

# 1. Введение

## 1.1. Множества и операции над множествами

### 1.1.1. Множества

~~Фрактальная математика? Появилась в 1980 г. ~~

Книга Ньютона - "Натуральная философия" (?)

1. Множества:

- Натуральные числа  $\mathbb{N}$  ( $0 \notin \mathbb{N}$ )
- Целые числа  $\mathbb{Z}$
- Рациональные числа  $\mathbb{Q}$
- вещественные числа  $\mathbb{R}$
- Действительные числа  $\mathbb{C}$

2. Элемент множества:

- Примеры:  $x \in \mathbb{N}$ ,  $x \notin \mathbb{Z}$

3. Множество в множестве

- Примеры:  $A \subset B$ ;  $B \supset A$
- $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R} \subset \mathbb{C}$
- $A \subset B, B \subset A \implies A = B$
- Пустое множество  $\emptyset \subset A$

### 1.1.2. Операции над множествами

1.  $A \cup B$  - объединение ( $x \in A \vee x \in B$ )
2.  $A \cap B$  - пересечение ( $x \in A \wedge x \in B$ )
3.  $A \setminus B$  - разность ( $x \in A \wedge x \notin B$ )

**Иррациональное множество**  $\mathbb{J} = \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$

$$\mathbb{J} \subset \mathbb{C}$$

$\pi$  - иррациональное число

4.  $A'_B$  - дополнение B до A. **НЕ ТО ЖЕ САМОЕ ЧТО  $A \setminus B$  !!!**

5. **Закон двойственности.**  $(A \cup B)' = A' \cap B'$

$$(A \cap B)' = A' \cup B'$$

Речь идёт о дополнении до универсума ( $\mathbb{U}$ )

Дополнение объединения = пересечение дополнений (подобно закону Де-Моргана в логике)

---

## Обозначения

$\emptyset, A, B, A', \mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{J}, \mathbb{R}, \mathbb{C}, \mathbb{U}$  - обозначения множеств.

$x$  - элемент множества.

$\in, \notin, \subset, \supset, =, \backslash, \cup, \cap, ' -$  операнды.

---

### 1.1.3. Эквивалентные и неэквивалентные множества.

Если между элементами двух множеств можно установить взаимнооднозначное соответствие, то такие множества называются **эквивалентными**.

1. Эквивалентные:  $A \sim B$ . Неэквивалентные:  $A \not\sim B$

$$A \not\sim B, \quad A \sim B_1 \subset B$$

$A$  имеет меньшую **мощность** чем  $B$

1. Если  $A \neq \emptyset$ , оно называется **конечным** (*WTF?!*)

2.  $n \in \mathbb{N} \wedge A \sim \{1, 2, 3, \dots, n\} \implies A$  имеет мощность  $n$

Мощность  $\emptyset$  равна 0

3. Множество, не являющееся **конечным** называется **бесконечным**

4. Множество  $A$  называется **счётным**, если  $A \sim \mathbb{N}$

5. Мощность множества  $> \mathbb{N}$ , оно называется **несчётным**.

$\mathbb{R}$  - счётное.