33$$

- $-\phi(n)=2 \times 10 = 20$
- Choisissons e = 3 (est un premier avec 20).
- Trouver d tel que $d \times e = 1 \mod 20$ -> prenons d=7, $7x3 = 21 = 1 \mod 20$
 - Clé publique : (e=3, n=33)
 - Clé privée : (d=7, n=33)

CHIFFREMENT RSA

Exemple 1: Chiffrement du nombre 7 (M = 7) avec RSA.

ii. Chiffrement du message M=7

 $M=C^d \mod n=13^7 \mod 33$

C=M^e mod n =
$$7^3$$
 mod 33
On a 7^3 mod 33 = 343 mod 33 = 13
 \rightarrow C = 13

ii. Déchiffrement

```
\square 13^2 = 169 = 4 \mod 33
\square 13^4 = (13^2)^2 = 4^2 = 16 \mod 33
\square 13^7 = 13^4 \times 13^2 \times 13 = 16 \times 4 \times 13 \mod 33
                                                            • 31 x 13 = 403 = 7 \mod 33
                                     Prof. A. Ettaoufik
→ M déchiffré est 7
```

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT RSA

Exemple 2: Chiffrement du message « DSBD » avec RSA.

i. Génération des clés

Choisissons p=61 et q=53
$$- n = 61 \times 53 = 3233$$

$$-\phi(n)=60 \times 52 = 3120$$

- Choisissons e = 17 (est un premier avec 3120).
- Trouver d tel que d×e = 1 mod 3120 -> prenons d=2753
 - Clé publique : (e=15, n=3233) Clé privée : (d=2753, n=3233)

CHIFFREMENT RSA

Exemple 2: Chiffrement du message « DSBD » avec RSA.

ii. Chiffrement

Chiffrement de D \rightarrow C=68¹⁷mod3233=1509

Chiffrement de S \rightarrow C=83¹⁷ mod3233=2592

Chiffrement de B \rightarrow C=66¹⁷ mod3233=131

Message chiffré: 1509 2592 131 1509

iii. Déchiffrement

 $M=1509^{2753} \mod 3233=68 \rightarrow D$

 $M=2592^{2753} \mod 3233=83 \rightarrow S$

 $M=131^{2753} \mod 3233=66 \rightarrow B$

1509 2592 131 1509 → DSBD

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

CHIFFREMENT RSA - ATTAQUES ET CONTRE-MESURES

Attaque	Principe	Contre-mesures
Factorisation de N	Trouver p,q	Clés RSA ≥ 2048 bits, p et q bien choisis
Exposant faible	Si e est petit, Me <n< td=""><td>e=65537, utiliser un padding (OAEP)</td></n<>	e=65537, utiliser un padding (OAEP)
Chosen Ciphertext (CCA)	Forcer le déchiffrement	Utiliser OAEP, éviter PKCS#1 v1.5
Timing Attack	Mesurer le temps de déchiffrement	Blinding, exécution constante
Key Substitution	Modifier la clé publique	Vérifier les certificats (X.509)
Common Modulus Attack	Même N, exposants différents	Ne pas réutiliser NNN

CRYPTOGRAPHIE - RSA_APPLICATION



OBJECTIFS

- AJOUT DE LA BIBLIOTHÈQUE RSA / PYCRYPTODOME
- GÉNÉRATION D'UNE CLÉ PUBLIQUE
- GÉNÉRATION D'UNE CLÉ PRIVÉE
- ☐ CHIFFREMENT D'UN MESSAGE
- DÉCHIFFREMENT D'UN MESSAGE CRYPTÉ

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - RSA_APPLICATION

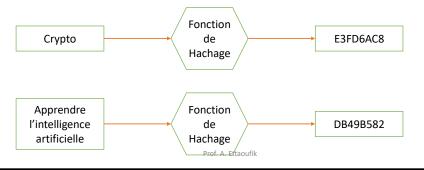
- L'extension .pem (Privacy Enhanced Mail) est un format utilisé pour stocker des clés cryptographiques, des certificats, et d'autres données sécurisées sous forme de texte encodé en Base64. Ce format est très utilisé en cryptographie, notamment avec RSA, TLS/SSL et OpenSSL
- ✓ load_pkcs1 est une fonction de la bibliothèque rsa (Python-RSA) qui permet de charger une clé RSA (publique ou privée) au format PKCS#1.
- ✓ PKCS#1 (Public Key Cryptography Standards #1) est un standard utilisé pour stocker et échanger des clés RSA.
- ✓ La méthode .encode() convertit une chaîne de caractères (de type str) en octets (bytes).
- En cryptographie RSA (et en général dans la plupart des bibliothèques cryptographiques), les fonctions de chiffrement attendent des données binaires (bytes) plutôt que des chaînes de caractères.

```
import rsa
#public_key, private_key=rsa.newkeys(1024)
#with open("public.pem","wb") as f:
   #f.write(public_key.save_pkcs1("PEM"))
#with open("private.pem", "wb") as f:
  # f.write(private_key.save_pkcs1("PEM"))
with open("public.pem","rb") as f:
   public_key=rsa.PublicKey.load_pkcs1(f.read())
with open("private.pem","rb") as f:
    private_key=rsa.PrivateKey.load_pkcs1(f.read())
#print (private_key)
message="Mabrouk Ramadan"
message crypte=rsa.encrypt(message.encode(),public key)
#print (message_crypte)
with open("crypte.message","wb") as f:
    f.write(message_crypte)
message_crypte=open("crypte.message","rb").read()
message_clair=rsa.decrypt(message_crypte,private_key)
print(message_clair.decode())
message2="Mabrouk 13id"
#signature=rsa.sign(message2.encode(),private_key,"SHA-256")
#with open("signature", "wb") as f:
    f.write(signature)
with open("signature", "rb") as f:
    signature=f.read()
print(rsa.verify(message2.encode(),signature,public_key))
```

HACHAGE - FONCTION DE HACHAGE

Une fonction de hachage consiste en une fonction qui transforme une donnée quelconque en une donnée de taille fixée.

Les fonctions de hachage sont des fonctions a sens unique



HACHAGE - COLLISION

On parle de problème de collision lorsqu'il existe deux entrées différentes M1 et M2 qui possèdent le même code haché:

H(M1)=H(M2) / M1#M2

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

HACHAGE - CAS D'USAGE

- Stockage de mots de passe Le hachage garantit que les données sont stockées sous une forme brouillée, ce qui complique leur vol.
- Signatures numériques Un petit bit de données permet de démontrer qu'un message n'a pas été modifié entre le moment où il quitte la boîte d'envoi d'un utilisateur et arrive dans la boîte de réception du destinataire.
- Gestion des documents Les algorithmes de hachage permettent d'authentifier des données. L'auteur utilise un hachage pour sécuriser un document une fois ce dernier terminé.
 - Un destinataire peut générer un hachage et le comparer à l'original.
- <u>Gestion des fichiers</u> Certaines sociétés utilisent également des hachages pour indexer les données, identifier les fichiers et supprimer les doublons. Si un système héberge des milliers de fichiers, l'utilisation de hachages permet de gagner un temps précieux.

FONCTIONS DE HACHAGE POPULAIRES

Les algorithmes de hachage les plus couramment utilisés sont les suivants :

- SHA-1 (Secure Hash Algorithm 1);
- SHA-2;
- SHA-3;
- MD4 (Message Digest 4);
- MD5.
- Whirlpool: cet algorithme a été créé en 2000, sur la base de la norme AES (Advanced Encryption Standard). Il est également jugé très sûr.
- La fonction MD5 est toujours très répandue. Cependant, des failles de sécurité sous la forme de séries de collision ont été trouvées
- □SHA-3 est la version la plus récente de l'algorithme SHA et présente actuellement le plus haut niveau de sécurité.

Prof. A. Ettaoufik

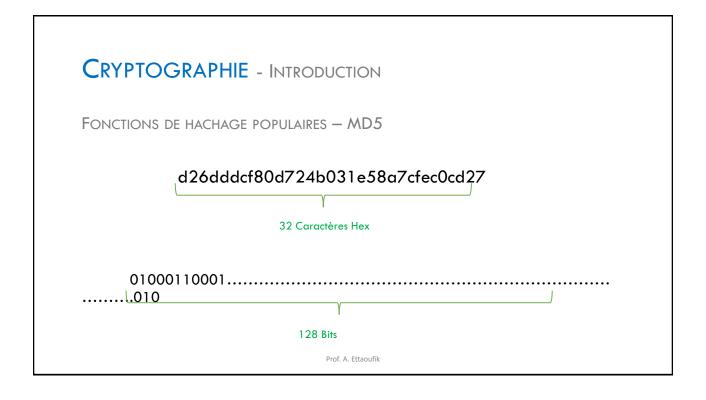
CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

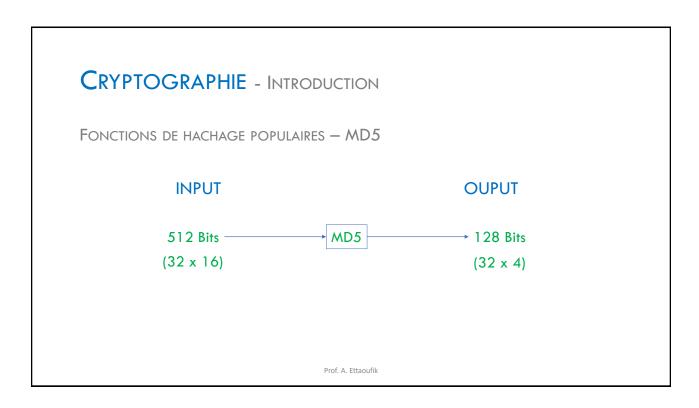
FONCTIONS DE HACHAGE POPULAIRES — MD5

```
import hashlib
print(hashlib.md5("Bonjour tout le monde".encode('UTF-8')).hexdigest())
print(hashlib.md5("Blockchain".encode('UTF-8')).hexdigest())
print(hashlib.md5("Web3.0".encode('UTF-8')).hexdigest())
print (len(hashlib.md5("Web3.0".encode('UTF-8')).hexdigest())* 4)
```

OUTPUT

d26dddcf80d724b031e58a7cfec0cd27 3cc377f79bda308c750459a2caf7fc38 07b68b153dc0207f74c16ad9a1ea5ba9 128





FONCTIONS DE HACHAGE POPULAIRES - MD5

Utilisation des opérateurs logiques pour garantir une taille fixe des outputs

- o OR
- AND
- XOR
- NOT
- ROTATION
- ADDITION

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

SHA-3

- SHA-3 (Secure Hash Algorithm 3) est la dernière famille de fonctions de hachage normalisées par le NIST (National Institute of Standards and Technology des États-Unis).
- Il succède aux algorithmes SHA-1 et SHA-2, en offrant une sécurité renforcée grâce à une structure totalement différente.
- SHA-3 est basé sur une primitive cryptographique appelée Keccak, une construction dite éponge.
- Flexible : Peut générer des hachages de différentes tailles (224, 256, 384, 512 bits).

SHA-3

Les fonctions éponge calculent les hachages en deux phases :

- (1) la phase d'absorption:
 - Le message est découpé en blocs et absorbé dans un état interne de 1600 bits.
 - Un processus de permutation est appliqué à chaque itération.
- (2) la phase d'essorage :
 - Une fois le message entièrement absorbé, la sortie est générée en extrayant des bits de l'état interne.
 - Cela se poursuit jusqu'à obtenir la longueur de sortie désirée.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

SHA-3 - EXEMPLE

```
import hashlib
message = "Algorithme, SHA-3!"
# Calcul du hash SHA3-256
hash_sha3 = hashlib.sha3_256(message.encode('UTF-8')).hexdigest()
print("SHA3-256:", hash_sha3)
```

SHA3-256: 0746393da3ee530d2ea17853b693851596cc4a98104f93319a9909efea39b2c9

SIGNATURES NUMÉRIQUES ET INTÉGRITÉ DES DONNÉES

Principe de signature numérique
Algorithmes: RSA, DSA, ECDSA

☐ Vérification de l'authenticité d'un message

☐ Exercice pratique :

Générer et vérifier une signature numérique avec Python.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

SIGNATURES NUMÉRIQUES ET INTÉGRITÉ DES DONNÉES

Une signature numérique est un mécanisme cryptographique permettant d'assurer l'authenticité, l'intégrité et la non-répudiation d'un message ou d'un document électronique.

Elle fonctionne de manière similaire à une signature manuscrite, mais avec un niveau de sécurité bien plus élevé.

Elle repose sur la cryptographie asymétrique

SIGNATURES NUMÉRIQUES - PRINCIPE

Expéditeur : Condenser le document (fonction de **hashage**) puis le "chiffre" avec sa clé privée, cela représente une **signature**.

Récepteur: possède la clé publique de l'émetteur. Il peut donc vérifier la signature. Si le message est altéré en cours de route, la signature ne correspondra pas.



Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

PROPRIÉTÉS DE LA SIGNATURE NUMÉRIQUE

LES SIGNATURES DOIVENT ÊTRE CARACTÉRISÉES PAS LES PROPRIÉTÉS SUIVANTES :

- AUTHENTIQUE
- ❖ INFALSIFIABLE
- NON-RÉUTILISABLE
- ❖ INALTÉRABLE
- ❖ NON-RÉPUDIABLE

ALGORITHMES DE SIGNATURES

DIGITAL SIGNATURE ALGORITHM DSA:

- UN ALGORITHME À CLÉ PUBLIQUE
- ☐ REPOSE SUR LE PROBLÈME DES LOGARITHMES DISCRETS
- ☐ NE RÉALISE QUE DES SIGNATURES (PAS DE CHIFFREMENT)

DSA VS RSA:

- LA GÉNÉRATION DE LA SIGNATURE EN **DSA** EST PLUS RAPIDE QUE SA VÉRIFICATION.
- LE RSA PEUT SERVIR AU CHIFFREMENT ET AUX SIGNATURES.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

AUTHENTIFICATION

PERMET D'AUTHENTIFIER LES PARTICIPANTS DANS UNE COMMUNICATION (CLIENT - SERVEUR). PLUSIEURS TECHNIQUES PEUVENT ÊTRE EMPLOYÉES :

- CRYPTO-SYSTÈME SYMÉTRIQUE AVEC UTILISATION DE NONCE.
- CRYPTO-SYSTÈME ASYMÉTRIQUE COMBINANT MESSAGE EN CLAIR ET CHIFFRÉ
- MAC (MESSAGE AUTHENTIFICATION CODE) + FONCTION DE HACHAGE

AUTHENTIFICATION

Crypto-système symétrique avec utilisation de nonce.

LE **NONCE** (ABRÉVIATION DE *NUMBER USED* ONCE, "NOMBRE UTILISÉ UNE SEULE FOIS") EST UNE VALEUR UNIQUE UTILISÉE EN CRYPTOGRAPHIE POUR GARANTIR LA SÉCURITÉ DES COMMUNICATIONS CHIFFRÉES.

□IL EMPÊCHE LES ATTAQUES PAR RELECTURE ET ASSURE L'UNICITÉ DES MESSAGES CHIFFRÉS.

EXEMPLE:

- Imaginons une transaction bancaire où un utilisateur envoie un message « Transférer 1000 DH à Amine ».
- Un attaquant pourrait intercepter ce message chiffré et le rejouer plusieurs fois pour forcer des transferts multiples.
- Avec un Nonce unique ajouté à chaque message, chaque requête devient différente, rendant impossible une attaque par relecture.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

AUTHENTIFICATION

CRYPTO-SYSTÈME ASYMÉTRIQUE COMBINANT MESSAGE EN CLAIR ET CHIFFRÉ

- UNE MÉTHODE DE CHIFFREMENT HYBRIDE OÙ UNE PARTIE DU MESSAGE EST ENVOYÉE EN CLAIR TANDIS QUE L'AUTRE EST CHIFFRÉE À L'AIDE D'UN ALGORITHME ASYMÉTRIQUE
- GÉNÉRALEMENT, SEULS LES DONNÉES SENSIBLES OU CRITIQUES SONT CHIFFRÉES POUR LIMITER LE COÛT COMPUTATIONNEL DU CHIFFREMENT.
- CE TYPE DE SYSTÈME PEUT ÊTRE UTILISÉ POUR DIVERS OBJECTIFS, NOTAMMENT L'OPTIMISATION DES PERFORMANCES ET LA SÉCURISATION PROGRESSIVE D'UN ÉCHANGE D'INFORMATIONS.

AUTHENTIFICATION

MAC (MESSAGE AUTHENTIFICATION CODE) + FONCTION DE HACHAGE

Le MAC est une valeur d'authentification calculée à partir d'un message et d'une clé secrète. Il est utilisé pour garantir à la fois l'intégrité et l'authenticité du message :

- L'expéditeur et le destinataire partagent une clé secrète K.
- L'expéditeur applique une fonction MAC sur le message M avec la clé K, produisant un code d'authentification MAC(M, K).
- Le MAC est envoyé avec le message.
- Le destinataire, connaissant **K**, recalcule le MAC et vérifie s'il correspond.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

SIGNATURES NUMÉRIQUES - EXEMPLE

```
message2="Mabrouk 13id"
signature=rsa.sign(message2.encode(),private_key,"SHA-256")
with open("signature","wb") as f:
    f.write(signature)
with open("signature","rb") as f:
    signature=f.read()
print(rsa.verify(message2.encode(),signature,public_key))
```

GESTION DES CLÉS

PROBLÈME

CES PROTOCOLES SUPPOSENT QUE LES PROTAGONISTES DISPOSENT DES CLÉS NÉCESSAIRES.

COMMENT S'ASSURER QUE LES CLÉS NE SONT PAS DIVULGUÉES AU MAUVAIS DESTINATAIRE ?

- GÉNÉRATION DES CLÉS : UTILISANT DES GÉNÉRATEURS SOLIDES
- DISTRIBUTION: PAR CANAL SÉCURISÉ OU UN TIERS DE CONFIANCE
- VÉRIFICATION : PAR HACHAGE OU CERTIFICAT
- STOCKAGE: SUPPORT LOCAL OU DISTANT, SOUS SCELLÉ...



Prof. A. Ettaoufik

GESTION DES CLÉS

CLÉ SYMÉTRIQUE

L'OBJECTIF EST DE PARTAGER UNE CLÉ SECRÈTE COMMUNE

- PHYSIQUEMENT
- O VIA UN TIERS DE CONFIANCE KDC* (GÉNÈRE ET ENVOIE LA CLÉ)
- PAR LE BIAIS D'UNE ANCIENNE CLÉ COMMUNE UTILISÉE POUR CHIFFRER LA NOUVELLE (PRÉSENTE DES RISQUES)

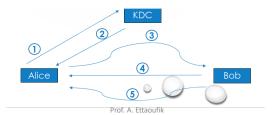
*: KEY DISTRIBUTION CENTER

GESTION DES CLÉS

CLÉ SYMÉTRIQUE

LE PROTOCOLE DE NEEDHAM-SCHROEDER (TRIPARTITE) SUPPOSE QUE CHAQUE ENTITÉ (ALICE ET BOB) POSSÈDE UNE PROPRE CLÉ SECRÈTE PARTAGÉE AVEC LE KDC.

- 1- A.B.N_A
- **2- EK(**B.N_A.K_{AB}.**EK(**K_{AB}.A , K_{BK}), K_{AK})
- $3-EK(K_{AB}.A, K_{BK})$
- 4- **EK(**N_B , K_{AB})
- 5- EK(N_B-1, K_{AB})



N_i Nonce généré par i K_{ii} clé secrète entre i et j **A** identité

. regroupement

EK(M,K) chiffrement de M avec K

GESTION DES CLÉS

CLÉ ASYMÉTRIQUE

COMMENT PARTAGER LA CLÉ PUBLIQUE. PLUSIEURS TECHNIQUES :

- ANNUAIRE PUBLIQUE
- AUTORITÉ PUBLIQUE

CERTIFICAT

☐ Enregistre nom et clé publique

■ Sécurise les inscriptions ☐ Met à jour les clefs

☐ Publie de façon régulière

Vulnérable, sujet aux contrefaçons..

GESTION DES CLÉS

CLÉ ASYMÉTRIQUE

COMMENT PARTAGER LA CLÉ PUBLIQUE. PLUSIEURS TECHNIQUES :

- ANNUAIRE PUBLIQUE
- AUTORITÉ PUBLIQUE
- CERTIFICAT
- ☐ Renforce le concept précédent
- $\hfill \square$ Attribue une clé publique à l'annuaire.
- ☐ Utilise des marqueurs timeStamp

Prof. A. Ettaoufik

Passage obligatoire par l'autorité à chaque demande

GESTION DES CLÉS

CLÉ ASYMÉTRIQUE

LES PARTICIPANTS UTILISENT DES CERTIFICATS POUR ÉCHANGER DES CLÉS APPROUVÉES SANS PASSER PAR L'AUTORITÉ DE CERTIFICATION **CA** (CERTIFICATE AUTHORITY).



OBJECTIF

PROUVER LA CORRESPONDANCE ENTRE UNE CLÉ PUBLIQUE ET UNE PERSONNE OU ENTITÉ.

- EMETTRE DES CERTIFICATS À DES UTILISATEURS AUTHENTIFIÉS
- RÉVOQUER OU MAINTENIR DES CERTIFICATS
- PUBLIER LES CERTIFICATS VIA DES SERVICES D'ANNUAIRES
- ☐ GÉRER LES CLÉS, ARCHIVER...

Prof. A. Ettaoufik

PKI - PUBLIC KEY INFRASTRUCTURE

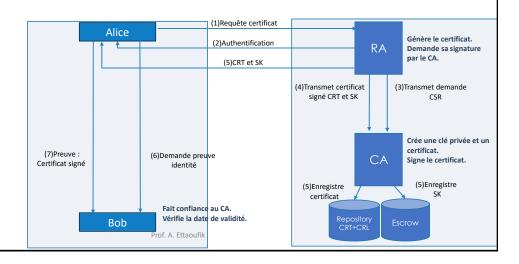
ACTEURS

- ☐ ENTITÉ FINALE (**EE** : CLIENT, SERVEUR...)
 - UTILISATEUR OU DÉTENTEUR DU CERTIFICAT
- ☐ AUTORITÉ D'ENREGISTREMENT (RA)
 - ☐ AUTHENTIFIE ET VÉRIFIE L'IDENTITÉ DU DEMANDEUR
 - ☐ EFFECTUE LA DEMANDE ET REMET LE CERTIFICAT SIGNÉ À EE
- AUTORITÉ DE CERTIFICATION (CA)
 - GÉNÈRE ET SIGNE LES CERTIFICATS
 - GÈRE LA CRL (CERTIFICATION REVOCATION LIST)

- □ AUTORITÉ DE DÉPÔT (*REPOSITORY*)
 - STOCKE LES CERTIFICATS ET LES CRL
- □ AUTORITÉ DE SÉQUESTRE (KEY ESCROW)
 - ☐ MET SOUS SCELLÉ LES CLÉS (SPÉCIALEMENT CLÉS SECRÈTES)
 - VeriSign
 - Visa
 - □ La poste
 - Symantec
 - Google Trust
 - ☐ AOL Time Warner

PRINCIPE

Alice Détenteur
Bob utilisateur
RA Registration Authority
CA Certification Authority
SK Secret Key
CRT Signed Certificate
CSR Certificate Signing Request
CRL Certification Revocation List



PKI - PUBLIC KEY INFRASTRUCTURE

CONTENU - SELON LE STANDARD X.509

LA NORME SPÉCIFIANT LES FORMATS ET LE CONTENU DES CERTIFICATS À CLÉ PUBLIQUE.

□Version

□Numéro de série

□Algorithme de signature du certificat : MD5, SHA-1

☐Nom du signataire

□Validité

□Détenteur du certificat

□Algorithme de la clé publique : RSA, ELGAMAL, EC...

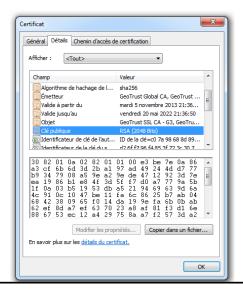
□Clé publique

☐ Identifiant unique du signataire

□Identifiant unique du détenteur

CONTENU





PKI - PUBLIC KEY INFRASTRUCTURE

FORMATS DES CERTIFICATS X.509

- ENCODAGE DER (DISTINGUISHED ENCODING RULES) : .DER, .CER, .CRT, .CERT
- ENCODAGE PEM (PRIVACY ENHANCED MAIL) ENCODÉ BASE64 AVEC EN-TÊTE ET PIED
 DE PAGE : .PEM, .CER, .CRT, .CERT

----BEGIN X509 CRL-------END X509 CRL----

LES CLASSES DE CERTIFICATS

- O CLASSE 1 : ADRESSE E-MAIL DU DEMANDEUR
- O CLASSE 2 : PREUVE DE L'IDENTITÉ REQUISE
- CLASSE 3 : PRÉSENTATION PHYSIQUE
- CLASSE 3+ : CERTIFICAT STOCKÉ SUR UN SUPPORT PHYSIQUE (CARTE À PUCE, CLÉ USB...)

Prof. A. Ettaoufik

PKI - PUBLIC KEY INFRASTRUCTURE

RÉVOCATION DE CERTIFICAT

- PERTE OU COMPROMISSION DE LA CLEF PRIVÉE
- DISPARITION DU DÉTENTEUR DU CERTIFICAT

DANS CES CAS LE CERTIFICAT EST AJOUTÉ À LA CRL

- O LA LISTE EST (NUMÉRO DE SÉRIE + MOTIF) ENVOYÉE SOUS FORMAT DER OU PEM
- ÉCHANGE LOURD (GROSSE LISTE)

SOLUTION: OCSP

OCSP

LA CONSULTATION PAR LE CLIENT DE LA CRL EST COMPLEXE. ELLE PRÉSENTE UNE CONTRAINTE (DIVULGATION DE TOUS LES CERTIFICATS COMPROMIS).

ONLINE CERTIFICATE STATUS PROTOCOL EST UN PROTOCOLE DE VÉRIFICATION DE CERTIFICAT EN LIGNE. L'UTILISATEUR UTILISE UN SERVEUR OCSP APPELÉ AUTORITÉ DE VALIDATION (VA).

- L'EMPREINTE DU CERTIFICAT DU VENDEUR EST TRANSMISE (REQUÊTE OCSP) AU VA
- O LE VA CONSULTE CA (VÉRIFIE LA VALIDITÉ ET LE CRL)
- O LA RÉPONSE OCSP EST ENVOYÉE AU CLIENT
- O LE SERVICE EST FACTURÉ AU PROPRIÉTAIRE DU CERTIFICAT

CE PROTOCOLE ALLÈGE LA PROCÉDURE.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

APPLICATIONS ET SÉCURITÉ

- ☐ Protocoles de sécurité (SSL/TLS, PGP, SSH)
- Utilisation des certificats numériques
- ☐ Attaques courantes et protections :
- Attaque par facteur premier
- ☐ Attaque de l'homme du milieu (MitM)
- Timing attack
- Démonstration :
 - Vérification d'un certificat SSL avec openssl.
 - Simulation d'une attaque MitM avec un proxy.

PROTOCOLES DE SÉCURITÉ

Les **protocoles de sécurité** permettent de protéger les communications et les données échangées sur les réseaux contre les attaques

- ☐ SSL (obsolète) et son successeur TLS:
 - Protocoles permettant de sécuriser les communications sur Internet via le chiffrement, l'authentification et l'intégrité des données.
 - Largement utilisés pour sécuriser le Web (HTTPS), les emails (SMTP, IMAP, POP3S) et la VoIP.

Prof. A. Ettaoufik

CRYPTOGRAPHIE - INTRODUCTION

PROTOCOLES DE SÉCURITÉ

- ☐ PGP (Pretty Good Privacy)
 - o Protocole de chiffrement asymétrique permettant de sécuriser les emails et fichiers.
 - Il garantit la confidentialité, l'intégrité et l'authenticité grâce à un système de clé publique /
 clé privée.

PROTOCOLES DE SÉCURITÉ

- ☐ SSH (Secure Shell)
 - Protocole permettant d'établir une connexion sécurisée à distance entre un client et un serveur,
 utilisé pour l'administration des serveurs et le transfert de fichiers.
 - o Il remplace les protocoles non sécurisés comme Telnet et FTP..

