

## Graph

⇒ 數學定義:  $G(V, E)$   $\left\{ \begin{array}{l} V \text{ 頂點} \\ E \text{ 邊} \end{array} \right.$ , 且可以有cycle, 邊可以是有向/無向

组成元件  $\left\{ \begin{array}{l} 1. \text{node / node with label (○/○)} \\ 2. \text{Edge / Edge with weight (权重) / Edge with direction / Edge with direction and weight /} \\ \text{Edge with label (- / \overline{s} / \rightarrow / \overline{s} / \overleftrightarrow{s})} \end{array} \right.$

結構分類  $\left\{ \begin{array}{l} 1. \text{Connect Graph} \Rightarrow \text{所有點都連通} \end{array} \right.$

$\left\{ \begin{array}{l} 2. \text{Tree} \Rightarrow \text{特殊連通且無环} \end{array} \right.$

$\left\{ \begin{array}{l} 3. \text{Directed Graph (Digraph)} \Rightarrow \text{邊有方向性} \end{array} \right.$

$\left\{ \begin{array}{l} 4. \text{Multigraph} \Rightarrow \text{允許自环 / 多重邊} \end{array} \right.$  (自环)  (多重邊)

屬性分類  $\left\{ \begin{array}{l} 1. \text{同構 isomorphism} \Rightarrow \text{形狀看起來不同, 結構上完全相同 (差不同) 的圖形} \end{array} \right.$

$\left\{ \begin{array}{l} 2. \text{度 Degree} \Rightarrow \text{連接該頂點邊的數量} \end{array} \right.$   $\left\{ \begin{array}{l} \text{In-degree 入度} \Rightarrow \text{指向該點的邊數} \\ \text{Out-degree 出度} \Rightarrow \text{該點指出的邊數} \end{array} \right.$

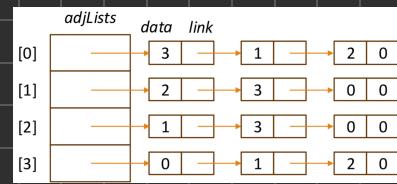
图形表示法  $\left\{ \begin{array}{l} 1. \text{鄰接矩陣 Adjacency Matrix} \end{array} \right.$

	0	1	2	3
0	0	1	1	1
1	1	0	1	1
2	1	1	0	1
3	1	1	1	0

优: 查詢邊是否存在很快  $\Rightarrow O(1)$

缺: 空間複雜度高  $O(V^2)$ , 對于稀疏圖(邊很少的圖)很浪費空間

$\left\{ \begin{array}{l} 2. \text{鄰接串列 Adjacency List} \end{array} \right.$



优: 節省空間  $O(V+E)$ , 適合稀疏圖, 連接效率高  
缺: 查詢邊是否存在較慢  $O(\deg(v))$

ADT  $\Rightarrow$  Create() 建立空圖 / InsertVertex(v) 新增頂點 / InsertEdge(v1, v2) 新增邊 / DeleteVertex

DeleteEdge 刪除頂點邊 / Adjacent(v) 列出 v 的所有鄰居.

搜尋  $\left\{ \begin{array}{l} \text{Graph By traversal} \text{ 是用一個 visited[]} \text{ 陣列來記錄已訪問過的點} \end{array} \right.$

1. BFS 幾度優先  $\Rightarrow$  使用 Queue  $\rightarrow$  按照 Degree 亂級 - 層級向外擴散

2. DFS 深度優先  $\Rightarrow$  使用 Stack  $\rightarrow$  一條路走到底, 遇到死路再回溯