

Web: ms.nuu.uz E-mail: yoshmatematiklar@mail.ru Telegram: @ms\_nuu

## Umumta'lim maktab oʻquvchilari uchun masofaviy olimpiada masalalari 2-topshiriq (16.03.2017 – 31.03.2017)

- 1. Raqamlari koʻpaytmasi 4 ga teng boʻlgan barcha 3 xonali sonlar yigʻindisini toping.
- **2.** Ushbu  $(a^2+1)(b^2+1)=(a+b)(ab+1)$  tenglamaning barcha haqiqiy yechimlarini toping.
- $3.~10 \times 10~{
  m doskani}~4 \times 1~{
  m ko'rinishidagi}~{
  m to'g'ri}~{
  m to'rtburchaklarga}~{
  m bo'lib}~{
  m chiqish}$  mumkinmi?
- 4. Yigʻindisi 8 ga teng boʻlgan musbat x,y,z sonlar uchun quyidagi tengsizliklarni isbotlang:

(a) 
$$[x]^4 + [y]^4 + [z]^4 \ge 48$$
,

(b) 
$$[x]^3 + [y]^3 + [z]^3 \ge 24$$
,

bu yerda [x] - x sonning butun qismi.

- 5. ABC uchburchakda C burchagi toʻgʻri burchak boʻlsin.  $AA_1$  va  $BB_1$  kesmalar mos ravishda BAC burchak va ABC burchaklarning bissektrisalari.  $A_1CB_1$  uchburchakka tashqi chizilgan aylana markazini O nuqta bilan belgilaylik. U holda  $OI \perp AB$  ekanligini isbotlang.
- 6.  $a=-\sqrt{3}+\sqrt{5}+\sqrt{7},\,b=\sqrt{3}-\sqrt{5}+\sqrt{7}$  va  $c=\sqrt{3}+\sqrt{5}-\sqrt{7}$  boʻlsin. U holda quyidagi ifodaning qiymatini toping:

$$\frac{a^4}{(a-b)(a-c)} + \frac{b^4}{(b-c)(b-a)} + \frac{c^4}{(c-a)(c-b)}.$$