



به نام خدا
دانشگاه تهران
دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر



درس شبکه‌های عصبی و یادگیری عمیق
تمرین Extra

| | |
|--------------------|---------------------------|
| نام و نام خانوادگی | فرید سیاهکلی – سعید شکوفا |
| شماره دانشجویی | 810198418 – 810198510 |
| تاریخ ارسال گزارش | 1401.09.28 |

فهرست

- پاسخ 1. تشخیص تقلب با استفاده از شبکه عصبی 1
- 1-1. پیاده سازی مقاله 1
- پاسخ 2 – Liveness Detection 2
- 1-2. پیاده سازی 2
- پاسخ 3 – تشخیص کاراکتر نوری 3
- 1-3. پیاده سازی 3

شکل‌ها

- 1 شکل 1 معماری شبکه Autoencoder.....
- 2 شکل 2 معماری شبکه کلاسیفیکیشن.....
- 3 شکل 3 تاثیر Sampling.....
- 3 شکل 4 معماری شبکه Denoising.....
- 3 شکل 5 نحوه آموزش شبکه Denoising.....
- 3 شکل 6 نمودار خطا برای داده آموزش و تست
- 4 شکل 7 نمودار Accuracy و Recall به ازای Threshold های مختلف
- 3 شکل 8 معادلات به روز رسانی برای SGD.....
- 3 شکل 9 معادلات به روز رسانی برای SGD به همراه Momentum.....
- 4 شکل 10 نحوه یادگیری در Adagrad
- 4 شکل 11 پیاده سازی Adadelta
- 5 شکل 12 میانگین وزنی نمایی برای شیب ها.....
- 5 شکل 13 میانگین وزنی نمایی برای گرادیان ها
- 5 شکل 14 معادلات به روز رسانی وزن های و بایاس در Adam.....
- 6 شکل 15 مقادیر خطا در هنگام آموزش برای 30 ایپاک
- 6 شکل 16 تمامی نتایج خواسته شده برای بهینه ساز Adam.....
- 7 شکل 17 مقادیر خطا در هنگام آموزش برای 30 ایپاک
- 7 شکل 18 تمامی نتایج خواسته شده برای بهینه ساز SGD.....
- 7 شکل 19 مقادیر خطا در هنگام آموزش برای 30 ایپاک
- 8 شکل 20 تمامی نتایج خواسته شده برای بهینه ساز Adadelta

جدولها

No table of figures entries found.

پاسخ 1. تشخیص تقلب با استفاده از شبکه عصبی

۱-۱. پیاده سازی مقاله

1- تعدادی از چالش‌های مرتبط با شناسایی کارت اعتباری:

- نمایه رفتار متقلبان پویا است، یعنی تراکنش‌های متقلبان شبیه تراکنش‌های قانونی هستند.
- مجموعه داده‌های تراکنش کارت اعتباری به ندرت در دسترس هستند و به شدت نامتعادل هستند.
- انتخاب بهینه ویژگی (متغیرها) برای مدل‌ها.
- معیار مناسب برای ارزیابی عملکرد تکنیک‌ها بر روی داده‌های تقلب کارت اعتباری.
- عملکرد شناسایی تقلب در کارت اعتباری تا حد زیادی تحت تأثیر نوع روش نمونه‌گیری مورد استفاده، انتخاب متغیرها و تکنیک‌های شناسایی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

2- معماری شامل دو بخش است:

- شبکه Denoised Autoencoder: آنها یک Autoencoder 7 لایه برای فرآیند حذف نویز داده طراحی کرد. پس از اینکه مجموعه داده آموزشی متعادلی از Oversampling بدست آورده شد، نویز گاوسی را به مجموعه داده آموزشی اضافه می‌کنند، سپس مجموعه داده آموزشی را به این Autoencoder وارد می‌کنند. پس از آموزش این مدل، این Autoencoder قابلیت حذف داده‌های آزمایشی در فرآیند پیش‌بینی را دارد.

| |
|----------------------------|
| Dataset with noise (29) |
| Fully-Connected-Layer (22) |
| Fully-Connected-Layer (15) |
| Fully-Connected-Layer (10) |
| Fully-Connected-Layer (15) |
| Fully-Connected-Layer (22) |
| Fully-Connected-Layer (29) |
| Square Loss Function |

شکل 1 معماری شبکه Autoencoder

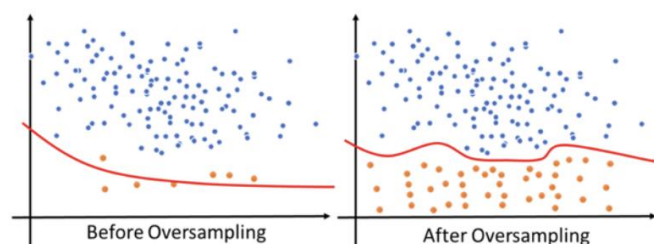
- شبکه Classifier: گروه ما یک Autoencoder 6 لایه برای فرآیند حذف نویز داده طراحی کرد. پس از اینکه مجموعه داده‌های آموزشی Denoise شده را از Denoised Autoencoder دریافت کردیم، مجموعه داده‌های آموزشی را به این طبقه‌بندی‌کننده شبکه عصبی کاملاً متصل عمیق وارد می‌کنیم. در پایان، ما از SoftMax با Cross-entropy به عنوان تابع ضرر برای طبقه‌بندی نهایی استفاده می‌کنیم.

| |
|-------------------------------------|
| Denoised Dataset (29) |
| Fully-Connected-Layer (22) |
| Fully-Connected-Layer (15) |
| Fully-Connected-Layer (10) |
| Fully-Connected-Layer (5) |
| Fully-Connected-Layer (2) |
| SoftMax Cross Entropy Loss Function |

شکل 2 معماری شبکه کلاسیفیکیشن

3- الگوریتم های رفع Imbalancement مورد استفاده در مقاله:

- Oversampling: تکنیکی است که برای مقابله با مجموعه داده های نامتعادل استفاده می شود، موضوع آن برای ایجاد نمونه کلاس خاصی است تا توزیع کلاس مجموعه داده اصلی متعادل شود. مزایای استفاده از نمونه برداری بیش از حد نشان داده شده است
- Synthetic Minority Oversampling Technique (SMOTE): تکنیک نمونه برداری بیش از حد (حداقلیت مصنوعی) یکی از محبوب ترین تکنیک های نمونه برداری بیش از حد است. برای ایجاد یک نقطه داده مصنوعی، ابتدا باید یک k خوشه نزدیکترین همسایه را در فضای ویژگی پیدا کنیم، سپس به طور تصادفی یک نقطه را در این خوشه پیدا کنیم، در نهایت از میانگین وزنی برای "جعل" نقطه داده جدید استفاده کنیم.



شکل 3 تاثیر Sampling

4- پیاده سازی و آموزش:

به ترتیب ابتدا داده را لود کردیم و sampling مدنظر را پیاده سازی کردیم. سپس دو مدل مورد استفاده را تعریف کرده و در ادامه اقدام به آموزش آنها کردیم.

برای بخش denoising معماری، نحوه آموزش و نتایج به شرح زیر هستند:

```
input_dim = X1_train.shape[1] #29
input_layer = Input(shape=(input_dim, ))
encoder1 = Dense(22, activation="tanh", activity_regularizer=
    regularizers.l1(learning_rate))(input_layer)
encoder2 = Dense(15, activation="relu")(encoder1)
encoder3 = Dense(10, activation="tanh")(encoder2)
decoder1 = Dense(15, activation='relu')(encoder3)
decoder2 = Dense(22, activation='tanh')(decoder1)
decoder3 = Dense(input_dim, activation='relu')(decoder2)

autoencoder = Model(inputs=input_layer, outputs=decoder3)
```

شکل 4 معماری شبکه Denoising

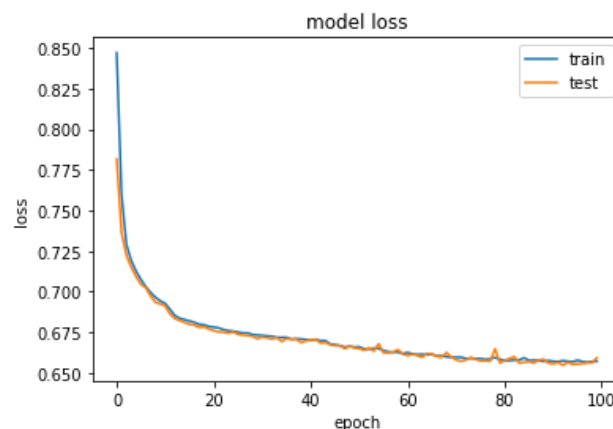
```
autoencoder.compile(metrics=['accuracy'],
    loss='mean_squared_error',
    optimizer='adam')

checkpointer = ModelCheckpoint(filepath='autoencoder_fraud.h5',
    save_best_only=True,
    verbose=0)

tensorboard = TensorBoard(log_dir='./logs',
    histogram_freq=0,
    write_graph=True,
    write_images=True)

history = autoencoder.fit(X1_train, X1_train,
    epochs=nb_epoch,
    batch_size=batch_size,
    shuffle=True,
    validation_data=(X1_test, X1_test),
    verbose=1,
    callbacks=[checkpointer, tensorboard]).history
```

شکل 5 نحوه آموزش شبکه Denoising



شکل 6 نمودار خطا برای داده آموزش و تست

5- نمودار Confusion Matrix و مقادیر F1, Recall, Precision, Accuracy

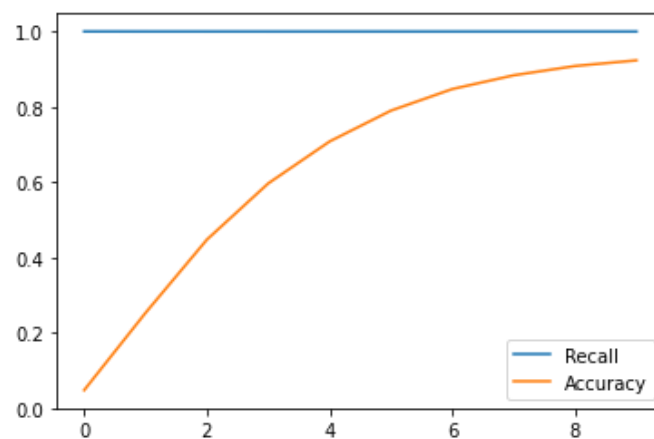
بیشترین F1 به ازای Threshold=1 بوده که مقادیر آن به شرح زیر است:

```
Confusion_matrix:
[[78756  6540]
 [   17   130]]
Accuracy:  92.325878
Recall:    99.978419
Precision: 92.332583
F1:       96.003510
```

در حالت Imbalancement دیتاست، علت عدم اعتکا و استفاده از Accuracy از آنجاییست که در شرایطی که بعنوان مثال ما 95 درصد دیتایی با تارگت 1 و 5 درصد دیتا با تارگت صفر داریم، نوشتن یک خط کد ("1") به 95 درصد accuracy می رسد. در نتیجه در این حالات باید از معیارهای دیگری همانند F1 استفاده گردد.

6- ارزیابی با Threshold های متفاوت برای Oversampling و نمودار شکل 7 مقاله:

حال Threshold خروجی را بین صفر تا یک تغییر می دهیم. نمودار به صورت زیر خواهد بود: برای حالت با Sampling و autoencoder نمودار معیارهای Accuracy و Recall به شرح زیر می شود:



شکل 7 نمودار Accuracy و Recall به ازای Threshold های مختلف

به ازای Threshold=1 ماتریس Confusion به شرح زیر است:

```
Confusion_matrix:
[[85269   27]
 [   27  120]]
Accuracy: 99.936799
Recall:   99.968345
```


7- آموزش داده بدون Resampling و حذف نویز به جهت مقایسه:

نتایج به شرح زیر می شوند.

```
Confusion_matrix:  
[[78756  6540]  
 [   17   130]]  
Accuracy: 92.32587  
Recall:    99.97841
```

مشاهده می شود که با اعمال دو متود مدنظر، شبکه به دقت بالاتری رسیده و جداسازی دو داده بهتر انجام می گیرد.

پاسخ ۲ – Liveness Detection

۲-۱. پیاده سازی

(الف)

۳-۱. پیاده سازی

الف) در شبکه‌های عصبی کانولوشن، ما در لایه‌های اولیه یادگیری ویژگی داریم که در آن ویژگی‌های بسیار ابتدایی آموخته می‌شوند. "Deep" در "DCNN" به تعداد لایه‌های شبکه اشاره دارد. داشتن 5 تا 10 لایه یا حتی بیشتر از لایه‌های یادگیری ویژگی در یک CNN عادی معمول است. معماری‌های مدرن مورد استفاده در کاربردهای پیشرفته دارای شبکه‌هایی با عمق بیش از 50 تا 100 لایه هستند. عملکرد سی‌ان‌ان تقریباً شبیه به کار بیش از حد ساده شده مغز انسان در تشخیص اجزای بینایی از طریق قشر بینایی است. از طرفی با افزایش لایه‌ها به جهت ساخت DCNN ها، مشکلاتی مانند Overfitting به علت افزایش تعداد پارامترها و یا Gradient Descent به وجود می‌آید که نیازمند روش‌هایی مانند بلوک‌های Residual و یا Batch Normalization و یا Dropout است.

ب) SGD با Momentum همیشه بهتر از الگوریتم SGD معمولی کار می‌کند. مشکل SGD این است که در حالی که به دلیل نوسان زیاد سعی می‌کند به حداقل برسد، نمی‌توانیم نرخ یادگیری را افزایش دهیم. بنابراین برای همگرایی زمان می‌برد. در این الگوریتم، ما از میانگین وزنی نمایی برای محاسبه گرادیان استفاده می‌کنیم و از این گرادیان برای به روز رسانی پارامتر استفاده می‌کنیم.

معادله برای به روز رسانی وزن و سوگیری در SGD:

$$w_t = w_{t-1} - \eta \frac{\partial L}{\partial w_{t-1}}$$

$$b_t = b_{t-1} - \eta \frac{\partial L}{\partial b_{t-1}}$$

شکل 8 معادلات به روز رسانی برای SGD

معادله ای برای به روز رسانی وزن ها و بایاس در SGD با Momentum:

$$w_t = w_{t-1} - \eta V_{dw_t}$$

$$\text{where } V_{dw_t} = \beta V_{dw_{t-1}} + (1 - \beta) \frac{\partial L}{\partial w_{t-1}}$$

$$b_t = b_{t-1} - \eta V_{db_t}$$

$$\text{where } V_{db_t} = \beta V_{db_{t-1}} + (1 - \beta) \frac{\partial L}{\partial b_{t-1}}$$

شکل 9 معادلات به روز رسانی برای SGD به همراه Momentum

در SGD با Momentum، ما Momentum را در تابع گرادیان اضافه کرده ایم. منظور من از این است که گرادیان فعلی به گرادیان قبلی خود و غیره وابسته است. این باعث تسریع SGD برای همگرایی سریعتر و کاهش نوسان می شود.

Adadelta توسعه ای از Adagrad است که تلاش می کند تا نرخ یادگیری را به شدت کاهش دهد. ایده پشت Adadelta این است که به جای خلاصه کردن تمام گرادیان های مربع گذشته از گام های زمانی 1 تا "t"، چه می شود اگر بتوانیم اندازه پنجره را محدود کنیم. به عنوان مثال، محاسبه گرادیان مجذور 10 گرادیان گذشته و میانگین. این را می توان با استفاده از میانگین وزنی نمایی روی گرادیان به دست آورد.

$$\text{Adagrad} \Rightarrow \eta'_t = \frac{\eta}{\sqrt{\alpha_t + \varepsilon}} \quad \text{where} \quad \alpha_t = \sum_{i=1}^t \left(\frac{\partial L}{\partial w_{t-1}} \right)^2$$

so, as "t" $\uparrow\uparrow$, $\alpha_t \uparrow\uparrow$, and $\eta'_t \downarrow\downarrow$

شکل 10 نحوه یادگیری در Adagrad

معادله بالا نشان می دهد که با افزایش گام های زمانی "t" مجموع گرادیان های مجذور " α " افزایش می یابد که منجر به کاهش نرخ یادگیری " η " می شود. به منظور حل افزایش نمایی در مجموع گرادیان های مجذور « α , α » را با میانگین وزنی نمایی گرادیان های مجذور جایگزین کردیم.

$$\eta'_t = \frac{\eta}{\sqrt{S_{dw_t} + \varepsilon}} \quad \text{where} \quad S_{dw_t} = \beta S_{dw_{t-1}} + (1 - \beta) \left(\frac{\partial L}{\partial w_{t-1}} \right)^2$$

ε is a small +ve number to avoid divisibility by 0

شکل 11 پیاده سازی Adadelta

بنابراین، در اینجا برخلاف آلفا " α " در آداگراد، که در آن پس از هر مرحله زمانی به طور تصاعدی افزایش می یابد. در Adadelta، با استفاده از میانگین های وزنی نمایی نسبت به گرادیان گذشته، افزایش Sdw تحت کنترل است. محاسبه "Sdw" مشابه مثالی است که در بخش میانگین وزنی نمایی انجام دادیم. مقدار " β " معمولاً 0.9 یا 0.95 است.

بهینه ساز Adam یکی از محبوب ترین بهینه سازها است. ایده پشت بهینه ساز Adam استفاده از مفهوم حرکت از "SGD با Momentum" و نرخ یادگیری تطبیقی از "Adadelta" است.

میانگین های وزنی نمایی برای شیب های گذشته:

$$V_{dw_t} = \beta V_{dw_{t-1}} + (1 - \beta) \frac{\partial L}{\partial w_{t-1}}$$

$$V_{db_t} = \beta V_{db_{t-1}} + (1 - \beta) \frac{\partial L}{\partial b_{t-1}}$$

شکل 12 میانگین وزنی نمایی برای شیب ها

میانگین های وزنی نمایی برای گرادیان های مجذور گذشته:

$$S_{dw_t} = \gamma S_{dw_{t-1}} + (1 - \gamma) \left(\frac{\partial L}{\partial w_{t-1}} \right)^2$$

$$S_{db_t} = \gamma S_{db_{t-1}} + (1 - \gamma) \left(\frac{\partial L}{\partial b_{t-1}} \right)^2$$

شکل 13 میانگین وزنی نمایی برای گرادیان ها

با استفاده از معادله بالا، اکنون فرمول به روز رسانی وزن و سوگیری به نظر می رسد:

$$w_t = w_{t-1} - \frac{\eta}{\sqrt{S_{dw_t} - \varepsilon}} * V_{dw_t}$$

$$b_t = b_{t-1} - \frac{\eta}{\sqrt{S_{db_t} - \varepsilon}} * V_{db_t}$$

شکل 14 معادلات به روز رسانی وزن های و بایاس در **Adam**

مزیت استفاده از بهینه ساز Adam:

- ساده برای پیاده سازی
- کارآمد محاسباتی
- نیازهای کمی حافظه
- مناسب برای مشکلات با گرادیان های بسیار پر سر و صدا/یا کم
- فرآپارامترها تفسیر بصری دارند و معمولاً نیاز به تنظیم کمی دارند

ج) در پیاده سازی DCNN ارائه شده در مقاله از چهار لایه کانولوشنی با تعداد Feature Map های مختلف استفاده شده است. همچنین به جهت کاهش Overfitting در هنگام آموزش از لایه Dropout استفاده شده است تا شبکه قادر به حفظ کردن دیتا نشود. از طرفی از Batch Normalization نیز برای پیشرفت یادگیری شبکه استفاده شده است. از لایه های Pooling نیز به جهت کاهش ابعاد فیچرهای خروجی استفاده شده است.

د) نمودارهای Loss و Accuracy و Confusion Matrix و مقادیر Precision، Recall و F1 برای هرکدام از سه روش بهینه سازی: برای بهینه ساز Adam:

```
Epoch 1/30
235/235 [=====] - 115s 447ms/step - loss: 0.3140 - accuracy: 0.8992 - val_loss: 16.9577 - val_accuracy: 0.1989
Epoch 2/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.1143 - accuracy: 0.9645 - val_loss: 8.1587 - val_accuracy: 0.2237
Epoch 3/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.0902 - accuracy: 0.9722 - val_loss: 0.7629 - val_accuracy: 0.7858
Epoch 4/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.0832 - accuracy: 0.9750 - val_loss: 0.2286 - val_accuracy: 0.9294
Epoch 5/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.0726 - accuracy: 0.9773 - val_loss: 0.2051 - val_accuracy: 0.9367
Epoch 6/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.0690 - accuracy: 0.9782 - val_loss: 0.1648 - val_accuracy: 0.9489
Epoch 7/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.0668 - accuracy: 0.9799 - val_loss: 0.1629 - val_accuracy: 0.9503
Epoch 8/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.0636 - accuracy: 0.9810 - val_loss: 0.1479 - val_accuracy: 0.9543
Epoch 9/30
235/235 [=====] - 98s 419ms/step - loss: 0.0617 - accuracy: 0.9815 - val_loss: 0.1479 - val_accuracy: 0.9542
Epoch 10/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.0609 - accuracy: 0.9814 - val_loss: 0.1441 - val_accuracy: 0.9557
Epoch 11/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.0585 - accuracy: 0.9823 - val_loss: 0.1406 - val_accuracy: 0.9571
Epoch 12/30
235/235 [=====] - 97s 411ms/step - loss: 0.0560 - accuracy: 0.9827 - val_loss: 0.1398 - val_accuracy: 0.9570
Epoch 13/30
235/235 [=====] - 97s 412ms/step - loss: 0.0541 - accuracy: 0.9841 - val_loss: 0.1335 - val_accuracy: 0.9592
Epoch 14/30
235/235 [=====] - 97s 412ms/step - loss: 0.0544 - accuracy: 0.9833 - val_loss: 0.1316 - val_accuracy: 0.9601
```

شکل 15 مقادیر خطا در هنگام آموزش برای 30 اپاک

```
625/625 [=====] - 9s 14ms/step
[[1995  1  0  0  1  1  1  0  0  1]
 [ 2 1994  0  0  0  0  1  0  2  1]
 [ 0  31 1924  0  26  0  12  0  0  7]
 [ 3  1  127 1793  64  1  4  1  0  6]
 [ 1  5  2  1 1981  0  7  0  0  3]
 [ 25  0  0  0  18 1834  5  0 115  3]
 [ 2  4  1  0  3  1 1960  0  1 28]
 [ 7  5 16  0  1  0  54 1915  1  1]
 [ 0  1  0  0  0  0  0  0 1997  2]
 [ 2 10  0  0  0  0  5  0  8 1975]]
F1: 96.82442399199051
Recall: 96.84
Precision: 96.95026456157855
Accuracy: 96.84
```

شکل 16 تمامی نتایج خواسته شده برای بهینه ساز Adam

برای بهینه ساز SGD:

```
Epoch 1/30
235/235 [=====] - 119s 445ms/step - loss: 0.6773 - accuracy: 0.7881 - val_loss: 17.9728 - val_accuracy: 0.1208
Epoch 2/30
235/235 [=====] - 99s 422ms/step - loss: 0.3555 - accuracy: 0.8811 - val_loss: 11.3897 - val_accuracy: 0.1984
Epoch 3/30
235/235 [=====] - 97s 415ms/step - loss: 0.3177 - accuracy: 0.8927 - val_loss: 2.4233 - val_accuracy: 0.4419
Epoch 4/30
235/235 [=====] - 99s 421ms/step - loss: 0.2951 - accuracy: 0.9013 - val_loss: 1.0197 - val_accuracy: 0.6866
Epoch 5/30
235/235 [=====] - 97s 415ms/step - loss: 0.2836 - accuracy: 0.9042 - val_loss: 0.8608 - val_accuracy: 0.7270
Epoch 6/30
235/235 [=====] - 99s 421ms/step - loss: 0.2727 - accuracy: 0.9082 - val_loss: 0.8175 - val_accuracy: 0.7406
Epoch 7/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.2589 - accuracy: 0.9139 - val_loss: 0.8014 - val_accuracy: 0.7454
Epoch 8/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.2567 - accuracy: 0.9144 - val_loss: 0.7796 - val_accuracy: 0.7510
Epoch 9/30
235/235 [=====] - 99s 422ms/step - loss: 0.2510 - accuracy: 0.9179 - val_loss: 0.7605 - val_accuracy: 0.7566
Epoch 10/30
235/235 [=====] - 97s 413ms/step - loss: 0.2423 - accuracy: 0.9192 - val_loss: 0.7498 - val_accuracy: 0.7599
Epoch 11/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.2416 - accuracy: 0.9191 - val_loss: 0.7359 - val_accuracy: 0.7635
Epoch 12/30
235/235 [=====] - 97s 413ms/step - loss: 0.2431 - accuracy: 0.9180 - val_loss: 0.7254 - val_accuracy: 0.7666
Epoch 13/30
235/235 [=====] - 97s 413ms/step - loss: 0.2367 - accuracy: 0.9212 - val_loss: 0.7092 - val_accuracy: 0.7727
Epoch 14/30
235/235 [=====] - 97s 413ms/step - loss: 0.2376 - accuracy: 0.9191 - val_loss: 0.7041 - val_accuracy: 0.7742
```

شکل 17 مقادیر خطا در هنگام آموزش برای 30 اپاک

```
625/625 [=====] - 9s 14ms/step
[[1983  12    0    0    0    2    0    0    2    1]
 [   5 1995    0    0    0    0    0    0    0    0]
 [   8 341 1623    3    0    0    1    8    0   16]
 [  18  47 1032  842    4    4    3   14    0   36]
 [  18  62  294  146 1224   54    5    2   25  170]
 [  96 105    0    0    3 1241    4    2  533   16]
 [  11 177   20    0    0    3 1585    4    6  194]
 [  15 181   26    0    0    0   13 1763    1    1]
 [   5  25    0    0    0    0    0    0 1968    2]
 [   6 240    0    0    0    0    3    0   12 1739]]
F1: 79.48922631630556
Recall: 79.815
Precision: 84.17374084621233
Accuracy: 79.815
```

شکل 18 تمامی نتایج خواسته شده برای بهینه ساز SGD

برای بهینه ساز Adadelta:

```
Epoch 1/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0611 - accuracy: 0.9810 - val_loss: 0.2198 - val_accuracy: 0.9383
Epoch 18/30
235/235 [=====] - 98s 415ms/step - loss: 0.0569 - accuracy: 0.9827 - val_loss: 0.2208 - val_accuracy: 0.9381
Epoch 19/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0521 - accuracy: 0.9842 - val_loss: 0.2045 - val_accuracy: 0.9420
Epoch 20/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0493 - accuracy: 0.9849 - val_loss: 0.1681 - val_accuracy: 0.9513
Epoch 21/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0478 - accuracy: 0.9854 - val_loss: 0.1698 - val_accuracy: 0.9509
Epoch 22/30
235/235 [=====] - 98s 415ms/step - loss: 0.0469 - accuracy: 0.9858 - val_loss: 0.1675 - val_accuracy: 0.9521
Epoch 23/30
235/235 [=====] - 97s 415ms/step - loss: 0.0433 - accuracy: 0.9868 - val_loss: 0.1471 - val_accuracy: 0.9574
Epoch 24/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0399 - accuracy: 0.9880 - val_loss: 0.1322 - val_accuracy: 0.9625
Epoch 25/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0381 - accuracy: 0.9880 - val_loss: 0.1334 - val_accuracy: 0.9617
Epoch 26/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0380 - accuracy: 0.9885 - val_loss: 0.1365 - val_accuracy: 0.9607
Epoch 27/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0358 - accuracy: 0.9889 - val_loss: 0.1318 - val_accuracy: 0.9621
Epoch 28/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0368 - accuracy: 0.9888 - val_loss: 0.1102 - val_accuracy: 0.9678
Epoch 29/30
235/235 [=====] - 97s 414ms/step - loss: 0.0337 - accuracy: 0.9894 - val_loss: 0.1231 - val_accuracy: 0.9642
Epoch 30/30
235/235 [=====] - 97s 413ms/step - loss: 0.0316 - accuracy: 0.9903 - val_loss: 0.1082 - val_accuracy: 0.9689
```

شکل 19 مقادیر خطا در هنگام آموزش برای 30 اپاک

```

↳ 625/625 [=====] - 9s 14ms/step
[[1999  0  0  0  0  0  0  1  0  0]
[  0 1999  0  0  0  0  0  0  1  0]
[  2  39 1957  0  0  0  0  0  0  2]
[ 13  0 109 1875  3  0  0  0  0  0]
[  6  10  53  14 1907  0  3  0  0  7]
[ 86  30  2  0  4 1815  2  1  59  1]
[  8  36  8  0  0  2 1914  4  2  26]
[  2  16  6  0  0  0  0 1976  0  0]
[  0  10  0  0  0  0  0  0 1990  0]
[  8  42  0  0  0  0  1  0  4 1945]]
F1: 96.89120818878446
Recall: 96.885
Precision: 97.05313040464702
Accuracy: 96.885

```

شکل 20 تمامی نتایج خواسته شده برای بهینه ساز **Adadelata**

(ه) معماری و پارامترهای بهترین شبکه:

از آنجایی که آموزش شبکه ها باید سه بار برای بهینه ساز های مختلف اجرا می شد، امر آموزش برای صد اپاک بسیار زمانبر بوده و در نتیجه همگی برای 30 اپاک آموزش دیده اند. همچنین بهترین لرنینگ ریت و هایپرپارامترهای دیگر در فایل های این بخش قابل مشاهده است.

همانطور که مشاهده می شود، دو بهینه سازی Adam و Adadelata به خوبی به مقدار قابل قبولی می رسند اما از آنجایی که بهینه ساز Adam با سرعت بیشتری به مقادیر بالا میل می کند، بهینه سازی نسبتا بهتر می باشد.