FACULTY OF ENGINEERING CHULALONGKORN UNIVERSITY 2110327 ALGORITHM DESIGN

Year II, Second Semester, Final Examination, Aug 5, 2020 13:00-16:00

ชื่อ-นามสกุล	เลขประจำตัว	ตอนเรียนที่	เลขที่ใน CR58
หมายเหต			

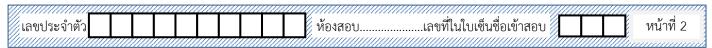
- 1. ข้อสอบมีทั้งหมด 10 ข้อ ในกระดาษคำถามคำตอบ 7 หน้า
- 2. ไม่อนุญาตให้น้ำตำราและเอกสารใดๆ เข้าในห้องสอบ
- 3. ไม่อนุญาตให้ใช้เครื่องคำนวณใดๆ
- 4. ห้ามการหยิบยืมสิ่งใดๆ ทั้งสิ้น จากผู้สอบอื่นๆ เว้นแต่เจ้าหน้าที่ควบคุมการสอบจะหยิบยืมให้
- 5. ห้ามนำส่วนใดส่วนหนึ่งของข้อสอบและสมุดคำตอบออกจากห้องสอบ
- 6. ผู้เข้าสอบสามารถออกจากห้องสอบได้ หลังจากผ่านการสอบไปแล้ว 45 นาที
- 7. เมื่อหมดเวลาสอบ ผู้เข้าสอบต้องหยุดการเขียนใดๆ ทั้งสิ้น
- 8. นิสิตกระทำผิดเกี่ยวกับการสอบ ตามข้อบังคับจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย มีโทษ คือ พ้นสภาพการเป็นนิสิต หรือ ได้รับ สัญลักษณ์ F ในรายวิชาที่กระทำผิด และอาจพิจารณาให้ถอนรายวิชาอื่นทั้งหมดที่ลงทะเบียน ไว้ในภาคการศึกษานี้

ห้ามนิสิตพกโทรศัพท์และอุปกรณ์สื่อสารไว้กับตัวระหว่างสอบ หากตรวจพบจะถือว่า นิสิตกระทำผิดเกี่ยวกับการสอบ อาจต้องพ้นสภาพการเป็นนิสิต หรือ ให้ได้รับ F และ อาจพิจารณาให้ถอนรายวิชาอื่นทั้งหมดที่ลงทะเบียนไว้ในภาคการศึกษานี้

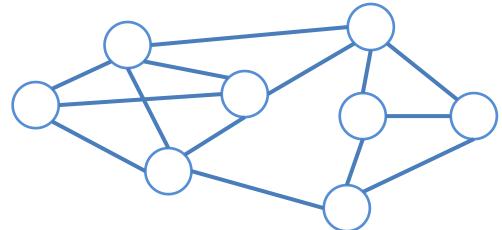
* ร่วมรณรงค์การไม่กระทำผิดและไม่ทุจริตการสอบที่คณะวิศวกรรมศาสตร์ *

ข้าพเจ้ายอมรับในข้อกำหนดที่กล่าวมานี้ ข้าพเจ้าเป็นผู้ทำข้อสอบนี้ด้วยตนเองโดยมิได้รับการช่วยเหลือ หรือให้ความช่วยเหลือ ในการทำข้อสอบนี้

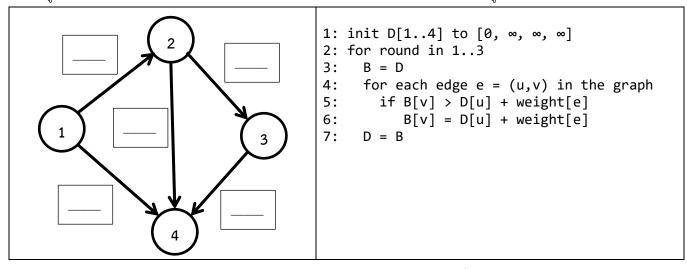
ลงชื่อนิสิต	
วันที่	



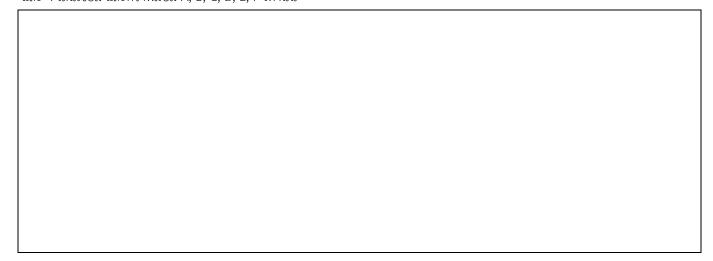
1. (5 คะแนน) จาก undirected graph ในรูปด้านล่างนี้ ให้ใส่หัวลูกศรลงในเส้นเชื่อมทุกเส้นเพื่อแปลงกราฟนี้ให้เป็น simple directed graph โดยที่ กราฟที่ได้จะต้องประกอบด้วย strongly connected component จำนวน 3 component โดยจะต้องมี 1 component ที่มี 4 ปม พอดี และมีอีก 1 component ที่มี 3 ปมพอดี และอีก 1 component ที่มี 1 ปมพอดี ให้ระบุตัวอักษรลงบนปมเพื่อบอก component ด้วย โดยให้ component เดียวกันมีตัวอักษรเดียวกัน



2. (5 คะแนน) มีกราฟแบบ directed weighted graph ดังรูปด้านล่างต่อไปนี้ ซึ่งเราไม่ทราบน้ำหนักของเส้นเชื่อมแต่ละเส้นเชื่อม อย่างไรก็ ตาม เราทราบว่า เมื่อเราใช้ Bellman-Ford Algorithm ตาม pseudocode ด้านล่างนี้กับกราฟดังกล่าว โดยให้ปมเริ่มต้นคือปมหมายเลข 1 จะพบว่า บรรทัดหมายเลข 6: มีการทำงานทั้งหมด 5 ครั้งพอดี จงระบุน้ำหนักของเส้นเชื่อมของกราฟดังกล่าว โดยการเขียนตัวเลขลงบนเส้น เชื่อมในรูป เพื่อให้บรรทัดที่ 6: ทำงาน 5 ครั้งพอดี (ถ้าเป็นไปได้หลายคำตอบ ให้ตอบคำตอบใดก็ได้ที่ถูกต้อง)



3. (5 คะแนน) มี directed graph ขนาด 6 ปม 4 เส้นเชื่อมอยู่กราฟหนึ่ง กำหนดให้ปมของกราฟนี้คือปม A, B, C, D, E, F เราทราบว่า topological sorting ของกราฟนี้มีทั้งหมด 6! / (3! * 3!) = 20 รูปแบบที่แตกต่างกันพอดี จงวาดกราฟดังกล่าว โดยกราฟจะต้องมี 6 ปม และ 4 เส้นเชื่อม และกราฟมีปม A, B, C, D, E, F เท่านั้น



เล	ขประจ	จำตัว					ว ห้องสเ	9U	เลขที่ใ	นใบเซ็นชื่อเข้า	าสอบ 📗			หน้าที่ 3
4.	ว่าหา วาด	ากเรากิน State S	เคุ๊กกี้หมาย	มเลข i ไปเ e ที่สร้างรู	เล้ว ครั้งต่อ รูปแบบการ	ปปเราจะต	ท้องกินคุ ๊ ก	กี้หมายเลข	มากกว่า i+	ก็เหล่านี้ที่ละชิ้ -1 เสมอ (คุกก็ ยกำหนดให้ si	์ เชิ้นแรกจะ	ะกินชิ้นหม	ายเลข	
5.	ปัญเ	หาการหา	าระยะทาง	ะ สั้นสุดของ	ทุก ๆ คู่ปม	เในกราฟ	G จงตอบ	คำถามต่อไ	ปนี้	จากปม s ไปย์ ir(G) ได้หรือไม				_pair(G) เป็น เส้งเขป
	5.2.	ปัญหา	all_pair(G) สามารถ	ถ polynoi	mially re	duce ไปเ	ป็นปัญหา	shortest(G	,s,t) ได้หรือไม	ๅ เพราะเห	หตุใด จงตร	อบโดย	เส้งเขป
	5.3.	shorte		ที่ใช้เวลา (D(f(n)) เร					ปหากันและกับ เงอัลกอริทึมสํ				าหรับแก้ปัญหา G) ได้ในเวลา
	5.4.		ว่า shorte ง เพราะเห		เละ all_pa	air(G) สาม	กรถ poly	/nomially	reduce ไใ	Jหากันและกั น	มได้ เราสา	มารถตอง	ได้หรื	อไม่ว่า P = NF

เล'	ขประจ์	ำตัว							ห้องสอบ		เลขที่ใน	เใบเซ็นชื่อเ	ข้าสอบ 🏻			หน้าที่	4
	cod นอก อัลก	e) หรือว จากนี้ นิ	in prog สิตสามา เ แต่ต้อ	ramr ารถเรีย งระบุ	ming l ยกใช้ c ว่า inp	anguag data st ut ของ	ge ภาษ ructure	าใดที่เค e หรือว	ายเรียนมาก์ ว่า อัลกอริเ์	า็ได้ แต่ ทีมใด •	มารถอธิบาย i <u>ทุกข้อให้ระ</u> ๆ ที่อยู่ในบา iกำกวม แล	<u>ะบุประสิทธิ</u> ทเรียนได้เล	<u>ริภาพเชิงเว</u> าย โดยไม่จ่	<u>วลาด้วย</u> วำเป็นต้อ	วงเขียน	code v	Jอง
6.	มีควา back	ามยาว k ctracking	เส้นเชื่อ g อย่างไ state ส่	าม หรื ร <i>กำห</i> กำหรับ	อไม่ จง <i>ขนดให้</i> ปัญหา	ออกแบ input ข	บอัลกอร์ ของปัญห	ริทึมแบ ชานี้คือ	ບ state sp G = (V,E)	oace se และ K	า ในกราฟนี่ earch สำห โดยให้ตอง เบ้าง และเก็	รับปัญหานี้ บคำถามต่อ	์ และหากง ไปนี้	ทำได้ ให้เ	สนอด้ว	ยว่าควรจ	าะใช้
	6.2.	ปมในก	ราฟ กำ	หนดใ	ห้ปมใน	กราฟแห		ว์เลข 1			หนดให้ inpo						
		ประสิทธิ	ภาพในเ	การทำ	างานขอ	งอัลกอ ^ร ์	ริทึมนี้คือ	D									
	6.3.	ระบุถึงเ	.ทคนิค เ	oackt	racking	รู ที่ใช้ใน	เข้อ 6.2	(ถ้ามี)	พร้อมทั้งยก	าตัวอย่า	างเหตุการณ์	เ์ที่เกิดการ	backtrack	<			

เล	ขประจ	จำตัว 						ห้อง	าสอบ	เลข	เที่ในใบเซ็	นชื่อเข้าสอ	วบ 🗀		หน้าที่ 5
7.	A[1 สร้าง สามา มากล	.n][1n มแท่นเจ ารถสร้า สุดจากก จงระง] โดยที่ / าะน้ำมัน งที่ช่อง (การสร้าง	A[i][j] 1 ที่ช่องใ i-1, j) ; แท่นเจ สำหรับ	นั้นจะระ ดแล้ว เ , (i, j-1) าะน้ำมั ปัญหา	ะบุว่า หา ราจะไม่ผ (i+1, j) ันจำนวน	กเราสร้ สามารถ) หรือ (i, . K แท่น	างแท่นเจา สร้างแท่น , j+1) ได้) เป็นเท่าไร	าะน้ำมันที่ช่อ เจาะน้ำมันที่ จงออกแบบ เ <i>กำหนดให้</i>	os (i, j) แล้ ช่องที่มีด้า เอัลกอริทึม input ขอ	รัว เราจะไ านติดกันไเ มแบบ Le <i>งปัญหาน</i> ี้	ด้กำไรเป็น ด้อีก (กล่า ast Cost คือ A, n แ	แงินกี่บา วคือ หา _ย Search <i>เละ K</i> โด	ท อย่างไรก็ กสร้างที่ช่อง สำหรับการ ายให้ตอบคำ	อาเรย์สองมิติ ตาม หากเรา (i, j) แล้ว จะไม่ หาว่ากำไรรวม ถามต่อไปนี้ อย่าง และระบุถี
	7.2.		น pseu	dococ	de หรือ	code à	กำหรับแก่	ก้ปัญหาดัง	ขกล่าว โดยก์	ำหนดให้	input ขอ	งโจทย์คือ	จำนวนเต่	ก็ม k และอา	แรย์ 2 มิติ
		ประสิข	าธิภาพใน	เการทำ	เงานขอ	เงอัลกอริ	ทึมนี้คือ						-		
	7.3.	อธิบาเ	ยถึงเทคข	โค Bra	nch ar	nd Bour	nd ที่ใช้ใ	นข้อ 7.2	(ถ้ามี) พร้อม	มด้วย Heu	uristic Fu	nction ที่	โข้		

8. (10 คะแนน) เรามี undirected graph G = (V,E) อยู่กราฟหนึ่ง และต้องการสร้างกราฟ <u>directed acyclic</u> graph (กราฟที่ไม่มี cycle) H = (V,E') โดยที่กราฟ H มีปมเหมือน G ทุกประการ และเส้นเชื่อม E' นั้นเกิดจากการกำหนดทิศทางให้กับเส้นเชื่อมใน E กล่าวอีกนัยหนึ่งคือ เส้นเชื่อม e ซึ่งเชื่อมปม a และ b ใด ๆ จะเป็นสมาชิกของ E ได้ ก็ต่อเมื่อ มี e1 = (a,b) หรือมี e2 = (b,a) อยู่ใน E' เท่านั้น และขนาดของ E และ E' จะต้องเท่ากัน จงออกแบบอัลกอริทีมสำหรับการสร้าง H ดังกล่าวจาก G กำหนดให้ input ของปัญหานี้คือ G = (V,E)

เลร	ขประจำตัว											
9.	ประสิทธิภาพในการทำงานของอัลกอริทึมนี้คือ											

(/// เลข	เประจำตัว										ห้องสอง	J	เลข	เที่ในใบเซ็	ในชื่อเข้า	สอบ			ห	น้าที่ 7	
0.	(10 คะแน รับประกับ มีสิทธิ์ที่จะ อัลกอริทึม อัลกอริทึม	มว่า v ะเพิ่ม มเพื่อ	v(e) มี .ส้นเชื่ หาว่า	ค่าเห็ อม > เราค	ป็นบ′ x ซึ่ง เวรจะ	วกเสม w(x) : ะเพิ่มเ	อสำ = K เ ส้นเชื่	หรับ เข้าไร ข่อม :	e ให ปในก x ระ	ด ๆ เร าราฟ หว่างเ	กต้องการ G โดยให้เ คู่ปมใด เพื	เดินทางจ ส้นเชื่อม เ่อให้ระย	ıากปม s นี้เชื่อมระ ะทางสั้น	ไปยังปม ะหว่างปม สุดจาก s	t โดยใช้ ใด ๆ ก็ไ ไปยัง t	์ เระยะท ด้ ที่ไม่ใ ร นั้นมีค่า	างรวมา ช ่ s หรื น้อยที่สุ	น้อยสุด <u>อ t</u> จงอ	อย่าง อกแ	งไรก็ตา: บบ	

ประสิทธิภาพในการทำงานของอัลกอริทึมนี้คือ_