מבוא למדעי המחשב – סמסטר א' תשפ"ב

עבודת בית מספר 2: מערכים, פונקציות ובעיית הספיקות

צוות העבודה:

• מרצה אחראי: פרופ' מייק קודיש

מתרגלים אחראים: אבי יצחקוב ולירן נחומסון

04/11/2021 ברסום:

מועד אחרון להגשה: 28/11/2021 בשעה 23:59

ה- בפותרן את השימוש ב2,8,10 ונדגים את בפותרן נפתור באופן מודרך ופתור באופן פותרן את השימוש בפותרן של 8-11/11/21 בפותרן ה- SAT

תקציר נושא העבודה:

בעבודת בית זו נתרגל עבודה עם מערכים ופונקציות ב-Java ונפגוש את בעיית הספיקות יחד עם כמה מושגים חשובים נוספים במדעי המחשב. נכתוב תכנית לפתרון בעיית *הטיול הגדול*: בבעיה זו נתונים קבוצה של ערים וקווי תעופה ביניהן. יש לתכנן מסלול לטיול שיוצא מנמל הבית, עובר בכל שאר הערים וחוזר לנמל הבית, כך שכל עיר תופיע בדיוק פעם אחת במסלול וכן בסיומו נחזור לעיר המקור. האלגוריתם שנממש לפתרון הבעיה מבוסס על רדוקציה ל"בעיית הספיקות" (SAT).

בעבודה זו 20 משימות וסך הנקודות המקסימלי הוא 100. שימו לב שמספר הנקודות לכל משימה הוא אחיד (5 נקודות למשימה) ואינו מצביע על קושי המשימה.

הנחיות מקדימות

- קראו את העבודה מתחילתה ועד סופה לפני שאתם מתחילים לפתור אותה. רמת הקושי של המשימות אינה אחידה: הפתרון של חלק מהמשימות קל יותר, ואחרות מצריכות מחשבה וחקירה מתמטית שאותה תוכלו לבצע בעזרת מקורות דרך רשת האינטרנט .בתשובות שבהן אתם מסתמכים על עובדות מתמטיות שלא הוצגו בשיעורים או כל חומר אחר, יש להוסיף כהערה במקום המתאים בקוד את ציטוט העובדה המתמטית ואת המקור (כגון ספר או אתר).
 - VPL עבודה זו תוגש ביחידים במערכת המודל ניתן לצפות בסרטון הדרכה על אופן הגשת העבודה במערכת ה-VPL
 בלינק הבא: סרטון הדרכה.
 - לצורך העבודה מסופקים לכם שלושה קבצים:
 - 1. קובץ Assignment2.java שכולל את התבניות להגדרת הפונקציות עבור המשימות בעבודה. קבצים לעבודה עם הפותרן (ניתן להוריד קבצים אלו מהמודל ליד קובץ תיאור העבודה):
 - SAT ממשק לעבודה עם פותרן SATSolver.java .2
 - .SAT ספרייה הממשת פותרן org.sat4j.core.jar

.Assignment2 בשם eclipse-ב לפתוח פרויקט ב-declipse בשם אנו ממליצים לפתוח

הוסיפו את קובץ השלד Assignment2.java שהורדתם לפרויקט, בקובץ זה אתם תשלימו את הגדרת הפונקציות בהתאם למתואר במשימות. בנוסף יש לשלב את קבצי הפותרן בפרויקט בהתאם להסבר במסמך הנלווה "שימוש בפותרן הניתן להורדה במודל ליד קובץ תיאור העבודה.

הנחיות לכתיבת קוד והגשה

- בקבצי השלד המסופקים לכם קיים מימוש ברירת מחדל לכל פונקציה. יש למחוק את מימוש ברירת המחדל בגוף הפונקציות ולכתוב במקום זאת את המימוש שלכם לפי הנדרש בכל משימה.
 - אין לשנות את החתימות של הפונקציות המופיעות בקבצי השלד.
- עבודות שלא יעברו קומפילציה במערכת יקבלו את הציון 0 ללא אפשרות לערער על כך. אחריותכם לוודא שהעבודה שאתם מגישים עוברת תהליך קומפילציה במערכת (ולא רק ב-eclipse). להזכירכם, תוכלו לבדוק זאת ש"י לחיצה על כפתור ה-Evaluate.
 - עבודות הבית נבדקות גם באופן ידני וגם באופן אוטומטי. לכן, יש להקפיד על ההוראות ולבצע אותן <u>במדויק</u>.
- סגנון כתיבת הקוד ייבדק באופן ידני. יש להקפיד על כתיבת קוד יעיל, ברור, על מתן שמות משמעותיים למשתנים, על הזחות (אינדנטציה), ועל הוספת הערות בקוד המסבירות את תפקידם של מקטעי הקוד השונים. אין צורך למלא את הקוד בהערות מיותרות, אך חשוב לכתוב הערות בנקודות קריטיות, המסבירות קטעים חשובים בקוד. הערות יש לרשום אך ורק באנגלית. כתיבת קוד אשר אינה עומדת בדרישות אלו תגרור הפחתה בציון העבודה.
 - בעבודה זו ניתן להשתמש בידע שנרכש בקורס עד לתאריך פרסום העבודה. אין להשתמש בכל צורת קוד אחרת
 אשר לא נלמדה בכיתה.

עזרה והנחיה

- לכל עבודת בית בקורס יש צוות שאחראי לה. ניתן לפנות לצוות בשעות הקבלה. פירוט שמות האחראים לעבודה מופיע במסמך זה וכן באתר הקורס, כמו גם פירוט שעות הקבלה.
- ניתן להיעזר בפורום. צוות הקורס עובר על השאלות ונותן מענה במקרה הצורך. שימו לב, אין לפרסם פתרונות בפורום.
 - בכל בעיה אישית הקשורה בעבודה (מילואים, אשפוז וכו'), אנא פנו אלינו דרך מערכת הפניות, כפי שמוסבר באתר הקורס.
 - אנחנו ממליצים בחום להעלות פתרון למערכת המודל לאחר כל סעיף שפתרתם. הבדיקה תתבצע על הגרסה האחרונה שהועלתה (בלבד!).

יושר אקדמי

הימנעו מהעתקות! ההגשה היא ביחידים. אם מוגשות שתי עבודות עם קוד זהה או אפילו דומה - זוהי העתקה, אשר תדווח לאלתר לוועדת משמעת. אם טרם עיינתם בסילבוס הקורס אנא עשו זאת כעת.

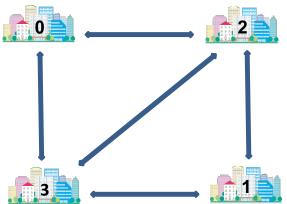
בעיית הטיול הגדול

מבוא

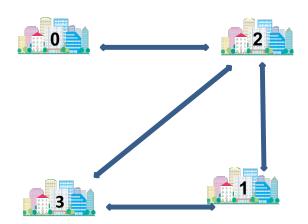
בהינתן רשימה של קווי תעופה בין n ערים (n>0) הממוספרות ב- $\{0\dots n-1\}$, יש לתכנן מסלול המתחיל מנמל הבית הנמצא בעיר המקור 0, מבקר בכל אחת מן הערים האחרות $\{1\dots n-1\}$ בדיוק פעם אחת ובסיומו חוזר לנמל הבית שבעיר המקור (מסלול מעגלי). קיומו של קו תעופה $\{i,j\}$ בין שני ערים שונות $\{i,j\}$, מציין שקיימת טיסה בשני הכיוונים $\{i,j\}$ בין $\{i,j\}$ בין שני ערים שונות $\{i,j\}$ בין שקיימת טיסה בשני הכיוונים ($\{i,j\}$).

דוגמא 1: נניח שיש 4 ערים $\{0,1,2,3\}$ ושקווי התעופה הם: $\{0,1,2,3\},\{2,3\},\{2,3\},\{2,3\}$, כפי שמוצג באיור דוגמא 1: ניתן לתכנן מסלול שפותר את בעיית הטיול הגדול. למשל המסלול: $0 \to 2 \to 1 \to 3 \to 0$.

2. באיור מספר 2. בניח שיש 4 ערים $\{0,1,2,3\}$ ושקווי התעופה הם: $\{1,3\},\{2,3\},\{2,3\},\{0,2\}$, כפי שמוצג באיור מספר 2. בדוגמא זו לא ניתן למצוא מסלול שפותר את בעיית הטיול הגדול.







איור 2. הצגה גרפית של קווי התעופה מדוגמא 2

Java-ייצוג מופע של בעיית הטיול הגדול

תובע הטיול הגדול עבור n ערים (n>0) מיוצג באמצעות מטריצה בוליאנית מופע של בעיית מופע של בערית ערים תרום או true ממטריצה במטריצה במטריצה הוא נדעם או true כאשר הערך בתא ה $\{i,j\}$.

הגדרה 1: מערך דו-ממדי flights מייצג מופע חוקי של בעיית הטיול הגדול על n > 0 ערים ערים מטריצה הגדרה 1: מערך בו-ממדי בוליאנית שהיא:

```
n מערכים אחד אחד שכל מערכים n מכילה – א. ריבועית
```

```
flights[i][j] = flights[j][i] מתקיים 0 \le i \le j < n לכל
```

flights[i][i] = false מתקיים $0 \le i < n$ לכל

בא: באיות הטיול הגדול שמוצג באיור מספר 1 ייוצג ב-Java באופו הבא:

ייצוג פתרון לבעיית הטיול הגדול ב

פתרון למופע של בעיית הטיול הגדול עבור n ערים (n>0) מיוצג באמצעות מערך חד-ממדי בגודל n של מספרים שלמים, כאשר הערך בתא ה-i מציין את מספר העיר שמבקרים בה בשלב ה-i של הטיול. למשל, המסלול שלמים, כאשר הערך בתא ה-i עבור המופע שמתואר בדוגמא n, מיוצג באמצעות המערך [0,2,1,3]. נשים לב שהחזרה לעיר המקור (n>0) בסוף הטיול לא מיוצגת באופן מפורש במערך.

(n>0) ערים על אערך הגדול בעיית מערך ממיצג פתרון מייצג פתרון מייצג של אספרים של A מערך מערך מערך אם: אם:

- אחת). במסלול בדיוק פעם אחת) 0...ח-1 המכיל את כל המספרים המכיל את מערך באורך n
 - ב. A[0]=0 העיר הראשונה במסלול היא
- . A[0]-ל A[n-1] כן קיים קו תעופה בין (i+1]-ל (i+1]-ל (i+1)-ל (i+1)-4 (i+1)

וידוא תקינות קלט

במשימות הבאות נממש מספר פונקציות שיסייעו לנו לבדוק האם מופע נתון לבעיית הטיול הגדול הוא תקין.

משימה 1: (מטריצה ריבועית) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הבאה השלימו

public static boolean isSquareMatrix (boolean[][] matrix)

הפונקציה מקבלת כקלט מערך בוליאני דו-ממדי באורך כלשהו ומוודאת כי המערך מייצג מטריצה ריבועית: על הפונקציה לדתוכ לדער אם ורק אם המערך matrix אם ורק אם המערך true הפונקציה להחזיר ערך

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

:דוגמאות

```
boolean[][] matrix1 = {{false,false},{true,true}};
System.out.println(isSquareMatrix(matrix1)); // true;
boolean [][] matrix2 = {{true,false,true},{false,false}};
System.out.println(isSquareMatrix(matrix2)); // false;
boolean [][] matrix3 = null;
System.out.println(isSquareMatrix(matrix3)); // false;
```

משימה 2: (מטריצה סימטרית) (5 נקודות) [משימה זו תיפתר בתגבור השבועי].

:Assignment2.java השלימו את הפונקציה הבאה בקובץ

public static boolean isSymmetricMatrix (boolean[][] matrix)

הפונקציה היא סימטרית: על הפונקציה להחזיר , $n \times n$ ומוודאת בגודל מטריצה בוליאנית כקלט מטריצה בגודל מחזיר בגודל מתקיים $0 \le i < j < n$ אם ורק אם לכל true ערך ער

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו כי matrix היא מטריצה ריבועית.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

:דוגמאות

משימה 3: (מטריצה אנטי-רפלקסיבית) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הבאה השלימו

public static boolean isAntiReflexiveMatrix (boolean[][] matrix)

אם ורק אם המטריצה היא אנטי-רפלקסיבית true הפונקציה בגודל בגודל בגודל בגודל בגודל מטריצה מקבלת מטריצה בוליאנית בגודל אודל n imes n

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו כי matrix היא מטריצה ריבועית.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

דוגמאות:

משימה 4: (מופע חוקי) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו את הפונקציה הבאה בקובץ

public static boolean isLegalInstance (boolean[][] matrix)

אשר מקבלת כקלט מערך דו-ממדי *matrix,* ובודקת האם הקלט הוא מופע תקין לבעיית הטיול הגדול לפי **הגדרה 1**.

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט.
- יש להחזיר ערך false אם הקלט אינו תקין.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

וידוא פתרון לבעיית הטיול הגדול

במשימות הבאות נממש מספר פונקציות לצורך וידוא פתרון של בעיית הטיול הגדול.

משימה 5: (המסלול עובר בכל הערים) (5 נקודות):

הגדרה (פרמוטציה): מערך array יקרא פרמוטציה אם הוא מכיל את כל המספרים השלמים בין 0 ל-array כולל. כלומר, כל ערך בטווח הנ"ל יופיע בדיוק פעם אחת. מדרמץ. כלומר, כל ערך בטווח הנ"ל יופיע בדיוק פעם אחת. דוגמאות: המערכים [0,2,1,3], [0,2], [1,4,3,2] אינם פרמוטציות.

:Assignment2.java השלימו את הפונקציה הבאה בקובץ

public static boolean isPermutation (int[] array)

הפונקציה תחזיר ערך true אם ורק אם המערך הפונקציה תחזיר ערך

הנחות על הקלט וחריגות:

- .null אינו array הניחו כי
- פונקציה זו לא זורקת חריגות.

:דוגמאות

```
int[] array1 = {0,2,3,1};
System.out.println(isPermutation(array1)); //true
```

```
int[] array2 = {1,4,3,2};
System.out.println(isPermutation(array2)); //false
```

משימה 6: (כל הטיסות במסלול קיימות) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו הבאה הבאה הפונקציה הבאה

```
public static boolean hasLegalSteps (boolean[][] flights, int[] tour)
```

הפונקציה מקבלת מערך ומערך דו-ממדי בגודל המייצג מופע של בעיית הטיול הגדול ומערך דו-ממדי באורך הפונקציה מקבלת מערך דו-ממדי באופן פורמלי, המייצג מסלול. הפונקציה תחזיר ערך true אם בין כל שני ערים עוקבות במסלול קיימת טיסה. באופן פורמלי, הפונקציה תחזיר ערך אם לכל i < n-1 אם לכל i < n-1 אם לכל tour[i+1] הפונקציה תחזיר ערך tour[i-1].

הנחות על הקלט וחריגות:

- ערים. n>0 ערים מופע מופע מופע flights הניחו שהמערך
- [0,n-1] המערך הם הבאורך n וערכיו הבאורך -
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

משימה 7: (פתרון חוקי) (5 נקודות)

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הבאה השלימו

public static boolean isSolution(boolean[][] flights, int[] tour)

הפונקציה מקבלת מערך flights דו-ממדי המייצג מופע של בעיית הטיול הגדול ומערך *tour.* הפונקציה תחזיר ערך true אם ורק אם המערך tour מקיים את התנאים לפתרון לפי **הגדרה 2** עבור המופע הנתון

הנחות על הקלט וחריגות:

- ערים. n>0 מייצג מופע תקין על flights הניחו שהמערך
 - .tour אין להניח שום הנחות על המערך
 - n אינו מערך באורך tour פונקציה זו זורקת חריגה או פונקציה n

,

בעיית הספיקות

משימות **8-11**: בדוגמאות של משימות 8-11 נתייחס להגדרות:

```
int[] lits1 = \{1,2,3\}; // \{x_1,x_2,x_3\}
int[] lits2 = \{-1,2,3\}; // \{\neg x_1,x_2,x_3\}
boolean[] assign1 = \{\text{false, false, false, false}\};
boolean[] assign2 = \{\text{false, false, true, true}\};
boolean[] assign3 = \{\text{false, true, false, false}\};
```

משימה 8: (שיערוך נוסחת CNF בהינתן השמה) [משימה זו תיפתר בתגבור השבועי].

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static boolean evaluate(int[][] cnf, boolean[] assign)

הפונקציה מקבלת נוסחת CNF והשמה למשתנים שמופיעים בו, ומחזירה ערך true אם ורק אם ההשמה מספקת את הנוסחה.

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו ש- cnf מייצג נוסחת CNF תקינה.
- הניחו שהמערך assign מייצג השמה תקינה.
- הניחו שעבור כל משתנה k שמופיע בנוסחה, assign[k] מייצג את ההשמה למשתנה זה.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

דוגמאות:

```
int[][] cnf = {{1,-2}, {-1, 2, 3}, {-3, 2}};
System.out.println(evaluate(cnf, assign1)); //true
System.out.println(evaluate(cnf, assign2)); //false
```

משימה 9: (לפחות אחד)(5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] atLeastOne(int[] lits)

הפונקציה מקבלת מערך lits של ליטרלים (מספרים שלמים שמייצגים משתנים פסוקיים או שלילתם) ומחזירה נוסחת CNF שמאלצת את הליטרלים כך **שלפחות אחד** מהם מקבל ערך true. כלומר, ההשמות המספקות של הנוסחה המוחזרת הן בדיוק ההשמות שמספקות לפחות אחד מהליטרלים.

הנחות על הקלט וחריגות:

- .0-הניחו שהמערך lits אינו null, אורכו גדול מ-0, ומכיל מספרים שלמים השונים מ-0.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

:דוגמאות

```
int[][] cnf1 = atLeastOne(lits1);
int[][] cnf2 = atLeastOne(lits2);

System.out.println(evaluate(cnf1, assign1)); // false
System.out.println(evaluate(cnf1, assign2)); // true
System.out.println(evaluate(cnf1, assign3)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign1)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign2)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign3)); // false
```

משימה 10: (לכל היותר אחד)(5 נקודות) [משימה זו תיפתר בתגבור השבועי].

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] atMostOne(int[] lits)

הפונקציה מקבלת מערך lits של ליטרלים (מספרים שלמים שמייצגים משתנים פסוקיים או שלילתם) ומחזירה נוסחת CNF שמאלצת את הליטרלים כך **שלכל היותר אחד** מהם מקבל ערך true. כלומר, ההשמות המספקות של היותר אחד מהליטרלים.

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו שהמערך lits אינו lits, אורכו גדול מ-0, ומכיל מספרים שלמים השונים מ-0.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

דוגמאות:

```
int[][] cnf1 = atMostOne(lits1);
int[][] cnf2 = atMostOne(lits2);

System.out.println(evaluate(cnf1, assign1)); // true
System.out.println(evaluate(cnf1, assign2)); // false
System.out.println(evaluate(cnf1, assign3)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign1)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign2)); // false
System.out.println(evaluate(cnf2, assign3)); // true
```

משימה 11: (בדיוק אחד) (5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

```
public static int[][] exactlyOne(int[] lits)
```

הפונקציה מקבלת מערך lits של ליטרלים (מספרים שלמים שמייצגים משתנים פסוקיים או שלילתם) ומחזירה נוסחת CNF שמאלצת את הליטרלים כך **שבדיוק אחד** מהם מקבל ערך true. כלומר, ההשמות המספקות של הנוסחה המוחזרת הן ההשמות שמספקות בדיוק אחד מהליטרלים.

הנחות על הקלט וחריגות:

- .0-הניחו שהמערך lits אינו null אורכו גדול מ-0, ומכיל מספרים שלמים השונים מ-0.
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

דוגמאות:

```
int[][] cnf1 = exactlyOne(lits1);
int[][] cnf2 = exactlyOne(lits2);

System.out.println(evaluate(cnf1, assign1)); // false
System.out.println(evaluate(cnf1, assign2)); // false
System.out.println(evaluate(cnf1, assign3)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign1)); // true
System.out.println(evaluate(cnf2, assign2)); // false
System.out.println(evaluate(cnf2, assign3)); // false
```

רדוקציה מבעיית הטיול הגדול לבעיית הספיקות

תזכורת: פתרון למופע של בעיית הטיול הגדול עבור n ערים מיוצג באמצעות מערך חד-ממדי בגודל n של מספרים שלמים, כאשר הערך בתא ה-i את מספר העיר שמבקרים בה בשלב ה-i של הטיול.

תיאור הרדוקציה - משתנים:

בהינתן מופע של בעיית הטיול הגדול על n ערים, נגדיר:

 x_k עבור כל זוג מספרים (i,j) כך ש- $0 \leq i,j < n$ כאשר i מציין שלב בטיול ו- i מציין עיר, נגדיר משתנה פסוקי שהערך שלו מציין האם בשלב ה-i של הטיול ביקרנו בעיר ה-j. בסך הכל עבור מופע על i ערים יהיו לנו i משתנים פסוקיים i המתאימים לi זוגות המספרים (i,j) האפשריים.

לדוגמה כאשר n=3, נוכל למפות את הזוגות באופן הבא:

$$(0,0) \mapsto 1, (0,1) \mapsto 2, (0,2) \mapsto 3, (1,0) \mapsto 4, (1,1) \mapsto 5, (\mathbf{1},\mathbf{2}) \mapsto \mathbf{6}, (2,0) \mapsto 7, (2,1) \mapsto 8, (2,2) \mapsto 9$$

.2 בעיר ביקרנו בעיר במסלול בשלב x_6 מציין האם בשלב ביקרנו בעיר ביקרנו בעיר לפי מיפוי זה, הערך ביקרנו בעיר ב

 $\{x_1, \dots x_{n^2}\}$ למשתנים הפסוקיים למשתנים בהגדרת המספרים המספרים לוגות את זוגות נצטרך למפות הרדוקציה נצטרך למפות את זוגות המספרים $map: \{(i,j)|0\leq i,j< n\} \to \{1,2,\dots n^2\}$ באופן הד-חד ערכי ועל. נעשה זאת בעזרת פונקציית מיפוי, x_i מציין האם בשלב ה-i של הטיול ביקרנו בעיר ה-i שהערך אם המשתנה הפסוקי x_i מציין האם בשלב ה-i של הטיול ביקרנו בעיר ה-g

משימה 12: (מיפוי המשתנים) (5 נקודות)

את הגדרת הפונקציה: Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int map(int i, int j, int n)

 $1 \leq k \leq n^2$ ייחודי ערך מחזירה הפונקציה הפונקציה מספר הערים ואת את מספרים ואת מספרים ואת מספרים ואת מספרים ואת מספרים ואת מציין האם בצעד בערד ביקרנו בעיר ייחודי ואם מציין האם בצעד ה-

הנחות על הקלט וחריגות:

- n > 0 ש וכן ש $0 \le i, j < n$ -
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.
- ב. השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[] reverseMap(int k, int n)

-הפונקציה (i,j) המיוצג כמערך כך במופע. במופע. הפונקציה מחזירה את אוג k ואת מספר הערים הפונקציה במופע. הפונקציה משרות הבאות: map(i,j)=k

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 ש וכן $1\leq k\leq n^2$ -
 - פונקציה זו לא זורקת חריגות.

תיאור הרדוקציה - אילוצים:

כך שמכל בעיית הטיול הגדול על x_1,\dots,x_{n^2} על המשתנים בהינתן על על ערים, נגדיר נוסחת ערים, נגדיר על ערים, ערים בחלקים בחלקים בחלקים בחלקים למופע. את נוסחת ה- CNF נבנה בחלקים כקוניונקציה של

 $x_{map(i,j,n)}$ במשך המשתנה הפסוקי בתקום המשתנה נכתוב map(i,j,n) במשך השאלה, לצורך נוחות, נכתוב $map(i,j,n) \mid 0 \leq i,j < n \}$ ונממש פונקציות שמייצרות נפרט את האילוצים על קבוצת המשתנים הפסוקיים $map(i,j,n) \mid 0 \leq i,j < n \}$ נוסהאות CNF שמתארות כל אילוץ.

משימה 13: (אילוץ א: בכל צעד של הטיול מבקרים בעיר אחת) (5 נקודות)

תארך את מקבל $map(i,0,n), \dots, map(i,n-1,n)$ מקבל אחד מהמשתנים בטיול, בדיוק אחד בטיול, בדיוק אחד מהמשתנים לכל שלב i קיימת בדיוק עיר אחת שעבורה המשתנה map(i,j,n) מקבל את הערך בהשמה בהשמה לכל שלב i קיימת בדיוק עיר אחת משבורה המשתנה מספקת.

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] oneCityInEachStep(int n)

. האילוץ, את מספר הערים במופע n, ומחזירה נוסחת מספר הערים האילוץ.

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 יש להניח ש
- פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 11: (אילוץ ב: מבקרים בכל עיר רק פעם אחת) (5 נקודות)

.true מקבל את הערך מקבל map(0,j,n),...,map(n-1,j,n) מקבל אחד מהמשתנים j לכל עיר לכל עיר לכל עיר j שעבורו המשתנה i שעבורו בדיוק שלב אחד ליים בדיוק שלב אחד i שעבורו המשתנה map(i,j,n) מקבל את הערך מקבל את הערך אחד ליים בדיוק שלב החד אחד ו

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] eachCityIsVisitedOnce(int n)

. האילוץ, את מספר הערים במופע n, ומחזירה נוסחת מספר הערים האילוץ.

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 יש להניח ש
- פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 15: (אילוץ ג: עיר המקור היא 0) (5 נקודות)

תיאור האילוץ: המשתנה map(0,0,n) מקבל את הערך true מספקת.

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] fixSourceCity(int n)

ג. את אילוץ את מספר הערים במופע n, ומחזירה נוסחת מספר הערים הערים הפונקציה מקבלת את הפונקציה הערים במופע

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 יש להניח ש
- פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 16: (אילוץ ד: אין מעברים לא חוקיים במסלול) (5 נקודות)

- תיאור האילוץ: לכל שלב n < i במסלול, ושתי ערים שונות j,k שאין ביניהן קו תעופה, נדרוש שאם בשלב ה בא הא השלב ה- i+1 מבקרים בעיר i+1 אז השלב הבא אז השלב הבא הא מבקרים בעיר i+1 לכל שלב i+1 אז השלב הבא הוא השלב ה- i+1 נעד חזרה לעיר המקור). כלומר, לכל היותר אחד משני המשתנים i+1 ואם i+1+1 השלב הבא הוא השלב ה- i+1+1 (צעד חזרה לעיר i+1+1) אז השלב הבא הוא השלב ה- i+1+1 (צעד חזרה לעיר i+1+1+1) אז השלב הבא הוא השלב ה- i+1+1+1 משני המשתנים בער המקור).

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] noIllegalSteps(boolean[][] flights)

הפונקציה מקבלת מופע של הבעיה הנתון במערך הדו-ממדי flights ומחזירה נוסחת הבטאת את האילוץ. רמז: התמקדו בכל זוגות הערים השונות j,k שאין ביניהן קו תעופה על פי המופע הנתון.

הנחות על הקלט וחריגות:

- n>0 מייצג מופע תקין לפי הגדרה 1 ושמספר הערים flights -
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 17: (ממיר קלט)(5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[][] encode(boolean[][] flights)

הפונקציה מקבלת מופע נתון של בעיית הטיול הגדול במערך הדו ממדי flights ומחזירה נוסחת CNF שהיא קוניונקציה של כל האילוצים של בעיית הטיול הגדול עבור המופע הנתון flights:

- . אילוץ א: בכל צעד מבקרים בעיר אחת.
- אילוץ ב: מבקרים בכל עיר רק פעם אחת.
 - .0 אילוץ ג: עיר המקור היא
 - אילוץ ד: אין צעדים לא חוקיים.

הנחות על הקלט וחריגות:

.1 מייצג מופע תקין לפי הגדרה flights -

משימה 18: (ממיר פלט)(5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[] decode(boolean[] assignment, int n)

הפונקציה מקבלת מספר n ומערך בוליאני assignment באורך באורך מספר חומערך מספר מספר מערך ומערך בוליאני מחזירה מערך אל מספרים שלמים באורך $map(i,j,n)|0\leq i,j< n\}$. הפונקציה מחזירה מערך הערד הבא:

.assignment[map(i,j,n)] = true אז tour[i] = j אם הערך $0 \le i < n$ לכל שמבקר בכל הערים. ייצג בהכרח מסלול שמבקר בכל הערים.

הנחות על הקלט וחריגות:

n>0 ש -

- .null הוא assignment יש לזרוק חריגה אם
- $n^2 + 1$ אינו מערך באורך assignment יש לזרוק הריגה -

דוגמא:

נניח שn=3 ושהפונקציה map ממפה ושהפונקציה וניח שn=3

$$(0,0) \mapsto 1, (0,1) \mapsto 2, (0,2) \mapsto 3, (1,0) \mapsto 4, (1,1) \mapsto 5, (1,2) \mapsto 6, (2,0) \mapsto 7, (2,1) \mapsto 8, (2,2) \mapsto 9$$

$$\text{בהינתן ההשמה הבאה:}$$

```
boolean[] assignment = {false, true, false, false, false,
    false, true, false, true, false};
```

הקריאה לפונקציה decode תחזיר את המערך שמצוין מימין.

```
int[] tour = decode(assignment, 3) // {0,2,1}
```

במשימה הבאה נחבר את חלקי העבודה יחדיו לפתור את בעיית הטיול הגדול באמצעות רדוקציה לבעיית הספיקות הבוליאנית תוך שימוש בפותרן של SAT.

משימה 19: (מציאת פתרון למופע) (5 נקודות)

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static int[] solve(boolean[][] flights)

הפונקציה מקבלת כקלט מופע של בעיית הטיול הגדול. על הפונקציה:

- לאתחל פותרן לבעיית הספיקות עם כמות המשתנים המתאימה למופע
 - encode בעזרת הפונקציה CNF בעזרת המופע לנוסחת
 - להוסיף את הנוסחה לפותרן
 - להפעיל את הפותרן על מנת למצוא השמה מספקת לנוסחה
 - אם מתקבלת השמה מספקת
- .decode בעזרת הפונקציה (tour -בעזרת לפענה השמה זו לפתרון (נסמנו ב-
- isSolution בעזרת הפונקציה בעזרת ב- flights יש לוודא כי הנתון הוקי למופע הנתון הוקי למופע הנתון ולהחזיר תשובה בהתאם:
 - אם tour הוא פתרון חוקי, יש להחזירו אחרת יש לזרוק חריגה שמציינת שהפתרון אינו חוקי אחרת (אין השמה מספקת) יש להחזיר mull

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט
- יש לזרוק חריגה אם המופע היה בלתי פתיר עקב מגבלות זמן (timeout), פרטים נוספים על מגבלות זמן ניתן למצוא בנספח לעבודה זו
 - יש לזרוק חריגה אם יש השמה מספקת אך הפתרון המתקבל ממנה לא חוקי

משימה 20: (קיום לפחות שני מסלולים) (5 נקודות)

בהינתן מופע של בעיית הטיול הגדול, נרצה לדעת האם קיימים למופע זה <u>שני</u> פתרונות שונים.

השלימו בקובץ Assignment2.java את הגדרת הפונקציה:

public static boolean solve2(boolean[][] flights)

הפונקציה מקבלת כקלט מופע של בעיית הטיול הגדול flights, ומחזירה ערך אם ורק אם קיימים לפחות שני פתרונות לבעיית הטיול הגדול שמתחילים בעיר 0 ושאינם מכילים בדיוק את אותם הטיסות בכיוון הנגדי.

לדוגמא: המסלול [0,2,1,3] מכיל את אותן הטיסות כמו במסלול [0,3,1,2] בכיוון הנגדי.

.false משל עבור המופע הנתון באיור 1, הפונקציה תחזיר ערך

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט -
- .1 אינו מייצג מופע תקין לבעיית הטיול הגדול לפי הגדרה flights יש לזרוק חריגה אם
- יש לזרוק חריגה אם המופע היה בלתי פתיר עקב מגבלות זמן (timeout), פרטים נוספים על מגבלות זמן ניתן למצוא בנספח לעבודה זו

