



Universidade de São Paulo
Instituto de física
Física aplicada

Qualificação de Doutorado

Transporte de partículas por ondas eletrostáticas

Acadêmico: André Farinha Bósio

Orientador: Prof. Dr. Iberê Luiz Caldas

Coorientador: Prof. Dr. Ricardo Luiz Viana

São Paulo, 13 de Junho de 2023



Universidade de São Paulo
Instituto de física
Física aplicada

Qualificação de Doutorado

Transporte de partículas por ondas eletrostáticas

Tese de doutorado submetida à CPG, sob
orientação do Prof. Dr. Iberê Luiz Caldas
como parte dos requisitos para obtenção do
título de doutor em física.

Acadêmico: André Farinha Bósio

Orientador: Prof. Dr. Iberê Luiz Caldas

Coorientador: Prof. Dr. Ricardo Luiz Viana

São Paulo, 13 de Junho de 2023

Conteúdo

1	Hamiltoniano do modelo	2
2	Sistema com duas ondas	3

1 Hamiltoniano do modelo

Nosso modelo

Nosso sistema consiste de uma região quadrada do espaço, com lados com comprimento 2π , com condição periódica de contorno. Assumindo agora um campo magnético na direção \vec{z} .

$$\vec{B} = B_0 \vec{z} \quad (1)$$

bem como um campo elétrico radial da forma

$$\vec{E} = -\nabla\phi(x, y, t) \quad (2)$$

de tal forma que $\vec{B} \perp \vec{E}$, gerando assim uma velocidade de deriva elétrica

$$\vec{v}_E = \frac{\vec{E} \times \vec{B}}{B^2} \quad (3)$$

Desenvolvendo a equação 3 com nossos campos chegamos em

$$v_x = \frac{dx}{dt} = -\frac{1}{B_0} \frac{\partial}{\partial y} \phi(x, y, t) \quad v_y = \frac{dy}{dt} = \frac{1}{B_0} \frac{\partial}{\partial x} \phi(x, y, t) \quad (4)$$

e comparando agora com as equações de Hamilton

$$\frac{dx}{dt} = -\frac{\partial}{\partial y} H(x, y, t) \quad \frac{dy}{dt} = \frac{\partial}{\partial x} H(x, y, t) \quad (5)$$

vemos que o hamiltoniano do sistema está ligada ao potencial elétrico pela relação

$$H(x, y, z) = \frac{\phi(x, y, z)}{B_0} \quad (6)$$

de maneira que x e y formam um par momento coordenada, com x fazendo o papel de momento e y de coordenada. Novamente, seguindo o modelo de Horton [1], o potencial usado será uma soma de ondas eletrostáticas, se propagando na direção poloidal e estacionárias na direção radial, temos ainda um potencial de equilíbrio $\phi_0(x)$

$$\phi(x, y, t) = \phi_0(x) + \sum_i A_i(k_{xi}x) \sin(k_{yi}y - \omega_i t) \quad (7)$$

Dessa forma nosso hamiltoniano toma a forma

$$H(x, y, t) = \frac{\phi_0(x)}{B_0} + \sum_i \frac{A_i}{B_0}(k_{xi}x) \sin(k_{yi}y - \omega_i t) \quad (8)$$

Uma onda

Quando o sistema possui apenas uma onda o hamiltoniano se reduz a

$$H(x, y, t) = \frac{\phi_0(x)}{B_0} + \frac{A}{B_0}(k_x x)(k_y y - \omega t) \quad (9)$$

por conveniencia vamos mudar o referencial do sistema para um que se move com mesma velocidade de fase da onda. Faremos isso usando uma transformacao canônica utilizando a função


$$F_2 = \quad (10)$$

2 Sistema com duas ondas

Os valores usados para as simulações são:

i	A_i	v	y	x
0	1	1	3	3
1	-	2	3	3

Com a Δv entre as ondas como 1 por simplicidade, dessa forma os ω_i podem ficar livres, já que temos o elo entre Δv e as frequencias.



data/A2_D_gamma_phase.pdf

Figura 1: Expoente do deslocamento quadratico medio ao longo do tempo, vemos que algumas combinacoes geram transporte altamente anomalo

Referências

- [1] W. Horton, “Onset of stochasticity and the diffusion approximation in drift waves,” *Plasma Physics and Controlled Fusion*, vol. 27, no. 9, p. 937, 1985.