

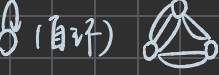


Graph

⇒ 数学定义: $G(V, E)$ $\begin{cases} V \text{ 顶点} \\ E \text{ 边} \end{cases}$, 且可以有 cycle, 边可以有向/无向

组成元件 { 1. node / node with label (○ / ⊙)
2. Edge / Edge with weight (权重) / Edge with direction / Edge with direction and weight / Edge with label (— / \overline{s} / \rightarrow / $\overline{s} \rightarrow$ / \overrightarrow{cr})

结构分类 { 1. Connect Graph ⇒ 所有点都连通 
2. Tree ⇒ 特殊连通且无环
3. Directed Graph (Digraph) ⇒ 边有方向性 
4. Multigraph ⇒ 允许自环/多重边 

属性分类 { 1. 同构 (isomorphism) ⇒ 形状看起来不同, 结构上完全相同 (关系同) 的图形
2. 分度 degree ⇒ 连接该顶点的边的数量 $\begin{cases} \text{In-degree 入度} \Rightarrow \text{指向该点的边数} \\ \text{Out-degree 出度} \Rightarrow \text{该点指向的边数} \end{cases}$

图形表示法 { 1. 邻接矩阵 Adjacency Matrix

	0	1	2	3
0	0	1	1	1
1	1	0	1	1
2	1	1	0	1
3	1	1	1	0

① 查询边是否存在很快 $\Rightarrow O(1)$
② 空间复杂度 $O(V^2)$, 对于稀疏图 (边很少的图) 很浪费空间
2. 邻接串列 Adjacency List

adjlists	data	link
[0]	3	1 → 2 → 0
[1]	2	3 → 0 → 0
[2]	1	3 → 0 → 0
[3]	0	1 → 2 → 0

① 节省空间 $O(V+E)$, 适合稀疏图, 遍历效率高
② 查询边是否存在较慢 $O(\text{deg}(v))$

ADT ⇒ Create() 建立空图 / InsertVertex(v) 新增顶点 / InsertEdge(v1, v2) 新增边 / DeleteVertex
DeleteEdge 删除顶点边 / Adjacent(v) 列出 v 的所有邻居.

搜索 { Graph 的 traversal 需要一个 visited[] 阵列来记录已访问过的点
1. BFS 广度优先 ⇒ 使用 Queue → 按照 Degree 层级一层层向外扩散
2. DFS 深度优先 ⇒ 使用 Stack → 一路踏到底, 遇到死路再回溯