

دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلی تکنیک تهران) دانشکده مهندسی کامپیوتر

گزارش نوشتاری درس روش پژوهش و ارائه

بررسی الگوریتمهای هوش مصنوعی در پیش بینی مصرف انرژی ساختمانها

نگارش فرشید نوشی

استاد راهنما دکتر رضا صفابخش

فروردین ۱۴۰۱



تديم به پدر نزر کوار و مادر مهربانم

آن دو فرشه ای که از خواسه بایشان کذشتند، سختی بارا به جان خریدند و خود را سپر بلای مشکلات و ناملایات کر دند تامن به جایگاهی که اکنون در آن ایساده ام برسم .

ساس کزاری *

به مصداق «من لم یشکر المخلوق لم یشکر الخالق» بسی شایسته است از استاد فرهیخته و فرزانه جناب آقای دکتر رضا صفابخش که با کرامتی چون خورشید، سرزمین دل را روشنی بخشیدند و گلشنسرای علم و دانش را با راهنماییهای کارساز و سازنده بارور ساختند تقدیر و تشکر نمایم.

فرشید نوشی فروردین ۱۴۰۱

چکیده

پیشبینی مصرف انرژی برای ساختمانها ارزش بسیار زیادی در تحقیقات بهرهوری انرژی و پایداری دارد. مدلهای پیشبینی دقیق انرژی، فواید متعددی در برنامهریزی و بهینهسازی انرژی ساختمانها و پردیسها دارند. برای ساختمان های جدید، که در آن داده های ثبت شده گذشته در دسترس نیستند، از روش های شبیه سازی کامپیوتری برای تجزیه و تحلیل انرژی و پیش بینی سناریوهای آینده استفاده می شود. با این حال، برای ساختمانهای موجود با دادههای انرژی سری زمانی ثبتشده گذشته، تکنیکهای آماری و یادگیری ماشین دقیق تر و سریع تر عمل کرده اند. این گزارش بررسیای بر الگوریتمهای هوش مصنوعی موجود برای پیشبینی مصرف انرژی سری زمانی انجام داده است. اگرچه تاکید بر یک تجزیه و تحلیل داده های سری زمانی منفرد است، اما بررسی فقط به آن محدود نمی شود زیرا داده های انرژی اغلب با سایر متغیرهای سری زمانی مانند آب و هوای بیرون و شرایط محیطی داخلی تجزیه و تحلیل می شوند. یک شوند. نه روش محبوب پیشبینی که بر اساس یادگیری ماشینی است، تجزیه و تحلیل می شوند. یک بررسی از "مدل ترکیبی"، که ترکیبی از دو یا چند تکنیک پیشبینی است نیز ارائه شده است. ترکیبات مختلف مدل ترکیبی موثر ترین در پیشبینی از دو یا چند تکنیک پیشبینی است نیز ارائه شده است. ترکیبات مختلف مدل ترکیبی موثر ترین در پیشبینی از رژی سری زمانی برای ساختمان هستند.

واژههای کلیدی:

یادگیری ماشین، هوش مصنوعی، پیشبینی داده های سری زمانی، مصرف انرژی ساختمانها

صفحه	ان فهرست مطالب	عنو
١	مقدمه	١
۲	۱-۱ اهمیت بهینه سازی عملکرد ساختمانها	
	۱-۲ اهداف بررسی	
۶	روشهای موجود برای پیشبینی مصرف انرژی ساختمانها	۲
	۲-۱ روش آماری	
	۲-۲ روش مهندسی	
	۲-۳ روش هوش مصنوعی	
	۲-۴ خلاصه	
٨	الگوریتم های هوش مصنوعی مورد بررسی	٣
	۳-۱ شبکه های عصبی مصنوعی	·
	۳-۳ میانگین متحرک خودهمبسته یکپارچه	
	۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔	
	۳-۵ استدلال مبتنی بر مورد	
	۳-۶ خلاصه	
١٢	نتایج تجربی بر روی مجموعه های داده	۴
	۴-۱ معرفی مجموعه های داده	•
	۴-۲ مقایسه ی روش های مورد بررسی	
	۳-۴ انتخاب بهینه ترین روش پیشنهادی	
	۴-۴ خلاصه	
		•
	نتیجه گیری و پیشنهادها	۵
	۵-۱ نتیجهگیری	
۱۵	۲-۵ پیشنهادها	
18	بع و مراجع	منا
۱۷	ەنامەي فارسى بە انگلیسى	واژ
19	ەنامەي انگلىسى بە فارسى	ەاۋ

صفحه	فهرست اشكال	شكل
۵.	اهمیت پیشبینی انرژی ساختمانها برای بهینه سازی ساختمانها	1-1
٩.	نمونه یک مقاله در گوگل اسکولار	1-4
١٠.	پنجرهی باز شده در گوگل اسکولار	7-4

فهرست جداول

فهرست جداول

جدول

فهرست نمادها

مفهوم	نماد
n فضای اقلیدسی با بعد	\mathbb{R}^n
n کره یکه n بعدی	\mathbb{S}^n
M جمینه m -بعدی	M^m
M جبر میدانهای برداری هموار روی	$\mathfrak{X}(M)$
(M,g) مجموعه میدانهای برداری هموار یکه روی	$\mathfrak{X}^1(M)$
M مجموعه p -فرمیهای روی خمینه	$\Omega^p(M)$
اپراتور ریچی	Q
تانسور انحنای ریمان	\mathcal{R}
تانسور ری چ ی	ric
مشتق لی	L
۲-فرم اساسی خمینه تماسی	Φ
التصاق لوی-چویتای	∇
لاپلاسین ناهموار	Δ
عملگر خودالحاق صوری القا شده از التصاق لوی-چویتای	$ abla^*$
متر ساساکی	g_s
التصاق لوی-چویتای وابسته به متر ساساکی	∇
عملگر لاپلاس-بلترامی روی p -فرمها	Δ

فصل اول مقدمه

آژانس بینالمللی انرژی، بهرهوری انرژی در ساختمانها را به عنوان یکی از پنج اقدام برای تضمین کربن زدایی طولانی مدت بخش انرژی شناسایی کرده است[۳] در کنار مزایای زیست محیطی، بهرهوری انرژی ساختمان دارای مزایای اقتصادی گسترده ای نیز می باشد. ساختمانهایی با سیستمهای انرژی کارآمد و استراتژیهای مدیریتی هزینههای عملیاتی بسیار کمتری دارند. اکنون بسیاری از کشورها اجرای قوانین و مقررات انرژی را برای انواع ساختمان ها تسریع کرده اند. این مقررات الزامات اساسی برای دستیابی به یک طراحی کارآمد انرژی برای ساختمانهای جدید با هدف کاهش مصرف انرژی نهایی و انتشار CO2 مرتبط را ترسیم می کند. علاوه بر این، بسیاری از نرم افزارهای کامپیوتری نیز برای طراحی بهینه انرژی ساختمان های جدید توسعه یافته و به طور گسترده پیاده سازی شده اند. در مورد تکنیک های موجود تجزیه و تحلیل انرژی ساختمان به کمک کامپیوتر و ابزارهای نرم افزاری در [۱، ۲] اطلاعات دقیقی موجود هستند. این مقررات و ابزارهای کامپیوتری مربوط به ساختمانهای جدید است و در واقع بسیار موثر هستند. با این حال، هنگامی که ساختمان در حال فعالیت است، عوامل زیادی بر رفتار انرژی یک ساختمان حاکم هستند، مانند شرایط آب و هوایی، برنامه حضور ساکنین ساختمان، خواص حرارتی مصالح ساختمانی، فعل و انفعالات پیچیده سیستمهای انرژی مانند گرمایش و تهویههوا و روشنایی و غیره. به دلیل این فعل و انفعالات پیچیده، محاسبه ی دقیق مصرف انرژی از طریق مدل شبیه سازی کامپیوتری بسیار دشوار است. به این دلایل، تکنیکهای دادهمحور برای تجزیه و تحلیل مصرف انرژی ساختمان های موجود بسیار حیاتی است. این تکنیکها بر دادههای ثبتشده گذشته تکیه دارند و تلاش می کنند مصرف انرژی را بر اساس الگوهای مصرف انرژی قبلی مدل سازی کنند. سایر عوامل مؤثر بر مصرف انرژی را می توان برای بهبود دقت چنین مدل های سری زمانی استفاده کرد. این تکنیکها که از دادههای گذشته استفاده می کنند، اغلب تحت «یادگیری ماشین» قرار می گیرند و در دو دهه اخیر به طور فعال در مطالعات پیشبینی انرژی ساختمان به کار رفتهاند

[7] اهمیت بهینه سازی عملکرد ساختمان [7]

برای دستیابی به سطح بهینه عملکرد انرژی در ساختمانها، نصب سیستمهای انرژی کارآمد باید با استراتژیهای عملیاتی و مدیریتی مناسب دنبال شود. این امر مستلزم نظارت و مدیریت مداوم دادههای انرژی سری زمانی همراه با سایر عوامل موثر بر عملکرد انرژی ساختمان ها است. در رابطه با نظارت مستمر و مدیریت مصرف انرژی در ساختمان های موجود، پیشبینی نقش بسزایی دارد. میتواند مجموعهای از شرایط مرزی و اهداف را برای مدیران و مالکان تأسیسات ساختمانی فراهم کند که مصرف انرژی ساختمان به طور ایدهآل باید در آن قرار گیرد (هدفهای روزانه، هفتگی، ماهانه و سالانه). همانطور که مدل پیشبینی سریهای زمانی از الگوهای مصرف انرژی قبلی یاد می گیرد، افزایش تدریجی مقادیر مصرف انرژی پیشبینی سریهای زمانی انرژی آگاه کند. علاوه بر رویکرد پیشبینی سریهای زمانی، سایر و نگهداری ساختمان و سیستمهای انرژی آگاه کند. علاوه بر رویکرد پیشبینی سریهای زمانی، سایر رویکردهای سری غیرزمانی را می توان برای اهداف بهینه سازی ساختمان اتخاذ کرد و همچنین می توان

آنها را با سایر مدلهای شبیهسازی کامپیوتری برای استخراج اشغال و سایر عوامل عملیاتی ترکیب کرد. یانگ ٔ و همکاران در بهینه سازی انرژی مبتنی بر شبیه سازی برای یک ساختمان آزمایشی در اسپانیا، یک چارچوب بهینهسازی الگوریتم ژنتیک موازی مبتنی بر وب ۲ که از منابع محاسباتی توزیعشده استفاده می کند تا زمان محاسبه را کاهش دهد استفاده کردند.یتری $^{\pi}$ و همکاران یک سیستم بهینهسازی مبتنی بر مدولار ارائه کردند که شبیهسازی انرژی و بهینهسازی را با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی ترکیب می کند. این برنامه کاهش قابل توجه انرژی (کیلووات ساعت) را در یک سناریوی واقعی نشان داد. با این حال، این امر مستلزم تجهیز ساختمان به حسگرها و عملگرها برای نظارت، کنترل و بهینه سازی بود. این ممكن است در مورد اكثر زيرساخت هاى ساختمان موجود نباشد. چنين چالش هايي مورد بحث قرار مي گیرند. با این حال، همچنین خاطرنشان می شود که پتانسیل صرفه جویی انرژی مرتبط در ساختمان ها به راه اندازی، ردیابی عملکرد و استراتژی های کنترل پیشرفته مربوط می شوند. این امر به عوامل بسیاری از جمله منابع مالی، حمایت از سیاست، آگاهی سبز، مواد سبز و فناوری و غیره وابسته است. زونگ * و همکاران در مورد چالش های اجرای یک مدل اقتصادی استراتژی کنترل پیش بینی $^{\rm A}$ برای ساختمان های هوشمند بحث کردند. مشاهده شد که هنوز چالشهایی در کاربرد کنترل پیشبینی مدل از جمله سازش بین سادهسازی و پیچیدگی مدلسازی دینامیکی حرارتی ساختمان و تعادل بین سیستمهای چند انرژی وجود دارد. هو و همکاران با درک چالشها در ادغام دادههای عملکرد ساختمان با سایر دادههای مربوط به ساختمان. روش جدیدی را برای پیوند دادن دادههای قطع شده سنتی برای ساخت منابع داده ارائه کرد تا ارزیابی عملکرد ساختمان را به صورت عمیق و روشنتر فراهم کند. پیشبینی سریهای زمانی برای بهینهسازی عملکرد ساختمان ضروری است. هر تکنیک بهینهسازی به اطلاعاتی در مورد سناریوهای آینده یا یافتن بهترین راهحلها در برابر یک معیار آزمایشی نیاز دارد. تکنیک های یادگیری ماشین در این زمینه مفید هستند و اغلب در حل این دو مشکل استفاده می شوند. با این حال، این بررسی بر جنبههای پیشبینی سریهای زمانی بهینهسازی ساختمان تمرکز دارد تا اینکه به طور کلی به مسئله بهینهسازی نگاه کند. ادغام این دو باید در یک بررسی جداگانه مورد بررسی قرار گیرند.

[7] اهداف بررسی

مطالعات بررسی اخیر در مورد پیش بینی انرژی، گزارشهای دقیقی از مدل های پیش بینی موجود و طبقه بندی آنها ارائه می دهد. ژائو 9 و ماگولس 7 روش های موجود برای پیش بینی مصرف انرژی ساختمان

Yang\

 GA^{7}

Petri^r

Zong[§]

EMPC^Δ

Zhao⁸

Magoules ^V

را در پنج دسته بررسی و طبقه بندی کردند. هییرت $^{\Lambda}$ و همکاران مروری بر پیش بینی بار کوتاه مدت ارائه کرد. سوگانتی 9 و ساموئل 1 مروری بر مدل های تقاضای انرژی برای پیش بینی تقاضا ارائه کردند. فومو ۱۱ مروری بر برآورد انرژی ساختمان ارائه کرد و همچنین نحوه طبقه بندی مدل های برآورد را مورد مطالعه قرار داد. مارتینز-آلوارز ۱۲ و همکاران یک نظرسنجی در مورد تکنیک های داده کاوی برای پیش بینی سری های زمانی الکتریسیته ارائه کرد. این نظرسنجی بر روی ویژگی های مدلها و پیکربندی آنها متمرکز بود. رضا و خسروی مروری بر تکنیکهای پیش بینی بار کوتاهمدت بر اساس تکنیکهای هوش مصنوعی ارائه کردند. مطالعه اخیر توسط مت داوت ۱۳ و همکاران مروری بر تحلیل پیشبینی مصرف انرژی الکتریکی ساختمان با استفاده از روشهای مرسوم و هوش مصنوعی ارائه کرد. همه این بررسیها اطلاعات حیاتی در مورد مدلهای پیشبینی انرژی در مقیاسهای مختلف ارائه می کنند و بر عملکرد برتر مدلهای ترکیبی تأکید می کنند. یک مدل پیشبینی می تواند مبتنی بر دادههای استاتیکی باشد که معمولاً یک متغیر وابسته را با مجموعهای از متغیرهای مستقل منطبق می کند، یا می تواند از دادههای سری زمانی منفرد یا موازی استفاده کند. این مطالعه بر تکنیک های پیش بینی با استفاده از داده های سری زمانی تاکید دارد که در عنوان این بررسی نیز منعکس شده است. اهمیت تجزیه و تحلیل سری های زمانی به دلیل افزایش آگاهی در جمع آوری و پایش داده ها در زمان واقعی است. مصرف انرژی سری زمانی را نیز می توان با داده های سری زمانی شرایط محیطی داخل ساختمان تنظیم کرد. با استقرار حسگرهای بیشتر در ساختمانها و جمع آوری دادههای سری زمانی بیشتر، یک چارچوب مناسب برای تجزیه و تحلیل و شناسایی قابلیتهای پیشبینی مهم است. هدف این بررسی درک تکنیکهای پیشبینی سریهای زمانی موجود و ارائه مزایا و چالشهای آنها است. ارزیابی دقیق مدل ترکیبی نیز به دلیل استفاده فزاینده در ادبیات ارائه شده است. از آنجایی که ترکیبات مدل هیبریدی بسیار زیاد است، اینها در بخش بعدی پس از بررسی انتقادی تکنیکهای اصلی مانند شبکه ی عصبی مصنوعی ^{۱۴} و میانگین متحرک خودهمبسته یکیارچه ۱۵ مورد بررسی انتقادی قرار می گیرند. این مقاله مروری همچنین باید مبنایی برای مقایسه کیفی و کمی برای تمام ۹ تکنیک ذکر شده در اینجا فراهم کند. شایان ذکر است که مدل ترکیبی به عنوان یکی از تکنیک های موجود در بین ۹ تکنیک ارائه شده در نظر گرفته شده است. در مدل هیبریدی، در مجموع ۲۹ ترکیب وجود دارد که در این بررسی به آنها پرداخته شده

Hippert^A

Suganthi⁹

Samuel 1.

Fumo 11

Martinez-Alvarez 17

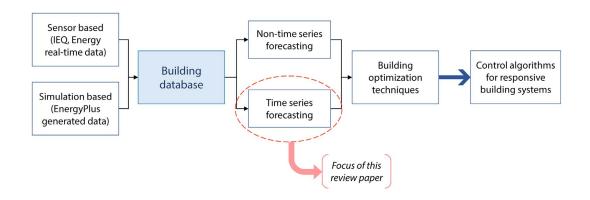
Mat Daut¹⁷

artifical neural network \f

ARIMA۱۵

اهداف این مقاله مروری عبارتند از:

- ارائه بررسیای جمعی و جامع از تکنیکهای اصلی هوش مصنوعی پیشبینی سریهای زمانی با توجه به مصرف انرژی ساختمان
 - انجام یک تحلیل تطبیقی که شامل هر دو جنبه کیفی و کمی این تکنیکها باشد
 - تشریح ترکیبات مختلف مدل هیبریدی در حین ارزیابی عملکرد و تازگی آنها



شکل ۱-۱: تمرکز این گزارش نوشتاری در حوزه بهینهسازی ساختمان [۳]

فصل دوم روشهای موجود برای پیشبینی مصرف انرژی ساختمانها

۱-۲ روش آماری

به نام خدا در حال تست سیستم هستیم :) تست

۲-۲ روش مهندسی

آیا کار میکند ؟

۳-۲ روش هوش مصنوعی

بله :))

۲-۲ خلاصه

فصل سوم الگوریتم های هوش مصنوعی مورد بررسی

۱-۳ شبکه های عصبی مصنوعی

برای نوشتن مراجع پایان نامه، برای راحتی کار به صورت زیر عمل می کنیم:

۳–۲ ماشین بردار پشتیبان

A classifica- در ابتدا مراجع را باید از سایتهای معتبر بارگیری کنیم، مثلا برای ارجاع دادن به مقاله ی حتبر بارگیری کنیم، مثلا برای ارجاع دادن به مقاله و این tion of some Finsler connections and their applications و این مقاله را جستجو می کنیم. پس از پیدا کردن این مقاله، مانند شکل زیر، در زیر نام و چکیده ی مقاله، گزینه وجود دارد که عبار تند از:

- Cited by .1
- Related articles .Y
 - All 6 versions .\tau
 - Cite .۴
 - Save . \Delta

A classification of some Finsler connections and their applications B Bidabad, A Tayebi - arXiv preprint arXiv:0710.2816, 2007 - arxiv.org

Abstract: Some general Finsler connections are defined. Emphasis is being made on the Cartan tensor and its derivatives. Vanishing of the hv-curvature tensors of these connections characterizes Landsbergian, Berwaldian as well as Riemannian structures. This view ...

Cited by 13 Related articles All 6 versions Cite Save

شکل ۳-۱: نمونه یک مقاله در گوگل اسکولار

در اینجا ما به گزینه ی چهارم یعنی Cite احتیاج داریم. بر روی آن کلیک کرده و پنجرهای مانند شکل T-T باز می شود که دارای 4 گزینه ی زیر است:

- BibTeX .1
- EndNote .7
- RefMan . T
- RefWorks .4



شکل ۳-۲: پنجرهی باز شده در گوگل اسکولار

روی گزینه ی اول، یعنی BibTeX کلیک کرده و همه ی نوشته های پنجره ی باز شده را مانند زیر، کپی کرده و در فایل AUTthesis پیست می کنیم. سپس کلیدهای Ctrl+s را می زنیم تا فایل ذخیره شود.

```
@ article{bidabad2007classification,

title={A classification of some Finsler connections and their applications},

author={Bidabad, Behroz and Tayebi, Akbar},

journal={arXiv preprint arXiv:0710.2816},

year={2007}
}
```

۳-۳ میانگین متحرک خودهمبسته یکپارچه

برای ارجاع دادن به مقاله ی بالا، باید در جایی که میخواهید ارجاع دهید، دستور زیر را تایپ کنید: \cite{bidabad2007classification}

همانطور که مشاهده می کنید از کلمهای که در سطر اول ادرس مقاله آمده (یعنی کلمه ی پس از @article (و [؟] و [؟] مرجع خواهد خورد. توجه شود (@article مراجع چاپ خواهند شد که در متن به انها ارجاع داده شده باشد. همچنین برای ارجاع که در صورتی مراجع چاپ خواهند شد که در متن به انها ارجاع داده شده باشد. همچنین برای ارجاع که در عتن ی از دستور (..., داده (cite (name 1, name کنید که به صورت [؟، ؟، ؟] ارجاع خواهند خورد.

۳-۳ سری زمانی فازی

ابتدا فایل AUT_thesis.tex را باز کرده و آن را دو بار اجرا کنید. سپس حالت اجرا را از AUT_thesis.tex به حالت عنییر داده و دوباره برنامه را اجرا کنید. دو بار دیگر برنامه را در حالت Bibtex تغییر داده و دوباره برنامه را اجرا کنید. دو بار دیگر برنامه را در متن زودتر اجرا کرده و نتیجه را مشاهده کنید. در این روش تمامی مراجع بر اساس اینکه کدام یک در متن زودتر به آن ارجع داده شده لیست خواهند شد.

$\Delta-$ استدلال مبتنی بر مورد

```
برای نوشتن مراجع فارسی باید به صورت دستی، در همان فایل قبلی به صورت زیر عمل می کنیم:

@article{manifold,
title={saicus منیفلد},

author={siبهروز بیدآباد}},

journal{ دکتربهروز بیدآباد},

year={1389},

LANGUAGE={Persian}
}

همانطور که مشاهده می کنید تنها تفاوت آن با حالت مراجع انگلیسی، سطر آخر آن می باشد که زبان را مشخص می کند که حتماً باید نوشته شود.
```

۳-۶ خلاصه

به دلیل پیچیدگی واژهنامههای موجود در سایت پارسی لاتک، از روش زیر برای نوشتن واژهنامه استفاده کنید:

ابتدا با استفاده از اکسل، واژه های خود را یکبار براساس حروف الفبای فرسی و بار دیگر انگلیسی مرتب کنید. سپس واژه ها را در فایل dicfa2en و dicen2fa قرار دهید.

فصل چهارم نتایج تجربی بر روی مجموعه های داده

- ۱-۴ معرفی مجموعه های داده
- ۲-۴ مقایسه ی روش های مورد بررسی
- ۳-۴ انتخاب بهینه ترین روش پیشنهادی
 - ۴-۴ خلاصه

فصل پنجم نتیجه گیری و پیشنهادها در پایان گزارشهای علمی و فنی لازم است که جمعبندی یا نتیجه گیری نهایی ارائه شود. در این موارد می توان آخرین فصل پایان نامه که پیش از مراجع قرار می گیرد را به این امر اختصاص داد.

۵-۱ نتیجهگیری

در این بخش پیشنهاداتی که محقق جهت ادامه تحقیقات دارد ارایه می گردد. دقت شود که پیشنهادات باید از تحقیق انجام شده و نتایج ان حاصل شده باشد و از ذکر جملات کلی باید پرهیز کرد.

۲-۵ پیشنهادها

منابع و مراجع

- [1] Al-Homoud, Mohammad Saad. Computer-aided building energy analysis techniques. *Building and Environment*, 36(4):421–433, 2001.
- [2] Crawley, Drury B., Hand, Jon W., Kummert, Michaël, and Griffith, Brent T. Contrasting the capabilities of building energy performance simulation programs. *Building and Environment*, 43(4):661–673, 2008. Part Special: Building Performance Simulation.
- [3] Deb, Chirag, Zhang, Fan, Yang, Junjing, Lee, Siew Eang, and Shah, Kwok Wei. A review on time series forecasting techniques for building energy consumption. *Renewable and Sustainable Energy Reviews*, 74:902–924, 2017.

واژهنامهی فارسی به انگلیسی

خودریختی	Ĩ
٥	اسکالر
در جه	ب
) mioronrocoggor	بالابر
ریز پر دازنده microprocessor	پ
زيرمدول Submodule	یایا
س	ت
سرشتCharacter	تناظر
ص	ث
صادقانه	ثابتساز
ض	₹
ضرب داخلی	جایگشت
ط	&
طوقه	چند جملهای Polynomial
ط ظرفیت	ح حاصل ضرب دکارتی Cartesian product
ع	خ صفر عالی Curtesian product غ
ع	7

انگلىسە	ىە	فارسي	[،] ەنامەي	ءا:
	_	/ 200) -	(>)' -

عدم مجاورت Nonadjacency
ف
فضای برداری Vector space
ی
کاملاً تحویل پذیر Complete reducibility
گ
گراف
٩
ماتریس جایگشتی Permutation matrix
ن
ناهمېند
9
وارون پذیر
٥
همبند
ی
يال

واژهنامهی انگلیسی به فارسی

A	پایا
خودریختی	L
В	بالابر Lift
Bijection	M
C	مدول
گروه دوری	N
D	نگاشت طبیعی
درجهدرجه	O
E	یک به یک
L	P
يال	Permutation group
F	Q
تابع تابع	گراف خارجقسمتی Quotient graph
G	R
گروه	تحویل پذیر Reducible
н	S
همریختی	Sequence
I	T

واژهنامهی انگلیسی به فارسی