

Farah Mohamed, Matricule: **20246646**

Hervé Ng'isse, Matricule : **20204609**

**TP2 2015, 29 juillet 2023.**

### **1. Auto-évaluation:**

Notre code fonctionne correctement. En effet, tous les tests effectués sur les fichiers d'entrée ont produit les mêmes résultats que les exemples de sorties.

### **2. Analyse théorique de la complexité temporelle (pire cas) théorique en notation grand O:**

#### **2.1.main:**

**V est le nombre de sommets dans le graphe.**

**E est le nombre d'arêtes(rues) dans le graphe.**

#### **- Lecture fichier**

-la lecture du fichier et l'initialisation des variables ont une complexité temporelle  **$O(1)$**

-les deux boucles qui ajoutent à chaque rue (arête) ses deux sommets(de départ et d'arrivé) ont a eux deux une complexité temporelle de  **$O(E)$** .

```

while ((line = bufferedReader .readLine()) != null) {
    //si une ligne commence par une lettre et que la longueur de la ligne >=6
    // alors c'est surement une rue (une arête)
    if (line.length() <= 4 && (Character.isLetter(line.charAt(0)))){
        line = line.replace( target: " ", replacement: "");
        Sommet sommet= new Sommet(line, visited: false, new ArrayList<Rue>());
        listSommet.add(sommet);
    }
    else if(Character.isLetter(line.charAt(0))) {
        line = line.replace( target: ";", replacement: "");
        line = line.replace( target: ":", replacement: "");
        line = line.trim().replaceAll( regex: "\\s+", replacement: " ");
        String[] newLine = line.split( regex: " ");
        String nomArete = newLine[0];
        Sommet sommetDepart = new Sommet(newLine[1], visited: false);
        Sommet sommetArrivee = new Sommet(newLine[2], visited: false);
        int poidsArete = Integer.parseInt(newLine[3]);
        Rue rue = new Rue(nomArete,sommetDepart,sommetArrivee,poidsArete);
        //ajoute a chaque rue (arête)ses deux sommets(de départ et d'arrivé)
        for (Sommet sommet: listSommet) {
            if (sommet.getSommet().equals(sommetDepart.getSommet())){
                sommet.addRue(rue);
                rue.setSommetDepart(sommet);
                break;
            }
        }
        for (Sommet sommet: listSommet) {
            if (sommet.getSommet().equals(sommetArrivee.getSommet())){
                sommet.addRue(rue);
                rue.setSommetArrivee(sommet);
                break;
            }
        }
        listArete.add(rue);
    }
}
}

```

## - l'algorithme de Prim-Jarnik

- Insertion dans la File de Priorité  $O(V)$
- Extraction de l'élément de la file de priorité :  $O(\log V)$
- les opérations des vérifications de la disponibilité de sommet et l'initialisation de la disponibilité du sommet,l'écriture dans le fichier de sortie ont une complexité temporelle :  $O(1)$

- l'ajout des arêtes non visitées dans la file de priorité a une complexité temporelle :  $O(E \log V)$

Donc l'algorithme de Prim-Jarnik a une complexité temporelle de  $O(E \log V)$

```
//le sommet de depart choisit est le premier élément de notre liste de sommets
Sommet startSommet = listSommet.get(0);
startSommet.setVisited(true);
PriorityQueue<Rue> ruePriorityQueue = new PriorityQueue<>();
//on ajoute tous les arêtes de notre sommet de départ à notre priorityQueue en suivant une priorité
//lié au poids ensuite a l'ordre alphanumerique
for (Rue rue: startSommet.getRueConnecte()){
    ruePriorityQueue.add(rue);
}
int compteur = 0;
int poids = 0;
//implementation l'algorithme de Prim-Jarnik.
while (!(ruePriorityQueue.isEmpty()) ) {
    Rue ruePrise = ruePriorityQueue.poll();
    compteur +=1;
    //si les deux sommets sont déjà visités la condition permet d'ignorer l'arête
    if ((ruePrise.getSommetArrivee().isVisited()) && (ruePrise.getSommetDepart().isVisited())) {
        continue;
    }
    //changer la valeur du sommet courant en True
    ruePrise.setVisited(true);
    try (BufferedWriter writerSommet = new BufferedWriter(new FileWriter(outputFile, append: true))) {
        //la condition permet écrire les sommets selon leurs ordres de lecture et si un sommet de depart
        //est déjà lu alors on écrit le sommet d'arrivé
        String printAreteString = ruePrise.getSommetDepart().getSommet();
        boolean b = !(printArete.contains(printAreteString));
        if (b) {
            printArete.add(printAreteString);
            writerSommet.write(printAreteString);
            writerSommet.newLine();
        }else{
            printAreteString=ruePrise.getSommetArrivee().getSommet();
            printArete.add(printAreteString);
            writerSommet.write(printAreteString);
            writerSommet.newLine();
        }
    } catch (IOException e) {
        throw new RuntimeException(e);
    }
}
//instancie avec un constructeur vide le prochain sommet pour éviter de prendre un sommet déjà
//visité
Sommet prochainSommet = new Sommet();
```

```

//instancie avec un constructeur vide le prochain sommet pour éviter de prendre un sommet déjà
//visité
Sommet prochainSommet = new Sommet();
//condition pour vérifier si le prochain sommet est déjà visité
//si oui prendre le sommet d'arrivée
if (ruePrise.getSommetArrivee().isVisited()) {
    prochainSommet = ruePrise.getSommetDepart();
} else {
    prochainSommet = ruePrise.getSommetArrivee();
}
//changer la valeur du sommet de départ en True
prochainSommet.setVisited(true);
//les arête sont les rues ainsi on ajoute dans la priorityqueue, les rues qui n'ont pas encore été
//visité avec comme sommet courant, le prochain sommet de notre sommet precedent
for (Rue rue: prochainSommet.getRueConnecte()){
    if (!(rue.isVisited())){
        ruePriorityQueue.add(rue);
    }
}
//itération du chemin déjà parcouru
poids += ruePrise.getPoidsArete();
//ajoute les informations lies a la rue dans une liste afin d'obtenir une sortie:
//nom sommet + rue a chaque itération
//mais sommets ensuite toutes les rues
outputPrint.add(ruePrise.getNomArete() + " " + ruePrise.getSommetDepart().getSommet() +
    " " + ruePrise.getSommetArrivee().getSommet()+ " " + ruePrise.getPoidsArete());
}
}

```

## - Ecriture des rues et de la longueur du parcours

cette opération dépend du nombre d'éléments dans la liste des rues à écrire plus la longueur du chemin donc la complexité temporelle est  $O(E)$ .

```

try (BufferedWriter writer = new BufferedWriter(new FileWriter(outputFile, append: true))) {
    for (String element : outputPrint) {
        writer.write(element);
        writer.newLine();
    }
    writer.write(str: "-----");
    writer.newLine();
    writer.write(String.valueOf(poids));
}

```

- **complexite temporelle globale**

$O(E) + O(E \log V) + O(E)$ , la complexite temporelle totale du code dans le pire cas est  **$O(E \log V)$**