5/5/24, 11:01 AM تمرین سری سوم (عملی)

## الگوريتم مشترک



- محدودیت زمان: ۱ ثانیه
- محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

فرض کنید G یک گراف ساده n راسی m یالی است که راسهای آن از 1 تا n شماره گذاری شده است.

به یک گراف «اویلری» میگوییم اگر «گذری» داشته باشد که هر یال G، دقیقا یکبار در آن آمده باشد.

 $e_{i-1}\cap e_i
eq\emptyset$  منظور از یک گذر، دنبالهای از پالها مثل  $e_1,e_2,\ldots,e_k$  است که به ازای هر  $e_i$ 

یک گراف به شما داده میشود، و از شما میخواهیم بررسی کنید آیا این گراف اویلری است یا نه.

#### ورودي

در سطر اول ورودی دو عدد صحیح n و m که با یک فاصله از هم جدا شدهاند آمده است که به ترتیب نشانlphaنعداد راسها و یالهای گراف G است.

$$1 \le n \le 100\,000$$

$$0 \le m \le \min\{\frac{n(n-1)}{2}, 100\,000\}$$

در m سطر بعدی دو عدد  $u_i$  و  $v_i$  که با یک فاصله از هم جدا شدهاند آمده است که نشان $u_i$  و جود یال  $u_i$  در گراف است.G

$$1 \le u_i \ne v_i \le n$$

تضمین میشود گراف داده شده ساده است. یعنی بین هر دو راس حداکثر یک یال آمده است.

### خروجي

در تنها سطر خروجی در صورت اویلری بودن گراف G رشته G و در غیر این صورت رشته G چاپ کنید.

#### مثال

ورودی نمونه ۱

3 3

1 3 2 3	
	خروجی نمونه ۱
YES	
	بله، چون دنباله زیر وجود دارد:
	$\{1,2\},\{2,3\},\{1,3\}$
	ورودی نمونه ۲
4 2	
1 2 3 4	
	خروجی نمونه ۲
NO	
الهای ساخت که هر دو یال در آن حضور	خیر، چون هر این گراف تنها دو یال دارد که هیچ اشتراکی ندارند. پس نمیتوان دنب داشته باشند و هر دو یال متوالی اشتراکی ناتهی داشته باشند.
	ورودی نمونه ۳
5 5 1 2 2 3 3 4 4 5 5 3	
	خروجی نمونه ۳
YES	
	بله، چون دنباله زیر وجود دارد:
	$\{1,2\}\{2,3\},\{3,4\},\{4,5\},\{3,5\}$

## یال برشی

• محدودیت زمان: ۱ ثانیه

• محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

سایین میخواهد خود را با سوالی به چالش بکشد برای همین پوریا به سایین سوالی می دهد که سایین باید در آن سوال مقدار یال برشی را پیدا کند. برای این کار پوریا به سایین دو عدد n و m می دهد که به ترتیب n تعداد راس ها می باشد. دقت و m تعداد یال ها می باشد سپس در m خط بعدی دو عدد به سایین داده می شود که به معنای دو سر یال می باشد. دقت کنید که راس ها از 1 تا 1 شماره گذاری شده اند.

همچنین پوریا برای سخت تر کردن سوال به سایین می گویید که ممکن است گراف ورودی ساده نباشد و این یعنی که ممکن است یال چندگانه و طوقه داشته باشد.

#### ورودي

ورودی تنها شامل یک خط است که در آن دو عدد طبیعی n و m با فاصله از هم آمده است.

$$1 < n < 100\,000$$

$$1 \leq m \leq \min\{\frac{n(n+1)}{2}, 500\,000\}$$

### خروجي

خروجی برنامه شما باید مقدار یال برشی را در خروجی چاپ کند.

### مثال

### ورودی نمونه ۱

5 14

3 4

1 3

3 5

1 2

1 4

254

3 5

, ,

1 4

2 5

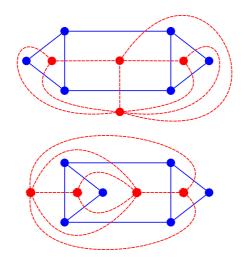
4 5

1 2

خروجی نمونه ۱

# گراف دوگان

گراف دوگان گراف G گرافی است که در هر ناحیه از گراف G یک راس دارد. بین دو راس در گراف دوگان یال وجود دارد، هرگاه دوناحیه از گراف G یالی درگراف دوگان و ازگراف دوگان یال و با یک یال از یکدیگر جدا شده باشند؛ بنابراین، متناظر با هر یال e ازگراف G یالی درگراف دوگان و وجود دارد که نواحی طرفین یال e را به هم وصل میکند.[میتوانیم در گراف دوگان یال چندگانه نیز داشته باشیم.]



در این سوال input گراف G است و ما میخواهیم تعداد یال های دوگان آن را پیدا کنیم.

#### ورودي

در سطر اول ورودی تعداد یال های گراف G داده شده است(n) و در n سطر بعدی یال های گراف آورده شده است.

### خروجي

در تنها سطر خروجی تعداد یال های گراف دوگان نمایش داده شود.

### مثال

ورودی نمونه ۱

3 ab

ac

bc

خروجی نمونه ۱

# ورودی نمونه ۲

9

ag ah

gh

cb

cf be

fi

ed di

خروجی نمونه ۲

9

آیا میتوان گفت همواره تعداد یال های کراف دوگان با تعداد یال های گراف G برابر است ؟ جواب را کامنت کنید

### منقلب (امتیازی)

• محدودیت زمان: ۱ ثانیه

• محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

نقشهی کشور سایین شامل n شهر است که با m جاده به هم متصل شدهاند. سایین که خیلی از تجزیهی کشور به دست اگر انقلابیون میترسد، میخواهد میزان مقاومت نقشه به تجزیه را بررسی کند. میگوییم کشور در معرض تجزیه است اگر جادهای وجود داشته باشد که با حذفش، تمامی شهرهای یک بخش توسط شورشیها تصرف شده باشند. از بین تمام  $2^n$  حالتی که شورشیها میتوانند تعدادی از شهرها را تصرف کرده باشند، تعداد حالاتی را میخواهیم بدانیم که کشور در معرض تجزیه نباشد.

باقیمانده این عدد را به  $7+10^9$  چاپ کنید.

### ورودي

خط اول ورودی تنها شامل دو عدد طبیعی n و m است که با فاصله از هم آمدهاند. در m خط بعدی، در هر خط دو عدد طبیعی آمده است که نشان دهندهی دو شهری است که این جاده به هم متصل میکند.

$$1 \le n \le 100\,000$$

$$1 \le m \le 300\,000$$

تضمین میشود از هر شهر با استفاده از جادهها میتوان به هر شهر دیگر سفر کرد همچنین هیچ جادهای یک شهر را به خودش متصل نمیکند و بین هیچ دو شهری بیش از یک جاده وجود ندارد.

### خروجي

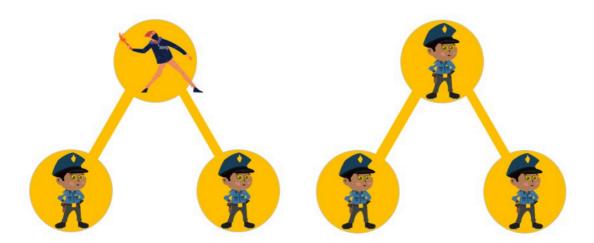
باقیماندهی تعداد حالاتی که کشور در معرض تجزیه **نیست** را به 7+7 چاپ کنید.

#### ورودی نمونه ۱

3 2

2
 3

### خروجی نمونه ۱



در این تصویر دو حالتی را که کشور در معرض تجزیه نیست را میبینیم.

# ورودی نمونه ۲

- 4 4
- 1 2
- 2 3
- 3 1
- 1 4

خروجی نمونه ۲