













Anno	Motore	Evento	Stato attuale
1993	 W3Catalog	Lancio	Inattivo
	 Aliweb	Lancio	Inattivo
1993	 JumpStation	Lancio	Inattivo
	 WWW Worm	Lancio	Inattivo
	 WebCrawler	Lancio	Inattivo (Solamente un'interfaccia per Bing)
	 Go.com	Lancio	Inattivo
1994	 Infoseek	Lancio	Inattivo
	 Lycos	Lancio	Attivo
	 Spenki	Fondazione	Inattivo
	 AltaVista	Lancio	Inattivo, <a href="#">reindirizzato a Yahoo!</a>
	 Daum	Lancio	Attivo
1995	 Magellan	Lancio	Inattivo
	 Excite	Lancio	Inattivo, solo notizie
	 SAPO	Lancio	Inattivo, solo notizie
	 Yahoo!	Lancio	Attivo

Prof. Vittoria de Nitto Personè

1

	 Dogpile	Lancio	Attivo, Aggregatore
	 Inktomi	Fondazione	Inattivo, acquisito da Yahoo!
	 HotBot	Fondazione	Attivo
1996	 Arianna	Fondazione	Inattivo, inglobato in <a href="#">Libero</a>
	 Multisoft	Fondazione	Inattivo
	 Virgilio	Fondazione	Attivo, risultati Google
	 Ask Jeeves	Fondazione	Attivo (rimarchiato in ask.com)
1997	 Northern Light	Lancio	Inattivo
	 Yandex	Lancio	Attivo
	 Google	Lancio	Attivo
1998	 Ixquick	Lancio	Attivo anche come <i>Startpage</i>
	 MSN Search	Lancio	Inattivo, diventato Bing
	 empas	Lancio	Inattivo (fusa con NATE)
1999	 Alltheweb	Lancio	Inattivo (URL reindirizzato a <a href="#">Yahoo!</a> )
	 GenieKnows	Lancio	Inattivo
	 Naver	Lancio	Attivo
	 Teoma	Fondazione	Inattivo, reindirizza Ask.com
	 Vivísimo	Fondazione	Inattivo, IMB
	 superEva	Lancio	Inattivo, solo analisi trend

2

2000	 Baidu	Fondazione	Attivo
	 Exalead	Lancio	Attivo
	 Gigablast	Lancio	Attivo
2001	 Kartoo	Lancio	Inattivo
2003	 Info.com	Lancio	Attivo, risultati Bing
	 Scroogle	Lancio	Inattivo
2004	 Yahoo! Search	Lancio finale	Attivo (Solamente un'interfaccia per Bing)
	 A9.com	Lancio	Inattivo
	 Sogou	Lancio	Attivo
2005	 Windows Live Search	Lancio finale	Inattivo
	 GoodSearch	Lancio	Inattivo (cerca coupon con Google)
	 SearchMe	Lancio	Inattivo
2006	 Soso	Lancio	Attivo
	 Quaero	Fondazione	Inattivo
	 Search.com	Fondazione	Attivo
	 Ask.com	Lancio	Attivo
	 Windows Live Search	Lancio	Inattivo
	 ChaCha	Lancio beta	Inattivo
	 Guruii.com	Lancio beta	Inattivo

3

3

2007	 Wikiseek	Lancio	Inattivo
	 Sproose	Lancio	Inattivo
	 Wikia Search	Lancio	Inattivo
	 Blackle.com	Lancio	Inattivo (Solamente tema scuro di Google)
2008	 Cuil	Lancio (chiuso)	Inattivo
	 Powerset	Lancio	Inattivo
	 Picollator	Lancio	Inattivo
	 Viewzi	Lancio	Inattivo
	 Boogami	Lancio	Inattivo
	 LeapFish	Lancio	Inattivo
	 Forestle	Lancio	Inattivo (reindirizza a Ecosia)
	 Ecocho	Lancio	Inattivo
	 DuckDuckGo	Lancio	Attivo
2009	 Wolfram Alpha	Lancio	Attivo
	 Bing	Lancio	Attivo
	 Yebol	Lancio	Inattivo
	 Mugurdy	Lancio	Inattivo
	 Scout (Goby)	Lancio	Inattivo
	 Coozila!	Lancio	Inattivo
	 Ecosia	Lancio	Attivo (Bing + Algoritmi proprietari)
	 NATE	Lancio	Attivo

4

4

2010		iAlgae	Lancio	Inattivo
		Blekko	Lancio	Inattivo (venduto a IBM)
		Cuil	Lancio	Inattivo
		Yandex (Versione in Inglese)	Lancio	Attivo
2011		YaCy	Lancio	Inattivo (online, non ricerca)
2012		Volunia	Lancio (chiuso)	Inattivo
		Ideao	Lancio beta	Inattivo
2013		Istella	Lancio	Attivo
		Qwant	Lancio	Attivo
		Aoohe	Lancio	Inattivo
		Coc Coc	Lancio	Attivo, motore di ricerca <a href="#">vietnamita</a>
2014		Egerin	Lancio	Attivo, motore di ricerca in <a href="#">curdo</a> / <a href="#">Sorani</a>
		Searx	Lancio	Attivo, metamatore di ricerca
		Swisscows	Lancio	Attivo
2017		Xaphir	Beta	Inattivo, acquisito da <a href="#">Qwant</a> <sup>[3]</sup>

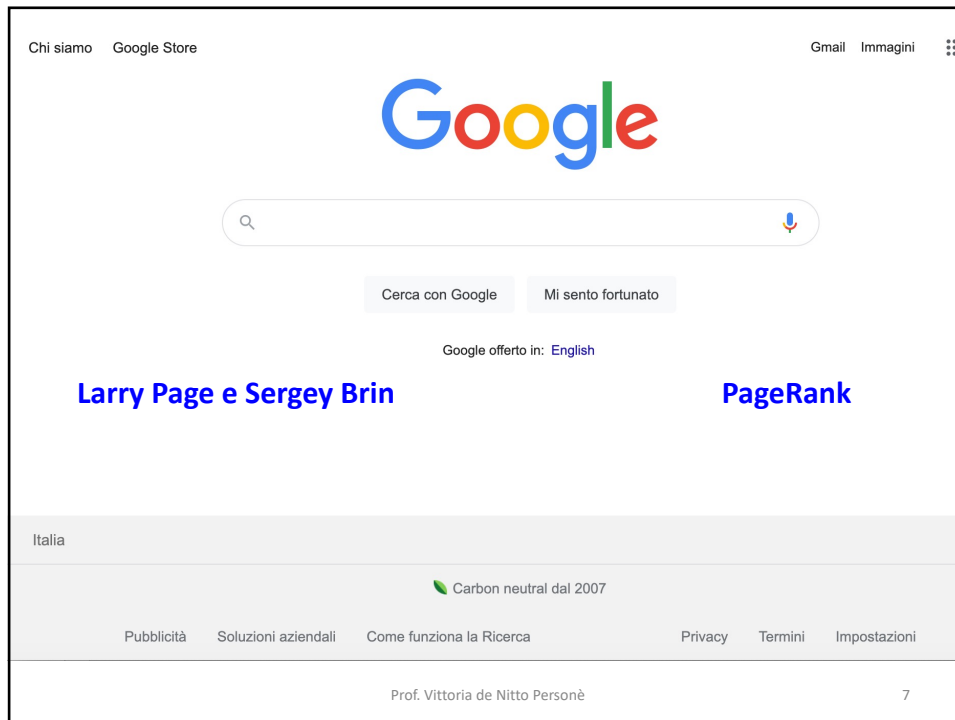
Prof. Vittoria de Nitto Personè

5

5

1996		Dogpile	Lancio	Attivo, Aggregatore
		Inktomi	Fondazione	Inattivo, acquisito da Yahoo!
		HotBot	Fondazione	Attivo
		Arianna	Fondazione	Inattivo, inglobato in <a href="#">Libero</a>
		Multisoft	Fondazione	Inattivo
		Virgilio	Fondazione	Attivo, risultati Google
		Ask Jeeves	Fondazione	Attivo (rimarchiato in ask.com)
1997		Northern Light	Lancio	Inattivo
		Yandex	Lancio	Attivo
1998		Google	Lancio	Attivo
		Ixquick	Lancio	Attivo anche come <i>Startpage</i>
		MSN Search	Lancio	Inattivo, diventato Bing
		empas	Lancio	Inattivo (fusa con NATE)
1999		Alltheweb	Lancio	Inattivo (URL reindirizzato a <a href="#">Yahoo!</a> )
		GenieKnows	Lancio	Inattivo
		Naver	Lancio	Attivo
		Teoma	Fondazione	Inattivo, reindirizza Ask.com
		Vivísimo	Fondazione	Inattivo, IMB
		superEva	Lancio	Inattivo, solo analisi trend

6



7

recursively

a page has high rank if the sum of the ranks of its backlinks is high

rank  $j$   $\equiv$  probability  $\pi_j$

↓

$$\pi_j = \sum_{i=1}^n \pi_i p_{ij}$$

Prof. Vittoria de Nitto Personè 8

8

## Google's page rank algorithm

1. Create a DTMC transition diagram where there is one state for each web page with connections for linked pages
2. If page  $i$  has  $k > 0$  links, state each probability to  $1/k$
3. Solve the DTMC; page are ranked based on their limit probabilities

Prof. Vittoria de Nitto Personè

9

9

## Performance Modeling of Computer Systems and Networks

*Prof. Vittoria de Nitto Personè*

Markov Process

Università degli studi di Roma Tor Vergata  
Department of Civil Engineering and Computer Science Engineering

Copyright © Vittoria de Nitto Personè, 2021  
<https://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>



10

Processo stocastico

$$\{X(t_1), X(t_2), \dots\}$$

Spazio degli stati

$$E = \{s_0, s_1, s_2, \dots\}$$

Catena di Markov

$$\begin{aligned} P\{X(t_{n+1}) = x_{n+1} | X(t_n) = x_n, X(t_{n-1}) = x_{n-1}, \dots, X(t_0) = x_0\} = \\ = P\{X(t_{n+1}) = x_{n+1} | X(t_n) = x_n\} \end{aligned}$$

Prof. Vittoria de Nitto Personè

11

11

## Probabilità stazionaria

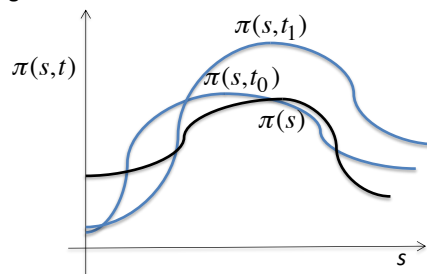
Distribuzione di probabilità istantanea

$$P\{X(t) = s_i\} = \pi(s_i, t)$$

- Spazio finito
- Processo irriducibile e ergodico



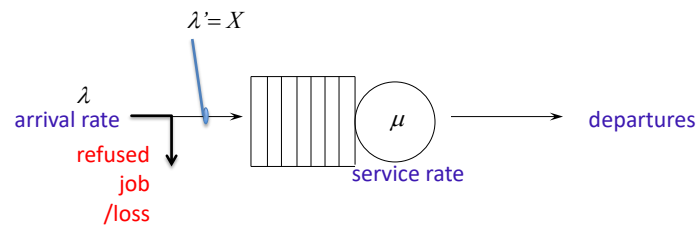
$$\lim_{t \rightarrow \infty} \pi(s_i, t) = \pi(s_i)$$



Prof. Vittoria de Nitto Personè

12

12

Single server center with **finite buffer**

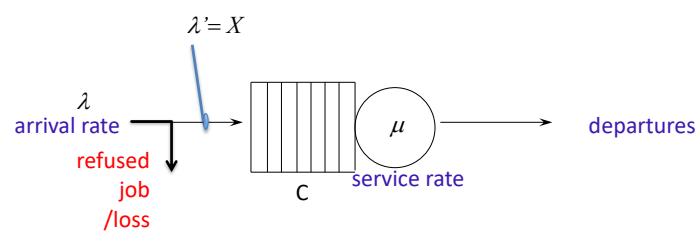
Each arrival when the queue is *full* will be lost  
Which is the throughput?

~~$X \neq \lambda$~~   
 ~~$\rho = \lambda / \mu$~~   
No!  
On the contrary  
 $X < \lambda$

Prof. Vittoria de Nitto Personè

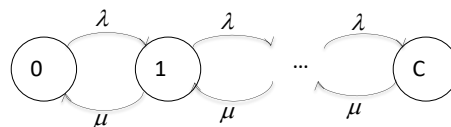
13

13

Single server center with **finite buffer**

$X(t) \equiv n^\circ \text{ di job nel centro}$

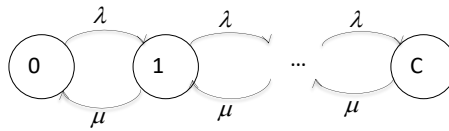
$E = \{0, 1, 2, \dots, C\}$



Prof. Vittoria de Nitto Personè

14

14



$$\pi_0 \lambda = \pi_1 \mu \quad \Rightarrow \quad \pi_1 = \frac{\lambda}{\mu} \pi_0$$

$$\pi_1 (\lambda + \mu) = \pi_0 \lambda + \pi_2 \mu$$

$$\pi_2 \mu = \frac{\lambda}{\mu} (\lambda + \mu) \pi_0 - \pi_0 \lambda \quad \dots \quad \Rightarrow \quad \pi_2 = \left( \frac{\lambda}{\mu} \right)^2 \pi_0$$

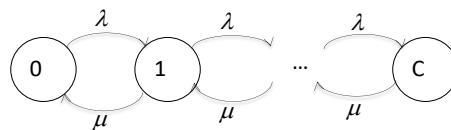
⋮

$$\pi_C = \left( \frac{\lambda}{\mu} \right)^C \pi_0 \quad \pi_i = \left( \frac{\lambda}{\mu} \right)^i \pi_0$$

Prof. Vittoria de Nitto Personè

15

15



$$\sum_{i=0}^C \pi_i = 1$$

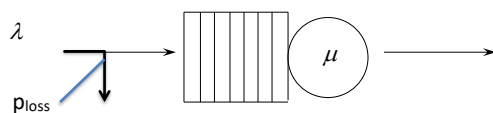
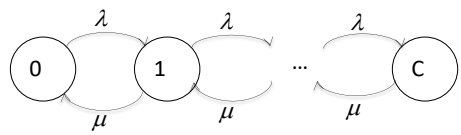
$$\sum_{i=0}^C \left( \frac{\lambda}{\mu} \right)^i \pi_0 = 1 \quad \Rightarrow \quad \pi_0 = \frac{1}{\sum_{i=0}^C \left( \frac{\lambda}{\mu} \right)^i}$$

Prof. Vittoria de Nitto Personè

16

16

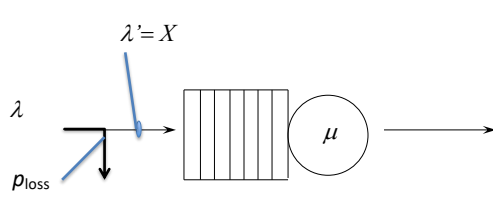


$$\rho_{\text{loss}} = \pi_C = \left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^C \pi_0 = \frac{\left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^C}{\sum_{i=0}^C \left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^i}$$

Prof. Vittoria de Nitto Personè

17



$$\lambda' = \lambda (1 - \rho_{\text{loss}})$$

$$\rho = \lambda' / \mu$$

Es.:

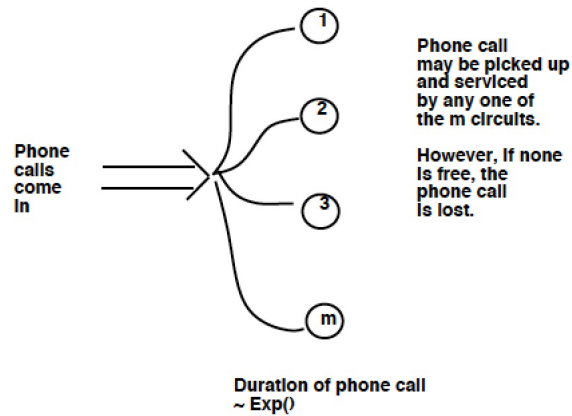
$C=4$   
 $\lambda = \mu = 5 \text{ j/s}$   
 $\pi_i = \left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^i \pi_0$   
 $\pi_1 = \pi_2 = \pi_3 = \pi_4 = \pi_0 = \frac{1}{5}$

$\rho_{\text{loss}} = \pi_4 = \frac{1}{5}$   
 $\lambda' = 5 (1 - 1/5) = 4 = X$   
 $\rho = 0,8$

Prof. Vittoria de Nitto Personè

18

## M/M/m/m the m-server loss system

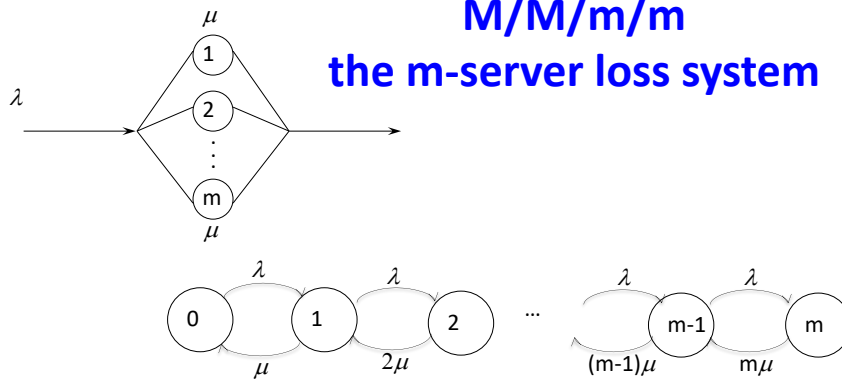


Prof. Vittoria de Nitto Personè

19

19

## M/M/m/m the m-server loss system



$$\pi_i = \left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^i \frac{1}{i!} \pi_0$$

$$\sum_{i=0}^m \pi_i = 1$$

$$\pi_0 = \frac{1}{\sum_{i=0}^m \left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^i \frac{1}{i!}}$$

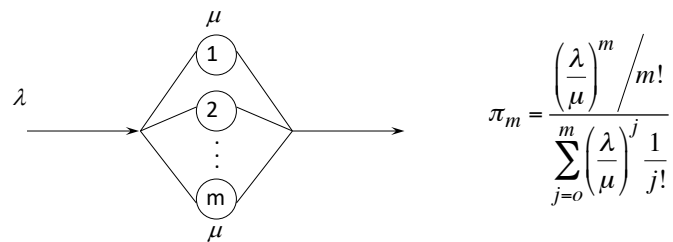
$$\pi_i = \frac{\left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^i / i!}{\sum_{j=0}^m \left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^j \frac{1}{j!}}$$

Prof. Vittoria de Nitto Personè

20

20

### The Erlang-B formula



Prof. Vittoria de Nitto Personè

21

21

### The Erlang-C formula

### The Erlang-B formula

$$P_Q = \frac{(m\rho)^m}{m!(1-\rho)} p(0)$$

$$= \frac{\left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^m}{m!(1-\rho)} p(0)$$

&gt;

$$\pi_m = \frac{\left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^m}{m!} \pi_0$$

 $p(0)$ 

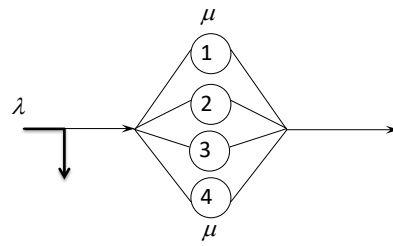
&lt;

 $\pi_0$ 

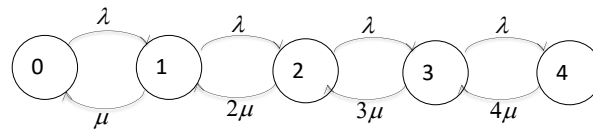
Prof. Vittoria de Nitto Personè

22

22



$$\lambda = 5 \text{ j/s}, \mu = 1/300 \text{ j/ms} = 3.33333 \text{ j/s}$$



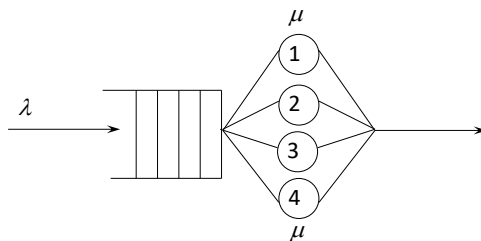
$$p_{\text{loss}} = \pi_4 = 0.048 \quad \lambda' = \lambda (1 - p_{\text{loss}}) = 4.76 \text{ j/s}$$

$$\rho = \lambda' / m\mu = 4.76 / 13.333333 = 0.357$$

Prof. Vittoria de Nitto Personè

23

23



$$\lambda = 5 \text{ j/s}, \mu = 1/300 \text{ j/ms} = 3.33333 \text{ j/s}$$

Prof. Vittoria de Nitto Personè

24

24

Consider a single-core server hosting a web service. Requests arrive to the server according to a Poisson, with an average inter-arrival time of 200 ms. Knowing that the maximum buffer size is  $N = 4$  (including the jobs in service) and that each request requires on average 200 ms of processing time,

1. State if the system is stationary and explain the reason
2. compute the system utilization
3. compute the system throughput.

Consider a CPU upgrade to a slower quad-core processor, which can process a request in 300 ms using one of its processor cores. Compute the throughput of the upgraded system.