

Wick 转动

$$Z = \int D\bar{\psi} D\psi e^{i \int d^4x \mathcal{L}}$$

↑ 实时路径积分

量子场论与凝聚态场论
拉格朗日量 Lagrangian
 $\mathcal{L}(\psi, \partial_\mu \psi)$

↓ 虚时路径积分

$$Z = \int D\bar{\psi} D\psi e^{-S[\bar{\psi}, \psi]}$$

↓ 热力学势

$$F = -T \ln Z$$

编时关联函数

$$\langle \Omega | T_t \{ \bar{\psi}_1 \psi_2 \} | \Omega \rangle \xrightarrow{\text{LSZ 约化公式}} \text{S 矩阵 散射振幅 } \langle f | \hat{S} | i \rangle \longrightarrow \text{截面 } \frac{d\sigma}{d\Omega} \text{ 可测量}$$

有相互作用情形的关联函数
耦合常数和能标

微扰论
费曼图

重整化
重整化群

虚时作用量

$$S[\bar{\psi}, \psi]$$

自发对称性破缺
平均场近似, etc

Landau-Ginzburg 相变理论

重标度

低能有效

$$\frac{dg}{d \ln b} = \mathbf{R}(\mathbf{g}) \xrightarrow{\text{不动点}} \text{相图}$$

松原格林函数

$$C(\tau_1, \tau_2) = -\langle T_\tau X_1(\tau_1) X_2(\tau_2) \rangle$$

傅立叶变换

$$C(i\omega_n) \xrightarrow[i\omega_m \rightarrow \omega + i\delta]{\text{解析延拓}} C^R(\omega)$$

$$\delta \langle X_1(t) \rangle = \int dt' C^R(t - t') X_2(t') \quad \text{可测量}$$

久保方程
↑ 线性响应
推迟格林函数

$$C^R(\omega) \longrightarrow C^R(t_1 - t_2) = -i\Theta(t_1 - t_2) \langle [X_1(t_1), X_2(t_2)] \rangle$$

超前格林函数

$$C^A(\omega) \longrightarrow C^A(t_1 - t_2) = +i\Theta(t_2 - t_1) \langle [X_1(t_1), X_2(t_2)] \rangle$$

解析延拓